



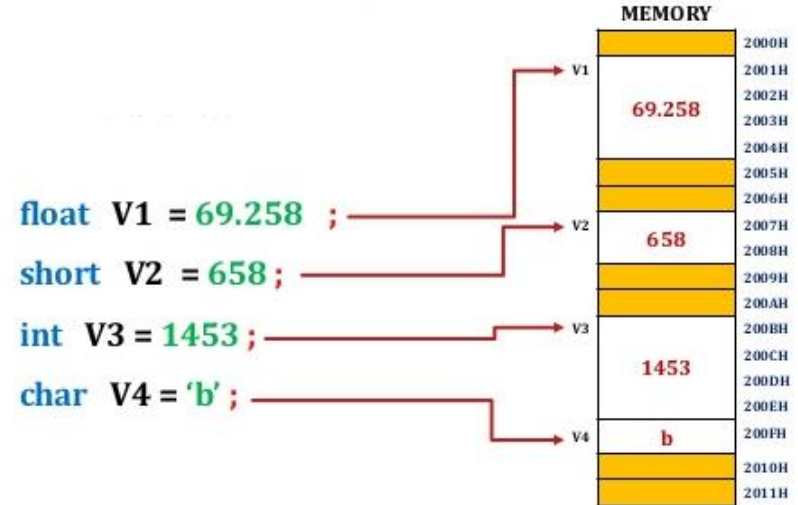
Análisis de Algoritmos

espacio de memoria

B.S. Rodolfo Mercado Gonzales

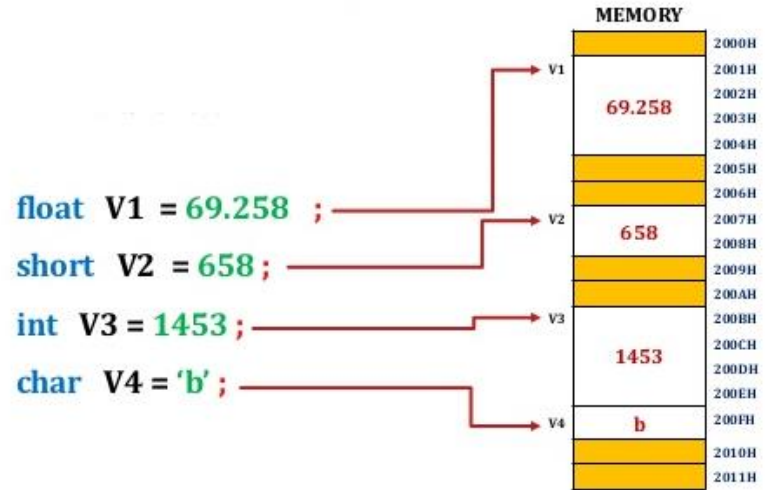
¿ Qué es una variable ?

- ❑ Espacio en la memoria de la computadora donde se almacenará un valor.
- ❑ Posee un nombre (identificador) asociado.



Modelo de memoria

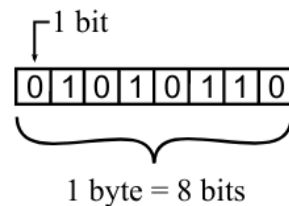
- ❑ La memoria (RAM) es como un arreglo muy grande de bytes
- ❑ Al índice de cada posición lo llamamos **dirección de memoria** (hexadecimal).
- ❑ Las variables ocupan uno o más bytes (posiciones).
- ❑ La dirección es el índice del primer byte de la variable.



Bit (b)

- ❑ Es la mínima unidad de información.
- ❑ Es un dígito binario, puede tomar dos valores 0 (apagado) o 1 (prendido).
- ❑ La información procesada por una computadora es codificada en bits.

Byte (B)



- ❑ Secuencia contigua de 8 bits.
- ❑ Unidad usada para medir capacidad de almacenamiento de una memoria.

Binary			Decimal		
Name	Symbol	Value (base 2)	Name	Symbol	Value (base 10)
kibibyte	KiB	2^{10}	kilobyte	KB	10^3
mebibyte	MiB	2^{20}	megabyte	MB	10^6
gibibyte	GiB	2^{30}	gigabyte	GB	10^9
tebibyte	TiB	2^{40}	terabyte	TB	10^{12}
pebibyte	PiB	2^{50}	petabyte	PB	10^{15}
exbibyte	EiB	2^{60}	exabyte	EB	10^{18}

Uso de memoria

Tipo de Dato	Bytes en C++	Rango
bool	1 byte	0, 1
char	1 byte	-128 a 127
int	4 bytes	-2147483648 a 2147483647
long long	8 bytes	-9,223,372,036,854,775,808 a 9,223,372,036,854,775,807
float	4 bytes	$\pm 3.4 \cdot 10^{\pm 38}$
double	8 bytes	$\pm 1.7 \cdot 10^{\pm 308}$

Complejidad en espacio

Así como contábamos la cantidad de operaciones, ahora tenemos que contar la cantidad de espacio de memoria (bytes o celdas) que usamos.

Complejidad en espacio

`int A[60000000]` $\rightarrow 6 * 10^7 * 4 \text{ bytes} = 24 * 10^7 \text{ B} = \mathbf{240 \text{ MB}}$

`long long A[60000000]` $\rightarrow 6 * 10^7 * 8 \text{ bytes} = 48 * 10^7 \text{ B} = \mathbf{480 \text{ MB}}$

¿Es necesario saber exactamente el número de bytes para comparar algoritmos?



Notación Big O

- ❑ Podemos usar la notación **Big O** y solo darnos una idea de la cantidad de elementos que tenemos que almacenar.
- ❑ Lógicamente debemos expresarla en función de la entrada.

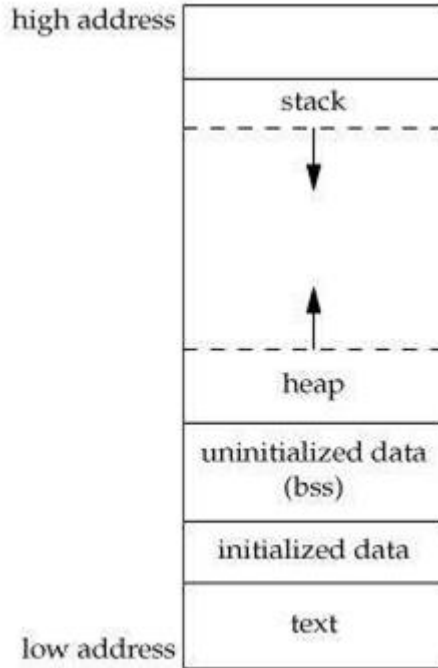
Complejidad en espacio

int A[N]

```
for (int i=0; i<N; i++)  
    for (int j=i+1; j<N; j++)  
        if (A[i] > A[j])  
            swap( A[i], A[j] );
```

- ❑ Tiempo: $O(N^2)$
- ❑ Espacio: $O(N)$

Modelo de memoria en C++



- ❑ Segmento de código (text) : almacena el código en lenguaje máquina.
- ❑ **Segmento de datos** (initialized and uninitialized data) : almacena las variables globales .
- ❑ **Stack** : almacena variables locales y llamadas a funciones.
- ❑ **Heap** : reserva memoria dinámica.

Memoria Stack

- ❑ Región de la memoria que es gestionada eficientemente por el CPU.
- ❑ No necesitamos reservar ni liberar memoria manualmente.
- ❑ Tiene un tamaño límite pequeño.
- ❑ Almacena variables locales, parámetros y llamadas a funciones.

Memoria Stack

Que pasa si declaramos el siguiente arreglo de dentro de una función:

```
int main(){  
    int A[ 1000000 ]; //4MB  
}
```

hallemos el límite del stack



Memoria Heap

- ❑ No es administrada automáticamente.
- ❑ Somos responsables de liberar la memoria cuando no la necesitemos.
- ❑ Su único límite de tamaño depende del hardware.
- ❑ La lectura y escritura es un poco más lenta que en el stack.

Memoria Heap

```
int main(){  
  
    int *numeros = new int [ 1000000000];  
    //delete[] numeros;  
}
```

el heap puede usar toda la RAM



Segmento de datos

```
int A[ 1000000000 ];  
  
int main(){  
    return 0;  
}
```



hallemos el límite del
segmento de datos

Problemas

[Timus – Sequence Median](#)

Referencias

- ❑ DC- FCEyN-UBA. Algoritmos y Estructuras de Datos II.
<https://www.dc.uba.ar/materias/aed2/2017/2c/tm/descargas/laboratorio/clase-labo-4-slides/>
- ❑ Oualline, Steve. Practical C++ programming .
- ❑ Jiménez, Daniel. CS 1723 Data Structures.
<https://www.cs.utexas.edu/users/djimenez/utsa/cs1723/lecture2.html>
- ❑ Hackerearth. Memory Layout of C Program.

¡ Good luck and have fun !