Calcul Numeric – Laborator #4

Ex. 1 Să construiască în Python procedurile:

- a) $\mathbf{SubsAsc}(A, b)$ (Procedura va returna soluția sistemului x)
- b) $\mathbf{FactLU}(A)$ (Procedura $\mathbf{FactLU}(A)$ va returna matricele L,U și vectorul w care reține informația despre liniile permutate)

Factorizarea LU se va efectua conform metodei Gauss cu PP. În baza procedurii **FactLU** să se rezolve sistemul

$$\begin{cases} x_2 + x_3 = 3 \\ 2x_1 + x_2 + 5x_3 = 5 \\ 4x_1 + 2x_2 + x_3 = 1 \end{cases}$$

.

Ex. 2 Fie matricea simetrică
$$A = \begin{pmatrix} a_1 & a_2 & a_3 & \dots & a_n \\ & a_1 & a_2 & \dots & a_{n-1} \\ & & a_1 & \dots & a_{n-2} \\ SYM & & & \ddots & \\ & & & & a_1 \end{pmatrix}$$

- 1. Să se definească în Python vectorul a și matricea simetrică A;
- 2. Să se construiască în Python procedura **FactCholesky** conform sintaxei **FactCholesky** (A, b) conform. Procedura **FactCholesky** returnează matricea L.
- 3. Să se afle factorizarea Cholesky a matricei $A;\,$
- 4. Să se rezolve sistemul Ax = b conform metodei Cholesky pentru datele $n = 10, b_i = i^2, i = \overline{1, n}, a = (2n, 2n 2, ..., 2)^T$.
- 5. Să se afișeze matricea L și soluția sistemului.