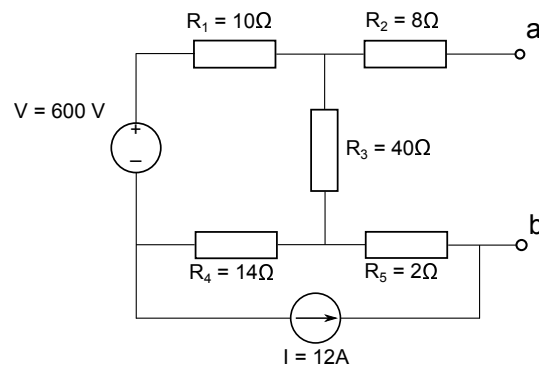
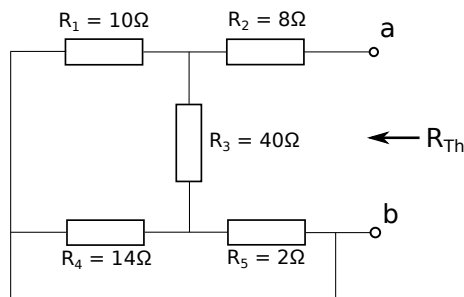


1 Oppgave 1



- a) Nullstiller kildene for å finne R_{Th} sett fra klemmene a og b . Spenningskilden blir en kortslutning og strømkilden blir en åpen krets:



Slår sammen R_1 og R_4 som nå står i serie:

$$R_{1,4} = R_1 + R_4 = 10\Omega + 14\Omega = 24\Omega$$

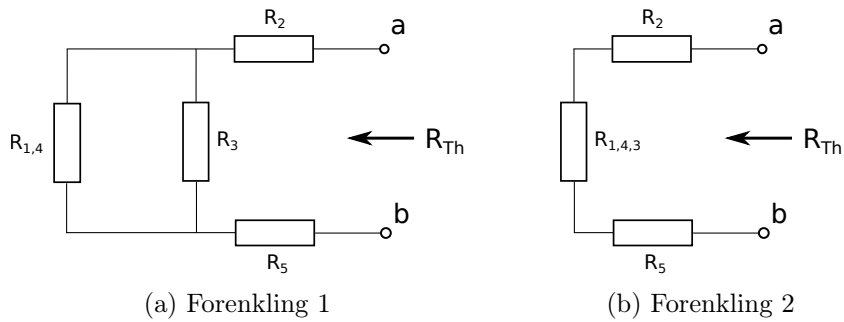
Videre slår vi sammen $R_{1,4}$ og R_3 som nå står i parallell:

$$R_{1,4,3} = R_{1,4} \parallel R_3 = \frac{24\Omega \cdot 40\Omega}{24\Omega + 40\Omega} = 15\Omega$$

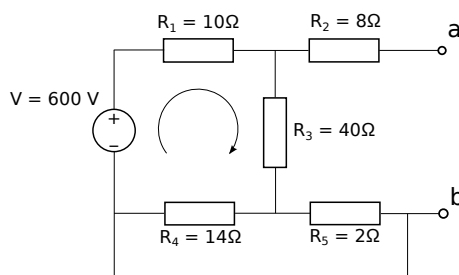
Vi kan nå finne R_{Th} ved å slå sammen de gjenstående motstandene som alle står i serie:

$$R_{Th} = R_2 + R_{1,4,3} + R_5 = 8\Omega + 15\Omega + 2\Omega = \underline{\underline{25\Omega}}$$

Forenklingene som er gjort underveis er vist i figurene nedenfor.



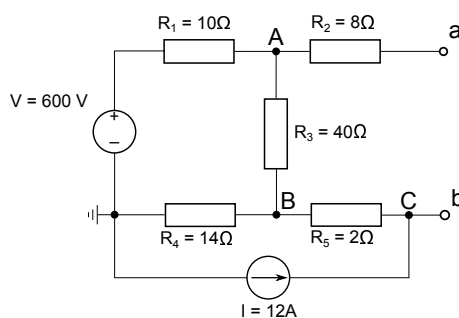
- b) Thevenin-spenningen vil være spenningen som ligger over klemmene a og b når det ikke er noen kobling mellom dem. For å finne denne spenningen bruker vi superposisjon. Vi starter med å nullstille strømkilden, som blir en åpen krets:



Siden klemmene a og b står åpne, går det ingen strøm gjennom motstandene R_2 og R_5 . Det vil bare gå strøm i sløyfa som vist i figuren. Spenningen som ligger over a og b er da lik spenningen over R_3 som kan finnes ved spenningsdeling:

$$V_{Th,1} = V_{R_3} = V \cdot \frac{R_3}{R_1 + R_3 + R_4} = 600V \cdot \frac{40\Omega}{10\Omega + 40\Omega + 14\Omega} = 375V$$

Deretter må vi nullstille spenningskilden, som blir en kortslutning, for å finne bidraget fra strømkilden på spenningen over a og b :



Bruker nodespenningsmetoden med referansenode som vist i figuren. Merk at det ikke går noen strøm gjennom R_2 .

Node B

$$\frac{V_B}{R_1 + R_3} + \frac{V_B}{R_4} - I = 0$$

$$V_B R_4 + V_B (R_1 + R_3) = I (R_1 + R_3) R_4$$

$$V_B = \frac{I(R_1 + R_3)R_4}{R_1 + R_3 + R_4} = 131,25V$$

Node A

$$V_A = V_B \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_3} = 26,25V$$

Node C

$$V_C = V_B + I \cdot R_5 = 155,25V$$

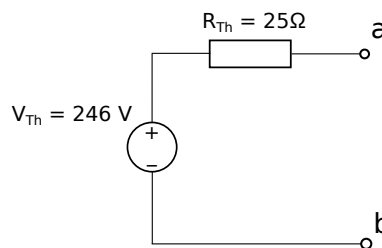
Dermed kan vi finne bidraget på V_{Th} :

$$V_{Th,2} = V_A - V_C = -129V$$

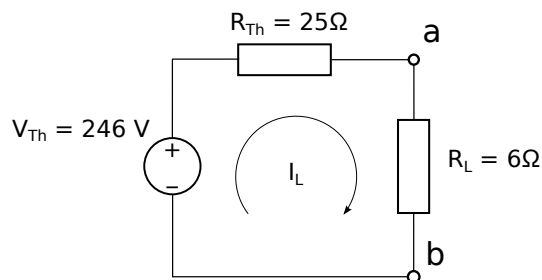
Den totale Thevenin-spenningen er summen av $V_{Th,1}$ og $V_{Th,2}$:

$$V_{Th} = V_{Th,1} + V_{Th,2} = \underline{\underline{246V}}$$

c) Thevenin-ekvivalenten til kretsen blir som vist i figuren nedenfor:



d) Vi kan benytte Thevenin-ekvivalenten til å beregne laststrømmen, noe som gjør analysen mye enklere:



$$I_L = \frac{V_{Th}}{R_{Th} + R_L} = \frac{246V}{(25 + 6)\Omega} = \underline{\underline{7,93A}}$$

Hvis vi vil finne spenningen over klemmene a og b kan vi bruke Ohms lov:

$$V_{AB} = I_L R_L = 47,6V$$

Kretsen har blitt lastet nedfra 246 V (ubelastet) til 47,6 V med 6Ω belastning.

Oppgave 2: Likeretter

Diodene er en brulikeretter som sørger for å likerette spenningen. Kondensatoren C glatter ut den likerettete spenningen fra brulikeretteren. Spenningen vil fremdeles følge en eksponentiell utladning. Motstanden R begrenser strømmen gjennom zenerdioden D_z . Til sammen utgjør R og C og et lavpassfilter. Zenerdioden D_z stabiliserer spenningen V_{ut} . Når V_{ut} stiger over zenerspenningen begynner det straks å gå en stor strøm gjennom zenerdioden. Dette fører til større spenningsfall over R og spenningen over D_z synker igjen. Dette medfører at D_z vil slippe gjennom strøm i den størrelsesorden som må til for at spenningsfallet over R til enhver tid er slik at V_{ut} er stabil og lik zenerspenningen til D_z .

Oppgave 3: Designrepresentasjon og abstraksjonsnivå

- a) En strukturell representasjon beskriver produktet som et sett av komponenter og deres sammenkobling, og sier derfor ikke direkte noe om produktets funksjonalitet.
- b) Når man skal beskrive et design med strukturell representasjon på registernivå så benyttes typisk komponenter som adderere, komparatorer, tellere, registre etc.

Oppgave 4: Generelle tallsystemer

- a) 1) $100.10_{(5)} = 1 \cdot 5^2 + 0 \cdot 5^1 + 0 \cdot 5^0 + 1 \cdot 5^{-1} + 0 \cdot 5^{-2} = 25.20_{(10)}$
 2) $364.63_{(7)} = 3 \cdot 7^2 + 6 \cdot 7^1 + 4 \cdot 7^0 + 6 \cdot 7^{-1} + 3 \cdot 7^{-2} = 193.92_{(10)}$

Her må det understrekes at svaret i 2) ikke er eksakt. Det ser man lett hvis man forsøker å konvertere svaret tilbake til 7-tallssystemet. Svaret i 1) er derimot eksakt.

- b) 1) $720.12_{(10)} \rightarrow 6\text{-tallssystemet}$:

Heltallsdel	Rest
$720:6 = 120$	0 (LSD)
$120:6 = 20$	0
$20:6 = 3$	2
$3:6 = 0$	3 (MSD)

Fraksjon	"Rest"
$0,12 \cdot 6 = 0,72$	0 (MSD)
$0,72 \cdot 6 = 4,32$	4
$0,32 \cdot 6 = 1,92$	1 (LSD)
$0,92 \cdot 6 = 5,22$	5

Svar: $720.12_{(10)} = 3200.042_{(6)}$

Legg merke til at det siste tallet må avrundes til 2 siden sifferet regnet ut etter LSD er 5 og $(0.0005)_6 = (5 \cdot 6^{-4})_{10} = (0,0039)_{10} \geq \frac{1}{2} (6^{-3})_{10} = (0,0023)_{10}$.

- 2) $600.75_{(10)} \rightarrow 5\text{-tallssystemet}$:

Heltallsdel	Rest
$600:5 = 120$	0 (LSD)
$120:5 = 24$	0
$24:5 = 4$	4
$4:5 = 0$	4 (MSD)

Fraksjon	"Rest"
$0.75 \cdot 5 = 3,75$	3 (MSD)
$0.75 \cdot 5 = 3,75$	3
$0.75 \cdot 5 = 3,75$	3 (LSD)
$0.75 \cdot 5 = 3,75$	3

Svar: $600.75_{(10)} = 4400.334_{(5)}$

Legg merke til at det siste tallet må avrundes til 4 siden sifferet regnet ut etter LSD er 3 og $(0.0003)_5 = (3 \cdot 5^{-4})_{10} = (0,0048)_{10} \geq \frac{1}{2} (5^{-3})_{10} = (0,0040)_{10}$.

c) Resultat $-573.34_{(8)}$ er framkommet etter avrunding

- 1) Resultatet dekker tallområdet $[-573.334_{(8)}, -573.344_{(8)}]$. Dvs. fra og med $-573,334$ og opp til, men ikke inkludert, $-573,344$. $-573,3437777$ er altså for eksempel med.
- 2) Usikkerheten til resultatet er gitt ved $\pm \frac{1}{2} (8^{-2})_{10} = (0,0078)_{10}$.

Oppgave 3: Viktige tallsystemer

a) $32.11_{(8)} = \underline{011\ 010.001\ 001}_{(2)}$

b) $11100110111.01_{(2)} = 011\ 100\ 110\ 111.010_{(2)} = \underline{3467.2}_{(8)}$

c) $\text{FADE. BABE}_{(16)} = \underline{1111\ 1010\ 1101\ 1110.1011\ 1010\ 1011\ 1110}_{(2)}$

d) $1101\ 1101\ 1110_{(2)} = \underline{\text{DDE}}_{(16)}$

e) På BCD representasjon gir grupper av fire bit et enkelt siffer (0 - 9). Her får vi altså $0011 = 3$ og $0110 = 6$. Med andre ord 36.

Oppgave 4: Komplement-tall-aritmetikk

a) Legg merke til (i tabell 1) at man i sign-magnitude kan representere $2^N - 1$ tall med N bit siden representasjonen av 0 ikke er entydig. I 2's komplement greier man å representere 2^{N-1} negative tall. Man greier derimot bare å representere $2^{N-1} - 1$ positive tall siden fordi man må representere null også. Dermed kan man representere et større område med negative tall enn positive tall med 2's komplement.

Tabell 1: Tallrepresentasjon

Desimaltall	Binærtall (Sign-magnitude)	Binærtall (2's komplement)
7	0111	0111
6	0110	0110
5	0101	0101
4	0100	0100
3	0011	0011
2	0010	0010
1	0001	0001
0	0000 og 1000	0000
-1	1001	1111
-2	1010	1110
-3	1011	1101
-4	1100	1100
-5	1101	1011
-6	1110	1010
-7	1111	1001
-8	-	1000

b) $A = 0110_{(2)}$
 $B = 0101_{(2)}$

A-B:

$$\begin{array}{r}
 0110_{(2)} \\
 + \quad 1011_{(2)} \text{ (2's komplement av B)} \\
 \hline
 = \quad \cancel{1}0001_{(2)}
 \end{array}$$

Ignorer mente ut fra MSB (trunkerer).
 Svaret er positivt.

B-A:

$$\begin{array}{r}
 0101_{(2)} \\
 + \quad 1010_{(2)} \text{ (2's komplement av A)} \\
 \hline
 = \quad 1111_{(2)}
 \end{array}$$

Ser av MSB at svaret er negativt. 2's
 komplement av $1111_{(2)}$ er $0001_{(2)}$. (Se
 tabell.) Det betyr at svaret er -1 .

c) Generelt kan vi aldri få overflyt (overflow) hvis tallene vi adderer har motsatt fortegn. Hvis tallene derimot har likt fortegn vil overflow vise seg hvis MSB (mest signifikante bit) i svaret (etter trunkering) er ulikt MSB i hver av de to tallene som inngår i operasjonen.

For 2's komplement gjelder dessuten at det er overflyt dersom mente inn og mente ut av fortegnsbittet (MSB) er forskjellig.

d)

C+D:

$$\begin{array}{r}
 10000 \text{ (mente)} \\
 1000_{(2)} \text{ (2's komplement av C)} \\
 + \quad 1101_{(2)} \text{ (2's komplement av D)} \\
 \hline
 = \quad \cancel{1}0101_{(2)}
 \end{array}$$

Vi ser at MSB i svaret er ulikt MSB i tallene som inngår i operasjonen. Vi ser også at mente i kolonnen for fortegnsbittet er 0, mens resultatet av addisjonen i denne kolonnen gir mente ut = 1. (jfr. c)). Dette svaret ble galt fordi det ikke er representerbart med 4 bit. Hvis vi tar med det 5 bit'et (fortegnsforlenger før addisjonen) får vi at svaret er $10101_{(2)}$ ($-11_{(10)}$). Svaret ville dermed blitt riktig hvis vi hadde brukt 5 bit.

e) Alternativ e1 er korrekt. Vi har foretatt fortegnslenging ved å repetere fortegnsbittet to ganger.

Oppgave 5: Binær multiplikasjon og divisjon

- a) $A = 10101_{(2)}$ (2's komplement.)
 $B = 10011_{(2)}$ (2's komplement.)

Se også eksempel 2.4 i Gajski. Dette er helt vanlig multiplikasjon, med to unntak:

- De skiftede multiplikandene summeres etterhvert, istedenfor å summere dem tilslutt.
- Man tar toer-komplementet av den siste skiftede multiplikanden. Dette gjøres helt konsekvent. Årsaken til dette er at fortegnsbittet har negativ posisjonsvekt.

Disse to punktene gjør det lett å realisere multiplikasjon i maskinvare.

Multiplikand	* Multiplikator
10101	* 10011
000000	Partielt produkt (med fortegn-forlengelse) før vi starter.
+110101	Multiplikand (med fortegn-forlengelse).
1110101	Første partielle produkt (med fortegn-forlengelse).
+110101	Skiftet (1 posisjon) multiplikand med (fortegn-forlengelse).
11011111	Andre partielle produkt (med fortegn-forlengelse).
+000000	Skiftet (2 posisjoner) multiplikand (med fortegn-forlengelse).
11101111	Tredje partielle produkt (med fortegn-forlengelse).
+000000	Skiftet (3 posisjoner) multiplikand (med fortegn-forlengelse).
111101111	Fjerde partielle produkt (med fortegn-forlengelse).
+001011	2's kompl av skiftet (4 posisjoner) multiplikand (mff).
0010001111	= $143_{(10)}$ (Ignorer mente ut).

mff = "med fortegn-forlengelse".

OBS: For å forstå oppgave 5a fullt ut, bør man først sette seg inn i:

- Fortegn-forlengelse.
- Hvorfor man tar toer-komplementet av den siste skiftede multiplikanden.

- b) $C = 10100000_{(2)}$
 $D = 111_{(2)}$

Dette er helt vanlig divisjon. Se også kapittel 2.8 i Gajski. Merk at tallene her er uten fortegn (positive).

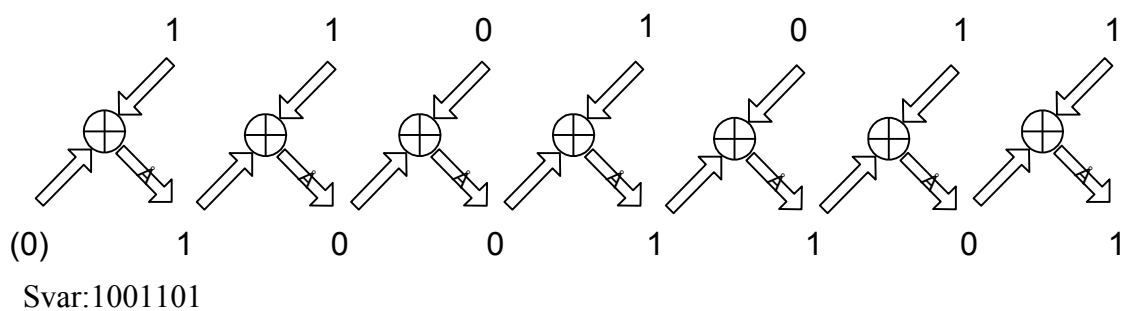
10100000	: 111 =	10110	
- 111		Skiftet divisor går opp	(MSB = 1)
110000		Ny dividend	
- 000		Skiftet divisor går ikke opp	(0)
110000		Ny dividend	
- 111		Skiftet divisor går opp	(1)
10100		Ny dividend	
- 111		Skiftet divisor går opp	(1)
110		Ny dividend	
- 000		Skiftet divisor går ikke opp	(LSB = 0)
110		Rest = $6_{(10)}$	

Det vil si at $10100000_{(2)} : 111_{(2)} = 10110_{(2)} + 110_{(2)}/111_{(2)} = 22_{(10)} + 6/7_{(10)}$

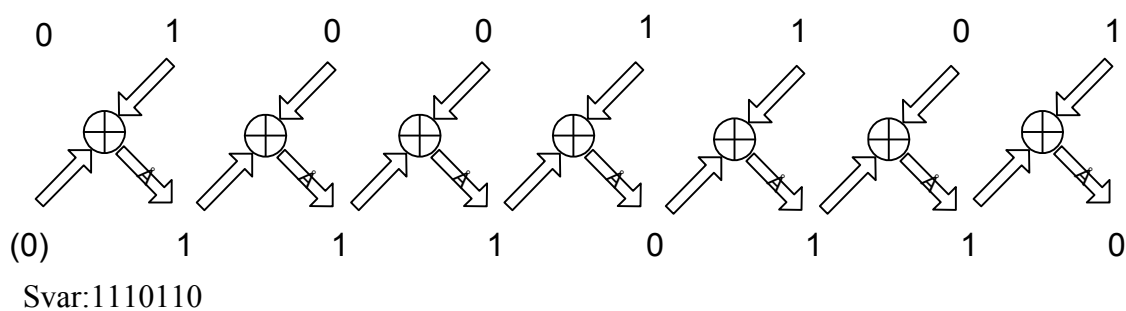
Oppgave 6: Gray-kode

a)

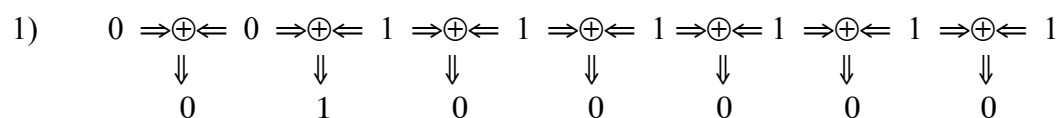
1)



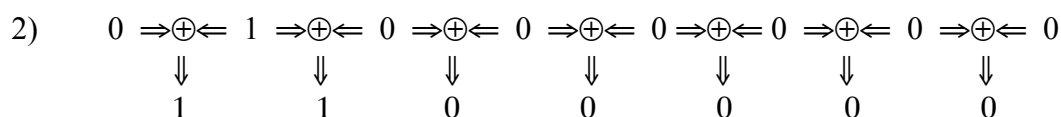
2)



b)



Svar: 0100000



Svar: 1100000

Legg her merke til at tallene i 1) og 2) følger etter hverandre i en binærsekvens, og at for å komme fra det ene til det andre må man invertere hele 7 bit. I Graykoden ser vi at de to tallene skiller seg fra hverandre i kun *en* bitposisjon.