# be-OI 2024

Finale - SENIOR Samstag 23. März 2024

# Füllt diesen Rahmen bitte in GROSSBUCHSTABEN und LESERLICH aus

Reserviert

# Belgische Informatik-Olympiade 2024 (Dauer: maximal 2 Stunden)

### Allgemeine Hinweise (bitte sorgfältig lesen bevor du die Fragen beantwortest)

- 1. Überprüfe, ob du die richtigen Fragen erhalten hast. (s. Kopfzeile oben):
  - Für Schüler bis zum zweiten Jahr der Sekundarschule: Kategorie Kadett.
  - Für Schüler im dritten oder vierten Jahr der Sekundarschule: Kategorie Junior.
  - Für Schüler der Sekundarstufe 5 und höher: Kategorie Senior.
- 2. Gib deinen Namen, Vornamen und deine Schule nur auf dieser Seite an.
- 3. **Die Antworten** sind auf den dafür vorgesehenen Antwortbogen einzutragen. Schreibe **gut lesbar** mit einem **blauen** oder schwarzen Stift oder Kugelschreiber.
- 4. Verwende einen Bleistift und einen Radiergummi, wenn du am Entwurf in den Frageblättern arbeitest.
- 5. Du darfst nur Schreibmaterial dabei haben; Taschenrechner, Mobiltelefone, ... sind verboten.
- 6. Du kannst jederzeit weitere Kladdeblätter bei einer Aufsichtsperson fragen.
- 7. Wenn du fertig bist, gibst du die erste Seite (mit deinem Namen) und die letzten Seiten (mit den Antworten) ab, du kannst die anderen Seiten behalten.
- 8. Alle Codeauszüge aus der Anweisung sind in **Pseudo-Code**. Auf den folgenden Seiten findest du eine **Beschreibung** des Pseudo-Code, den wir verwenden.
- 9. Wenn du mit einem Code antworten musst, dann benutze den **Pseudo-Code** oder eine **aktuelle Programmier-sprache** (Java, C, C++, Pascal, Python,....). Syntaxfehler werden bei der Auswertung nicht berücksichtigt.

Viel Erfolg!

Die belgische Olympiade der Informatik ist möglich dank der Unterstützung unserer Mitglieder:





©2024 Belgische Informatik-Olympiade (beOI) ASBL

Dieses Werk wird unter den Bedingungen der Creative Commons Attribution 2.0 Belgium License zur Verfügung gestellt.



#### **Pseudocode Checkliste**

Die Daten werden in Variablen gespeichert. Wir ändern den Wert einer Variablen mit  $\leftarrow$ . In einer Variablen können wir ganze Zahlen, reelle Zahlen oder Arrays (Tabellen) speichern (siehe weiter unten), sowie boolesche (logische) Werte: wahr/richtig (**true**) oder falsch/fehlerhaft (**false**). Es ist möglich, arithmetische Operationen auf Variablen durchzuführen. Zusätzlich zu den vier traditionellen Operatoren (+, -, × und /), kann man auch den Operator % verwenden. Wenn a und b ganze Zahlen sind, dann stellt a/b den Quotienten und a%b den Rest der ganzen Division dar. Zum Beispiel, wenn a = 14 und b = 3, dann a/b = 4 und a%b = 2.

Hier ist ein erstes Beispiel für einen Code, in dem die Variable alter den Wert 17 erhält.

```
geburtsjahr \leftarrow 2007 alter \leftarrow 2024 - geburtsjahr
```

Um Code nur auszuführen, wenn eine bestimmte Bedingung erfüllt ist, verwendet man den Befehl **if** und möglicherweise den Befehl **else**, um einen anderen Code auszuführen, wenn die Bedingung falsch ist. Das nächste Beispiel prüft, ob eine Person volljährig ist und speichert den Eintrittspreis für diese Person in der Variable *preis*. Beobachte die Kommentare im Code.

```
 \begin{array}{l} \textbf{if} \ (alter \geq 18) \\ \{ \\ preis \leftarrow 8 \ // \ \textit{Das ist ein Kommentar.} \\ \} \\ \textbf{else} \\ \{ \\ preis \leftarrow 6 \ // \ \textit{billiger!} \\ \} \\ \end{array}
```

Manchmal, wenn eine Bedingung falsch ist, muss eine andere überprüft werden. Dazu können wir **else if** verwenden, was so ist, als würde man ein anderes **if** innerhalb des **else** des ersten **if** ausführen. Im folgenden Beispiel gibt es 3 Alterskategorien, die 3 unterschiedlichen Preisen für das Kinoticket entsprechen.

```
if (alter ≥ 18)
{
    preis ← 8 // Preis fuer eine erwachsene Person.
}
else if (alter ≥ 6)
{
    preis ← 6 // Preis fuer ein Kind ab 6 Jahren.
}
else
{
    preis ← 0 // Kostenlos fuer ein Kind unter 6 Jahren.
}
```

Um mehrere Elemente mit einer einzigen Variablen zu manipulieren, verwenden wir ein Array. Die einzelnen Elemente eines Arrays werden durch einen Index gekennzeichnet (in eckigen Klammern nach dem Namen des Arrays). Das erste Element eines Arrays tab[] hat den Index 0 und wird mit tab[0] bezeichnet. Der zweite hat den Index 1 und der letzte hat den Index n-1, wenn das Array n Elemente enthält. Wenn beispielsweise das Array tab[] die 3 Zahlen 5, 9 und 12 (in dieser Reihenfolge) enthält, dann tab[0]=5, tab[1]=9, tab[2]=12. Das Array hat die Länge 3, aber der höchste Index ist 2.



Um Code zu wiederholen, z.B. um durch die Elemente eines Arrays zu laufen, kann man eine **for**-Schleife verwenden. Die Schreibweise **for** ( $i \leftarrow a$  **to** b **step** k) stellt eine Schleife dar, die so lange wiederholt wird, wie  $i \leq b$ , in der i mit dem Wert a beginnt und wird am Ende jedes Schrittes um den Wert k erhöht. Das folgende Beispiel berechnet die Summe der Elemente in dem Array tab[]. Angenommen, das Array ist n lang. Die Summe befindet sich am Ende der Ausführung des Algorithmus in der Variable sum.

```
summe \leftarrow 0
for (i \leftarrow 0 \text{ to } n-1 \text{ step } 1)
{
summe \leftarrow summe + tab[i]
}
```

Sie können eine Schleife auch mit dem Befehl **while** schreiben, der den Code wiederholt, solange seine Bedingung wahr ist. Im folgenden Beispiel wird eine positive ganze Zahl n durch 2 geteilt, dann durch 3, dann durch 4 ..., bis sie nur noch aus einer Ziffer besteht (d.h. bis n < 10).

```
\begin{array}{c} \textit{d} \leftarrow 2 \\ \textbf{while} \quad (\textit{n} \geq 10) \\ \{ & \textit{n} \leftarrow \textit{n}/\textit{d} \\ & \textit{d} \leftarrow \textit{d} + 1 \\ \} \end{array}
```

Häufig befinden sich die Algorithmen in einer Struktur und werden durch Erklärungen ergänzt. Nach Eingabe wird jedes Argument (Variabel) definiert, die als Eingaben für den Algorithmus angegeben werden. Nach Ausgabe wird der Zustand bestimmter Variablen am Ende der Algorithmusausführung und möglicherweise der zurückgegebenen Werte definiert. Ein Wert kann mit dem Befehl **return** zurückgegeben werden. Wenn dieser Befehl ausgeführt wird, stoppt der Algorithmus und der angegebene Wert wird zurückgegeben.

Hier ist ein Beispiel für die Berechnung der Summe der Elemente eines Arrays.

```
Eingabe: tab[\ ], ein Array mit n Zahlen. n, die Anzahl der Elemente des Arrays. Ausgabe: sum, die Summe aller im Array enthaltenen Zahlen. summe \leftarrow 0 for (i \leftarrow 0 \text{ to } n-1 \text{ step } 1) { summe \leftarrow summe + tab[i] } return summe
```

Hinweis: In diesem letzten Beispiel wird die Variable *i* nur als Zähler für die Schleife **for** verwendet. Es gibt also keine Erklärung darüber in Eingabe oder Ausgabe, und ihr Wert wird nicht zurückgegeben.



Auteur: Ludovic Galant

### Frage 1 - Tests

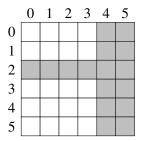
Sie müssen die Kästchen einer Tabelle schwärzen, indem Sie einen logischen Test auswerten, bei dem es um die Zeilenund Spaltennummern der Kästchen geht. Die Variable i enthält eine Zeilennummer und die Variable j enthält eine Spaltennummer. Wenn der Test für ein Wertepaar i und j wahr ist, wird das Kästchen am Schnittpunkt der Zeile mit der Nummer i und der Spalte mit der Nummer j geschwärzt.

Hier ist ein Beispiel für eine Bedingung: (i==2) or (j>3)

Die Bedingung ist wahr, wenn die Zeilennummer 2 ist oder wenn die Spaltennummer größer als 3 ist.

Die Zeilennummern werden links und die Spaltennummern oberhalb der Tabelle notiert.

Daher müssen Sie die Kästchen wie unten beschrieben schwärzen.

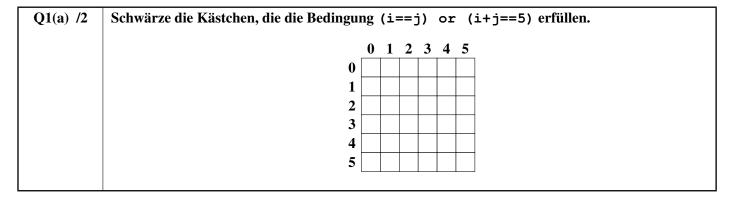


Logische Tests verwenden die Vergleichsoperatoren aus den folgenden Beispielen.

i==1	Wahr, wenn i gleich an 1 ist.
	Wahr, wenn j größer als 3 ist.
	Wahr, wenn j größer oder gleich an 4 ist.
<u>i+j&lt;5</u>	Wahr, wenn i+j kleiner als 5 ist.
i<=j+2	Wahr, wenn i kleiner oder gleich an j+2 ist.
(i==3) <b>or</b> (j==2)	Wahr, wenn mindestens einer der Bedingungen wahr ist.
(i<2) <b>and</b> (j>3)	Wahr, wenn beide Bedingungen wahr sind.

Einige Fragen verwenden auch die Begriffe aus den unten stehenden Beispielen.

max (14,10)	Wita Allindin-1 dilktion. Gibt den großten Wert Zurdek, also 10.
<b>min</b> (i,j)	Minimum-Funktion. Gibt den kleinsten Wert zurück.
11/4	Operator /, Quotient einer ganzzahligen Division. Gibt 2 zurück, denn $11 = 2 \cdot 4 + 3$
11%4	Operator % Rest einer Ganzzahldivision Gibt 3 zurück denn 11 = 2 cdot 4 + 3

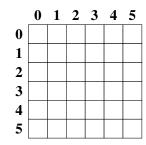




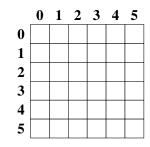
Q1(b) /2 Schwärze die Kästchen, die die Bedingung min (i, j) <= 1 or max (i, j) >= 4 erfüllen.

	0	1	2	3	4	5
0						
1						
2						
3						
3 4 5						
5						

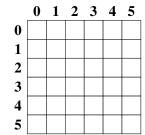
Q1(c) /4 Schwärze die Kästchen, die die Bedingung max (i-j, j-i) >= 3 erfüllen.



Q1(d) /4 Schwärze die Kästchen, die die Bedingung min (i, j) %2==0 erfüllen.



Q1(e) /4 | Schwärze die Kästchen, die die Bedingung (i/2+j/2) %2==0 erfüllen.



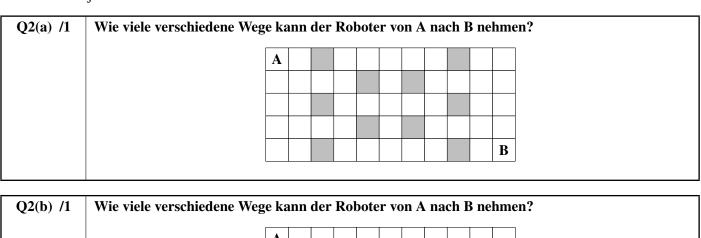


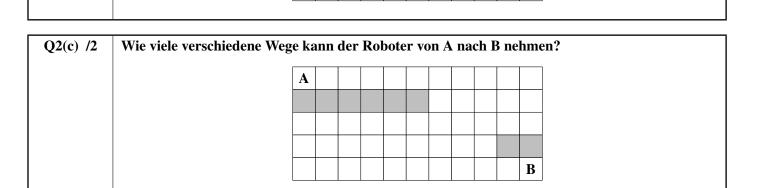
Auteur: Ludovic Galant

# Frage 2 - Wege

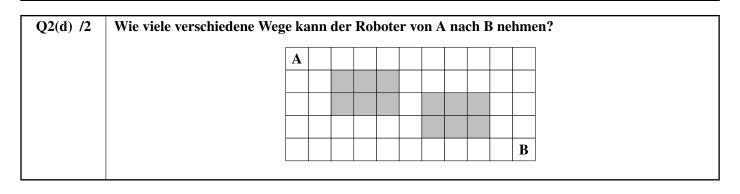
# Wie viele Wege?

Die folgenden Abbildungen zeigen Räume mit quadratischen Fliesen (weiße Kästchen) und Hindernissen (graue Kästchen). Ein Roboter startet in **A** oben links und muss sich bis **B** unten rechts bewegen. Bei jedem Schritt kann er nur ein Feld nach unten oder nach rechts vorrücken. Er kann nicht nach links und nicht nach oben vorrücken. Der Roboter muss auf den weißen Feldern bleiben, er darf niemals über ein graues Feld fahren. Wie viele verschiedene Wege kann der Roboter in jedem Fall von **A** nach **B** nehmen?





В



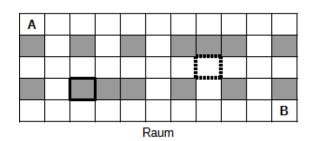


Q2(e) /3	Wie viele verschiedene	Wege ka	nn	der	Rol	bote	r vo	n A	nac	ch B	nel	hmen	?		
		A													
												В			

# Ein Programm zum Zählen der Wege

Es gibt verschiedene Möglichkeiten, die Wege von A nach B zu zählen. Ein DP-Algorithmus (Dynamische Programmierung) ermöglicht dies in allen Fällen und wird in schwierigen Fällen unverzichtbar.

Das unvollständige Listing eines DP-Algorithmus wird weiter unten angegeben. Der Raum wird darin durch eine Tabelle t [] [] repräsentiert, die 0 für jedes weiße Feld und 1 für jedes graue Feld enthält.





Im obigen Beispiel hat die Tabelle t[][] 5 Zeilen und 11 Spalten. Die Zeilennummern werden auf der linken Seite der Tabelle notiert, die Spaltennummern oberhalb der Tabelle. Jedes Kästchen ist durch seine Zeilen- und Spaltennummer gekennzeichnet. Das dick umrandete Kästchen ist grau, das entsprechende Element t[3][2] ist also gleich 1. Das gestrichelt umrandete Feld ist weiß, das entsprechende Element t[2][7] ist also gleich 0. Die Felder A und B sind natürlich weiß und werden durch 0 in t[][] repräsentiert.

Der DP-Algorithmus berechnet für jedes Feld, wie viele verschiedene Wege A mit diesem Feld verbinden. Die Anzahl der Wege zum Feld A ist 1, da man sich dort am Anfang befindet und es unmöglich ist, später dorthin zurückzukehren. Die Anzahl der Wege ist 0 für graue Felder (da man sie nie erreichen kann). Die Anzahl der Wege zu einem weißen Feld kann aus der Anzahl der Wege zu seinen linken und oberen Nachbarn berechnet werden (dies ist die wesentliche Eigenschaft, die es zu einem DP-Programm macht).

Die Anzahl der Wege wird in einem Array dp[][] gespeichert, das die gleiche Anzahl an Zeilen und Spalten hat wie das Array t[][]. Zu Beginn des Algorithmus ist das Array dp[][] mit  $\mathbf{0}$  gefüllt. Das Programm beginnt in Feld  $\mathbf{A}$  und schreitet in Leserichtung fort (Zeile für Zeile, in jeder Zeile nach rechts). Im Beispielraum wird nach Ausführung des Algorithmus dp[3][2] gleich  $\mathbf{0}$  sein, da kein Pfad ein graues Feld erreichen kann, und dp[2][7] wird die Anzahl der verschiedenen Wege enthalten, die von  $\mathbf{A}$  zu dem gestrichelt umrandeten Feld führen.

Das Programm startet mit der Anzahl der Zeilen in der Variablen ni, der Anzahl der Spalten in der Variablen nj, dem korrekt ausgefüllten Array t[][], um den zu analysierenden Raum darzustellen, und dem mit  $\mathbf{0}$  gefüllten Array dp[][].

Das Programm soll die Anzahl der verschiedenen Wege zurückgeben, die von A nach B führen.



```
Q2(f) /6 Vervollständigen Sie die _____ im DP-Programm.
Note zwischen 0 und 6. Für jeden Fehler oder jede fehlende Antwort verlieren Sie 1 Punkt.
```

Sie können die Antworten unten im Entwurf ausfüllen. Vergessen Sie nicht, ihre Antworten auf die Antwortbögen zu kopieren.

#### **Unerreichbare Felder**

Einige weiße Felder sind nicht erreichbar. Das bedeutet, dass der Roboter sie von A aus wegen der Hindernisse (graue Kästchen) nicht erreichen kann. Wir gehen davon aus, dass das DP-Programm ausgeführt wurde, also haben wir die Anzahl der Zeilen in der Variablen ni, die Anzahl der Spalten in der Variablen nj, die Tabelle t[][], die korrekt gefüllt ist, um den Raum darzustellen, und die Tabelle dp[][], die durch das DP-Programm ausgefüllt wird.

Vervollständigen Sie das folgende Programm NoPath, das die Anzahl der unerreichbaren weißen Felder zurückgeben soll.

```
Q2(g) /5 Ergänzen Sie die im Programm NoPath, das die unzugänglichen weißen Felder zählt.
Note zwischen 0 und 5. Für jeden Fehler oder jede fehlende Antwort verlieren Sie 1 Punkt.
```

Sie können die Antworten unten im Entwurf ausfüllen. Vergessen Sie nicht, ihre Antworten auf die Antwortbögen zu kopieren.

```
NoPath ← 0

for (i ← 0 to step 1) {

    for (j ← 0 to step 1) {

        if ( and ) { NoPath ← } }

    }

return NoPath
```

#### Zwischenfelder

Wir wollen die Anzahl der Wege zählen, die über ein Zwischenfeld X führen. Der Roboter startet immer in A oben links und muss sich bis zu B unten rechts bewegen, aber er muss zwingend durch X gehen.

Raum 1: Wir wissen, dass es 21 verschiedene Wege zwischen A und X und 9 verschiedene Wege zwischen X und B gibt.

Q2(h) /1	Wie viele Wege führen im Raum 1 von A über X nach B?	
----------	--	--



In den folgenden Fragen gibt es zwei Zwischenfelder X und Y.

Raum 2: Wir wissen, dass N(A,X)=5, N(X,B)=12, N(A,Y)=8, N(Y,B)=10 und wir haben den Teilplan

Q2(i) /2 Wie viele Wege führen in Raum 2 von A nach B über X oder Y?

Raum 3: Wir wissen, dass N(A,X)=6, N(X,B)=16, N(A,Y)=10, N(Y,B)=8 und wir haben die Teilplan

Q2(j) /1 Wie viele Wege führen in Raum 3 von A nach B durch die beiden Felder X und Y?

Q2(k) /2 Wie viele Wege führen in Raum 3 von A nach B über X oder Y (oder über beide)?

Raum 4: Wir wissen, dass N(A,X)=6, N(X,B)=11, N(A,Y)=18, N(Y,B)=3 und wir haben den Teilplan

Q2(l) /1 Wie viele Wege führen in Raum 4 von A nach B durch die beiden Felder X und Y?

In Raum 4 wissen wir auch, dass 18 Wege A mit B verbinden, ohne durch X oder Y zu gehen.

Q2(m) /2 Wie viele Wege gibt es in Raum 4 insgesamt, die A mit B verbinden?

**Allgemeiner Fall:** Wir kennen N(A,X), N(X,B), N(A,Y), N(Y,B) und die Anzahl N(X,Y) der unterschiedlichen Wege von X nach Y (und es gibt keinen Weg von Y nach X).

Q2(n) /1 Welcher Ausdruck gibt die Anzahl der Wege an, die von A über X und Y nach B führen?

Q2(o) /2 Welcher Ausdruck gibt die Anzahl der Wege an, die von A nach B über X oder Y (oder über beide) führen?



Auteur: Kris Coolsaet - Ludovic Galant

### Frage 3 – Loops

Betrachten wir das folgende Programm **LoopA**. Es besteht aus drei verschachtelten **for**-Schleifen und einem Test mit drei Bedingungen, die wahr sein müssen, um eine Anzeigeanweisung auszuführen.

```
for (i ← 1 to 100 step 1) {
    for (j ← 1 to 100 step 1) {
        for (k ← 1 to 100 step 1) {
            if (i<j and j<k and i+j+k=100) {
                print(i,j,k)
            }
        }
    }
}</pre>
```

**LoopA** zeigt alle Tripel (Gruppe mit 3 Zahlen) von ganzen Zahlen größer als null an, deren Summe 100 beträgt. In jedem Tripel werden die drei Zahlen in aufsteigender Reihenfolge angezeigt. So zeigt **LoopA** das Tripel (20, 30, 50) an, aber nicht das Tripel (50, 20, 30).

Q3(a) /1	Welches ist das erste angezeigte Tripel?
Q3(b) /1	Welches ist das zehnte angezeigte Tripel?
Q3(c) /1	Welches ist das letzte angezeigte Tripel?
Q3(c) 71	Welches ist das letzte angezeigte Triper.
Q3(d) /1	Wie oft wird der Test in LoopA ausgewertet?

Das Programm LoopB zeigt genau dasselbe an wie LoopA.

Er verwendet jedoch einen einfacheren Test: Die Bedingungen i < j und j < k werden nicht mehr benötigt.

```
Q3(e) /3 Ergänzen Sie die _____ in LoopB so, dass es das Gleiche wie LoopA anzeigt.
Note zwischen 0 und 3. Für einen Fehler oder eine fehlende Antwort verlieren Sie 1 Punkt.
```

Sie können die Antworten unten im Entwurf ausfüllen. Vergessen Sie nicht, ihre Antworten auf die Antwortbögen zu kopieren.

```
Q3(f) /1 Wird der Test in LoopB öfters, seltener oder gleich oft ausgewertet wie der Test in LoopA?

□ Öfters □ Gleich oft

Q3(g) /1 Wird der Code in LoopB öfters, seltener oder gleich oft ausgeführt wie der in LoopA?

□ Öfters □ Gleich oft
```

Das Programm LoopC zeigt genau das Gleiche wie LoopA und LoopB an.



Der Test hat sich wieder geändert und es gibt nur noch zwei for-Schleifen.

Q3(h) /3 Ergänzen Sie die \_\_\_\_\_ in LoopC so, dass es das Gleiche wie LoopA und LoopB anzeigt.
Note zwischen 0 und 3. Für einen Fehler oder eine fehlende Antwort verlieren Sie 1 Punkt.

Sie können die Antworten unten im Entwurf ausfüllen. Vergessen Sie nicht, ihre Antworten auf die Antwortbögen zu kopieren.

```
for (i \( \) to 100 step 1) {
    for (j \( \) to 100 step 1) {
        k =
            if (j \( \) {
                print(i,j,k)
            }
        }
    }
}
```

```
Q3(i) /1 Wird der Test in LoopC öfters, seltener oder gleich oft ausgewertet wie der Test in LoopB?

□ Öfters □ Seltener □ Gleich oft
```

Versuchen wir, genauer zu sein.

```
Q3(j) /2 Wie oft wird der Test in LoopC ausgewertet?
```

Hier ist endlich das Programm LoopD. Es hat nur zwei Schleifen und keinen Test.

```
Q3(k) /5

Ergänzen Sie die ______in LoopD so, dass es immer noch das Gleiche anzeigt.

Die erste Schleife for sollte so selten wie möglich ausgeführt werden.

Note zwischen 0 und 5. Für jeden Fehler oder jede fehlende Antwort verlieren Sie 1 Punkt.
```

Sie können die Antworten unten im Entwurf ausfüllen. Vergessen Sie nicht, ihre Antworten auf die Antwortbögen zu kopieren.

Achtung, die folgende Frage ist schwierig. Versuchen Sie sie erst, wenn Sie alle anderen Fragen beantwortet haben!

```
Q3(l) /2 Wie viele verschiedene Tripel werden von diesen Programmen angezeigt?
```



Auteur: Damien Galant

# Frage 4 – Teleportationen

Professor Spock hat eine Reihe von Teleportationsnetzen entwickelt, mit dem Dinge und Menschen gebeamt werden können. Ein solches Netzwerk besteht aus n Teleportationskabinen, die von 0 bis n-1 durchnummeriert sind. In jeder Kabine kann man sich zu genau einer **anderen** Kabine teleportieren. (es handelt sich noch um Prototypen, jede Kabine ermöglicht derzeit nur den Zugang zu einem festgelegten Ziel). Um Sicherheitskontrollen durchzuführen, möchte Spock überprüfen, ob die wiederholte Verwendung von Transportern sicher ist. Können Sie ihm dabei helfen?

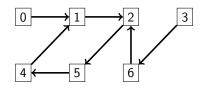
Das erste Netzwerk, das der Professor entwickelt hat, besteht aus nur drei Kabinen.



Der Professor testet sein Netzwerk, indem er einen Gegenstand, der sich zu Beginn in der Kabine mit der Nummer 0 befindet, mehrmals hintereinander teleportiert. Der Gegenstand kommt nach einer Teleportation in Kabine Nummer 1 an, nach zwei Teleportationen in Kabine Nummer 2, nach drei Teleportationen wieder in Kabine Nummer 0 und so weiter.

Q4(a) /1	Ausgehend von der Kabine 0, in welcher Kabine kommt das Objekt nach 10 Teleportationen an?
Q4(b) /2	Ausgehend von der Kabine 0, in welcher Kabine kommt das Objekt nach 50 Teleportationen an?
Q4(b) /2	Ausgenend von der Kabine 0, in weicher Kabine kommt das Objekt nach 50 Teleportationen an?
Q4(c) /2	Ausgehend von der Kabine 0, in welcher Kabine kommt das Objekt nach 1000 Teleportationen an?

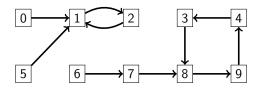
Da die Tests erfolgreich waren, wurde das zweite Netz mit sieben Kabinen eingerichtet.



	Q4(d) /2	In welche Kabine gelangt man nach 50 Teleportationen, wenn man in der Kabine 4 beginnt?
_		
Γ	Q4(e) /2	In welche Kabine gelangt man nach 1000 Teleportationen, wenn man in der Kabine 3 beginnt?

Sie stellen fest, dass man bei Anwendung einer großen Anzahl von Teleportationen am Ende immer wieder in den selben Kabinen zurückkehrt. So werden im vorherigen Netz, ausgehend von der Kabine mit der Nummer 0, nacheinander die Kabinen 0, 1, 2, 5, 4, 1, 2, 5, 4, 1, 2, 5, 4, ... besucht. Eine Kabine, zu der man nach einer bestimmten Anzahl von Teleportationen wieder zurückkehrt, wird als *zu einem Zyklus gehörend* bezeichnet. Ein *Zyklus* ist eine Liste von Kabinen, in der jede Kabine zur nächsten führt und die letzte Kabine wieder zur ersten. Die Länge eines Zyklus ist die Anzahl der Kabinen in ihm. Das **zweite Netz** hat einen Zyklus der Länge 4, der aus den Kabinen 1, 2, 5, 4 besteht.

Unten ist das dritte Netz mit 10 Kabinen und 2 Zyklen, einer mit der Länge 2, der andere mit der Länge 4, abgebildet.





Der Professor hat bewiesen, dass man in all seinen *Teleportationsnetzwerken*, in denen man sich von jeder Kabine zu genau einer anderen Kabine teleportieren kann, nach einer bestimmten Anzahl von Teleportationen immer in einen Zyklus gelangt, egal von welcher Kabine aus man startet.

Q4(f) /3

Nach wie vielen Teleportationen ist man in einem Netzwerk mit n Kabinen von einer beliebigen Kabine aus sicher in einem Zyklus angekommen?

Es ist hilfreich, computergestützt den Zyklus zu bestimmen, in den man von einer bestimmten Kabine aus gelangt.

Ein Teleportationsnetz kann durch eine Tabelle T [] dargestellt werden, die für jede Kabine angibt, zu welcher Kabine teleportiert wird.

So ist die Tabelle für das dritte Netzwerk aus 10 Umkleidekabinen T=[1, 2, 1, 8, 3, 1, 7, 8, 9, 4].

Der Zyklus der Länge 2 wird durch die Beziehungen T[1]=2 und T[2]=1 übersetzt.

Die Zykluslänge 4 wird durch die Beziehungen T[3]=8, T[8]=9, T[9]=4 und T[4]=3 verdeutlicht.

Über die Kabinen 0, 1, 2 und 5 gelangt man zum Zyklus der Länge 2.

Mit den anderen Kabinen gelangt man zum Zyklus der Länge 4 (nach 2 Teleportationen, wenn man von der Kabine 6 aus startet).

Sie sollen das folgende **Programm A** ausfüllen. Als Eingaben wird ein Array T[] verwendet, das das zu untersuchende Netz darstellt, die Anzahl n der Kabinen und die Nummer c der Startkabine.

Die Ausgabe ist ein Array aus logischen (booleschen) Werten cyc[] mit der Länge n, so dass cyc[i] gleich an **true** ist, wenn die Kabinen mit der Nummer i zu dem Zyklus gehört, den man von der Kabine c aus erreicht, ansonsten **false**.

Das Programm verwendet intern ein Array check [] mit n logischen Werten.

Sie können den logischen Operator not verwenden (not true ist gleich false und not false ist gleich true).

Q4(g) /5

Füllen Sie die \_\_\_\_\_ in Programm A aus. Note zwischen 0 und 5. Für jeden Fehler oder jede fehlende Antwort verlieren Sie 1 Punkt.



Es ist auch wichtig zu wissen, welche Kabinen die Zyklen des Netzwerks bilden. Das **Programm B** füllt das Boolesche Array cy [] so aus, dass cy [i] gleich **true** ist, wenn die Kabine mit der Nummer i zu einem Zyklus gehört, und sonst gleich **false** ist. Das Programm verwendet intern ein Array pos [] mit n Ganzzahlen.

```
Q4(h) /4 Füllen Sie die in Programm B aus.
Note zwischen 0 und 4. Sie verlieren 2 Punkte für jeden Fehler oder jede fehlende Antwort.
```

Sie können die Antworten unten im Entwurf ausfüllen. Vergessen Sie nicht, ihre Antworten auf die Antwortbögen zu kopieren.

Auch die Längen der Zyklen sind wichtig. Das **Programm C** muss das Array lency[] so füllen, dass lency[i] gleich 0 ist, wenn die Kabine mit der Nummer i nicht zu einem Zyklus gehört, und ansonsten der Länge dieses Zyklus entspricht. Das **Programm C** verwendet die Tabelle cy[], die zuvor von **Programm B** berechnet wurde.

```
Q4(i) /5 Füllen Sie die _____ in Programm C aus.

Note zwischen 0 und 5. Für jeden Fehler oder jede fehlende Antwort verlieren Sie 1 Punkt.
```



Es ist bekannt, dass alle Kabinen zu einem Zyklus führen, wenn genügend Teleportationen durchgeführt werden. Das **Programm D** füllt die Tabellen beforecy[] und firstcy[] aus:

- beforecy[i] muss die Anzahl der Teleportationen enthalten, die von der Kabine mit der Nummer i aus durchgeführt werden müssen, um in einem Zyklus anzukommen.,
- firstcy[i] muss die Nummer der ersten Kabine enthalten, auf die man trifft, wenn man in einem Zyklus von der Kabine mit der Nummer i aus startet.

Das **Programm D** verwendet die Tabelle cy [], die zuvor von **Programm B** berechnet wurde.

```
Q4(j) /5 Füllen Sie die _____ in Programm D aus.
Note zwischen 0 und 5. Für jeden Fehler oder jede fehlende Antwort verlieren Sie 1 Punkt.
```

Sie können die Antworten unten im Entwurf ausfüllen. Vergessen Sie nicht, ihre Antworten auf die Antwortbögen zu kopieren.

Da Sie die Tabellen <code>lency[]</code>, <code>beforecy[]</code> und <code>firstcy[]</code> haben, können Sie nun den **Programm E** ergänzen, der die Nummer der Ankunftskabine zurückgibt, wenn man <code>k</code> Mal von der Kabine mit der Nummer <code>c</code> aus teleportiert. Sie erhalten 4 Punkte, wenn Ihr Programm korrekt ist und die Schleife immer höchstens <code>n</code> Mal ausgeführt wird. Sie erhalten 2 Punkte, wenn Ihr Programm zwar korrekt ist, die Schleife aber manchmal mehr als <code>n</code> Mal ausgeführt wird.

```
Q4(k) /4 Füllen Sie den _____ in Programm E aus (0, 2 oder 4 Punkte).
```

```
Input : n, T[], c, k, lency[], beforecy[], firstcy[]
Output : a cabin number
if(k < beforecy[c]) {
    pos \( \to \) c
}
else {
    pos \( \to \) firstcy[c]
    k \( \to \)

for(i \( \to \) to k-1 step 1) {
    pos \( \to \) T[pos]
}
return pos</pre>
```

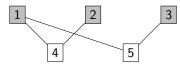


Auteur : Gilles Geeraerts

### Frage 5 - Quidditch

Professor Dumbledore hat ein Problem: Er muss ein Quidditch-Spiel (den Lieblingssport der Zauberer) organisieren und die Schüler in zwei Gruppen einteilen, aus denen er Mannschaften zusammenstellen kann. Das Problem ist, dass sich viele Schüler nicht gut verstehen. Ron will zum Beispiel nicht mehr mit Draco reden, seit dieser schleimige Nacktschnecken in sein Bett gezaubert hat.

Professor Dumbledore hat beschlossen, die Feindschaften der Schüler in einem Graphen, wie dem unten abgebildeten, festzuhalten. Er besteht aus "Knoten" mit den Namen der Schüler (hier zur besseren Lesbarkeit durch Zahlen ersetzt) und aus Verbindungen (genannt "Kanten") zwischen diesen Knoten, die anzeigen, wenn zwei Schüler sich nicht verstehen.



Erstes Beispiel: Ein Graph mit 5 Knoten und 4 Kanten.

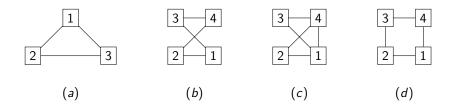
So sieht man an diesem Beispiel, dass 1 und 4 sich nicht verstehen und daher nicht in derselben Gruppe sein können. Dagegen versteht sich 1 gut mit 2 und 3.

Dumbledore teilt die Schüler daher in zwei Gruppen ein, um zwei Teams zu bilden. Diese beiden Gruppen müssen nicht unbedingt gleich groß sein, aber **es können nicht zwei Schüler, die sich nicht verstehen, in derselben Gruppe sein**.

Im obigen Beispiel ist es leicht zu erkennen, dass wir zwei Gruppen haben: {1, 2, 3} und {4, 5}. Um dies besser sichtbar zu machen, färbt Dumbledore die Schüler der ersten Gruppe grau und lässt die anderen weiß.

Hier sind weitere Graphen. Für jeden von ihnen wird gefragt, ob man ihre Knoten wie oben erläutert in zwei Gruppen aufteilen kann. Wenn das möglich ist, dann malen Sie die Knoten einer der beiden Gruppen aus. Wenn das nicht möglich ist, dann streichen Sie den Graphen durch.

Sie können unten im Entwurf arbeiten. Vergessen Sie nicht, Ihre Antwort auf den Antwortbogen zu kopieren.



Q5(a) /2	Färben Sie die Knoten einer Gruppe im Graphen (a) ein oder streichen Sie den Graphen durch, wenn das nicht möglich ist.
Q5(b) /2	Färben Sie die Knoten einer Gruppe im Graphen (b) ein oder streichen Sie den Graphen durch, wenn das nicht möglich ist.
Q5(c) /2	Färben Sie die Knoten einer Gruppe im Graphen (c) ein oder streichen Sie den Graphen durch, wenn das nicht möglich ist.
Q5(d) /2	Färbe die Knoten einer Gruppe im Graphen ein (d) oder streiche den Graphen durch, wenn das nicht möglich ist.



Professor Dumbledore möchte nun einen Algorithmus finden, der diese Einteilung in Gruppen vornimmt, mit anderen Worten, seine Graphen automatisch einfärbt.

Er schlägt in seinem Lieblingsbuch nach: dem "De Algorithmica", das der Magier Cormenius (und seine Kollegen) im 13. Jahrhundert geschrieben hat. Leider wurde auf der Seite, die Dumbledore interessiert, unauslöschliche Zaubertinte verschüttet und Teile des Algorithmus fehlen.

Dumbledore versteht, dass er eine Datenstruktur namens "Stapel" braucht. Ein Stapel ermöglicht es, Knoten festzuhalten, wenn man durch einen Graphen läuft, wie bei einem Stapel Teller, wobei ein Knoten unten im Stapel liegt, ein anderer oben, *usw.*, bis man die Spitze des Stapels erreicht hat. Die folgenden Operationen können auf einem Stapel durchgeführt werden (siehe Beispiel weiter unten):

- 1. push(x) fügt einen Knoten x ganz oben auf dem Stapel hinzu;
- 2. pop() gibt den Namen der obersten Stelle des Stapels zurück und entfernt ihn vom Stapel;
- 3. empty() gibt true zurück, wenn der Stapel leer ist, und gibt ansonsten false zurück.

Hier ist ein Beispiel, in dem wir von einem Stapel mit zwei Elementen ausgehen, 3 hinzufügen und dann wieder entfernen (die letzte Operation pop() gibt also 3 zurück).

$$\begin{array}{c|c}
\hline
1\\
2
\end{array}
\xrightarrow{\mathsf{Push}(3)}
\begin{array}{c}
\hline
3\\
\hline
1\\
\hline
2
\end{array}
\xrightarrow{\mathsf{Pop}()}
\begin{array}{c}
\hline
1\\
\hline
2
\end{array}$$

Q5(e) /1	Angenommen, wir b	eginnen mit einem leeren Stapel. Geben Sie eine Sequenz von push() an, mit der Sie
		42
		11
	den Stapel erhalten:	87

	3
	1
Q5(f) /1	Angenommen, wir haben den Stapel 2 und der die folgende Abfolge von Operationen anwendet: Pop(), Pop(), Push(24), Push(37), Push(71), Pop(), Pop(). Was ist der resultierende Stapel?

_		
ſ	Q5(g) /1	Welchen Wert gibt das letzte $pop()$ der Sequenz aus der vorherigen Frage zurück?



Professor Dumbledore kann nun einen ersten Algorithmus für Graphenverlauf untersuchen.

Der zu durchlaufende Graph besteht aus n Knoten und wird durch die Tabelle der logischen (booleschen) Werte Edge[][] beschrieben. Edge[x][y] und Edge[y][x] haben den Wert **true**, wenn sich zwischen den Knoten x und y eine Kante befindet, und haben ansonsten den Wert **false**.

Die Graphen aus dem ersten Beispiel Edge [1] [4] und Edge [4] [1], Edge [1] [5] und Edge [5] [1], Edge [2] [4] und Edge [4] [2], Edge [3] [5] und Edge [5] [3] haben den Wert true. Alle anderen Werte im Array Edge [] [] für diesen Graphen sind gleich false.

Der Algorithmus erhält die Anzahl der Knoten n, das Array Edge [] [] und einen Anfangsknoten s, an dem der Durchlauf beginnt. Er verwendet eine Tabelle mit color [], mit der die Knoten im Laufe der Zeit eingefärbt werden.

Zu Beginn des Programms setzen wir color[i] für alle Knoten i auf -1.

Um einen Knoten mit i einzufärben, setzen wir color[i] auf 0 und dieser Wert ändert sich danach nicht mehr.

Der Algorithmus verwendet auch einen Stapel, der anfangs leer ist, um Knoten festzuhalten, die auf eine Bearbeitung warten. Hinweis: Anders als in der Informatik üblich, beginnen die Indizes in diesem Programm bei 1.

```
Input : n, Edge[][], s

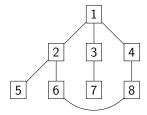
for (i ← 1 to n step 1) {
    color[i] ← -1
}

Push(s)
color[s] ← 0

while(not IsEmpty()) {
    x ← Pop()
    for (y ← 1 to n step 1) {
        if (Edge[x][y] and color[y] = -1) {
            Push(y)
            color[y] ← 0
        }
     }
}
```

Q5(h) /3 In welcher Reihenfolge färbt der Algorithmus die Knoten des Graphen im ersten Beispiel (mit 5 Knoten und 4 Kanten) ein, wenn der Anfangsknoten s=4 ist?

Q5(i) /5 In welcher Reihenfolge färbt der Algorithmus die Knoten im folgenden Diagramm, wenn der Anfangsknoten 1 ist?





Professor Dumbledore versucht schließlich, den Algorithmus zu finden, mit dem man die Knoten des Graphen in zwei Gruppen aufteilen kann.

Er versteht, dass er zwei verschiedene Farben verwenden muss, die 0 und 1 sein werden, die den beiden Gruppen entsprechen. Er versteht, dass, wenn ein Knoten die Farbe 0 hat, alle Knoten, die durch eine Kante mit ihm verbunden sind, die Farbe 1 haben müssen und umgekehrt.

Können Sie mit diesen Ideen den unten stehenden Algorithmus vervollständigen?

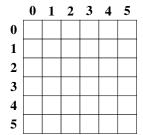
Er soll ein Array color[] mit den Farben jedes Knotens zurückgeben, wenn eine Trennung möglich ist, und **false** zurückgeben, wenn eine Trennung nicht möglich ist.

Q5(j) /6 Ergänzen Sie die \_\_\_\_\_ im Algorithmus.
Note zwischen 0 und 6. Sie verlieren 2 Punkte für jeden Fehler oder jede fehlende Antwort.

```
Output: color[] or false
Input : n, Edge[][], s
for (i \leftarrow 1 \text{ to } n \text{ step } 1) {
   color[i] \leftarrow -1
Push(s)
color[s] \leftarrow 0
while(not IsEmpty()) {
   x \leftarrow Pop()
   for (y \leftarrow 1 \text{ to } n \text{ step } 1) \{
        if (Edge[x][y]) {
            if (color[y] = ______) {
                return false
             } else if (_______) {
                Push (y)
                color[y] =
            }
        }
}
return color[]
```

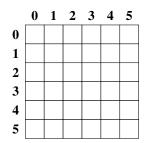
# Gebt eure Antworten hier ein!

Q1(a) Schwärze die Kästchen, die die Bedingung (i==j) or (i+j==5) erfüllen.



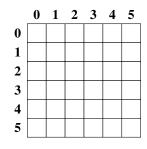
/2

Q1(b) Schwärze die Kästchen, die die Bedingung  $min(i,j) \le 1$  or  $max(i,j) \ge 4$  erfüllen.



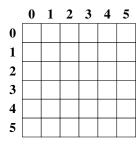
/2

Q1(c) Schwärze die Kästchen, die die Bedingung max (i-j, j-i)>=3 erfüllen.



/4

Q1(d) Schwärze die Kästchen, die die Bedingung min (i, j) %2==0 erfüllen.



/4

```
Q1(e) Schwärze die Kästchen, die die Bedingung (1/2+1/2) %2==0 erfüllen.
                                   0 1 2 3 4 5
                                 0
                                 1
                                 2
                                 3
                                 4
                                 5
                                                                                       /4
Q2(a)
     Die Anzahl der unterschiedlichen Wege zwischen A und B
                                                                                       /1
Q2(b) Die Anzahl der unterschiedlichen Wege zwischen A und B
                                                                                       /1
Q2(c) Die Anzahl der unterschiedlichen Wege zwischen A und B
                                                                                       12
Q2(d) Die Anzahl der unterschiedlichen Wege zwischen A und B
                                                                                       12
Q2(e) Die Anzahl der unterschiedlichen Wege zwischen A und B
                                                                                       /3
     Vervollständigen Sie die _____ im DP-Programm.
Note zwischen 0 und 6. Für jeden Fehler oder jede fehlende Antwort verlieren Sie 1 Punkt.
                                                                                       /6
 dp[0][0] ← _____
 for (i \leftarrow 0 to ni-1 step 1) {
    for (j \leftarrow 0 \text{ to}  step 1) {
       else {
          if (i ≠ 0) { dp[i][j] ← }
          if (j ≠ 0) {
       }
    }
 return
Q2(g) Ergänzen Sie die mrogramm NoPath, das die unzugänglichen weißen Felder zählt.
Note zwischen 0 und 5. Für jeden Fehler oder jede fehlende Antwort verlieren Sie 1 Punkt.
                                                                                       /5
 NoPath \leftarrow 0
 for (i \leftarrow 0 to step 1) {
    for (j \leftarrow 0 \text{ to}  step 1) {
       }
 return NoPath
Q2(h) Wie viele Wege führen im Raum 1 von A über X nach B?
                                                                                       /1
```

Q2(i) Wie viele Wege führen in Raum 2 von A nach B über X oder Y?	/2
Q2(j) Wie viele Wege führen in Raum 3 von A nach B durch die beiden Felder X und Y?	/1
Q2(k) Wie viele Wege führen in Raum 3 von A nach B über X oder Y (oder über beide)?	/2
Q2(1) Wie viele Wege führen in Raum 4 von A nach B durch die beiden Felder X und Y?	/1
Q2(m) Wie viele Wege gibt es in Raum 4 insgesamt, die A mit B verbinden?	/2
Q2(n) Welcher Ausdruck gibt die Anzahl der Wege an, die von A über X und Y nach B führen?	/1
Q2(o) Welcher Ausdruck gibt die Anzahl der Wege an, die von A nach B über X oder Y (oder über beide) führen?	/2
Q3(a) Welches ist das erste angezeigte Tripel?	/1
Q3(b) Welches ist das zehnte angezeigte Tripel?	/1
Q3(c) Welches ist das letzte angezeigte Tripel?	/1
Q3(d) Wie oft wird der Test in LoopA ausgewertet?	/1
Q3(e) Ergänzen Sie die in LoopB so, dass es das Gleiche wie LoopA anzeigt. Note zwischen 0 und 3. Für einen Fehler oder eine fehlende Antwort verlieren Sie 1 Punkt. for (i $\leftarrow$ to 100 step 1) {  for (j $\leftarrow$ to 100 step 1) {  for (k $\leftarrow$ to 100 step 1) {   if (i+j+k=100) {   print(i,j,k)   }  }  }	/3
Q3(f) Wird der Test in LoopB öfters, seltener oder gleich oft ausgewertet wie der Test in LoopA?  □ Öfters □ Seltener □ Gleich oft	/1
Q3(g) Wird der Code in LoopB öfters, seltener oder gleich oft ausgeführt wie der in LoopA?  □ Öfters □ Seltener □ Gleich oft	/1

Finale - SENIOR

```
Q3(h) Ergänzen Sie die in LoopC so, dass es das Gleiche wie LoopA und LoopB anzeigt.
Note zwischen 0 und 3. Für einen Fehler oder eine fehlende Antwort verlieren Sie 1 Punkt.
                                                                                                          13
 for (i \leftarrow _____ to 100 step 1) {
     for (j \leftarrow _____ to 100 step 1) {
         k =
         if (j<k) {
             print(i,j,k)
  }
Q3(i)
      Wird der Test in LoopC öfters, seltener oder gleich oft ausgewertet wie der Test in LoopB?
☐ Öfters
                 ☐ Seltener
                                    ☐ Gleich oft
                                                                                                          /1
Q3(j)
      Wie oft wird der Test in LoopC ausgewertet?
                                                                                                          /2
Q3(k) \quad Erg\"{a}nzen \ Sie \ die \ \underline{\hspace{1cm}} in \ LoopD \ so, \ dass \ es \ immer \ noch \ das \ Gleiche \ anzeigt.
Die erste Schleife for sollte so selten wie möglich ausgeführt werden.
Note zwischen 0 und 5. Für jeden Fehler oder jede fehlende Antwort verlieren Sie 1 Punkt.
                                                                                                          15
  for (i ← _____ to ____ step 1) {
     for (j \leftarrow _____ to ____ step 1) {
         k =
         print(i, j, k)
      }
  }
O3(1)
      Wie viele verschiedene Tripel werden von diesen Programmen angezeigt?
                                                                                                          12
Q4(a)
       Ausgehend von der Kabine 0, in welcher Kabine kommt das Objekt nach 10 Teleportationen an?
                                                                                                          /1
Q4(b)
       Ausgehend von der Kabine 0, in welcher Kabine kommt das Objekt nach 50 Teleportationen an?
                                                                                                          12
       Ausgehend von der Kabine 0, in welcher Kabine kommt das Objekt nach 1000 Teleportationen an?
Q4(c)
                                                                                                          12
Q4(d) In welche Kabine gelangt man nach 50 Teleportationen, wenn man in der Kabine 4 beginnt?
                                                                                                           /2
Q4(e) In welche Kabine gelangt man nach 1000 Teleportationen, wenn man in der Kabine 3 beginnt?
                                                                                                           /2
      Nach wie vielen Teleportationen ist man in einem Netzwerk mit n Kabinen von einer beliebigen Kabine
aus sicher in einem Zyklus angekommen?
                                                                                                          /3
```

```
Q4(g) Füllen Sie die o in Programm A aus.
                                                                                           /5
 Input : n, T[], c
                         Output : cyc[]
 for (i \leftarrow 0 \text{ to } n-1 \text{ step } 1) {
    check[i] \leftarrow false
    cyc[i] \leftarrow false
 pos ← ____
 while (_____) {
     check[pos] ← true
     pos ←
 while (_____) {
     cyc[pos] ← true
     pos ← _____
 return cyc[]
Q4(h) Füllen Sie die o in Programm B aus.
                                                                                           /4
                    Output : cy[]
 Input : n, T[]
 for (i \leftarrow 0 to n-1 step 1) {
     pos[i] \leftarrow i
     cy[i] \leftarrow false
 for (t \leftarrow 0 to n-1 step 1) {
     for (i \leftarrow 0 to n-1 step 1) {
         pos[i] ←
 for (i \leftarrow 0 \text{ to } n-1 \text{ step } 1) {
     \leftarrow true
 return cy[]
Q4(i) Füllen Sie die o in Programm C aus.
                                                                                           15
 Input : n, T[], cy[]
                         Output : lency[]
 for (i \leftarrow 0 \text{ to } n-1 \text{ step } 1) {
      if(cy[i]) {
          pos ←
          len ←
          while (pos \neq i) {
              pos ←
              len ←
          lency[i] \leftarrow len
    else {
 return lency[]
```

```
Q4(j) Füllen Sie die o in Programm D aus.
                                                                                                     /5
         : n, T[], cy[]
                               Output : beforecy[], firstcy[]
 for (i \leftarrow 0 \text{ to } n-1 \text{ step } 1) {
     len \leftarrow 0
     pos \leftarrow i
     while (not
         len ← _____
        pos ←
     \texttt{beforecy[i]} \leftarrow \blacksquare
     firstcy[i] ← _____
 return beforecy[], firstcy[]
Q4(k) Füllen Sie den in Programm E aus.
                                                                                                     /4
 Input : n, T[], c, k, lency[], beforecy[], firstcy[]
 Output : a cabin number
 if(k < beforecy[c]) {</pre>
      pos \leftarrow c
 else {
      pos ← firstcy[c]
      k ←
 for(i \leftarrow 0 to k-1 step 1) {
      pos \leftarrow T[pos]
 return pos
Q5(a) Färben Sie die Knoten einer Gruppe im Graphen (a) ein oder streichen Sie den Graphen durch, wenn
das nicht möglich ist.
                                                                                                     12
      1
2
            3
Q5(b) Färben Sie die Knoten einer Gruppe im Graphen (b) ein oder streichen Sie den Graphen durch, wenn
das nicht möglich ist.
                                                                                                     /2
3
2
      1
Q5(c) Färben Sie die Knoten einer Gruppe im Graphen (c) ein oder streichen Sie den Graphen durch, wenn
das nicht möglich ist.
                                                                                                     /2
      4
2
Q5(d) Färbe die Knoten einer Gruppe im Graphen ein (d) oder streiche den Graphen durch, wenn das nicht
möglich ist.
                                                                                                     /2
3
2
      1
```

Q5(e) Eine Folge von Aufrufen von Push() mit den richtigen Parametern.	/1	
Q5(f) Eine Stapel.	/1	
	-	
Q5(g) Ein Wert	/1	
Q5(h) Eine Folge von Knoten	/3	
O5(1) Una afarrana da manda		
Q5(i) Une séquence de nœuds	/5	
Q5(j) Ergänzen Sie die im Algorithmus.		
Note zwischen 0 und 6. Sie verlieren 2 Punkte für jeden Fehler oder jede fehlende Antwort.		
<pre>Input : n, Edge[][], s     Output: color[] or false</pre>		
for $(i \leftarrow 1 \text{ to } n \text{ step } 1)$ {		
color[i] ← -1 }		
Push (s)		
$\texttt{color[s]} \leftarrow 0$		
<pre>while(not IsEmpty()) {</pre>		
$x \leftarrow Pop()$		
for $(y \leftarrow 1 \text{ to } n \text{ step } 1)$ {		
<pre>if (Edge[x][y]) {    if (color[y] =</pre>		
return false		
} else if (){		
Push (y) $color[y] =$		
}		
}		
}		
return color[]		