be-OI 2020

Finale - JUNIOR samedi 7 mars 2020

Remplissez ce cadre en MAJUSCULES et LISIBLEMENT, svp

PRÉNOM :	 	 	 	 	
NOM:	 	 	 	 	
ÉCOLE:	 	 	 	 	

Réservé

Finale de l'Olympiade belge d'Informatique 2020 (durée : 2h au maximum)

Notes générales (à lire attentivement avant de répondre aux questions)

- 1. Vérifiez que vous avez bien reçu la bonne série de questions (mentionnée ci-dessus dans l'en-tête):
 - Pour les élèves jusqu'en deuxième année du secondaire: catégorie cadets.
 - Pour les élèves en troisième ou quatrième année du secondaire: catégorie **junior**.
 - Pour les élèves de cinquième année du secondaire et plus: catégorie senior.
- 2. N'indiquez votre nom, prénom et école que sur la première page.
- 3. Indiquez vos réponses sur les pages prévues à cet effet, à la fin du formulaire.
- 4. Si, suite à une rature, vous êtes amené à écrire hors d'un cadre, répondez obligatoirement sur la même feuille (au verso si nécessaire).
- 5. Écrivez de façon bien lisible à l'aide d'un stylo ou stylo à bille bleu ou noir.
- 6. Vous ne pouvez avoir que de quoi écrire avec vous; les calculatrices, GSM, ... sont interdits.
- 7. Vous pouvez toujours demander des feuilles de brouillon supplémentaires à un surveillant.
- 8. Quand vous avez terminé, **remettez la première page (avec votre nom) et les pages avec les réponses**. Vous pouvez conserver les autres.
- 9. Tous les extraits de code de l'énoncé sont en **pseudo-code**. Vous trouverez, sur les pages suivantes, une **description** du pseudo-code que nous utilisons.
- 10. Si vous devez répondre en code, vous devez utiliser le **pseudo-code** ou un **langage de programmation courant** (Java, C, C++, Pascal, Python, ...). Les erreurs de syntaxe ne sont pas prises en compte pour l'évaluation.

Bonne chance!

L'Olympiade Belge d'Informatique est possible grâce au soutien de nos membres:







Aide-mémoire pseudo-code

Les données sont stockées dans des variables. On change la valeur d'une variable à l'aide de \leftarrow . Dans une variable, nous pouvons stocker des nombres entiers, des nombres réels, ou des tableaux (voir plus loin), ainsi que des valeurs booléennes (logiques): vrai/juste (true) ou faux/erroné (false). Il est possible d'effectuer des opérations arithmétiques sur des variables. En plus des quatre opérateurs classiques (+, -, \times et /), vous pouvez également utiliser l'opérateur %. Si a et b sont des nombres entiers, alors a/b et a%b désignent respectivement le quotient et le reste de la division entière. Par exemple, si a = 14 et b = 3, alors a/b = 4 et a%b = 2.

Voici un premier exemple de code, dans lequel la variable age reçoit 17.

```
anneeNaissance \leftarrow 2003
age \leftarrow 2020 - anneeNaissance
```

Pour exécuter du code uniquement si une certaine condition est vraie, on utilise l'instruction **if** et éventuellement l'instruction **else** pour exécuter un autre code si la condition est fausse. L'exemple suivant vérifie si une personne est majeure et stocke le prix de son ticket de cinéma dans la variable *prix*. Notez les commentaires dans le code.

```
 \begin{array}{l} \textbf{if} \ (age \geq 18) \\ \{ \\ prix \leftarrow 8 \ // \ \textit{Ceci est un commentaire.} \\ \} \\ \textbf{else} \\ \{ \\ prix \leftarrow 6 \ // \ \textit{moins cher !} \\ \} \\ \end{array}
```

Parfois, quand une condition est fausse, on doit en vérifier une autre. Pour cela on peut utiliser else if, qui revient à exécuter un autre if à l'intérieur du else du premier if. Dans l'exemple suivant, il y a 3 catégories d'âge qui correspondent à 3 prix différents pour le ticket de cinéma.

```
if (age \geq 18)
{
    prix \leftarrow 8 // Prix pour une personne majeure.
}
else if (age \geq 6)
{
    prix \leftarrow 6 // Prix pour un enfant de 6 ans ou plus.
}
else
{
    prix \leftarrow 0 // Gratuit pour un enfant de moins de 6 ans.
}
```

Pour manipuler plusieurs éléments avec une seule variable, on utilise un tableau. Les éléments individuels d'un tableau sont indiqués par un index (que l'on écrit entre crochets après le nom du tableau). Le premier élément d'un tableau tab est d'indice 0 et est noté tab[0]. Le second est celui d'indice 1 et le dernier est celui d'indice N-1 si le tableau contient N éléments. Par exemple, si le tableau tab contient les 3 nombres 5, 9 et 12 (dans cet ordre), alors tab[0]=5, tab[1]=9, tab[2]=12. Le tableau est de taille 3, mais l'indice le plus élevé est 2.



Pour répéter du code, par exemple pour parcourir les éléments d'un tableau, on peut utiliser une boucle **for**. La notation **for** ($i \leftarrow a$ **to** b **step** k) représente une boucle qui sera répétée tant que $i \le b$, dans laquelle i commence à la valeur a, et est augmenté de k à la fin de chaque étape. L'exemple suivant calcule la somme des éléments du tableau tab en supposant que sa taille vaut N. La somme se trouve dans la variable sum à la fin de l'exécution de l'algorithme.

```
sum \leftarrow 0
for (i \leftarrow 0 \text{ to } N-1 \text{ step } 1)
{
sum \leftarrow sum + tab[i]}
```

On peut également écrire une boucle à l'aide de l'instruction **while** qui répète du code tant que sa condition est vraie. Dans l'exemple suivant, on va diviser un nombre entier positif N par 2, puis par 3, ensuite par 4 ... jusqu'à ce qu'il ne soit plus composé que d'un seul chiffre (c'est-à-dire jusqu'à ce que N < 10).

```
\begin{array}{l} \textit{d} \leftarrow 2 \\ \textbf{while} \quad (\textit{N} \geq 10) \\ \{ & \textit{N} \leftarrow \textit{N}/\textit{d} \\ & \textit{d} \leftarrow \textit{d} + 1 \\ \} \end{array}
```

Souvent les algorithmes seront dans un cadre et précédés d'explications. Après Input, on définit chacun des arguments (variables) donnés en entrée à l'algorithme. Après Output, on définit l'état de certaines variables à la fin de l'exécution de l'algorithme et éventuellement la valeur retournée. Une valeur peut être retournée avec l'instruction return. Lorsque cette instruction est exécutée, l'algorithme s'arrête et la valeur donnée est retournée.

Voici un exemple en reprenant le calcul de la somme des éléments d'un tableau.

```
 \begin{array}{c} \textbf{Input} &: tab, \text{ un tableau de } N \text{ nombres.} \\ & N, \text{ le nombre d'éléments du tableau.} \\ \textbf{Output} &: sum, \text{ la somme de tous les nombres contenus dans le tableau.} \\ \\ sum \leftarrow 0 \\ \textbf{for } (i \leftarrow 0 \text{ to } N-1 \text{ step } 1) \\ \\ \{ sum \leftarrow sum + tab \, [i] \\ \} \\ \textbf{return } sum \\  \end{array}
```

Remarque: dans ce dernier exemple, la variable *i* est seulement utilisée comme compteur pour la boucle **for**. Il n'y a donc aucune explication à son sujet ni dans **Input** ni dans **Output**, et sa valeur n'est pas retournée.



Auteur: Ludovic Galant

Question 1 – Circus

Voici quelques dispositions possibles avec 3 animaux:



Q1(a) [2 pts] | De combien de manières différentes peut-on placer 2 animaux sur les socles ?

Q1(b) [4 pts] De combien de manières différentes peut-on placer 3 animaux sur les socles ?

Pendant un spectacle, le professeur Zarbi donne des instructions qui font en sorte que les animaux changent de place.

Instructions pour "grimper".

MA: En l'entendant, l'animal le plus bas sur le socle A grimpe au sommet de sa pile.

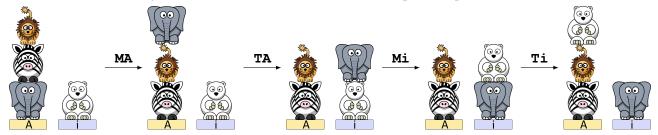
Mi: En l'entendant, l'animal le plus bas sur le socle i grimpe au sommet de sa pile.

(Rien ne se passe s'il y a moins de 2 animaux sur le socle concerné.)

Instructions pour "sauter".

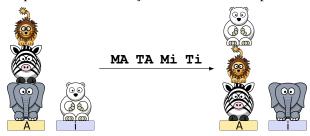
TA: En l'entendant, l'animal le plus haut sur le socle A saute et atterrit en haut de la pile du socle i. **Ti**: En l'entendant, l'animal le plus haut sur le socle i saute et atterrit en haut de la pile du socle A. (Rien ne se passe s'il n'y a aucun animal sur le socle concerné.)

Exemple: 4 animaux sont placés comme sur l'image de gauche et le professeur donne successivement les instructions **MA TA Mi Ti**. Les images montrent comment évolue la situation après chaque instruction.



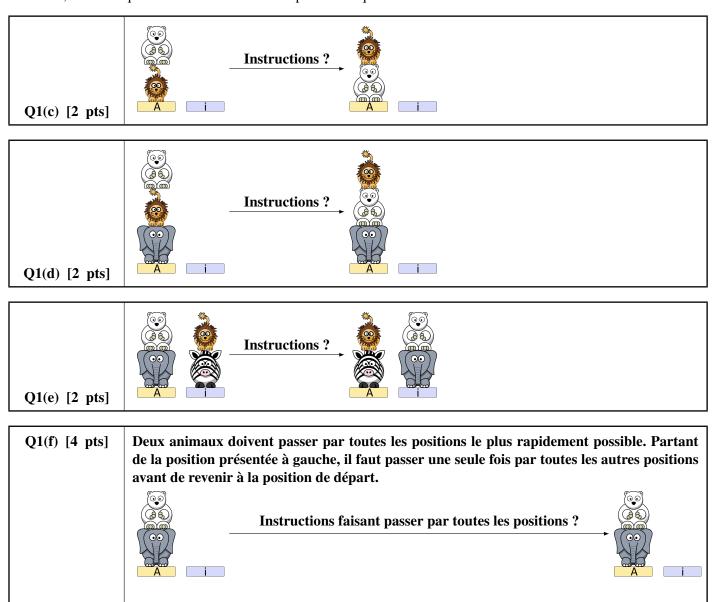


On peut résumer en traçant une seule flèche portant l'ensemble des instructions:



La longueur d'une liste d'instructions est le nombre d'instructions dans la liste. Par exemple la liste d'instructions MA TA Mi Ti est de longueur 4.

Dans les questions qui suivent, vous devez trouver une liste d'instructions parmi {MA, Mi, TA, Ti} pour passer de la situation de gauche à la situation de droite. Votre liste doit être la plus courte possible. Si votre liste n'est pas de longueur minimale, vous marquez seulement la moitié des points à la question.





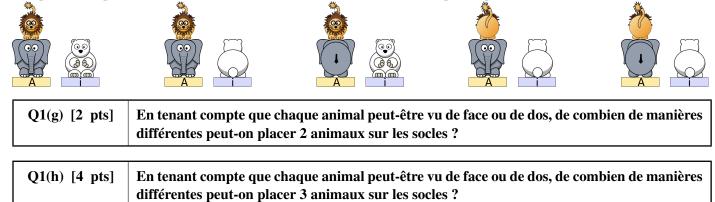
Ajoutons de nouvelles instructions pour "tourner".

RA: En l'entendant, l'animal le plus haut sur le socle A tourne sur lui-même de 180° (il fait un demi-tour).

Ri: En l'entendant, l'animal le plus haut sur le socle | i | tourne sur lui-même de 180° (il fait un demi-tour).

(Rien ne se passe s'il n'y a aucun animal sur le socle concerné.)

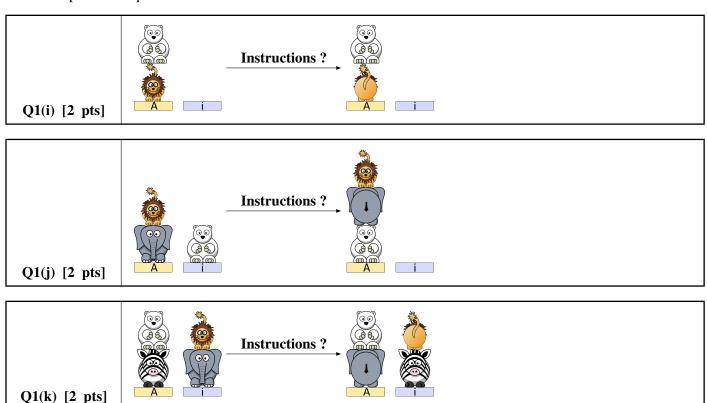
Chaque animal peut maintenant être vu de face ou de dos et on considère que les positions suivantes sont différentes:



Quand un animal "grimpe" ou "saute" cela ne change pas son orientation "vu de face ou de dos".

Dans les questions qui suivent, vous devez trouver une liste d'instructions parmi {MA, Mi, TA, Ti, RA, Ri} pour passer de la situation de gauche à la situation de droite.

Votre liste doit être la plus courte possible. Si votre liste n'est pas de longueur minimale, vous marquez seulement la moitié des points à la question.





Auteur: Koen Jacobs

Question 2 – Ouvrir la porte

Une porte est sécurisée par un code secret à 4 chiffres.

La porte s'ouvre immédiatement dès que 4 chiffres pressés consécutivement correspondent au code secret.

Par exemple, si on appuie successivement sur 6,4,5,5,0,8,6,7 la porte s'ouvrira si le code secret est 6455, 4550, 5508, 5086 ou 0867.

Nous pouvons programmer un robot en utilisant la commande press (a) qui provoque l'appui de la touche a par le robot (a étant bien sûr un chiffre de 0 à 9).

Programme 1:

```
for (a ← 0 to 9 step 1) {
    for (b ← 0 to 9 step 1) {
        for (c ← 0 to 9 step 1) {
            press(a)
            press(b)
            press(c)
            press(d)
        }
    }
}
```

Dans les questions qui suivent, on demande de tenir compte uniquement des appuis effectués lors de l'exécution du Programme 1.

-			
Q2(a) [1 pt]	Q2(a) [1 pt] Durant l'exécution du Programme 1, combien d'appuis seront effectués en tout ?		
Q2(b) [1 pt]	Combien de fois la touche 5 sera-t-elle enfoncée ?		
Q2(c) [2 pts]	Combien de combinaisons de 4 chiffres seront testées par le Programme 1 ? Si une combinaison est testée plusieurs fois, il faut compter tous les essais.		
Q2(d) [1 pt]	Combien de combinaisons différentes de 4 chiffres seront testées par le Programme 1 ? Si une combinaison est testée plusieurs fois, il faut compter un seul essai.		
Q2(e) [1 pt]	La porte s'ouvrira-t-elle à coup sûr lors de l'exécution du Programme 1 quel que soit le code secret ?		

Q2(f) [1 pt]	Quel est le chiffre enfoncé par le robot lors de l'appui numéro 680 ?	
Q2(g) [1 pt]	Quel est le chiffre enfoncé par le robot lors de l'appui numéro 682 ?	



Q2(h) [1 pt]	Donnez les 8 chiffres enfoncés successivement par le robot en commençant par l'appui
	numéro 732.

Une "bonne suite" est une suite de 8 chiffres enfoncés successivement par le robot durant l'exécution du Programme 1 et commençant par un appui de numéro multiple de 4, autrement dit commençant par un chiffre enfoncé lors d'une instruction press (a) du programme.

Voici des exemples de "bonnes suites": 0000 0001, 2307 2308, 6499 6500 (un espace a été inséré au milieu pour faciliter la lecture).

Remarquez qu'une bonne suite est toujours constituée de 2 nombres successifs de 4 chiffres.

On dit qu'une bonne suite **teste une combinaison** si cette combinaison apparaît dans la bonne suite.

Par exemple, la bonne suite **2307 2308** teste les combinaisons 2307, 3072, 0723, 7230 et 2308.

Autre exemple, la bonne suite 7171 7172 teste les combinaisons 7171 et 1717, à nouveau 7171 et 1717, et enfin 7172.

Remarquez que les deux tests de 7171 n'ont pas lieu en même temps, il s'agit de deux tests différents de la même combinaison (même chose pour 1717).

'couper'' la suite
? Autrement dit,
? Autrement dit,
? Autrement dit,
Aide: Si X est un



Considérons maintenant un programme non-déterministe, c'est-à-dire que certains appuis sont générés au hasard. Dans ce programme, la fonction random() choisit au hasard un chiffre de 0 à 9.

Soyez attentif aux limites de la seconde boucle: ce n'est pas une boucle de 0 à 9 mais de 0 à a.

Programme 2:

```
for (a ← 0 to 9 step 1) {
    for (d ← 0 to a step 1) {
        press(a)
        press(random())
        press(random())
        press(d)
    }
}
```

Dans les questions qui suivent, on demande de tenir compte uniquement des appuis effectués lors de l'exécution du Programme 2.

Q2(p) [3 pts]	Combien de combinaisons de 4 chiffres seront testées par le Programme 2 ? Il se peut que certaines combinaisons soient testées plusieurs fois, il faut compter tous les essais.
Q2(q) [2 pts]	Supposons que le code secret soit 7431. Est-il possible que la porte s'ouvre si on exécute le programme 2 ?
Q2(r) [2 pts]	Supposons que le code secret soit 4444. Est-il possible que la porte s'ouvre si on exécute le
4 -(1) [2 P ¹⁰]	programme 2 ?
Q2(s) [2 pts]	Supposons que le code secret soit 2345. Est-il possible que la porte s'ouvre si on exécute le programme 2 ?

Il est possible d'écrire un programme optimal qui génère une séquence d'appuis dans laquelle toutes les combinaisons de 4 chiffres sont testées exactement une fois chacune. Dans les questions qui suivent, on demande de tenir compte uniquement des appuis effectués lors de l'exécution d'un tel programme optimal.

Q2(t) [4 pts]	Combien d'appuis seront effectués en tout lors de l'exécution d'un programme optimal ?
---------------	--

Il y a plusieurs façons d'écrire un programme optimal, mais dans chaque cas les 3 premiers chiffres de la séquence générée sont les mêmes que les trois derniers.

Par exemple, si une séquence optimale commence par 123 alors elle se terminera aussi par 123.

Q2(u) [2 pts]	Si on exécute un programme Optimal123 qui génère une séquence commençant par 123, combien de fois le robot enfoncera-t-il successivement les touches 8,4,5 ?
Q2(v) [2 pts]	Si on exécute un programme Optimal123 qui génère une séquence commençant par 123, combien de fois le robot enfoncera-t-il successivement les touches 1,2,3 ?



Auteur: Victor Lecomte

Question 3 – Cache-cache

Alice joue à cache-cache avec Bob. Ils jouent dans une maison à $n \ge 2$ pièces, numérotées de 0 à n-1. Alice va se cacher, et Bob va essayer de trouver Alice. Bob est très prévisible, donc Alice sait à l'avance quelles pièces Bob va fouiller et dans quel ordre. Bob va faire $m \ge 1$ fouilles, et peut éventuellement fouiller certaines pièces plusieurs fois. Si Bob fouille une pièce pendant qu'Alice s'y trouve, Bob gagne. Alice veut s'assurer que Bob ne gagne pas, et pour ce faire, elle peut choisir la pièce où elle se cache au début, et elle peut aussi se déplacer d'une pièce à l'autre entre deux fouilles de Bob. Mais chaque déplacement est risqué (elle pourrait se faire détecter), donc Alice veut minimiser le nombre de déplacements qu'elle doit effectuer.

Par exemple, imaginons que la maison a n = 3 pièces numérotées 0, 1 et 2, et que Bob va effectuer la séquence suivante de m = 4 fouilles:

bob
$$[] = \{1, 2, 0, 2\}.$$

Une solution possible pour Alice est de se cacher d'abord dans la pièce 2, puis de se déplacer vers la pièce 0 avant que Bob ne fouille la pièce 2, et enfin de se déplacer vers la pièce 1 avant que Bob ne fouille la pièce 0. Alice se déplacerait 2 fois et sa position au cours du temps serait décrite par la séquence:

alice[] =
$$\{2, 0, 1, 1\}$$
.

Mais Alice peut mieux faire: après avoir quitté la pièce 2, elle pourrait se déplacer directement dans la pièce 1 et y rester jusqu'à la fin du jeu. Elle se déplacerait une seule fois et sa position au cours du temps serait :

alice[] =
$$\{2, 1, 1, 1\}$$
.

En revanche, il n'y a pas moyen de faire moins qu'un déplacement. Alice ne peut pas rester dans la même pièce pendant toute la durée du jeu puisque Bob fouille toutes les pièces au moins une fois. Donc, pour n = 3 et bob [] = $\{1, 2, 0, 2\}$, le nombre minimal de déplacements d'Alice est 1.

Q3(a) [2 pts]	Quel est le nombre minimal de déplacements d'Alice si $n=2$ et si Bob fouille les pièces bob [] = $\{0,1,0,1\}$?
Q3(b) [2 pts]	Quel est le nombre minimal de déplacements d'Alice si $n=3$ et si Bob fouille les pièces bob [] = $\{0,1,0,1\}$?
Q3(c) [2 pts]	Quel est le nombre minimal de déplacements d'Alice si $n=3$ et si Bob fouille les pièces bob [] = $\{2,1,2,0\}$?
Q3(d) [2 pts]	Quel est le nombre minimal de déplacements d'Alice si $n=3$ et si Bob fouille les pièces bob [] = $\{0,1,2,0,2,0\}$?
Q3(e) [2 pts]	Quel est le nombre minimal de déplacements d'Alice si $n=4$ et si Bob fouille les pièces bob [] = $\{0,1,2,3,0\}$?
Q3(f) [2 pts]	Quel est le nombre minimal de déplacements d'Alice si $n=4$ et si Bob fouille les pièces bob [] = $\{0,1,2,3,0,1\}$?
Q3(g) [3 pts]	Quel est le nombre minimal de déplacements d'Alice si $n=4$ et si Bob fouille les pièces bob [] = $\{0,1,2,3,0,1,2\}$?



Q3(h) [4 pts]	Dans une maison à n pièces, quel est le plus petit nombre de fouilles m que Bob doit effectuer
	pour forcer Alice à se déplacer au moins k fois?

Tout devient plus drôle avec du code

Alice décide d'écrire un programme qui détermine à sa place dans quelle pièce elle doit se cacher pendant chacune des *m* fouilles de Bob.

Les entrées du programme sont:

- n : le nombre de pièces.
- m : le nombre de fouilles que Bob va effectuer.
- bob [] (un tableau de longueur m): la séquence de fouilles que Bob va effectuer.

Le programme doit calculer alice[] (un tableau de longueur m): une liste de m pièces où Alice doit se trouver pour éviter de se faire découvrir par Bob, tout en se déplaçant le moins de fois possible.

Il peut y avoir plusieurs solutions qui donnent le nombre minimum de déplacements; si c'est le cas, n'importe laquelle est acceptable et le programme d'Alice en donne une seule.

Le listing du programme est sur la page suivante.

Voici quelques explications pour vous aider à le comprendre.

- cnt : sert à compter le nombre de pièces différentes que Bob à l'intention de visiter après le dernier déplacement d'Alice.
- t[] (un tableau de longueur n): si t[v]=false cela veut dire que Bob compte visiter la pièce v après le dernier déplacement d'Alice.
- La première boucle **for** recherche les cachettes d'Alice, sauf la dernière.
- La fin du programme à partir de a \leftarrow -1 recherche la dernière cachette d'Alice.

Le listing est incomplet et on vous demande de trouver les expressions manquantes.

Q3(i) [2 pts]	Quelle est l'expression (i) dans l'algorithme ?		
Q3(j) [4 pts]	Quelle est l'expression (j) dans l'algorithme ?		



```
Input : n, m, bob[]
Output : alice[]
alice[] \leftarrow {-1, ..., -1} (un tableau de longueur m, initialisé avec des -1)
\texttt{t[]} \leftarrow \{\texttt{true, ..., true}\} \text{ (un tableau de longueur n, initialisé avec des true)}
\texttt{cnt} \; \leftarrow \; \texttt{0}
j ← 0
for (i \leftarrow 0 to m-1 step 1)
      if (t[bob[i]])
            \texttt{cnt} \, \leftarrow \, \texttt{cnt} \, + \, 1
            if (cnt = n)
                                          // (i)
                  \texttt{cnt} \; \leftarrow \; \dots
                  while (j < i)
                        alice[j] \leftarrow \dots // (j)
                        j ← j + 1
                  for (v \leftarrow 0 \text{ to } n-1 \text{ step } 1)
                       t[v] ← true
           t[bob[i]] \leftarrow false
      }
}
a \leftarrow -1
for (v \leftarrow 0 \text{ to } n-1 \text{ step } 1)
      if (t[v])
          a \leftarrow v
      }
}
while (j < m)
      \texttt{alice[j]} \; \leftarrow \; \texttt{a}
      j ← j + 1
return alice[]
```



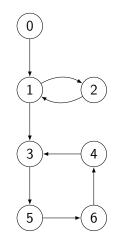
Auteur : Gilles Geeraerts

Question 4 – Al Capone

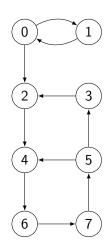
Le célèbre gangster Al Capone a décidé de réorganiser son réseau de bars clandestins à Chicago. Il veut regrouper plusieurs bars en *quartiers*, et chaque quartier sera sous la direction d'un chef de gang. Afin de permettre à ses complices de fuir en cas de descentes de police, il veut que la condition suivante soit respectée: *deux bars sont dans le même quartier si et seulement s'il existe au moins un trajet dans chaque sens permettant de fuir de l'un à l'autre en voiture (éventuellement en passant devant d'autres bars).* Un quartier peut comporter n'importe quel nombre de bars tant que la condition ci-dessus est respectée pour toute paire de bars. Par exemple, les bars 0 et 1 et 2 seront dans le même « quartier » s'il est possible d'aller en voiture de 0 à 1, de 1 à 0, de 1 à 2, de 2 à 1, de 0 à 2 et de 2 à 0.

Voici deux cartes représentant des bars d'Al Capone à Chicago. Chaque bar est représenté par un cercle (portant le numéro du bar) et les flèches indiquent les routes (à sens unique) qu'on peut suivre pour aller *directement* (*c'est-à-dire sans passer devant d'autres bars*) d'un bar à l'autre en voiture.

Carte 1:



Carte 2:



Par exemple, avec la **Carte 1**, on peut aller (directement) en voiture de 3 à 5. On peut aussi aller en voiture de 5 à 3 mais il faut passer devant 6 et 4 (car la route directe de 5 à 3 est un sens interdit).

Indiquez, pour chacune des affirmations suivantes au sujet de la Carte 1, si elles sont vraies ou fausses.

		Affirmations concernant la Carte 1.	
Q4(a) [1 pt]	Vrai / Faux	i / Faux On peut aller en voiture de 1 à 0.	
Q4(b) [1 pt]	Vrai / Faux	On peut aller en voiture de 6 à 1.	
Q4(c) [1 pt]	Vrai / Faux	On peut aller en voiture de 6 à 5.	
Q4(d) [1 pt]	Vrai / Faux	1 et 2 peuvent être dans le même quartier.	
Q4(e) [1 pt]	Vrai / Faux	6 et 2 peuvent être dans le même quartier.	
Q4(f) [1 pt]	Vrai / Faux	3, 4 et 6 peuvent être dans le même quartier.	
Q4(g) [1 pt]	Vrai / Faux	3, 4, 5 et 6 peuvent être dans le même quartier.	
Q4(h) [1 pt]	Vrai / Faux	1, 2, 3, 4, 5 et 6 peuvent être dans le même quartier.	



Indiquez, pour chacune des affirmations suivantes au sujet de la Carte 2, si elles sont vraies ou fausses.

		Affirmations concernant la Carte 2.	
Q4(i) [1 pt]	Vrai / Faux	On peut aller en voiture de 1 à 0.	
Q4(j) [1 pt]	Vrai / Faux	On peut aller en voiture de 2 à 7.	
Q4(k) [1 pt]	Vrai / Faux	On peut aller en voiture de 7 à 1.	
Q4(l) [1 pt]	Vrai / Faux	2 et 5 peuvent être dans le même quartier.	
Q4(m) [1 pt]	Vrai / Faux	2, 3 et 4 peuvent être dans le même quartier.	
Q4(n) [1 pt]	Vrai / Faux	4, 5, 6 et 7 peuvent être dans le même quartier.	
Q4(o) [1 pt]	Vrai / Faux	4, 5, 6 et 7 peuvent être dans le même quartier et il n'existe pas de quartier plus grand contenant ces 4 bars.	
Q4(p) [1 pt]	Vrai / Faux	2, 3, 4, 5, 6 et 7 peuvent être dans le même quartier.	
Q4(q) [1 pt]	Vrai / Faux	2, 3, 4, 5, 6 et 7 peuvent être dans le même quartier et il n'existe pas de quartier plus grand contenant ces 6 bars.	

Malheureusement, Capone ne dispose pas de cartes aussi précises de ses bars, et envoie donc son complice Joe à pied (c'est plus discret) visiter les rues de Chicago. Capone explique à Joe comment il doit s'y prendre pour parcourir la ville: « Je te donne l'adresse d'un premier bar. Tu suivras toutes les routes qui partent de ce bar, en respectant les sens uniques: d'abord celle à l'ouest (à gauche sur la carte), puis celle au sud (en bas), puis celle à l'est (à droite), puis celle au nord (en haut) si elles existent. Si au bout d'une route tu trouves **un bar par où tu n'es encore jamais passé** durant ton exploration, tu recommences la même procédure à partir de ce nouveau bar, sinon tu reviens sur tes pas au bar précédent. Quand tu auras exploré toutes les routes partant d'un bar, tu reviens aussi sur tes pas. »

Comme Joe n'est pas très malin, Capone lui donne l'algorithme Explore (voir listing plus loin) à suivre à la lettre. Celui-ci se présente sous forme d'une fonction, qui est appelée avec en paramètre le premier bar donné par Capone. Cette fonction remplit un tableau order dont l'indice est le numéro d'un bar (de 0 à N-1), et qui donne l'ordre (de 1 à N) dans lequel les bars sont visités.

Par exemple, si order [i]=1, cela signifie que le bar numéro i est le premier donné par Capone, etc

Par exemple, sur la **Carte 1**, et en supposant que le bar 0 est le premier, l'algorithme Explore visitera d'abord le bar 0, puis le 1 (seul bar accessible à partir de 0), puis le 3 (on visite d'abord le bar au sud avant de visiter celui à l'est), puis 5, 6, 4 et enfin 2 (après être revenus sur ses pas).

Q4(r) [3 pts]	Donnez le contenu du tableau order à la fin de l'exécution de la fonction Explore sur la Carte 1, en supposant que le premier bar est le bar 0.	
Q4(s) [3 pts]	Donnez l'ordre dans lequel les bars sont visités par l'algorithme Explore appelé sur la Carte 2 à partir du bar 0.	
Q4(t) [3 pts]	Donnez le contenu du tableau order[] à la fin de l'exécution de la fonction Explore sur la Carte 2, en supposant que le premier bar est le bar 0.	



Maintenant que Joe semble avoir compris ce premier algorithme, Capone enrichit la fonction <code>Explore</code> pour permettre de découper la carte en quartiers. Tout d'abord, il demande à Joe d'emporter avec lui un calepin, qui lui permettra de tenir une liste des bars qu'il a visité: à chaque fois qu'il arrive dans un nouveau bar, il ajoute celui-ci au bas de sa liste. Par exemple, sur la <code>Carte 1</code>, quand Joe arrive au bar numéro 5 (au moment d'entrer dans l'appel <code>Explore(5)</code>, sa liste contient: 0, 1, 3.

```
Q4(u) [3 pts] Quel est le contenu de la liste de Joe quand il arrive au bar numéro 3 sur la Carte 2, c'est-àdire au moment de l'appel à Explore (3) ?
```

Ensuite, Capone ajoute un second tableau low[] à la fonction <code>Explore</code>. Celui-ci permet à Joe de retenir, pour chaque bar, quel est le *plus petit numéro d'ordre* (donné dans le tableau order) auquel on peut accéder depuis ce bar. Capone s'est alors rendu compte qu'en cherchant les bars X tels que order [X] = low[X], on peut identifier les quartiers sur base de la liste maintenue par Joe. Tout cela est expliqué en détail dans le nouvel algorithme (voir listing plus loin):

En exécutant <code>Explore(I)</code>, Joe va non seulement remplir les tableaux <code>order[]</code> et <code>low[]</code>, mais il va aussi délimiter les quartiers dans lesquels chaque bar est (pour rappel) accessible en voiture depuis n'importe quel autre bar du quartier.

Q4(v) [3 pts]	Quel est le contenu du tableau low[] à la fin de l'exécution de l'algorithme sur la Carte 1 (bar initial 0) ?
Q4(w) [3 pts]	Sur la Carte 2 (bar initial 0), quelle est la valeur de low[5] au moment de l'appel Explore (3) ?



```
Input: I, le premier bar
        N, le nombre de bars
order[] \leftarrow {-1, ..., -1} (un tableau de longueur N, initialise avec des -1)
low[] \leftarrow {-1, ..., -1} (un tableau de longueur N, initialise avec des -1)
cpt \leftarrow 1 (un compteur initialise à 1)
Explore(bar X)
{
  order[X] \leftarrow cpt
  low[X] \leftarrow cpt
  Ajouter X au bas de la liste
  \mathtt{cpt} \; \leftarrow \; \mathtt{cpt+1}
  for (d = ouest, sud, est, nord)
    if (il y a une route de direction d partant de X)
      Y \leftarrow le bar au bout de la route de direction d partant de X
      if (order[Y] = -1)
         Explore(Y)
         low[X] \leftarrow min(low[X], low[Y])
      else if (Y est dans la liste)
         low[X] \leftarrow min(low[X], order[Y])
    }
  }
  if (low[X] = order[X])
    Creer un nouveau quartier contenant tous les bars qui apparaissent
    sur la liste a partir de X (compris), et les effacer de la liste.
}
Explore(I)
```

Q4(x) [3 pts]	Sur la Carte 2 (bar initial 0), quel est le contenu de la liste de Joe au moment de l'appel Explore (1) ?
Q4(y) [3 pts]	Sur la Carte 1 (bar initial 0), quels sont les quartiers calculés par l'algorithme de Capone ? Indiquez chaque quartier comme un ensemble de numéros de bars, par exemple {0, 1, 4, 5}, {2, 3, 6}.
Q4(z) [3 pts]	Sur la Carte 2 (bar initial 0), quels sont les quartiers calculés par l'algorithme de Capone ?

Indiquez chaque quartier comme un ensemble de numéros de bars.

Auteurs: Guillaume Derval, Olivier Goletti

Question 5 – Guerres administratives

Dans un monde lointain, très lointain, s'affrontent plusieurs pays pour dominer leur planète. Leurs guerres sont différentes des nôtres et se font sans verser de sang. Elles opposent les directeurs administratifs des pays dans des joutes verbales endiablées (en réalité, comme nous le verrons, c'est la puissance des services administratifs qui compte). À ce moment, il est probablement utile d'expliquer ce qu'est une **entité**. Un pays donné peut être divisé en provinces, chacune de ces provinces peut être divisée en sous-provinces, et ainsi de suite. Chaque pays, province, sous-province, sous-sous-province, sous-sous-Province, ... est une **entité**.

Prenons l'exemple du pays de Heldor:



Fig 1: Carte géographique de Heldor

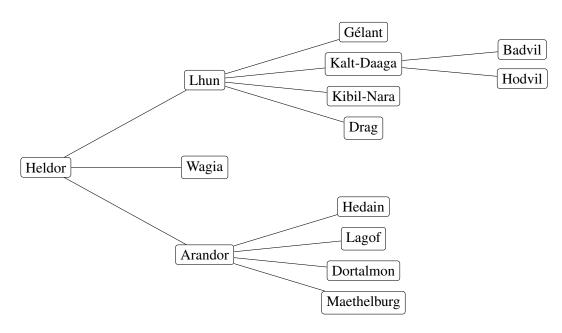


Fig 2: Carte administrative des entités de Heldor



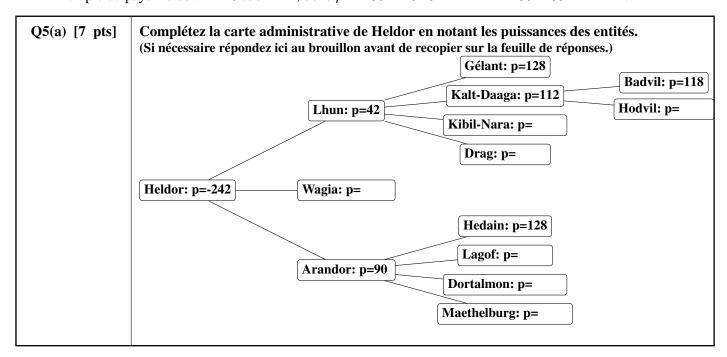
Chaque **entité** dispose de sa propre administration qui a sa propre puissance. Évidemment, la complexité administrative fait que plus une entité gère d'entités en dessous d'elles, moins elle est efficace (la bureaucratie est un problème dans tous les mondes).

Par exemple, Lhun gère 7 entités: elle-même et 6 entités en dessous d'elle. On dit que Lhun a 7 **sous-entités** (car il faut compter l'administration centrale de Lhun comme une sous-entité particulière!).

Par ailleurs, plus une **entité** est petite par rapport au pays, moins elle a d'argent et moins son administration est puissante.

Plus précisément, si \mathbf{X} est une **entité** de niveau n (0 pour un pays, 1 pour une province, 2 pour une sous-province, 3 pour une sous-sous-province,...) et si s est le nombre de sous-entités de \mathbf{X} alors p, la **puissance administrative** de \mathbf{X} , s'élève à $p = 150 - 10n - 2s^2$.

- Exemple de la sous-sous-province de Badvil: n = 3 et s = 1, donc $p = 150 10 \cdot 3 2 \cdot 1^2 = 150 30 2 = 118$.
- Exemple de la province de Lhun: n = 1 et s = 7, donc $p = 150 10 \cdot 1 2 \cdot 7^2 = 150 10 98 = 42$.
- Exemple du pays Heldor: n = 0 et s = 14, donc $p = 150 10 \cdot 0 2 \cdot 14^2 = 150 392 = -242$.



Vous constatez que Heldor est submergé par le travail administratif et que sa puissance est négative, c'est-à-dire que Heldor consomme des ressources pour maintenir son administration à flot !

De même, une sous-sous...province pourrait avoir une puissance négative ou nulle, même si elle n'a pas d'autre sous-entité qu'elle même. Mais combien de "sous" faut-il ?

Q5(b) [2 pts] Combien de "sous" faut-il mettre devant le mot "province" pour être certain que sa puissance soit nulle ou négative (≤ 0) ?

Ce qui compte vraiment, c'est la **puissance totale**. La **puissance totale** d'une entité **X** est obtenue en additionnant les puissances de toutes les sous-entités de **X** (donc sans oublier **X** elle-même). Par exemple, la **puissance totale** de Badvil est égale à sa puissance (118), puisqu'elle n'a pas d'autre sous-entité qu'elle-même.

Par contre, la **puissance totale** de Lhun est une somme de 7 puissances (aide: elle vaut 774).

Q5(c) [1 pt]	Quelle est la puissance totale de Hodvil ?



Q5(d) [1 pt]	Quelle est la puissance totale de Wagia ?		
Q5(e) [2 pts]	Quelle est la puissance totale d'Arandor ?		
Q5(f) [2 pts]	Quelle est la puissance totale de Heldor ?		

Quand deux pays s'affrontent, celui qui a la plus grande **puissance totale** l'emporte. En cas d'égalité, les administrations s'empêtrent et les pays disparaissent dans un vice de procédure. Soit une fonction PUISSANCE_TOTALE (X, n) qui permet de calculer la **puissance totale** d'une entité x de niveau n.

```
Q5(g) [2 pts] Donnez l'expression indiquant si le pays A gagne une bataille contre le pays B. Rappelez-vous que les pays ont un niveau n=0 et qu'en cas d'égalité il n'y a pas de vainqueur.
```

Chaque entité de niveau n connait la liste de ses sous-entités de niveau n+1 qu'on appelle ses **enfants**. Ce nom étrange provient de la théorie des graphes, utilisée pour tracer les cartes administratives. Sur une carte administrative, un trait distinct relie chaque entité à chacun de ses enfants (voir Fig 2). Les enfants d'un pays sont ses provinces, les enfants d'une province sont ses sous-provinces,...

Pour calculer la puissance administrative d'une entité x, il faut connaitre son nombre de sous-entités (elle comprise). Voici le pseudo-code incomplet (il manque une ligne) de la fonction CALCULER_S (X) qui fait cela.

```
fonction CALCULER_S(X) {
   nb_entites ← 1
   pour chaque E enfant de X {
        ... //(i)
   }
   return nb_entites
}
```

Notez que la ligne "pour chaque E enfant de X" commence une boucle qui sera exécutée une fois pour chaque enfant de X, et que cet enfant sera désigné par la variable E dans la boucle. Par exemple, si X=Heldor, la boucle sera exécutée 3 fois, une fois avec E=Lhun, une fois avec E=Wagia, une fois avec E=Arandor. Si X n'a pas d'enfant, la boucle n'est pas exécutée (elle est exécutée 0 fois puisqu'il y a 0 enfant).

Q5(h) [2 pts]	Quelle est la ligne (i) dans le pseudo-code de la fonction CALCULER_S() ?	
	nb_entites ← CALCULER_S(E) + 1	
	nb_entites \leftarrow nb_entites + 1	
	$nb_entites \leftarrow nb_entites + CALCULER_S(E)$	
	nb_entites ← CALCULER_S(E)	
	nb_entites ← nb_entites + CALCULER_S(E)+ 1	



Complétez le pseudo-code de la fonction PUISSANCE_TOTALE (X, n) qui permet (comme cela a déjà été signalé) de calculer la **puissance totale** d'une entité X de niveau n.

Indices: vous pouvez et devriez utiliser CALCULER_S (X). Considérez que cette fonction est correctement implémentée, même si vous n'avez pas répondu à la question précédente. Pour calculer le carré d'un nombre (r), multipliez-le par lui même (r*r) ou mettez-le à la puissance $2(r^2)$.

Q5(i) [2 pts]	Quelle est l'expression (i) dans le pseudo-code de la fonction PUISSANCE_TOTALE (X, n) ?
Q5(j) [2 pts]	Quelle est l'expression (j) dans le pseudo-code de la fonction PUISSANCE_TOTALE (X, n) ?
Q5(k) [2 pts]	Quelle est l'expression (k) dans le pseudo-code de la fonction PUISSANCE_TOTALE (X, n) ?

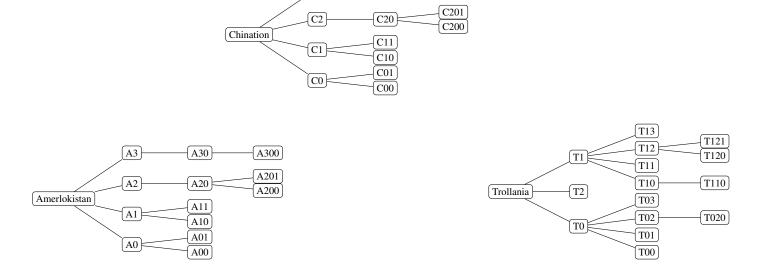
Quand deux pays se font la guerre, le pays perdant est absorbé par le pays gagnant et devient l'une de ses provinces. Cela change évidemment la puissance administrative du pays gagnant ! Prenons un exemple. Voici les cartes administratives de trois pays (on a utilisé des codes postaux au lieu des noms, c'est plus court).

C30

C3

C300

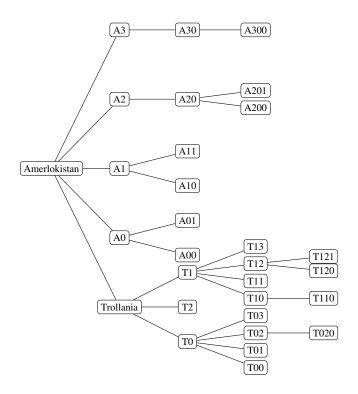
C3000



Nos espions ont calculé les **puissances totales** de ces trois pays pour vous :



En cas de guerre entre Amerlokistan et Trollania, c'est Amerlokistan qui absorberait Trollania. Voici ce que deviendrait la carte administrative de Amerlokistan après cette victoire :



La nouvelle puissance totale de Amerlokistan après la guerre serait égale à 1088.

Il existe une formule pour calculer la **puissance totale** du gagnant d'une guerre.

Q5(l) [5 pts]	Soit x1 un pays de puissance totale t1 ayant s1 sous-entités (x1 compris). Soit x2 un pays de puissance totale t2 ayant s2 sous-entités (x2 compris). Si t1>t2 quelle expression donne la nouvelle puissance totale du gagnant de l'affrontement entre x1 et x2 ?	
	t1 + t2	
	t1 + t2 - 10*s2	
	t1 + t2 - 2*s2*s2	
	t1 + t2 + 2*s1*s1 - 2*(s1+s2)*(s1+s2)	
	t1 + t2 + 2*s2*s2 - 2*(s1+s2)*(s1+s2)	
	t1 + t2 - 10*s2 + 2*s1*s1 - 2*(s1+s2)*(s1+s2)	
	t1 + t2 - 10*s2 + 2*s2*s2 - 2*(s1+s2)*(s1+s2)	



Faire tout cela à la main est rébarbatif, n'est-ce pas ? Il est temps d'implémenter une procédure.

Tous les pays sont maintenus dans une liste: liste_pays. Cette liste supporte trois opérations :

- liste_pays.taille() qui retourne le nombre de pays dans la liste,
- liste_pays.plus_grande_admin() qui retourne le pays de la liste qui a la plus grande puissance totale et le supprime de la liste (si plusieurs pays sont à égalité avec la plus grande puissance totale, l'un d'entre-eux est choisi "au hasard").
- liste_pays.ajouter(X) qui ajoute le pays X dans la liste.

De plus, les variables "pays" contiennent une description de la carte administrative du pays. Si A et B sont deux variables "pays", alors l'instruction A.ajouter_province (B) modifie la variable A pour y ajouter une nouvelle province, copie conforme du pays B.

On vous demande de compléter la fonction GUERRES qui simule les guerres successives entre les pays de la liste, jusqu'à ce qu'il ne reste plus qu'un (ou aucun) pays dans la liste.

```
fonction GUERRES() {
    while (...)
                                                 //(e1)
         A \leftarrow \dots
                                            //(e2)
         \text{B} \leftarrow \dots
                                            //(e2)
         p_tot_A ← PUISSANCE_TOTALE(A, 0)
         p_tot_B ← PUISSANCE_TOTALE(B, 0)
         if (p_tot_A > p_tot_B)
              A.ajouter_province(B)
                                                 //(e3)
              . . .
          }
     }
}
```

Q5(m) [2 pts]	Quelle est l'expression (e1) dans la fonction GUERRES () ?		
Q5(n) [2 pts]	Quelle est l'expression (e2) qui se trouve deux fois dans la fonction GUERRES () ?		
Q5(o) [2 pts]	Quelle est l'expression (e3) dans la fonction GUERRES () ?		

Donnez vos réponses ici!

Q1(a)	Nombre de manières de placer 2 animaux	/2
Q1(b)	Nombre de manières de placer 3 animaux	/4
Q1(c)	Liste d'instructions de longueur minimale	/2
Q1(d)	Liste d'instructions de longueur minimale	/2
Q1(e)	Liste d'instructions de longueur minimale	/2
Q1(f)	Instructions faisant passer par toutes les positions de 2 animaux sur les socles.	/4
Q1(g)	Nombre de manières de placer 2 animaux qui peuvent tourner	/2
Q1(h)	Nombre de manières de placer 3 animaux qui peuvent tourner	/4
Q1(i)	Liste d'instructions de longueur minimale	/2
Q1(j)	Liste d'instructions de longueur minimale	/2
Q1(k)	Liste d'instructions de longueur minimale	/2
Q2(a)	Nombre total d'appuis	/1
Q2(b)	Nombre d'appuis sur la touche 5	/1
Q2 (c)	Nombre de combinaisons testées	/2

be-OI 2020 samedi 7 mars 2020	Finale - JUNIOR	Réservé
		O

Q2(d)	Nombre de combinaisons différentes testées	/1
Q2(e)	OUI ou NON	/1
Q2(f)	Une touche de 0 à 9	
Q2(I)	One touche de va a	/1
Q2(g)	Une touche de 0 à 9	/1
Q2(h)	Une suite de 8 chiffres en commençant par l'appui numéro 732	/1
Q2(i)	5 bonnes suites qui testent 3108	/5
Q2(j)	Nombre de tests différents de la combinaison 3108	/1
		/1
Q2(k)	3 bonnes suites qui testent 6464	/3
		, c
02(1)	Nombre de tests différents de la combinaison 6464	
Q2(l)	Nombre de tests différents de la combinaison 0404	/1
02()	A house a crites and testant 0000	
Q2(m)	4 bonnes suites qui testent 9990	/4
Q2(n)	Nombre de tests différents de la combinaison 9990	/1
		/1

be-OI 2020 samedi 7 mars 2020	Finale - JUNIOR	Réservé
		O

Q2(q) Ouverture possible si le code est 7431 ? Écrire OUI ou NON /2 Q2(r) Ouverture possible si le code est 4444 ? Écrire OUI ou NON /2 Q2(s) Ouverture possible si le code est 2345 ? Écrire OUI ou NON /2 Q2(s) Nombre total d'appuis avec un programme optimal /4 Q2(u) Nombre d'appuis successifs sur 8,4,5 avec le programme Optimal123 /2 Q2(v) Nombre d'appuis successifs sur 1,2,3 avec le programme Optimal123 /2 Q3(a) Nombre de déplacements /2 Q3(b) Nombre de déplacements /2 Q3(c) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2	Q2(o)	Nombre d'appuis successifs sur 8,4,5	/1
Q2(r) Ouverture possible si le code est 4444 ? Écrire OUI ou NON /2 Q2(s) Ouverture possible si le code est 2345 ? Écrire OUI ou NON /2 Q2(t) Nombre total d'appuis avec un programme optimal /4 Q2(u) Nombre d'appuis successifs sur 8,4,5 avec le programme Optimal123 /2 Q2(v) Nombre d'appuis successifs sur 1,2,3 avec le programme Optimal123 /2 Q3(a) Nombre de déplacements /2 Q3(b) Nombre de déplacements /2 Q3(c) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(e) Nombre de déplacements /2	Q2(p)	Nombre de combinaisons de 4 chiffres testées	/3
Q2(r) Ouverture possible si le code est 4444 ? Écrire OUI ou NON /2 Q2(s) Ouverture possible si le code est 2345 ? Écrire OUI ou NON /2 Q2(t) Nombre total d'appuis avec un programme optimal /4 Q2(u) Nombre d'appuis successifs sur 8,4,5 avec le programme Optimal123 /2 Q2(v) Nombre d'appuis successifs sur 1,2,3 avec le programme Optimal123 /2 Q3(a) Nombre de déplacements /2 Q3(b) Nombre de déplacements /2 Q3(c) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(e) Nombre de déplacements /2		,	
Q2(s) Ouverture possible si le code est 2345 ? Écrire OUI ou NON /2 Q2(t) Nombre total d'appuis avec un programme optimal /4 Q2(u) Nombre d'appuis successifs sur 8,4,5 avec le programme Optimal123 /2 Q2(v) Nombre d'appuis successifs sur 1,2,3 avec le programme Optimal123 /2 Q3(a) Nombre de déplacements /2 Q3(b) Nombre de déplacements /2 Q3(c) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(e) Nombre de déplacements /2 Q3(f) Nombre de déplacements /2	Q2 (q)	Ouverture possible si le code est 7431 ? Ecrire OUI ou NON	/2
Q2(s) Ouverture possible si le code est 2345 ? Écrire OUI ou NON /2 Q2(t) Nombre total d'appuis avec un programme optimal /4 Q2(u) Nombre d'appuis successifs sur 8,4,5 avec le programme Optimal123 /2 Q2(v) Nombre d'appuis successifs sur 1,2,3 avec le programme Optimal123 /2 Q3(a) Nombre de déplacements /2 Q3(b) Nombre de déplacements /2 Q3(c) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(e) Nombre de déplacements /2 Q3(f) Nombre de déplacements /2			
Q2(t) Nombre total d'appuis avec un programme optimal /4 Q2(u) Nombre d'appuis successifs sur 8,4,5 avec le programme Optimal123 /2 Q2(v) Nombre d'appuis successifs sur 1,2,3 avec le programme Optimal123 /2 Q3(a) Nombre de déplacements /2 Q3(b) Nombre de déplacements /2 Q3(c) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(e) Nombre de déplacements /2 Q3(f) Nombre de déplacements /2	Q2(r)	Ouverture possible si le code est 4444 ? Écrire OUI ou NON	/2
Q2(t) Nombre total d'appuis avec un programme optimal /4 Q2(u) Nombre d'appuis successifs sur 8,4,5 avec le programme Optimal123 /2 Q2(v) Nombre d'appuis successifs sur 1,2,3 avec le programme Optimal123 /2 Q3(a) Nombre de déplacements /2 Q3(b) Nombre de déplacements /2 Q3(c) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(e) Nombre de déplacements /2 Q3(f) Nombre de déplacements /2	00()		
Q2(u) Nombre d'appuis successifs sur 8,4,5 avec le programme Optimal123 /2 Q2(v) Nombre d'appuis successifs sur 1,2,3 avec le programme Optimal123 /2 Q3(a) Nombre de déplacements /2 Q3(b) Nombre de déplacements /2 Q3(c) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(e) Nombre de déplacements /2 Q3(f) Nombre de déplacements /2 Q3(f) Nombre de déplacements /2	Q 2(s)	Ouverture possible si le code est 2345 ? Ecrire OUI ou NON	/2
Q2(u) Nombre d'appuis successifs sur 8,4,5 avec le programme Optimal123 /2 Q2(v) Nombre d'appuis successifs sur 1,2,3 avec le programme Optimal123 /2 Q3(a) Nombre de déplacements /2 Q3(b) Nombre de déplacements /2 Q3(c) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(e) Nombre de déplacements /2 Q3(f) Nombre de déplacements /2 Q3(f) Nombre de déplacements /2			
Q2(v) Nombre d'appuis successifs sur 1,2,3 avec le programme Optimal123 Q3(a) Nombre de déplacements /2 Q3(b) Nombre de déplacements /2 Q3(c) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(e) Nombre de déplacements /2 Q3(f) Nombre de déplacements /2	Q2(t)	Nombre total d'appuis avec un programme optimal	/4
Q2(v) Nombre d'appuis successifs sur 1,2,3 avec le programme Optimal123 Q3(a) Nombre de déplacements /2 Q3(b) Nombre de déplacements /2 Q3(c) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(e) Nombre de déplacements /2 Q3(f) Nombre de déplacements /2			
Q3(a) Nombre de déplacements /2 Q3(b) Nombre de déplacements /2 Q3(c) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(e) Nombre de déplacements /2 Q3(f) Nombre de déplacements /2	Q2(u)	Nombre d'appuis successifs sur 8,4,5 avec le programme Optimal123	/2
Q3(b) Nombre de déplacements /2 Q3(c) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(e) Nombre de déplacements /2 Q3(f) Nombre de déplacements /2	Q2(v)	Nombre d'appuis successifs sur 1,2,3 avec le programme Optimal123	/2
Q3(b) Nombre de déplacements /2 Q3(c) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(e) Nombre de déplacements /2 Q3(f) Nombre de déplacements /2			
Q3(c) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(e) Nombre de déplacements /2 Q3(f) Nombre de déplacements /2	Q3(a)	Nombre de déplacements	/2
Q3(c) Nombre de déplacements /2 Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(e) Nombre de déplacements /2 Q3(f) Nombre de déplacements /2			
Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(e) Nombre de déplacements /2 Q3(f) Nombre de déplacements /2	Q3(b)	Nombre de déplacements	/2
Q3(d) Nombre de déplacements /2 Q3(e) Nombre de déplacements /2 Q3(f) Nombre de déplacements /2			
Q3(e) Nombre de déplacements /2 Q3(f) Nombre de déplacements /2	Q3(c)	Nombre de déplacements	/2
Q3(e) Nombre de déplacements /2 Q3(f) Nombre de déplacements /2			
Q3(f) Nombre de déplacements /2	Q3(d)	Nombre de déplacements	/2
Q3(f) Nombre de déplacements /2	Q3(e)	Nombre de déplacements	/2
O2(c) Nombre de déple coments			-
Q3(g) Nombre de déplacements /3	Q3(f)	Nombre de déplacements	/2
Q3(g) Nombre de déplacements /3			
	Q3(g)	Nombre de déplacements	/3

be-OI 2020 samedi 7 mars 2020	Finale - JUNIOR	Réservé O
		U

Q3(h)			Une expression en fonction de n et k	/4
Q3(i)			L'expression (i)	/2
				. –
Q3(j)			L'expression (j)	/4
				, -
	Vrai	Faux	Affirmations concernant la Carte 1.	/8
Q4(a) /1			On peut aller en voiture de 1 à 0.	70
Q4(b) /1			On peut aller en voiture de 6 à 1.	
Q4(c) /1			On peut aller en voiture de 6 à 5.	
Q4(d) /1			1 et 2 peuvent être dans le même quartier.	
Q4(e) /1			6 et 2 peuvent être dans le même quartier.	
Q4(f) /1			3, 4 et 6 peuvent être dans le même quartier.	
Q4(g) /1			3, 4, 5 et 6 peuvent être dans le même quartier.	
Q4(h) /1			1, 2, 3, 4, 5 et 6 peuvent être dans le même quartier.	
	Vrai	Faux	Affirmations concernant la Carte 2.	/9
Q4(i) /1			On peut aller en voiture de 1 à 0.	17
04(2) /1				
Q4(j) /1			On peut aller en voiture de 2 à 7.	
Q4(J) /1 Q4(k) /1			On peut aller en voiture de 2 à 7. On peut aller en voiture de 7 à 1.	
		+	•	
Q4(k) /1			On peut aller en voiture de 7 à 1.	
Q4(k) /1 Q4(l) /1			On peut aller en voiture de 7 à 1. 2 et 5 peuvent être dans le même quartier.	
Q4(k) /1 Q4(l) /1 Q4(m) /1			On peut aller en voiture de 7 à 1. 2 et 5 peuvent être dans le même quartier. 2, 3 et 4 peuvent être dans le même quartier.	
Q4(k) /1 Q4(l) /1 Q4(m) /1 Q4(n) /1			On peut aller en voiture de 7 à 1. 2 et 5 peuvent être dans le même quartier. 2, 3 et 4 peuvent être dans le même quartier. 4, 5, 6 et 7 peuvent être dans le même quartier. 4, 5, 6 et 7 peuvent être dans le même quartier et il n'existe pas de quartier	
Q4(k) /1 Q4(l) /1 Q4(m) /1 Q4(n) /1 Q4(o) /1			On peut aller en voiture de 7 à 1. 2 et 5 peuvent être dans le même quartier. 2, 3 et 4 peuvent être dans le même quartier. 4, 5, 6 et 7 peuvent être dans le même quartier. 4, 5, 6 et 7 peuvent être dans le même quartier et il n'existe pas de quartier plus grand contenant ces 4 bars.	
Q4(k) /1 Q4(l) /1 Q4(m) /1 Q4(n) /1 Q4(o) /1 Q4(p) /1			On peut aller en voiture de 7 à 1. 2 et 5 peuvent être dans le même quartier. 2, 3 et 4 peuvent être dans le même quartier. 4, 5, 6 et 7 peuvent être dans le même quartier. 4, 5, 6 et 7 peuvent être dans le même quartier et il n'existe pas de quartier plus grand contenant ces 4 bars. 2, 3, 4, 5, 6 et 7 peuvent être dans le même quartier. 2, 3, 4, 5, 6 et 7 peuvent être dans le même quartier et il n'existe pas de	/3
Q4(k) /1 Q4(l) /1 Q4(m) /1 Q4(n) /1 Q4(o) /1 Q4(p) /1 Q4(q) /1			On peut aller en voiture de 7 à 1. 2 et 5 peuvent être dans le même quartier. 2, 3 et 4 peuvent être dans le même quartier. 4, 5, 6 et 7 peuvent être dans le même quartier. 4, 5, 6 et 7 peuvent être dans le même quartier et il n'existe pas de quartier plus grand contenant ces 4 bars. 2, 3, 4, 5, 6 et 7 peuvent être dans le même quartier. 2, 3, 4, 5, 6 et 7 peuvent être dans le même quartier et il n'existe pas de quartier plus grand contenant ces 6 bars.	/3

Q4 (t)	Un tableau contenant les 8 valeurs entières de 1 à 8 .	/3
		73
Q4(u)	Une liste de numéros de bars.	/3
Q4(v)	Un tableau de 7 entiers.	/3
Q4(w)	Une valeur entière.	/3
04()		
Q4(x)	Une séquence de numéros de bars.	/3
Q4(y)	Une série d'ensembles de numéros de bars.	/3
		73
Q4(z)	Une série d'ensembles de numéros de bars.	/3
Q5(a) Complét Heldor: p=-242	tez la carte administrative de Heldor en notant les puissances des entités. Gélant: p=128 Kalt-Daaga: p=112 Hodvil: p= Wagia: p= Drag: p= Hedain: p=128 Lagof: p= Dortalmon: p= Maethelburg: p=	/7
Q5(b)	Nombre de "sous" devant province pour que la puissance soit ≤ 0 .	/2

be-OI 2020 samedi 7 mars 2020	Finale - JUNIOR	Réservé
		O

Q5(d)		Puissance totale de Wagia	/1
Q5(e)		Puissance totale d'Arandor	/2
Q5(f)		Puissance totale de Heldor	/2
Q5(g)		Expression vraie si et seulement si le pays A gagne contre le pays B	/2
Q5(h)		Ne cochez qu'UNE seule réponse !	
QU(II)		nb_entites ← CALCULER_S(E) + 1	/2
	 -	nb_entites ← nb_entites + 1	
		nb_entites ← nb_entites + CALCULER_S(E)	
		nb_entites ← CALCULER_S(E)	
		nb_entites ← nb_entites + CALCULER_S(E) + 1	
Q5(i)	1	L'expression (j) dans la fonction PUISSANCE_TOTALE(X, n)	/2
Q5(j)		L'expression (k) dans la fonction PUISSANCE_TOTALE(X, n)	/2
Q5(k)		L'expression (1) dans la fonction PUISSANCE_TOTALE (X, n)	/2
Q5(l)		Ne cochez qu'UNE seule réponse !	
QS(I)		t1 + t2	/5
		t1 + t2 - 10*s2	
		t1 + t2 - 2*s2*s2	
		t1 + t2 + 2*s1*s1 - 2*(s1+s2)*(s1+s2)	
		t1 + t2 + 2*s2*s2 - 2*(s1+s2)*(s1+s2)	
		t1 + t2 - 10*s2 + 2*s1*s1 - 2*(s1+s2)*(s1+s2)	
		t1 + t2 - 10*s2 + 2*s2*s2 - 2*(s1+s2)*(s1+s2)	
Q5(m)	1	L'expression (e1) dans la fonction GUERRES ()	/2
		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	/2

be-OI 2020 samedi 7 mars 2020 Fin	nale - JUNIOR	Réservé O
--	---------------	--------------

Q5(n)	L'expression (e2) dans la fonction GUERRES ()	/2
Q5(o)	L'expression (e3) dans la fonction GUERRES ()	/2
		-