

### 《计算复杂性理论》 第2讲 算法的渐近分析方法

山东师范大学信息科学与工程学院 段会川 2015年9月

### 目录

- □ 算法的定义与描述
- □ 算法分析基础
- □ 算法的渐近复杂性态
- □ 算法设计与分析举例
- □ 算法定义
- □ Euclid GCD算法
  - 思想描述
- □ 算法伪代码描述标准
- □ Euclid GCD算法的伪代 码
- □ 算法设计的一般过程

### Knuth算法定义—一般描述

- □ 算法是求解某一特定问题的一组有穷规则的集合
  - 有穷性: 执行有限条指令后结束
  - 确定性:指令无歧义,相同的输入 总能得到相同的结果
  - 输入:0或1个
  - 输出:1或多个
  - (1938--)可行性:每个运算均可由人 《计算机程序设计的艺术》 用笔和纸在有限时间内完成《The Art of Computer Programming》

第2讲 算法的渐近分析方法

Donald Knuth

1974年图灵奖

第2讲 算法的渐近分析方法

### 欧几里德GCD算法

- □ 欧几里德最大公约数算法
  - **■** Greatest Common Divisor (GCD)
  - $\mathbf{gcd}(\mathbf{a},\mathbf{0}) = \mathbf{a}$
  - $\blacksquare$  gcd(a,b) = gcd(b, a MOD b)
  - 是少数几个古老而直到现代都很有用的领



### GCD算法—思想描述

自然语言也就是人们日常讲行交流的语言,如汉语、英语等。其最大的优点是简单、通 俗易懂,缺点是不够严谨、烦琐目不能被计算机直接执行。

欧几里得算法用自然语言描述如下:

- (1) 输入 a 和 b.
- (2) 判断 b 是否为 0,如果不为 0,转步骤(3);否则转步骤(4)。
- (3) a 对 b 取余,其结果赋值给 r,b 赋值给 a,r 赋值给 b,转步骤(2)。
- (4) 输出 a,算法结束。

第2讲 算法的渐近分析方法

### 算法的伪代码描述标准

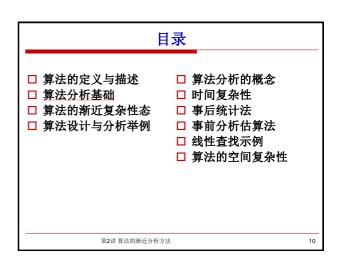
- □ 说明中文和简化的英文名称,必要时标上序号
- □ 说明输入和输出
- □ 顺序标记行号
- □ 赋值语句: 使用=或左箭头进行变量赋值
- □ 变量可以带有下标,如: $x_1, y_i$
- □ 使用方括号表示数组和元素的下标
- □ 变量可以使用数学符号,如: α, Ø
- $\square$  可以有数学公式表示的运算,如:  $x = \frac{b}{a^2}$
- □ 可用简化的自然语言描述操作,如:交换a和b的值
- □ 可以使用直观可理解的符号,如:  $a \leftrightarrow b$
- $\square$  可以使用直观可理解的数学函数,如:  $\sin \theta$

第2讲 算法的渐近分析方法

# 算法的伪代码描述标准 □ 使用\\书写注释,如: swap(a,b) \\交换α和b的值 □ 使用return结束算法,必要时返回结果 □ 使用if语句表示分支,可以带有then, else和else if □ for循环: for i=1 to n step 2 \\step为1时可以省略 □ while循环 □ do ... while循环 □ do ... while循环 □ peat ... until循环 □ 复合语句 ■ 分支或循环体有一个语句时,可以不用复合语句标识 ■ 可以使用{... }作为复合语句界定符 ■ 可以使用begin ... end作为复合语句界定符 ■ 可以使用end if, end for, end while作为复合语句界定符 ■ 使用缩格表添层次类系形法

### 欧几里得GCD算法的伪码描述 □ 算法1-1: 欧几里得最大公约数算法(GCD) □ 输入: 整数a, b □ 输出: a, b的GCD □ 1: while b≠0 □ 2: c = a%b, a=b, b=c □ 3: end while □ 4: print a

## 算法设计的一般过程 1. 充分理解要解决的问题 2. 算法思想描述: 概要设计 ■ 必要时建立适宜的数学模型 3. 算法详细设计 4. 算法描述 5. 算法正确性证明 6. 算法分析 7. 算法的编程实现和测试 8. 文档资料的编制



### 算法分析的概念

算法的复杂性指的是算法在运行过程中所需要的计算机资源的量,算法分析就是对该 量的多少进行分析,所需资源的量越多,表明该算法的复杂性越高,反之,算法的复杂性越 低,计算机的资源最重要的是运行算法时所需的时间,存储程序和数据所需的空间。因而, 算法分析是对时间复杂性和空间复杂性进行分析。

算法分析对算法的设计、选用和改进有着重要的指导意义和实用价值;①对于任意给定的问题,设计出复杂性尽可能低的算法是在设计时考虑的一个重要目标;②当给定的问题已有多种算法时,选择复杂性最低者是在选用算法时应遵循的一个重要准则;③算法分析有助于对算法进行改进。

第2讲 算法的渐近分析方法

### 时间复杂性—事后统计法

因为很多计算机内部都有计时功能,有的甚至可以精确到毫秒,所以采用不同算法设计 出的程序可通过一组或若干组相同的统计数据以分辨优劣。

但该方法有两种缺陷:一是必须先运行依据算法编写的程序;二是所得时间的统计量依赖于计算机的硬件、软件等环境因素,有时会掩盖算法本身的优劣。因此,人们常常不采用该方法进行时间复杂性分析。

第2讲 算法的渐近分析方法

### 时间复杂性—事前分析估算法

与算法的运行时间相关的因素通常有问题的规模、算法的输入序列、算法选用的设计策 略、编写程序的语言、编译程序产生的机器代码的质量及计算机执行指令的速度等。

显然,在各种因素都不能确定的情况下,将很难估算出算法的运行时间,可见使用运行 算法的绝对时间来衡量算法的效率是不现实的。如果撇开这些与计算机硬、软件有关的因 素,一个特定算法的运行时间依赖于问题的规模(通常用正整数 n 表示)和它的输入序列 I。 因此,算法的运行时间可表示为二者的函数,记为T(n,I)。

### 时间复杂性—事前分析估算法

通常情况下,人们只考虑三种情况下的时间复杂性,即最坏情况、最好情况和平均情况, 并分别记为  $T_{--}(n)$ 、 $T_{--}(n)$ 和  $T_{--}(n)$ 。设  $D_{-}$ 是问题规模为 n 的复法的所有合法输入序 列集合: [7] 是使复法的时间效率达到最差的合法输入序列集合: [7] 是使复法的时间效率达 到最好的合法输入序列集合; P(I)是算法在应用中出现输入序列 I 的概率。在数学上有

$$T_{\max}(n) = \underset{I \in D_n}{\max} T(n, I) = T(n, I^{\circ})$$

$$T_{\min}(n) = \underset{\mathbf{I} \in D_n}{\min} T(n, \mathbf{I}) = T(n, \mathbf{I}^1)$$

$$T_{\text{avg}}(n) = \underset{I \in D_{\text{a}}}{\sum} T(n, I) P(I)$$

由此,针对特定的输入序列,算法的时间复杂性只与问题的规模,n有关。一个不争的事 实是: 几乎所有的算法,规模越大所需的运行时间就越长。当 n 不断变化时,运行时间也会 不断变化,故人们通常将算法的运行时间记为 T(n)。

14

### 时间复杂性—线性查找示例

- □ 算法1-2: 线性查找(linearsearch)
- □ 输入: n个元素的数组a和带查找的元素x
- □ 输出: x在a中的位置,0表示未找到
- ☐ 1: for i=1 to n
- $\square$  2: if x=a[i] then
- □ 3: return i
- ☐ 4: return 0

第2讲 算法的渐近分析方法

15

### 算法的空间复杂性

- □ 由于把数据写入到每一个存储单元,至少需要一个 特定的操作步骤,因此算法的空间复杂性不会超过 其时间复杂性,即:

  - 如果不特别指明,说到算法的复杂性都是指算法的时间复
  - 如果同一个问题的不同算法时间复杂性相同,这时空间复杂性就非常重要了

第2讲 算法的渐近分析方法

### 目录

- □ 算法的定义与描述
- □ 算法分析基础
- □ 算法的渐近复杂性态
- □ 算法设计与分析举例
- □ 渐近上界大O
- □ 常见的复杂度类
- □ 渐近上界举例
- □ 大O极限判断准则
- □ 上界与阶
- □ 大Ω及其极限判断
- □ 大⊕及其极限判断
- □ 常见渐近函数阶与曲线
- □ 常见的复杂性类
- □ 求数组中的最大值
- □ 线性搜索

第2讲 算法的渐近分析方法

 $T_1(n) = 30n^4 + 20n^3 + 40n^2 + 46n + 100$ 

(1-1)

算法 B 的运行时间表达式  $T_2(n)$  为:

假设算法 A 的运行时间表达式  $T_1(n)$  为:

 $T_2(n) = 1000n^3 + 50n^2 + 78n + 10$ (1-2)

显然,当问题的规模足够大的时候,例如 n=100 万,算法的运行时间将主要取决于时间 表达式的第一项,其他项的执行时间只有它的几十万分之一,可以忽略不计。第一项的常 数,随着n的增大,对算法的执行时间也变得不重要了。

渐近复杂性态—引入

于是,算法 A 的运行时间可以记为:  $T_1^*(n) \approx n^4$ ,称  $n^4$  为  $T_1^*(n)$ 的阶。 同理,算法 B 的运行时间可以记为:  $T_z^*(n) \approx n^3$ ,称  $n^3$  为  $T_z^*(n)$ 的阶。

第2讲 算法的渐近分析方法

### 渐近复杂性态—引入

由上述分析可以得出一个结论:随着问题规模的增大,算法的时间复杂性主要取决于 运行时间表达式的阶。如果要比较两个算法的效率,只需比较它们的阶就可以了。

定义 1 设算法的运行时间为 T(n),如果存在  $T^*(n)$ ,使得

$$\lim_{n\to\infty} \frac{T(n) - T^*(n)}{T(n)} = 0$$

就称  $T^*(n)$  为算法的渐进性态或渐进时间复杂性。

可见,问题规模充分大时,T(n)和 $T^*(n)$ 近似相等。因此,在算法分析中,对算法的时 间复杂性和算法的渐进时间复杂性往往不加区分,并常用后者来对一个算法的时间复杂性 进行衡量,从而简化了大规模问题的时间复杂性分析。

### 渐近复杂性态—渐近上界O

(1) 新近上界记号: O(big-oh)-

定义 2 若存在两个正常数 c 和  $n_o$ ,使得当  $n \ge n_o$  时,都有  $T(n) \le cf(n)$ ,则称 T(n) =O(f(n)),即 f(n)是 T(n)的上界。换句话说,在 n 满足一定条件的范围内,函数 T(n)的阶 不高于函数 f(n)的阶。

存在  $c=11, n_0=4$ , 使得当  $n \ge n_0$  都有:

 $T(n) = 10n + 4 \le 10n + n = 11n$  $T(n) \leq c f(n)$ 

 $\coprod T(n) = O(f(n)) = O(n)$ 

应该指出,根据符号 ()的定义,用它评估算法的复杂性得到的只是问题规模充分大时 的一个上界。这个上界的阶越低,则评估就越精确,结果就越有价值。如果有一个新的算 法,其运行时间的上界低于以往解同一问题的所有其他算法的上界,就认为建立了一个解该 问题所需时间的新上界。

第2讲 算法的渐近分析方法

20

### 渐近复杂性态--常见的复杂度类

常见的几类时间复杂性有:

O(1): 常数阶时间复杂性。它的基本运算执行的次数是固定的,总的时间由一个常数 来限界,此类时间复杂性的算法运行时间效率最高。

O(n)、 $O(n^2)$ 、 $O(n^3)$ 、…: 多项式阶时间复杂性。大部分算法的时间复杂性是多项阶 的,通常称这类算法为多项式时间算法。O(n)称为 1 阶时间复杂性, $O(n^2)$ 称为 2 阶时间复 杂性, $O(n^3)$ 称为3阶时间复杂性…。

 $O(2^n)$ 、O(n!)和  $O(n^n)$ :指数阶时间复杂性。这类算法的运行效率最低,这种复杂性的 算法根本不实用。如果一个算法的时间复杂性是指数阶的,通常称这个算法为指数时间算法。  $O(n\log n)$  和  $O(\log n)$ : 对数阶时间复杂性。除常数阶时间复杂性以外,它的效率最高。 以上几种复杂性的关系为:

 $O(1) < O(\log n) < O(n) < O(n\log n) < O(n^2) < O(n^3) < O(2^n) < O(n^1) < O(n^n)$ 

第2讲 算法的渐近分析方法

21

23

### 渐近复杂性态—运算规则

另外,按照 O 的定义,容易证明如下运算规则成立,这些规则对后面的算法分析是非常 有用的。

- $\bigcirc O(f) + O(g) = O(\max(f,g))$ .
- ② O(f) + O(g) = O(f+g).
- $\bigcirc$  O(f)O(g)=O(fg).
- ④ 如果 g(n) = O(f(n)),则 O(f) + O(g) = O(f)。
- ⑤ O(Cf(n)) = O(f(n)),其中 C 是一个正的常数。
- ⑥ f=O(f)。

第2讲 算法的渐近分析方法

22

### 渐近复杂性态--渐近上界举例

### □ f=O(g(n))可以形象地表示在下图中

- $\square$  10n=O(n)
  - $\square$  取 $n_0 = 1$ , c = 11, 则 $n > n_0$ 时, 有10n ≤c·n
- $\square$  0.1n=O(n)
  - □ 取 $n_0 = 1$ , c = 1, 则 $n > n_0$ 时, 有0.1n <c·n
- n+1000=O(n)
  - □ 取 $n_0 = 1000$ , c = 2, 则 $n > n_0$ 时, 有 $n + 1000 \le c \cdot n$
- - □ 取 $n_0 = 33$ , c = 6, 则 $n > n_0$ 时, 有 $3n^2 + 100n \le c \cdot n^2$

第2讲 算法的渐近分析方法

### 渐近复杂性态—大O极限判断准则

- □ 根据f(n)=O(g(n))的定义,可以推得如下的极限判断
  - 当 $n\to\infty$ 时,f(n)=O(g(n)),当且仅当 $\lim_{n\to\infty}\frac{f(n)}{g(n)}<\infty$
  - $\lim_{n\to\infty}\frac{10n}{n}=10<\infty\Rightarrow 10n=O(n)$
  - $\lim_{n \to \infty} \frac{0.1n}{n} = 0.1 < \infty \Rightarrow 0.1n = O(n)$
  - $\lim_{n \to \infty} \frac{n}{n+1000} = 1 < \infty \Rightarrow n+1000 = O(n)$
  - $\lim_{n \to \infty} \frac{3n^2 + 100n}{n^2} = 3 < \infty \Rightarrow 3n^2 + 100n = O(n^2)$

第2讲 算法的渐近分析方法

### 渐近复杂性态—大O的渐近紧界

- □ 显然
  - $\blacksquare$  3n = O(n), 3n =  $O(n^2)$ , 3n =  $O(n^3)$
- □ 而3n = O(n)显然比后两者更有意义
  - 因此f(n)=O(g(n))中的g(n)通常取对f(n)最紧的界
  - 后两者的情况在数学上称为是平凡的(trivial)
- □ 非平凡(non-trivial)的g(n)一般满足如下极限

  - 但有时找不到这样的g(n)
- □ 平凡的g(n)一般满足如下极限
  - $\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = 0$

第2讲 算法的渐近分析方法

### 渐近复杂性态—复杂度类

- □ f(n) = O(g(n))中的 "="号与一般数学中 "="号 的意义是不同的
  - 此处 "=" 号可理解为 "is": f(n)是O(g(n))的
  - 因此,更易理解的表示法是:  $f(n) \in O(g(n))$
  - 也就是说g(n)是一个函数类,更确切地说是一个复杂度类
  - 因而,我们可以说,对于任意的实数a、b且a>0,任何的 f(n) = an + b都是属于O(n)(类)的,或者说都是复杂度为 O(n)的
  - 更广泛地,我们有 $\sum_{i=0}^k a_i n^k = O(n^k)$ ,当 $a_k > 0$ 时

第2讲 算法的渐近分析方法

26

### 渐近复杂性态—上界与阶

- $\Box f(n) = O(g(n))$ 还可做如下理解
  - 由于可能有g(n) < f(n),直接将g(n)理解为f(n)的"上界"有违常理,较合理的理解为: g(n)是f(n)在某个常数倍意义上的"新近上界"
  - 也可以将g(n)理解为"阶"的概念,即f(n) = O(g(n))表示复杂度f(n)是不超过g(n)阶的。 非正式地,也将其说成是:f(n)是阶为g(n)的复杂度

第2讲 算法的渐近分析方法

27

29

25

### 渐近复杂性态--渐近下界Ω

(2) 渐近下界记号: Ω(big-omege)。

定义3 若存在两个正常数c 和n,使得当 $n \ge n$ 。时,都有 $T(n) \ge c f(n)$ 、则称 $T(n) = \Omega(f(n))$ 、即f(n)是T(n)的下界。换句话说,在n 满足一定条件的范围内,函数T(n)的阶不低于函数f(n)的阶。它的概念与O的概念是相对的。

【例 1-2】 用  $\Omega$  表示  $T(n) = 30n^4 + 20n^3 + 40n^2 + 46n + 100$  的阶。

存在 c=30,  $n_0=1$ , 使得当  $n \ge n_0$  都有

 $T(n) \ge 30n^4$ 

 $T(n) \geqslant_{c} f(n)$ 

 $\mathbb{P} T(n) = \Omega(f(n)) = \Omega(n^4).$ 

令  $f(n) = n^4$ ,可得

第2讲 算法的渐近分析方法

### 渐近复杂性态—渐近精确界Θ

(3) 渐近精确界记号: Θ(big-theta)

定义 4 若存在三个正常数  $c_1$ 、 $c_2$  和  $n_0$ ,使得当  $n \geqslant n_0$  时,都有  $c_2 f(n) \leqslant T(n) \leqslant c_1 f(n)$ ,则称 $T(n) = \Theta f(n)$ 。  $\Theta$  意味者在n 满足一定条件的范围内,函数 T(n) 和 f(n) 的阶相同。由此可见, $\Theta$  用来表示算法的精确阶。

【例 1-3】 用 @ 表示 T(n)=20n<sup>2</sup>+8n+10 的阶。

定理 1 者  $T(n)=a_nn^n+a_{n-1}n^{n-1}+\cdots+a_1n+a_0(a_i>0,0\leqslant i\leqslant m)$  是关于 n 的一个 m 次多項式,则  $T(n)=O(n^n)$ ,且  $T(n)=O(n^n)$ ,因此有  $T(n)=O(n^n)$ 。

第2讲 算法的渐近分析方法

### 渐近复杂性态—大Ω及其极限定义法

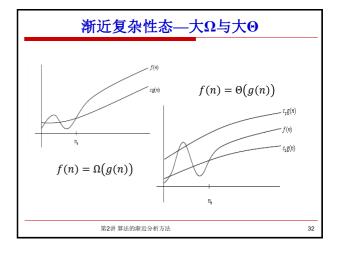
- □ 大Ω也有相应的极限定义法:
  - $f(n) = \Omega(g(n))$ , 当且仅当 $\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} \neq 0$
  - 如:  $3n + 2 = \Omega(n)$
  - $3n^2 + 100n = \Omega(n^2)$
  - $3n^2 + 100n = \Omega(n)$

第2讲 算法的渐近分析方法

30

### 渐近复杂性态—大Θ及其极限定义法

- □ 大@的极限定义法
  - $f(n) = \Theta(g(n))$ , 当且仅当 $0 < \lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = C < \infty$
  - 如:  $3n + 2 = \Theta(n)$
  - $3n^2 + 100n = \Theta(n^2)$
- □ 实际上,
  - 当同时满足f(n) = O(g(n))和 $f(n) = \Omega(g(n))$ 时,f(n)与 g(n)具有相同的阶,
  - $\mathbb{P}f(n) = \Theta(g(n))$ .



### 渐近复杂性态—大0记法的来历

- □ 大O记法是由德国数论学家保罗 巴赫曼(Paul Bachmann, 1837—1920) 在其1892年的著作《解析 数论》(Analytische Zahlentheorie)首先引入的。
- □ 另一位德国数论学家艾德蒙·朗道(Edmund Landau, 1877—1938) 在其著作中对大0记法进行了推广。
- □ O取自于 "order of ..." (......) ,最初是一个大写 的希腊字母'O'(Omicron)。
- □ 大O、大 $\Omega$ 与大O是朗道—巴赫曼记号集中的主要成

第2讲 算法的渐近分析方法

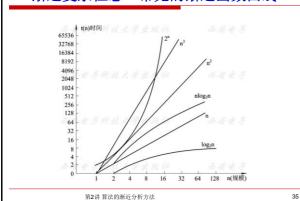
### 渐近复杂性态—常见的渐近函数阶 常数 (阶,下同) O(1) $O(\log^* n)$ 迭代对数 $\log^2 n = \log(\log n) = \log\log n$ $O(\log n)$ $O[(\log n)^c]$ 多对数 O(n)线性, 次线性 线性对数,或对数线性、拟线性、超线性 $O(n \log n)$ $O(n^2)$ 平方

指数,有时叫作"几何"(阶) 阶乘,有时叫做"组合"(阶)

第2讲 算法的渐近分析方法

 $O(n^c)$ , Integer(c>1) 多项式,有时叫作"代数"(阶)

渐近复杂性态--常见的渐近函数曲线



### 渐近复杂性态—常见的复杂性类

□ 常数类: C = Θ(1)

 $O(c^n)$ 

O(n!)

33

- □ 线性类:  $an + b = \Theta(n), a > 0$
- $\square$  二次类:  $an^2 + bn + c = \Theta(n^2), a > 0$
- □ 多项式类:  $\sum_{i=0}^{k} a_i n^k = O(n^k)$ ,  $a_k > 0$
- □ 指数阶: Θ(2<sup>n</sup>)
- □ 对数阶:  $\log n^k = \Theta(\log n)$
- □ 阶乘的对数:  $log n! = \Theta(n log n)$ 
  - 如无特别说明,复杂性类中的log函数都是以2为底的

第2讲 算法的渐近分析方法

### 渐近复杂性态—T(n)建立的依据

如 1.3.2 节所述可知,要想精确地表示出算法的运行时间是很困难的。考虑到算法分析的主要目的是比较求解同一个问题的不同算法的效率。因此,在算法分析中只是对算法的运行时间进行粗略估计,得出其增长趋势即可,而不必精确计算出具体的运行时间。

- (1) 非递归算法中 T(n)建立的依据。
- 为了求出算法的时间复杂性,通常需要遵循以下步骤:
- ① 选择某种能够用来衡量算法运行时间的依据。
- ② 依照该依据求出运行时间 T(n)的表达式。
- ③ 采用渐进符号表示 T(n)。
- ④ 获得算法的渐进时间复杂性,进行进一步的比较和分析。

其中,步骤①是最关键的,它是其他步骤能够进行的前提。通常衡量算法运行时间的依据是基本语句,所谓基本语句是指对算法的运行时间贡献最大的原操作语句。

第2讲 算法的渐近分析方法

### 目录

- □ 算法的定义与描述
- □ 算法分析基础

37

39

- □ 线性搜索算法
- □ 算法的渐近复杂性态
- □ 二分搜索算法
- □ 算法设计与分析举例
- □ 冒泡排序算法

第2讲 算法的渐近分析方法

38

### 线性搜索算法的设计与分析

第2讲 算法的渐近分析方法

### 线性搜索算法的设计与分析

- □ 算法1-2: 线性查找(linearsearch)
- □ 输入: n个元素的数组a和带查找的元素x
- □ 输出: x在a中的位置,0表示未找到
- ☐ 1: for i=1 to n
- ☐ 2: if x=a[i] then
- ☐ 3: return i
- ☐ 4: return 0

第2讲 算法的渐近分析方法

40

### 二分搜索算法的设计与分析

第2讲 算法的渐近分析方法

### 二分搜索算法的设计与分析

- □ 算法1-3: 二分搜索 (binarysearch)
- □ 输入: n个元素的有序 数组a和带查找的元素x
- □ 输出: x在a中的位置, 0表示未找到
- 2: while (L<=H)
  3: M = (L+H)/2
- 4: if a(M) = x then 5: break

1: L = 1, H = n, M = 0

- 6: else if a(M) > x then
- 7: H = M-1
- 8: else
- 9: L = M+1

10:end while 11:return M

第2讲 算法的渐近分析方法

### 冒泡排序算法的设计与分析

- 1. 比较相邻的元素。如果第一个比第二个大,就交换。
- 2. 对每一对相邻元素作同样的工作,从开始第一对到 结尾的最后一对。
  - 第一遍后,最后的元素将是最大的元素。
- 3. 针对除最后排序好的元素重复以上的步骤。
  - 每一遍都必定排好当前最后的元素。
- 4. 持续对越来越少的前面未排好序的元素重复上面步 骤,直到只剩一个元素。

### 冒泡排序算法的设计与分析

- □ 算法名称:冒泡排序 BubbleSort
- □ 输入: n个数的数组a
- □ 输出:排好序的a
- done = true 2: 3: for j=1 to i-1 4: if a[j] > a[j+1] then 5: swap(a[j], a[j+1])done = false 6:

1: for i=n down to 2

- end if end for //j 8:
- 9: if done then break
- 10: end for //i

### 目录

- □ 算法的定义与描述
- □ 算法分析基础
- □ 算法的渐近复杂性态
- □ 算法设计与分析举例

第2讲 算法的渐近分析方法

45

第2讲 算法的渐近分析方法