

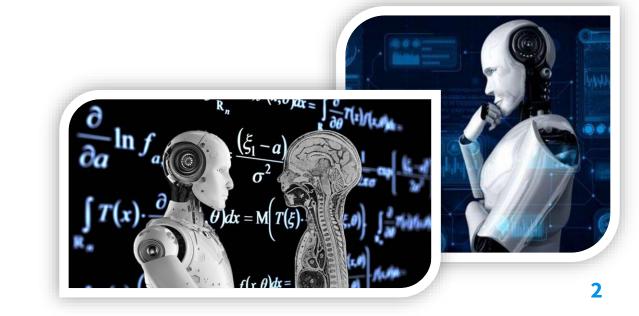
Estratégias de Busca

Disciplina: Inteligência Computacional (C210A/B)

Curso: Engenharia de Computação e Software

Prof^a. Victoria Dala Pegorara Souto

- Busca Gulosa
- Busca A*



- Utiliza conhecimento de um problema específico além da definição do problema em si.
- Pode encontrar soluções de forma mais eficiente do que uma estratégia de busca sem informação (cega).



Uma busca heurística é uma busca que utiliza uma função h(n) onde, para cada nó n do espaço de busca, fornece uma avaliação do custo para atingir o estado final. Portanto, h(n) é chamada função heurística.

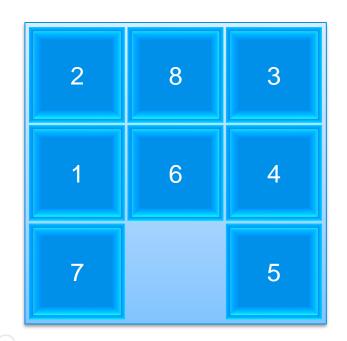
h(n) = custo estimado do caminho de menor custo do estado do nó n para um estado objetivo

- Note que h(n) recebe um nó como entrada e depende apenas do estado naquele nó.
- Funções heurísticas são a forma mais comum como o conhecimento adicional do problema é transmitido ao algoritmo de busca.
- Funções Heurísticas são específicas para cada problema.
 - **Roteamento:** h(n) = rota mais barata de Corumbá a Campo Grande;
 - **Arvore:** h(n) = distância direta entre n e o nó final.

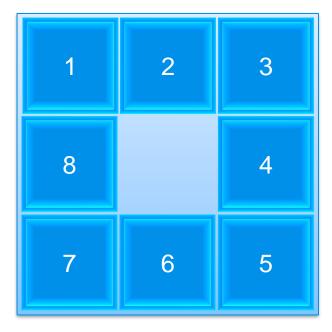
- Os problemas de IA empregam heurísticas, basicamente, em duas situações:
 - Um problema pode não ter uma solução exata por causa das ambiguidades inerentes a sua formulação ou pela (in)disponibilidade dos dados.
 - Exemplos: Diagnóstico médico, Sistemas de visão.

- Um problema pode ter uma solução exata, mas o custo computacional para encontrá-la pode ser proibitivo.
 - Exemplos: Jogo de xadrez, Caixeiro viajante.

Exemplo:



Estado Inicial

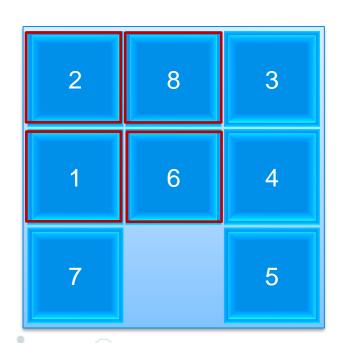


Estado Objetivo

Como definir uma Função Heurística h(n)?

Existe apenas uma solução?

Exemplo:

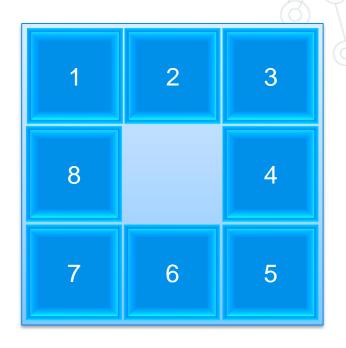


Estado Inicial

Solução 1:

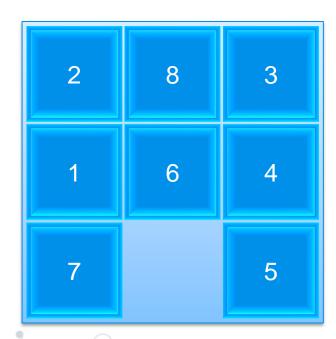
h(n) = Número de elementos em posições erradas (com relação ao estado objetivo).

$$h(n) = 4$$



Estado Objetivo

Exemplo:



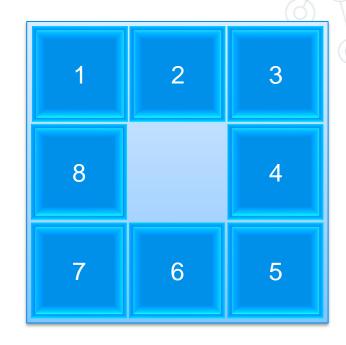
Estado Inicial

Solução 2:

h(n) =Soma da distância de cada elemento (d_n) à posição final.

$$h(n) = \sum_{n=1}^{N} d_n$$

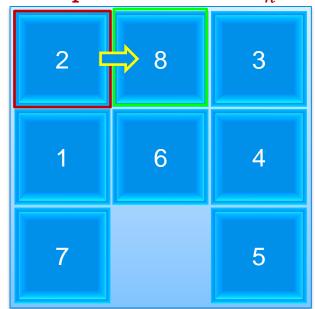
N → Número de elementos



Estado Objetivo

Exemplo:

1 casa para a direita - $d_n = 1$



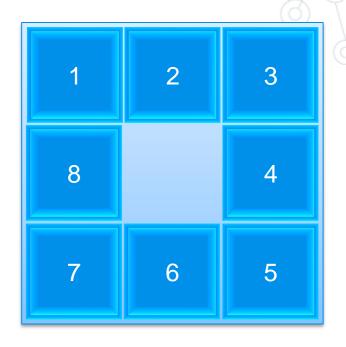
Estado Inicial

Solução 2:

h(n) = Soma da distância de cada elemento (d_n) à posição final.

$$h(n) = \sum_{n=1}^{N} d_n$$

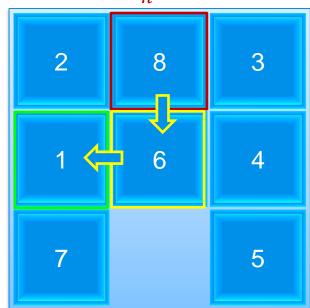
N → Número de elementos



Estado Objetivo

Exemplo:

2 casas - $d_n = 2$



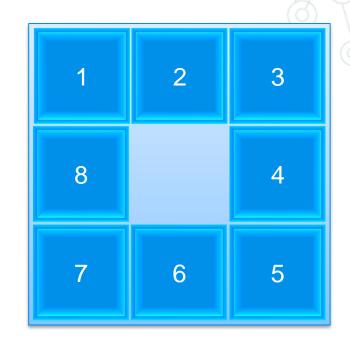
Estado Inicial

Solução 2:

h(n) = Soma da distância de cada elemento (d_n) à posição final.

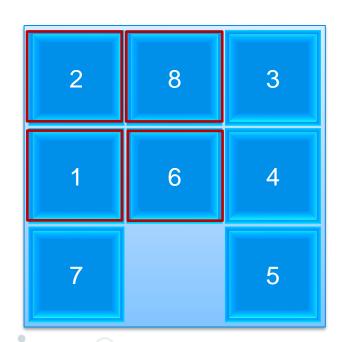
$$h(n) = \sum_{n=1}^{N} d_n$$

N → Número de elementos



Estado Objetivo

• Exemplo:

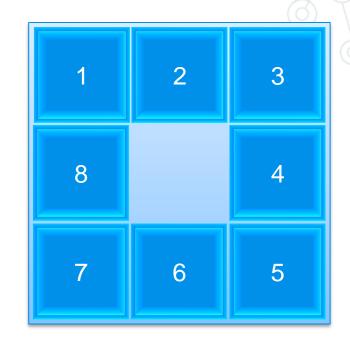


Estado Inicial

Solução 2:

h(n) =Soma da distância de cada elemento (d_n) à posição final.

$$h(n) = \sum_{n=1}^{8} d_n = 1 + 1 + 0 + 0 + 0 + 1 + 0 + 2 = 5$$

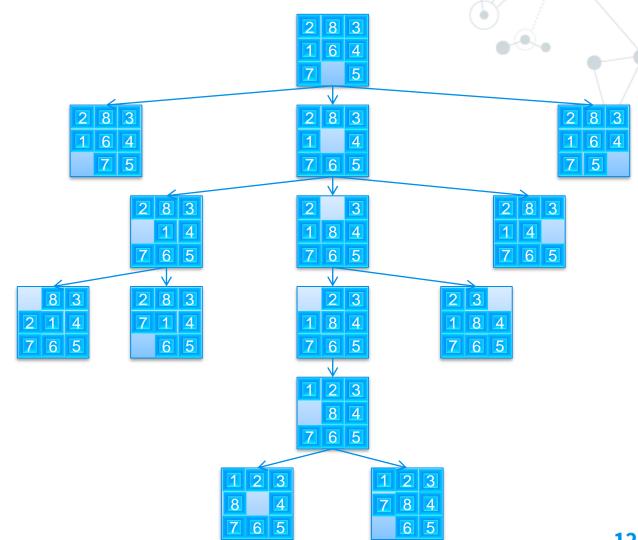


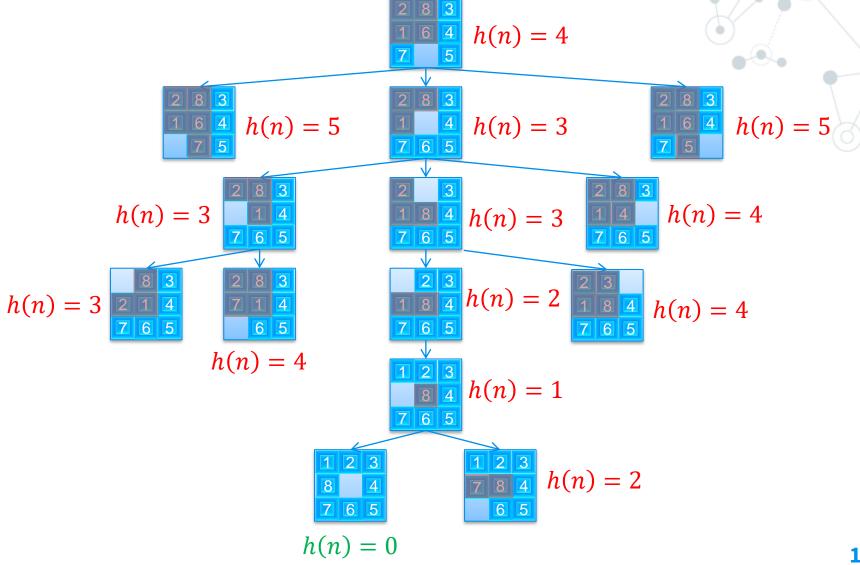
Estado Objetivo

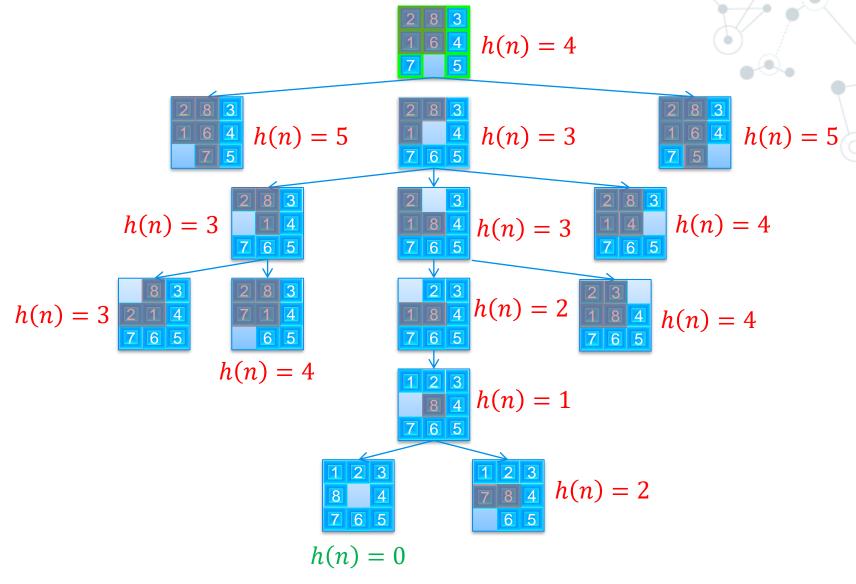
Exemplo: Montando uma árvore para resolver o problema de busca.

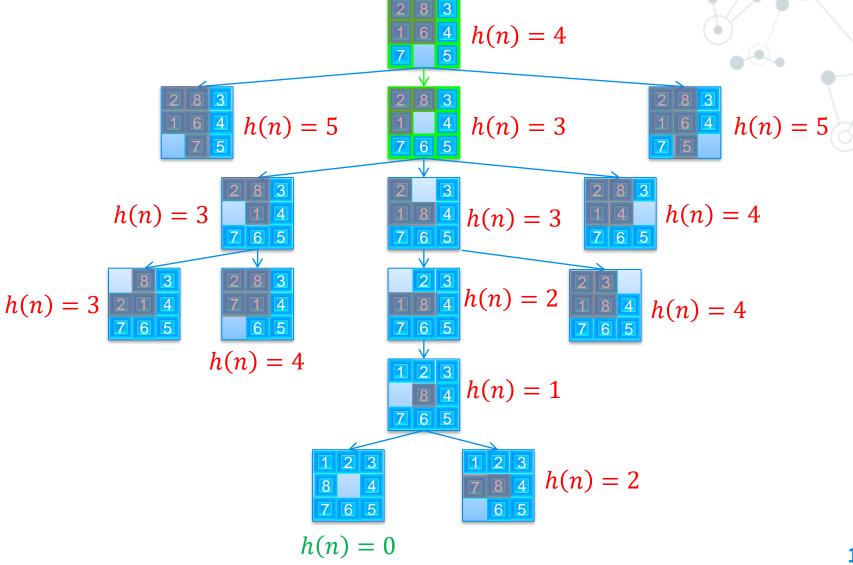
Considerando:

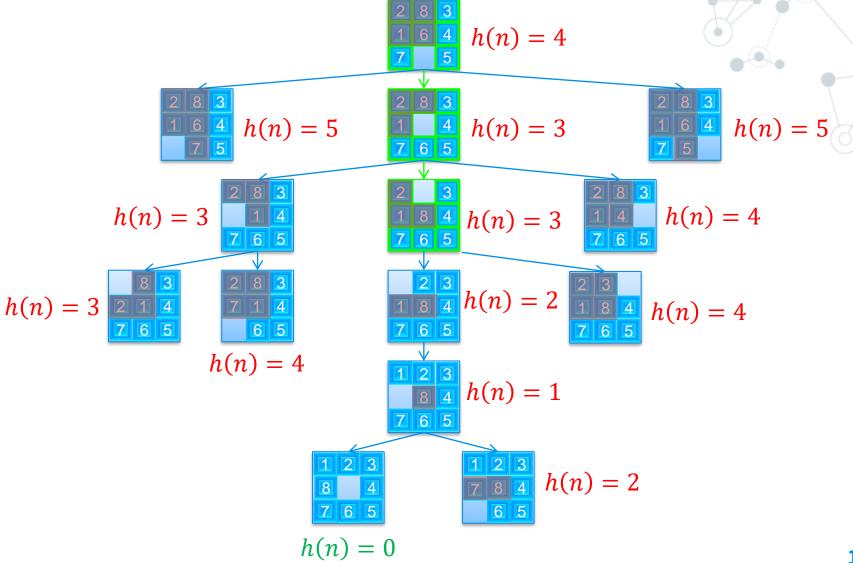
- f(n) = Número de elementos em posições erradas.
- Determine a solução de menor custo.

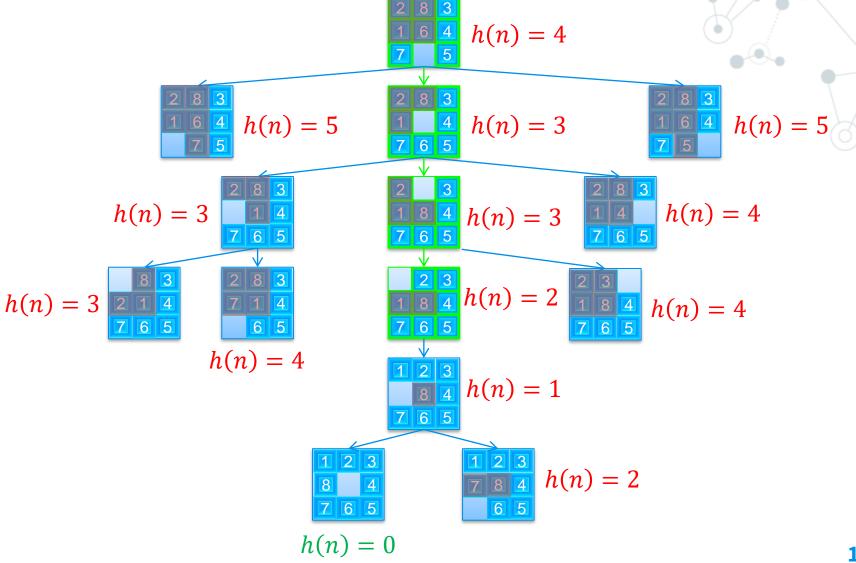


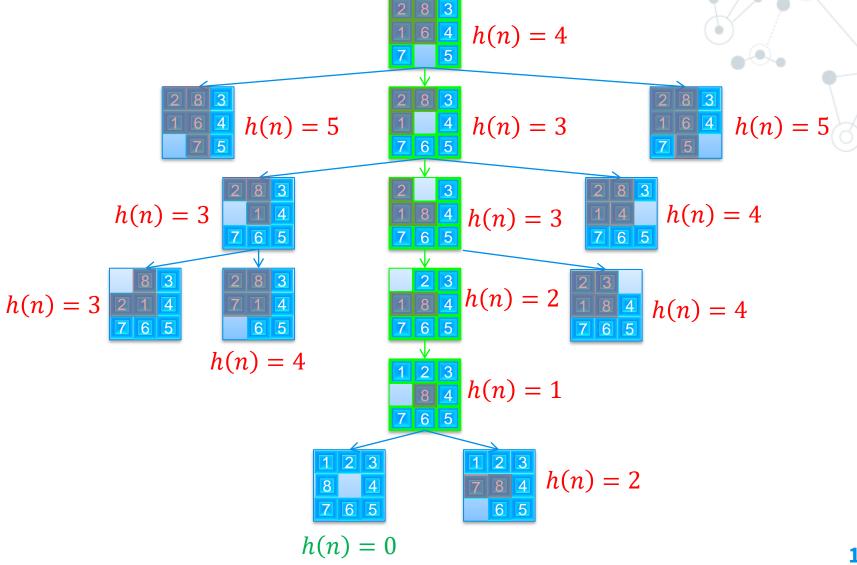


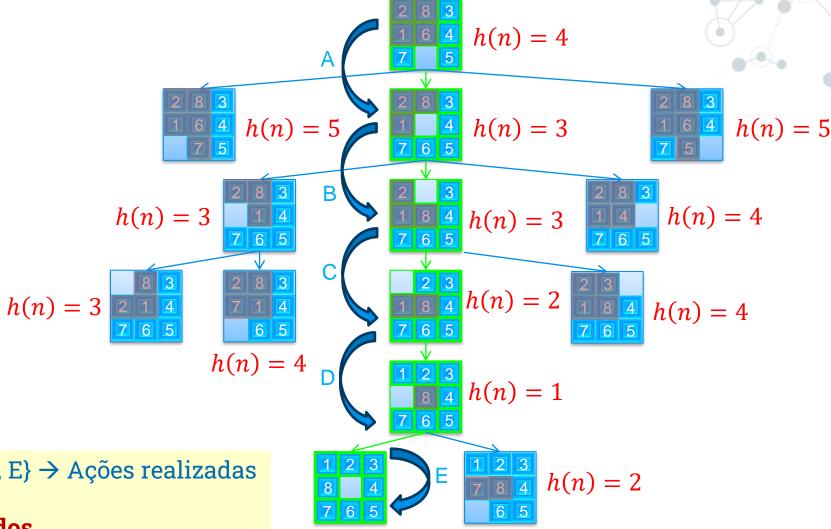












- **Solução** = $\{A, B, C, D, E\} \rightarrow A$ ções realizadas
- **Custo = 5**
- **14 Estados Explorados**



- Busca Gulosa (Busca de Melhor Escolha)
 - Expande o nó que está mais próximo do objetivo.
 - Avalia os nós usando apenas a **função heurística**, ou seja, f(n) = h(n).
 - Pode conduzir a uma solução rapidamente.

- Busca Gulosa (Busca de Melhor Escolha)
 - **Exemplo:** Roteamento na Romênia.
 - **Objetivo:** Buscareste
 - Função Heurística: Distância em linha reta (DLR) definida por h_{DLR} .
 - É necessário conhecer as distâncias em linha reta para Bucareste.

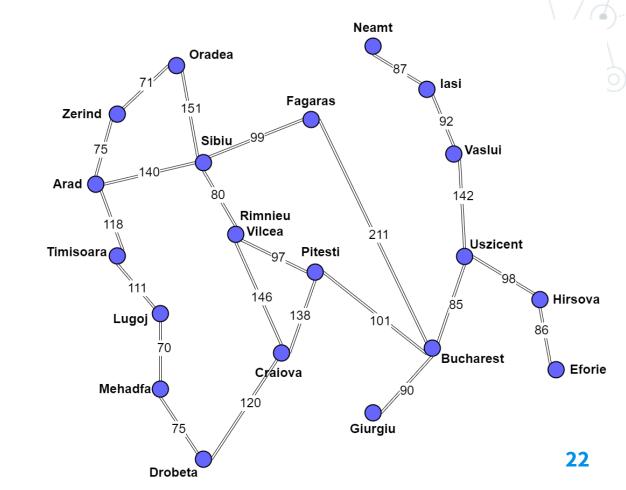
Tabela 1 - h_{DLR} para todas as cidades

| Cidade | h_{DLR} | Cidade | h_{DLR} |
|----------|-----------|----------------|-----------|
| Arad | 366 | Mehadia | 241 |
| Bucarest | 0 | Neamt | 234 |
| Craiova | 160 | Oradea | 380 |
| Drobeta | 242 | Pitesti | 100 |
| Eforie | 161 | Rimnicu Vilcea | 193 |
| Fagaras | 176 | Sibiu | 253 |
| Giurgiu | 77 | Timisoara | 329 |
| Hirsova | 151 | Urziceni | 80 |
| lasi | 226 | Vaslui | 199 |
| Lugoj | 244 | Zerind | 374 |

- Busca Gulosa (Busca de Melhor Escolha)
 - **Exemplo:** Roteamento na Romênia.

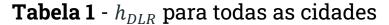
Tabela 1 - h_{DLR} para todas as cidades

| Cidade | h_{DLR} | Cidade | h_{DLR} | |
|----------|-----------|----------------|-----------|--|
| Arad | 366 | Mehadia | 241 | |
| Bucarest | 0 | Neamt | 234 | |
| Craiova | 160 | Oradea | 380 | |
| Drobeta | 242 | Pitesti | 100 | |
| Eforie | 161 | Rimnicu Vilcea | 193 | |
| Fagaras | 176 | Sibiu | 253 | |
| Giurgiu | 77 | Timisoara | 329 | |
| Hirsova | 151 | Urziceni | 80 | |
| lasi | 226 | Vaslui | 199 | |
| Lugoj | 244 | Zerind | 374 | |

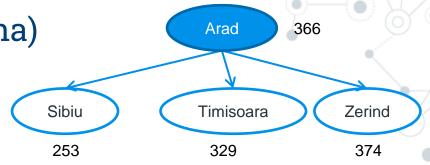


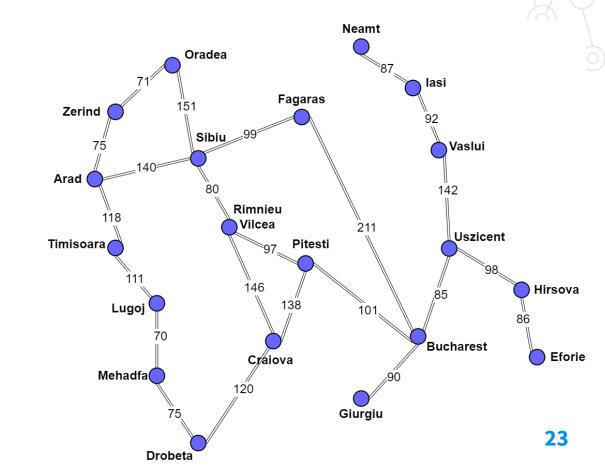
Busca Gulosa (Busca de Melhor Escolha)

Exemplo: Roteamento na Romênia.



| Cidade | h_{DLR} | Cidade | h_{DLR} | |
|----------|-----------|----------------|-----------|--|
| Arad | 366 | Mehadia | 241 | |
| Bucarest | 0 | Neamt | 234 | |
| Craiova | 160 | Oradea | 380 | |
| Drobeta | 242 | Pitesti | 100 | |
| Eforie | 161 | Rimnicu Vilcea | 193 | |
| Fagaras | 176 | Sibiu | 253 | |
| Giurgiu | 77 | Timisoara | 329 | |
| Hirsova | 151 | Urziceni | 80 | |
| lasi | 226 | Vaslui | 199 | |
| Lugoj | 244 | Zerind | 374 | |





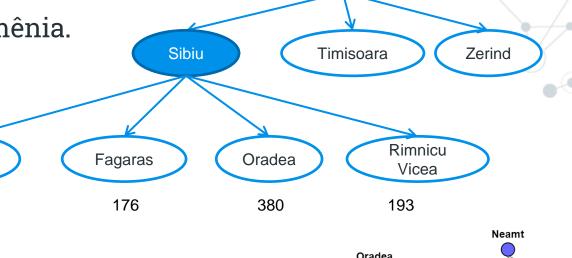


Arad

366

Tabela 1 - h_{DLR} para todas as cidades

| Cidade | h_{DLR} | Cidade | h_{DLR} |
|----------|-----------|----------------|-----------|
| Arad | 366 | Mehadia | 241 |
| Bucarest | 0 | Neamt | 234 |
| Craiova | 160 | Oradea | 380 |
| Drobeta | 242 | Pitesti | 100 |
| Eforie | 161 | Rimnicu Vilcea | 193 |
| Fagaras | 176 | Sibiu | 253 |
| Giurgiu | 77 | Timisoara | 329 |
| Hirsova | 151 | Urziceni | 80 |
| lasi | 226 | Vaslui | 199 |
| Lugoj | 244 | Zerind | 374 |



Arad

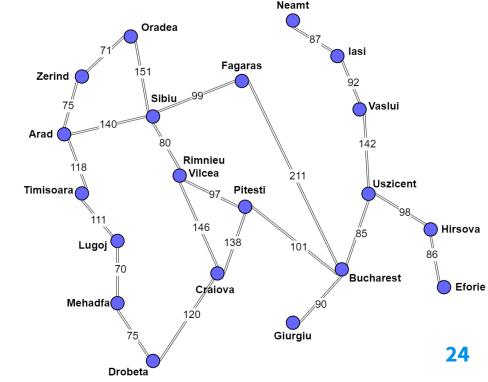
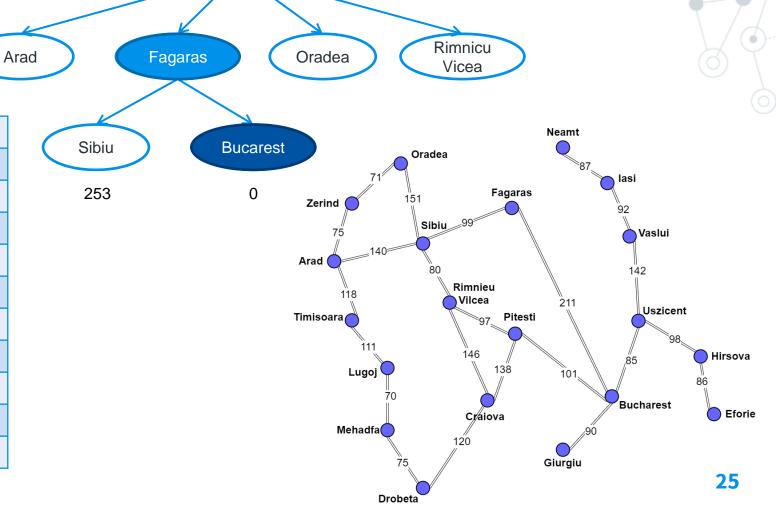






Tabela 1 - h_{DLR} para todas as cidades

| Cidade | h_{DLR} | Cidade | h_{DLR} | |
|----------|-----------|----------------|-----------|--|
| Arad | 366 | Mehadia | 241 | |
| Bucarest | 0 | Neamt | 234 | |
| Craiova | 160 | Oradea | 380 | |
| Drobeta | 242 | Pitesti | 100 | |
| Eforie | 161 | Rimnicu Vilcea | 193 | |
| Fagaras | 176 | Sibiu | 253 | |
| Giurgiu | 77 | Timisoara | 329 | |
| Hirsova | 151 | Urziceni | 80 | |
| lasi | 226 | Vaslui | 199 | |
| Lugoj | 244 | Zerind | 374 | |



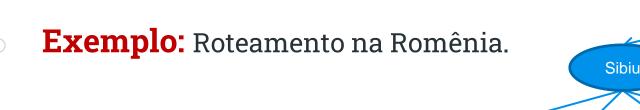
Arad

Timisoara

Zerind

Sibiu

Busca Gulosa (Busca de Melhor Escolha)



Arad

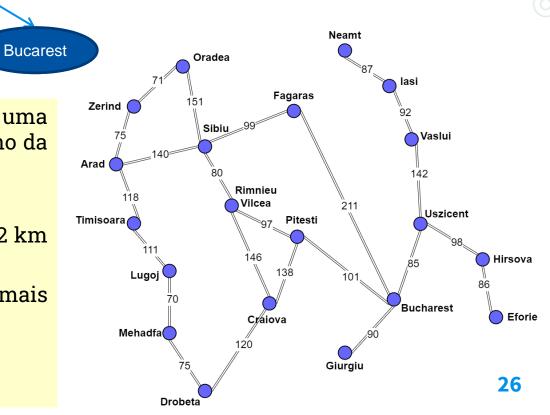
Sibiu

Fagaras

Observações:

- Para este exemplo, a busca gulosa utlizando h_{DLR} encontra uma solução, sem nunca expandir um nó que não estiver no caminho da solução.
- → Seu custo de busca é mínimo.
- → NÃO é Ótimo: O caminho via Sibiu e Fagaras para Bucareste é 32 km mais longo que o caminho através de Rimnicu Vilcea e Pitesti.
- → Algoritmo "ambicioso" → A cada passo ele tenta chegar o mais próximo do destino que puder.
- → A Busca Gulosa é **Incompleta** (igual a Busca em Profundidade)

Ex.: Iasi → Fagaras.



Zerind

Arad

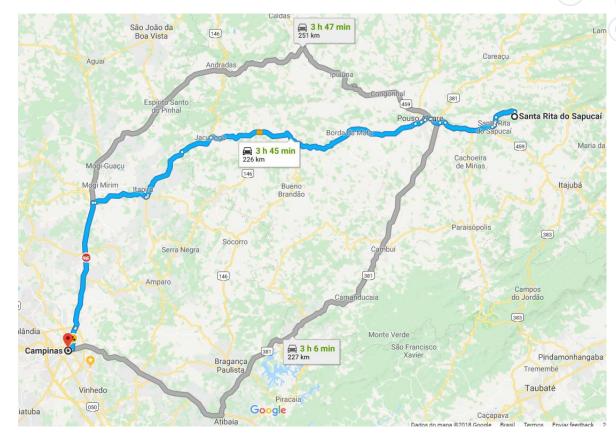
Timisoara

Oradea

Rimnicu

Vicea

- Busca Gulosa (Busca de Melhor Escolha)
 - **Exemplo:** Roteamento Santa Rita do Sapucaí -Campinas.

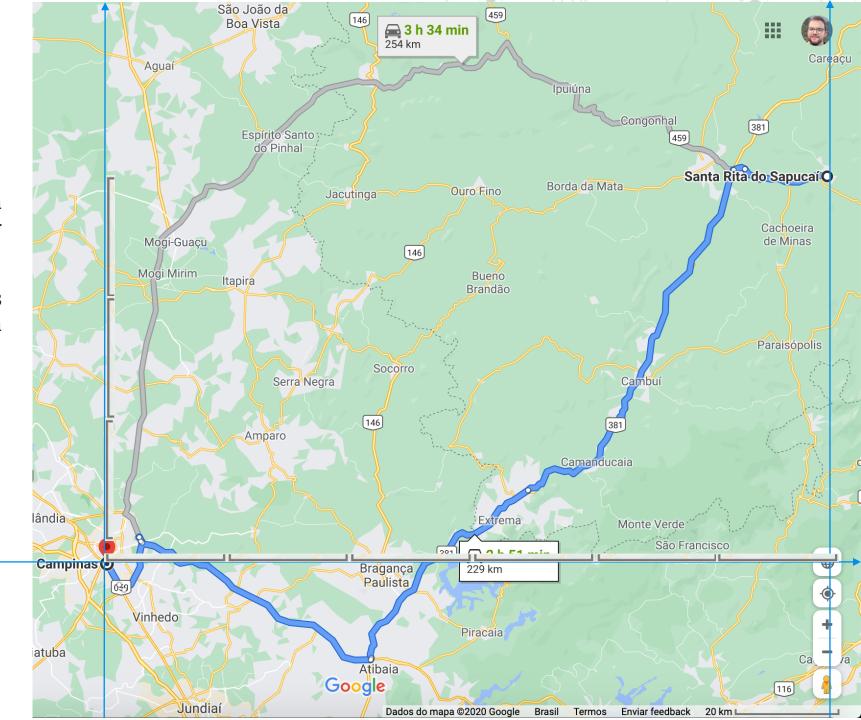


Busca Gulosa

- **Objetivo:** Campinas
- Função Heurística: Distância em linha reta (DLR) definida por h_{DLR} .
- É necessário conhecer as distâncias em linha reta para Campinas.

| S. R. Sapucaí | 165 | Jacutinga | 84 |
|----------------------|-----|----------------------|-----|
| Pouso Alegre | 137 | Itapira | 58 |
| Cambuí | 108 | Congonhal | 135 |
| Camanducaia | 97 | Ipuiúna | 139 |
| Bragança Paulista | 54 | Andradas | 106 |
| Atibaia | 57 | Esp. Santo Pinhal | 86 |
| Campinas | 0 | Mogi-Guaçu | 62 |
| Borda da Mata | 117 | Mogi Mirim | 54 |

Fonte: https://www.adistanciaentre.com

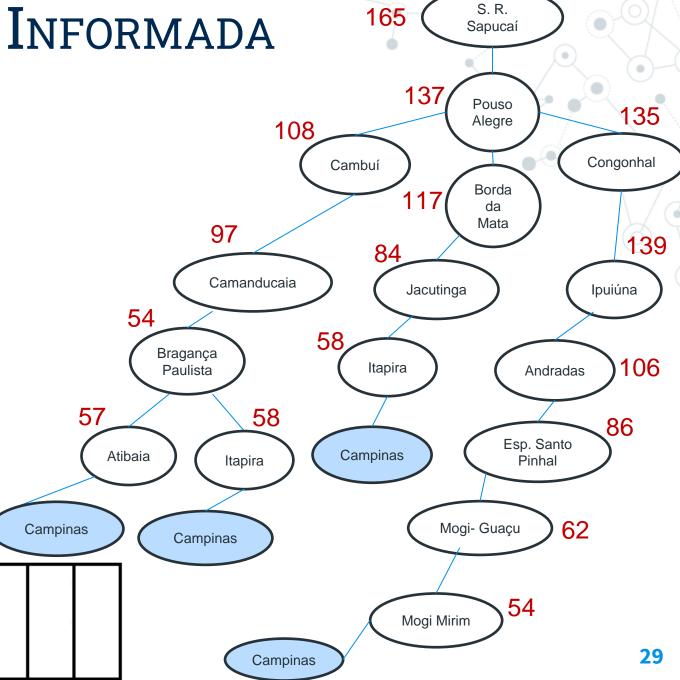


Busca Gulosa

Problema de Roteamento:

Origem: Santa Rita do Sapucaí

• **Destino**: Campinas



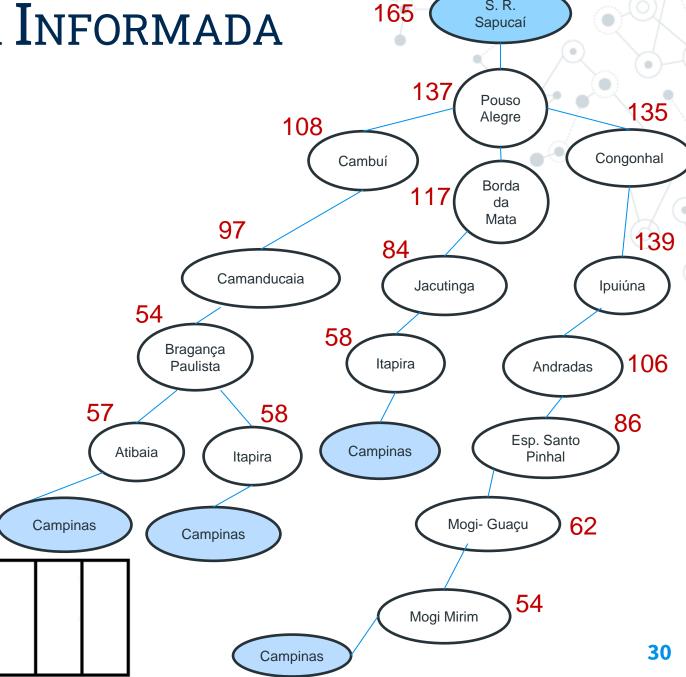
Estratégia de Busca Informada (HEURÍSTICA)

Busca Gulosa

Problema de Roteamento:

Origem: Santa Rita do Sapucaí

Destino: Campinas



S.R.

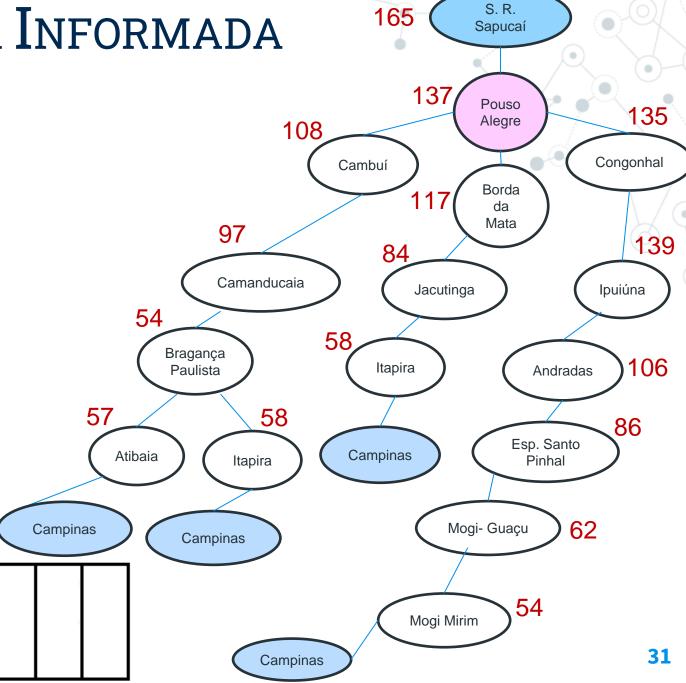
Busca Gulosa

Problema de Roteamento:

Origem: Santa Rita do Sapucaí

Destino: Campinas

Pouso Alegre



Estratégia de Busca Informada (HEURÍSTICA)

Busca Gulosa

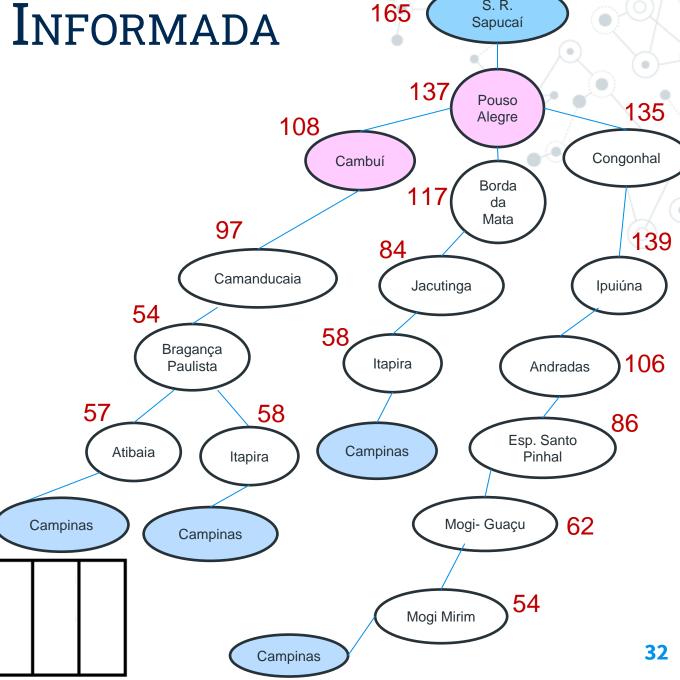
Problema de Roteamento:

Origem: Santa Rita do Sapucaí

Destino: Campinas

Cambuí

Pouso



S.R.

Busca Gulosa

Problema de Roteamento:

Origem: Santa Rita do Sapucaí

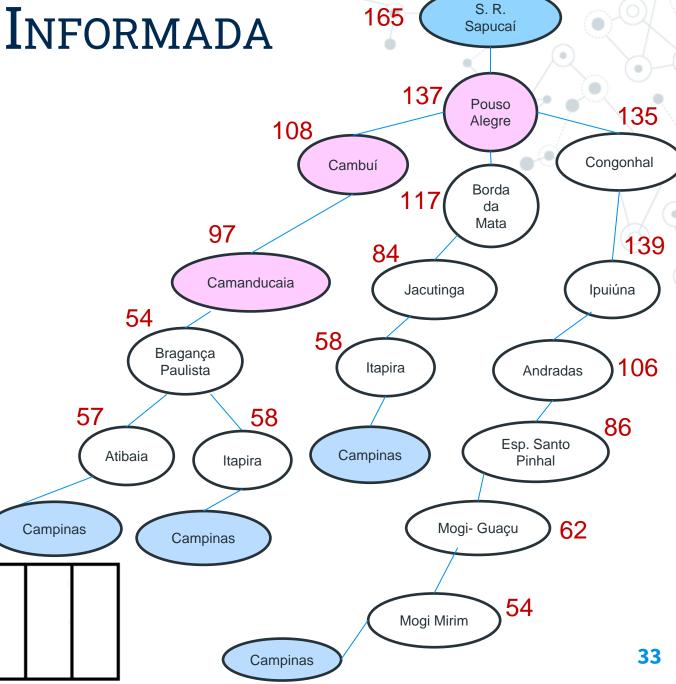
Destino: Campinas

Cambuí

Pouso

Camandu

caia



Estratégia de Busca Informada (HEURÍSTICA)

Busca Gulosa

Problema de Roteamento:

Origem: Santa Rita do Sapucaí

Destino: Campinas

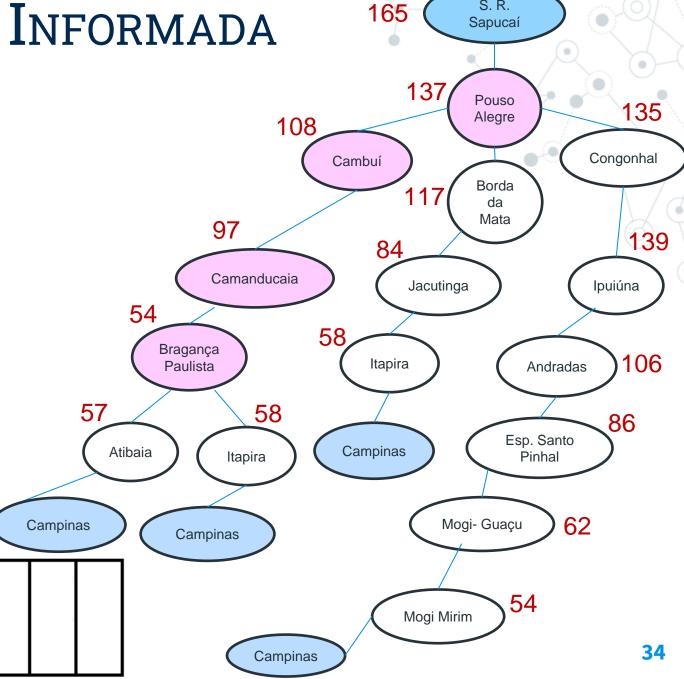
Bragança

Camand Paulista

caia

Cambuí

Alegre Pouso



S.R.

Busca Gulosa

Problema de Roteamento:

Origem: Santa Rita do Sapucaí

Destino: Campinas

Bragança

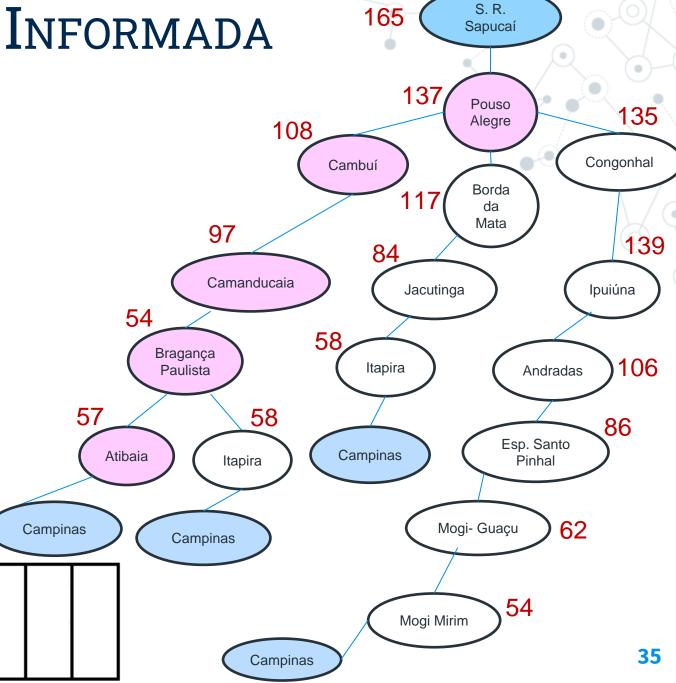
Atibaia

Paulista Camand

caia

Cambuí

Pouso Alegre



Busca Gulosa

Problema de Roteamento:

Origem: Santa Rita do Sapucaí

Destino: Campinas

Bragança

Atibaia

Paulista

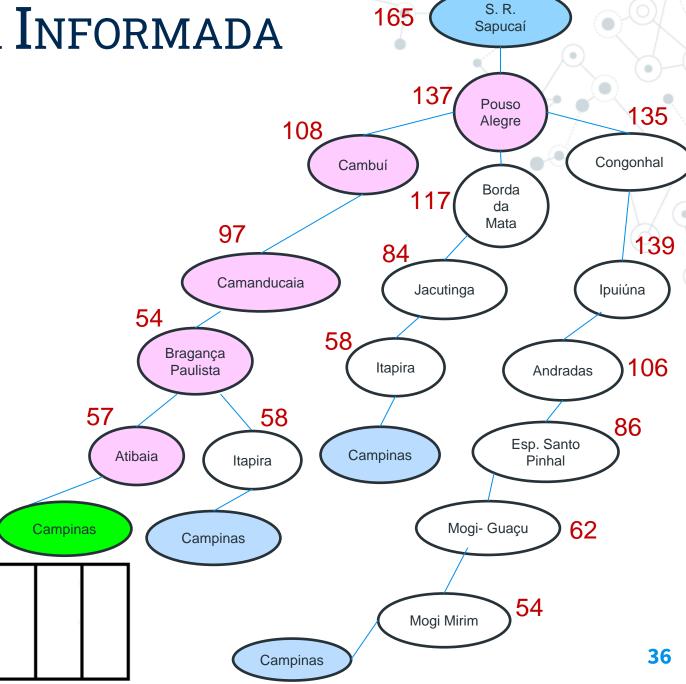
Campinas

Camand

caia

Cambuí

Pouso Alegre



- Busca A* → Minimização do Custo Total Estimado da Solução
 - Avalia os nós através da combinação de g(n), o custo para alcançar o nó, e h(n), custo para ir do nó ao objetivo:

$$f(n) = g(n) + h(n)$$

Visto que g(n) dá o custo do caminho desde o nó inicial até o nó n e h(n) é o custo estimado do caminho de menor custo de n até o objetivo, temos

f(n) = Custo estimado da solução de **MENOR** custo através de n

A Busca A* é **COMPLETA** e **ÓTIMA**, em certas condições.

Busca A*

- **Exemplo:** Roteamento na Romênia.
 - Objetivo: Buscareste
 - Estado Inicial: Arad
 - **Função Heurística:** Distância em linha reta (DLR) definida por h_{DLR} + Custo de cada caminho.
 - É necessário conhecer as distâncias em linha reta para Bucareste.

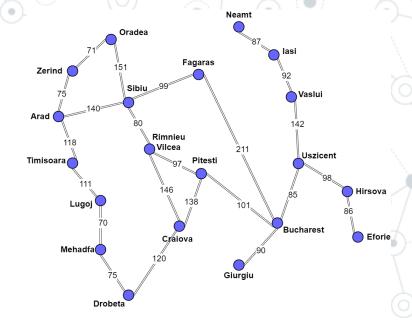


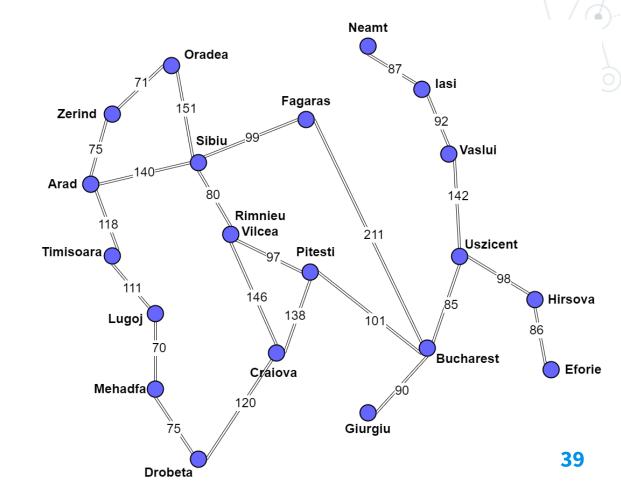
Tabela 1 - h_{DLR} para todas as cidades

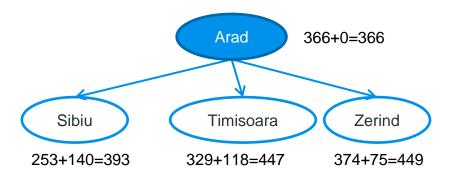
| Cidade | h_{DLR} | Cidade | h_{DLR} |
|----------|-----------|----------------|-----------|
| Arad | 366 | Mehadia | 241 |
| Bucarest | 0 | Neamt | 234 |
| Craiova | 160 | Oradea | 380 |
| Drobeta | 242 | Pitesti | 100 |
| Eforie | 161 | Rimnicu Vilcea | 193 |
| Fagaras | 176 | Sibiu | 253 |
| Giurgiu | 77 | Timisoara | 329 |
| Hirsova | 151 | Urziceni | 80 |
| lasi | 226 | Vaslui | 199 |
| Lugoj | 244 | Zerind | 374 |

Busca A*

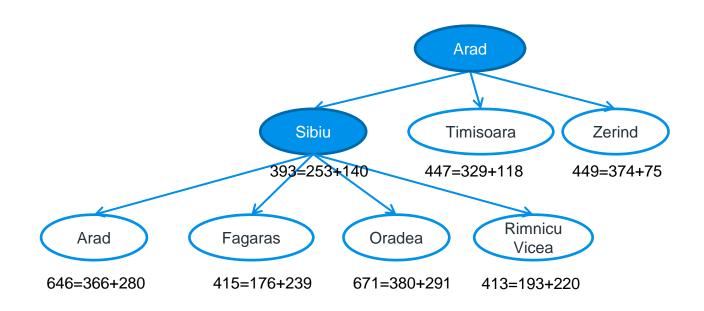
Tabela 1 - h_{DLR} para todas as cidades

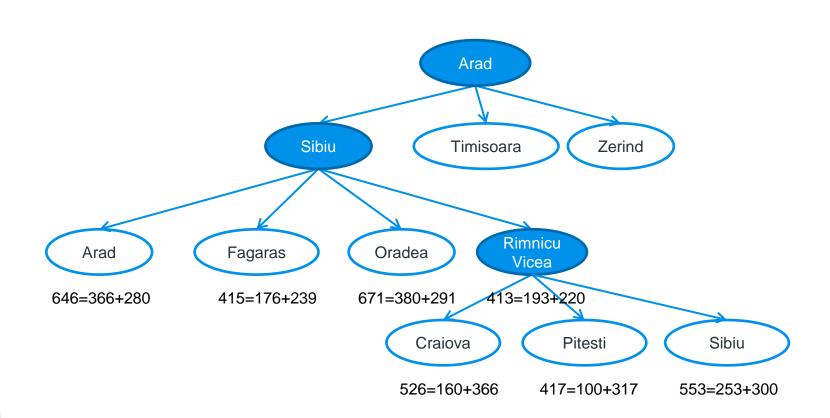
| Cidade | h_{DLR} | Cidade | h_{DLR} |
|----------|-----------|----------------|-----------|
| Arad | 366 | Mehadia | 241 |
| Bucarest | 0 | Neamt | 234 |
| Craiova | 160 | Oradea | 380 |
| Drobeta | 242 | Pitesti | 100 |
| Eforie | 161 | Rimnicu Vilcea | 193 |
| Fagaras | 176 | Sibiu | 253 |
| Giurgiu | 77 | Timisoara | 329 |
| Hirsova | 151 | Urziceni | 80 |
| lasi | 226 | Vaslui | 199 |
| Lugoj | 244 | Zerind | 374 |

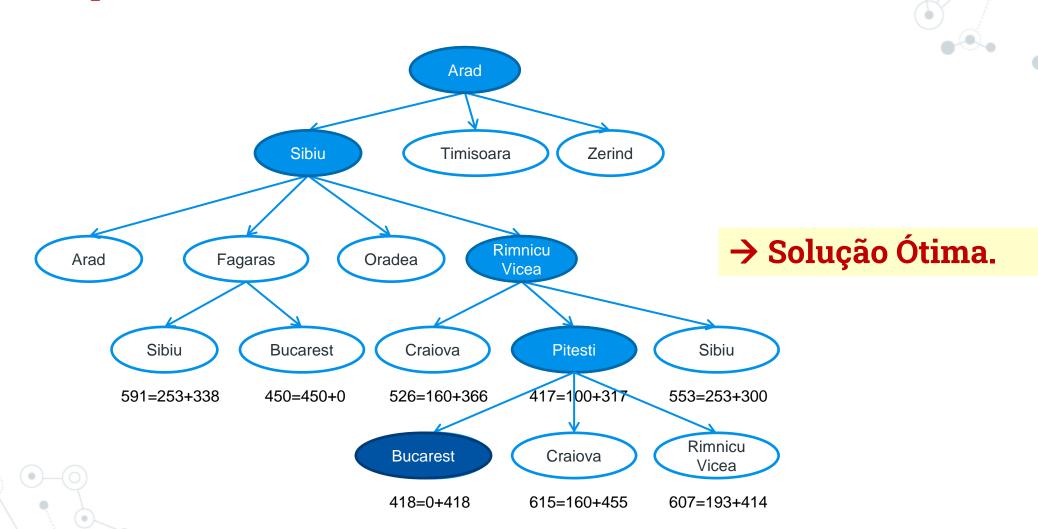




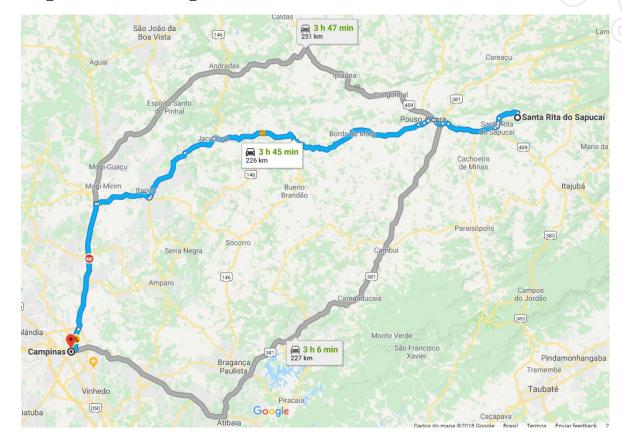








- Busca A*
 - Exemplo: Roteamento Santa Rita do Sapucaí -Campinas.



- O Busca A*
 - Exemplo: Roteamento Santa Rita do Sapucaí -Campinas.
 - Objetivo: Campinas
 - Função Heurística: Distância em linha reta (DLR) definida por h_{DLR} + Custo real que interliga todas as cidades do mapa.



ESTRATÉGIA DE BUSCA INFORMADA (HEURÍSTICA)

O Busca A*

 Exemplo: Roteamento Santa Rita do Sapucaí -Campinas.

Tabela 1 - h_{DLR} para todas as cidades

| S. R. Sapucaí | 165 | Jacutinga | 84 |
|----------------------|-----|----------------------|-----|
| Pouso Alegre | 137 | Itapira | 58 |
| Cambuí | 108 | Congonhal | 135 |
| Camanducaia | 97 | Ipuiúna | 139 |
| Bragança Paulista | 54 | Andradas | 106 |
| Atibaia | 57 | Esp. Santo Pinhal | 86 |
| Campinas | 0 | Mogi-Guaçu | 62 |
| Borda da Mata | 117 | Mogi Mirim | 54 |

Fonte: https://www.adistanciaentre.com

Tabela 2 - Distância real entre as cidades

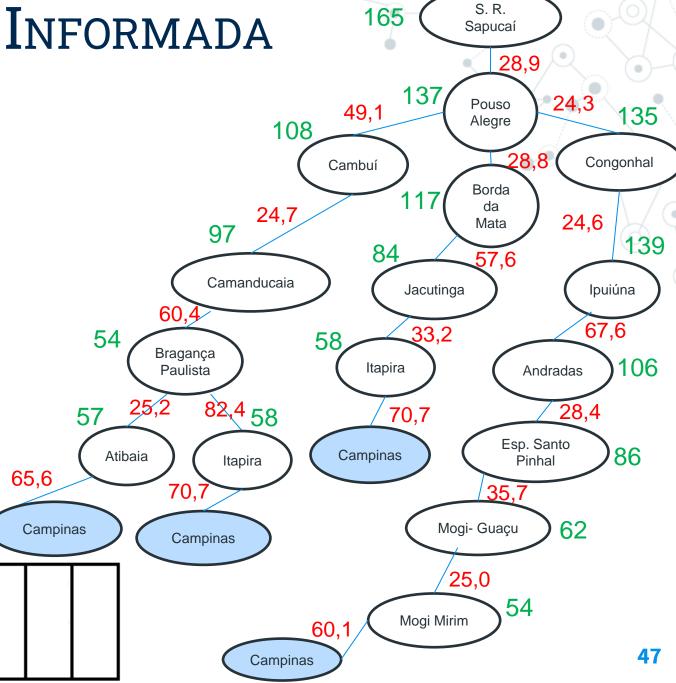
| S. R. Sapucaí | Pouso Alegre | 28,9 |
|-------------------|----------------------|------|
| Pouso Alegre | Cambuí | 49,1 |
| Pouso Alegre | Congonhal | 24,3 |
| Pouso Alegre | Borda da Mata | 28,8 |
| Cambuí | Camanducaia | 24,7 |
| Camanducaia | Bragança Paulista | 60,4 |
| Bragança Paulista | Atibaia | 25,2 |
| Bragança Paulista | Itapira | 82,4 |
| Atibaia | Campinas | 65,6 |
| Itapira | Campinas | 70,7 |
| Borda da Mata | Jacutinga | 57,6 |
| Jacutinga | Itapira | 33,2 |
| Congonhal | Ipuiúna | 24,6 |
| Ipuiúna | Andradas | 67,5 |
| Andradas | Esp. Santo Pinhal | 28,4 |
| Esp. Santo Pinhal | Mogi-Guaçu | 35,7 |
| Mogi Mirim | Campinas | 60,1 |

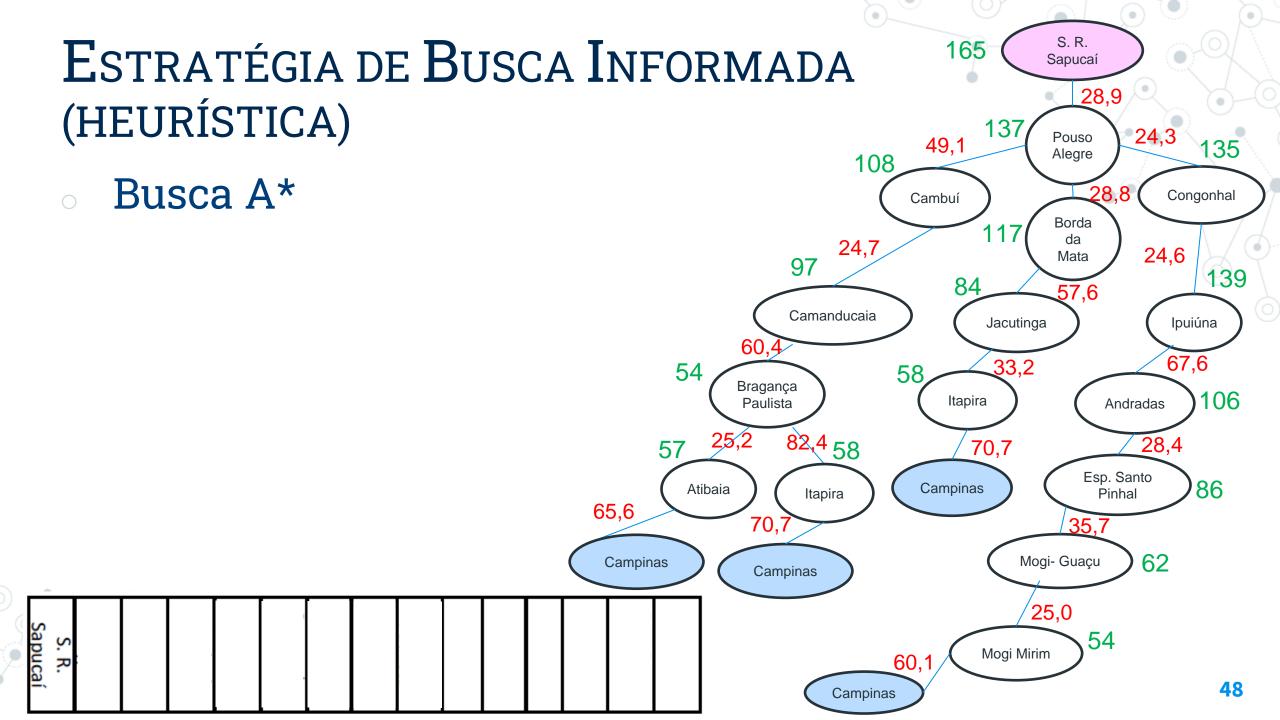
Busca A*

Problema de Roteamento:

Origem: Santa Rita do Sapucaí

Destino: Campinas

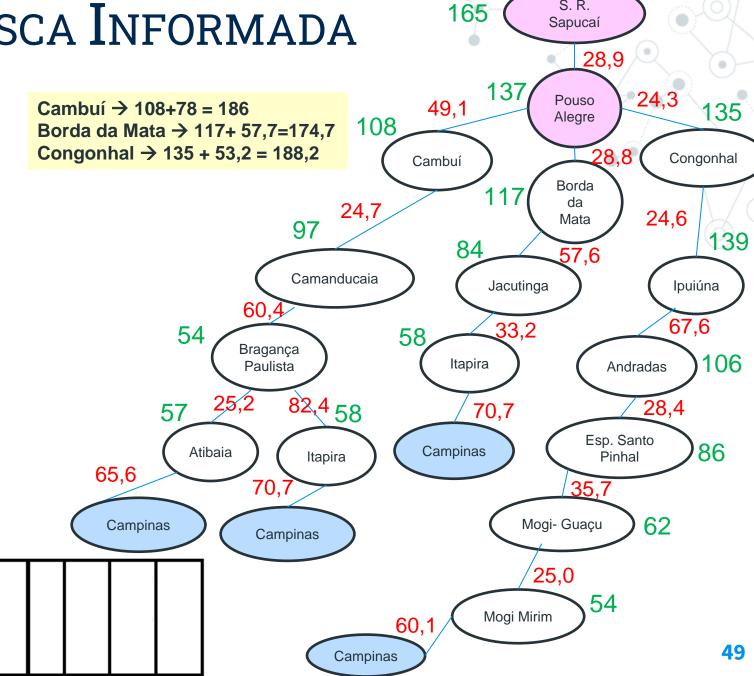




Estratégia de Busca Informada (HEURÍSTICA)

Busca A*

Alegre Pouso



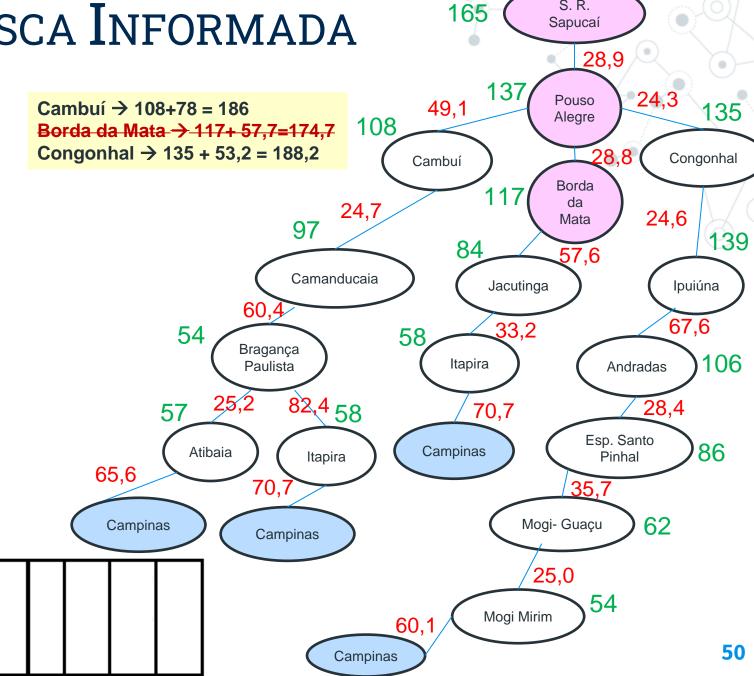
S.R.

Estratégia de Busca Informada (HEURÍSTICA)

Busca A*

Borda da Mata Pouso

da



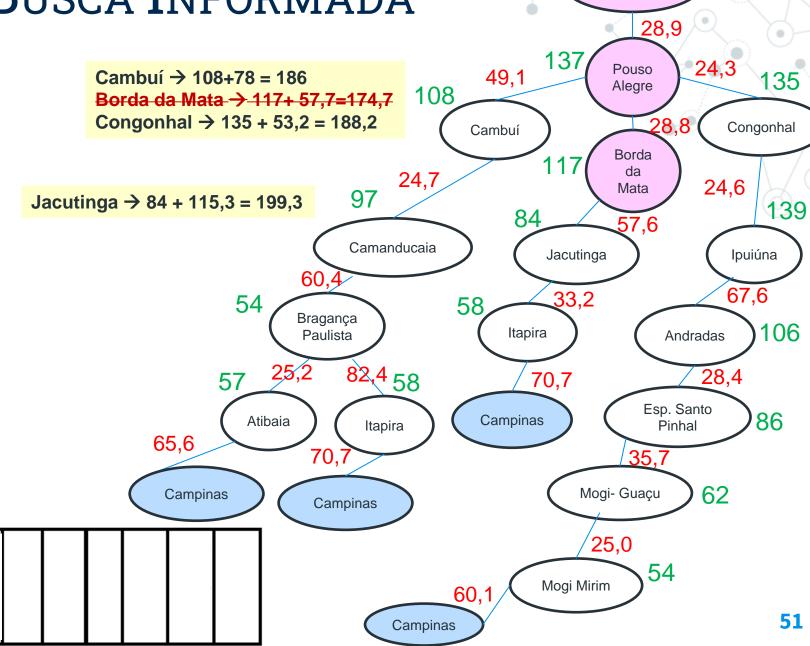
S.R.

Estratégia de Busca Informada (HEURÍSTICA) Cambuí \rightarrow 108+78 = 186 Borda da Mata -> 117+ 57,7=174,7

Busca A*

Borda da Mata Pouso

da

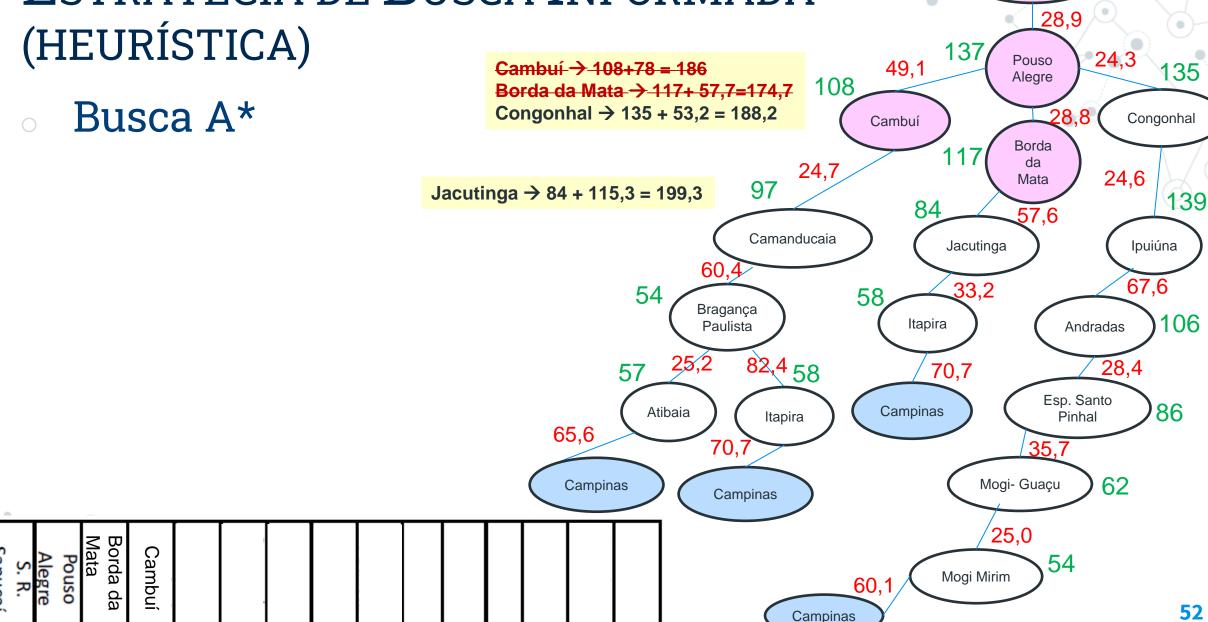


S.R.

Sapucaí

165

Estratégia de Busca Informada Cambuí -> 108+78 = 186 Borda da Mata -> 117+ 57,7=174,7 Congonhal \rightarrow 135 + 53,2 = 188,2



S.R.

Sapucaí

165

Estratégia de Busca Informada (HEURÍSTICA) Cambuí -> 108+78 = 186

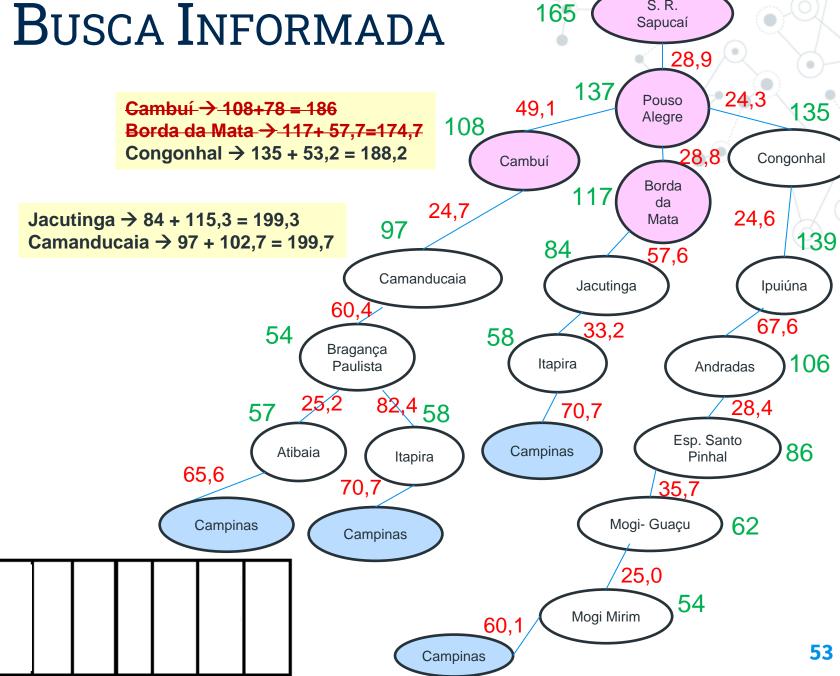
Busca A*

Borda da Mata Pouso

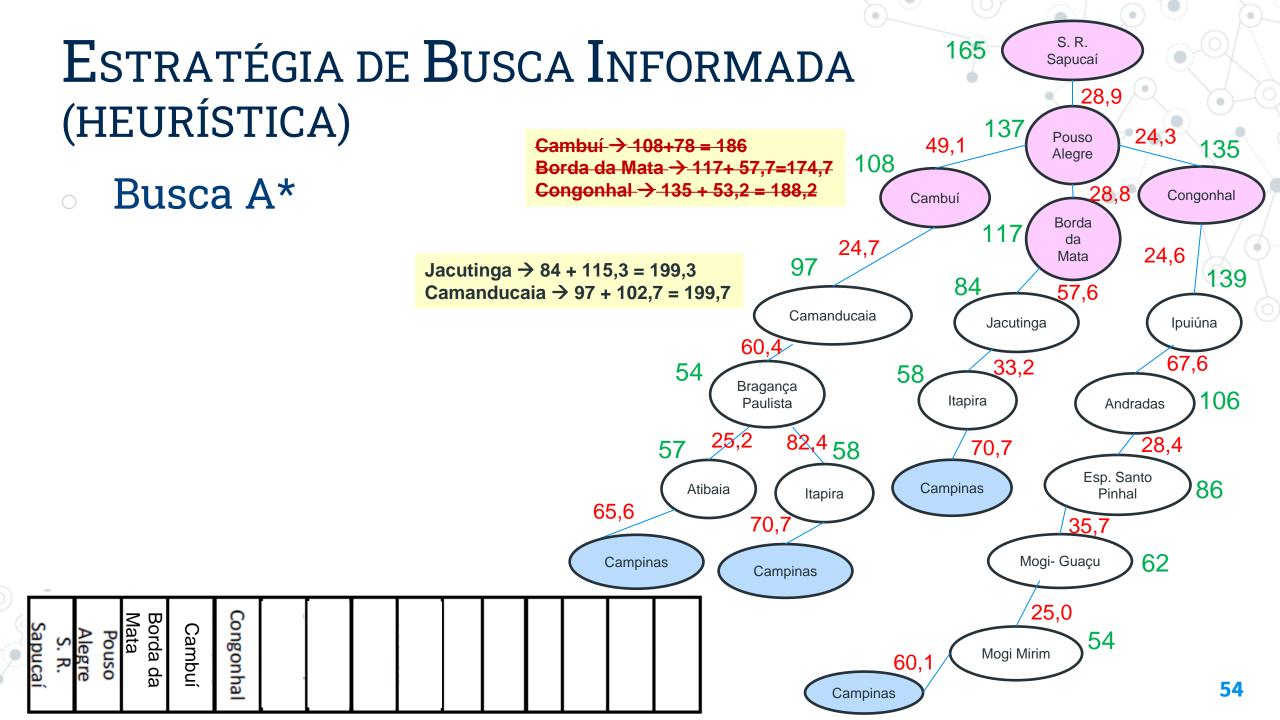
da

Alegre

Cambuí



S.R.



Estratégia de Busca Informada (HEURÍSTICA) Cambuí -> 108+78 = 186

Busca A*

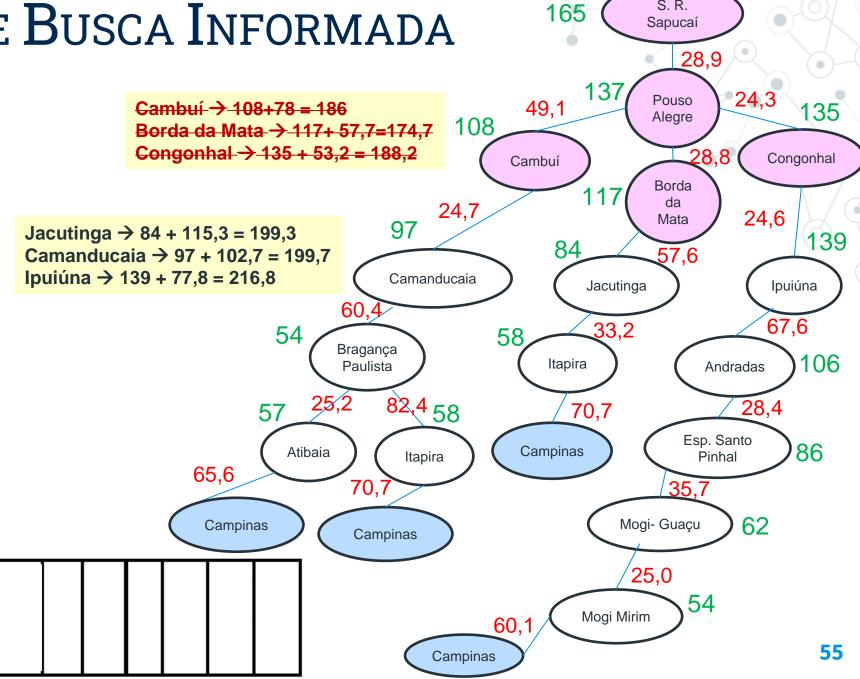
Borda da Mata Pouso

da

Alegre

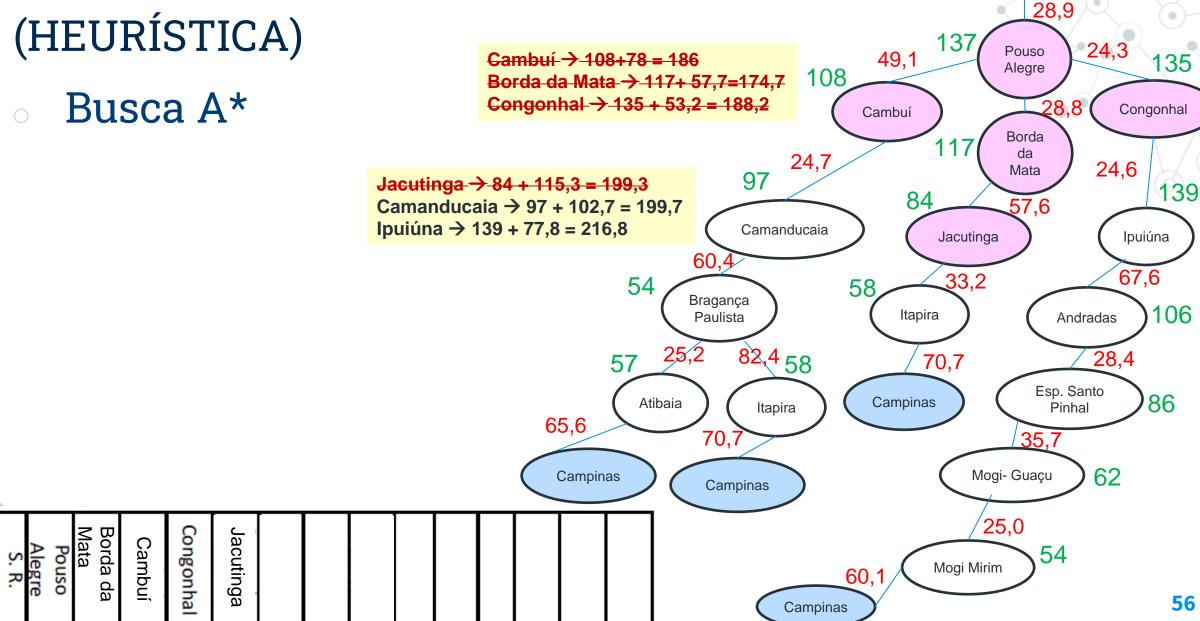
Congonha

Cambuí



S.R.

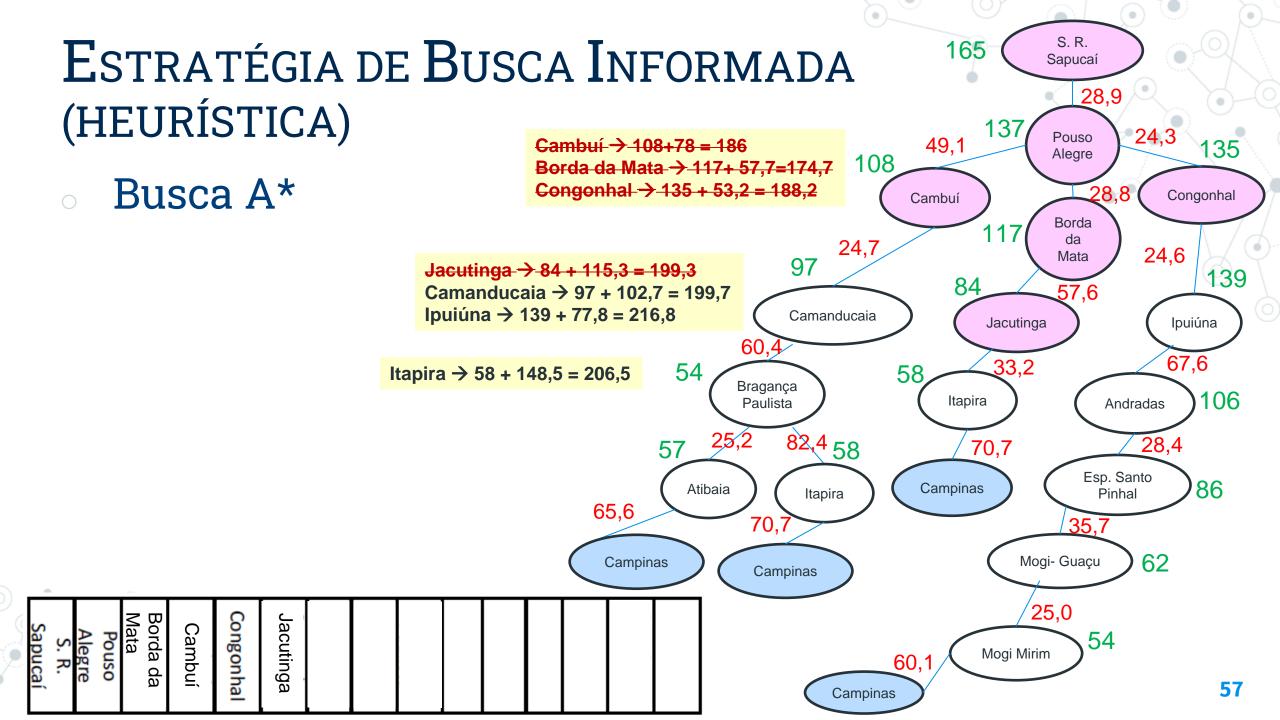


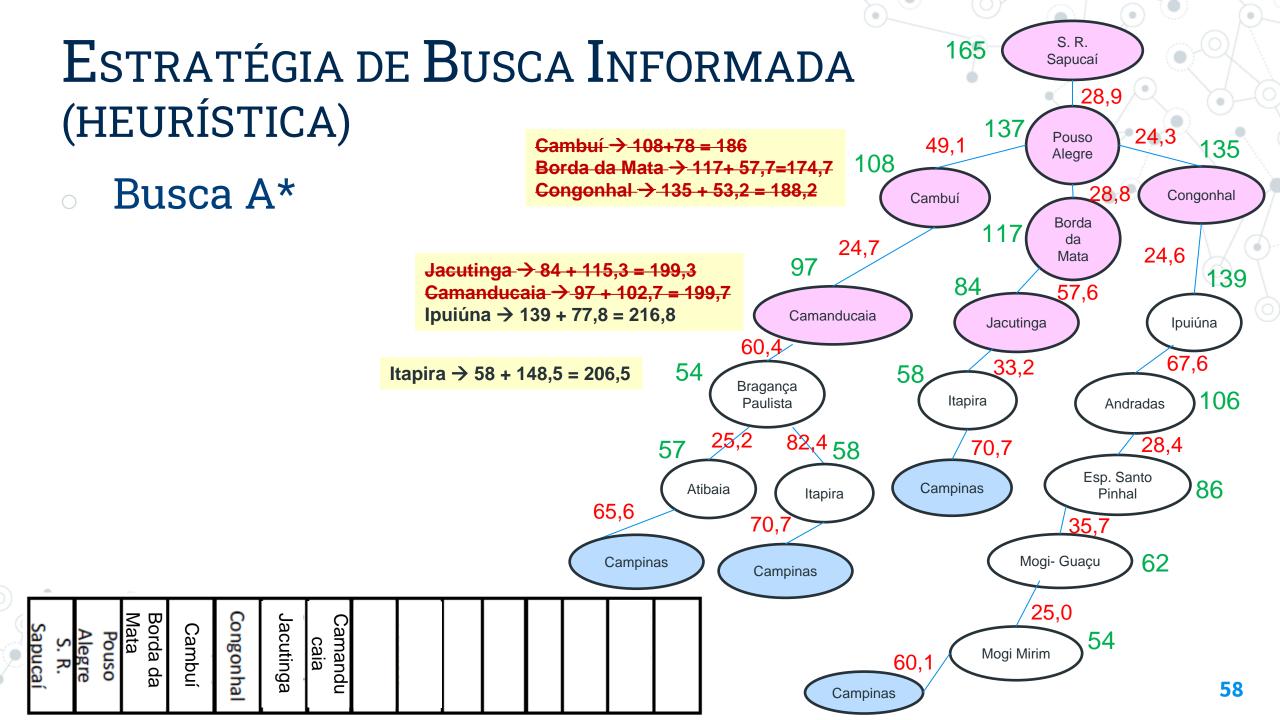


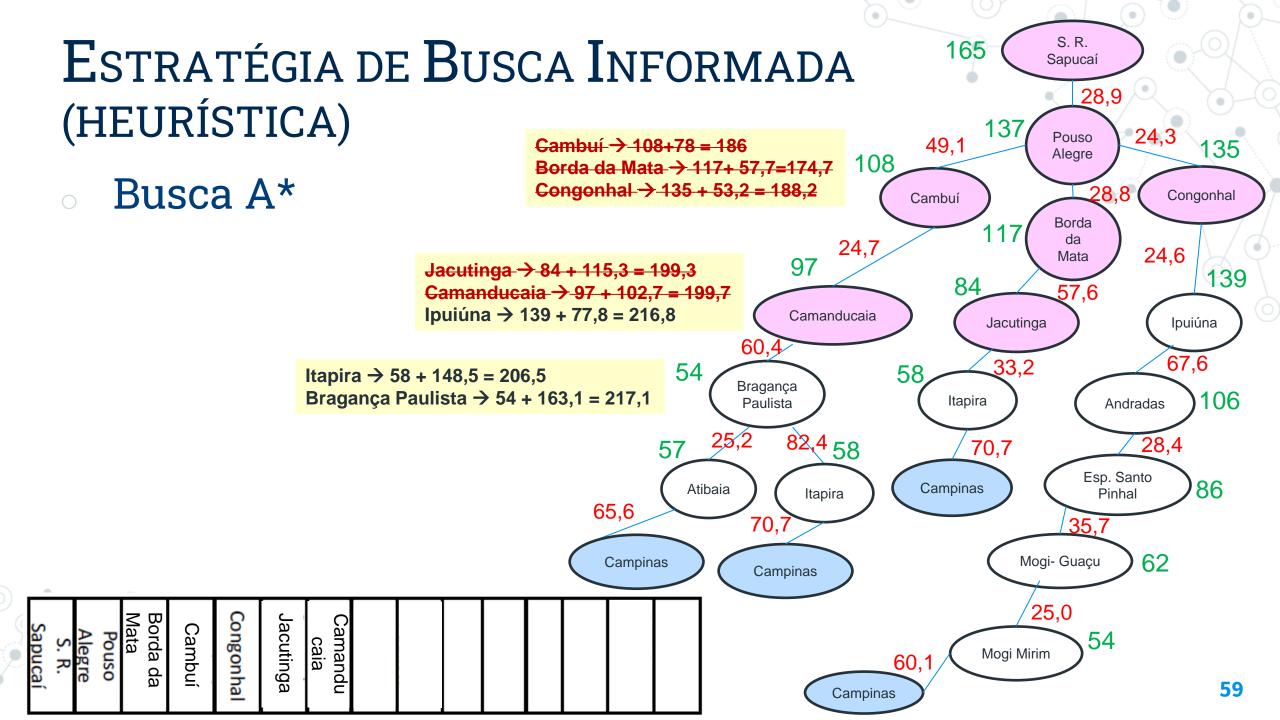
S.R.

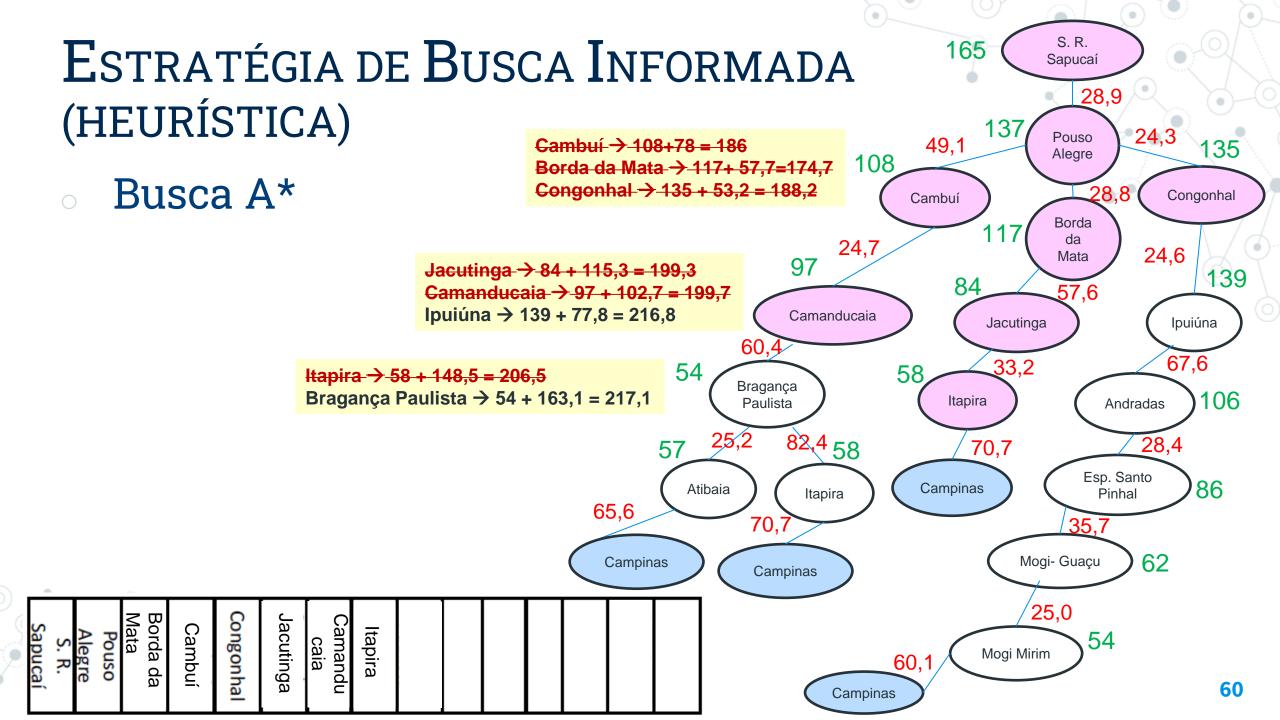
Sapucaí

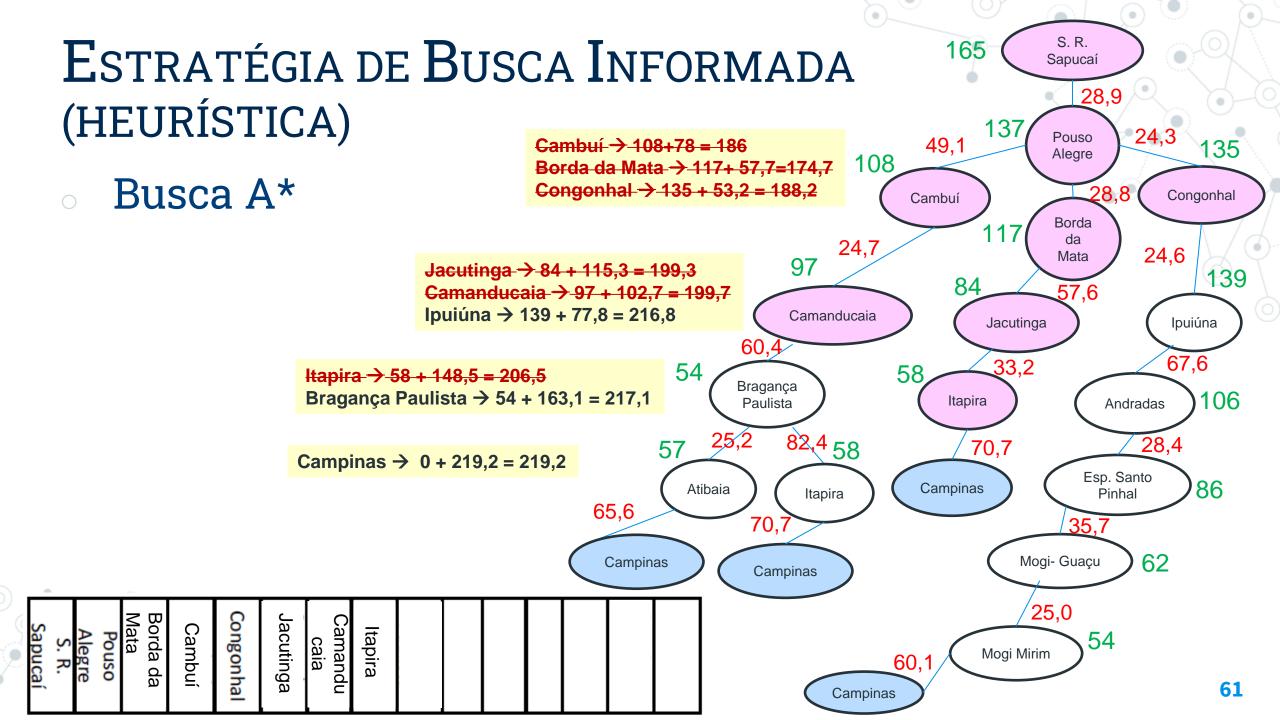
165

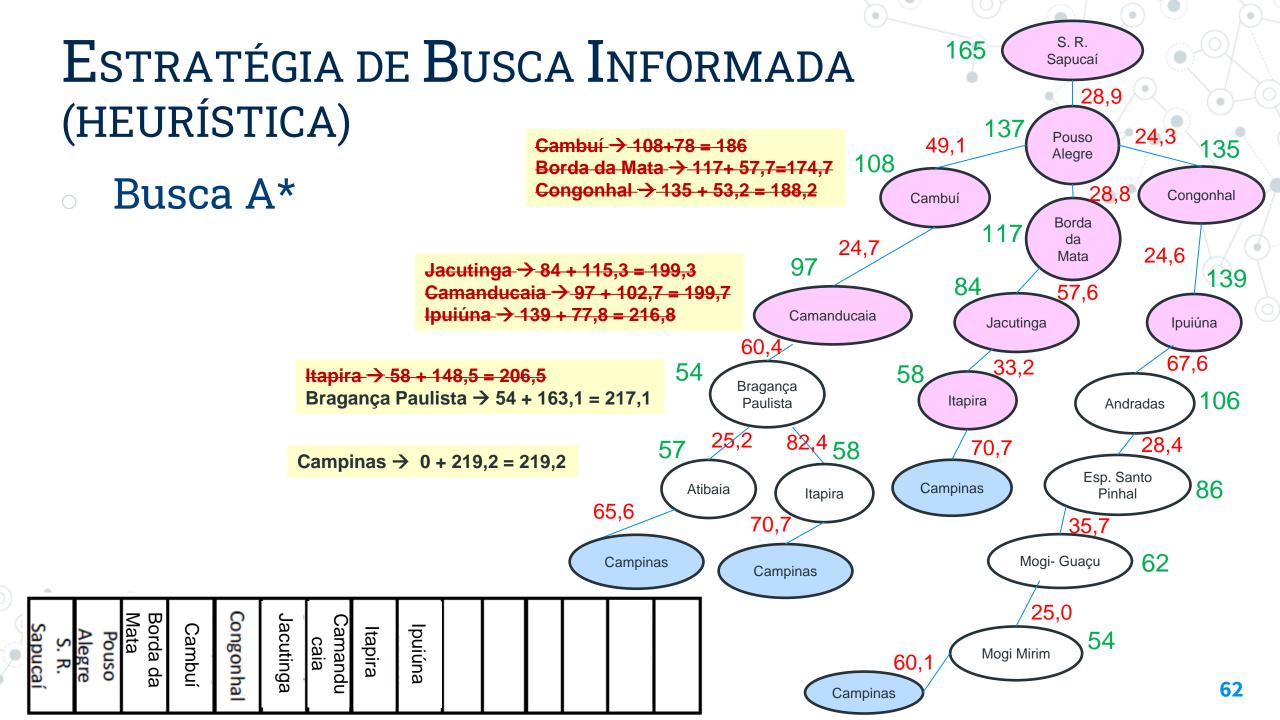


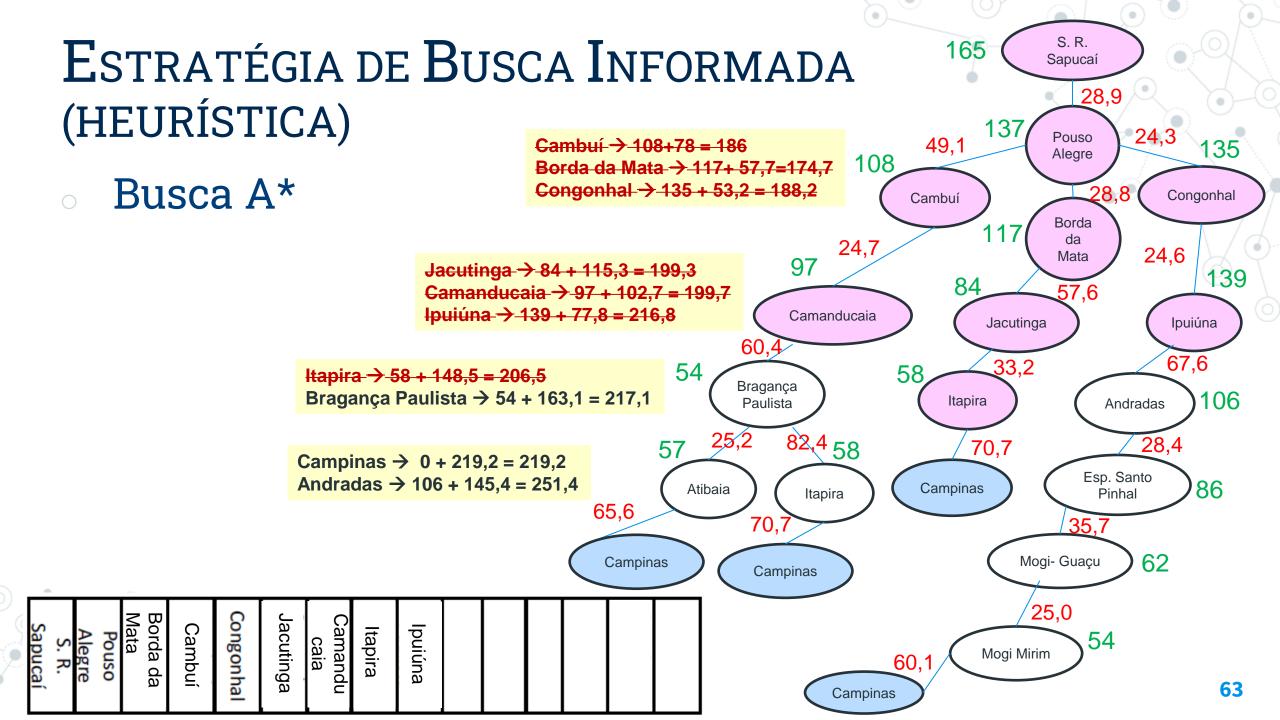


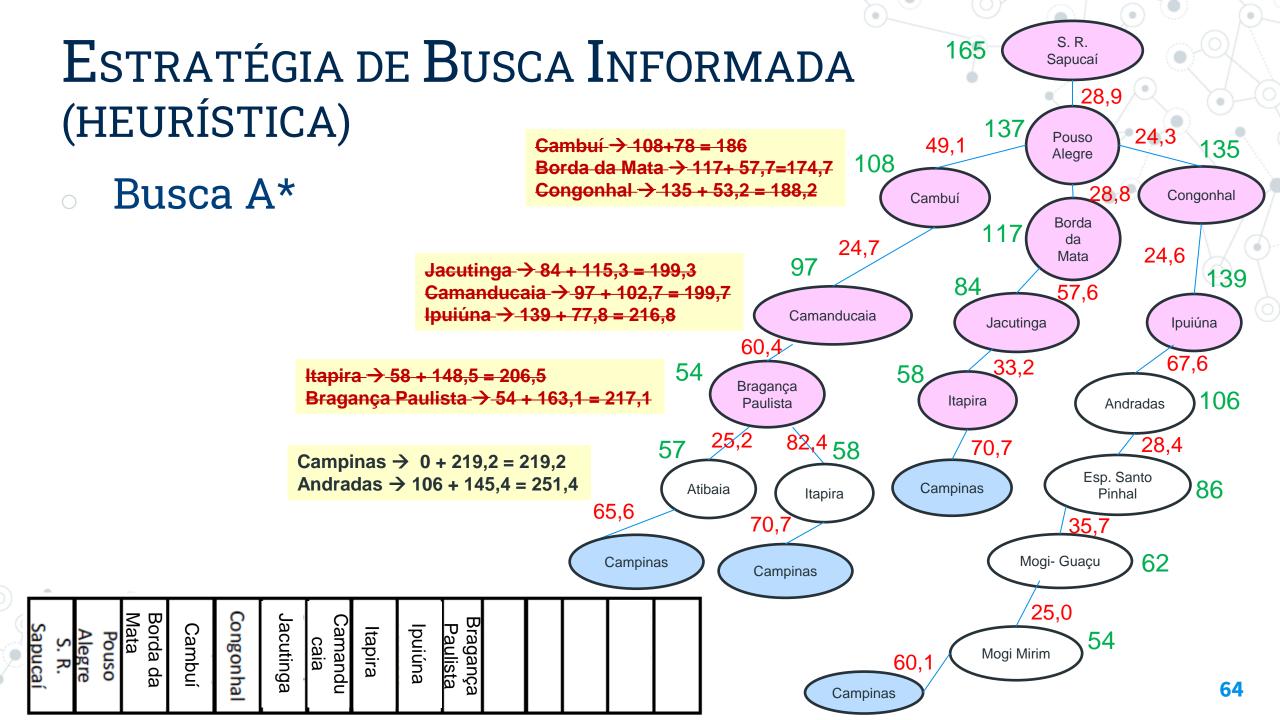


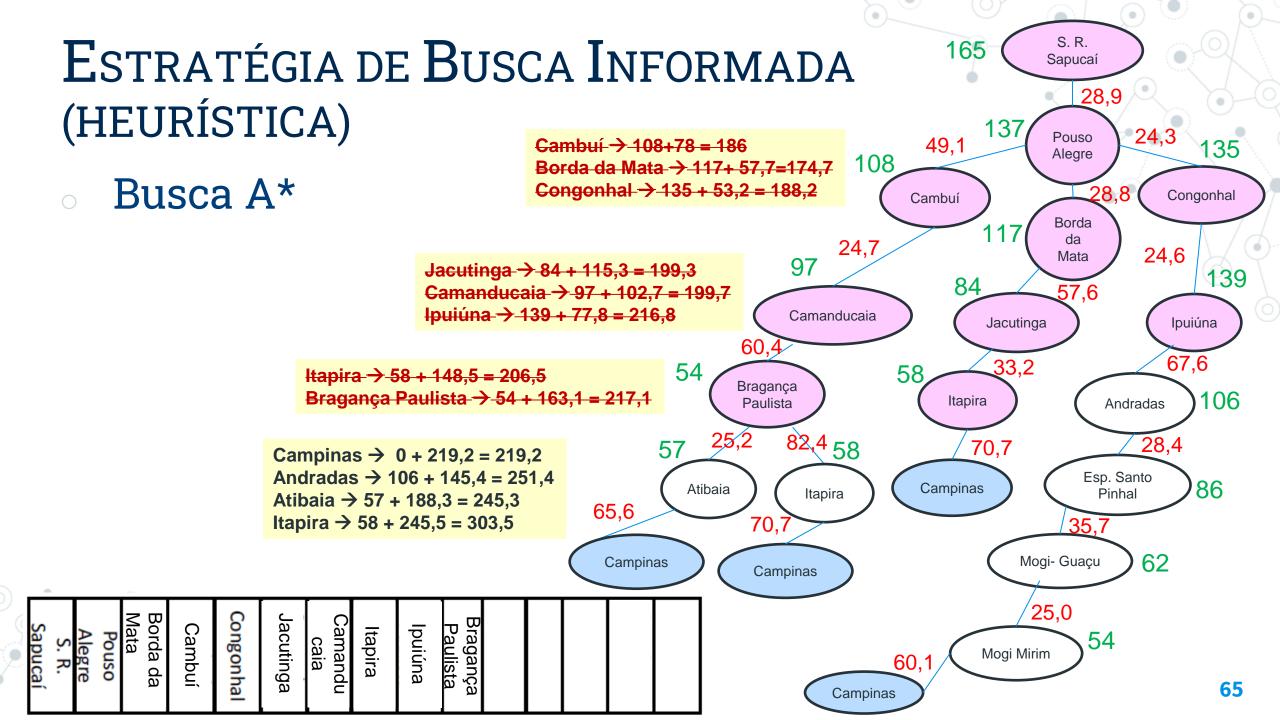


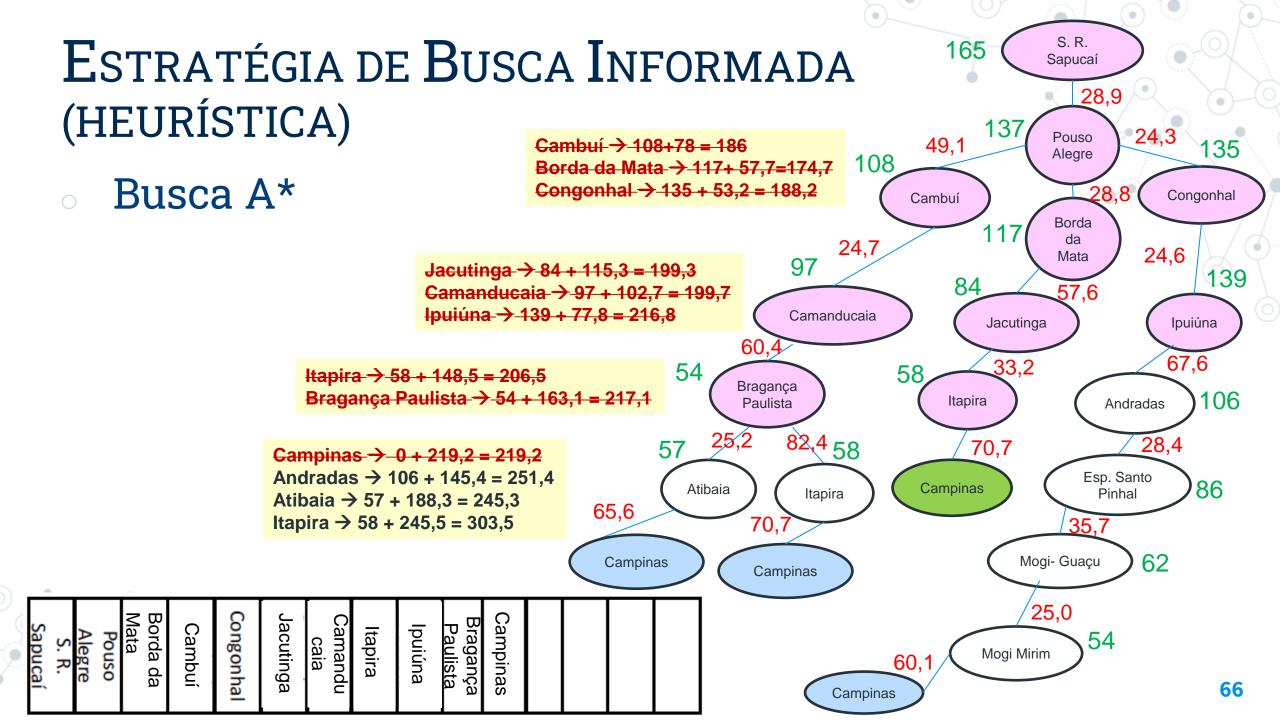


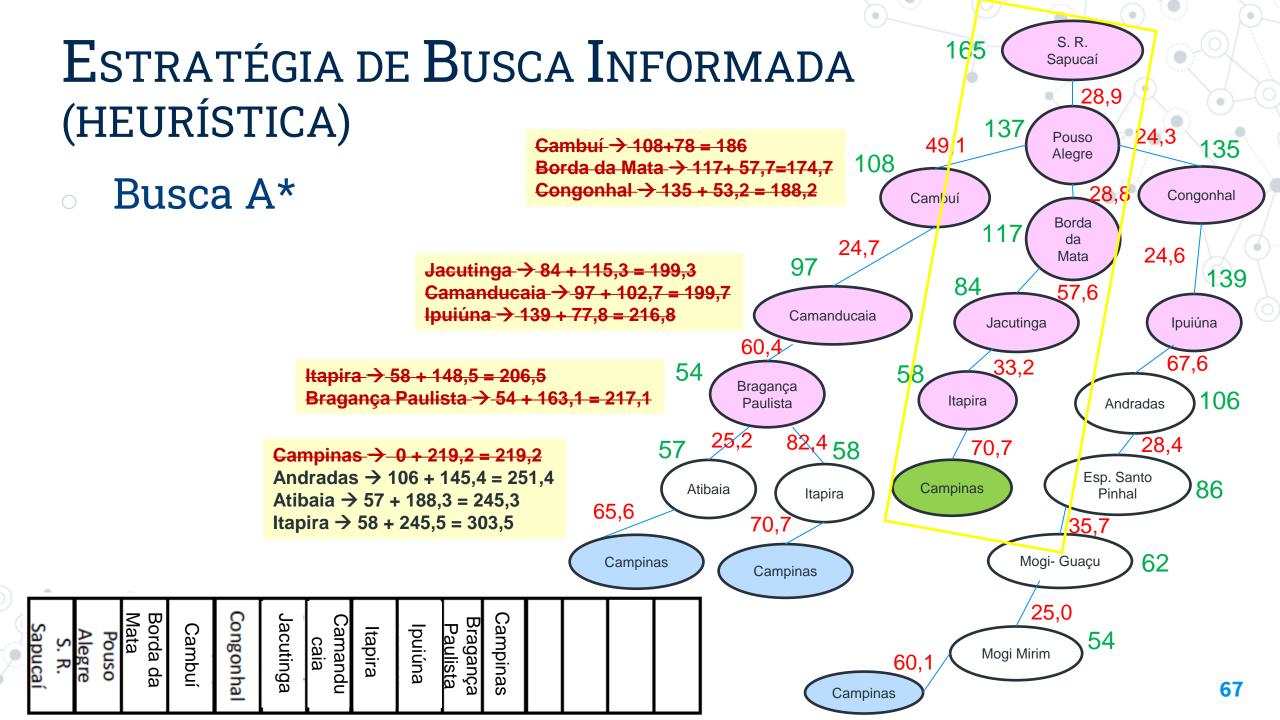












RESUMO

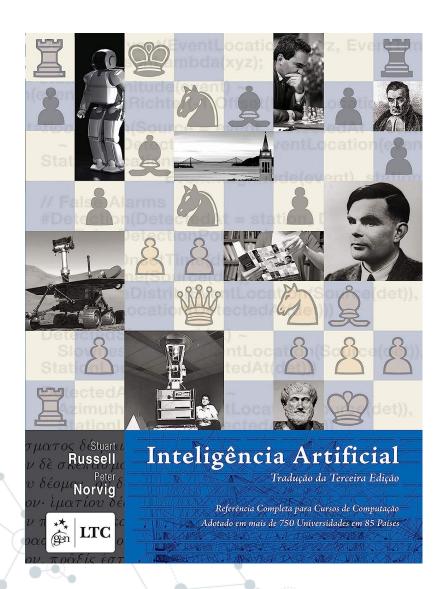
- Esta aula introduziu que um **agente** pode usar para **selecionar ações** em ambientes **determinísticos, observáveis, estátivos e completamente conhecidos**. Em tais casos, o agente pode construir **sequências de ações que alcançam seus objetivos**; esse processo é chamado de **busca**.
- Antes de um agente poder começar a procurar soluções, ele deve identificar um objetivo e formular um problema bem definido.
- Um problema consiste em cinco partes: o estado inicial, um conjunto de ações, um modelo de transição descrevendo os resultados dessas ações, uma função teste de objetivo e uma função custo de caminho. O ambiente do problema é representado por um espaço de estados. Um caminho pelo espaço de estados a partir do estado inicial até um estado objetivo é uma solução.
- Algoritmos de busca tratam estados e ações como atômicos: sem considerar qualquer estrutura interna que possam ter.
- Um algoritmo genético de BUSCA-EM-ÁRVORE considera todos os caminhos possíveis para encontrar uma solução, enquanto um algoritmo de BUSCA-EM-GRAFO evita a consideração de caminhos redundantes.

RESUMO

- Os algoritmos de busca são analisados em termos de **completeza, otimização, complexidade de tempo e complexidade de espaço.** A complexidade depende de b, o fator de ramificação no espaço de estados, e de d, a profundidade da solução mais rasa.
- Métodos de busca não informados têm acesso apenas à definição do problema. Os algoritmos básicos são:
 - A **Busca em Largura** seleciona para expansão os nós mais rasos; ela é completa, ótima para passos de custo unitário, mas tem complexidade de tempo exponencial.
 - A **Busca em Profundidade** expande o nó não expandido mais profundo. Ela não é completa nem ótima, mas tem complexidade espacial linear.
- Os **Métodos de busca informada** podem ter acesso a uma função heurística h(n) que estima o custo de uma solução a partir de n.
 - O **algoritmo geral de busca de melhor escolha** seleciona um nó para a expansão de acordo com uma função de avaliação.
 - Uma **Busca A*** expande os nós com f(n) = g(n) + h(n) mínimo. A* é completa e ótima, desde que h(n) atenda a algumas restrições. A complexidade de espaço do A* ainda é proibitiva.
 - O desempenho de algoritmos de busca heurística depende da qualidade da função heurística.

Inatel

REFERÊNCIAS



 RUSSELL, Stuart; NORVIG, Peter (Peter Norvig); SOUZA, Vandenberg Dantas De, Inteligência artificial. Rio de Janeiro, RJ: Editora Campus, 2004 - 2013, ISBN 978-85-352-1177-1 / 978-85-352-3701-6.

→ Ler Capítulo 3

