be-OI 2025

Finale - JUNIOR Zaterdag 22 maart 2025

Invullen in HOOFDLETTERS en LEESBAAR aub

VOORNAAM:	 	 	 	
NAAM :	 	 	 	
SCHOOL:				

Gereserveerd

Finale van de Belgische Informatica-olympiade (duur : maximum 2u)

Algemene opmerkingen (lees dit aandachtig voor je begint)

- 1. Controleer of je de juiste versie van de vragen hebt gekregen (die staat hierboven in de hoofding).
 - De categorie **belofte** is voor leerlingen tot en met het 2e middelbaar,
 - de categorie **junior** is voor het 3e en 4e middelbaar,
 - de categorie senior is voor het 5e middelbaar en hoger.
- 2. Vul duidelijk je voornaam, naam en school in, alleen op dit blad.
- 3. **Jouw antwoorden** moet je invullen op de daar voor voorziene antwoordbladen. Schrijf **duidelijk leesbaar** met blauwe of zwarte **bic of pen**.
- 4. Gebruik een potlood en een gom wanneer in het klad werkt.
- 5. Je mag alleen schrijfgerief bij je hebben. Rekentoestel, mobiele telefoons, ... zijn verboden.
- 6. Je mag altijd extra kladpapier vragen aan de toezichthouder of leerkracht.
- 7. Wanneer je gedaan hebt, geef je deze eerste bladzijde terug (met jouw naam erop) en de pagina's met jouw antwoorden, al de rest mag je bijhouden.
- 8. Voor alle code in de opgaven werd **pseudo-code** gebruikt. Op de volgende bladzijde vind je een **beschrijving** van de pseudo-code die we hier gebruiken.
- 9. Als je moet antwoorden met code, mag dat in **pseudo-code** of in eender welke **courante programmeertaal** (zoals Java, C, C++, Pascal, Python, ...). We trekken geen punten af voor syntaxfouten.

Veel succes!

De Belgische Informatica Olympiade wordt mogelijk gemaakt dankzij de steun van onze leden:







Overzicht pseudo-code

Gegevens worden opgeslagen in variabelen. Je kan de waarde van een variabele veranderen met \leftarrow . In een variabele kunnen we gehele getallen, reële getallen of arrays opslaan (zie verder), en ook booleaanse (logische) waarden : waar/juist (**true**) of onwaar/fout (**false**). Op variabelen kan je wiskundige bewerkingen uitvoeren. Naast de klassieke operatoren $+, -, \times$ en /, kan je ook % gebruiken: als a en b allebei gehele getallen zijn, dan zijn a/b en a%b respectievelijk het quotiënt en de rest van de gehele deling (staartdeling).

Bijvoorbeeld, als a = 14 en b = 3, dan geldt: a/b = 4 en a%b = 2.

In het volgende stukje code krijgt de variabele *leeftijd* de waarde 17.

```
\begin{array}{l} \textit{geboortejaar} \leftarrow 2008 \\ \textit{leeftijd} \leftarrow 2025 - \textit{geboortejaar} \end{array}
```

Als we een stuk code alleen willen uitvoeren als aan een bepaalde voorwaarde (conditie) is voldaan, gebruiken we de instructie **if**. We kunnen eventueel code toevoegen die uitgevoerd wordt in het andere geval, met de instructie **else**. Het voorbeeld hieronder test of iemand meerderjarig is, en bewaart de prijs van zijn/haar cinematicket in een variabele *prijs*. De code is bovendien voorzien van commentaar.

```
 \begin{array}{lll} \textbf{if} & (\textit{leeftijd} \geq 18) \\ \{ & \textit{prijs} \leftarrow 8 & \textit{//} \text{ Dit is een stukje commentaar} \\ \} & \textbf{else} \\ \{ & \textit{prijs} \leftarrow 6 & \textit{//} \text{ Goedkoper!} \\ \} \\ \end{array}
```

Soms, als een voorwaarde onwaar is, willen we er nog een andere controleren. Daarvoor kunnen we else if gebruiken, wat neer-komt op het uitvoeren van een andere if binnen in de else van de eerste if. In het volgende voorbeeld zijn er 3 leeftijdscategorieën voor cinematickets.

```
 \begin{array}{l} \textbf{if} \ (\textit{leeftijd} \geq 18) \\ \{ \\ prijs \leftarrow 8 \ // \ \textit{Prijs voor een volwassene.} \\ \} \\ \textbf{else if} \ (\textit{leeftijd} \geq 6) \\ \{ \\ prijs \leftarrow 6 \ // \ \textit{Prijs voor een kind van 6 of ouder.} \\ \} \\ \textbf{else} \\ \{ \\ prijs \leftarrow 0 \ // \ \textit{Gratis voor kinderen jonger dan 6.} \\ \} \\ \end{aligned}
```

Wanneer we in één variabele tegelijk meerdere waarden willen stoppen, gebruiken we een array. De afzonderlijke elementen van een array worden aangeduid met een index (die we tussen vierkante haakjes schrijven achter de naam van de array). Het eerste element van een array arr[] heeft index 0 en wordt genoteerd als arr[0]. Het volgende element heeft index 1, en het laatste heeft index n-1 als de array n elementen bevat. Dus als de array arr[] de drie getallen 5, 9 en 12 bevat (in die volgorde) dan is arr[0] = 5, arr[1] = 9 en arr[2] = 12. De lengte van arr[] is 3, maar de hoogst mogelijke index is slechts 2.



Voor het herhalen van code, bijvoorbeeld om de elementen van een array af te lopen, kan je een **for**-lus gebruiken. De notatie **for** ($i \leftarrow a$ **to** b **step** k) staat voor een lus die herhaald wordt zolang $i \le b$, waarbij i begint met de waarde a en telkens verhoogd wordt met k aan het eind van elke stap. Het onderstaande voorbeeld berekent de som van de elementen van de array arr[], veronderstellend dat de lengte ervan n is. Nadat het algoritme werd uitgevoerd, zal de som zich in de variabele sum bevinden.

```
sum ← 0
for (i ← 0 to n − 1 step 1)
{
   sum ← sum + arr[i]
}
```

Een alternatief voor een herhaling is een **while**-lus. Deze herhaalt een blok code zolang er aan een bepaalde voorwaarde is voldaan. In het volgende voorbeeld delen we een positief geheel getal *n* door 2, daarna door 3, daarna door 4 . . . totdat het getal nog maar uit 1 decimaal cijfer bestaat (d.w.z., kleiner wordt dan 10).

```
 d \leftarrow 2  while (n \ge 10) {  n \leftarrow n/d \\ d \leftarrow d+1  }
```

We tonen algoritmes vaak in een kader met wat extra uitleg. Na **Input**, definiëren we alle parameters (variabelen) die gegeven zijn bij het begin van het algoritme. Na **Output**, definiëren we de staat van bepaalde variabelen nadat het algoritme is uitgevoerd, en eventueel de waarde die wordt teruggegeven. Een waarde teruggeven doe je met de instructie **return**. Zodra **return** wordt uitgevoerd, stopt het algoritme en wordt de opgegeven waarde teruggegeven.

Dit voorbeeld toont hoe je de som van alle elementen van een array kan berekenen.

Opmerking: in dit laatste voorbeeld wordt de variabele *i* enkel gebruikt om de tel bij te houden van de **for**-lus. Er is dus geen uitleg voor nodig bij **Input** of **Output**, en de waarde ervan wordt niet teruggegeven.



Auteur: Gilles Geeraerts, gebaseerd op een idee van Emmanuel Filiot

Vraag 1 – Alcuin en zijn boot

De monnik Alcuin van York is de gelukkige eigenaar van een muis, een kat en een groot stuk kaas. Hij moet alles de rivier over brengen, maar zijn boot is te klein. Hij kan slechts één passagier tegelijk vervoeren: de kat, de muis of de kaas. Helaas, als de muis alleen aan de oever met de kaas wordt gelaten, zal ze hem opeten. (Als Alcuin aanwezig is aan de oever, kan hij de muis in de gaten houden.) Bovendien kan de kat niet alleen met de muis worden gelaten, anders zal hij haar opeten. Deze twee situaties worden conflicten genoemd. Er is geen conflict tussen de kat en de kaas, zij kunnen zonder toezicht samen blijven.

Alcuin wil de kat, de muis, de kaas en zichzelf van oever A naar oever B van de rivier brengen. Hij moet heen en weer gaan tussen de twee oevers, beginnend aan oever A. Hij onderzoekt verschillende scenario's. Hier is het eerste, waarin hij de richting van elke stap aangeeft en wat hij met zich meeneemt in zijn boot: de kat (***), de muis (***), de kaas (***), of helemaal niets (niets).

Scenario 1

1. oever $A \rightarrow$ oever B:

2. oever $B \rightarrow$ oever A: niets

3. oever $A \rightarrow$ oever B:

4. oever $B \rightarrow$ oever A: niets

5. oever A \rightarrow oever B:

Om te controleren of zijn scenario geldig is, vult Alcuin een tabel in om aan te geven aan welke oever (A of B) Alcuin, de kat, de muis en de kaas zich bevinden bij elke stap. De tabel begint bij stap '0' die de beginsituatie weergeeft (voor de eerste overtocht).

De eerste twee regels van de tabel zijn al ingevuld. Je moet deze aanvullen en een kruis zetten in de laatste kolom als er een conflict is bij de betreffende stap.

Vul de tabel van Alcuin in voor scenario 1. Q1(a) /5Alcuin conflict? ••• stap 0: Α stap 1: В В Α Α stap 2: В A Α stap 3: В В В stap 4: Α В В X A stap 5: В В В В



Alcuin overweegt vervolgens een nieuw scenario. Je wordt opnieuw gevraagd de tabel in te vullen.

Scenario 2

- 1. oever $A \rightarrow$ oever B:
- 2. oever $B \rightarrow$ oever A: niets
- 3. oever A \rightarrow oever B:
- 4. oever $B \rightarrow$ oever A:
- 5. oever $A \rightarrow$ oever B:
- 6. oever $B \rightarrow$ oever A: niets
- 7. oever $A \rightarrow$ oever B:

Q1(b) /7 Vul de tabel van Alcuin in voor scenario 2.

	Alcuin	N. C.		000:	conflict?
stap 0:	A	A	A	A	
stap 1:	В	A	В	A	
stap 2:	A	A	В	A	
stap 3:	В	A	В	В	
stap 4:	A	A	A	В	
stap 5:	В	В	A	В	
stap 6:	A	В	A	В	
stap 7:	В	В	В	В	

Alcuin erft vervolgens een grotere boot, die hem in staat stelt twee passagiers naast zichzelf te vervoeren. We zeggen dat hij een boot van grootte 2 heeft (voorheen had hij een boot van grootte 1).

- Q1(c) /3 Geef een scenario in drie stappen om de kat, de muis en de kaas van oever A naar oever B te brengen met een boot van grootte 2.

 Voor elke stap moet je 0, 1 of 2 passagiers noemen die door Alcuin worden vervoerd.
 - 1. oever $A \rightarrow$ oever B:
 - 2. oever $B \rightarrow$ oever A : niets
 - 3. oever $A \rightarrow$ oever $B : \mathbb{R}^7$,

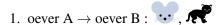
Er zijn verschillende andere oplossingen.



Stel nu dat de kat besluit van kaas te houden: er is een **nieuw conflict**, de kat en de kaas kunnen niet meer zonder toezicht samen blijven.

Q1(d) /3 Geef een scenario in 3 stappen met een boot van grootte 2. Je moet rekening houden met het nieuwe conflict tussen de kat en de kaas. De muis moet tijdens de eerste stap oversteken.

Voor elke stap moet je 0, 1 of 2 passagiers noemen die door Alcuin worden vervoerd.



2. oever $B \rightarrow \text{oever } A : \mathbf{R}^{\bullet}$

3. oever $A \rightarrow$ oever $B : \mathbb{R}^7$,

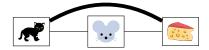
Er zijn verschillende andere oplossingen.

Met zijn ervaring besluit Alcuin het monastieke leven te verlaten en een bedrijf op te richten dat gespecialiseerd is in ingewikkelde rivierovertochten. Zijn klanten geven hem *n* passagiers (objecten of dieren) die de rivier moeten oversteken, evenals een diagram dat aangeeft wie in conflict is. Dit diagram wordt een 'graaf' genoemd en bestaat uit gelabelde rechthoeken, 'knopen' genoemd, één voor elke passagier. Het bevat ook verbindingen tussen de knopen, 'bogen' genoemd: we tekenen een boog tussen twee knopen als de twee bijbehorende passagiers in conflict zijn. Als twee passagiers zonder toezicht samen kunnen blijven, plaatsen we geen boog tussen de bijbehorende knopen.

Hier is de graaf van de beginsituatie toen de kat nog niet van kaas hield. Er was een conflict tussen de muis en de kat, een conflict tussen de muis en de kaas, maar geen conflict tussen de kat en de kaas.



Q1(e) /1 Wijzig deze graaf (door bogen te tekenen of door te strepen) om een conflict toe te voegen tussen de kat en de kaas.





Alcuin wil nu weten hoe groot de boot moet zijn om een groep passagiers over te zetten waarvan de graaf van conflicten wordt gegeven. Natuurlijk is een boot van grootte *n* altijd voldoende om *n* passagiers te vervoeren, maar Alcuin wil de kleinste boot gebruiken.

Hij redeneert als volgt:

"Ik moet de passagiers in 2 groepen verdelen. Degenen in de eerste groep moeten permanent onder toezicht in de boot blijven. De anderen kunnen zonder toezicht blijven omdat er geen conflict tussen hen is. De passagiers die onder toezicht moeten blijven, moeten zo zijn dat als ik alle knopen die bij hen horen en de bogen die hen raken uit de graaf verwijder, er geen bogen meer in de graaf overblijven.".

Bijvoorbeeld, het verwijderen van de knoop 'kat' is geen goede oplossing, want er blijft een conflict tussen de muis en de kaas.



Met andere woorden, we kunnen de kat niet alleen in de boot houden en de muis en de kaas aan de oever laten.

Anderzijds, toen de kat nog niet van kaas hield, geeft het verwijderen van de muis de volgende graaf die geen conflicten bevat:

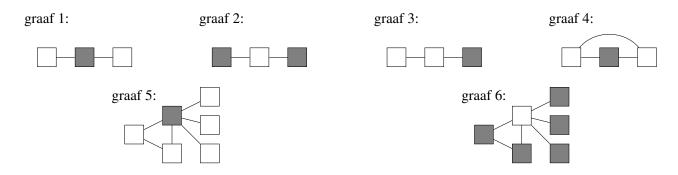




Met andere woorden, we konden (toen de kat nog niet van kaas hield) de muis alleen in de boot laden en de kat en de kaas aan de oever laten.

Wat Alcuin wil berekenen, wordt een bedekking genoemd: een verzameling knopen zodanig dat, als we deze knopen en de bogen die ze raken uit de graaf verwijderen, er geen bogen meer overblijven.

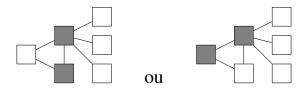
Hier zijn zes grafen, waarvan sommige knopen grijs zijn gekleurd:



		Ja	Nee	Geef aan of de grijze knopen een bedekking vormen in elke graaf.
Q1(f) /	1	\boxtimes		De grijze knopen van graaf 1 vormen een bedekking.
Q1(g) /	1	\boxtimes		De grijze knopen van graaf 2 vormen een bedekking.
Q1(h) /	1			De grijze knopen van graaf 3 vormen een bedekking.
Q1(i) /1	1		\boxtimes	De grijze knopen van graaf 4 vormen een bedekking.
Q1(j) /	1		\boxtimes	De grijze knopen van graaf 5 vormen een bedekking.
Q1(k) /	1	\boxtimes		De grijze knopen van graaf 6 vormen een bedekking.



Q1(l) /4 Kleur de knopen van de onderstaande graaf. De gekleurde knopen moeten een bedekking vormen met een minimaal aantal knopen.



Alcuin wil een algoritme hebben dat een bedekking van een graaf berekent. Na er lang over te hebben gediscussieerd met de kat, vindt hij de volgende strategie (die niet per se erg intelligent is, maar het is het idee van de kat).

De knopen zijn genummerd van 1 tot *n* en worden in het algoritme weergegeven door hun nummer.

Als er een boog is tussen de knopen met nummers i en j, noteren we deze als (i, j).

Het algoritme beschouwt achtereenvolgens alle bogen (i, j) van de graaf en 'behandelt' de uiteinden ervan, dat wil zeggen de knopen met nummers i en j.

Het behandelen van een knoop bestaat uit:

- 1. de knoop in de bedekking plaatsen,
- 2. de knoop en alle bogen waarvan hij een uiteinde is uit de graaf verwijderen.

We gaan door totdat er geen bogen meer in de graaf zijn.

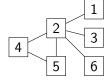
Alcuin merkt op dat er geen richting is aan de bogen, bijvoorbeeld de boog (3, 1) is hetzelfde als (1, 3).

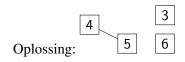
Hij kan zich dus beperken tot het onderzoeken van de bogen (i, j) waar i < j (om te voorkomen dat dezelfde boog twee keer wordt behandeld).

Alcuin besluit de bogen in de volgende volgorde te behandelen (als ze bestaan):

eerst de bogen $(1, 2), (1, 3), \dots (1, n)$; dan de bogen $(2, 3), (2, 4), \dots (2, n)$; dan de bogen $(3, 4), (3, 5), \dots (3, n)$; en zo verder tot de laatste boog (n - 1, n).

Q1(m) /3	Teken de graaf die aan het begin van het algoritme wordt verkregen na alleen de eerste boog $(1, 2)$ te hebben beschouwd en dus na het behandelen van de knopen 1 en 2 van de graaf hieronder.
	te nebben beschouwd en dus na net benandeien van de knopen 1 en 2 van de graaf meronder.



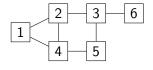


Q1(n) /4 Wat is de bedekking die wordt berekend na volledige uitvoering van het algoritme op de graaf van de vorige vraag? Je moet de lijst van knopen in de berekende bedekking geven.

Oplossing: {1, 2, 4, 5}



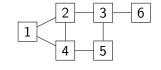
Q1(0) /4 Wat is de bedekking die door het algoritme wordt berekend op de onderstaande graaf? Je moet de lijst van knopen in de berekende bedekking geven.



Oplossing: $\{1, 2, 3, 5\}$

Om het algoritme te implementeren, gebruikt Alcuin een tabel G van grootte $n \times n$ om de bogen op te slaan. Omdat de bogen geen richting hebben, beschouwt hij alleen de bogen (i, j) met i < j. De tabel bevat **true** in de cel G[i][j] (met i < j) als en alleen als er een boog (i, j) in de graaf is. De andere cellen van de tabel bevatten **false**.

Q1(p) /4 Geef de tabel G die overeenkomt met de onderstaande graaf, waarbij de cel G[i][j] zich op rij i, kolom j bevindt. Schrijf een T in de cellen die true bevatten.



	1	2	3	4	5	6
1		T		T		
2			T	T		
3					T	T
4					T	
5						
6						



Alcuin heeft zijn algoritme op een stuk perkament geschreven, maar helaas heeft de muis sommige delen ervan opgegeten. Alcuin heeft je hulp nodig om de ontbrekende delen terug te vinden.

Het algoritme begint met twee functies:

- InitCountEdges telt het aantal bogen in de graaf en slaat dit aantal op in de variabele countEdges,
- ProcessNode (i) behandelt de knoop i (zoals hierboven beschreven).

Naast de tabel G[][], gebruiken we een Booleaanse tabel InCover[] van grootte n waarvan alle elementen zijn geïnitialiseerd op **false**. Het algoritme geeft aan dat de knoop i deel uitmaakt van de bedekking door de waarde van InCover[i] te wijzigen naar **true**.

Q1(q) /4 | Vul de _____ in de functie InitCountEdges in (antwoorden zo kort mogelijk).

```
function InitCountEdges()
{
   CountEdges = 0
   for (i ← 1 to n-1 step 1)
   {
      for (j ← i+1 to n step 1)
      {
        if (G[i][j]) CountEdges ← CountEdges + 1
      }
   }
}
```

Q1(r) /6 Vul de _____ in de functie ProcessNode in (antwoorden zo kort mogelijk).

```
function ProcessNode(i)
{
    InCover[i] ← true
    for (k ← 1 to i-1 step 1)
    {
        if (G[k][i])
        {
            G[k][i] ← false
            CountEdges ← CountEdges - 1
        }
    }
    for (k ← i+1 to n step 1)
    {
        if (G[i][k])
        {
            G[i][k] ← false
            CountEdges ← CountEdges - 1
        }
    }
}
```



Het algoritme wordt aangevuld met de functie Cover.

Deze functie ontvangt een tabel G[][] van grootte $n \times n$ die de bestaande bogen tussen de n knopen vertegenwoordigt. De tabel InCover[] (van grootte n) wordt geïnitialiseerd op **false** zoals hierboven uitgelegd voordat de functie Cover wordt uitgevoerd.

De berekende bedekking bestaat uit alle knopen i waarvoor InCover[i] **true** is na uitvoering van de functie Cover.

```
Q1(s) /6 Vul de _____ in de functie Cover in (antwoorden zo kort mogelijk).
```

```
function Cover()
{
    InitCountEdges()
    i ← 1
    j ← 2
    while (CountEdges != 0)
    {
        if (G[i][j])
        {
            ProcessNode(i)
            ProcessNode(j)
        }
        j ← j+1
        if (j = n+1) {
            i ← i+1
            j ← i+1
        }
    }
}
```

OLYMPIADE SEIGE D'INFORMATION

Auteur: Ludovic Galant

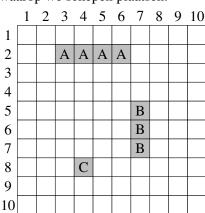
Vraag 2 - Zeeslag

We willen het spel Zeeslag programmeren dat wordt gespeeld op een 10×10 rooster waarop we schepen plaatsen.

- Er zijn 10 rijen genummerd van 1 tot 10 van boven naar beneden.
- Er zijn 10 kolommen genummerd van 1 tot 10 van links naar rechts.
- Een horizontaal schip bezet opeenvolgende vakjes op dezelfde rij.
- Een verticaal schip bezet opeenvolgende vakjes in dezelfde kolom.
- We gebruiken notatie (r, c) voor de coördinaten van het vakje op het snijpunt van rij r en kolom c.

Voorbeeld:

- 3 schepen **A**, **B** en **C** zijn in grijs getekend op de afbeelding.
- A is horizontaal, **B** is verticaal, **C** is zowel horizontaal als verticaal.
- **B** bezet de vakjes met coördinaten (5,7), (6,7) en (7,7).



We twijfelen tussen 2 systemen om de schepen in ons programma voor te stellen. Elk systeem gebruikt 4 attributen om de positie van een schip op het rooster aan te geven.

Attributen in het systeem **Oriëntatie**.

- De rij r van het vakje links bovenaan het schip.
- De kolom c van het vakje links bovenaan het schip.
- De lengte L van het schip.
- De richting hor van het schip:
 true als het horizontaal ligt, false als het verticaal ligt.

Oriëntatie-attributen van de schepen op de afbeelding.

Schip	r	С	L	hor
A	2	3	4	true
В	5	7	3	false
C	8	4	1	true of false naar keuze

Attributen in het systeem Rechthoek.

- De rij r1 van het vakje links bovenaan het schip.
- De kolom c1 van het vakje links bovenaan het schip.
- De rij r2 van het vakje rechts onderaan het schip.
- De kolom c2 van het vakje rechts onderaan het schip.

Rechthoek-attributen van de schepen op de afbeelding.

	Schip	r1	с1	r2	с2
_	A	2	3	2	6
	В	5	7	7	7
	\mathbf{C}	8	4	8	4

We gaan enkele functies schrijven in de 2 systemen om te beslissen welke we in ons programma zullen gebruiken.

Conversies tussen de 2 systemen

Laten we eerst oefenen om van het ene systeem naar het andere over te gaan.

Oriëntatie \longrightarrow Rechthoek

Een schip wordt beschreven door zijn 4 attributen (r, c, L, hor) in het systeem **Oriëntatie**. Geef zijn attributen (r1, c1, r2, c2) in het systeem **Rechthoek**.

Q2(a) /1	(4, 5, 2, True) → (4, 5, 4, 6)
----------	--------------------------------

Q2(b) /1 (3, 6, 3, False)
$$\longrightarrow$$
 (3, 6, 5, 6)

$$Q2(c)$$
 /1 (7, 5, 1, True) \longrightarrow (7, 5, 7, 5)

$$ext{Q2(d) /1} \hspace{0.2cm} ext{(1, 9, 5, False)} \longrightarrow ext{(1, 9, 5, 9)}$$



Rechthoek --- Oriëntatie

Een schip wordt beschreven door zijn 4 attributen (r1, c1, r2, c2) in het systeem **Rechthoek**. Geef zijn attributen (r, c, L, hor) in het systeem **Oriëntatie**.

```
Q2(e) /1 (2, 7, 5, 7) \longrightarrow (2, 7, 4, False)
```

$$Q2(f)$$
 /1 (4, 3, 4, 3) \longrightarrow (4, 3, 1, True)

```
Q2(g) /1 (8, 3, 8, 6) \longrightarrow (8, 3, 4, True)
```

```
Q2(h) /1 (1, 4, 1, 10) \longrightarrow (1, 4, 7, True)
```

Laten we functies maken om deze conversies te automatiseren.

Functie O2R

De functie O2R converteert attributen van het systeem **Oriëntatie** naar equivalente attributen van het systeem **Rechthoek**. Bijvoorbeeld, gebruikmakend van het schip **A** op de afbeelding, geeft O2R (2, 3, 4, true) het resultaat (2, 3, 2, 6) terug.

```
Q2(i) /5 Vul de _____ in de functie O2R aan.
```

```
function O2R(r,c,L,hor)
{
   if (hor)
      { return (r, c, r, c+L-1) }
   else
      { return (r, c, r+L-1, c) }
}
```

Functie R20

De functie R2O converteert attributen van het systeem **Rechthoek** naar equivalente attributen van het systeem **Oriëntatie**. Gebruik een logische uitdrukking (zie volgende pagina) om de waarde van hor te berekenen. Bijvoorbeeld, gebruikmakend van het schip **A** op de afbeelding, geeft R2O (2, 3, 2, 6) het resultaat (2, 3, 4, true) terug.

```
Q2(j) /5 Vul de _____ in de functie R2O aan.
```

```
function R2O(r1,c1,r2,c2)
{
    L ← (r2-r1) + (c2-c1) + 1
    hor ← (r1==r2)

return (r1, c1, L, hor)
}
```



Geldigheidstests

Het programma moet controleren of attributen een schip beschrijven dat we op het 10x10-rooster kunnen plaatsen.

Dit gebeurt door logische uitdrukkingen te evalueren, waarvan het resultaat true of false is.

Dit type uitdrukking gebruikt vergelijkingsoperatoren (==, !=, >, >=, <, <=) en logische operatoren (and, or, not) zoals getoond in de onderstaande voorbeelden.

Logische uitdrukking	Waarde
c==4	true als c gelijk is aan 4, en anders false.
r!=5	true als r verschillend is van 5.
r1>3	true als r1 groter is dan 3.
c2>=c1	true als c2 groter of gelijk is aan c1.
r+L<9	true als r+L kleiner is dan 9.
c2<=c1+2	true als c2 kleiner of gelijk is aan c1+2.
(c<2) and (r>3)	true als beide ongelijkheden waar zijn.
(c1==3) or (r1==2)	true als minstens een van de twee gelijkheden waar is.
not (hor)	true als hor gelijk is aan false (en false als hor gelijk is aan true).

Functie Rok

In het systeem **Rechthoek** moeten de vakjes (r1,c1) en (r2,c2) in dezelfde rij of kolom liggen, moeten alle coördinaten tussen 1 en 10 liggen en moet het eerste vakje boven of links van het tweede vakje liggen.

Vul de functie Rok aan die **true** teruggeeft als de attributen (r1, c1, r2, c2) aan al deze voorwaarden voldoen. Omdat de uitdrukking erg lang is, wordt deze in meerdere stappen geëvalueerd met behulp van de logische variabele ok.

```
Q2(k) /5 Vul de _____ in de functie Rok aan.
```

```
function Rok(r1, c1, r2, c2)
{
   ok \( \) (r1==r2) \( \) or (c1==c2)
   ok \( \) and \( \) (1<=c1 \) and \( \) c1<=c2 \) and \( \) c2<=10)
   return ok
}</pre>
```

Functie Ook

In het systeem **Oriëntatie** moet de lengte groter of gelijk zijn aan 1.

Vul de functie Ook aan die **true** teruggeeft als het schip (r, c, L, hor) op het 10×10-rooster kan worden geplaatst.

```
Q2(l) /5 Vul de _____ in de functie Ook aan.
```

```
function Ook(r,c,L,hor)
{
  ok ← (1<=L and 1<=r and 1<=c)
  if (hor)
   { return (ok and r<=10 and c+L-1<=10) }
  else
  { return (ok and r+L-1<=10 and c<=10) }
}</pre>
```



Schip geraakt

Het programma moet controleren of een schip geraakt is wanneer we op een vakje schieten waarvan we de coördinaten geven.

Dit is het geval als het schip het beoogde vakje bezet.

Probeer in de volgende vragen de kortste en eenvoudigste antwoorden te vinden met een minimum aan vergelijkingen en logische bewerkingen.

Functie hitR (systeem Rechthoek)

De functie hitR(rr,cc, r1,c1,r2,c2) geeft **true** terug als het schip met attributen (r1,c1,r2,c2) het vakje met coördinaten (rr,cc) bezet en geeft **false** terug als dit niet het geval is.

Met de situatie beschreven op de afbeelding:

- hitR(2,5, 2,3,2,6) geeft true terug omdat het schip A het vakje met coördinaten (2,5) bezet.
- hitR (7, 6, 5, 7, 7, 7) geeft false terug omdat het schip **B** het vakje met coördinaten (7, 6) niet bezet.

```
Q2(m) /6 Vul de _____ in de functie hitR aan (antwoord zo kort mogelijk).
```

```
function hitR(rr,cc, r1,c1,r2,c2)
{
   return (r1<=rr) and (rr<=r2) and (c1<=cc) and (cc<=c2)
}</pre>
```

Functie hitO (systeem Oriëntatie)

De functie hitO(rr, cc, r, c, L, hor) geeft **true** terug als het schip met attributen (r, c, L, hor) het vakje met coördinaten (rr, cc) bezet en geeft **false** terug als dit niet het geval is.

Met de situatie beschreven op de afbeelding:

- hit0(2,5, 2,3,4,true) geeft true terug omdat het schip A het vakje met coördinaten (2,5) bezet.
- hit0(7,6, 5,7,3, false) geeft false terug omdat het schip $\bf B$ het vakje met coördinaten (7,6) niet bezet.

Q2(n) /6 | Vul de _____ in de functie hitO aan (antwoord zo kort mogelijk).

```
function hitO(rr,cc, r,c,L,hor)
{
   if (hor)
     { return (rr==r) and (c<=cc) and (cc<c+L) }
   else
     { return (cc==c) and (r<=rr) and (rr<r+L) }
}</pre>
```



Botsing

Twee schepen kunnen niet hetzelfde vakje op het rooster bezetten, anders is er een botsing.

Functie collisionR (systeem Rechthoek)

De functie collisionR geeft true terug als twee schepen in botsing zijn en false als dit niet het geval is.

De attributen van de schepen zijn (r1A, c1A, r2A, c2A) en (r1B, c1B, r2B, c2B).

Gebruik zo kort mogelijke logische uitdrukkingen. Het is desondanks erg lang en de uitdrukking wordt in meerdere stappen geëvalueerd met behulp van de logische variabelen rbool en cbool.

```
Q2(o) /7 Vul de ______in de functie collisionR aan (antwoord zo kort mogelijk).
```

```
function collisionR(r1A, c1A, r2A, c2A, r1B, c1B, r2B, c2B)
{
    rbool \( \tau \) (r1A<=r1B and r1B<=r2A) or (r1B<=r1A and r1A<=r2B)

    cbool \( \tau \) (c1A<=c1B and c1B<=c2A) or (c1B<=c1A and c1A<=c2B)
    return rbool and cbool
}</pre>
```

Functie collisionO (systeem Oriëntatie)

De functie collisionO geeft true terug als twee schepen in botsing zijn en false als dit niet het geval is. De attributen van de schepen zijn (rA, cA, LA, horA) en (rB, cB, LB, horB).

Om nog langere logische uitdrukkingen te vermijden, gebruiken we de functie hito die eerder is gedefinieerd.

```
Q2(p) /7 | Vul de _____ in de functie collisionO aan met behulp van de functie hitO.
```

```
function collisionO(rA, cA, LA, horA, rB, cB, LB, horB)
{
   if (horA==horB)
      { return hitO(rB, cB, rA, cA, LA, horA) | or hitO(rA, cA, rB, cB, LB, horB) }
   else
   {
      if (horA)
            { return hitO(rA, cB, rA, cA, LA, horA) | and hitO(rA, cB, rB, cB, LB, horB) }
      else
            { return hitO(rB, cA, rA, cA, LA, horA) | and hitO(rB, cA, rB, cB, LB, horB) }
}
```



Risico op botsing

De schepen mogen niet te dicht bij elkaar liggen.

Meer bepaald mogen twee vakjes bezet door twee verschillende schepen geen zijde of hoek gemeen hebben.

Bijvoorbeeld, alle schepen in de onderstaande afbeelding liggen te dicht bij een ander schip.

A en B raken elkaar, C en D raken elkaar, E en F raken elkaar met een hoek.

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1								C		
2		Α	A	Α	A			C		
3			В					С		
4			В					C	D	
2 3 4 5 6 7									D	
6										
7										
8		Е	Е	Е	Е					
9						F	F	F		
10										

Functie riskR (systeem Rechthoek)

De functie riskR geeft **true** terug als twee schepen te dicht bij elkaar liggen en **false** als dit niet het geval is. De attributen van de schepen zijn (r1A, c1A, r2A, c2A) en (r1B, c1B, r2B, c2B). Het eenvoudigst is om de functie collisionR te gebruiken die eerder is gedefinieerd.

```
Q2(q) /6 Vul de _____ in de functie riskR aan met behulp van de functie collisionR.
```

```
function riskR(r1A,c1A,r2A,c2A,r1B,c1B,r2B,c2B)
{
   return collisionR( r1A,c1A,r2A,c2A, r1B-1,c1B-1,r2B+1,c2B+1 )
}
```

Functie riskO (systeem Oriëntatie)

Deze functie is moeilijker te schrijven.

We geven op en besluiten het systeem Rechthoek in ons programma te gebruiken.



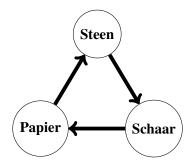
Auteur: Ludovic Galant

Vraag 3 – Steen-Schaar-Papier

In een beroemd spel bootsen de 2 spelers tegelijkertijd een wapen na met hun hand: **Steen** of **Schaar** of **Papier**.

Het resultaat van het gevecht wordt bepaald door de cirkelvormige grafiek hiernaast: **Steen** verslaat **Schaar** die **Papier** verslaat die **Steen** verslaat.

Er is een gelijkspel als de spelers hetzelfde wapen kiezen.



Een speelgoedfabrikant wil kleine robots op de markt brengen die tegen elkaar kunnen spelen in Steen-Schaar-Papier.

Twee robots die dicht bij elkaar worden geplaatst, communiceren draadloos. Een speler drukt op een knop van zijn robot om een wedstrijd voor te stellen, de andere speler drukt op een knop van zijn robot om de wedstrijd te accepteren.

Tijdens een wedstrijd spelen de robots 10 rondes van **Steen-Schaar-Papier**, elke overwinning levert 1 punt op voor de winnende robot.

De rondes en scores kunnen worden gevolgd op de schermen van de robots.

Degene die de meeste rondes wint, wint de wedstrijd.

Er kan een gelijkspel zijn als beide robots hetzelfde aantal rondes winnen.

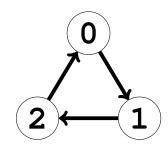
De robots spelen niet willekeurig: elk volgt een **strategie** bepaald door een programma.

De fabrikant wil een groot aantal robots aanbieden in verschillende kleuren, vormen en vooral verschillende strategieën.

Coderingen

In de programma's wordt **Steen** gecodeerd als 0, **Schaar** als 1 en **Papier** als 2. Dus 0 verslaat 1 die 2 verslaat die 0 verslaat en de grafiek van het spel wordt zoals hiernaast.

In het vervolg zullen we zeggen dat een robot de zet 0, 1 of 2 speelt.



Strategieën

De strategie van een robot wordt bepaald door 2 elementen.

- De variabele init die de zet bevat die gespeeld moet worden tijdens de eerste ronde.
- De tabel strat, met 3 rijen en 3 kolommen, die wordt gebruikt om de zetten van de andere rondes te bepalen. Als de robot r heeft gespeeld en zijn tegenstander s, dan speelt hij strat[r][s] in de volgende ronde.

Een voorbeeld van een tabel strat wordt rechts gegeven.

De rijnummers en kolomnummers beginnen bij 0 en worden in grijs weergegeven.

Met deze tabel en afhankelijk van de zetten van de vorige ronde, moet de robot spelen:

- strat[1][2]=0 als de robot 1 heeft gespeeld en zijn tegenstander 2.
- strat[2][0]=2 als de robot 2 heeft gespeeld en zijn tegenstander 0.
- 1 als er een gelijkspel was omdat strat[0][0]=strat[1][1]=strat[2][2]=1.

	0	1	2
Э	1	2	0
1	2	1	0
2	2	2	1



Strategieën coderen

In de volgende vragen houden we ons niet bezig met de variabele init.

Een strategie wordt beschreven door een tekst die uitlegt wat de robot moet spelen afhankelijk van wat hij en zijn tegenstander in de vorige ronde hebben gespeeld.

Je moet de tabel strat coderen die overeenkomt met de strategie die in de tekst wordt beschreven.

Je kunt de roosters op de volgende pagina als klad gebruiken.

Vergeet niet om je oplossingen over te schrijven op de antwoordbladen.

Q3(a) /4	Vul de tabel strat in volgens de strategie die in deze zin wordt beschreven.
	"Speel de vorige zet van de tegenstander."

	0	1	2
0	0	1	2
1	0	1	2
2	0	1	2

Q3(b) /4	Vul de tabel strat in volgens de strategie die in deze zin wordt beschreven		
	"Speel de zet die wint van de vorige zet van de tegenstander."		

	0	1	2
0	2	0	1
1	2	0	1
2	2	0	1

Q3(c) /4	Vul de tabel strat in volgens de strategie die in deze zin wordt beschreven.	
	"Als er een gelijkspel was, speel de vorige zet van de robot; anders speel de zet van de vorige	
	winnaar."	

	0	1	2
0	0	0	2
1	0	1	1
2	2	1	2

I	Q3(d) /4	Vul de tabel strat in volgens de strategie die in deze zin wordt beschreven.		
l		"Als er een gelijkspel was, speel de zet die wint van de vorige zet; anders speel de vorige zet van		
l		de robot opnieuw."		

	0	1	2
0	2	0	0
1	1	0	1
2	2	2	1



In het vervolg gebruiken we de onderstaande notaties.

- r : de zet die de robot in de vorige ronde heeft gespeeld.
- s : de zet die de tegenstander in de vorige ronde heeft gespeeld.
- w : de zet die de winnaar van de vorige ronde heeft gespeeld (of door beide spelers in geval van gelijkspel).
- x : de zet die de verliezer van de vorige ronde heeft gespeeld (of door beide spelers in geval van gelijkspel).
- $\mathbb{W}(C)$: de zet die wint van de zet C (bijvoorbeeld $\mathbb{W}(0) = 2$ omdat 2 wint van 0).
- X(c): de zet die verliest van de zet c (bijvoorbeeld X(0) = 1 omdat 0 wint van 1).

Q3(e) /4 Vul de tabel strat in volgens de strategie die in deze zin wordt beschreven. "Als er een gelijkspel was, speel X (r); anders speel de zet die niet is gespeeld."

	0	1	2
0	1	2	1
1	2	2	0
2	1	0	0

Q3(f) /4	Vul de tabel strat in volgens de strategie die in deze zin wordt beschreven.	
	"Als s=0, speel r; als s=1 en er was geen gelijkspel, speel w; als s=2 en er was geen gelijkspel,	
speel x; in andere gevallen, speel W (r)."		

	0	1	2
0	0	0	0
1	1	0	2
2	2	1	1



Een strategie verslaan

In de volgende vragen wordt een strategie A volledig gegeven met initA en de tabel stratA.

Vind een strategie B die met een score van 10-0 wint in een wedstrijd tegen strategie A.

Je moet de eerste zet initB en een minimum aan waarden in de tabel stratB geven.

Laat de vakjes van stratB leeg die nooit gebruikt zullen worden door je strategie in een wedstrijd tegen strategie A. De rijnummers en kolomnummers worden niet meer genoteerd, voeg ze toe als je dat nodig acht.

Q3(g) /4 Geef een strategie B die met 10-0 wint tegen strategie A. Geef alleen de noodzakelijke waarden in stratB.

Q3(h) /4 Geef een strategie B die met 10-0 wint tegen strategie A. Geef alleen de noodzakelijke waarden in stratB.

Q3(i) /4 Geef een strategie B die met 10-0 wint tegen strategie A. Geef alleen de noodzakelijke waarden in stratB.

initA=2, stratA=
$$\begin{bmatrix} 2 & 0 & 1 \\ 2 & 0 & 1 \\ \hline 2 & 0 & 1 \end{bmatrix} \longrightarrow \text{initB=1, stratB=} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 0 & 1 & 1 \\ \hline 2 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

Q3(j) /4 Geef een strategie B die met 10-0 wint tegen strategie A. Geef alleen de noodzakelijke waarden in stratB.

initA=1, stratA=
$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 2 & 2 \end{bmatrix}$$
 \longrightarrow initB=0, stratB= $\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}$

Vergeet niet om je oplossingen over te schrijven op de antwoordbladen.