Estrutura de Dados – 2º semestre de 2019

Professor Mestre Fabio Pereira da Silva

Fila de Prioridades em Algoritmos de Ordenação

- As operações das filas de prioridades podem ser utilizadas para implementar algoritmos de ordenação.
- Basta utilizar repetidamente a operação de inserção para construir a fila de prioridades.
- Em seguida, utilizar repetidamente a operação de retirada para receber os itens na ordem reversa.
- O uso de listas lineares não ordenadas corresponde ao método da seleção.
- O uso de listas lineares ordenadas corresponde ao método da inserção.
- O uso de heaps corresponde ao método Heapsort.

- Heap Dicionário Merriam-Webster:
 - Coleção de coisas jogadas uma em cima da outra monte.
 - Grande número ou grande quantidade lote.
- Em computação, dois sentidos :
 - Espaço de memória variável onde são criados objetos;
 - Estrutura de dados para armazenar dados segundo uma regra particular próximo do sentido original, traduzido como monte.
- O algoritmo de ordenação HeapSort utiliza a estrutura de dados heap para ordenar um vetor.

- Algoritmo criado por John Williams (1964)
- Complexidade O(NlogN) no pior e médio caso
- Mesmo tendo a mesma complexidade no caso médio que o QuickSort, o HeapSort acaba sendo mais lento que algumas boas implementações do QuickSort
- Porém, além de ser mais rápido no pior caso que o QuickSort, necessita de menos memória para executar
- QuickSort necessita de um vetor O(logN) para guardar as estruturas enquanto o HeapSort não necessita de um vetor auxiliar

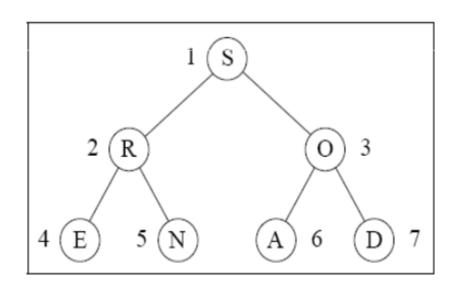
- Utiliza a abordagem proposta pelo SelectionSort
- O SelectionSort pesquisa entre os n elementos o que precede todos os outros n-1 elementos
- Para ordenar em ordem ascendente, o heapsort põe o maior elemento no final do array e o segundo maior antes dele, etc.
- O heapsort começa do final do array pesquisando os maiores elementos, enquanto o selection sort começa do início do array pesquisando os menores.

- Heapsort é um método de ordenação cujo princípio de funcionamento é o mesmo utilizado para a ordenação por seleção.
- Selecione o maior (ou menor) item do vetor e a seguir troque-o com o item que está na Heapsort a seguir troque-o com o item que está na última (ou primeira) posição do vetor; repita estas duas operações com os n 1 itens restantes; depois com os n 2 itens; e assim sucessivamente.

- O projeto por indução que leva ao HeapSort é essencialmente o mesmo do Selection Sort: selecionamos e posicionamos o maior (ou menor) elemento do conjunto e então aplicamos a hipótese de indução para ordenar os elementos restantes.
- A diferença importante é que no HeapSort utilizamos a estrutura de dados heap para selecionar o maior (ou menor) elemento eficientemente.
- Um heap é um vetor que simula uma árvore binária completa, a menos, talvez, do último nível, com estrutura de heap.

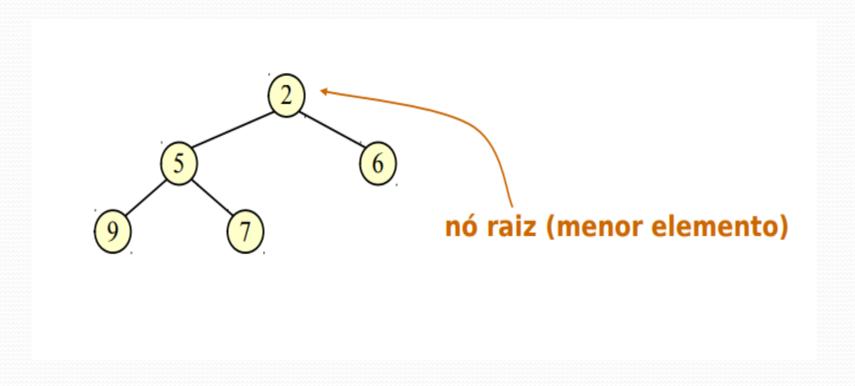
- Cada nó da árvore corresponde a um elemento do vetor que armazena o valor no nó.
- A árvore está completamente preenchida em todos os níveis, exceto possivelmente no nível mais baixo, que é preenchido da esquerda para a direita até certo ponto.
- Um vetor V representa uma estrutura heap através de dois parâmetros:
 - comprimento de V (V.length): tamanho total do vetor;
 - comprimento do heap (heapComp): comprimento da parte do vetor que contém elementos da estrutura heap.

 Essa definição pode ser facilmente visualizada em uma árvore binária completa:



Árvores vão ser vistas em detalhes nos algoritmos de pesqusia

 É uma árvore binária em que um nó filho é sempre maior ou igual a um nó pai.
 Ou seja: chave(v) >= chave(pai(v))



Estrutura do Heap - Heap Máximo

- $A[pai(i)] \ge A[i]$.
- Isto é, o valor de um nó é no máximo o valor de seu pai.
- O maior elemento do heap está na raiz.
- As subárvores de um nó possuem valores menores ou iguais ao do nó.

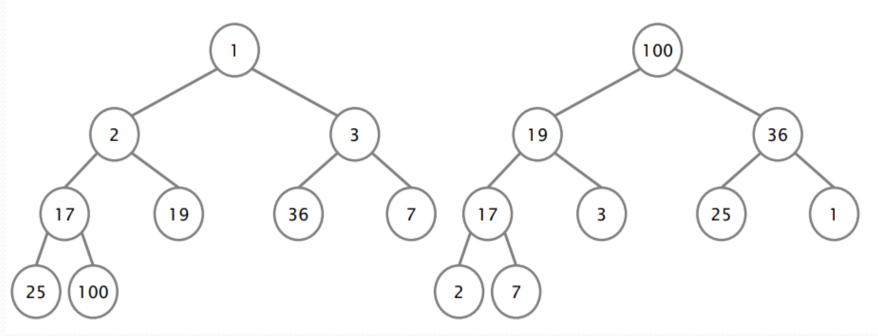
Estrutura do Heap - Heap Mínimo

- $A[pai(i)] \leq A[i]$.
- Isto é, o valor de um nó é maior ou igual o valor de seu pai.
- O menor elemento do heap está na raiz
- As subárvores de um nó possuem valores maiores ou iguais ao do nó.

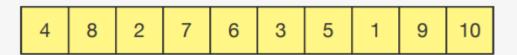
Árvore binária completa

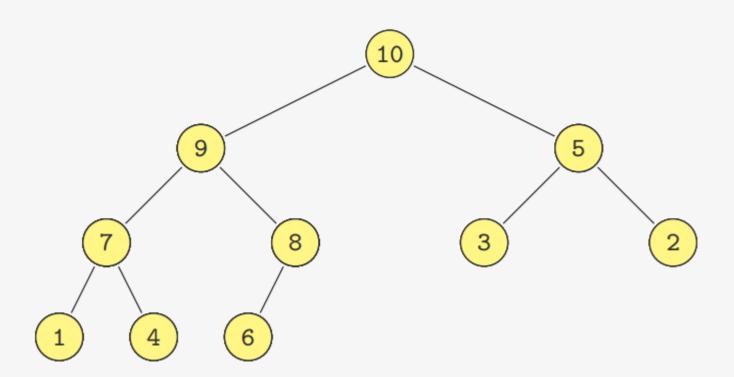
Min heap: Cada nó é menor que seus filhos

Max heap: Cada nó é maior que seus filhos



Transformando um vetor em um Heap

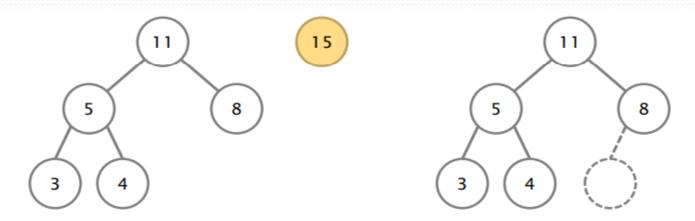


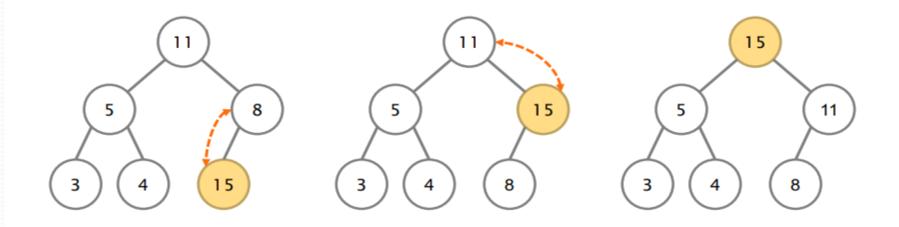


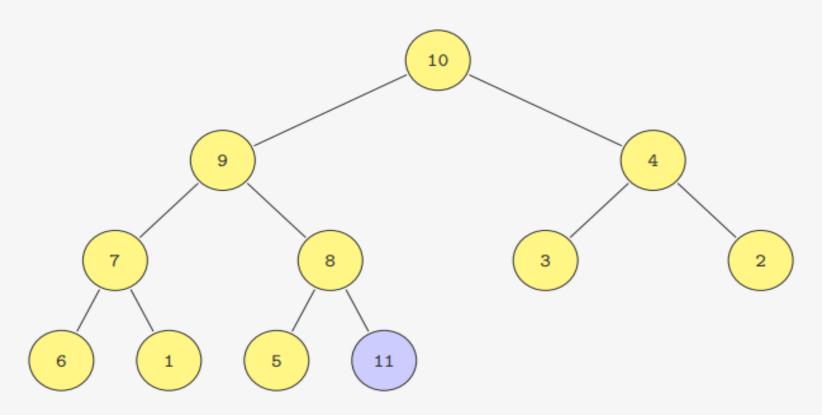
Inserir um elemento

- Insira o elemento no final do heap
- Compare o elemento a ser inserido com o Nó pai
 - Se estiver em ordem, a inserção foi realizada corretamente
 - Se n\(\tilde{a}\) o estiver em ordem, troque com o elemento pai e repita o passo 2 at\(\tilde{e}\) terminar ou chegar a raiz.

Procedimento para Inserção no Heap Maximo

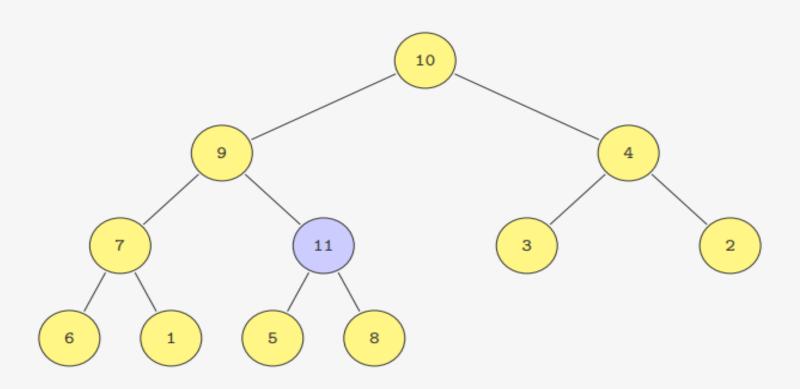






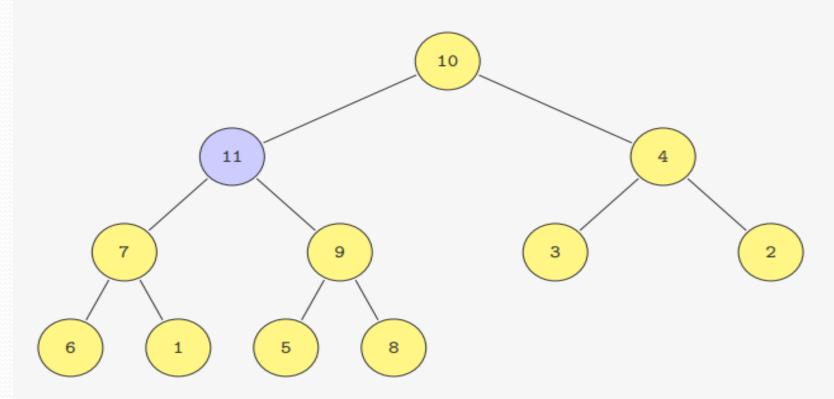
Basta ir subindo no Heap, trocando com o pai se necessário

O irmão já é menor que o pai, não precisamos mexer nele



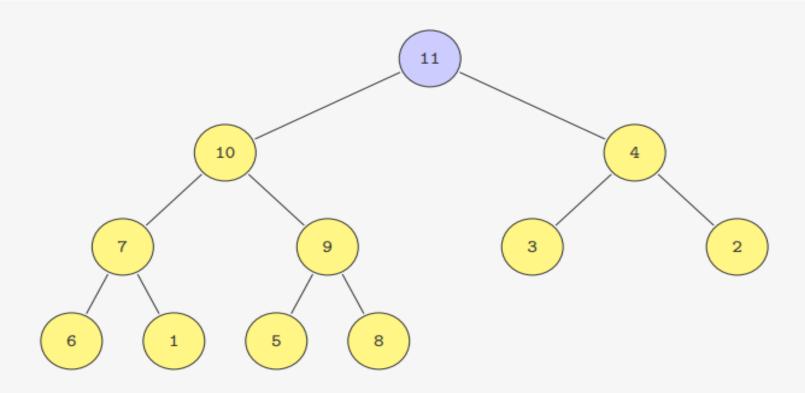
Basta ir subindo no Heap, trocando com o pai se necessário

• O irmão já é menor que o pai, não precisamos mexer nele



Basta ir subindo no Heap, trocando com o pai se necessário

O irmão já é menor que o pai, não precisamos mexer nele



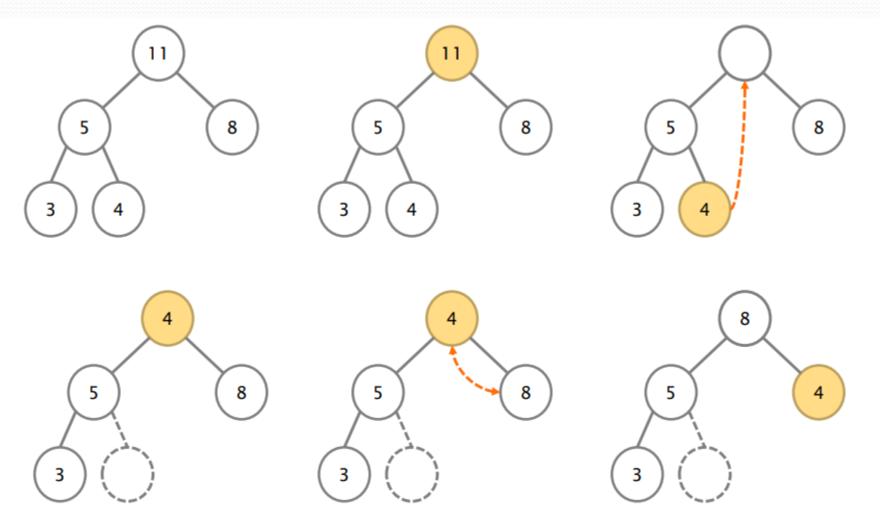
Basta ir subindo no Heap, trocando com o pai se necessário

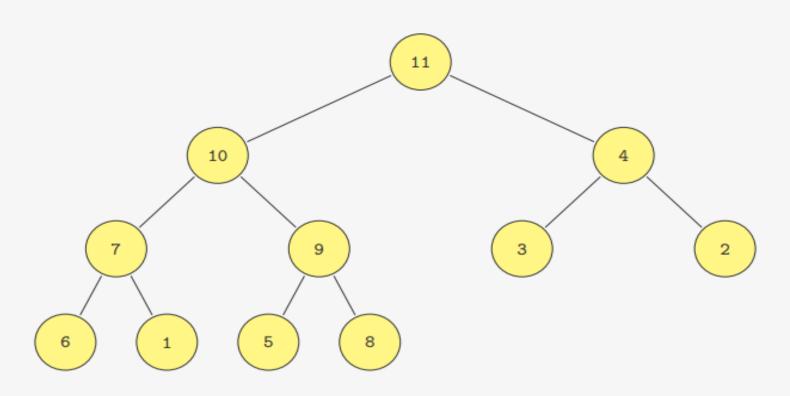
O irmão já é menor que o pai, não precisamos mexer nele

Remover um elemento

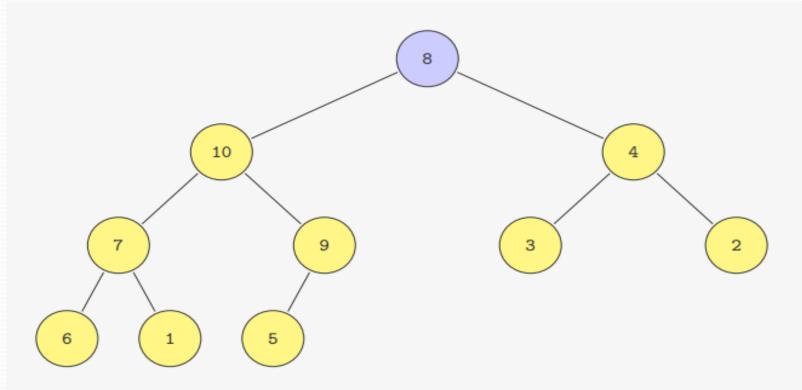
- Coloque na raiz o último elemento
- Compare ele com os seus filhos
 - Se estiver em ordem, a remoção foi concluída
 - Se não estiver em ordem, troque com o maior filho e repita o passo
 2 até terminar ou chegar em um Nó folha

Procedimento para Remoção no Heap Máximo

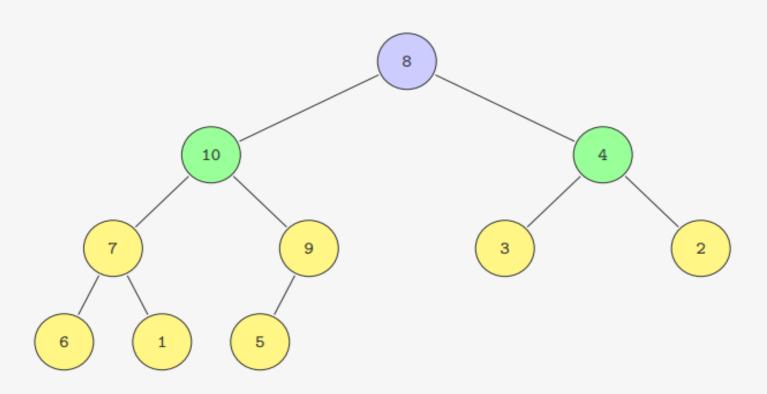




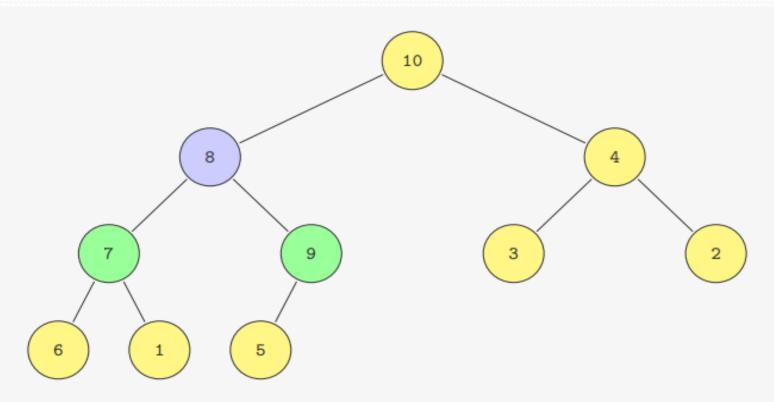
- Trocamos a raiz com o último elemento do heap
- Descemos no heap arrumando
 - Trocamos o pai com o maior dos dois filhos (se necessário)



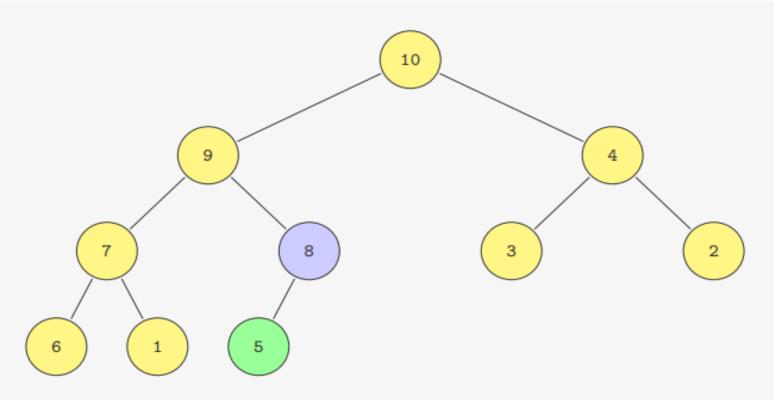
- Trocamos a raiz com o último elemento do heap
- Descemos no heap arrumando
 - Trocamos o pai com o maior dos dois filhos (se necessário)



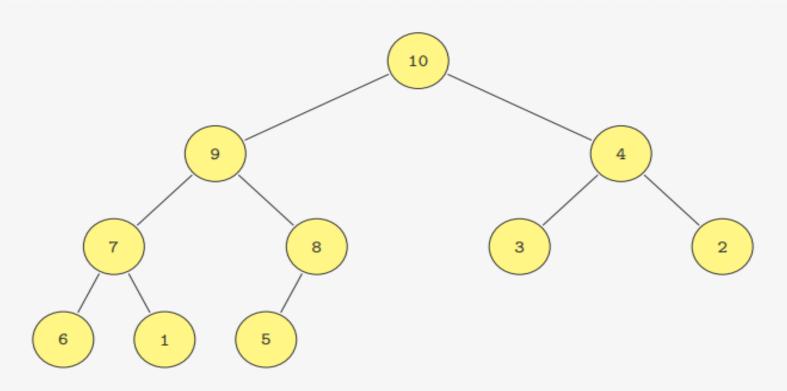
- Trocamos a raiz com o último elemento do heap
- Descemos no heap arrumando
 - Trocamos o pai com o maior dos dois filhos (se necessário)



- Trocamos a raiz com o último elemento do heap
- Descemos no heap arrumando
 - Trocamos o pai com o maior dos dois filhos (se necessário)



- Trocamos a raiz com o último elemento do heap
- Descemos no heap arrumando
 - Trocamos o pai com o maior dos dois filhos (se necessário)



- Trocamos a raiz com o último elemento do heap
- Descemos no heap arrumando
 - Trocamos o pai com o maior dos dois filhos (se necessário)

```
void constroiHeapMax(int [] V) {
  int compHeap = V.length;
  for (int i = (V.length)/2 - 1; i >= 0; i--)
      refazHeapMax(V, i, compHeap);
void refazHeapMax(int V[], int i, int compHeap) {
 int esq, dir, maior, temp;
 esq = esquerda(i); dir = direita(i);
 if(esq < compHeap && V[esq] > V[i]) {
  maior = esq;
 } else {
   maior = i;
 if(dir < compHeap && V[dir] > V[maior]) {
   maior = dir;
 if(maior != i) {
   // trocar V[i] <==> V[maior]
   temp = V[i];
   V[i] = V[maior];
   V[maior] = temp;
   // Ajusta a posicao de maior, se incorreta.
   refazHeapMax(V, maior, compHeap);
```

```
void heapSort(int V[]) {
  int i, compHeap, temp;
  // Constrói o heap máximo do arranjo todo
  compHeap = V.length;
  constroiHeapMax(V);
  for(i = V.length-1; i > 0; --i) {
    // Troca V[0] <==> V[i]
   temp = V[0];
   V[0] = V[i];
   V[i] = temp;
    // Diminui o heap, pois V[i] está posicionado
    compHeap--;
    refazHeapMax(V, 0, compHeap);
```

Desempenho

- É o mais interessante para arquivos com menos do que 20 elementos.
- O método é estável.
- Possui comportamento melhor do que o método da bolha (Bubblesort) que também é estável.
- Sua implementação é tão simples quanto as implementações do Bubblesort e Seleção.
- Para arquivos já ordenados, o método é O(n).
- O custo é linear para adicionar alguns elementos a um arquivo já ordenado.

Desempenho

- Vantagens
 - O comportamento do Heapsort é sempre O(n log n), qualquer que seja a entrada.
- Desvantagens
 - O anel interno do algoritmo é bastante complexo se comparado com o do Quicksort.
 - O Heapsort não é estável.
- Recomendado
 - Para aplicações que não podem tolerar eventualmente um caso desfavorável.

Contatos

- Email: <u>fabio.silva321@fatec.sp.gov.br</u>
- Linkedin: https://br.linkedin.com/in/b41a5269