



华中科技大学计算机科学与技术学院 2021~2022 第一学期

“ 算法设计与分析 ” 考试试卷 (A 卷)

考试方式 闭卷 考试日期 单击或点击此处输入日期。 考试时长 150 分钟
专业班级 学 号 姓 名

题号	一	二	三	四	五	六	七	总分	核对人
分值	24	8	12	16	12	14	14	100	
得分									

分 数	
评卷人	

一、选择题（每小题的 A、B、C、D 四个选项中，有一个或多个选项是正确的，请选择正确的选项。本题共 12 小题，每小题 2 分，共 24 分）

解答内容不得超过装订线

- 以下选项中，属于算法五个重要特性的是_____。
A、确定性 B、有穷性 C、可行性 D、能行性
- 假设 $f(n)$ 和 $g(n)$ 是渐近正函数，若存在正常数 c_1 、 c_2 和 n_0 ，使得对所有的 $n \geq n_0$ 有 $c_1g(n) \leq f(n) \leq c_2g(n)$ ，则记作_____。
A、 $f(n)=O(g(n))$ B、 $g(n)=O(f(n))$ C、 $f(n)=\Theta(g(n))$ D、 $g(n)=\Theta(f(n))$
- 如果 $d(n)$ 是 $O(f(n))$ ， $e(n)$ 是 $O(g(n))$ ，那么 $d(n)+e(n)$ 是_____。
A、 $O(f(n)+g(n))$ B、 $O(d(n)+e(n))$ C、 $\Theta(f(n)+g(n))$ D、 $\Theta(d(n)+e(n))$
- 以下属于稳定排序的算法有_____。
A、快速排序 B、归并排序 C、插入排序 D、冒泡排序
- 用动态规划策略求解，一般要求问题满足_____。
A、重叠子问题性质 B、最优子结构性 C、无后效性 D、贪心选择性
- 以下属于贪心算法的是_____。
A、Bellman-Ford 算法 B、Prim 算法 C、Dijkstra 算法 D、Floyd-Warshall 算法
- 以下可以使用动态规划进行求解的问题是_____。
A、最长公共子序列问题 B、活动选择问题
C、单源点最短路径问题 D、所有结点对之间的最短路径问题

- 8、以下属于启发式搜索算法的是_____。
- A、BFS B、LC-检索 C、LIFO-检索 D、FIFO-检索
- 9、设 G 是一个流网络，则定义在 G 上的流 f 应满足_____。
- A、容量守恒 B、流量限制 C、容量限制 D、流量守恒
- 10、关于最优二叉检索树，以下描述正确的是_____。
- A、最优二叉检索树的加权平均检索次数是最少的
- B、相比包含相同结点的其它二叉树，最优二叉检索树的高度是最矮的
- C、相比包含相同结点的其它二叉树，最优二叉检索树的叶子结点数是最少的
- D、最优二叉检索树可以为单分支的二叉树
- 11、以下可用于求解递归式的方法有_____。
- A、列表法 B、递归树法 C、主方法 D、代入法
- 12、任何以比较为基础的排序算法，最坏情况下的时间下界是_____。
- A、 $\Omega(\log n)$ B、 $\Omega(n \log n)$ C、 $\Omega(n^2)$ D、无法不确定

分 数	
评卷人	

二、求下列递归式的渐近紧确界（本题 8 分）

要求：写出计算过程。

$$T(n) = 4T\left(\frac{n}{2}\right) + n^2\sqrt{n}$$

解答内容不得超过装订线

分 数	
评卷人	

三、简答与计算(本题共 2 小题，每小题 6 分，共 12 分)

- 1、简述活动选择问题求最大兼容活动集合的贪心算法设计思想，并对以下活动集合（ s_i 、 f_i 分别是活动的开始时间和结束时间）求出它的一个最大兼容活动集合，要求：写出一定的计算过程。

i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
s_i	0	1	2	3	3	5	5	6	8	12
f_i	6	4	14	5	9	7	9	10	11	16

- 2、请画出下面的差分约束系统的约束图。并回答如何利用约束图求一个差分约束系统的可行解或判定该系统没有可行解。

$$x_1 - x_2 \leq 1$$

$$x_1 - x_3 \leq -4$$

$$x_2 - x_4 \leq 7$$

$$x_3 - x_2 \leq 2$$

$$x_4 - x_1 \leq -1$$

$$x_4 - x_3 \leq 3$$

分 数	
评卷人	

四、(本题 16 分) 对给定的两个序列 X 和 Y, 记 $c[i, j]$ 为前缀序列 X_i 和 Y_j 的一个 LCS 的长度:

$$c[i, j] = \begin{cases} 0 & \text{如果 } i = 0 \text{ 或 } j = 0 \\ c[i - 1, j - 1] + 1 & \text{如果 } i, j > 0 \text{ 且 } x_i = y_j \\ \max(c[i, j - 1], c[i - 1, j]) & \text{如果 } i, j > 0 \text{ 且 } x_i \neq y_j \end{cases}$$

已知序列 $X = \langle C, B, C, A, B, A, C, B \rangle$ 和 $Y = \langle A, C, B, D, A, B, C \rangle$, 求 $LCS(X, Y)$ 。

		j	0	1	2	3	4	5	6	7
			y_j	A	C	B	D	A	B	C
i	x_i	0								
	1 C									
	2 B									
	3 C									
	4 A									
	5 B									
	6 A									
	7 C									
	8 B									

$LCS(X, Y) = \underline{\hspace{10em}}$ 。

分 数	
评卷人	

五、(本题 12 分) 数组 $A[1..n]$ 中含有 n 个互不相同的整数元素。对 A 中的元素 $A[i]$ ($1 \leq i \leq n$)，若有 $A[i] < A[i-1]$ 并且 $A[i] < A[i+1]$ ，则称 $A[i]$ 为 A 的局部最小元素，即局部最小元素是比其两个相邻元素都小的元素

(注：在边界上，即 $i=1$ 或 $i=n$ 时，只需考虑一侧的邻居即可)。例：如果 $A=\{5, 3, 4, 1, 2\}$ ，那么 A 有二个局部最小元素 3 和 1；而若 $A=\{1, 2, 3, 4, 5\}$ ，那么 A 就只有一个局部最小值元素 1。

请设计一个时间复杂度为 $O(\log n)$ 的算法输出 A 中的一个局部最小元素 (当有多个局部最小元素时，输出任意一个即可)，给出算法的伪代码描述，并证明你的算法关于时间复杂度的结论。

分 数	
评卷人	

六、(本题 14 分)设有 n 个任务(用编号 $1 \sim n$ 表示),每个任务 $j \in [1..n]$, 都有一个权重 (记为 W_j)、执行时间 (记为 I_j), 其中, $W_j \in [0, 1]$ 且

$\sum_{j=1}^n W_j = 1$; 并记其完成时间为 C_j 。这里仅考虑任务的串行调度, 即一个任务接着一个任务被调度执行, 不考虑等待和空闲时间, 则 C_j 即是串行调度至任务 j 并执行完任务 j 的总时间。

请设计一个调度算法, 求出一种执行顺序, 使得所有任务按顺序执行完后, $\sum_{j=1}^n W_j C_j$ 最小, 并证明算法的正确性。

解答内容不得超过装订线

分 数	
评卷人	

七、(本题 14 分) 符号乘法问题：定义在符号集 $S = \{a, b, c\}$ 上的一种乘法运算规则如下表所示：

	a	b	c
a	b	b	a
b	c	b	a
c	a	c	c

如， $ab=b$ ， $ba=c$ 等。注：该乘法规则不满足结合律和交换律。

请设计一个有效的算法，对给定的 S 上的符号串，如 $bbbbac$ ，判定是否可以通过适当加括号的方式，使得其“乘积”等于 a ，若可以则返回 $TRUE$ ，否则返回 $FALSE$ 。如，对 $bbbbac$ ，算法返回 $TRUE$ ，因为 $((b(bb))(ba))c=a$ 。