

8.19 已知系统函数如下，试作其直接形式、并联形式及串联形式的模拟框图。

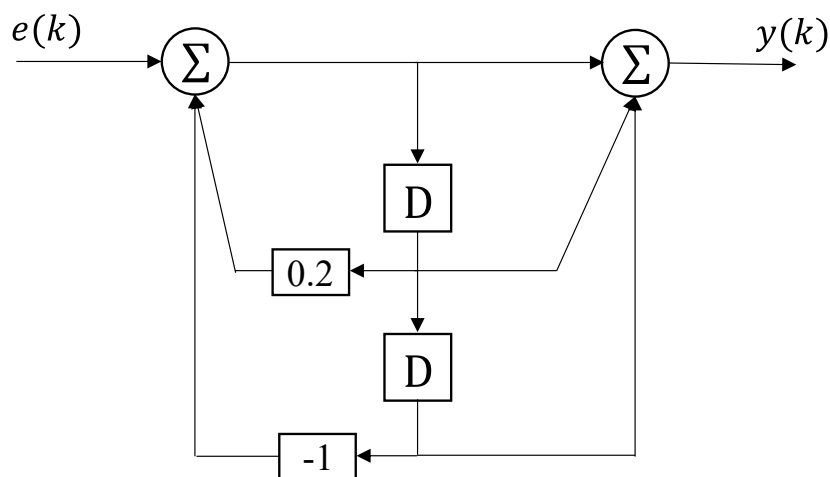
$$(2) H(z) = \frac{1+z^{-1}+z^{-2}}{1-0.2z^{-1}+z^{-2}}$$

$$(3) H(z) = \frac{z^2}{(z+0.5)^3}$$

解: (2) $H(z) = \frac{1+z^{-1}+z^{-2}}{1-0.2z^{-1}+z^{-2}}$ (直接形式、串联形式)

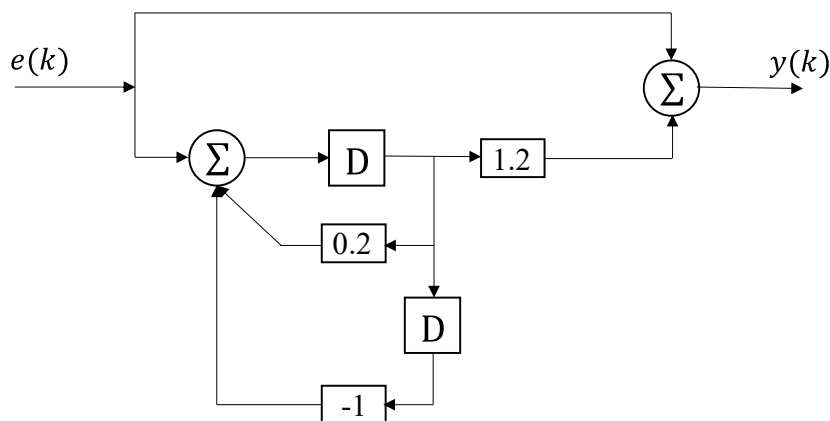
$$= 1 + \frac{1.2z^{-1}}{1-0.2z^{-1}+z^{-2}} \quad (\text{并联形式})$$

1) 直接形式、串联形式



由于 $H(z) = \frac{1+z^{-1}+6z^{-2}}{1-0.2z^{-1}+z^{-2}}$ 的分母不可因式分解，故直接形式与串联形式为同一模拟框图形式。

2) 并联形式

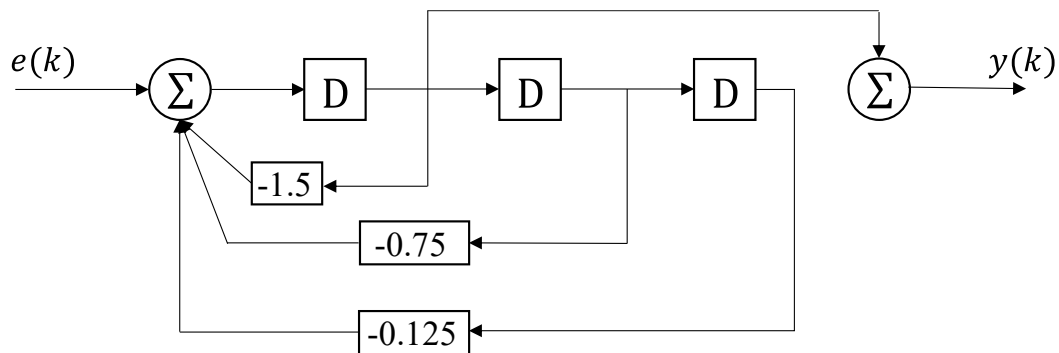


$$(3) \quad H(z) = \frac{z^2}{(z+0.5)^3} = \frac{z^{-1}}{0.125z^{-3}+0.75z^{-2}+1.5z^{-1}+1} \quad (\text{直接形式})$$

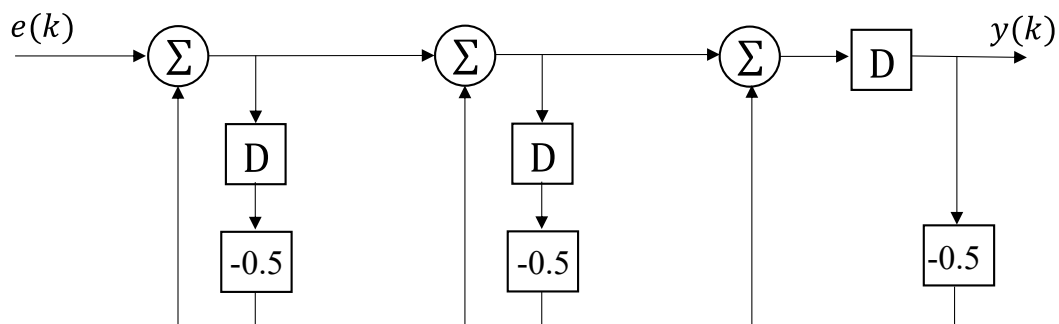
$$= \frac{z}{z+0.5} \cdot \frac{z}{z+0.5} \cdot \frac{1}{z+0.5} = \frac{1}{1+0.5z^{-1}} \cdot \frac{1}{1+0.5z^{-1}} \cdot \frac{z^{-1}}{1+0.5z^{-1}} \quad (\text{串联形式})$$

$$= \frac{1}{z+0.5} + \frac{-1}{z^2+z+0.25} + \frac{0.25}{z^3+1.5z^2+0.75z+0.125} \quad (\text{并联形式})$$

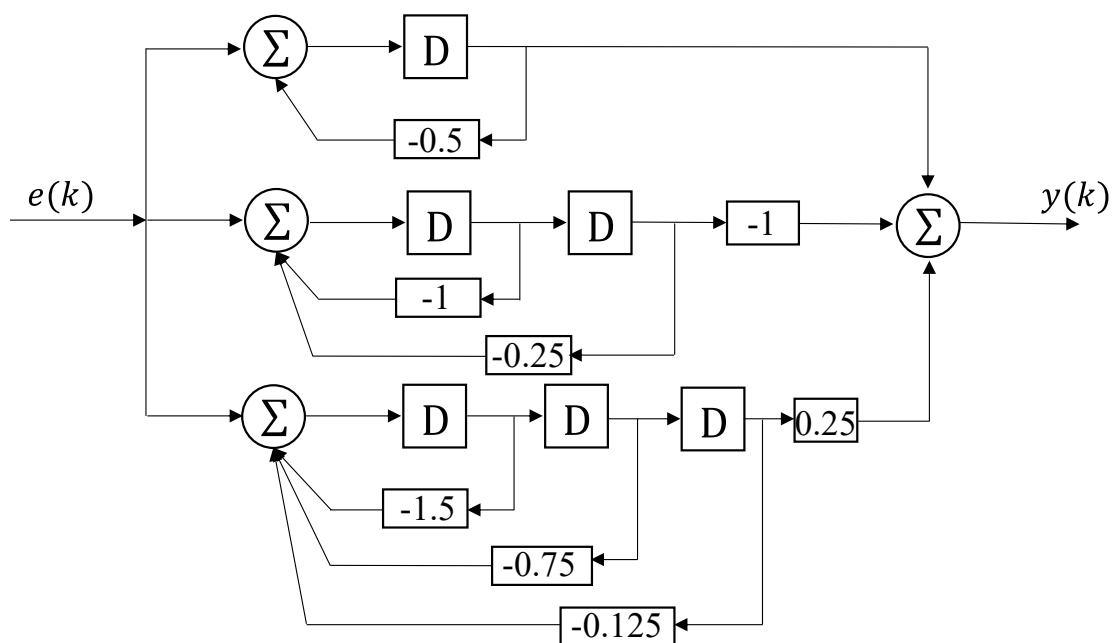
1) 直接形式



2) 串联形式



3) 并联形式



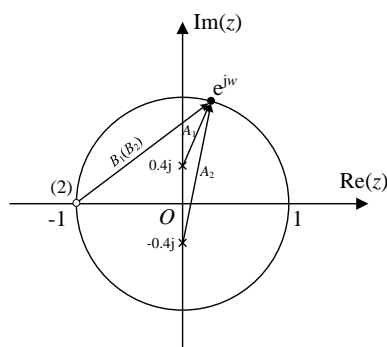
8.23 粗略绘制具有下列系统函数的幅频响应曲线。

$$(2) H(z) = \frac{(1+z^{-1})^2}{1+0.16z^{-2}}$$

$$\text{解: } H(z) = \frac{(1+z^{-1})^2}{1+0.16z^{-2}} = \frac{(z+1)^2}{z^2+0.16} = \frac{(z+1)^2}{(z+0.4j)(z-0.4j)}.$$

故系统的极点: $P_1 = 0.4j$, $P_2 = -0.4j$ 。零点: $Z_1 = Z_2 = -1$ 。

因此可绘制系统的极零图如下所示:



因此 $|H(e^{j\omega})| = \frac{|B_1| \times |B_2|}{|A_1| \times |A_2|}$ 。当 ω 从 0 增加到 π 时, $|H(e^{j\omega})|$ 的变化如下:

$$\text{当 } \omega = 0 \text{ 时, } |H(e^{j\omega})| = \frac{2 \times 2}{0.4^2 + 1^2} \approx 3.45$$

当 ω 增加时, $|H(e^{j\omega})|$ 逐渐减小。

$$\text{当 } \omega = \pi \text{ 时, } |H(e^{j\omega})| = 0。$$

再根据对称性可知, 幅频响应曲线在区间 $(0, 2\pi)$ 内关于 $\omega = \pi$ 对称, 故可绘出粗略的幅频响应曲线如下图所示:

