



# Traitement d'images

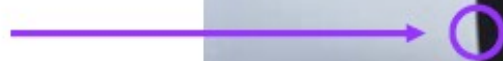
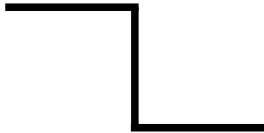
---

## **Détection de contours**

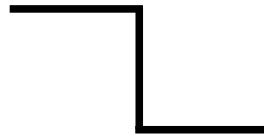
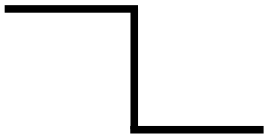
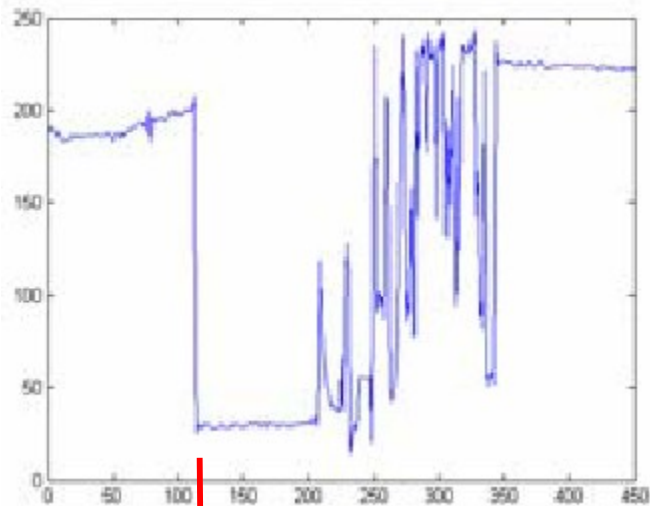
Alain Boucher - IFI

# Qu'est-ce qu'un contour ?

Un contour est une variation brusque d'intensité



# Qu'est-ce qu'un contour ?





# Définition du contour

---

- Par définition, un **contour** est la **frontière** qui sépare deux objets dans une image.
  - Une *discontinuité* de l'image
- Dans notre cas, nous détecterons toutes les lignes marquant des **changements d'intensité**
  - *Pas seulement les contours !*
  - *Abus de langage sur la notion de contours !*



# Lignes/contours dans une image

---

*Exemples de détection des discontinuités*

de profondeur



d'orientation  
de surface



de réflectance



d'illumination



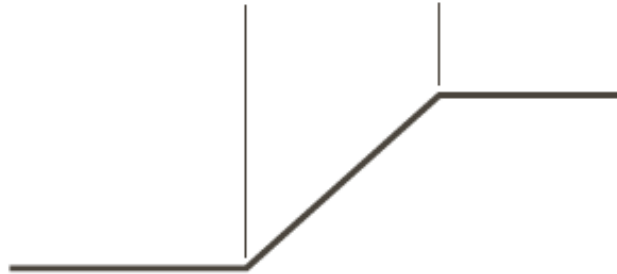


# Différents types de contours

---



*Marche d'escalier*

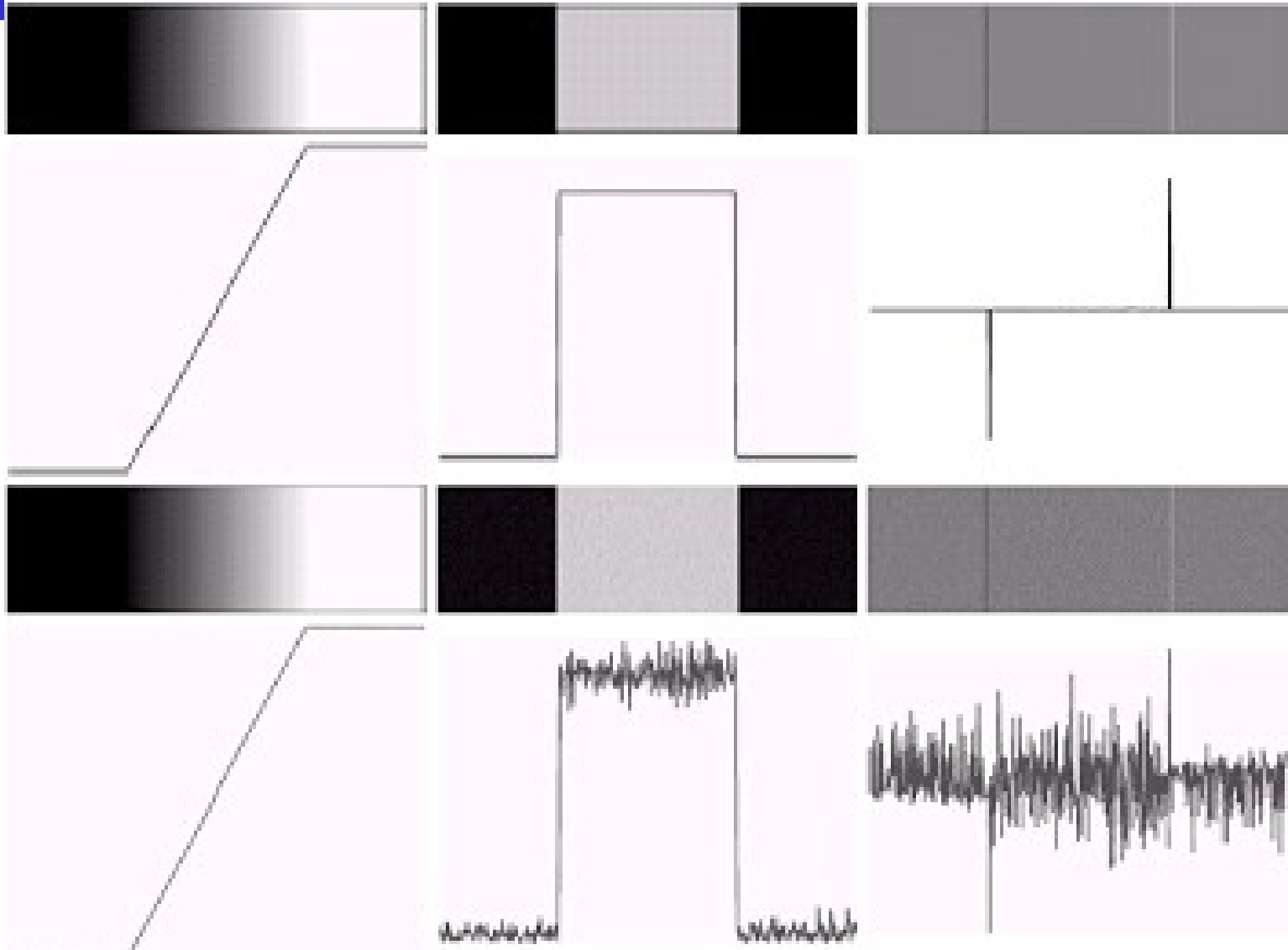


*Rampe*



*Toit*

# Contour avec un peu de bruit...



# Deux types pour le filtrage spatial

- **Filtres passe-bas**

- Atténue le bruit et les détails (basses fréquences)  
→ lissage



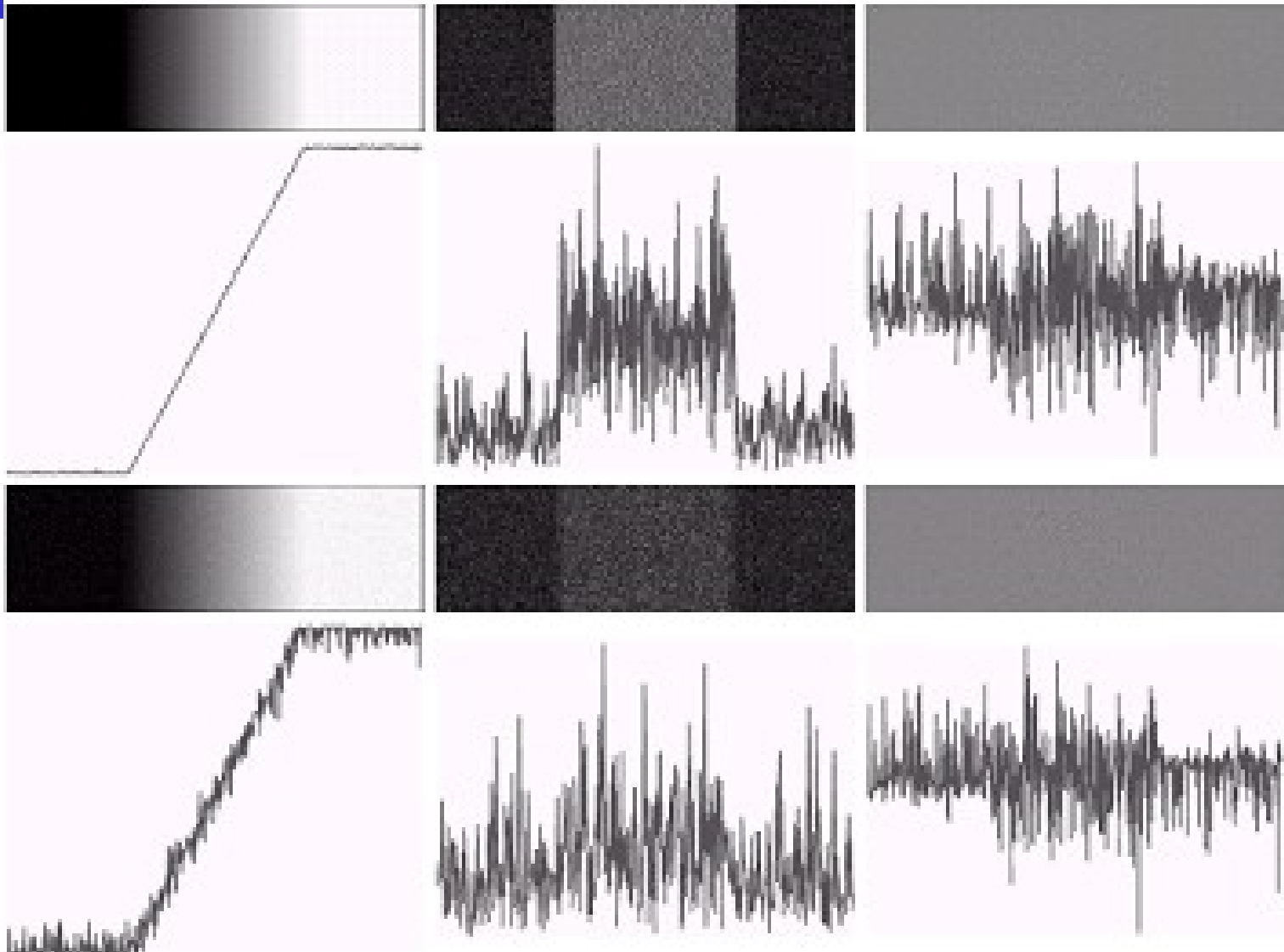
- **Filtres passe-haut**

- Accentue les détails et les contours (hautes fréquences)  
→ accentuation





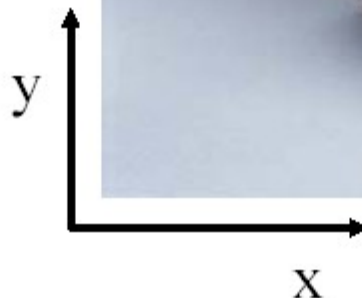
# ...ou beaucoup de bruit



# Dérivée d'une image

La première dérivée de l'image est l'opérateur de base pour mesurer les contours dans l'image

$$|\nabla f| \equiv \left( \frac{\partial f}{\partial x} \right)^2 + \left( \frac{\partial f}{\partial y} \right)^2$$



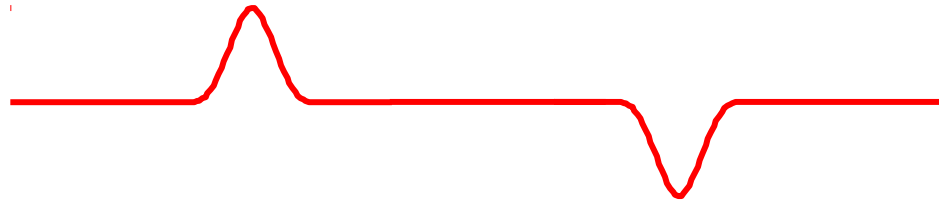
$f(x, y)$

# Dérivée d'une image et contours

Image 1D  $f(x)$



1ère dérivée  $f'(x)$



$|f'(x)|$



**Pixels contours:**

$|f'(x)| > \text{Seuil}$





# Dérivée discrète

---

On utilise la première dérivée de l'image pour les contours :

$$\frac{\Delta I}{\Delta x} = \frac{I(x + \Delta x) - I(x)}{\Delta x}$$

Approximation simple de la dérivée discrète :

-1	1
----	---

-1
1

ou encore :

-1	0	1
----	---	---

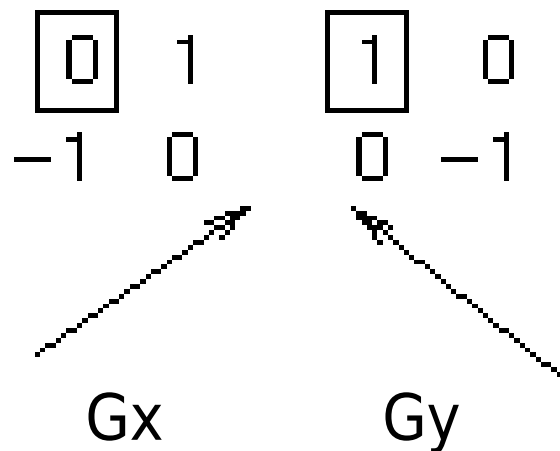
-1
0
1



# Filtre de Roberts

---

- Roberts (1965) fournit une première approximation de la première dérivée d'une image discrète
- Le calcul se fait avec 2 masques de convolution pour les 2 directions de la dérivée





# Filtres pour la détection de contours

Plusieurs autres filtres existent pour la détection des contours dans l'image

On fait **lissage de l'image + dérivée de l'image** (sauf Roberts)

Il existe beaucoup d'autres filtres pour détecter les contours

Roberts:

1	0
0	-1

0	1
-1	0

Prewitt:

-1	-1	-1
0	0	0
1	1	1

-1	0	1
-1	0	1
-1	0	1

Sobel:

-1	-2	-1
0	0	0
1	2	1

-1	0	1
-2	0	2
-1	0	1



# Lissage + dérivée de l'image

## Filtre de Prewitt : Moyonneur + Dérivée

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} * \begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \end{pmatrix} \qquad \begin{pmatrix} -1 & -1 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} * \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

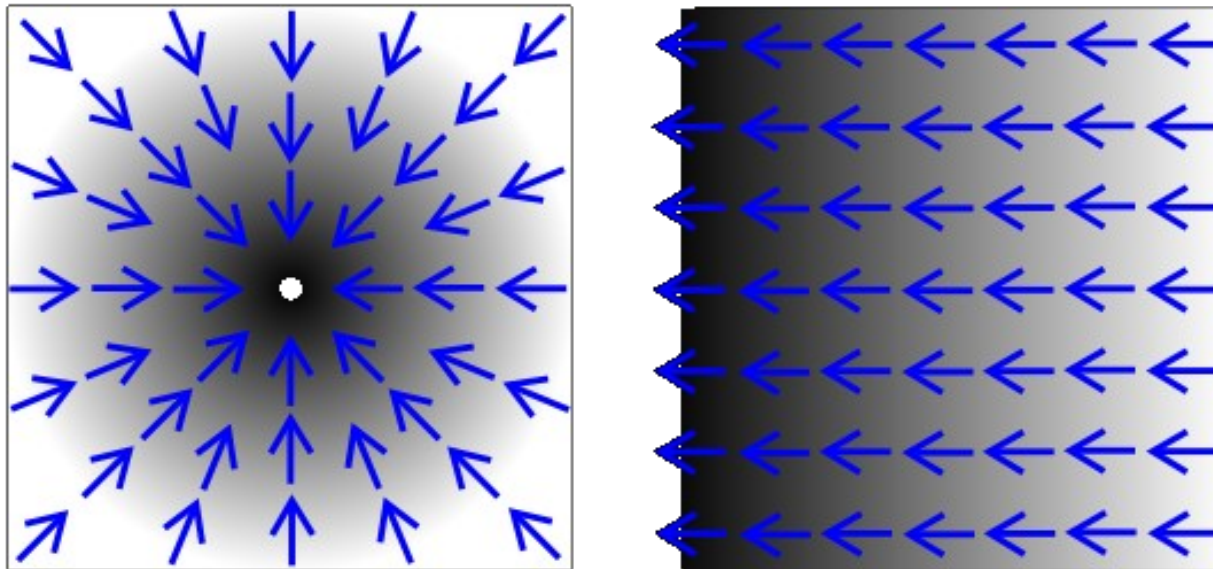
## Filtre de Sobel : Gaussienne + Dérivée

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \\ -2 & 0 & 2 \\ -1 & 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix} * \begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \end{pmatrix} \qquad \begin{pmatrix} -1 & -2 & -1 \\ 0 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} * \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

***⇒ Détection des contours moins sensible au bruit***

# Gradient de l'image

- En 2 dimensions, nous parlons de gradient de l'image
  - *dérivée en X + dérivée en Y*
  - *vecteur avec une norme et une direction*



*Les lignes bleues représentent le gradient de couleur du plus clair vers le plus foncé*





# Gradient : norme et direction

---

**Norme** : Intensité du gradient en chaque pixel

*(mesure la plus utilisée)*

$$|G| = \sqrt{Gx^2 + Gy^2} \approx |Gx| + |Gy|$$

**Direction** : Direction du gradient le plus fort en chaque pixel

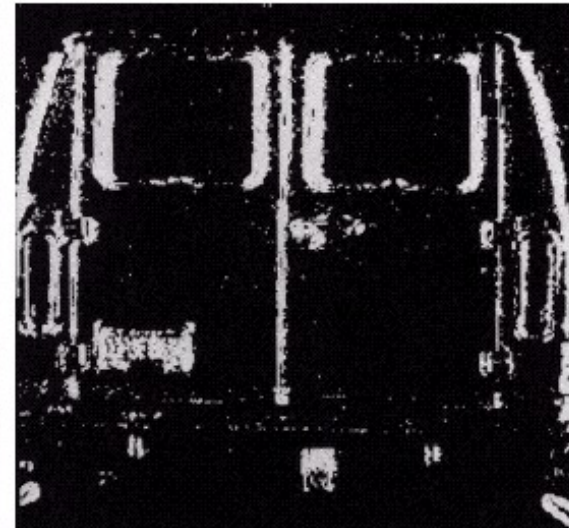
$$\theta = \arctan (Gy / Gx)$$

# Exemple de détection de contours

a b  
c d

**FIGURE 10.16**

(a) Input image.  
(b)  $G_y$  component of the gradient.  
(c)  $G_x$  component of the gradient.  
(d) Result of edge linking. (Courtesy of Perceptics Corporation.)

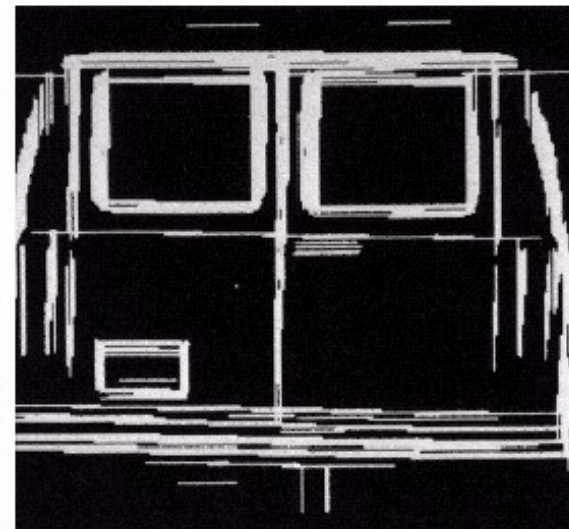
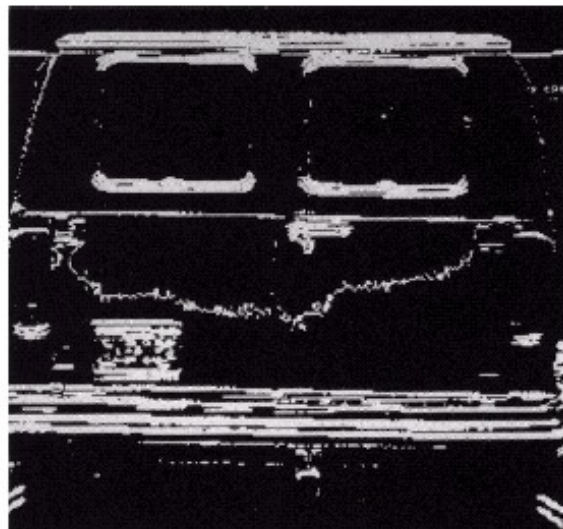


$$\frac{\partial f}{\partial x}$$

Contours  
verticaux

$$\frac{\partial f}{\partial y}$$

Contours  
horizontaux



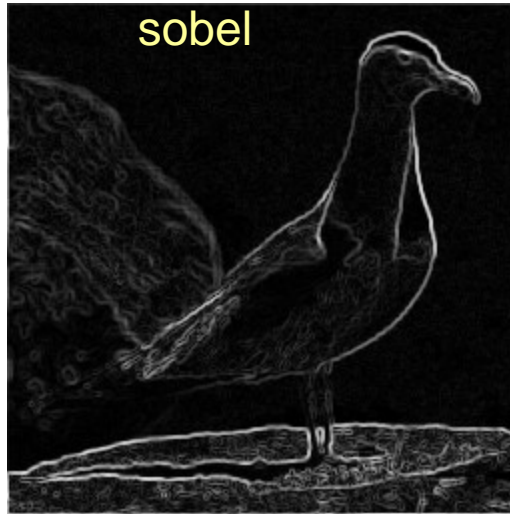
$$\frac{\partial f}{\partial y} + \frac{\partial f}{\partial x}$$

Norme

# Exemples de détections de contours



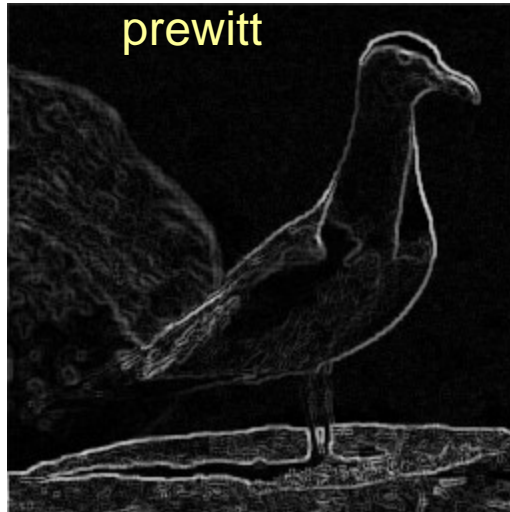
sobel



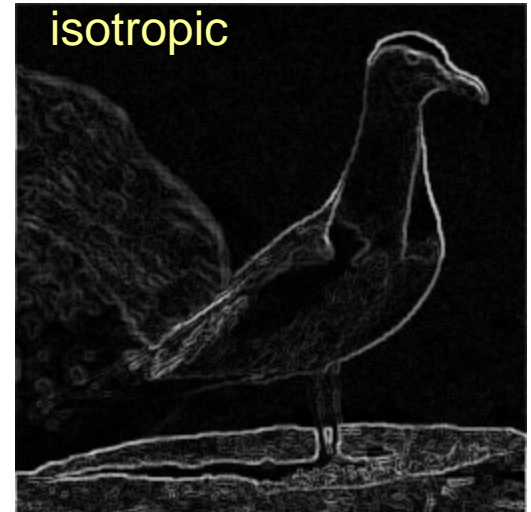
roberts



prewitt



isotropic



# Seuillage du gradient



Détection  
avec Sobel  
sans seuillage

Seuillage  
avec  $S=25$



Seuillage  
avec  $S=60$





# Deuxième dérivée de l'image

---

Laplacien



# Deuxième dérivée de l'image

---

- Une autre approche pour trouver les contours de l'image est d'utiliser la **seconde dérivée de l'image**
- Pour cela, on utilise le **Laplacien** comme opérateur

$$\nabla^2 I = \frac{\partial I}{\partial x^2} + \frac{\partial I}{\partial y^2}$$





# Dérivées de l'image

Les contours correspondent :

- Aux maxima de la première dérivée
- Aux passages par zéros de la deuxième dérivée

$f$



$f'$



$f''$

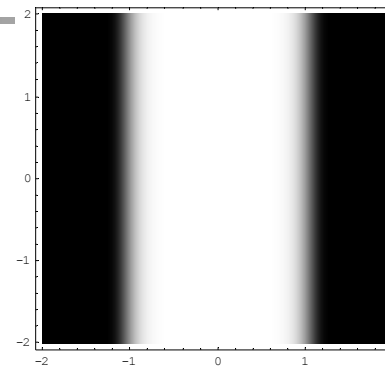
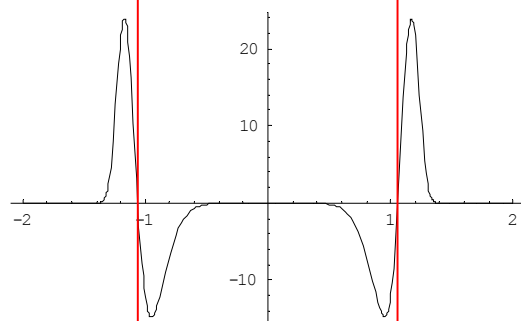
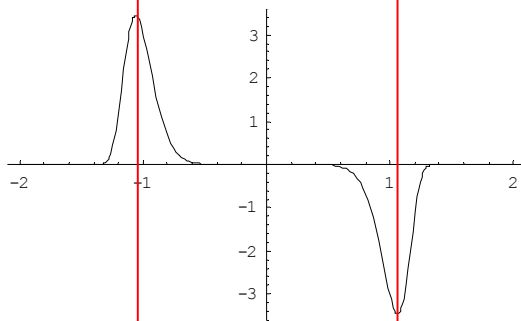
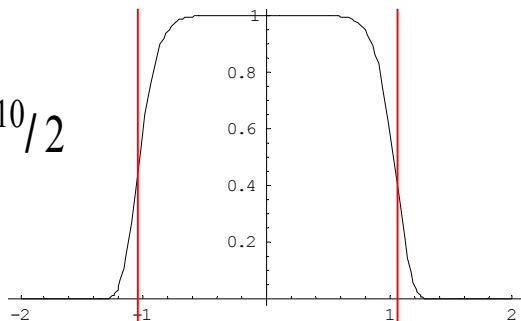


# Dérivées de l'image

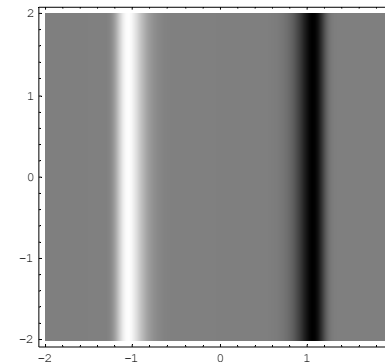
$$f(x, y) = e^{-x^{10}/2}$$

$$\frac{\partial f}{\partial x}$$

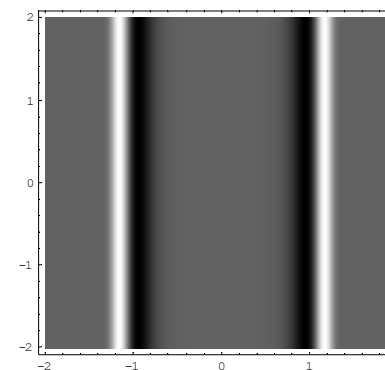
$$\frac{\partial^2 f}{\partial x^2}$$



*Image*



*Première dérivée*

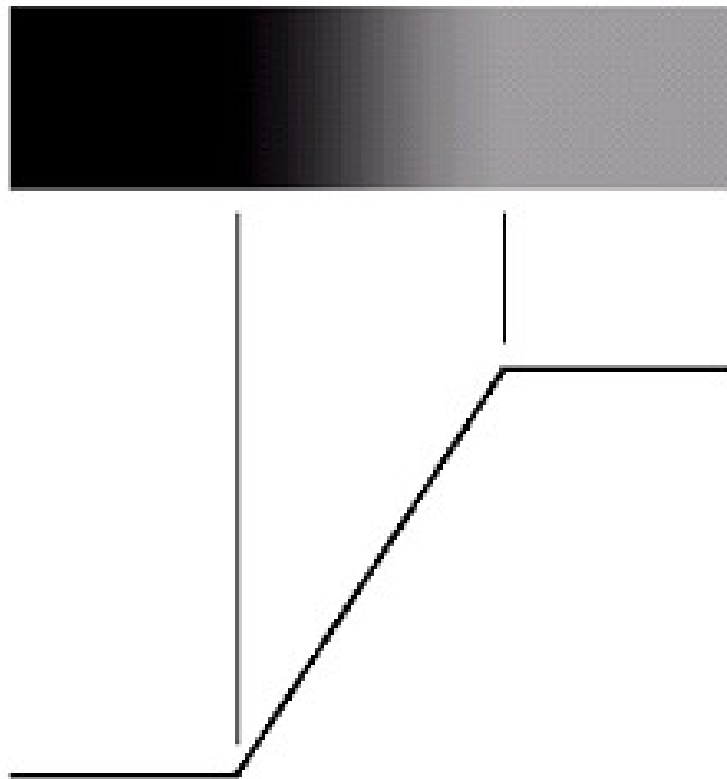


*Deuxième dérivée*



# Exemple avec un contour « rampe »

## Détection de la frontière



Première  
dérivée

Deuxième  
dérivée

Foncé

Clair

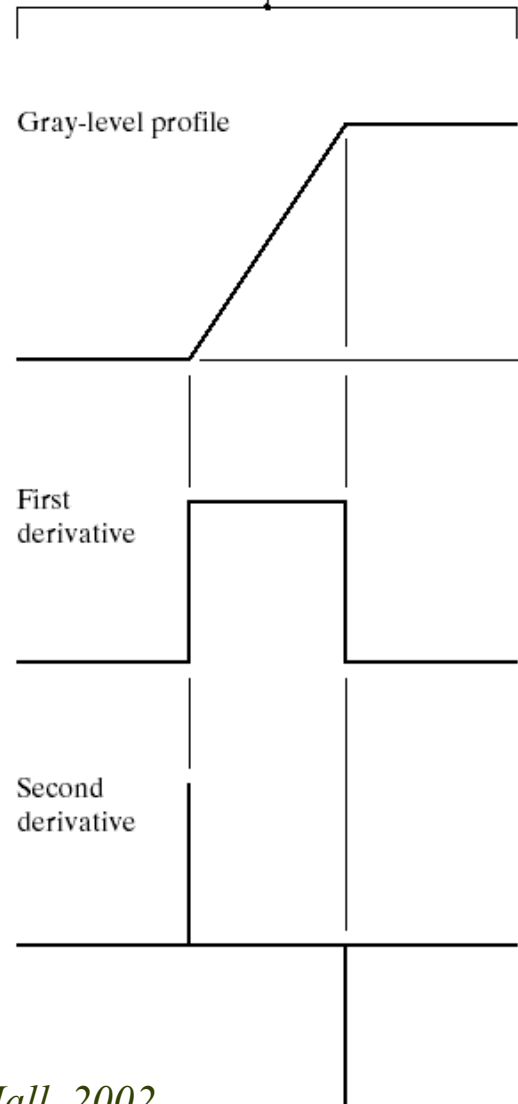
Passage à zéro

# Dérivées de l'image

a b

**FIGURE 10.6**

(a) Two regions separated by a vertical edge.  
(b) Detail near the edge, showing a gray-level profile, and the first and second derivatives of the profile.





# Laplacien par convolution

---

- Plusieurs approximations discrètes du Laplacien existent

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & -4 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix} \quad \text{ou} \quad \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & -8 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

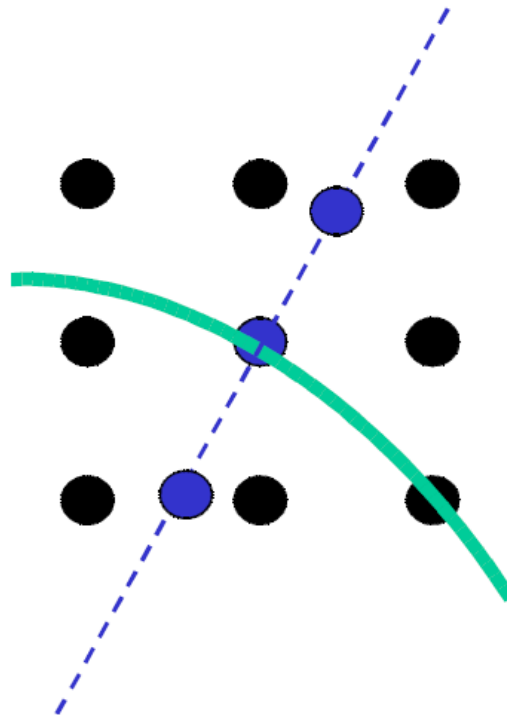
- Une seule matrice de convolution
- Symétrique en rotation



# Canny filter: steps (2)

## 4 - Non-maxima suppression

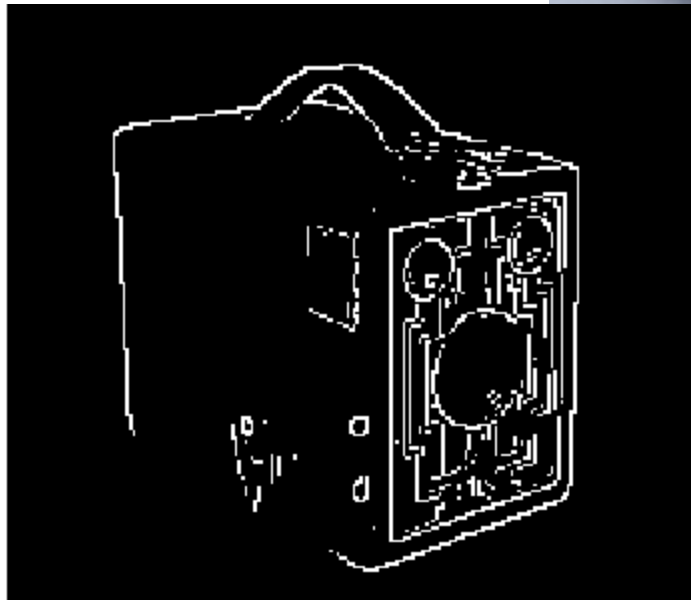
- If the gradient magnitude of a pixel  $(x,y)$  is inferior to the one of its 2 neighbors along the gradient direction
  - then set this magnitude for  $(x,y)$  to zero



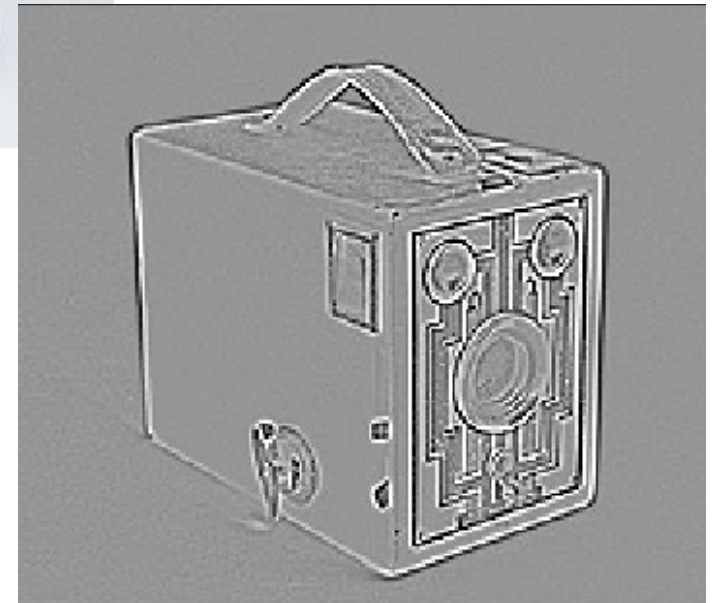
# Comparaison Gradient / Laplacien



*Gradient*



*Laplacien*





# Quel filtre choisir pour les contours ?

---

- Aucun opérateur n'est parfait pour détecter les contours
- En pratique, on obtient des contours incomplets
  - *il y a des pixels superflus*
  - *il y a des manques*
  - *il y a des erreurs de position et d'orientation des pixels contours*
- Chacun semble avoir sa préférence pour une méthode ou une autre
- Un opérateur de détection de contour n'est qu'une première étape dans la chaîne de segmentation



# Filtrage optimal

---

## Filtre de Canny



# Filtrage optimal : Canny

---

- Filtre optimal pour la détection des contours
  - *Filtre en plusieurs étapes (pas seulement une convolution)*
- Etant donnés
  - un modèle de contour (marche)
  - un modèle de bruit (blanc gaussien)
- Caractériser les performances en termes de :
  - **détection** (surtout pour les contours faibles)
  - **localisation** (contour détecté proche du contour réel)
  - **réponse unique** (un contour = une seule réponse)





# Filtre de Canny : étapes (1)

---

## 1 - Appliquer un filtre Gaussien sur l'image

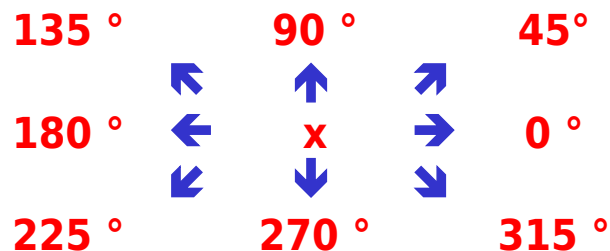
- Filtre passe-bas pour enlever le bruit

## 2 - Calculer l'intensité du gradient dans l'image

- Filtre de Sobel en X et Y
- Calcul de la norme  $|G| = |G_x| + |G_y|$

## 3 - Calculer les directions du gradient dans l'image

- Direction du gradient  $\theta = \arctan (G_y / G_x)$
- Arrondi des directions par multiples de  $45^\circ$

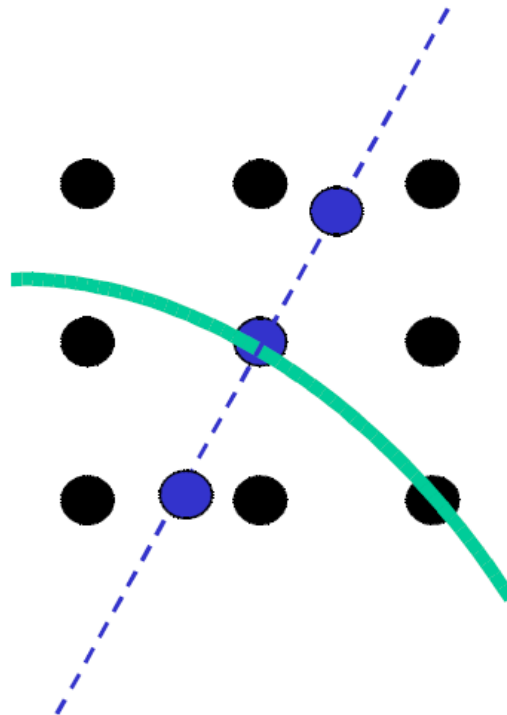




# Filtre de Canny : étapes (2)

## 4 - Suppression des non-maxima

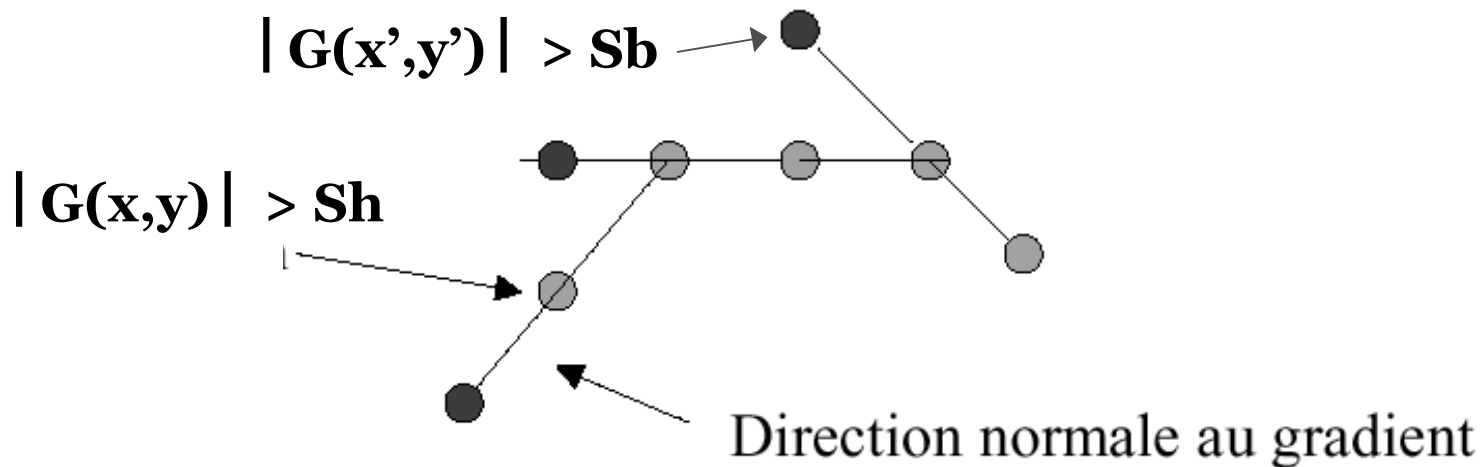
- Si la norme du gradient en un pixel  $(x,y)$  est inférieure à la norme du gradient d'un de ses 2 voisins le long de la direction du gradient, alors mettre la norme pour le pixel  $(x,y)$  à zéro



# Filtre de Canny : étapes (3)

## 5 - Seuillage des contours (hystérésis)

- Utilise deux seuils : un seuil haut (**Sh**) et un seuil bas (**Sb**)
- *Pour chaque pixel de la norme du gradient :*
  - Si **norme(x,y) < Sb**, alors le pixel est mis à zéro (non-contour)
  - Si **norme(x,y) > Sh**, alors le pixel est contour
  - Si **Sb ≤ norme(x,y) ≤ Sh**, alors le pixel est contour s'il est connecté à un autre pixel déjà accenté comme contour



# Filtre de Canny : exemple

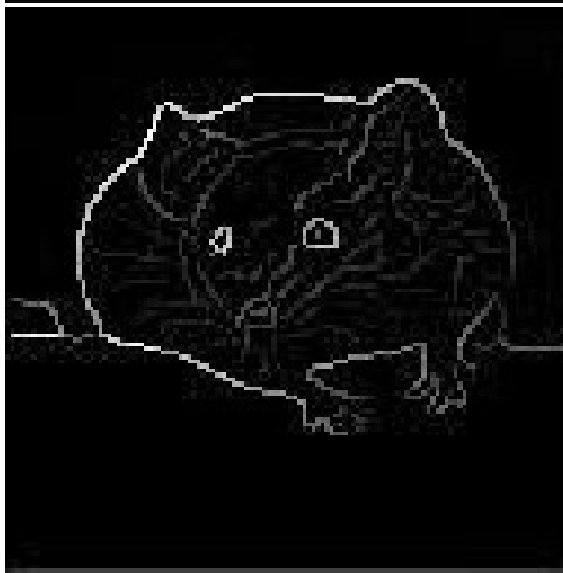
Image  
originale



Sobel



Suppression des  
non-maxima



Seuillage





# Quel filtre choisir pour les contours ?

---

- Aucun opérateur n'est parfait pour détecter les contours
- En pratique, on obtient des contours incomplets
  - *il y a des pixels superflus*
  - *il y a des manques*
  - *il y a des erreurs de position et d'orientation des pixels contours*
- Chacun semble avoir sa préférence pour une méthode ou une autre
- Un opérateur de détection de contour n'est qu'une première étape dans la chaîne de segmentation



# Approche globale pour les contours

---

Transformée de Hough (optionnel)



# Approche globale pour les contours

---

- Il existe des **approches globales** pour les contours
  - On ne recherche pas seulement des pixels contours
  - On cherche le contour au complet
- On cherche plusieurs pixels correspondant à un contour
  - Comment définir le contour ? Problème ?
- Différentes techniques
  - Ici : Transformée de Hough



# Transformée de Hough

---

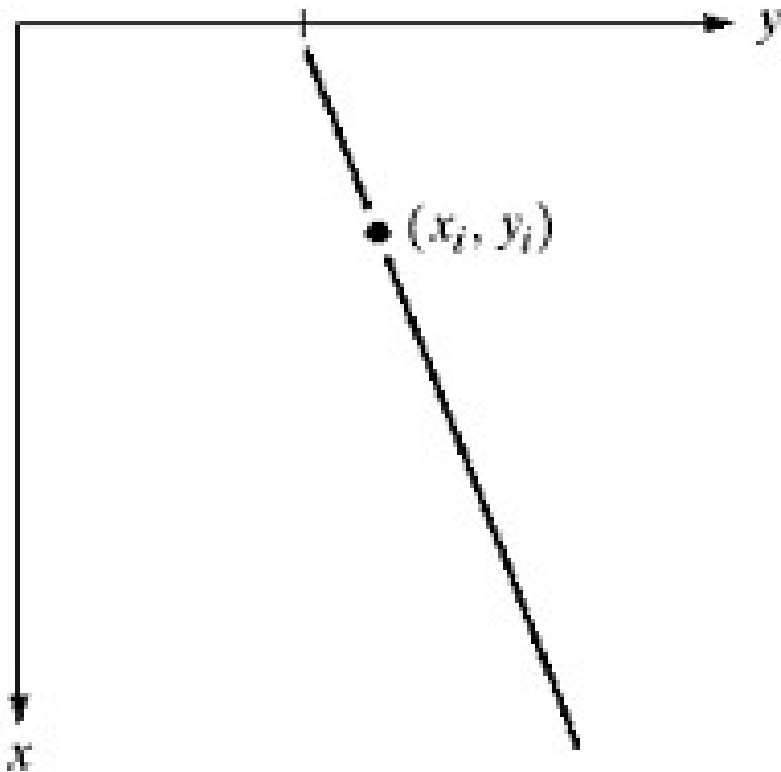
- Approche **globale** pour détecter des contours continus
  - *Du plan  $x$ - $y$  au plan paramétrique  $a$ - $b$*
- *Plan  $x$ - $y$* 
  - $y_i = a x_i + b$
  - Une infinité de lignes passent par  $(x_i, y_i)$
  - Une seule ligne pour la paire  $(a, b)$
- *Plan paramétrique  $a$ - $b$* 
  - $b = -x_i a + y_i$
  - Une seule ligne pour la paire  $(x_i, y_i)$
  - Une infinité de lignes passent par  $(a, b)$





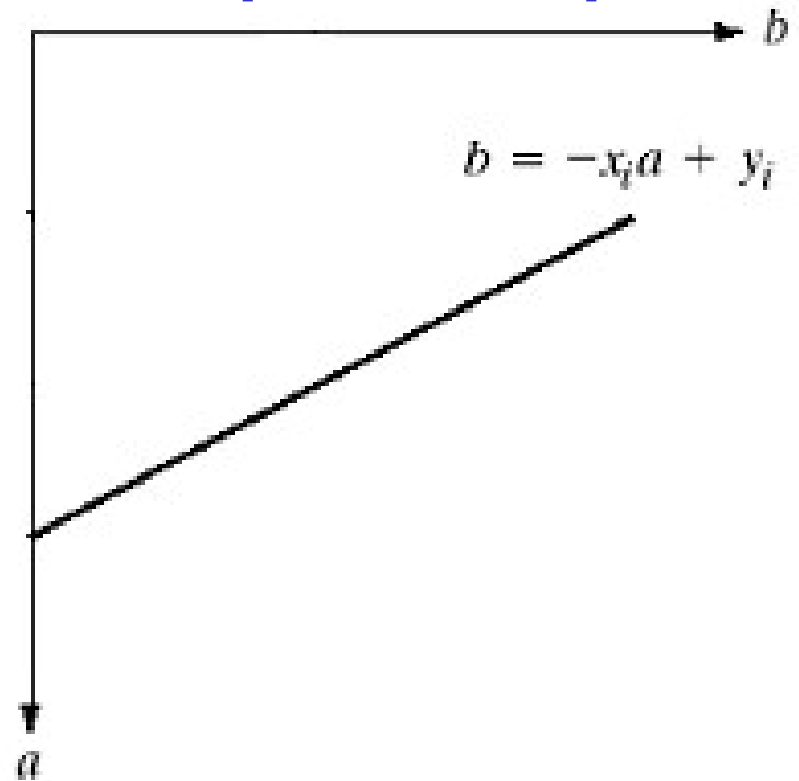
# Plan x-y vs Plan a-b

**Plan x-y**



$$y_i = a x_i + b$$

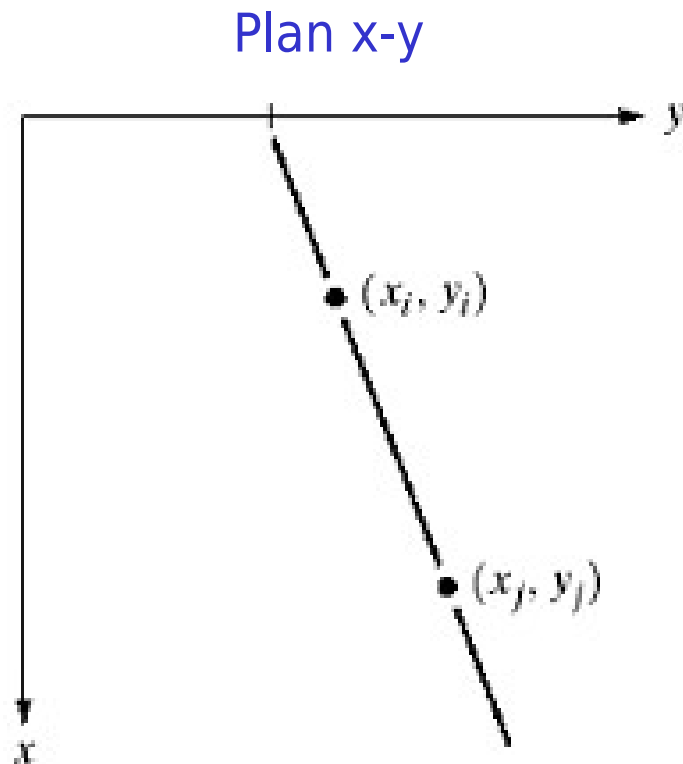
**Plan paramétrique a-b**



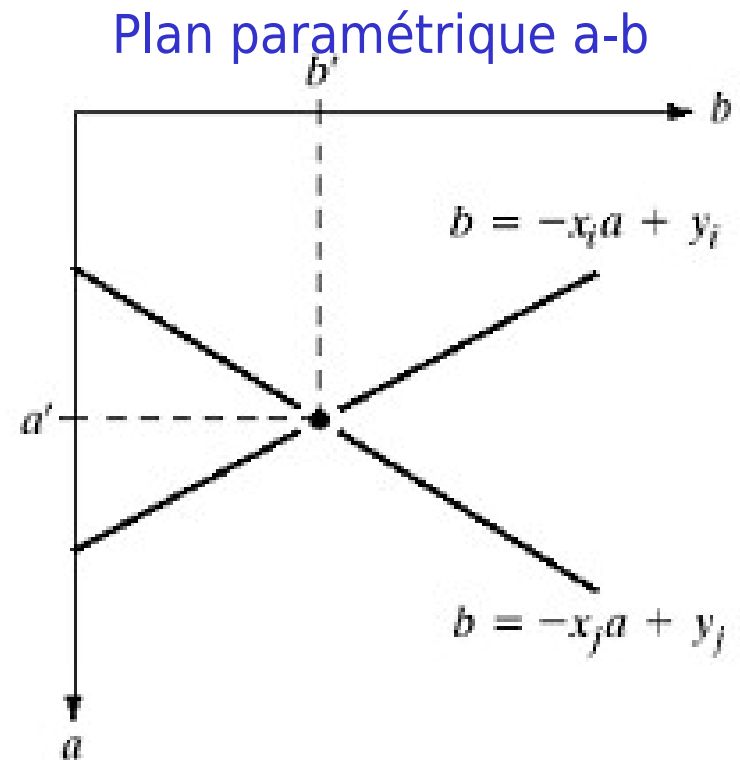
$$b = -x_i a + y_i$$

# Droites vs Points

Tous les points  $(x,y)$  sur une ligne du plan  $x$ - $y$  passent par un seul point  $(a', b')$  dans le plan paramétrique  $a$ - $b$



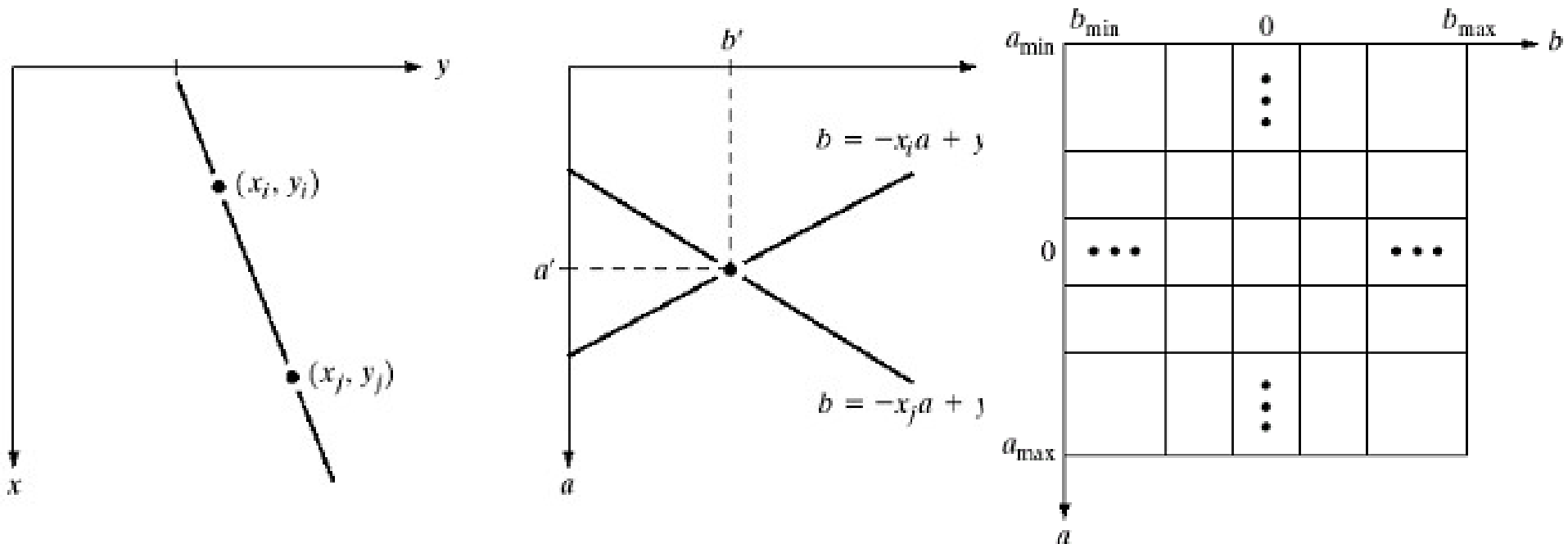
$$y_i = a x_i + b$$



$$b = -x_i a + y_i$$

# Principe de la transformée de Hough

- Cellules d'accumulation - Matrice (a,b)
- On construit une **image des votes**
  - *chaque point permet de voter pour une droite particulière*
- Les droites recevant le plus de votes sont conservées





# Calcul de la transformée de Hough

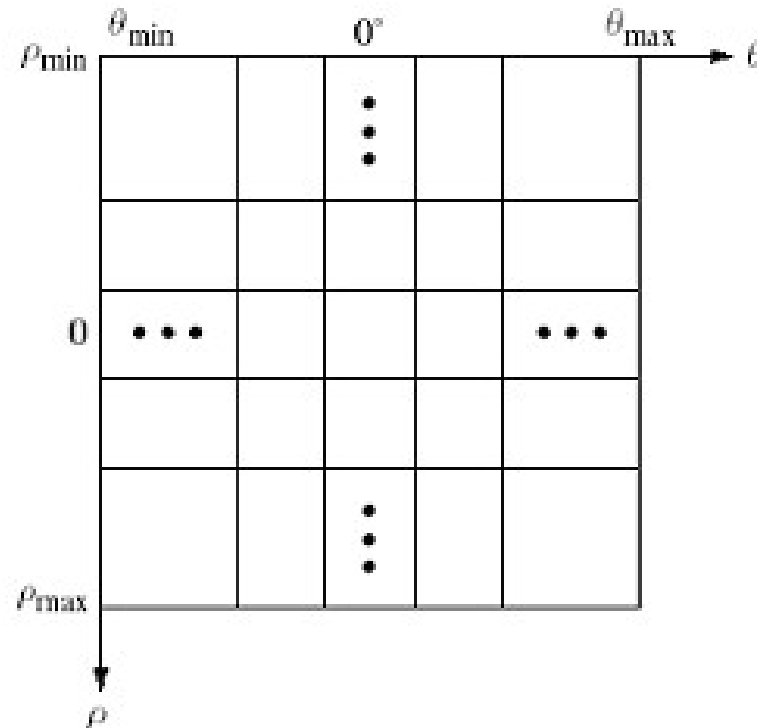
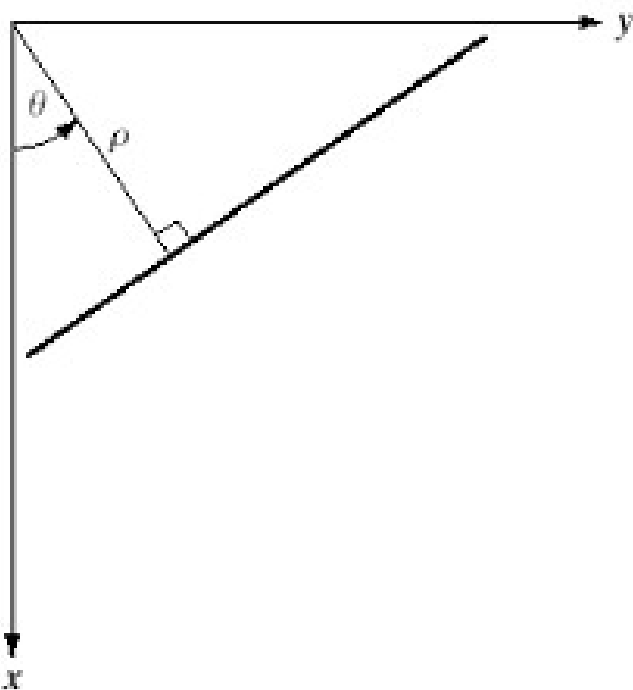
---

- On calcule le **gradient** de l'image originale
  - *Sobel, Prewitt, Canny, ...*
- Pour chaque point du gradient, on calcule une droite **(a,b)**
  - *On obtient une droite dans le plan a-b pour chaque pixel (x,y)*
- Les pics maximum dans le plan paramétrique a-b indiquent les droites avec le maximum de points du plan x-y
  - *Les points de croisement des droites dans le plan a-b indiquent les vraies droites existantes dans le plan x-y*

# Problème avec un espace (a,b)

- **Problème** : pour une droite verticale,  $b = \infty$  !
- **Solution** : représentation sous forme polaire  $(\rho, \theta)$

$$\rho = x \cos \theta + y \sin \theta$$



$$\theta = \pm 90$$

# Exemple avec 5 points

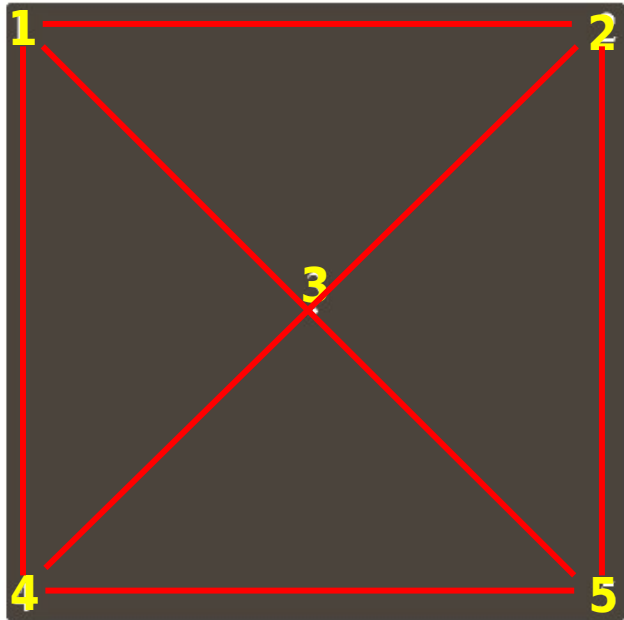
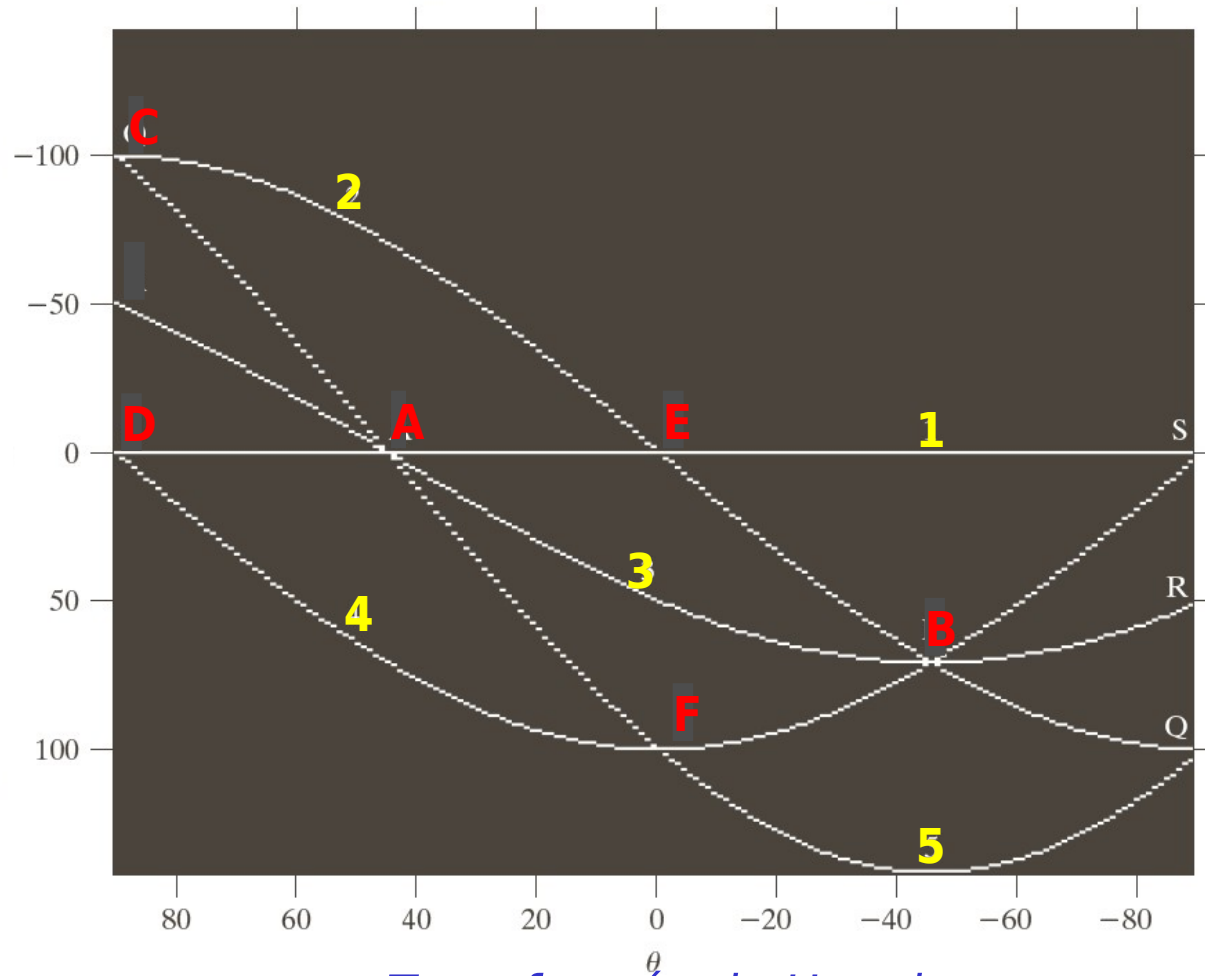
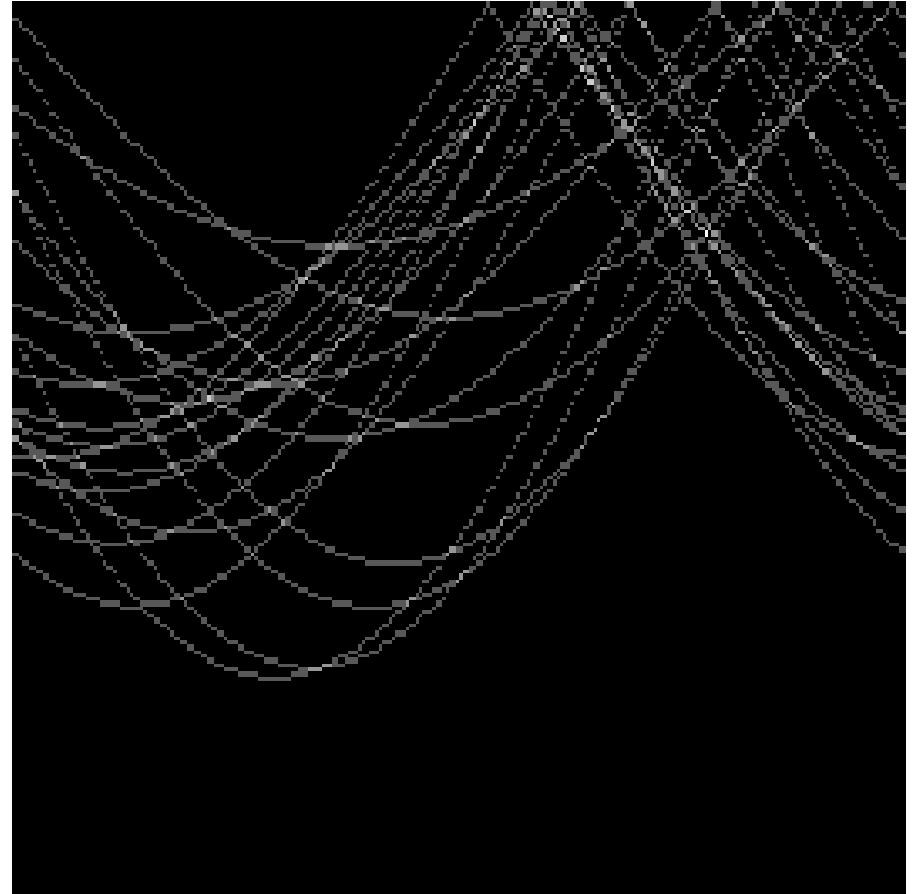
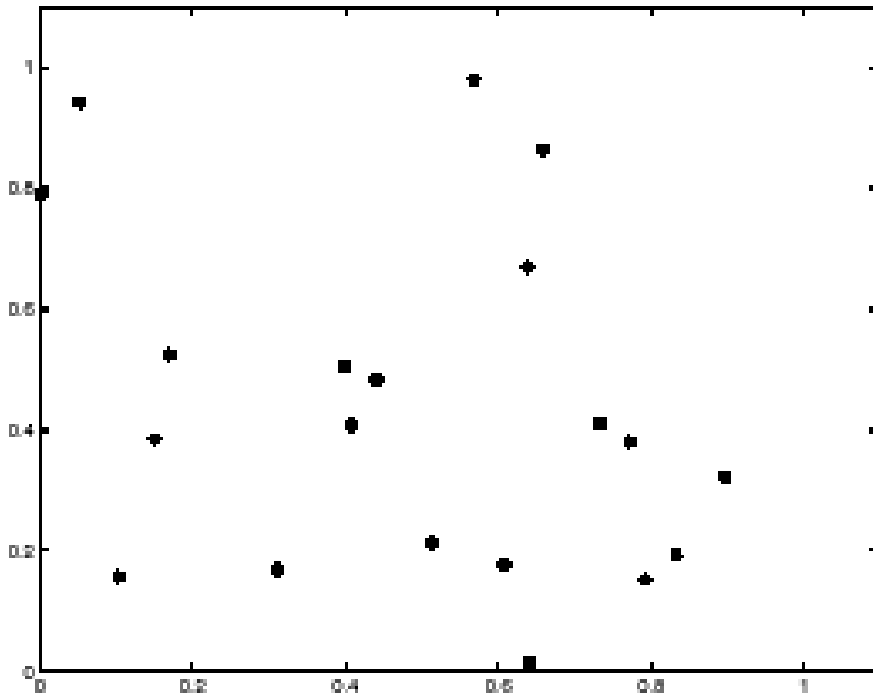


Image contenant  
5 points



Transformée de Hough

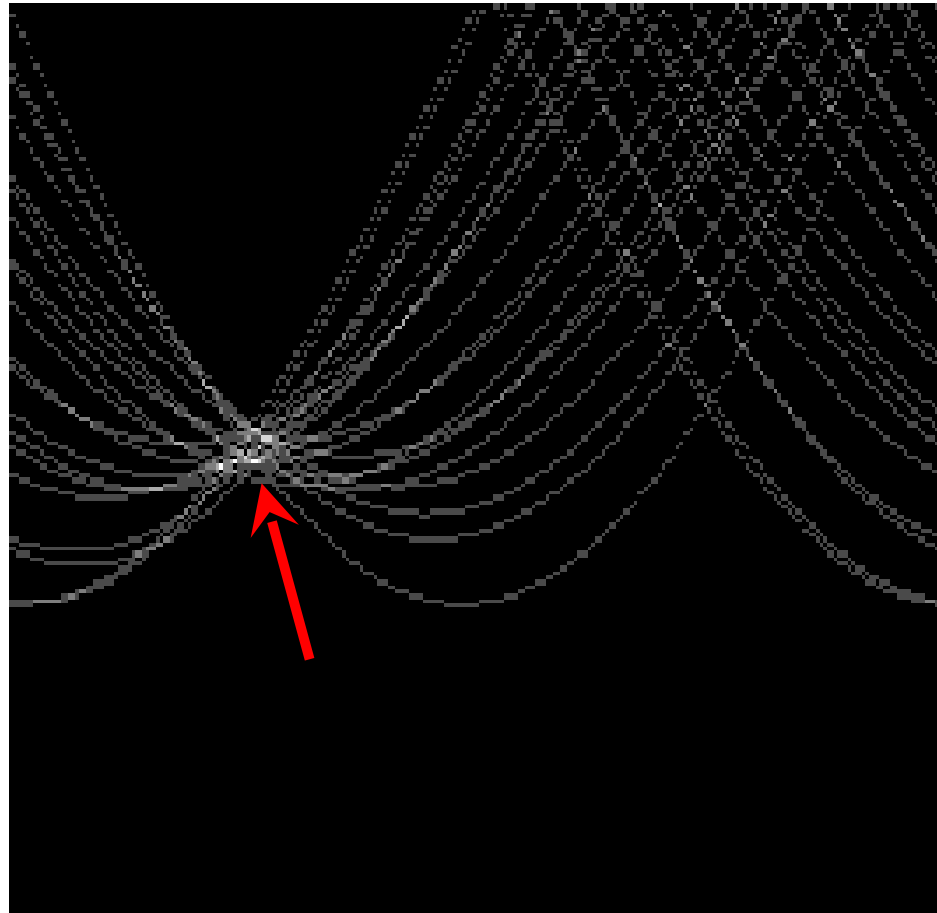
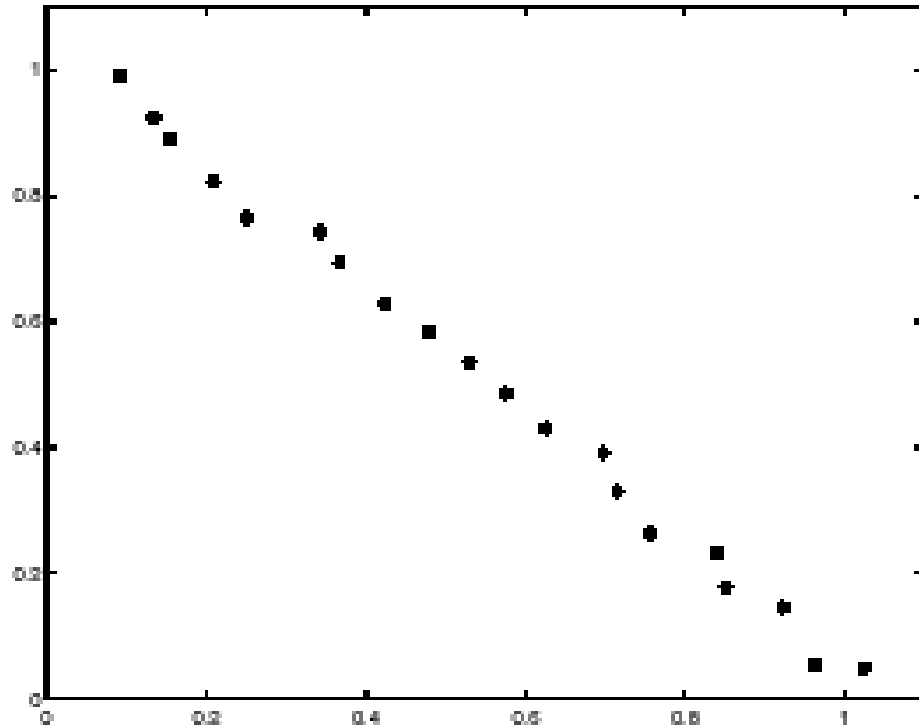
# Transformée de Hough (points)



*La transformée de points aléatoires ne donne rien de précis*

# Transformée de Hough (droite)

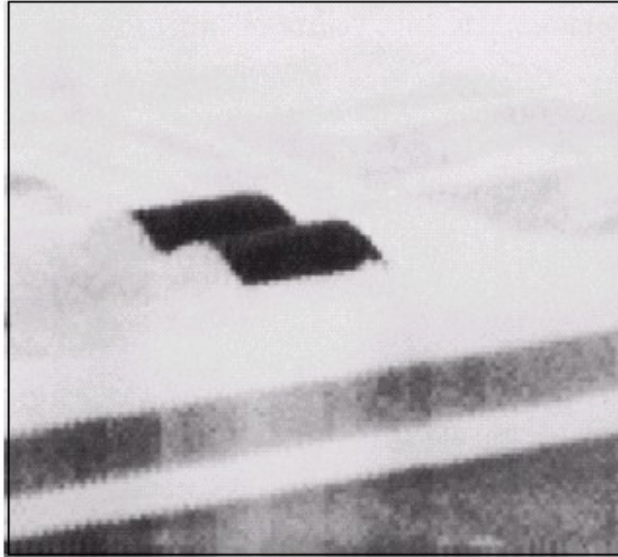
*La transformée de points alignés permet de retrouver la droite*



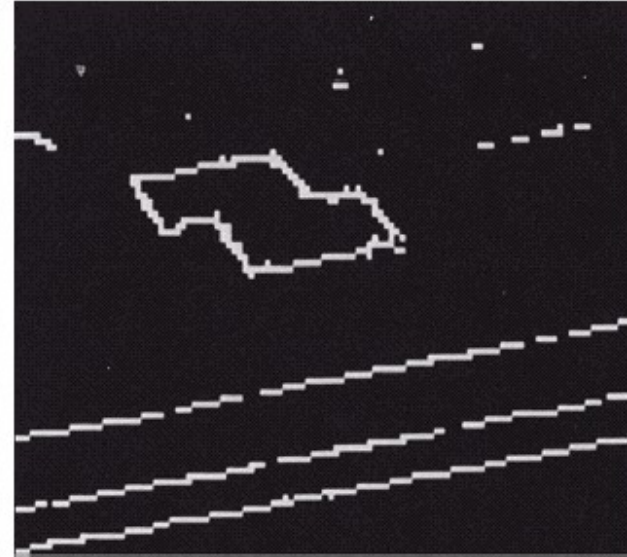


# Example

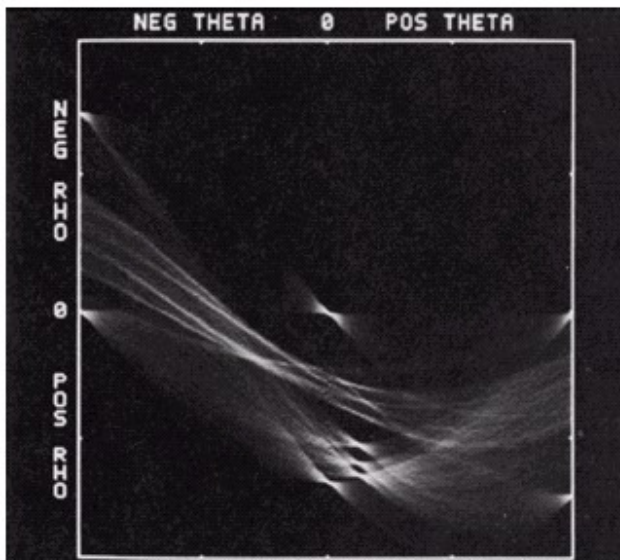
Image



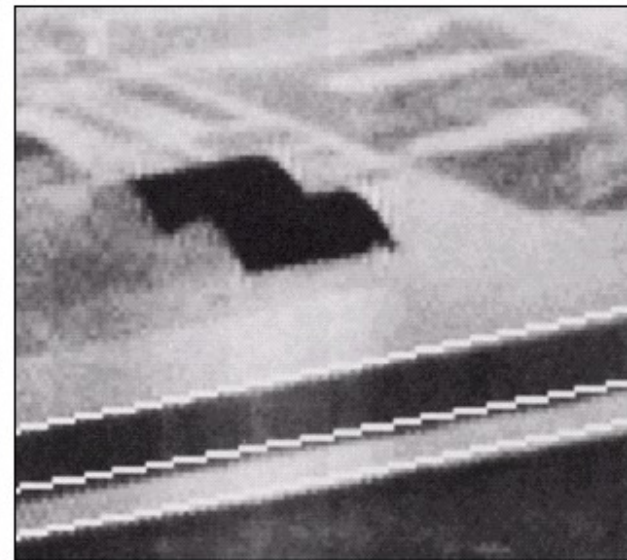
Gradient



Hough



Final

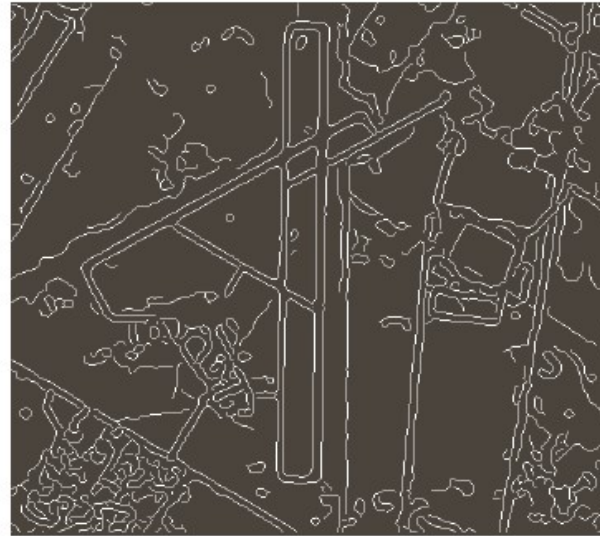


# Autre exemple

Image



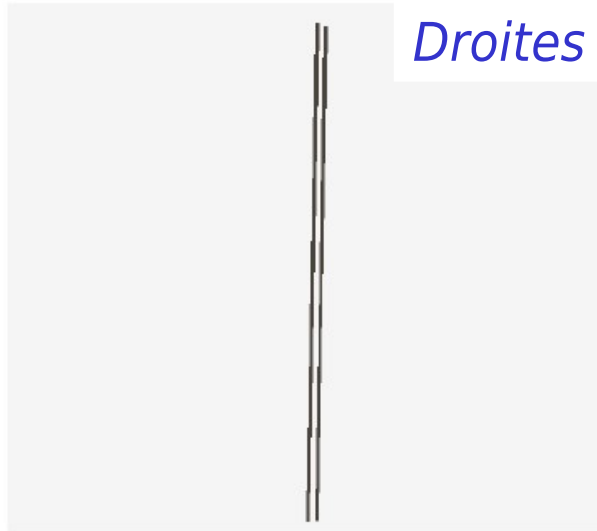
Canny



Hough



Droites



Final





# Références

*(voir aussi la page web du cours)*

---

- Gradient. Wikipédia (fr). (page consultée le 2 avril 2009).
  - <http://fr.wikipedia.org/wiki/Gradient>
  
- Caroline Rougier. Cours de Traitement d'images (IFT2730). Université de Montréal (Canada)
  - <http://www-etud.iro.umontreal.ca/~rougierc/ift2730/>
  - Chap10 : Filtrage : lissage, réhaussement d'images, détection de contours :  
[http://www-etud.iro.umontreal.ca/~rougierc/ift2730/cours/Cours10\\_IFT2730\\_2008\\_2.pdf](http://www-etud.iro.umontreal.ca/~rougierc/ift2730/cours/Cours10_IFT2730_2008_2.pdf)