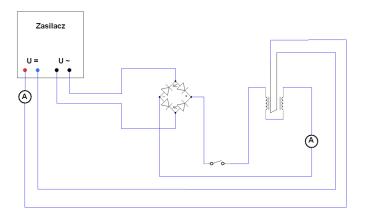
1 Cel ćwiczenia

Celem ćwiczenia jest pomiar siły elektrodynamicznej (przy pomocy wagi) działającej na odcinek przewodnika z prądem, który został umieszczony w jednorodnym polu magnetycznym. Zbadana została zależność tej siły od natężenia prądu płynącego w przewodniku oraz od natężenia prądu płynącego w uzwojeniu. Pomiary przeprowadzone zostały przy użyciu następującego układu ¹:



2 Użyte wzory

2.1 Zmiana prądu w ramce

Przy pierwszych pomiarach (zmienianie prądu płynącego w ramce) chcąc wyznaczyć wartość indukcji pola magnetycznego B posłużymy się wzorami:

$$F = (m - m_0)g$$
$$F(I) = LB \cdot I$$

gdzie

 m_0 - masa samej ramki,

m - masa pozorna ramki przy płynącym przez nią prądzie I

 $L=0,1~\mathrm{m}^2$ - długość odcinka przewodnika oddziałującego z polem magnetycznym.

Korzystając z metody najmniejszych kwadratów otrzymamy wartość wspł. kierunkowego prostej

$$a = LB \to B = \frac{a}{L}$$

¹https://pg.edu.pl/files/ftims/2021-03/cwiczenieE5.pdf

https://pg.edu.pl/files/ftims/2021-03/cwiczenieE5.pdf

2.2 Zmiana prądu w uzwojeniu

W następym pomiarze (zmiana prądu płynącego przez uzwojenie elektromagnesu) skorzystamy z zależności

$$B = \frac{(m - m_0)g}{IL}$$

przy określeniu zależności $B(I_m)$, gdzie I_m - natężenie prądu w uzwojeniu elektromagnes natomiast $I=4\mathrm{A}$ - stałe natężenie prądu w przewodniku.

3 Wzory do wyliczenia niepewności

Przyjmujemy $\Delta m = 0,01$ dla każdego pomiaru masy.

3.1 Zmiana prądu w ramce

Niepewność siły elektrodynamicznej wyznaczamy jako niepewność wielkości złożonej ze wzoru:

$$\Delta F = \left| \frac{\partial F}{\partial m} \right| \Delta m + \left| \frac{\partial F}{\partial m_0} \right| \Delta m_0 = \left(\frac{(m - m_0)g}{m} + \frac{(m - m_0)g}{m_0} \right) \Delta m$$

gdzie $\Delta m_0 = \Delta m = 0,01$ g.

Niepewność indukcji pola magnetycznego wyznaczonego metodą najmniejszych kwadratów obliczamy z odpowiednich wzorów $^3\,$

$$u_a = \sqrt{\frac{n}{n-2} * \frac{\Sigma y_i^2 - a\Sigma x_i y_i}{n\Sigma x_i^2}}$$

skąd

$$u_B = \left| \frac{\partial B}{\partial a} \right| u_a = \frac{1}{L} u_a$$

3.2 Zmiana prądu w uzwojeniu

W przypadku zależności $B(I_m)$ niepewność B wyznaczamy jako niepewność funkcji złożonej zmiennych m, m_0, I :

$$\Delta B = \left| \frac{\partial B}{\partial m_0} \right| \Delta m_0 + \left| \frac{\partial B}{\partial m} \right| \Delta m + \left| \frac{\partial B}{\partial I} \right| \Delta I = \frac{g}{IL} (\Delta m + \Delta m_0 + \frac{m - m_0}{I} \Delta I)$$

gdzie I - natężenie prądu w ramce (!) oraz $\Delta I = 0,02$ A.

³https://ftims.pg.edu.pl/documents/10673/20436990/wstep.pdf

4 Pomierzone dane

${ m 4.1~~Zmiana~~prądu~~w~~ramce~~dla~~stałego~~U~=~6~~V~~w} \ { m uzwojeniu}$

I [A]	m [g]	F [mN]
0,5	37,61	$3,24 \pm 0,01$
1,0	38,01	$7,16 \pm 0,01$
1,5	38,38	$10,80 \pm 0,01$
2,0	38,77	$14,62 \pm 0,01$
2,5	$39,\!14$	$18,26 \pm 0,01$
3,0	$39,\!52$	$21,99 \pm 0,01$
$3,\!5$	39,98	$26,50 \pm 0,01$
4,0	$40,\!31$	$29,74 \pm 0.02$
4,5	40,74	$33,96 \pm 0.02$
5,0	41,11	$37,59 \pm 0,02$

I - prąd płynądy przez ramkę

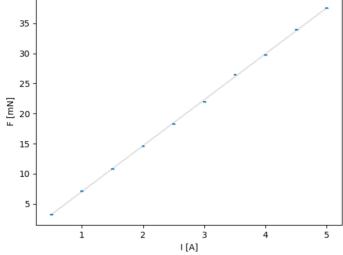
m- masa pozorna ramki przy płynącym przez nią prądzie I

 ${\cal F}$ - siła elektrodynamiczna działająca na przewodnik obliczona przy użyciu wyżej wymienionego wzoru

 $m_0 = 37,28 \mathrm{\ g}$ - masa ramki

 $g\approx 9{,}815\;\left[\frac{m}{s^2}\right]$ - przyspiespieszenie ziemskie przyjęte dla Gdańska

4.2 Wyznaczenie B dla U = 6 V



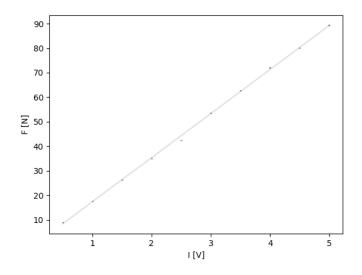
otrzymujemy a = 7,65 $[\frac{mN}{A}] \rightarrow$ B = 76,50 \pm 4,11 [mT]

4.3 Zmiana prądu w ramce dla stałego U = 12 V w uzwojeniu

I [A]	m [g]	F [mN]
0,5	38,19	$8,93 \pm 0.01$
1,0	39,08	$17,67 \pm 0,01$
1,5	39,96	$26,30 \pm 0,01$
2,0	$40,\!85$	$35,04 \pm 0,02$
2,5	41,60	$42,4 \pm 0,02$
3,0	42,74	$53,59 \pm 0.03$
$3,\!5$	$43,\!67$	$62,72 \pm 0.03$
4,0	$44,\!62$	$72,04 \pm 0,04$
4,5	45,44	$80,09 \pm 0,04$
5,0	46,39	$89,41 \pm 0,04$

oznaczenia jak powyżej

4.4 Wyznaczenie B dla U = 12 V



4.5 Zmiana prądu w uzwojeniu dla stałego I=4A w ramce

U [V]	$I_m[A]$	m [g]	B [mT]
2	0,04	37,67	$956,96 \pm 0,22$
4	0,2	38,96	$824,46 \pm 0,19$
6	0,36	40,27	$815,19 \pm 0,19$
8	0,53	41,68	814.83 ± 0.19
10	0,7	43,11	$817,45 \pm 0,19$
12	0,86	44,52	$826,29 \pm 0,19$

 I_m - natężenie prądu w uzwojeniu elektromagnesu m - masa pozorna ramki przy płynącym przez nią prądzie I

 m_0 - masa ramki = 37,28 g

g - przyspiespieszenie ziemskie przyjęte dla Gdańska $\approx 9.815 \left[\frac{m}{s^2}\right]$

B - indukcja pola magnetycznego policzona z wyżej wymienionego wzoru

4.6 Zależność $B(I_m)$

5 Wnioski

$$\begin{array}{c|c} U[V] & B[mT] \\ \hline 6 & 76,50 \pm 4,11 \\ 12 & 1 \\ \end{array}$$

Zgodnie z oczekiwaniami teoretycznymi, w pierwszych dwóch pomiarach zależność F(I) jest liniowa, a współczynnik kierunkowy jest większy wraz ze wzrostem napięcia (a co za tym idzie natężenia) na uzwojeniu elektromagnesu.

TUTAJ JESZCZE O POMIARZE TRZECIM

We wszystkich pomiarach głównym czynnikiem wpływającym na niepewności był błąd związany z oscylacją wagi, przez co trudniej stwierdzić było, czy osiągnięto położenie równowagi. Istotny wpływ na odczyt mógł mieć również błąd paralaksy. Ponadto, amperomierz jest najdokładniejszy w środkowej części mierzonego zakresu, przez co pomiary wartości skrajnych mogły być obarczone dodatkowymi niedokładnościami.