Modélisation et contrôle

RobocupUlaval - ULtron

Par : Simon Bouchard 11 avril 2017

1 Modèle du robot

1.1 Équation en continu

$$\dot{\boldsymbol{\omega}} = M_1 \boldsymbol{u} - M_2 \boldsymbol{\omega}$$

où,

 ω est le vecteur de vitesses angulaires des roues en rad/s;

 \boldsymbol{u} est le vecteur de rapport cyclique de commande aux moteurs.

1.2 Valeurs numériques

$$M_1(0) = \begin{bmatrix} 520.2 & 346.8 & 173.4 & 346.8 \\ 346.8 & 520.2 & 346.8 & 173.4 \\ 173.4 & 346.8 & 520.2 & 346.8 \\ 346.8 & 173.4 & 346.8 & 520.2 \end{bmatrix}$$

$$M_2(0) = \begin{bmatrix} 4.3350 & 2.8900 & 1.4450 & 2.8900 \\ 2.8900 & 4.3350 & 2.8900 & 1.4450 \\ 1.4450 & 2.8900 & 4.3350 & 2.8900 \\ 2.8900 & 1.4450 & 2.8900 & 4.3350 \end{bmatrix}$$

$$M_{1opt} = \begin{bmatrix} 832.5160 & 348.0510 & 150.7291 & 327.6491 \\ 486.8178 & 692.4930 & 399.4206 & 117.5622 \\ 241.0265 & 239.6313 & 761.3489 & 235.5609 \\ 221.2959 & 59.1184 & 116.8171 & 702.2684 \end{bmatrix}$$

$$M_{2opt} = egin{bmatrix} 4.5265 & 0.2949 & 1.1064 & 0.3471 \ 1.0369 & 2.9667 & 0.8380 & 0.1454 \ 0.1446 & 0.2892 & 2.9959 & 0.2894 \ 0.7098 & 0.1451 & 0.2896 & 3.3578 \end{bmatrix}$$

2 Loi de commande du robot

2.1 NRMC continu

$$u = M_1^{-1} \left(\Lambda_{\omega} \omega_m - \Lambda_{\omega} r_w + M_2 \omega + K_p e + K_I e_I \right)$$

$$\dot{\omega}_m = \Lambda_{\omega} \omega_m - \Lambda_{\omega} r_w \quad \Rightarrow \quad \frac{\omega_{mi}}{r_{\omega i}} = \frac{1}{s + \lambda_i}$$

où,

 $e = \omega_m - \omega$;

 $e_I = \int e dt$;

 K_p est le gain proportionnel;

 K_I est le gain intégral;

 ω_m est la consigne filtrée de vitesse angulaire;

 $\boldsymbol{r_w}$ est la consigne de vitesse angulaire.