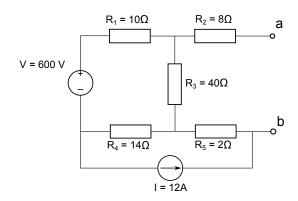


Norges teknisk—naturvitenskapelige universitet Institutt for elektronikk og TFE4101 Krets- og digitalteknikk Høst 2014

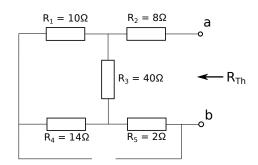
Løsningsforslag — Øving 4

$\boxed{1}$ Oppgave 1

telekomunikasjon



a) Nullstiller kildene for å finne R_{Th} sett fra klemmene a og b. Spenningskilden blir en kortslutning og strømkilden blir en åpen krets:



Slår sammen R_1 og R_4 som nå står i serie:

$$R_{1.4} = R_1 + R_4 = 10\Omega + 14\Omega = 24\Omega$$

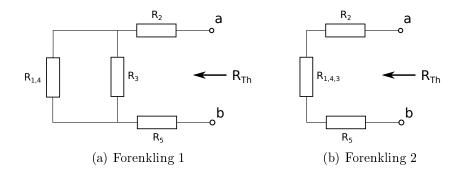
Videre slår vi sammen $R_{1,4}$ og R_3 som nå står i parallell:

$$R_{1,4,3} = R_{1,4} \mid\mid R_3 = \frac{24\Omega \cdot 40\Omega}{24\Omega + 40\Omega} = 15\Omega$$

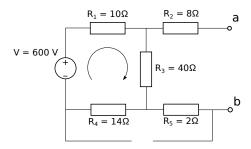
Vi kan nå finne R_{Th} ved å slå sammen de gjenstående motstandene som alle står i serie:

$$R_{Th} = R_2 + R_{1,4,3} + R_5 = 8\Omega + 15\Omega + 2\Omega = 25\Omega$$

Forenklingene som er gjort underveis er vist i figurene nedenfor.



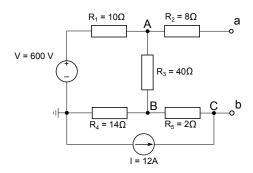
b) Thevenin-spenningen vil være spenningen som ligger over klemmene a og b når det ikke er noen kobling mellom dem. For å finne denne spenningen bruker vi superposisjon. Vi starter med å nullstille strømkilden, som blir en åpen krets:



Siden klemmene a og b står åpne, går det ingen strøm gjennom motstandene R_2 og R_5 . Det vil bare gå strøm i sløyfa som vist i figuren. Spenningen som ligger over a og b er da lik spenningen over R_3 som kan finnes ved spenningsdeling:

$$V_{Th,1} = V_{R_3} = V \cdot \frac{R_3}{R_1 + R_3 + R_4} = 600V \cdot \frac{40\Omega}{10\Omega + 40\Omega + 14\Omega} = 375V$$

Deretter må vi nullstille spenningskilden, som blir en kortslutning, for å finne bidraget fra strømkilden på spenningen over a og b:



Bruker nodespenningsmetoden med referansenode som vist i figuren. Merk at det ikke går noen strøm gjennom R_2 .

$$\frac{V_B}{R_1 + R_3} + \frac{V_B}{R_4} - I = 0$$

$$V_B R_4 + V_B (R_1 + R_3) = I(R_1 + R_3) R_4$$

$$V_B = \frac{I(R_1 + R_3)R_4}{R_1 + R_3 + R_4} = 131,25V$$

Node A

$$V_A = V_B \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_3} = 26,25V$$

Node C

$$V_C = V_B + I \cdot R_5 = 155,25V$$

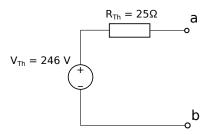
Dermed kan vi finne bidraget på V_{Th} :

$$V_{Th,2} = V_A - V_C = -129V$$

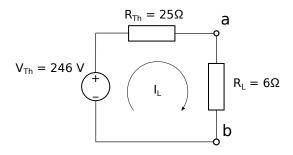
Den totale Thevenin-spenningen er summen av $V_{Th,1}$ og $V_{Th,2}$:

$$V_{Th} = V_{Th,1} + V_{Th,2} = \underline{246V}$$

c) Thevenin-ekvivalenten til kretsen blir som vist i figuren nedenfor:



d) Vi kan benytte Thevenin-ekvivalenten til å beregne laststrømmen, noe som gjør analysen mye enklere:



$$I_L = \frac{V_{Th}}{R_{Th} + R_L} = \frac{246V}{(25+6)\Omega} = \frac{7,93A}{2}$$

Hvis vi vil finne spenningen over klemmene a og b kan vi bruke Ohms lov:

$$V_{AB} = I_L R_L = 47,6V$$

Kretsen har blitt lastet nedfra 246 V (ubelastet) til 47,6 V med 6Ω belastning.

Oppgave 2: Likeretter

Diodene er en brulikeretter som sørger for å likerette spenningen. Kondensatoren C glatter ut den likerettede spenningen fra brulikeretteren. Spenningen vil fremdeles følge en eksponentiell utladning. Motstanden R begrenser strømmen gjennom zenerdioden D_z . Til sammen utgjør R og C og et lavpassfilter. Zenerdioden D_z stabiliserer spenningen V_{ut} . Når V_{ut} stiger over zenerspenningen begynner det straks å gå en stor strøm gjennom zenerdioden. Dette fører til større spenningsfall over R og spenningen over D_z synker igjen. Dette medfører at D_z vil slippe gjennom strøm i den størrelsesorden som må til for at spenningsfallet over R til enhver tid er slik at V_{ut} er stabil og lik zenerspenningen til D_z .

Oppgave 3: Designrepresentasjon og abstraksjonsnivå

- a) En strukturell representasjon beskriver produktet som et sett av komponenter og deres sammenkobling, og sier derfor ikke direkte noe om produktets funksjonalitet.
- b) Når man skal beskrive et design med strukturell representasjon på registernivå så benyttes typisk komponenter som adderere, komparatorer, tellere, registre etc.

Oppgave 4: Generelle tallsystemer

a) 1)
$$100.10_{(5)} = 1*5^2 + 0*5^1 + 0*5^0 + 1*5^{-1} + 0*5^{-2} = \underline{25.20_{(10)}}$$

2) $364.63_{(7)} = 3*7^2 + 6*7^1 + 4*7^0 + 6*7^{-1} + 3*7^{-2} = \underline{193.92_{(10)}}$

Her må det understrekes at svaret i 2) ikke er eksakt. Det ser man lett hvis man forsøker å konvertere svaret tilbake til 7-tallssystemet. Svaret i 1) er derimot eksakt.

b) 1) $720.12_{(10)} \rightarrow 6$ -tallssystemet:

Heltallsdel	Rest
720:6 = 120	0 (LSD)
120:6 = 20	0
20:6 = 3	2
3:6 = 0	3 (MSD)

Fraksjon	"Rest"
0.12*6 = 0.72	0 (MSD)
0,72*6 = 4,32	4
0,32*6=1,92	1 (LSD)
0.92*6 = 5.22	5

Svar: $720.12_{(10)} = 3200.042_{(6)}$

Legg merke til at det siste tallet må avrundes til 2 siden sifferet regnet ut etter LSD er 5 og $(0.0005)_6 = (5*6^{-4})_{10} = (0.0039)_{10} \ge \frac{1}{2} (6^{-3})_{10} = (0.0023)_{10}$.

2) $600.75_{(10)} \rightarrow 5$ -tallssystemet:

Heltallsdel	Rest
600:5 = 120	0 (LSD)
120:5 = 24	0
24:5 = 4	4
4:5=0	4 (MSD)

 Fraksjon
 "Rest"

 0.75*5 = 3,75
 3 (MSD)

 0.75*5 = 3,75
 3

 0.75*5 = 3,75
 3 (LSD)

 0.75*5 = 3,75
 3

Svar: $600.75_{(10)} = 4400.334_{(5)}$

Legg merke til at det siste tallet må avrundes til 4 siden sifferet regnet ut etter LSD er 3 og $(0.0003)_5 = (3*5^{-4})_{10} = (0.0048)_{10} \ge \frac{1}{2} (5^{-3})_{10} = (0.0040)_{10}$.

- c) Resultat -573.34₍₈₎ er framkommet etter avrunding
 - 1) Resultatet dekker tallområdet [-573.334(8), -573.344(8)>. Dvs. fra og med -573,334 og opp til, men ikke inkludert, -573,344. -573,3437777 er altså for eksempel med.
 - 2) Usikkerheten til resultatet er gitt ved $\pm \frac{1}{2} (8^{-2})_{10} = (0,0078)_{10}$.

Oppgave 3: Viktige tallsystemer

- a) $32.11_{(8)} = 011\ 010.\ 001\ 001_{(2)}$
- b) $11100110111.01_{(2)} = 011 100 110 111.010_{(2)} = 3467.2_{(8)}$
- c) FADE. BABE₍₁₆₎ = $\frac{111111010110111110.101111010101111110}{11110.1011111010101111110}$
- d) $1101\ 1101\ 1110_{(2)} = \underline{DDE}_{(16)}$
- e) På BCD representasjon gir grupper av fire bit et enkelt siffer (0 9). Her får vi altså 0011 = 3 og 0110 = 6. Med andre ord 36.

Oppgave 4: Komplement-tall-aritmetikk

a) Legg merke til (i tabell 1) at man i sign-magnitude kan representere 2^N-1 tall med N bit siden representasjonen av 0 ikke er entydig. I 2's komplement greier man å representere 2^{N-1} negative tall. Man greier derimot bare å representere $2^{N-1}-1$ positive tall siden fordi man må representere null også. Dermed kan man representere et større område med negative tall enn positive tall med 2's komplement.

Tabell 1: Tallrepresentasjon

Desimaltall	Binærtall	Binærtall
	(Sign-magnitude)	(2's komplement)
7	0111	0111
6	0110	0110
5	0101	0101
4	0100	0100
3	0011	0011
2	0010	0010
1	0001	0001
0	0000 og 1000	0000
-1	1001	1111
-2	1010	1110
-3	1011	1101
-4	1100	1100
-5	1101	1011
-6	1110	1010
-7	1111	1001
-8	-	1000

b)
$$A = 0110_{(2)}$$

 $B = 0101_{(2)}$
A-B: $B-A$: $0101_{(2)}$ $0101_{(2)}$
 $+ 1011_{(2)}$ (2's komplement av B) $+ 1010_{(2)}$ (2's komplement av A) $= 1111_{(2)}$
Ignorer mente ut fra MSB (trunkerer). Ser av MSB at svaret er negativt. 2's komplement av $1111_{(2)}$ er $0001_{(2)}$. (Se

c) Generelt kan vi aldri få overflyt (overflow) hvis tallene vi adderer har motsatt fortegn. Hvis tallene derimot har likt fortegn vil overflow vise seg hvis MSB (mest signfkante bit) i svaret (etter trunkering) er ulikt MSB i hver av de to tallene som inngår i operasjonen.

tabell.) Det betyr at svaret er -1.

For 2's komplement gjelder dessuten at det er overflyt dersom mente inn og mente ut av fortegnsbittet (MSB) er forskjellig.

e) Alternativ e1 er korrekt. Vi har foretatt fortegnsforlenging ved å repetere fortegnsbittet to ganger.

Oppgave 5: Binær multiplikasjon og divisjon

a)
$$A = 10101_{(2)}$$
 (2's komplement.)
 $B = 10011_{(2)}$ (2's komplement.)

Se også eksempel 2.4 i Gajski. Dette er helt vanlig multiplikasjon, med to unntak:

- De skiftede multiplikandene summeres *etterhvert*, istedenfor å summere dem tilslutt.
- Man tar toer-komplementet av den siste skiftede multiplikanden. Dette gjøres helt konsekvent. Årsaken til dette er at fortegnsbittet har negativ posisjonsvekt.

Disse to punktene gjør det lett å realisere multiplikasjon i maskinvare.

```
Multiplikand * Multiplikator
              * 10011
       10101
              Partielt produkt (med fortegns-forlengelse) før vi starter.
      000000
              Multiplikand (med fortegns-forlengelse).
     +110101
     1110101
              Første partielle produkt (med fortegns-forlengelse).
              Skiftet (1 posisjon) multiplikand med (fortegns-forlengelse).
    +110101
    11011\overline{11}1
              Andre partielle produkt (med fortegns-forlengelse).
              Skiftet (2 posisjoner) multiplikand (med fortegns-forlengelse).
   +000000
              Tredje partielle produkt (med fortegns-forlengelse).
   111011111
              Skiftet (3 posisjoner) multiplikand (med fortegns-forlengelse).
  +000000
              Fjerde partielle produkt (med fortegns-forlengelse).
  1111011111
              2's kompl av skiftet (4 posisjoner) multiplikand (mff).
 +001011
  0010001111
              = 143_{(10)} (Ignorer mente ut).
```

mff = "med fortegns-forlengelse".

OBS: For å forstå oppgave 5a fullt ut, må man først sette seg inn i:

- Fortegnsforlengelse.
- Hvorfor man tar toer-komplementet av den siste skiftede multiplikanden.

b)
$$C = 10100000_{(2)}$$

 $D = 111_{(2)}$

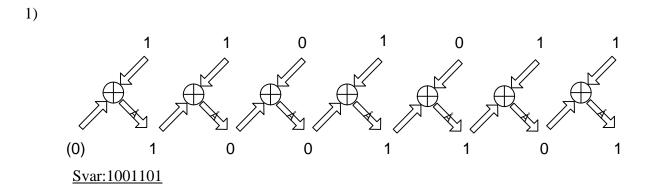
Dette er helt vanlig divisjon. Se også kapittel 2.8 i Gajski. Merk at tallene her er uten fortegn (positive).

```
10100000
             : 111 = 10110
                      Skiftet divisor går opp
                                                        (MSB = 1)
- 111
   110000
                      Ny dividend
                      Skiftet divisor går ikke opp
   000
                                                        (0)
   110000
                     Ny dividend
    111
                     Skiftet divisor går opp
                                                        (1)
    10100
                     Ny dividend
     111
                     Skiftet divisor går opp
                                                        (1)
      110
                     Ny dividend
      000
                      Skiftet divisor går ikke opp
                                                      (LSB = 0)
      110
                      Rest = 6_{(10)}
```

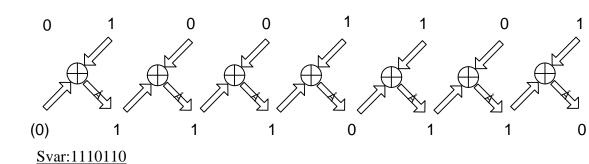
Det vil si at $10100000_{(2)}$: $111_{(2)} = 10110_{(2)} + 110_{(2)}/111_{(2)} = 22_{(10)} + 6/7_{(10)}$

Oppgave 6: Gray-kode

a)



2)



b)

Svar: 0100000

Svar: 1100000

Legg her merke til at tallene i 1) og 2) følger etter hverandre i en binærsekvens, og at for å komme fra det ene til det andre må man invertere hele 7 bit. I Graykoden ser vi at de to tallene skiller seg fra hverandre i kun *en* bitposisjon.