

合 肥 工 业 大 学 试 卷（ B ） 共 1 页第 1 页 此 页 答 题 无 效

2016 ~ 2017 学 年 第 一 学 期 课 程 代 码 1400091B 课 程 名 称 概率论与数理统计 学 分 3 课 程 性 质 : 必 修 ☒、选 修 ☐、限 修 ☐ 考 试 形 式 : 开 卷 ☐、闭 卷 ☒

专 业 班 级（ 教 学 班 ） 考 试 日 期 命 题 教 师 系（ 所 或 教 研 室 ） 主 任 审 批 签 名

一、填空题（每小题 3 分，共 15 分）

1. 设随机事件  $A$  与  $B$ ，且  $P(A) = 0.7$ ， $P(A - B) = 0.3$ ，则  $P(\overline{A} \cup \overline{B}) =$ \_\_\_\_\_.
2. 设随机变量  $X, Y$ ， $X$  服从参数为  $\lambda$  的泊松分布， $P\{X \geq 1\} = 0.5$ ， $Y$  服从参数为  $\lambda$  的指数分布，则  $P\{Y > 2\} =$ \_\_\_\_\_.
3. 设随机变量  $X, Y, Z$  相互独立， $X$  服从  $[0, 6]$  上均匀分布， $Y$  服从参数  $\lambda = \frac{1}{2}$  的指数分布， $Z$  服从参数为 3 的泊松分布，则  $D(X - 2Y + 3Z + 1) =$ \_\_\_\_\_.
4. 设随机变量  $X_1, X_2, \dots, X_n, \dots$  独立同分布，它们的期望为  $\mu$ ，方差为  $\sigma^2$ ，令  $Z_n = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i$ ，则对任意正数  $\varepsilon$ ，有  $\lim_{n \rightarrow \infty} P\{|Z_n - \mu| \leq \varepsilon\} =$ \_\_\_\_\_.
5. 设总体  $X \sim N(u, \sigma^2)$ ， $u, \sigma^2$  均未知， $(X_1, X_2, \dots, X_n)$  为其样本， $u$  的置信度为 0.95 的置信区间为  $(\overline{X} - \beta \frac{S}{\sqrt{n}}, \overline{X} + \beta \frac{S}{\sqrt{n}})$ ，其中  $\overline{X}$ ， $S^2$  分别是样本均值和样本方差，则  $\beta =$ \_\_\_\_\_.

二、选择题（每小题 3 分，共 15 分）

1. 设随机变量  $A, B, C$  相互独立， $0 < P(A), P(B), P(C) < 1$ ，则下面随机事件不独立的是（ ）.  
(A)  $\overline{A} \cup B$  与  $C$  (B)  $\overline{AC}$  与  $\overline{C}$  (C)  $\overline{A - B}$  与  $\overline{C}$  (D)  $\overline{AB}$  与  $\overline{C}$
2. 设随机变量  $X$  的分布函数为  $F(x)$ ，则随机变量  $Y = 3X + 1$  的分布函数  $F_Y(y)$  是（ ）.  
(A)  $F_X(\frac{1}{3}y - \frac{1}{3})$  (B)  $F_X(\frac{1}{3}y + 1)$  (C)  $3F_X(y) + 1$  (D)  $\frac{1}{3}F_X(y) - \frac{1}{3}$
3. 设随机变量  $X \sim N(-1, 2)$ ， $Y \sim N(1, 3)$ ，且  $X$  与  $Y$  相互独立，则  $X + 2Y \sim$ （ ）.  
(A)  $N(1, 8)$  (B)  $N(1, 22)$  (C)  $N(1, 14)$  (D)  $N(1, 40)$
4. 设有二维随机变量  $(X, Y) \sim N(1, 1; 16, 9; \frac{1}{2})$ ，则  $Cov(X, Y) =$ （ ）.  
(A) 3 (B)  $\frac{1}{2}$  (C) 18 (D) 6
5. 设随机变量  $X, Y$ ，且  $X \sim t(n) (n > 1)$ ， $Y = \frac{1}{X^2}$ ，则（ ）.  
(A)  $Y \sim \chi^2(n)$  (B)  $Y \sim \chi^2(n - 1)$  (C)  $Y \sim F(n, 1)$  (D)  $Y \sim F(1, n)$

三、(本题满分 10 分) 现有三个盒子，第一个盒子中装 4 个黑球 1 个白球，第二个盒子中装 3 个黑球 3 个白球，第三个盒子中装 3 个黑球 5 个白球。现在先任取一个盒子，再从该盒子中任取一球，

(1) 求这个球为白球的概率；(2) 若取出的是白球，则该白球来自第二个盒子的概率是多少？

合 肥 工 业 大 学 试 卷（ B ） 共 1 页第 1 页 此 页 答 题 无 效

2016 ~ 2017 学 年 第 一 学 期 课 程 代 码 1400091B 课 程 名 称 概率论与数理统计 学 分 3 课 程 性 质 : 必 修 ☒、 选 修 ☐、 限 修 ☐ 考 试 形 式 : 开 卷 ☐、 闭 卷 ☒  
专 业 班 级（ 教 学 班 ） \_\_\_\_\_ 考 试 日 期 \_\_\_\_\_ 命 题 教 师 \_\_\_\_\_ 系（ 所 或 教 研 室 ） 主 任 审 批 签 名 \_\_\_\_\_

四、（本题满分 12 分）设随机变量  $X$  的概率密度为  $f(x)=\begin{cases} k|x|, & -1\leq x\leq 1, \\ 0, & \text{其它.} \end{cases}$ ，求：（1）常数  $k$ ；

（2）  $P\{-\frac{1}{2}<X\leq 2\}$ ； （3）  $X$  的分布函数  $F(x)$ ；

五、（本题满分 14 分）设二维随机变量  $(X,Y)$  的概率密度为  $f(x,y)=\begin{cases} \frac{1}{x^2y} & 1\leq x<+\infty, 1\leq y\leq e \\ 0 & \text{其他} \end{cases}$ ，求： （1）判断随机变量  $X$  与  $Y$  独立性； （2）  $P\{1<X\leq 2, 1\leq Y\leq 2\}$

六、（本题满 14 分）设随机变量  $Y$  的概率密度为  $f_Y(y)=\begin{cases} e^{-y}, & y>0, \\ 0, & \text{其它,} \end{cases}$  定义随机变量  $X_1, X_2$  为  $X_k=\begin{cases} 2 & Y\leq k, \\ 3 & Y>k, \end{cases} (k=1,2)$ ，求：（1）  $X_1$  与  $X_2$  的联合分布律；（2）  $(X_1, X_2)$  关于  $X_1, X_2$  的边缘分布律，并判断  $X_1$

与  $X_2$  是否相互独立；（3）  $\text{cov}(X_1, X_2)$ ；

七、（本题满分 14 分）设总体  $X$  的密度函数为  $f(x)=\begin{cases} \theta x^{\theta-1}, & 0<x<1, \\ 0, & \text{其它,} \end{cases}$  其中  $\theta>0$  为未知参数，  $(X_1, X_2, \cdots, X_n)$  为来自总体  $X$  的简单随机样本，分别求  $\theta$  的矩估计量  $\theta_M$  和极大似然估计量  $\theta_L$ ；

八、（本题满分 6 分）设随机变量  $X, Y$  独立，且  $X\sim N(1,1)$ ；  $Y\sim N(2,5)$ ．求  $Z=2X-3Y+1$  的密度函数  $f_Z(z)$ ．