

1-5 火箭的初始运动 $t_0=0, y_0=0, v_0=0$

当 $t_1=20s$ 的时候, 高度是 y_1 , 速度为 v_1 ; $t_2=50s$ 的时候, 高度 y_2 , 速度 v_2

$$\textcircled{1} \int_{v_0}^v dv = \int_{t_0}^t a dt \quad v = \int_0^t \frac{1}{2} t dt = \frac{1}{4} t^2$$

将 $t_1=20s$ 代进去 $v_1 = \frac{1}{4} (20)^2 = 100 m/s$

$$\textcircled{2} \int_{y_0}^{y_1} dy = \int_{t_0}^{t_1} v dt \quad y_1 = \int_0^{t_1} \frac{1}{4} t^2 dt = \frac{1}{12} t^3$$

$$\Rightarrow \left|_0^{20} \frac{1}{12} t^3 \right| = 6.67 \times 10^2 (m) \quad (y_1)$$

$$\textcircled{3} \int_{v_1}^v dv = \int_{t_1}^t \left[10 + \frac{(t-20)}{6} \right] dt \quad v = \frac{1}{12} (t^2 + 80t - 800)$$

将 $t_2=50s$ 代入 $v_2 = \frac{1}{12} ((50)^2 + 80(50) - 800) = 475 m/s$

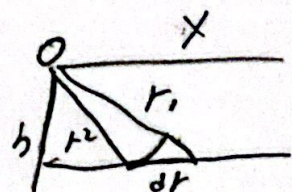
$$\textcircled{4} \int_{y_1}^{y_2} dy = \frac{1}{12} \int_{t_1}^t (t^2 + 80t - 800) dt$$

$$y_2 = y_1 + \frac{1}{36} (t^3 + 120t - 2400t) \Big|_{t_1}^{t_2} = 8.92 \times 10^3 (m)$$



1-7

① 从图中 $\frac{dr}{dt}$ 表示, 假如我设 t 时刻船位于 P , 位矢也就是 r_1 , $t+\Delta t$ 时刻船位于 P_2 , 位矢为 r_2 , 在此内船的位移是 Δr , 是负方向的



所以 $\frac{dr}{dt}$ 是船的运动速度也就是 $=v$
 $|dr| \cos \theta = dr$

船的 v 为 $v = \frac{|dr|}{dt} i = \frac{1}{\cos \theta} \frac{dr}{dt} i = -\frac{1}{\cos \theta} v_0 i$ (负号代表船正在向负方向走)

$$\cos \theta = \frac{x}{\sqrt{x^2 + h^2}} \text{ 所以 } \boxed{v = -\frac{\sqrt{x^2 + h^2}}{x} v_0 i}$$

船在离岸边 s 距离时为 $\boxed{v = -\frac{\sqrt{s^2 + h^2}}{s} v_0}$

船的加速度 (a) $a = \frac{dv}{dt} = \boxed{-\frac{h^2 v_0^2}{x^3} i}$

在离岸边 s 距离时 $\boxed{a = -\frac{h^2 v_0^2}{s^2}}$



1-9 卡车的 - 开始速率为 $v_0 = 90 \text{ km/h} = 25 \text{ m/s}$

$$v_{20} = 65 \text{ km/h} = 18 \text{ m/s}, L = 80 \text{ m}$$

• 在一开始的时候 $t_1 = 0.70 \text{ s}$, 两车:

$$s_{10} + s_{20} = (v_{10} + v_{20}) \Delta t_1 = (25 + 18) \times 0.7 \text{ m} \\ = \boxed{30 \text{ m}} \leftarrow \begin{array}{l} \text{行驶的总路程} \\ \text{初始} \end{array}$$

• 两车制动后的加速度大小都是 7.5 m/s^2

卡车 速率为0所行驶的路程 $s_1 = \frac{v_{10}^2}{2a} = \frac{25^2}{2(7.5)} = \boxed{41.7 \text{ m}}$

汽车 速率为0所行驶的路程为 $s_2 = \frac{v_{20}^2}{2a} = \frac{18^2}{2(7.5)} = \boxed{21.6 \text{ m}}$

• 发现了险情两车都停下, 这个时候的路程是:

$$S = s_{10} + s_{20} + s_1 + s_2 = 30 + 41.7 + 21.6 = \boxed{93.3 \text{ m}}$$

$93.3 \text{ m} > 80 \text{ m}$, 所以会相撞, 因为
两车的行驶距离大于80就撞

设
• 两车撞的时间间隔为 Δt_2

$$L - (s_{10} + s_{20}) = (v_{10} \Delta t_2 - \frac{1}{2} a \Delta t_2^2) + (v_{20} \Delta t_2 - \frac{1}{2} a \Delta t_2^2) \\ = 7.5 \Delta t_2^2 - 43 \Delta t_2 + 50 = 0$$

$$\text{所以 } \Delta t_2 = \underline{1.62 \text{ s}}$$

所以相撞时卡车的速度是

$$v_1 = v_{10} - a \Delta t_2 = (25 - 7.5(1.62)) \text{ m/s} \\ = 12.9 \text{ m/s 转换 } = \boxed{46 \text{ km/h}}$$

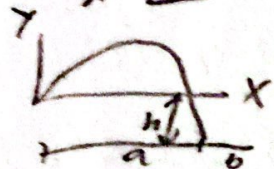


1-15 首先根据图片得知乒乓球的轨迹方程

$h=1\text{m}$ 为
 $a=2\text{m}$
 $b=0.50\text{m}$

$$y = x \tan \theta - \frac{gx^2}{2v_0^2 \cos^2 \theta} \longrightarrow x = v_0 \cos \theta t$$

· 代入桌边点的坐标: $y=0$ $x=a$



$$\text{所以 } v_0^2 \sin^2 \theta = ga$$

下降

· 代入落地点的坐标 $y=-h$, $x=a+b$

$$2h \cos^2 \theta + (a+b)v_0^2 \sin^2 \theta = (a+b)^2 g$$

$$\text{所以 } \tan \theta = \frac{ah}{(a+b)b} \quad v_0 = \sqrt{\frac{(a+b)^2 b^2 + (ah)^2}{2h(a+b)b} g}$$

代入以上数据

$$\tan \theta = \frac{(2)(1)}{(2+0.5)0.5} = \frac{2}{1.25} = 1.6 \quad \theta = 58^\circ$$

抛射角 $\theta = 58^\circ$

$$v_0 = \sqrt{\frac{(2+0.5)^2 (0.5)^2 + (2)(1)^2}{2(1)(2+0.5)0.5} g}$$

$$\text{初速度} = \boxed{4.167 \text{ m/s}}$$

