Сравнительный анализ помехоустойчивых алгоритмов цикловой синхронизации

О. П. Малофей ¹, А. О. Малофей ², А. Е. Шаньгина³, Е. А. Кучукова⁴

Северо-Кавказский федеральный университет ¹ opmalofey@yandex.ru, ² yzorsv@gmail.com, ³ shangina_anastasya66@mail.ru, ⁴e.cat.kuchukova@yandex.ru

Аннотация. Весьма актуальной проблемой при проектировании информационных систем является передача информации с высокой достоверностью и наибольшей скоростью при снижении общего уровня затрат. В системах передачи дискретной информации (СПДИ) с каналами низкого качества достоверность повышается многократным повторением сообщения, число которых не меньше трех. В связи с чем представлен анализ нескольких методов циклового фазирования при многократном повторении, рассмотренном на случаи, когда один сеанс связи включает β-кратное повторение п-разрядной кодовой комбинации сообщения.

Ключевые слова: циклический код; вероятность ложного синхронизма; канал связи; кодовое расстояние; цикловое фазирование; кодовая комбинация

І. Введение

В СПДИ эффективность использования канала связи зависит от объема сообщения, передаваемого за один сеанс связи, и способа повышения достоверности приема. При этом оптимальный объем сообщения определяется количеством служебной информации в фазирующих сигналах [10].

Качество функционирования СПДИ существенно зависит от работы устройств циклового фазирования [2]. Выбор способа синхронизации – достаточно сложная техническая задача, от решения которой зависит выполнение требований по быстродействию, надежности и экономичности системы цикловой синхронизации [6, 7].

Поскольку в общем случае начало сеанса передачи не выявлено, в СПДИ широко применяются способы, при которых -разрядная фазирующая комбинация передается столько же раз, сколько *п*-разрядная комбинация сообщения, а возникшие в сообщении ошибки исправляются мажоритарным методом [1, 3, 5].

При этом фазирующая комбинация может многократно передаваться как в начале сеанса, так и после каждого повторения кодовой комбинации сообщения.

II. МЕТОД ИССЛЕДОВАНИЯ

Рассмотрим случай, когда один сеанс включает βкратное повторение п-разрядной кодовой комбинации сообщения и перед каждым из сообщений передается фазирующая m-разрядная комбинация. Передаваемый блок имеет вид

$$\gamma_1 \gamma_2 \dots \gamma_m a_1 a_2 \dots a_n$$
.

Если в момент начала приема часть символов первого блока окажется потерянной и прием начнется с какоголибо -го символа, принятый блок имеет вид

$$\gamma_i \gamma_{i+1} \dots \gamma_m a_1 a_2 \dots a_n \gamma_1 \gamma_2 \dots \gamma_{i-1}$$
.

Таким образом, в принятом блоке содержатся все символы фазирующей и информационной кодовой комбинаций, фазовое положение которых устанавливается циклическим сдвигом. Если это не удастся, то после приема первого блока принимают ещё два и производят их мажоритарную обработку. Если и тогда не удается установить фазовое положение, принимают последующие блоки до полного устранения ошибок. После фиксации фазового положения проверяют достоверность, декодируя информационную часть кодовой комбинации [4]. Реализация метода возможна только при условии (1).

Выполнить такое условие, если значения вероятности P_0 большие, можно лишь при увеличении количества разрядов в передаваемом блоке. Это, в свою очередь, уменьшает скорость передачи, которая, для данного метода определяется выражением (2).

$$\gamma_{1} \gamma_{2 \dots} \gamma_{m} \neq \begin{cases} \gamma_{i+1} \gamma_{i+2} \dots \gamma_{m} a_{1} a_{2} \dots a_{i}, 1 \leq i \leq m-1; \\ a_{i+1} a_{i+2} \dots a_{i+m}, 0 \leq i \leq n-m; \\ a_{i+1} a_{i+2} \dots a_{n} \gamma_{1} \gamma_{2 \dots} \gamma_{i+m-n}, n-m+1 \leq i \leq n-1 \end{cases}$$
 (1)

$$R_1 = k/\beta(m+n), \tag{2}$$

где k — число информационных разрядов в исходном, многократно передаваемом сообщении, зашифрованном избыточным (n,k) кодом; β = 1,3,5,...

Тогда вероятность выделения ложной фазирующей комбинации определяется P_0 , так как однократная ошибка в кодовой комбинации приводит к нарушению условия (1) [4]. Следовательно, вероятность ложного синхронизма оценивается соотношением

$$\begin{split} P_{\text{nc1}} &= \frac{\lambda q}{\lambda - P_0} \frac{\lambda^{-\lambda\beta} \mu^{-\mu\beta}}{\sqrt{2\pi\lambda\mu\beta}} P_0^{\lambda\beta} q^{\mu\beta}, \\ \lambda &= (\beta + 1)/2\beta, \ \mu = 1 - \lambda, \ q = 1 - P_0, \end{split}$$

где P_0 – вероятность искажения элементарного символа в канале связи; $P_{\rm лс1}$ – вероятность ложного синхронизма классического способа цикловой синхронизации.

Известно устройство, реализующее метод синхронизации, при котором в одном сеансе передачи многократно повторяется блок из одного фазирующего и двух информационных повторений кодовой комбинации [3]. При этом количество символов в повторах одинаково и равно n [8]. Такой блок имеет вид:

$$\gamma_1 \gamma_2 \dots \gamma_m a_1 a_2 \dots a_n a_1 a_2 \dots a_n$$
.

Если прием начат с i -го символа первого блока и число поступивших блоков равно β , то результат обработки символов формируется по элементам матрицы вида $[a_{ij}]$ размера $n \times 3\beta$. По элементам столбцов этой матрицы формируют цифровые коды одноименных элементов μ_i (i=1,2,...,n) начиная с $[n(3\beta-1)+1]$ -го такта по правилам

$$A = \begin{bmatrix} \gamma_{1i}\gamma_{1i+1} & \dots & \gamma_{1n}a_{11}a_{12} & \dots & a_{1i-1} \\ a_{2i}a_{2i+1} & \dots & a_{2n}a_{21}a_{22} & \dots & a_{2i-1} \\ a_{3i}a_{3i+1} & \dots & a_{3n}\gamma_{31}\gamma_{32} & \dots & \gamma_{3i-1} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{3\beta i}a_{3\beta i+1} & \dots & a_{3\beta n}\gamma_{3\beta 1}\gamma_{3\beta 2} & \dots \gamma_{3\beta i-1} \end{bmatrix}$$

$$a_i = \begin{cases} 1 \text{ при } \mu_i > 1,5\beta; \\ 0 \text{ при } \mu_i < 1,5\beta; \end{cases}$$

$$\gamma_i = \begin{cases} 1 \text{ при } \mu_i > 1{,}5\beta; \ 0{,}5\beta < \ \mu_i < 1{,}5\beta; \\ 0 \text{ при } \mu_i < 1{,}5\beta; \ 1{,}5\beta < \ \mu_i < 2{,}5\beta. \end{cases}$$

Выделенные символы фазирующей последовательности γ_i циклически сдвинуты на i-1 тактов:

$$\gamma_i \gamma_{i+1} \dots \gamma_n \gamma_1 \gamma_2 \dots \gamma_{i-1}$$

Проверяется соответствие последовательности по закону построения фазирующего сигнала. При выполнении условия она циклически сдвигается до приведения к виду γ_1 γ_2 ... γ_n . На такое же число тактов сдвигается и выделенная информационная последовательность $a_i a_{i+1} \dots a_n a_1 a_2 \dots a_n$ преобразуюсь в $a_1 a_2 \dots a_n$.

Если выделенная фазирующая последовательность не удовлетворяет закону построения, принимают и обрабатывают следующие блоки до полного устранения ошибок. Скорость передачи определяется выражением [4]

$$R_2 = k/3\beta n$$
,

а вероятность ложного синхронизма

$$P_{\text{nc2}} = \left[\frac{1}{2} \frac{\lambda q}{\lambda - P_0} \frac{\lambda^{-3\beta\lambda} \mu^{-3\beta\mu}}{\sqrt{6\pi\lambda\mu\beta}} P_0^{3\beta\lambda} q^{3\beta\mu} \right]^d,$$

где d — кодовое расстояние для циклического кода, которым зашифрован повтор сообщения.

Достоинство рассмотренного способа цикловой синхронизации — высокая достоверность выделения сигнала синхронного запуска. Однако его широкое применение в системах сеансовой связи ограничивается низкой исправляющей способностью, что влечет за собой увеличение числа передаваемых блоков β и, следовательно, снижение скорости передачи информации R.

Существует метод, в значительной степени устраняющий недостатки рассмотренных выше способов. В качестве сигнала фазирования передается та же празрядная кодовая комбинация, но развернутая младшим разрядом вперед, причем первый передаваемый разряд инвертируется. Передаваемый блок имеет вид

$$\bar{a}_n a_{n-1} \dots a_1 a_1 a_2 \dots a_n$$
.

На приемном конце элементы, симметричные относительно середины принятого блока, сравниваются. Если все n элементов, кроме крайних, совпадают, делается вывод о синхронном положении принимаемых блоков. В том случае, когда прием начат с i-го символа, поступивший блок имеет вид

$$a_{n-i+1}a_{n-i} \dots a_1 a_1 a_2 \dots a_{i-1}$$
.

Элементы блока сдвигаются в течение 2n-1 тактов. Если за это время фазирующий сигнал обнаружен не будет, продолжают прием последующих блоков,

состоящих из 2n зеркально отраженных элементов, до полного устранения ошибок.

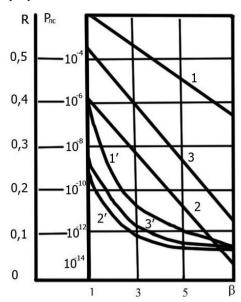


Рис. 1. Зависимость вероятности выделения ложного сигнала синхронизации $P_{\rm nc}$ и скорости передачи R от числа передаваемых блоков β .

Достоинство способа заключается в высокой эффективности исправления ошибок и достоверности выделения фазирующего сигнала, поскольку этот метод фазирования эквивалентен проверке на достоверность по критерию «два из двух». Скорость передачи определяется выражением [4]

$$R_3 = k/2\beta n$$
,

а вероятность ложного синхронизма

$$P_{\text{nc3}} = n \left[\frac{\lambda q}{\lambda - P_0} \frac{\lambda^{-\beta\lambda} \mu^{-\beta\mu}}{\sqrt{2\pi\lambda\mu\beta}} P_0^{\beta\lambda} q^{\beta\mu} \right]^2.$$

III. РЕЗУЛЬТАТЫ ИССЛЕДОВАНИЯ

Выбирая оптимальный метод циклового фазирования при многократном повторении сообщения, необходимо знать требуемые достоверность выделения фазирующего сигнала и скорость передачи информации. По требуемой достоверности рассчитывается необходимое число повторений β и по нему сопоставляются скорости передачи R различных методов циклового фазирования. Изменение вероятности выделения ложного сигнала синхронизации $P_{\rm nc}$ (кривые 1, 2, 3) и скорости передачи R

(кривые 1', 2', 3') в зависимости от числа передаваемых блоков β показаны на рис. 1. Графики соответствуют следующим алгоритмам: 1, 1' — классическому; 2, 2' — μ -проверок; 3, 3' — проверок зеркально отраженных элементов.

IV. Вывод

При анализе полученных зависимостей $P_{\rm лc}=f(\beta)^{R=f(\beta)}$ выявлено, что применение того или иного способа циклового фазирования при многократном повторении сообщения существенно зависит от задач, решаемых СПДИ и качества каналов связи. Так, например, когда необходима высокая достоверность передачи информации в ущерб скорости передачи, предпочтителен второй способ; если требуется компромисс между скоростью передачи и достоверностью, выбирается третий способ.

Список литературы

- [1] Oleg P. Malofey, Alexander O. Malofey, Anastasia E. Shangina. On the issue of optimization of hardware costs in infotelecommunication systems // 2018 IEEE Conference of Russian Young Researchers in Electrical and Electronic Engineering (EIConRus). (pp. 342-346). 2017. DOI: 10.1109/EIConRus.2018.8317102
- [2] Гольдштейн Б.С., Соколов Н.А., Яновский Г.Г. Сети связи: Учебник для ВУЗов. СПБ.: БХВ-Петербург, 2010. 400с.
- [3] Ключко В.И., Малофей О.П. Об одном классе устройств адаптивного мажоритарного декодирования кодов с повторением // Радиотехника. Вып. 64. Издательство ХГУ объединение «Вища школа», 1983. С. 73-77.
- [4] Малофей О.П., Захарова Е.С. Алгоритмы цикловой синхронизации в радиоканалах низкого качества // Циклы природы и общества. 2014 с. 102-104.
- [5] Малофей О.П., Малофей А.О., Шаньгина А.Е. Анализ алгоритмов помехоустойчивого кодирования и повышение их эффективности в сложных системах // «Наука. Инновации. Технологии» Научный журнал Северо-Кавказского федерального университета. 2017. вып. 2. с.43-52.
- [6] Малофей О.П., Малофей А.О., Шаньгина А.Е. Оценка сложности устройств мажоритарного декодирования // «Охрана, безопасность, связь» Воронежский институт Министерства внутренних дел Российской Федерации. 2017. с. 63-68.
- [7] Малофей О.П., Малофей А.О., Шаньгина А.Е. Сравнительный анализ алгоритмов первичной обработки кодов с повторением // Научно-методические проблемы профессиональной и служебной подготовки в органах Внутренних Дел России. 2017 с. 205-209.
- [8] Пат. РФ № 2023448 / О.П. Малофей, А.О. Малофей, и др. Устройство для исправления ошибок при многократном повторении; Опубл. 15.11.1994. Бюл. №21.
- [9] Пат. РФ № 2635253 / О.П. Малофей, А.О. Малофей, Ю.О. Харечкина и А.Н. Харечкин. Модифицированное устройство коррекции ошибок; Опубл. 09.11.2017. Бюл. №31.
- [10] Пятибратов А.П. Гудыно Н.А. Кириченко А.А. Вычислительные системы, сетии телекоммуникации: Ученик. 2-е изд., перераб и доп. М.: Финансы и статистика, 2004. 512 с.