Universidade de Aveiro

Departamento de Electrónica, Telecomunicações e Informática

Linguagens Formais e Autómatos

2º exame intercalar

(Ano Lectivo de 2007/8)

30 de Maio de 2008

1. Sobre o alfabeto $T = \{v = ; (), k o u m\}$ considere a gramática G_1 dada a seguir.

$$\begin{split} S &\rightarrow A \\ A &\rightarrow \mathtt{v} = E \ ; \\ E &\rightarrow T \mid T \circ E \mid E \ \mathtt{u} \ T \\ T &\rightarrow \mathtt{k} \mid (E) \mid (A) \mid M \ I \\ I &\rightarrow \mathtt{v} \ (L) \\ L &\rightarrow E \ , \ L \mid L \ , \ E \\ M &\rightarrow \lambda \mid \mathtt{m} \end{split}$$

Relativamente a cada uma das seguintes alíneas, diga, justificando de forma conveniente, se a afirmação é verdadeira ou falsa.

- [1,5] (a) A palavra "v=kokuk;" pertence à linguagem descrita pela gramática G_1 .
- [1,5] (b) A palavra "v=kokuk;" permite mostrar que a gramática G_1 é ambígua.
- [1,5] (c) O símbolo I é produtivo e acessível.
- [1,5] (d) λ pertence ao conjunto first(MI).
- [1,5] (e) O símbolo terminal) pertence ao conjunto follow(I).

2. Sobre o alfabeto $T = \{v : , . t\}$ considere a gramática G_2 dada a seguir.

$$S \rightarrow D$$
 $D \rightarrow v : t . \mid v , D$

- [2,5] (a) A gramática G_2 possui recursividade à direita. Construa uma gramática equivalente sem esse tipo de recursividade.
- [2,0] (b) A gramática G_2 não é apropriada à implementação de um reconhecedor (parser) descendente. Diga porquê e transforme-a numa outra equivalente que o seja.
- [3,0] (c) A coleção (canónica) de conjuntos de itens da gramática G_2 é a seguinte.

$$\begin{split} I_0 &= \{\, S \rightarrow \bullet \, D \,\,, \,\, D \rightarrow \bullet \, \mathtt{v} \,:\, \mathtt{t} \,\,. \,\,, \,\, D \rightarrow \bullet \,\, \mathtt{v} \,\,,\, D \,\} \\ I_1 &= \{\, S \rightarrow D \bullet \,\,\} \\ I_2 &= \{\, D \rightarrow \mathtt{v} \,\bullet \,:\, \mathtt{t} \,\,. \,\,, \,\, D \rightarrow \mathtt{v} \,\bullet \,\,,\, D \,\} \\ I_3 &= \{\, D \rightarrow \mathtt{v} \,:\, \bullet \,\, \mathtt{t} \,\,. \,\,\} \\ I_4 &= \{\, D \rightarrow \mathtt{v} \,:\, \mathtt{t} \,\bullet \,\,. \,\,\} \\ I_5 &= \{\, D \rightarrow \mathtt{v} \,\,,\, \bullet \,\, D \,\,,\, \,\, D \rightarrow \bullet \,\,\mathtt{v} \,:\, \mathtt{t} \,\,. \,\,,\, \,\, D \rightarrow \bullet \,\,.\,\, \mathtt{v} \,\,,\, D \,\} \\ I_6 &= \{\, D \rightarrow \mathtt{v} \,\,,\, \,\, D \bullet \,\,\} \\ I_7 &= \{\, D \rightarrow \mathtt{v} \,:\, \mathtt{t} \,\,.\,\,\bullet \,\,\} \end{split}$$

Preencha a tabela de parsing de um reconhecedor (parser) ascendente com base nestes conjuntos de itens.

3. Sobre o alfabeto $\{e () : , \}$, considere a gramática G_3 dada a seguir.

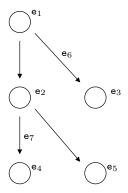
$$S \rightarrow N$$

$$N \rightarrow \mathbf{e} \mid \mathbf{e} \ (\ L \)$$

$$L \rightarrow A \mid A \ , \ L$$

$$A \rightarrow \mathbf{e} \ : \ N \mid N$$

que representa grafos acíclicos (árvores) com etiquetas nos nós e opcionalmente etiquetas nos arcos. Por exemplo



é uma árvore com 5 nós e 4 arcos, dois dos quais não têm etiquetas. Esta árvore é descrita pela palavra e₁(e₂(e₇:e₄,e₅),e₆:e₃), em que os índices nos símbolos e apenas existem para tornar clara a relação entre a árvore e a palavra.

- [1,5] (a) Construa a árvore de derivação da palavra anterior.
- [3,5] (b) Construa uma gramática de atributos que associe ao símbolo inicial S um atributo que indique o número de arcos não etiquetados que a árvore contém. Introduza os atributos auxiliares que necessite.