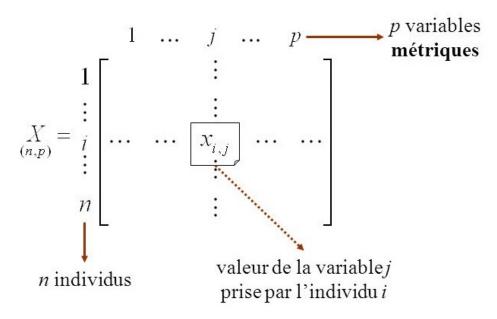
# 1 La Théorie

#### 1.0.1 Tableau de données

L'Analyse en Composante Pricipale s'interesse à l'etude des tableaux de données rectangulaires dont les colonnes sont appelées *Variables* et les lignes sont appelées *Individus*.

L'image ci-dessous illustre un tableau de donnees a p-Variables et a n-Individus. Un individu est noté  $X_i = (x_{i1}, x_{i2}, ..., x_{ij}, ..., x_{ip})$  où i = 1..n.

## Tableau de données



## 1.0.2 Moyenne et Variance

Pour une variable  $x_k$ , on note sa moyenne  $\bar{x_k}$  et sa variance  $\sigma_k$  telles que:

$$\bar{x_k} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_{ik}$$
  $\sigma_k = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_{ik} - \bar{x_k})^2$ 

### 1.0.3 Distance et Centre de Gravité

On define la distance d'entre deux individus i et j par:

$$d^{2}(i,j) = \sum_{k=1}^{p} (x_{ik} - x_{jk})^{2}$$

# 2 La pratique

#### 2.1 Les données

Nous allons étudier les résultats des épreuves de Decastar et des Jeux Olympiques, dont les *Individus* sont les joueurs et les *Variables* sont les jeux eux même, soient:

- 100m, pour la course de vitesse 100m
- Longueur, pour le saut en longueur
- Poids, pour le lancé de poids
- Hauteur, pour le saut en hauteur
- 400m, pour la course de 400m
- 110m H, pour la course de vitesse 110m Homme
- Disque, pour le lancé de disque
- Perche, pour le lancé de perche
- Javelot, pour le lancé de javelot
- 1500m, pour la course d'endurance 1500m
- Classement, pour la classement finale de chaque joueur
- Points, pour le point finale obtenu par chaque joueur
- Competition, pour le type de compétition

Voici une partie des données utilisées:

		100m	Longueur	Poids	Hauteur	400m	110m H	Disque	Perche	Javelot	1500m	Classement	Points	Competition
9	Sebrle	10.85	7.84	16.36	2.12	48.36	14.05	48.72	5.00	70.52	280.01	1	8893	JO
	Clay	10.44	7.96	15.23	2.06	49.19	14.13	50.11	4.90	69.71	282.00	2	8820	JO
K	Carpov	10.50	7.81	15.93	2.09	46.81	13.97	51.65	4.60	55.54	278.11	3	8725	JO
N	Масеу	10.89	7.47	15.73	2.15	48.97	14.56	48.34	4.40	58.46	265.42	4	8414	JO
W	arners/	10.62	7.74	14.48	1.97	47.97	14.01	43.73	4.90	55.39	278.05	5	8343	JO
Zs	ivoczky	10.91	7.14	15.31	2.12	49.40	14.95	45.62	4.70	63.45	269.54	6	8287	JO
H	Hernu	10.97	7.19	14.65	2.03	48.73	14.25	44.72	4.80	57.76	264.35	7	8237	JO
	Nool	10.80	7.53	14.26	1.88	48.81	14.80	42.05	5.40	61.33	276.33	8	8235	JO
В	ernard	10.69	7.48	14.80	2.12	49.13	14.17	44.75	4.40	55.27	276.31	9	8225	JO
Sc	hwarzi	10.98	7.49	14.01	1.94	49.76	14.25	42.43	5.10	56.32	273.56	10	8102	JO

On voit bien ici que les *Variables* ne sont pas de même unité, alors on va d'abord les <u>normalisées</u>. On peut confirmer que les *Variables* sont bien normalisées quand elles sont asymptotiquement de moyenne nulle et de variance égale a un.

#Moyenne de Z print(Z.mean())		Variance de Z rint(Z.var())
-9.694142507702	587e-16 1	.0

D'après ces résultats, les moyennes et les variances de nos *Variables Normalisées* tendent bien vers 0 et 1 respectivement.

A partir d'ici, on va travailler avec les Données Normalisées

### 2.2 Les variables explicatives

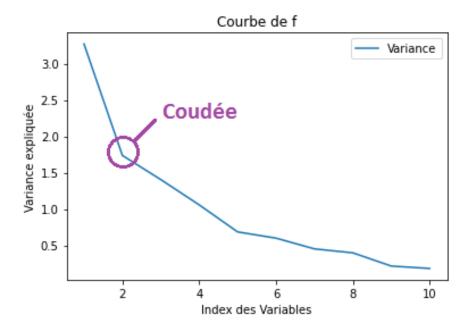
Parfois, il y a des *Variables* dont l'importance est néglisable par rapport aux autres, il est important de les reconnaitre ou même de les éliminer pour avoir une meilleur analyse des données. Les *Variables* restantes issue de cette <u>élimination</u> seront appelées *Variables Explicatives*.

Il y a plusieurs méthodes pour retrouver les variables à éliminer, mais pour notre problème, on va utiliser la méthode du coudé, d'après Wikipedia - Méthode du coude (clustering)

La méthode du coude est une heuristique utilisée pour déterminer le nombre de clusters (Variables dans notre cas) dans un ensemble de données. La méthode consiste à tracer la variation expliquée en fonction du nombre de clusters, et à choisir le coude de la courbe comme le nombre de clusters à utiliser. La même méthode peut être utilisée pour choisir le nombre de paramètres dans d'autres modèles basés sur les données, comme le nombre de composants principaux pour décrire un ensemble de données

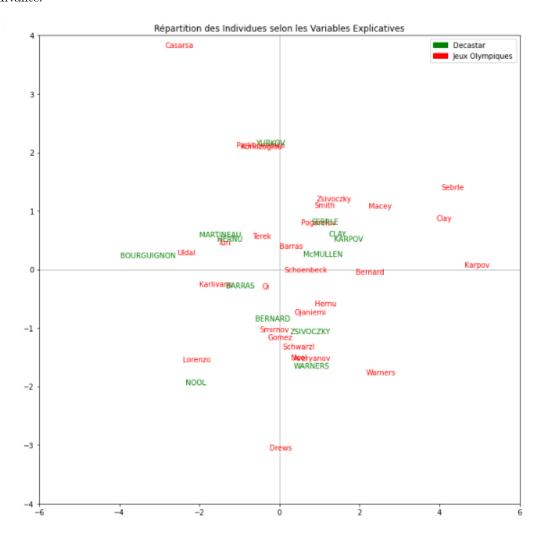
Pour ce faire, on a donc besoin des variation expliquée de chaque *Variable* de notre données normalisées et de trace la courbe de la fonction f définie par:

$$f(V_e) = \frac{(n-1)}{n} * V_e$$
,  $V_e$  est la variance explicative.



D'après la graphe de la fonction - variance expliquée - on ne va donc retenir que les deux premières Variables qui sont: la Variable 100m et la Variable Longueur.

A partir de ces deux Variables, on peut positionner les individus dans le plan. On a alors la figure suivante:



#### 2.2.1 Interpretation

<u>Premier Axe</u>: On peut remarquer du premier axe qu'elle departage les joueurs ayant un bon classement a ceux qui ont un mauvais classement pendant les deux competitions. En effet, les joueurs **Karpov** et **Clay** qui sont le deuxieme et le troisieme dans le classement des Jeux Olympiques, et des Jeux de Decastar sont placés à droite dans la premier axe alors que le joueur **Uldal**, avant dernier du classement des JO et le joueur **Bourguignon**, dernier du classement de Decastar sont placés a gauche dans la premier axe.

Deuxieme Axe: On peut remarquer du deuxieme axe qu'elle departage les joueurs

