# Zwischenprüfung Formale Methoden

## **Allgemeines**

- · Gerhard hat die Fragen gestellt
- Ich hab zwar direkt nach der Prüfung angefangen, die Fragen aus dem Gedächtnis aufzuschreiben, aber ich stand so unter Strom, dass ich glaube ich ein paar Fragen vergessen habe.
- Simon hatte wohl mehr oder weniger die gleiche Prüfung.

## Prüfungsverlauf

#### Aussagenlogik

- Beweis einer aussagenlogischen Tautologie in einem Kalkül meiner Wahl (an die genaue Formel kann ich mich leider nicht erinnern, es kam u.a.  $(\rightarrow L)$ ,  $(\rightarrow R)$ ,  $(\land R)$ ,  $(\land R)$ ,  $(\land)$  vor)
- Wir konnten es herleiten und wissen deshalb, dass es sich um eine Tautologie handeln muss. Welche Eigenschaft des Kalküls ist das? *Korrektheit*

### Prädikatenlogik

- Schreibe die Definition von (3L) auf.
- Welche Regeln für Gleichheit kommen bei PL dazu? (Refl), (Eq). Grobe Bedeutung reicht
- Wendet der Simplifier auch (Eq) an? Rewrite-Regeln
- Welche Simplifierregeln gibt es insgesamt? Äquivalenz-, Ersetzungsregeln und Assoz./Komm.
- Schreibe die Form von Äquivalenz-/Ersetzungsregeln hin und erkläre, was der Simplifier mit ihnen macht. ("Wenn er etwas von der gleichen Form wie t findet, …" ist ihnen zu ungenau)

#### Generiertheit

- Was wollen wir von einer Spezifikation, und was bedeutet es jeweils? *Konsistenz, Monomorphie*
- Warum reichen uns Axiome nicht immer? Natürliche Zahlen nicht monomorph spezifizierbar
- Was machen wir deshalb? Generiertheitsklauseln ergänzen
- Woraus bestehen diese? Sorten mit zugehörigen Konstruktoren (Funktionen)
- Was sagen Generiertheitsklauseln aus? Auswertung der Konstruktorterme auf die Trägermänge ist surjektiv

#### Freie Generiertheit

- Was ist uns noch lieber? freie Generiertheit
- Was ist dort anders? Auswertung zusätzlich injektiv
- Was sind Beispiele für freie Datentypen? Aufzählung, Tupel, Listen, Nat, Bäume, ...
- Wie spezifizieren wir freie Datentypen in KIV? Data specification
- Spezialfrage für Leute, die schon mal an KIV mitgearbeitet haben: Was ist das Scala-Äquivalent zu freien Datentypen (Alex verdreht die Augen und lacht, Gerhard rechtfertigt die Relevanz des Themas (a) sealed abstract classes. Was ist das Scala-Äquivalent zu den Konstruktoren: case classes

• Sind data specifications monomorph/konsistent? *konsitent ja, monomorph nur modulo Parametrisierung/unspezifizierter Selektoren* 

### **Anreicherung**

- Was tun wir, wenn wir Funktionalität zu data specifications hinzufügen wollen? Anreicherung
- Welche Eigenschaften wollen wir dabei? Hierarchiepersitenz, Eindeutigkeit
- Wie sind die beiden definiert?
- Wie erreichen wir das beim Hinzufügen neuer Funktionen? (nicht-)rekursive Definition

#### **KIV-Verwendung**

• Noch auf Papier: rekursive Definition für den Schnitt zweier Listen

```
egin{aligned} &\circ \ intersect-base: [] \cap y = [] \ &\circ \ intersect-rec1: a \in y 
ightarrow (a'+x) \cap y = a' + (x \cap y) \ &\circ \ intersect-rec2: 
ega \in y 
ightarrow (a'+x) \cap y = x \cap y \end{aligned}
```

• Beweis mit KIV (inkl. Einstellen von Simplifierregeln/Heuristiken) von  $a \in x \cap append(y,z) \leftrightarrow a \in x \wedge (a \in y \vee a \in z)$ . Strukturelle Induktion über x, dann Case distinction und Lemmaanwendung