

# Inteligentă Artificială

Bogdan Alexe

[bogdan.alexe@fmi.unibuc.ro](mailto:bogdan.alexe@fmi.unibuc.ro)

Secția Tehnologia Informației, anul III, 2022-2023  
Cursul 13

# Recapitulare – cursul trecut

## 1. Căutare în jocuri cu incertitudine:

- căutare ExpectiMax

## 2. Examenul final

- organizarea examenului din acest an
- subiectele din anii trecuți
- rezolvările subiectelor din anii trecuți

# Examen iarnă - evaluare și notare

Nota = min(Curs + Laborator + Proiect&Teme + BonusLab, 10)  
4p                3p                3p                maxim 1p

- Examen Curs (4 puncte) – scris, în sesiune, 2 ore + eventual bonus de la curs (nu puteți depăși 4p)
- Test Laborator (3 puncte) – în sesiune (în aceeași zi cu Examen Curs), 2 ore;
- Proiect (1,5 puncte) – proiect la prima parte (învățare automată, îl primiți în săptămâna 4), termen limită de predare – săptămâna 6, prezentarea proiectului în săptămâna 7.
- Teme (1,5 puncte) – teme la partea a doua (căutare informată și neinformată), prezentare în cadrul laboratorului.

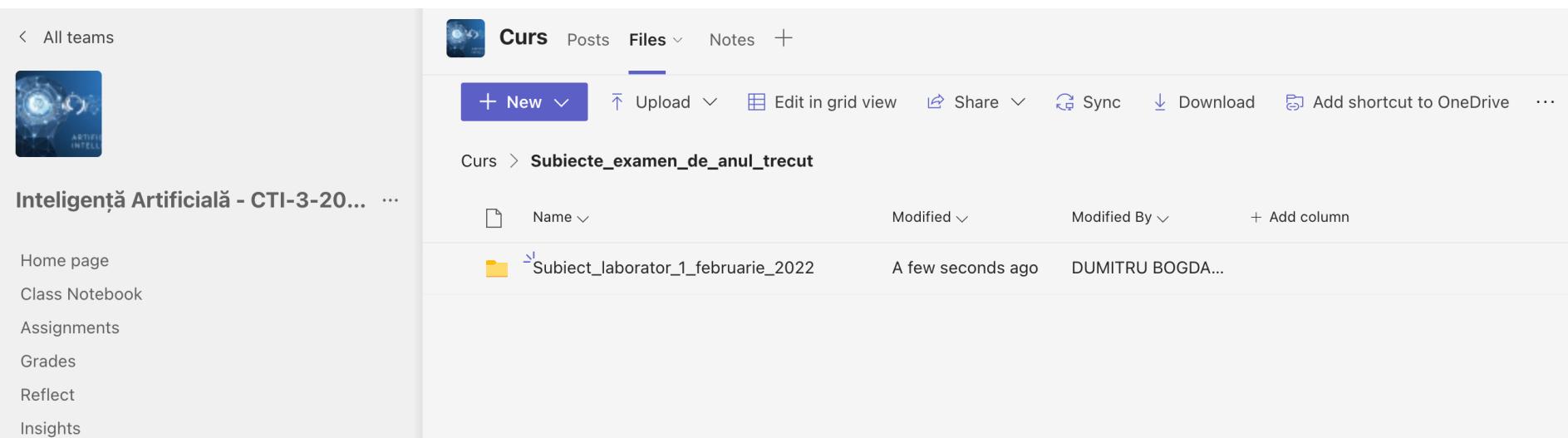
Nu există praguri, note minime impuse. 4,99 înseamnă restanță.

# Organizarea examenului din acest an

- Examenul scris:
  - data 2 februarie, intre orele 9-11 in amf. Pompeiu si Titeica
  - open books vs closed books?
- Testul de laborator:
  - data 2 februarie, intre orele 12-14 in salile amf. Pompeiu si Titeica
  - veți primi un subiect cu două probleme (una din prima parte – învățare automată, una din a doua parte – căutare informată și neinformată)
  - aveți voie cu un stick cu resurse
  - nu aveți voie cu laptop, toată lumea dă examen pe calculatoarele din FMI
  - acces la internet restrictionat

Inteligenta artificiala  
Conf.dr. Alexe B.  
Ora 9.00 – 11.00 Scris  
Amf. Pompeiu si Titeica  
Ora 12.00-14.00 – Laborator  
Salile 201, 204, 303, 308

# Organizarea examenului din acest an



The screenshot shows a Microsoft Teams interface for a channel named 'Curs'. The left sidebar lists team members and channels: 'All teams', 'Inteligentă Artificială - CTI-3-20...', 'Home page', 'Class Notebook', 'Assignments', 'Grades', 'Reflect', and 'Insights'. The main area displays a file list titled 'Subiecte\_examen\_de\_anul\_trecut'. The list includes a single item: 'Subiect\_laborator\_1\_februarie\_2022' (modified 'A few seconds ago' by 'DUMITRU BOGDA...'). The top navigation bar includes 'Posts', 'Files', 'Notes', and various sharing and sync options.

O să afișăm până pe 1 februarie situația fiecărui student (notă proiect Kaggle, notă teme partea a doua, bonus laborator, bonus curs)

# Subiectul din 27 ianuarie 2020

## Examen la disciplina Inteligență Artificială Seria 35, 27 ianuarie 2020

### Subiectul 1. (3,5 puncte)

Considerăm o problemă de clasificare binară în care exemplele de antrenare sunt reprezentate de vectori bidimensionali cu etichetele binare 0 și 1. Fie mulțimea de antrenare  $S = \{((0,0)^T, 0), ((4,0)^T, 1), ((2,-1)^T, 1), ((2,2)^T, 1), ((5,3)^T, 0), ((-2,2)^T, 0)\}$ . Fie mulțimea de testare  $T = \{(1,1)^T, (5,5)^T\}$ . Realizați următoarele:

- considerăm perceptronul din Figura 1a cu ponderile  $w_1$  și  $w_2$  care ponderează intrările  $x_1$  (abscisa) și  $x_2$  (ordonata) a unui punct, iar ponderea  $w_0$  reprezintă deplasarea (bias-ul). Funcția de activare a perceptronului este funcția  $\phi(x) = \text{hardlim}(x)$ , unde  $\text{hardlim}(x) = 1$ , dacă  $x \geq 0$  și  $\text{hardlim}(x) = 0$  dacă  $x < 0$ . Determinați matricea de confuzie a perceptronului cu ponderile  $w_0 = -2, w_1 = 1, w_2 = 1$  care clasifică exemple din mulțimea  $S$ . **(1 punct)**
- mulțimea de antrenare  $S$  nu este liniar separabilă. Totuși, dacă adăugăm la fiecare vector a treia coordonată, egală cu eticheta exemplului, obținem o nouă mulțime de antrenare care acum este liniar separabilă. Arătați acest lucru, dând exemplu de un clasificator liniar care separă perfect exemplele de antrenare din noua mulțime. Puteți folosi acest clasificator liniar pentru a eticheta exemple din mulțimea  $T$ ? **(1 punct)**
- construiți o rețea neuronală de perceptri care să învețe perfect mulțimea de antrenare. Etichetați punctele din mulțimea  $T$  folosind rețeaua astfel construită. **(1,5 puncte)**

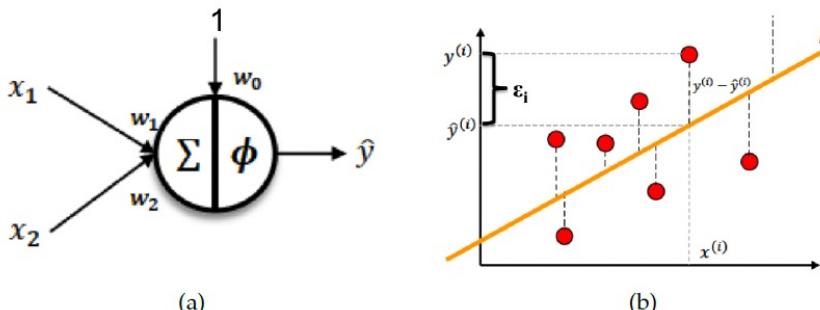
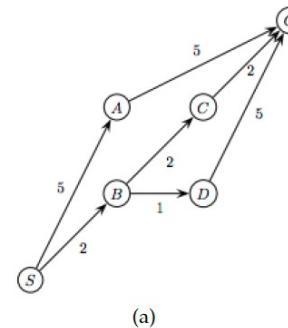


Figura 1: a. Arhitectura unui perceptron; b. Problema de regresie liniară prezentată la curs și evidențierea reziduuului  $\epsilon_i$ .



Stare	$h_0$	$h_1$	$h_2$
S	0	5	6
A	0	3	5
B	0	4	2
C	0	2	5
D	0	5	3
G	0	0	0

Figura 2: a. Graful asociat problemei de căutare; b. Euristicile  $h_0, h_1, h_2$ .

### Subiectul 2. (1 punct)

Fie  $E = \{(x^{(1)}, y^{(1)}), (x^{(2)}, y^{(2)}), \dots, (x^{(m)}, y^{(m)})\}$  o mulțime cu  $m$  exemple de antrenare, unde  $x^{(i)}, y^{(i)}$  sunt numere reale pentru  $i = 1, \dots, m$ . Regresia liniară simplă modeleză legătura dintre variabila independentă  $x$  și variabila dependentă  $y$  folosind dreapta de ecuație  $h(x) = w_0 + w_1 \cdot x$ . Parametrii  $w_0$  și  $w_1$  se determină folosind tehnica metodei celor mai mici pătrate aplicată pe mulțimea de antrenare  $E$ . La curs a fost arătat că parametrii optimi au valorile următoare:

$$w_0 = \frac{1}{m} \sum_{i=0}^m y^{(i)} - w_1 \cdot \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m x^{(i)}$$

$$w_1 = \frac{\sum_{i=1}^m (x^{(i)} - \bar{x}) \cdot (y^{(i)} - \bar{y})}{\sum_{i=1}^m (x^{(i)} - \bar{x})^2},$$

unde  $\bar{x} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m x^{(i)}$ , iar  $\bar{y} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m y^{(i)}$ .

Pentru fiecare exemplu de antrenare din  $E$  notăm cu  $\epsilon_i$  diferența dintre răspunsul corect  $y^{(i)}$  și predicția  $\hat{y}^{(i)}$  (vedeți acest lucru ilustrat și în Figura 1b). Cantitatea  $\epsilon_i$  se mai numește reziduu. Arătați că suma tuturor reziduurilor este nulă, adică:

$$\sum_{i=1}^m \epsilon_i = 0.$$

### Subiectul 3. (2,5 puncte)

Considerăm problema de căutare dată de graful din Figura 2a. S este starea inițială iar G este starea scop. O strategie de căutare care pornește din starea S și vrea să ajungă la starea G explorează stările într-o anumită ordine. Implicit, se preferă explorarea stărilor în ordine lexicografică (spre exemplu în căutarea în lățime, starea A va fi explorată înaintea stării B). Considerăm euristicile  $h_0, h_1$  și  $h_2$  date de tabelul din Figura 2b. Realizați următoarele:

- (a) care este soluția problemei de căutare folosind strategiile de căutare în lățime și căutare în adâncime? **(0,5 puncte)**
- (b) care din euristicile  $h_0, h_1, h_2$  din Figura 2b sunt admisibile? Justificați răspunsul **(0,5 puncte)**
- (c) care este soluția returnată de algoritmul  $A^*$  pentru fiecare heuristică  $h_0, h_1, h_2$  în parte? Specificați soluțiile parțiale construite până la obținerea soluției finale. **(0,5 puncte)**
- (d) care este soluția returnată de algoritmul Greedy ce folosește heuristică  $h_1$ ? Specificați soluțiile parțiale construite până la obținerea soluției finale. **(0,5 puncte)**
- (e) care este soluția returnată de algoritmul de căutare uniformă după cost (UCS)? Specificați soluțiile parțiale construite până la obținerea soluției finale. **(0,5 puncte)**

#### **Subiectul 4. (2 puncte)**

În jocul Conectează-3, jucătorii X și 0 mută alternativ plasând simbolurile lor într-una din coloanele 1, 2, 3 sau 4 ale unui tablou cu 3 linii și 4 coloane. Simbolurile se acumulează unul peste altul (Figura 3b). O coloană în care au fost plasate 3 simboluri devine plină și prin urmare jucătorii nu mai pot plasa simboluri în ea. Căștigă jucătorul care realizează primul 3 simboluri dispuse pe orizontală, verticală sau diagonală. Dacă niciun jucător nu realizează acest lucru jocul se termină la egalitate. Jucătorul X mută primul.

- (a) Care este numărul de mutări maxim (= factorul de ramificare) pe care îl are la dispoziție fiecare jucător în orice moment al jocului? Justificați răspunsul. **(0,25 puncte)**
- (b) Considerăm că după 9 mutări ajungem cu jocul în starea dată de Figura 3b. Jucătorul 0 este acum la mutare. Desenați arborele de joc asociat, considerând drept rădăcină starea actuală a jocului. **(0,75 puncte)**
- (c) considerăm jucătorul X ca fiind MAX și jucătorul 0 ca fiind MIN. Funcția de utilitate asociată nodurilor terminale este următoarea: dacă jucătorul X câștigă atunci el

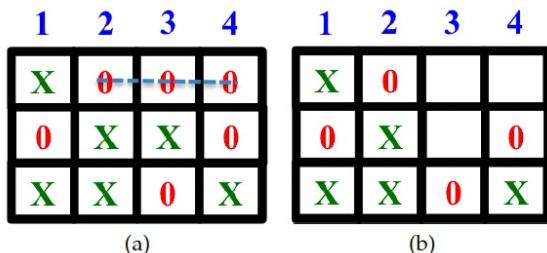


Figura 3: a. Exemplu de stare finală (nod de tip frunză în arborele de joc) cu utilitatea  $-1$  (căștigă jucătorul 0 ce realizează o linie pe orizontală); b. Stare curentă în care se ajunge după 9 mutări, acum jucătorul 0 este la mutare.

primește  $k$  puncte iar jucătorul 0 pierde  $k$  puncte, dacă jocul se termină la egalitate atunci fiecare are 0 puncte. Valoarea  $k$  atunci când jucătorul X câștigă este stabilită astfel:  $k = 3$  puncte pentru o linie realizată din simboluri dispuse pe diagonală,  $k = 2$  pentru o linie realizată din simboluri dispuse pe verticală și  $k = 1$  pentru o linie realizată din simboluri dispuse pe orizontală. Valoarea  $k$  atunci când jucătorul 0 câștigă pe cazurile enumerate anterior este  $-3, -2, -1$ . Folosind algoritmul Minimax etichetați arborele de joc de la punctul anterior cu valorile minimax asociate fiecărui nod. **(0,5 puncte)**

- (d) Folosiți algoritmul de retezare Alfa-Beta pentru accelerarea calcului valorilor Minimax. Ce noduri din arbore de joc nu vor fi explorate? Puteți reordona fiile fiecărui subarbore pentru a maximiza numărul de noduri care nu vor fi explorate de algoritmul Alfa-Beta? Justificați răspunsul. **(0,5 puncte)**

**Oficiu: 1 punct. Timp de lucru: 2 ore.**

# Cursul de azi

## 1. Examenul final

- rezolvările subiectelor din anii trecuți

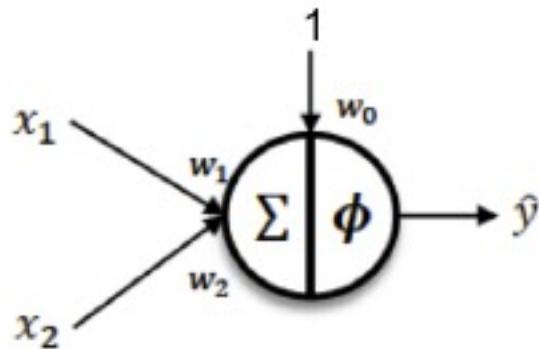
## 2. Prezentare curs optional CAVA

# Subiectul 1 a - enunt

## Subiectul 1. (3,5 puncte)

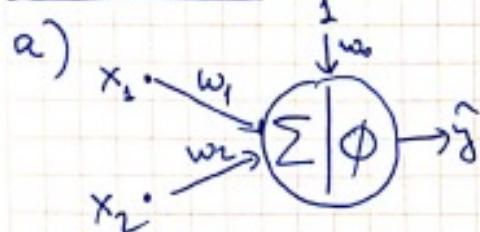
Considerăm o problemă de clasificare binară în care exemplele de antrenare sunt reprezentate de vectori bidimensionali cu etichetele binare 0 și 1. Fie mulțimea de antrenare  $S = \{((0,0)^T, 0), ((4,0)^T, 1), ((2,-1)^T, 1), ((2,2)^T, 1), ((5,3)^T, 0), ((-2,2)^T, 0)\}$ . Fie mulțimea de testare  $T = \{(1,1)^T, (5,5)^T\}$ . Realizați următoarele:

- (a) considerăm perceptronul din Figura 1a cu ponderile  $w_1$  și  $w_2$  care ponderează intrările  $x_1$  (abscisa) și  $x_2$  (ordonata) a unui punct, iar ponderea  $w_0$  reprezintă deplasarea (bias-ul). Funcția de activare a perceptronului este funcția  $\phi(x) = \text{hardlim}(x)$ , unde  $\text{hardlim}(x) = 1$ , dacă  $x \geq 0$  și  $\text{hardlim}(x) = 0$  dacă  $x < 0$ . Determinați matricea de confuzie a perceptronului cu ponderile  $w_0 = -2$ ,  $w_1 = 1$ ,  $w_2 = 1$  care clasifică exemple din mulțimea  $S$ . (1 punct)



(a)

### Subiectul 1



$$\hat{y} = \text{hardlim}(w_0 + w_1 x_1 + w_2 x_2) =$$

$$= \begin{cases} 1, & w_0 + w_1 x_1 + w_2 x_2 \geq 0 \\ 0, & \text{altele} \end{cases}$$

$$w_0 = -2, w_1 = 1, w_2 = 1$$

$$\hat{y} = \begin{cases} 1, & x_1 + x_2 - 2 \geq 0 \\ 0, & x_1 + x_2 - 2 < 0 \end{cases}$$

$$x_1 = 0,$$

$$x_2 = 0,$$

$$y = 0$$

$$\hat{y} = 0$$

$$x_1 = 1$$

$$x_2 = 0$$

$$y = 1$$

$$\hat{y} = 1$$

$$x_1 = 2$$

$$x_2 = -1$$

$$y = -1$$

$$\hat{y} = 0$$

$$x_1 = 2$$

$$x_2 = 2$$

$$y = 1$$

$$\hat{y} = 1$$

$$x_1 = 5$$

$$x_2 = 3$$

$$y = 0$$

$$\hat{y} = 1$$

$$x_1 = -2$$

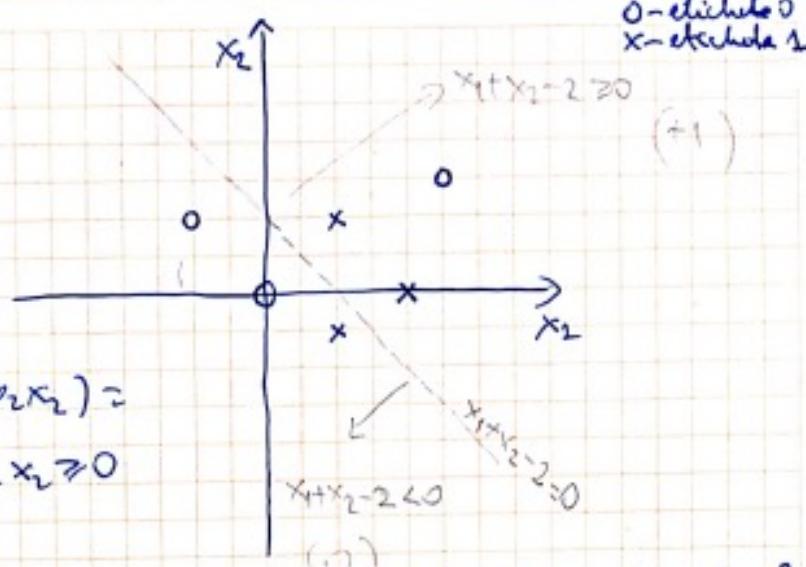
$$x_2 = 2$$

$$y = 0$$

$$\hat{y} = 0$$

elicitate  
proba

elicitate reală	$\hat{y}$	0	1
0	2	1	
1	1	2	



0-elicitate  
x-elicitate 1

$$x_1 + x_2 - 2 \geq 0$$

(+1)

$$x_1 + x_2 - 2 \leq 0$$

(0)

$$S = \{(1, 0)^T, 0\}, \{(4, 0)^T, 1\}, \dots, \{(-2, 2)^T, 0\}\}$$

$$T = \{(1, 1)^T, (5, 5)^T\}$$

Natura de confuzii asociată perceptronului

# Subiectul 1b - enunt

## Subiectul 1. (3,5 puncte)

Considerăm o problemă de clasificare binară în care exemplele de antrenare sunt reprezentate de vectori bidimensionali cu etichetele binare 0 și 1. Fie mulțimea de antrenare  $S = \{((0,0)^T, 0), ((4,0)^T, 1), ((2,-1)^T, 1), ((2,2)^T, 1), ((5,3)^T, 0), ((-2,2)^T, 0)\}$ . Fie mulțimea de testare  $T = \{(1,1)^T, (5,5)^T\}$ . Realizați următoarele:

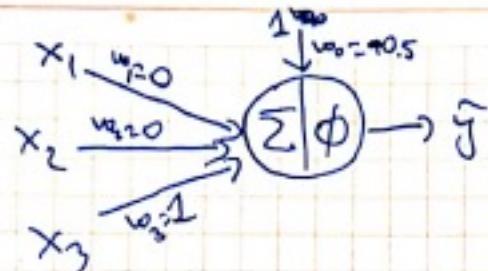
- (b) mulțimea de antrenare  $S$  nu este liniar separabilă. Totuși, dacă adăugăm la fiecare vector a treia coordonată, egală cu eticheta exemplului, obținem o nouă mulțime de antrenare care acum este liniar separabilă. Arătați acest lucru, dând exemplu de un clasificator liniar care separă perfect exemplele de antrenare din noua mulțime. Puteți folosi acest clasificator liniar pentru a eticheta exemple din mulțimea  $T$ ? (1 punct)

# Subiectul 1b - rezolvare

b)  $S_{\text{misi}} = \{( (9,0,0)^T, 0 ), ( (-4,0,1)^T, 1 ), ( (2,-1,1)^T, 1 ), ( (2,2,1)^T, 1 ), ( (5,3,0)^T, 0 ), ( (-2,2,0)^T, 0 ) \}$

Adaugăm practic dimensiunea  $x_3 = \text{înălțime}$ . Trăiești parțialele  
poziții palmei înălțimea 1, restul are înălțimea 0. Multimea multime  
de antrenare este liniștită separabilă, există o funcție de hiperplanuri  
(plane) care separă exemplul pozitiv de cel negativ.

O posibilitate este  $w_0 = 0, w_1 = 2, w_2 = 0, w_3 = 1 ; w_4 = -0.5$  :  $x_3 - 0.5 \geq 0$



$$\hat{y} = \text{hardim}(x_3 - 0.5) = \begin{cases} 1, & x_3 \geq 0.5 \\ 0, & x_3 < 0.5 \end{cases}$$

Ne putem folosi acest clasificator pentru a stabili exemple din  
multimea T între care lipsește o treia componentă (care reprezintă  
etichete pe care vrem să le prevedem).

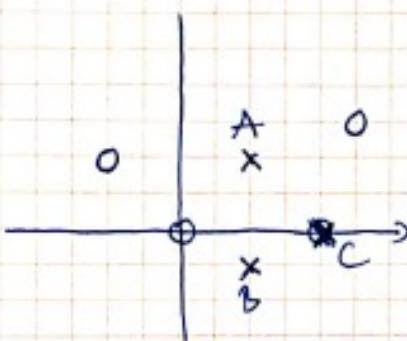
# Subiectul 1c - enunt

## Subiectul 1. (3,5 puncte)

Considerăm o problemă de clasificare binară în care exemplele de antrenare sunt reprezentate de vectori bidimensionali cu etichetele binare 0 și 1. Fie mulțimea de antrenare  $S = \{((0,0)^T, 0), ((4,0)^T, 1), ((2,-1)^T, 1), ((2,2)^T, 1), ((5,3)^T, 0), ((-2,2)^T, 0)\}$ . Fie mulțimea de testare  $T = \{(1,1)^T, (5,5)^T\}$ . Realizați următoarele:

- (c) construiți o rețea neuronală de perceptroni care să învețe perfect mulțimea de antrenare. Etichetați punctele din mulțimea  $T$  folosind rețeaua astfel construită. (1,5 puncte)

c)

 $A(2, 2), B(-2, -2), C(4, 0)$ 

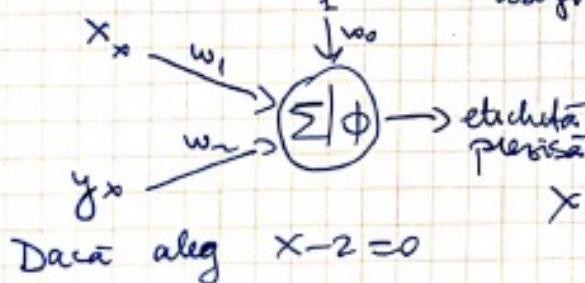
$$AB: \frac{x-x_A}{y-y_A} = \frac{x_B-x_A}{y_B-y_A}$$

$$\frac{x-2}{y-2} = \frac{-2-2}{-1-2} \Leftrightarrow x=2.$$

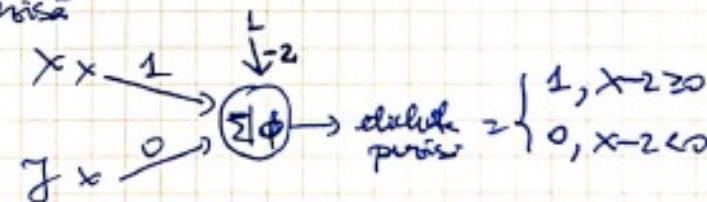
$$x-2=0.$$

Pentru dreapta  $AB$  am două posibile ecuații  $\begin{cases} x-2=0 \\ -x+2=0 \end{cases}$ .

Pe care v-aleg? (soluția mea presupune a constura o relație care asigură 1 punct la tot punctele din triunghiul  $ABC$ ).

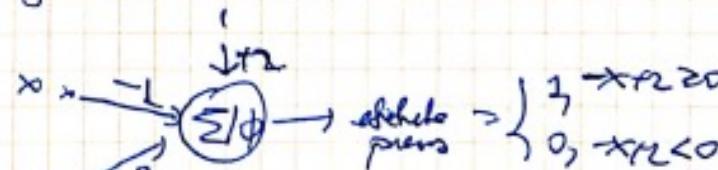


$$\text{Dacă aleg } x-2=0$$

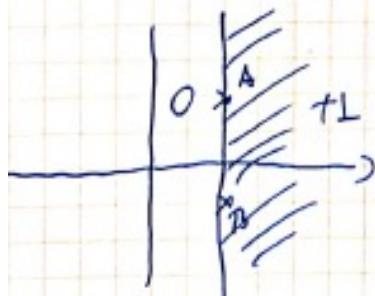


$$\text{dilecta } \begin{cases} 1, x-2 \geq 0 \\ 0, x-2 < 0 \end{cases}$$

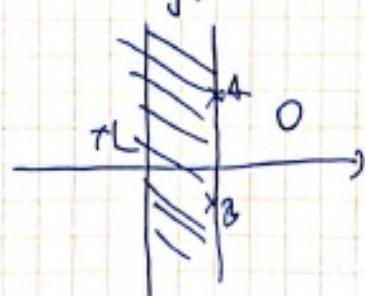
$$\text{Dacă aleg } -x+2=0$$



$$\text{dilecta } \begin{cases} 1, -x+2 \geq 0 \\ 0, -x+2 < 0 \end{cases}$$



Cazul  $x-2>0$



Cazul  $-x+2>0$ .

# Subiectul 1c - rezolvare

Vineaza punctul C(4,0) sa punem in clasa L. Aleg varianta  
cu  $x+2=0$

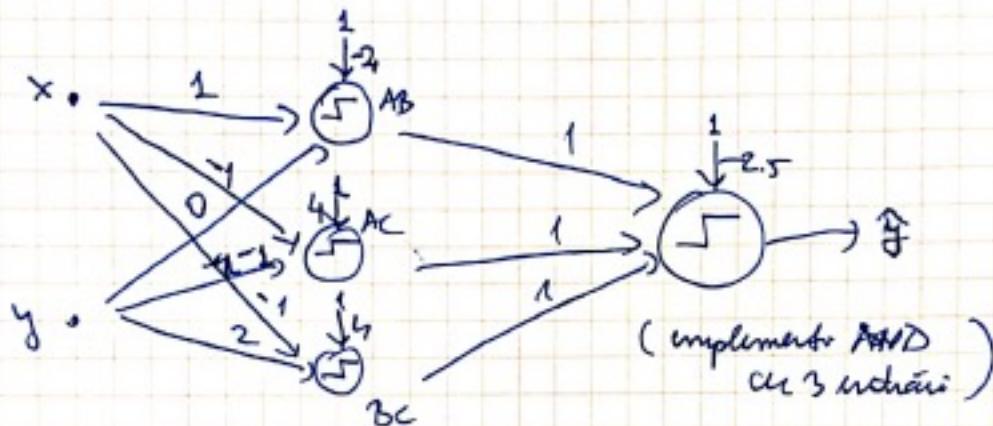
Analog, obtinem ecuatii partii dreptele AC si BC

$$AC: x+y-4=0$$

$$\boxed{-x-y+4=0}$$

$$BC: x-2y-4=0$$

$$\boxed{-x+2y+4=0}$$



$T = \{(1,1)^T, (5,5)^T\}$  : Ambele puncte vor fi etablate ca 0.

# Subiectul 2 - enunt

## Subiectul 2. (1 punct)

Fie  $E = \{(x^{(1)}, y^{(1)}), (x^{(2)}, y^{(2)}), \dots, (x^{(m)}, y^{(m)})\}$  o mulțime cu  $m$  exemple de antrenare, unde  $x^{(i)}, y^{(i)}$  sunt numere reale pentru  $i = 1, \dots, m$ . Regresia liniară simplă modelează legătura dintre variabila independentă  $x$  și variabila dependentă  $y$  folosind dreapta de ecuație  $h(x) = w_0 + w_1 \cdot x$ . Parametrii  $w_0$  și  $w_1$  se determină folosind tehnica metodei celor mai mici pătrate aplicată pe mulțimea de antrenare  $E$ . La curs a fost arătat că parametri optimi au valorile următoare:

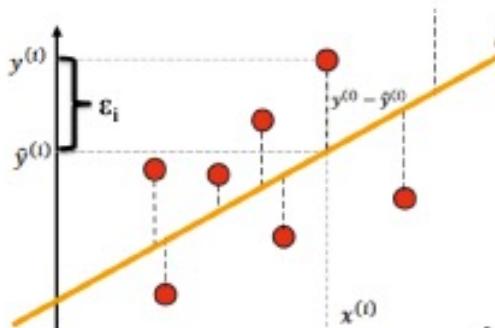
$$w_0 = \frac{1}{m} \sum_{i=0}^m y^{(i)} - w_1 \cdot \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m x^{(i)}$$

$$w_1 = \frac{\sum_{i=1}^m (x^{(i)} - \bar{x}) \cdot (y^{(i)} - \bar{y})}{\sum_{i=1}^m (x^{(i)} - \bar{x})^2},$$

unde  $\bar{x} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m x^{(i)}$ , iar  $\bar{y} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m y^{(i)}$ .

Pentru fiecare exemplu de antrenare din  $E$  notăm cu  $\varepsilon_i$  diferența dintre răspunsul corect  $y^{(i)}$  și predicția  $\hat{y}^{(i)}$  (vedeți acest lucru ilustrat și în Figura 1b). Cantitatea  $\varepsilon_i$  se mai numește reziduu. Arătați că suma tuturor reziduurilor este nulă, adică:

$$\sum_{i=1}^m \varepsilon_i = 0.$$



(b)

# Subiectul 2 - rezolvare

Subiectul 2

$$\mathcal{E} = \{(x^{(i)}, y^{(i)}), (x^{(2)}, y^{(2)}), \dots, (x^{(m)}, y^{(m)})\}$$

Regressia liniara cu conditie dreapta de incerte  $h(x) = w_0 + w_1 x$

$$w_0 = \frac{1}{m} \sum_{i=0}^m y^{(i)} - w_1 \cdot \frac{1}{m} \sum_{i=0}^m x^{(i)} = \bar{y} - w_1 \cdot \bar{x}$$

$$w_1 = \frac{\sum_{i=1}^m (x^{(i)} - \bar{x}) \cdot (y^{(i)} - \bar{y})}{\sum_{i=1}^m (x^{(i)} - \bar{x})^2}$$

$$\bar{x} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m x^{(i)}, \quad \bar{y} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m y^{(i)}$$

$$\varepsilon_i = y^{(i)} - \hat{y}^{(i)} = y^{(i)} - (w_0 + w_1 x^{(i)})$$

Astăzi că  $\sum_{i=1}^m \varepsilon_i = 0$ .

$$\sum_{i=1}^m \varepsilon_i = \sum_{i=1}^m (y^{(i)} - w_0 - w_1 x^{(i)}) = \sum_{i=1}^m y^{(i)} - m \cdot w_0 - w_1 \cdot \sum_{i=1}^m x^{(i)}$$

$$= m \cdot \bar{y} - m(\bar{y} - w_1 \cdot \bar{x}) - w_1 \cdot m \cdot \bar{x}$$

$$= m \bar{y} - m \bar{y} + m w_1 \cdot \bar{x} - w_1 \cdot m \cdot \bar{x}$$

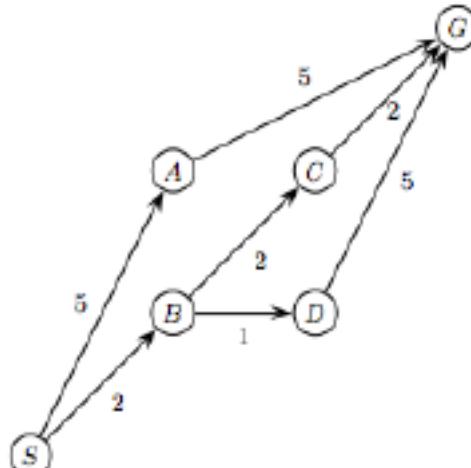
$$= 0.$$

# Subiectul 3a – enunț

## Subiectul 3. (2,5 puncte)

Considerăm problema de căutare dată de graful din Figura 2a.  $S$  este starea inițială iar  $G$  este starea scop. O strategie de căutare care pornește din starea  $S$  și vrea să ajungă la starea  $G$  explorează stările într-o anumită ordine. Implicit, se preferă explorarea stărilor în ordine lexicografică (spre exemplu în căutarea în lățime, starea  $A$  va fi explorată înaintea stării  $B$ ). Considerăm euristicile  $h_0$ ,  $h_1$  și  $h_2$  date de tabelul din Figura 2b. Realizați următoarele:

- (a) care este soluția problemei de căutare folosind strategiile de căutare în lățime și căutare în adâncime? (0,5 puncte)



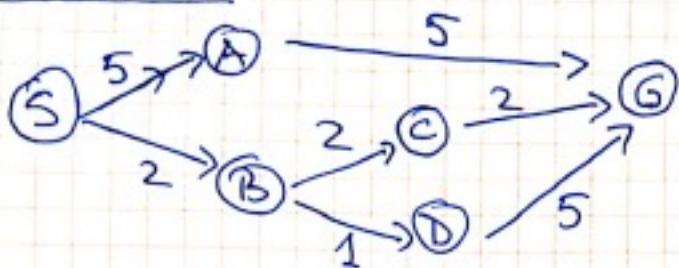
(a)

Stare	$h_0$	$h_1$	$h_2$
S	0	5	6
A	0	3	5
B	0	4	2
C	0	2	5
D	0	5	3
G	0	0	0

(b)

Figura 2: a. Graful asociat problemei de căutare; b. Euristicile  $h_0$ ,  $h_1$ ,  $h_2$ .

Solutie 3



a)  $F = \{S\} \rightarrow$  frontieră initială  
(contine soluția parțială)

Pas 1:  $F = \{ \underline{S \rightarrow A}, S \rightarrow B \}$

(am expandat nodul S în ordine lexicografică  
pt căutare în labirint)

Pas 2:  $F = \{ \underline{\begin{matrix} S \rightarrow A \rightarrow G \\ \text{solutie} \end{matrix}}, S \rightarrow B \}$

Solutie căutată în labirint este  $S \rightarrow A \rightarrow G$

Căutarea în adâncime:

$F = \{S\}$

Pas 1:  $F = \{ \underline{S \rightarrow A}, S \rightarrow B \}$

$F = \{ \underline{\begin{matrix} S \rightarrow A \rightarrow G \\ \text{solutie} \end{matrix}}, S \rightarrow B \}$

Solutie căutată în adâncime este  $S \rightarrow A \rightarrow G$

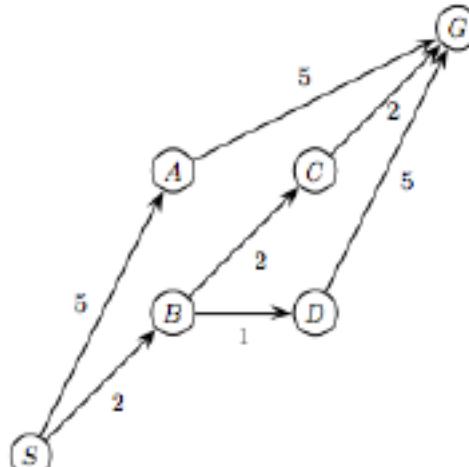
Frontieră	$h_0$	$h_1$	$h_2$	$h^*$
S	0	5	6	6
A	0	3	5	5
B	0	4	2	4
C	0	2	5	2
D	0	5	3	5
G	0	0	0	0

# Subiectul 3b – enunț

## Subiectul 3. (2,5 puncte)

Considerăm problema de căutare dată de graful din Figura 2a.  $S$  este starea inițială iar  $G$  este starea scop. O strategie de căutare care pornește din starea  $S$  și vrea să ajungă la starea  $G$  explorează stările într-o anumită ordine. Implicit, se preferă explorarea stărilor în ordine lexicografică (spre exemplu în căutarea în lățime, starea  $A$  va fi explorată înaintea stării  $B$ ). Considerăm euristicile  $h_0$ ,  $h_1$  și  $h_2$  date de tabelul din Figura 2b. Realizați următoarele:

- (b) care din euristicile  $h_0$ ,  $h_1$ ,  $h_2$  din Figura 2b sunt admisibile? Justificați răspunsul (0,5 puncte)



(a)

Stare	$h_0$	$h_1$	$h_2$
S	0	5	6
A	0	3	5
B	0	4	2
C	0	2	5
D	0	5	3
G	0	0	0

(b)

Figura 2: a. Graful asociat problemei de căutare; b. Euristicile  $h_0$ ,  $h_1$ ,  $h_2$ .

# Subiectul 3b – rezolvare

b) Curiștici  $h$  este admisibilă dacă ea subestimează peisajul mod în următorul nod al nodului  $n$  către cel mai apropiat nod scop  $0 \leq h(n) \leq h^*(n)$ , unde  $h^*(n)$  este costul real către cel mai apropiat nod scop.

Calculăm  $h^*$  pt fiecare nod:

$$h^*(S)=6, h^*(A)=5, h^*(B)=4, h^*(C)=2, h^*(D)=5, h^*(G)=0$$

Adaugăm coloana  $h^*$  în tabelul de sus.

Observăm că nodurile  $h_2$  sunt curiștici admisibile, dar  $h_2$  nu este admisibilă întrucât  $h_2(C)=5 > h_2^*(C)=2$ .

-5-

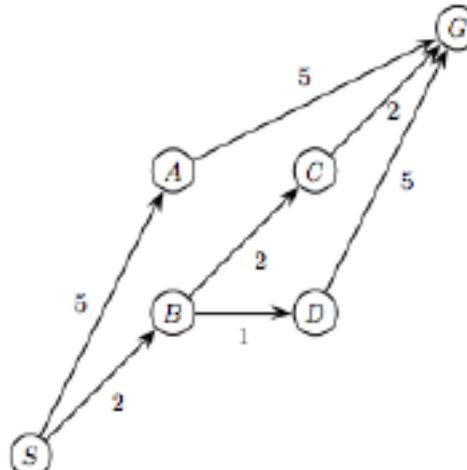
Stare	$h_0$	$h_1$	$h_2$	$h^*$
S	0	5	6	6
A	0	3	5	5
B	0	4	2	4
C	0	2	5	2
D	0	5	3	5
G	0	0	0	0

# Subiectul 3c – enunț

## Subiectul 3. (2,5 puncte)

Considerăm problema de căutare dată de graful din Figura 2a.  $S$  este starea inițială iar  $G$  este starea scop. O strategie de căutare care pornește din starea  $S$  și vrea să ajungă la starea  $G$  explorează stările într-o anumită ordine. Implicit, se preferă explorarea stărilor în ordine lexicografică (spre exemplu în căutarea în lățime, starea  $A$  va fi explorată înaintea stării  $B$ ). Considerăm euristicile  $h_0$ ,  $h_1$  și  $h_2$  date de tabelul din Figura 2b. Realizați următoarele:

- (c) care este soluția returnată de algoritmul  $A^*$  pentru fiecare heuristică  $h_0$ ,  $h_1$ ,  $h_2$  în parte?  
Specificați soluțiile parțiale construite până la obținerea soluției finale. (0,5 puncte)



(a)

Stare	$h_0$	$h_1$	$h_2$
S	0	5	6
A	0	3	5
B	0	4	2
C	0	2	5
D	0	5	3
G	0	0	0

(b)

Figura 2: a. Graful asociat problemei de căutare; b. Euristicile  $h_0$ ,  $h_1$ ,  $h_2$ .

# Subiectul 3c – rezolvare

c) Pentru h(x) ( $\Rightarrow$  existăca banală  $A^x$  se comportă ca UCS)

$$f(n) = g(n) + h(n)$$

$\downarrow$  cu exact  $\downarrow$  cu estimare pe baza existenței  
cât am sănătății că rămășăte să fac

$$\begin{aligned} P_{n,0}: F &= \{S\} \\ &\underline{f(S) \geq 0} \end{aligned}$$

$$P_{n,1}: F = \left\{ S \xrightarrow{B}, S \xrightarrow{A} \right\}$$

$f(S \xrightarrow{B}) = 2 + 0 = 2$        $f(S \xrightarrow{A}) = 5 + 0 = 5$

$$P_{n,2}: F = \left\{ S \xrightarrow{B \rightarrow D}, S \xrightarrow{B \rightarrow C}, S \xrightarrow{A} \right\}$$

$f(n) = 3$        $f(n) = 4$        $f(n) = 5$

$$P_{n,3}: F = \left\{ S \xrightarrow{B \rightarrow D \rightarrow G}, S \xrightarrow{B \rightarrow C}, S \xrightarrow{A} \right\}$$

$f(n) = 8$        $f(n) = 6$        $f(n) = 5$

$$P_{n,4}: F = \left\{ S \xrightarrow{B \rightarrow D \rightarrow G}, S \xrightarrow{B \rightarrow C \rightarrow G}, S \xrightarrow{A} \right\}$$

$f(n) = 8$        $f(n) = 6$        $f(n) = 5$

$$P_{n,5}: F = \left\{ S \xrightarrow{B \rightarrow D \rightarrow G}, S \xrightarrow{B \rightarrow C \rightarrow G}, S \xrightarrow{A \rightarrow G} \right\}$$

$f(n) = 8$        $f(n) = 6$        $f(n) = 10$

Soluția este  $S \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow G$

# Subiectul 3c – rezolvare

Pentru h<sub>1</sub>

Pas 0:  $F = \{S\}$   
 $f(n) = 2 + 5 = 5$

Pas 1:  $F = \left\{ S \rightarrow A, S \rightarrow B \right\}$   
 $f(n) = 5 + 3 = 8$ ,  $\underline{f(n_1) = 2 + 4 = 6}$

Pas 2:  $F = \left\{ S \rightarrow A, S \rightarrow B \rightarrow C, S \rightarrow B \rightarrow D \right\}$   
 $f(n) = 8$ ,  $\underline{f(n_1) = 4 + 2 = 6}$ ,  $\underline{f(n_1) = 3 + 5 = 8}$

Pas 3:  $F = \left\{ S \rightarrow A, S \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow G, S \rightarrow B \rightarrow D \right\}$   
 $f(n) = 8$ ,  $\underline{f(n_1) = 6 + 0 = 6}$ ,  $\underline{f(n_1) = 3 + 5 = 8}$   
Solutie

Solutia este  $S \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow G$

# Subiectul 3c – rezolvare

Pentru h<sub>2</sub>

Pass 0:  $F = \{S\}$ ,  
 $f(m) = 0 + 6 = 6$

Pass 1:  $F = \{S \rightarrow A, S \rightarrow B\}$ ,  
 $f(m) = 2 + 5 = 10, f(m) = 2 + 2 = 4$

Pass 2:  $F = \{S \rightarrow A, S \rightarrow B \rightarrow C, S \rightarrow B \rightarrow D\}$ ,  
 $f(m) = 10, f(m) = 4 + 5 = 9, f(m) = 3 + 3 = 6$

Pass 3:  $F = \{S \rightarrow A, S \rightarrow B \rightarrow C, S \rightarrow B \rightarrow D \rightarrow G\}$ ,  
 $f(m) = 10, f(m) = 9, f(m) = 8 + 10 = 18$

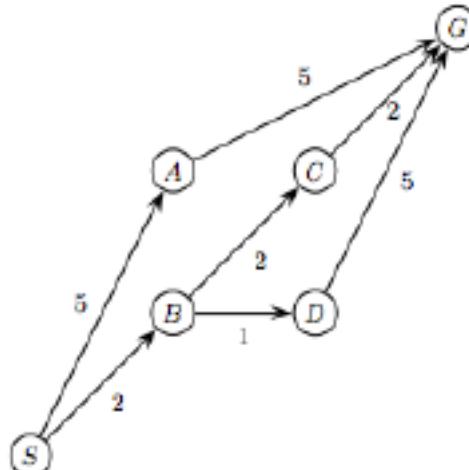
Soluție astă  $S \rightarrow B \rightarrow D \rightarrow G$ .

# Subiectul 3d – enunț

## Subiectul 3. (2,5 puncte)

Considerăm problema de căutare dată de graful din Figura 2a.  $S$  este starea inițială iar  $G$  este starea scop. O strategie de căutare care pornește din starea  $S$  și vrea să ajungă la starea  $G$  explorează stările într-o anumită ordine. Implicit, se preferă explorarea stărilor în ordine lexicografică (spre exemplu în căutarea în lățime, starea  $A$  va fi explorată înaintea stării  $B$ ). Considerăm euristicile  $h_0$ ,  $h_1$  și  $h_2$  date de tabelul din Figura 2b. Realizați următoarele:

- (d) care este soluția returnată de algoritmul de căutare Greedy ce folosește euristica  $h_1$ ? Specificați soluțiile parțiale construite până la obținerea soluției finale. (0,5 puncte)



(a)

Stare	$h_0$	$h_1$	$h_2$
S	0	5	6
A	0	3	5
B	0	4	2
C	0	2	5
D	0	5	3
G	0	0	0

(b)

Figura 2: a. Graful asociat problemei de căutare; b. Euristicile  $h_0$ ,  $h_1$ ,  $h_2$ .

# Subiectul 3d – rezolvare

d) Greedy cu  $h_1$

Pas 0:  $F = \{S\}$   
 $h_1(S) = 5$

Pas 1:  $F = \left\{ S \xrightarrow{\underline{h_1(w)=3}}, S \xrightarrow{\underline{h_1(w)=4}} A, B \right\}$

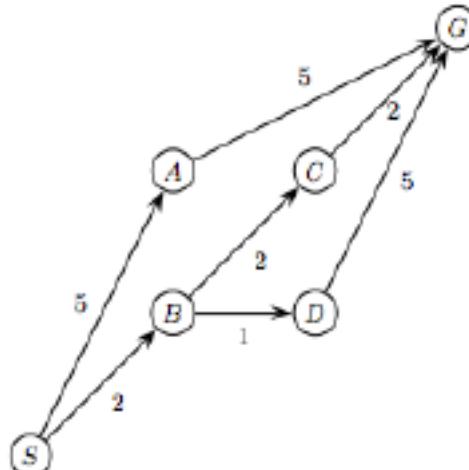
Pas 2:  $F = \left\{ S \xrightarrow{\underline{h_2(w)=0}} A \xrightarrow{\underline{h_2(w)=4}} G, S \xrightarrow{\underline{h_2(w)=4}} B \right\}$   
Solutie

# Subiectul 3e – enunț

## Subiectul 3. (2,5 puncte)

Considerăm problema de căutare dată de graful din Figura 2a.  $S$  este starea inițială iar  $G$  este starea scop. O strategie de căutare care pornește din starea  $S$  și vrea să ajungă la starea  $G$  explorează stările într-o anumită ordine. Implicit, se preferă explorarea stărilor în ordine lexicografică (spre exemplu în căutarea în lățime, starea  $A$  va fi explorată înaintea stării  $B$ ). Considerăm euristicile  $h_0$ ,  $h_1$  și  $h_2$  date de tabelul din Figura 2b. Realizați următoarele:

- (e) care este soluția returnată de algoritmul de căutare uniformă după cost (UCS)? Specificați soluțiile parțiale construite până la obținerea soluției finale. (0,5 puncte)



(a)

Stare	$h_0$	$h_1$	$h_2$
S	0	5	6
A	0	3	5
B	0	4	2
C	0	2	5
D	0	5	3
G	0	0	0

(b)

Figura 2: a. Graful asociat problemei de căutare; b. Euristicile  $h_0$ ,  $h_1$ ,  $h_2$ .

# Subiectul 3e – rezolvare

e)  $UCS = A^*$  cu  $h_0$  = punctul c) prima parte

c) Pentru  $h_0$  ( $\Rightarrow$  există banală  $A^*$  se comportă ca UCS)

$$f(n) = g(n) + h(n)$$

$\downarrow$  cost exact       $\downarrow$  cost estimat pe baza existenței  
cât am sănătă      către care să fac

$$\begin{aligned} P_{A,0}: \quad F = & \{ S \} \\ & \underline{f(S)=0} \end{aligned}$$

$$P_{A,1}: \quad F = \{ S \xrightarrow{B} B, \quad S \xrightarrow{A} A \}$$

$\underline{f(S \xrightarrow{B} B) = 2 + 0 = 2}$        $\underline{f(S \xrightarrow{A} A) = 5 + 0 = 5}$

$$P_{A,2}: \quad F = \{ S \xrightarrow{B} B \xrightarrow{C} C, \quad S \xrightarrow{A} A \}$$

$\underline{f(n)=3}$        $\underline{f(n)=4}$        $\underline{f(n)=5}$

$$P_{A,3}: \quad F = \{ S \xrightarrow{B} B \xrightarrow{D} D \xrightarrow{G} G, \quad S \xrightarrow{B} B \xrightarrow{C} C, \quad S \xrightarrow{A} A \}$$

$\underline{f(n)=8}$        $\underline{f(n)=7}$        $\underline{f(n)=5}$

$$P_{A,4}: \quad F = \{ S \xrightarrow{B} B \xrightarrow{D} D \xrightarrow{G} G, \quad S \xrightarrow{B} B \xrightarrow{C} C \xrightarrow{G} G, \quad S \xrightarrow{A} A \}$$

$\underline{f(n)=8}$        $\underline{f(n)=6}$        $\underline{f(n)=5}$

$$P_{A,5}: \quad F = \{ S \xrightarrow{B} B \xrightarrow{D} D \xrightarrow{G} G, \quad S \xrightarrow{B} B \xrightarrow{C} C \xrightarrow{G} G, \quad S \xrightarrow{A} A \xrightarrow{G} G \}$$

$\underline{f(n)=8}$        $\underline{f(n)=6}$        $\underline{f(n)=10}$

Soluția este  $S \xrightarrow{B} B \xrightarrow{C} C \xrightarrow{G} G$

# Subiectul 4a – enunț

## Subiectul 4. (2 puncte)

În jocul Conectează-3, jucătorii X și 0 mută alternativ plasând simbolurile lor într-una din coloanele 1, 2, 3 sau 4 ale unui tablou cu 3 linii și 4 coloane. Simbolurile se acumulează unul peste altul (Figura 3a). O coloană în care au fost plasate 3 simboluri devine plină și prin urmare jucătorii nu mai pot plasa simboluri în ea. Câștigă jucătorul care realizează primul 3 simboluri dispuse pe orizontală, verticală sau diagonală. Dacă niciun jucător nu realizează acest lucru jocul se termină la egalitate. Jucătorul X mută primul.

- (a) Care este numărul de mutări maxim (= factorul de ramificare) pe care îl are la dispoziție fiecare jucător în orice moment al jocului? Justificați răspunsul. (0,25 puncte)

1	2	3	4
X	0	0	0
0	X	X	0
X	X	0	X

(a)

1	2	3	4
X	0		
0	X		0
X	X	0	X

(b)

Figura 3: a. Exemplu de stare finală (nod de tip frunză în arborele de joc) cu utilitatea -1 (câștigă jucătorul 0 ce realizează o linie pe orizontală); b. Stare curentă în care se ajunge după 9 mutări, acum jucătorul 0 este la mutare.

# Subiectul 4a – rezolvare

## Subiectul 4

- a) Numărul maxim de mutări (= factorul de ranificare) pe care îl are la dispoziție fiecare jucător = numărul de coloane libere. Inițial, toate coloanele sunt libere, deci  $b = 4$ , spașterea jucătorului să poată întâmpina ca numai o singură coloană să fie liberă, deci  $b = 1$ .

# Subiectul 4b – enunț

## Subiectul 4. (2 puncte)

În jocul Conectează-3, jucătorii X și 0 mută alternativ plasând simbolurile lor într-una din coloanele 1, 2, 3 sau 4 ale unui tablou cu 3 linii și 4 coloane. Simbolurile se acumulează unul peste altul (Figura 3a). O coloană în care au fost plasate 3 simboluri devine plină și prin urmare jucătorii nu mai pot plasa simboluri în ea. Câștigă jucătorul care realizează primul 3 simboluri dispuse pe orizontală, verticală sau diagonală. Dacă niciun jucător nu realizează acest lucru jocul se termină la egalitate. Jucătorul X mută primul.

- (b) Considerăm că după 9 mutări ajungem cu jocul în starea dată de Figura 3b. Jucătorul 0 este acum la mutare. Desenați arborele de joc asociat, considerând drept rădăcină starea actuală a jocului. (0,75 puncte)

1	2	3	4
X	0	0	0
0	X	X	0
X	X	0	X

(a)

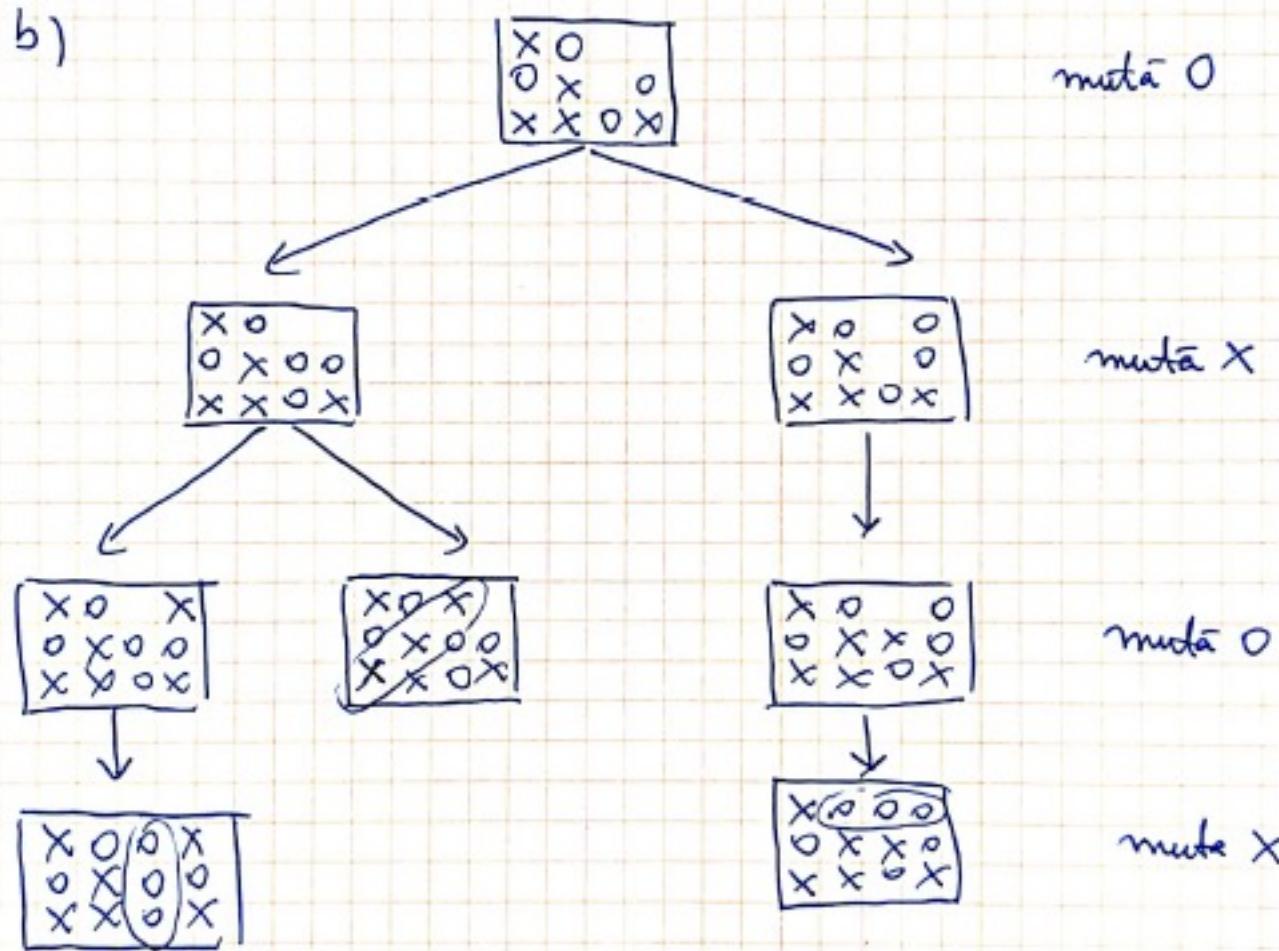
1	2	3	4
X	0		
0	X		0
X	X	0	X

(b)

Figura 3: a. Exemplu de stare finală (nod de tip frunză în arborele de joc) cu utilitatea -1 (câștigă jucătorul 0 ce realizează o linie pe orizontală); b. Stare curentă în care se ajunge după 9 mutări, acum jucătorul 0 este la mutare.

# Subiectul 4b – rezolvare

b)



# Subiectul 4c – enunț

## Subiectul 4. (2 puncte)

În jocul Conectează-3, jucătorii X și 0 mută alternativ plasând simbolurile lor într-una din coloanele 1, 2, 3 sau 4 ale unui tablou cu 3 linii și 4 coloane. Simbolurile se acumulează unul peste altul (Figura 3a). O coloană în care au fost plasate 3 simboluri devine plină și prin urmare jucătorii nu mai pot plasa simboluri în ea. Câștigă jucătorul care realizează primul 3 simboluri dispuse pe orizontală, verticală sau diagonală. Dacă niciun jucător nu realizează acest lucru jocul se termină la egalitate. Jucătorul X mută primul.

- (c) considerăm jucătorul X ca fiind MAX și jucătorul 0 ca fiind MIN. Funcția de utilitate asociată nodurilor terminale este următoarea: dacă jucătorul X câștigă atunci el primește  $k$  puncte iar jucătorul 0 pierde  $k$  puncte, dacă jocul se termină la egalitate atunci fiecare are 0 puncte. Valoarea  $k$  atunci când jucătorul X câștigă este stabilită astfel:  $k = 3$  puncte pentru o linie realizată din simboluri dispuse pe diagonală,  $k = 2$  pentru o linie realizată din simboluri dispuse pe verticală și  $k = 1$  pentru o linie realizată din simboluri dispuse pe orizontală. Valoarea  $k$  atunci când jucătorul 0 câștigă pe cazurile enumerate anterior este  $-3, -2, -1$ . Folosind algoritmul Minimax etichetați arborele de joc de la punctul anterior cu valorile minimax asociate fiecărui nod. (0,5 puncte)

1	2	3	4
1	X	0	0
0	X	X	0
X	X	0	X

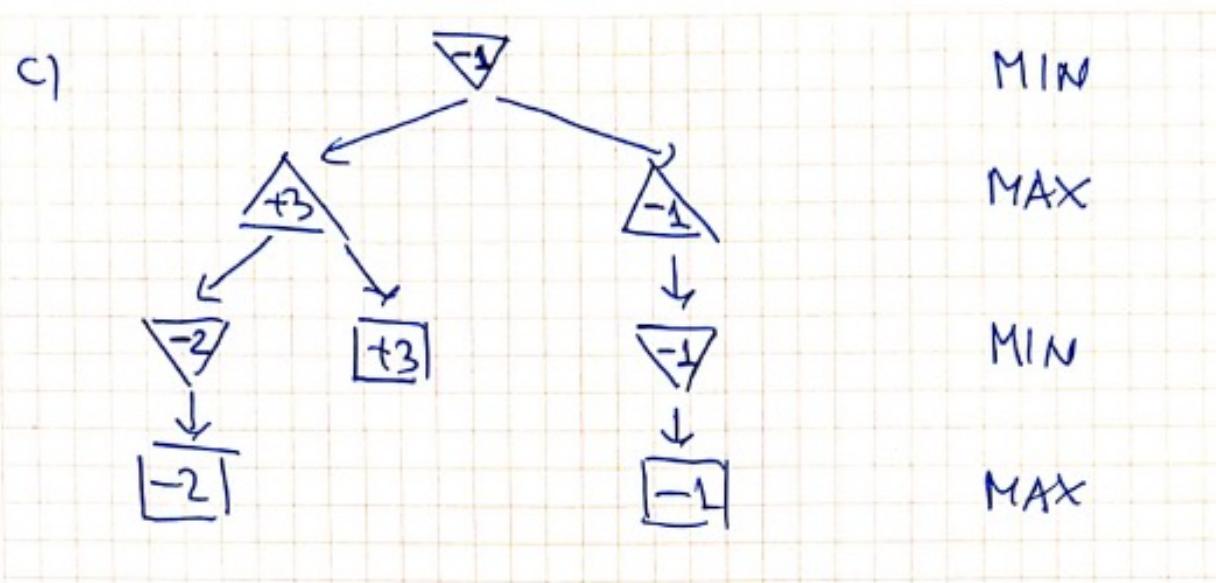
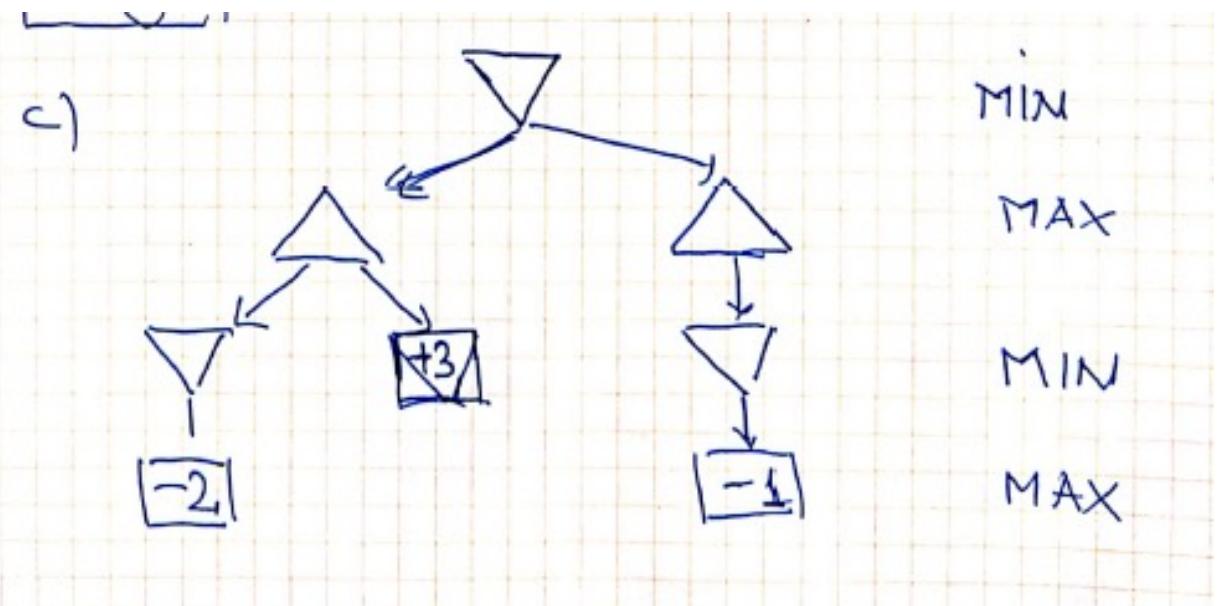
(a)

1	2	3	4
1	X	0	
0	X		0
X	X	0	X

(b)

Figura 3: a. Exemplu de stare finală (nod de tip frunză în arborele de joc) cu utilitatea  $-1$  (câștigă jucătorul 0 ce realizează o linie pe orizontală); b. Stare curentă în care se ajunge după 9 mutări, acum jucătorul 0 este la mutare.

# Subiectul 4c – rezolvare



# Subiectul 4d – enunț

## Subiectul 4. (2 puncte)

În jocul Conectează-3, jucătorii X și 0 mută alternativ plasând simbolurile lor într-una din coloanele 1, 2, 3 sau 4 ale unui tablou cu 3 linii și 4 coloane. Simbolurile se acumulează unul peste altul (Figura 3a). O coloană în care au fost plasate 3 simboluri devine plină și prin urmare jucătorii nu mai pot plasa simboluri în ea. Câștigă jucătorul care realizează primul 3 simboluri dispuse pe orizontală, verticală sau diagonală. Dacă niciun jucător nu realizează acest lucru jocul se termină la egalitate. Jucătorul X mută primul.

- (d) Folosiți algoritmul de retezare Alfa-Beta pentru accelerarea calcului valorilor Minimax. Ce noduri din arbore de joc nu vor fi explorate? Puteți reordona fiile fiecărui subarbore pentru a maximiza numărul de noduri care nu vor fi explorate de algoritmul Alfa-Beta? Justificați răspunsul. (0,5 puncte)

1	2	3	4
X	0	0	0
0	X	X	0
X	X	0	X

(a)

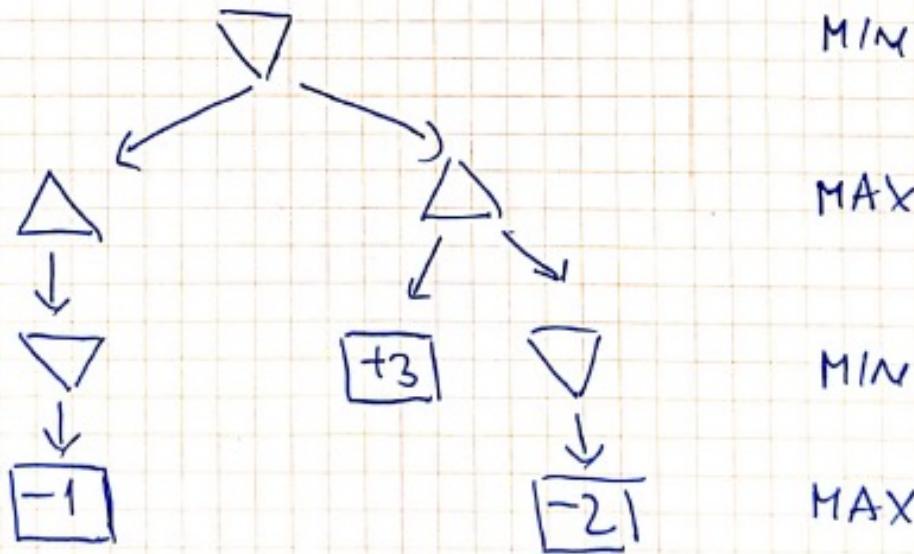
1	2	3	4
X	0		
0	X		0
X	X	0	X

(b)

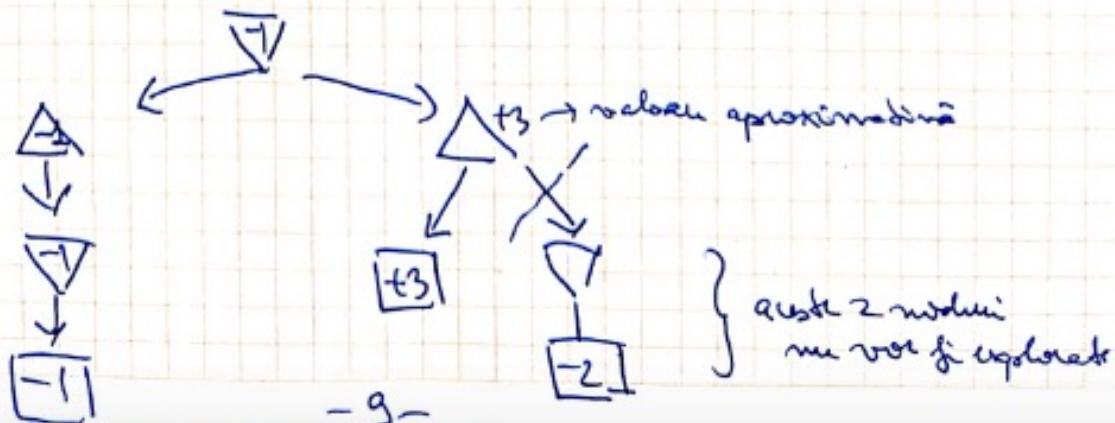
Figura 3: a. Exemplu de stare finală (nod de tip frunză în arborele de joc) cu utilitatea -1 (câștigă jucătorul 0 ce realizează o linie pe orizontală); b. Stare curentă în care se ajunge după 9 mutări, acum jucătorul 0 este la mutare.

d) Cu Alfa-Beta, în configurația actuală nu se poate face nicio reținere.

Rearanjăm arborele astfel:



Aplicam Alfa-Beta



**3** intrebare

Nu a primit  
răspuns încă

Marcat din 1,00

Întrebare cu  
flag

Consideram clasificatorul binar bazat pe metoda celor mai apropiati k-vecini cu k=3. Fie multimea S de exemple de antrenare etichetate cu 6 puncte din plan unde  $S = \{(3,0), 0, (3,-2), 0, (5,-2), 0, (7,-1), 1, (7,2), 1, (7,4), 1\}$ , unde fiecare exemplu de antrenare e reprezentat de vectorul dat de coordonatele sale = (abscisa, ordonata) si de eticheta corespunzatoare (0 sau 1).

1. Dati exemplu de un punct care va fi clasificat cu eticheta 1 folosind distanta euclidiana. Justificati raspunsul scriind care sunt cei mai apropiati 3 vecini si scriind distantele corespunzatoare.
2. Dati exemplu de un punct care va fi clasificat cu eticheta 0 folosind distanta Manhattan. Justificati raspunsul scriind care sunt cei mai apropiati 3 vecini si scriind distantele corespunzatoare
3. Puteti da exemplu de un punct care va fi clasificat cu eticheta 1 folosind distanta euclidiana si cu eticheta 0 folosind distanta Manhattan? Daca răspusul e pozitiv dati exemplul, altfel justificati de ce nu puteti da exemplul.

3 intrebare

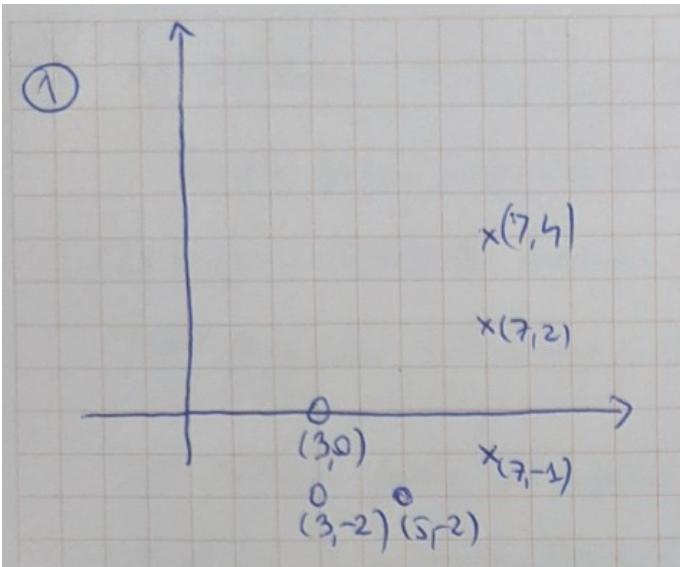
Nu a primit  
răspuns încă

Marcat din 1,00

Întrebare cu  
flag

Consideram clasificatorul binar bazat pe metoda celor mai apropiati k-vecini cu k=3. Fie multimea S de exemple de antrenare etichetate cu 6 puncte din plan unde  $S = \{(3,0), (3,-2), (5,-2), (7,-1), (7,2), (7,4)\}$ , unde fiecare exemplu de antrenare e reprezentat de vectorul dat de coordonatele sale = (abscisa, ordonata) si de eticheta corespunzatoare (0 sau 1).

1. Dati exemplu de un punct care va fi clasificat cu eticheta 1 folosind distanta euclidiana. Justificati raspunsul scriind care sunt cei mai apropiati 3 vecini si scriind distantele corespunzatoare.
2. Dati exemplu de un punct care va fi clasificat cu eticheta 0 folosind distanta Manhattan. Justificati raspunsul scriind care sunt cei mai apropiati 3 vecini si scriind distantele corespunzatoare
3. Puteti da exemplu de un punct care va fi clasificat cu eticheta 1 folosind distanta euclidiana si cu eticheta 0 folosind distanta Manhattan? Daca răspunsul e pozitiv dati exemplul, altfel justificati de ce nu puteti da exemplul.



3 intrebare

Nu a primit  
răspuns încă

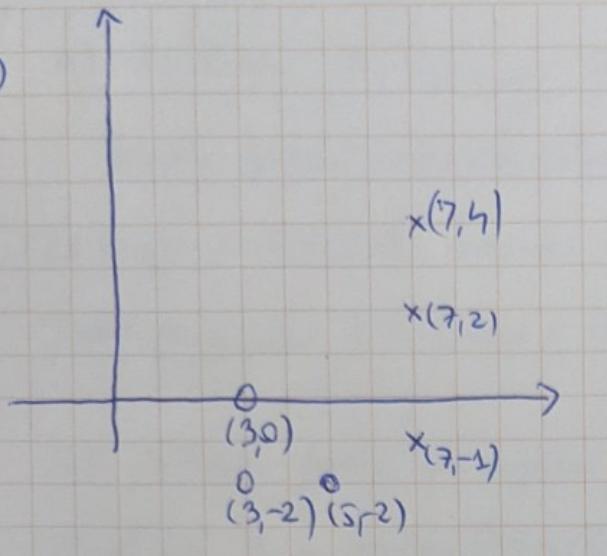
Marcat din 1,00

Întrebare cu  
flag

Consideram clasificatorul binar bazat pe metoda celor mai apropiati k-vecini cu k=3. Fie multimea S de exemple de antrenare etichetate cu 6 puncte din plan unde  $S = \{(3,0), (3,-2), (5,-2), (7,-1), (7,2), (7,4)\}$ , unde fiecare exemplu de antrenare e reprezentat de vectorul dat de coordonatele sale = (abscisa, ordonata) si de eticheta corespunzatoare (0 sau 1).

1. Dati exemplu de un punct care va fi clasificat cu eticheta 1 folosind distanta euclidiana. Justificati raspunsul scriind care sunt cei mai apropiati 3 vecini si scriind distantele corespunzatoare.
2. Dati exemplu de un punct care va fi clasificat cu eticheta 0 folosind distanta Manhattan. Justificati raspunsul scriind care sunt cei mai apropiati 3 vecini si scriind distantele corespunzatoare
3. Puteti da exemplu de un punct care va fi clasificat cu eticheta 1 folosind distanta euclidiana si cu eticheta 0 folosind distanta Manhattan? Daca răspusul e pozitiv dati exemplul, altfel justificati de ce nu puteti da exemplul.

①



1. Considerăm punctul  $(7,0)$ .

Cei mai apropiati 3 vecini sunt :

- $(7,-1)$  distanta 1 (distanta euclidiana)
- $(7,2)$  distanta 1
- $(5,-2)$  distanta  $\sqrt{8}$  ( $\sqrt{(7-5)^2 + (0-(-2))^2}$ )

3 intrebare

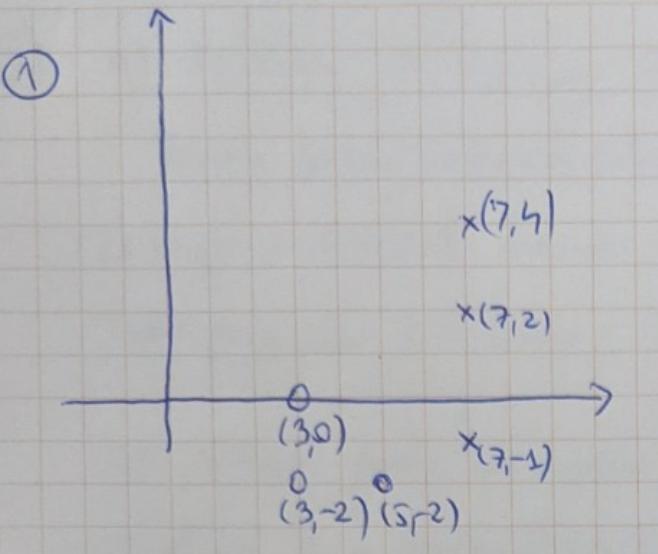
Nu a primit  
răspuns încă

Marcat din 1,00

Întrebare cu  
flag

Consideram clasificatorul binar bazat pe metoda celor mai apropiati k-vecini cu k=3. Fie multimea S de exemple de antrenare etichetate cu 6 puncte din plan unde  $S = \{(3,0), (3,-2), (5,-2), (7,-1), (7,2), (7,4)\}$ , unde fiecare exemplu de antrenare e reprezentat de vectorul dat de coordonatele sale = (abscisa, ordonata) si de eticheta corespunzatoare (0 sau 1).

1. Dati exemplu de un punct care va fi clasificat cu eticheta 1 folosind distanta euclidiana. Justificati raspunsul scriind care sunt cei mai apropiati 3 vecini si scriind distantele corespunzatoare.
2. Dati exemplu de un punct care va fi clasificat cu eticheta 0 folosind distanta Manhattan. Justificati raspunsul scriind care sunt cei mai apropiati 3 vecini si scriind distantele corespunzatoare
3. Puteti da exemplu de un punct care va fi clasificat cu eticheta 1 folosind distanta euclidiana si cu eticheta 0 folosind distanta Manhattan? Daca răspunsul e pozitiv dati exemplul, altfel justificati de ce nu puteti da exemplul.



2. Considerem punctul  $(3,0)$

Cei mai apropiati 3 vecini în lăsuță Manhattan sunt:

-  $(3,0)$  distanță Manhattan 0

-  $(3,-2)$  distanță Manhattan 2  $(|3-3| + |0-(-2)|)$

-  $(5,-2)$  distanță Manhattan 4  $(|3-5| + |0-(-2)|)$

3 intrebare

Nu a primit  
răspuns încă

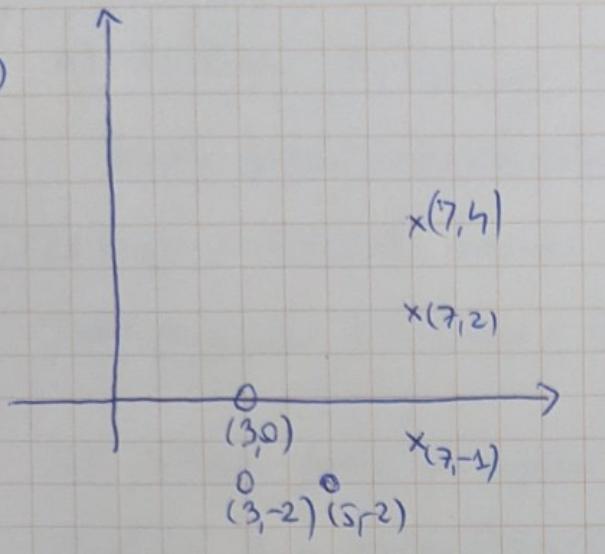
Marcat din 1,00

Întrebare cu  
flag

Consideram clasificatorul binar bazat pe metoda celor mai apropiati k-vecini cu  $k=3$ . Fie multimea  $S$  de exemple de antrenare etichetate cu 6 puncte din plan unde  $S = \{(3,0), (3,-2), ((5,-2),0), ((7,-1),1), ((7,2),1), ((7,4),1)\}$ , unde fiecare exemplu de antrenare e reprezentat de vectorul dat de coordonatele sale = (abscisa, ordonata) si de eticheta corespunzatoare (0 sau 1).

1. Dati exemplu de un punct care va fi clasificat cu eticheta 1 folosind distanta euclidiana. Justificati raspunsul scriind care sunt cei mai apropiati 3 vecini si scriind distantele corespunzatoare.
2. Dati exemplu de un punct care va fi clasificat cu eticheta 0 folosind distanta Manhattan. Justificati raspunsul scriind care sunt cei mai apropiati 3 vecini si scriind distantele corespunzatoare
3. Puteti da exemplu de un punct care va fi clasificat cu eticheta 1 folosind distanta euclidiana si cu eticheta 0 folosind distanta Manhattan? Daca răspunsul e pozitiv dati exemplul, altfel justificati de ce nu puteti da exemplul.

①



3. Punctul  $(5,1)$ :

- folosind distanta Euclidiana cei 3 vecini sunt  $(3,0)$  - etichetă 0  $\sqrt{51}$   
 $(7,2)$  - etichetă 1  $\sqrt{55}$   
 $(7,-1)$  - etichetă 1  $\sqrt{58}$   
 $\Rightarrow$  va fi clasificat cu eticheta 1

- folosind distanta Manhattan cei 3 vecini sunt:  $(3,0)$  - etichetă 0  $(3)$   
 $(7,2)$  - etichetă 1  $(3)$   
 $(5,-2)$  - etichetă 0  $(3)$   
 $\Rightarrow$  va fi etichetat cu eticheta 0

**2** intrebare

Nu a primit  
răspuns încă

Marcat din 1,00

¶ Întrebare cu  
flag

Consideram problema clasificarii literelor mici (clasele ‘a’, ‘b’, …, ‘z’) scrise de mana din alfabetul englez (in total 26 de clase) pe baza modelului Naïve Bayes. Datele de antrenare constau in 100 de exemple de antrenare cu imagini 28 x 28 pixeli pentru fiecare litera in parte. In total aveti 2600 exemple de antrenare. Consideram ca stim probabilitatea a-priori de aparitie a fiecarei litere pe baza studiului frecventei de aparitie a literelor in limba engleza. Pentru estimarea probabilitatii likelihood folosim modelul Naïve Bayes care considera ca fiecare pixel din imagine are o distributie normala specifica pozitiei pixelului din imagine si clasei literei.

1. cati parametri trebuie sa invete modelul vostru pentru a putea clasifica o litera 28 x 28?
2. cum ati invata parametri corespunzatori pixelului de pe linia 14, coloana 14 (centrul imaginii) din clasa ‘a’?

2 intrebare

Nu a primit  
răspuns încă

Marcat din 1,00

Întrebare cu  
flag

Consideram problema clasificarii literelor mici (clasele 'a', 'b', ..., 'z') scrise de mana din alfabetul englez (in total 26 de clase) pe baza modelului Naïve Bayes. Datele de antrenare constau in 100 de exemple de antrenare cu imagini 28 x 28 pixeli pentru fiecare litera in parte. In total aveti 2600 exemple de antrenare. Consideram ca stim probabilitatea a-priori de aparitie a fiecarei litere pe baza studiului frecventei de aparitie a literelor in limba engleza. Pentru estimarea probabilitatii likelihood folosim modelul Naïve Bayes care considera ca fiecare pixel din imagine are o distributie normala specifica pozitiei pixelului din imagine si clasei literei.

1. cati parametri trebuie sa invete modelul vostru pentru a putea clasifica o litera 28 x 28?
2. cum ati invata parametri corespunzatori pixelului de pe linia 14, coloana 14 (centrul imaginii) din clasa 'a'?

② a) 26 litere 'a', 'b', 'c', ... 'z'

Pentru fiecare litera (in total 26) invatați puncte fizice sau pozitii din cel 784

( $28 \times 28$ ) și distribuția normală  $N(\mu, \sigma^2)$

Total parametri: 26 litere  $\times$  784 pozitii  $\times$  2 parametri

b) Selectați toate exemplele (în număr de 100) cu litera 'a'. Selectați valoarele pixelelor de pe poziție (14,14) în total 100 de valori. Calculați apoi media  $\mu$  și deviație standard  $\sigma$ .

**1** intrebare

Nu a primit  
răspuns încă

Marcat din 1,00

▼ Întrebare cu  
flag

Fie  $P = \{((0,2),1), ((2,0),1), ((4,-2),1), ((1,5),0), ((3,3),0), ((5,1),0)\}$  o multime de 6 exemple de antrenare de puncte din plan. Fiecare punct are o abscisa si o ordonata si o eticheta (0 sau 1).

1. Este multimea  $P$  liniar separabila? Justificati raspunsul.
2. Daca proiectam fiecare punct pe prima coordonata (abscisa) este multimea de exemple de antrenare nou obtinuta (cu puncte de pe axa  $Ox$ ) liniar separabila? Justificati raspunsul.
3. Daca proiectam fiecare punct pe a doua coordonata (ordonata) este multimea de exemple de antrenare nou obtinuta (cu puncte de pe axa  $Oy$ ) liniar separabila? Justificati raspunsul.

1 intrebare

Nu a primit  
răspuns încă

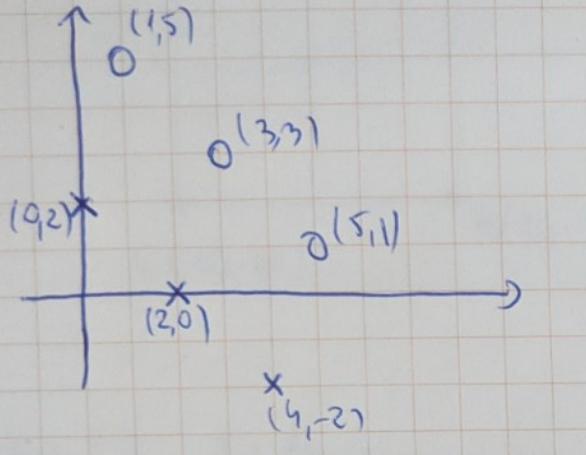
Marcat din 1,00

Întrebare cu  
flag

Fie  $P = \{((0,2),1), ((2,0),1), ((4,-2),1), ((1,5),0), ((3,3),0), ((5,1),0)\}$  o multime de 6 exemple de antrenare de puncte din plan. Fiecare punct are o abscisa si o ordonata si o eticheta (0 sau 1).

1. Este multimea  $P$  liniar separabila? Justificati raspunsul.
2. Daca proiectam fiecare punct pe prima coordonata (abscisa) este multimea de exemple de antrenare nou obtinuta (cu puncte de pe axa  $Ox$ ) liniar separabila? Justificati raspunsul.
3. Daca proiectam fiecare punct pe a doua coordonata (ordonata) este multimea de exemple de antrenare nou obtinuta (cu puncte de pe axa  $Oy$ ) liniar separabila? Justificati raspunsul.

③



1 intrebare

Nu a primit  
răspuns încă

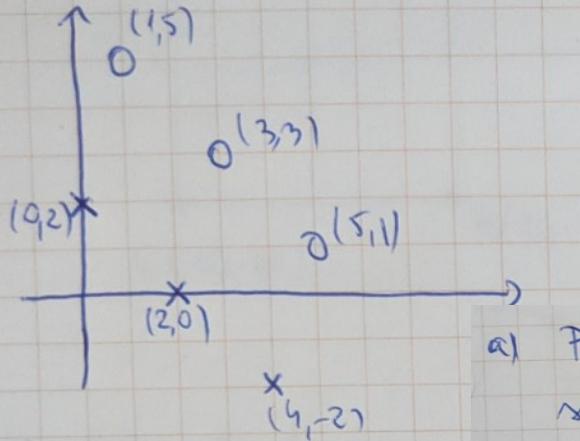
Marcat din 1,00

Întrebare cu  
flag

Fie  $P = \{((0,2),1), ((2,0),1), ((4,-2),1), ((1,5),0), ((3,3),0), ((5,1),0)\}$  o multime de 6 exemple de antrenare de puncte din plan. Fiecare punct are o abscisa si o ordonata si o eticheta (0 sau 1).

1. Este multimea  $P$  liniar separabila? Justificati raspunsul.
2. Daca proiectam fiecare punct pe prima coordonata (abscisa) este multimea de exemple de antrenare nou obtinuta (cu puncte de pe axa  $Ox$ ) liniar separabila? Justificati raspunsul.
3. Daca proiectam fiecare punct pe a doua coordonata (ordonata) este multimea de exemple de antrenare nou obtinuta (cu puncte de pe axa  $Oy$ ) liniar separabila? Justificati raspunsul.

③

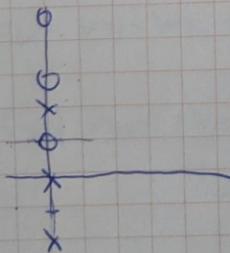


a)  $P$  este liniar separabila, spre exemplu dreapta de ecuatie  $y+x-4=0$  separa perfect clasele

b) Obtemem   
 $P' = \{(0,1), (2,1), (4,1), (1,0), (3,0), (5,0)\}$

Multimea  $P'$  nu mai este liniar separabila, nu putem avea un hiperplan (-punct) care sa separe perfect cele 2 clase

c) Obtemem



$P'' = \{(2,1), (0,1), (-2,1), (5,0), (3,0), (1,0)\}$

Multimea  $P''$  este liniar separabila, nu putem avea un hiperplan (-punct) care sa separe perfect cele 2 clase

**10** întrebare

Nu a primit  
răspuns încă

Marcat din 1,00

▼ Întrebare cu  
flag

Consideram o problema de clasificare binara cu puncte din  $\mathbf{R}$  (dreapta reala). Fie multimea de exemple de antrenare  $P = \{(-1,1), (0,0), (1,0), (2,0), (3,1), (4,1)\}$  unde fiecare exemplu de antrenare e reprezentat de coordonata sa = abscisa si de eticheta corespunzatoare (0 sau 1). Scrieti ponderile  $w_0$  (biasul),  $w_1$  (ponderea pentru abscisa) a unui perceptron cu functia de activare hardlim care obtine acuratetea cea mai mare pe multimea P.

10 intrebare

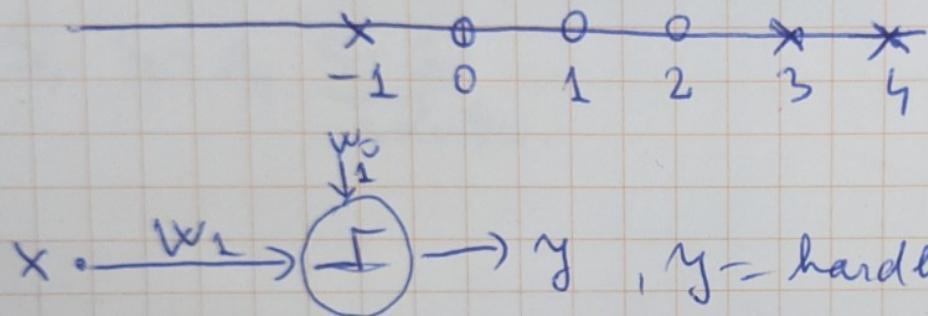
Nu a primit  
răspuns încă

Marcat din 1,00

Întrebare cu  
flag

Consideram o problema de clasificare binara cu puncte din  $\mathbf{R}$  (dreapta reala). Fie multimea de exemple de antrenare  $P = \{(-1,1), (0,0), (1,0), (2,0), (3,1), (4,1)\}$  unde fiecare exemplu de antrenare e reprezentat de coordonata sa = abscisa si de eticheta corespunzatoare (0 sau 1). Scrieti ponderile  $w_0$  (biasul),  $w_1$  (ponderea pentru abscisa) a unui perceptron cu functia de activare hardlim care obtine acuratetea cea mai mare pe multimea P.

7



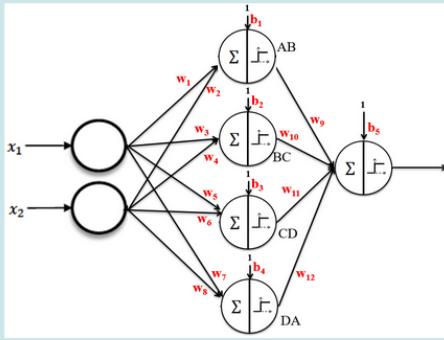
$$y = \text{hardlim}(w_1 \cdot x + w_0) = \begin{cases} 1, & w_1 \cdot x + w_0 \geq 0 \\ 0, & \text{altele} \end{cases}$$

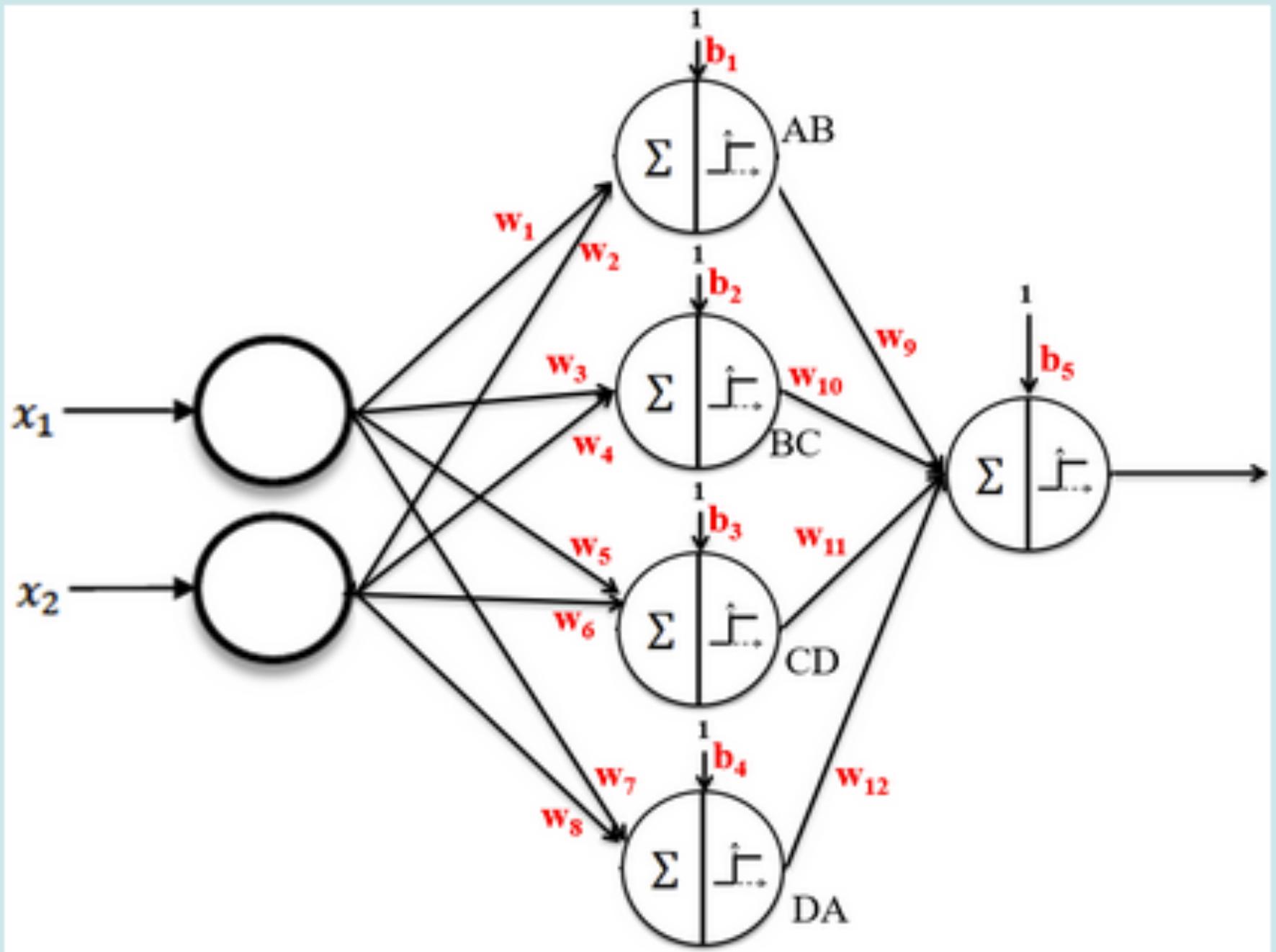
$$w_1 = 1$$

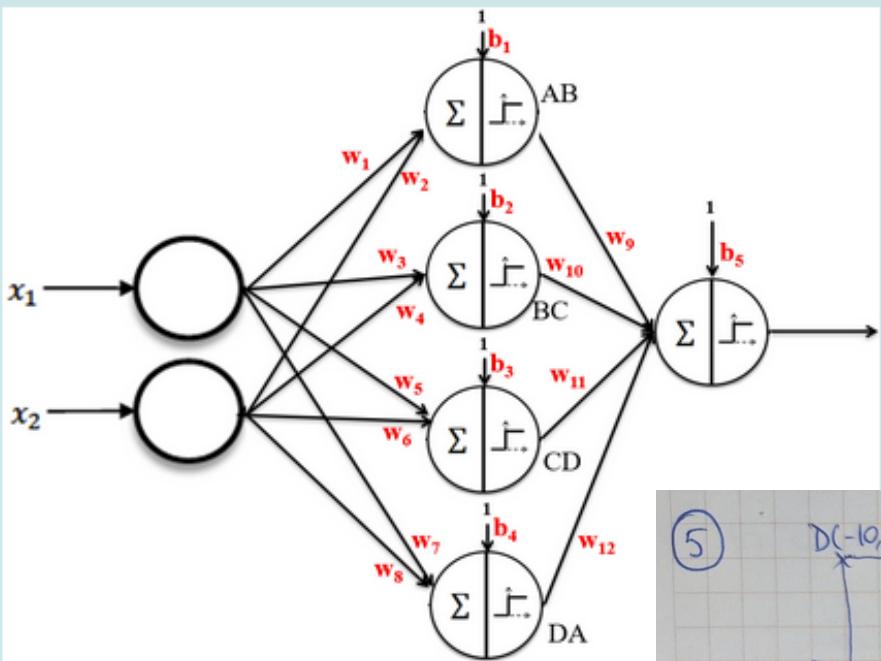
$$w_0 = 2.5$$

$$y = \begin{cases} 1, & x \geq 2.5 \\ 0, & \text{altele} \end{cases}$$

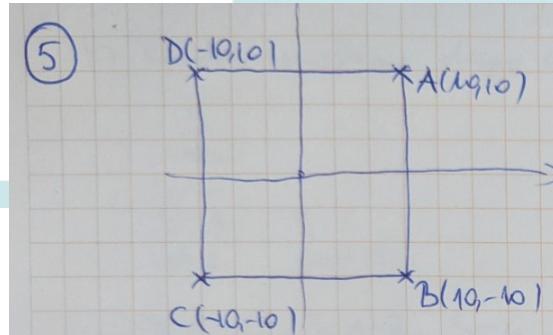
Consideram patratul de varfuri A(10,10), B(10,-10), C(-10,-10), D(-10,10) si reteaua neuronală din figura de mai jos care dorește să implementeze funcția indicator a patratului ABCD: pentru fiecare punct din interiorul sau de pe frontieră patratului rețea trebuie să aibă ieșirea 1, în rest ieșirea rețelei ar trebui să fie 0. Rețea neuronală de perceptri sunt două straturi ascunse. Pe primul strat ascuns sunt patru perceptri care implementează ecuațiile dreptelor AB, BC, CD, DA astfel încât punctele din patrat primesc eticheta 1 din partea tuturor celor 4 perceptri. Al doilea strat ascuns are un singur perceptor care implementează funcția AND de 4 variabile (ieșirile perceptronilor de pe primul strat ascuns). Un punct este în patrat dacă toți cei 4 perceptri de pe primul strat au ieșirea 1. Un punct din exteriorul patratului este caracterizat de faptul că cel puțin un perceptor de pe primul strat ascuns va avea ieșirea 0. Funcția de activare a tuturor perceptronilor din desen este hardlim. Scrieți un set de valori pentru ponderile  $w_1, w_2, \dots, w_{12}$  și bias-urile  $b_1, b_2, \dots, b_5$  astfel încât rețea neuronală obținută să implementeze funcția indicator a patratului ABCD după logica descrisă.







trebuie a implementa functia indicator a patratului ABCD: pentru fiecare punct din interiorul sau de pe frontieră patratului rețea trebuie să aibă ieșirea 1 (pentru fiecare punct din interiorul sau de pe frontieră patratului rețea trebuie să aibă ieșirea 1). Un punct este în patrat dacă toți cei 4 perceptri din primul strat au ieșirea 1. Un punct din exteriorul patratului percepțiilor din desen este hardlim. Scrieți un set de valori pentru ponderile  $w_1, w_2, \dots, w_{12}$  și bias-urile  $b_1, b_2, \dots, b_5$  astfel încât rețea



$$\begin{aligned} AB: & x_1 = 10, \text{ sau } -x_1 = -10 \\ & x_1 - 10 = 0, \quad -x_1 + 10 = 0. \end{aligned}$$

Perceptronul care implementă cheiept AB trebuie să dea output-ul 1 pt totuști punctele din interiorul patratului. Toate punctele le

stăgează în 10, trebuie să primească 1 ( $x_1 \leq 10$ ). De cînd ecuația crește este

$$-x_1 + 10 = 0 \quad (w_1 = -1, w_2 = 0, b_1 = 10).$$

Similar obținem BC:  $x_2 + 10 = 0 \quad (w_3 = 0, w_4 = 1, b_2 = 10)$

$$CD: \quad x_1 + 10 = 0 \quad (w_5 = 1, w_6 = 0, b_3 = 10)$$

$$AD: \quad -x_2 + 10 = 0 \quad (w_7 = 0, w_8 = -1, b_4 = 10)$$

Perceptronul de pe stînga 2 implementă AND, deci poate combina

$$w_9 = w_{10} = w_{11} = w_{12} = 1, \quad b_5 = -35 \quad (\text{sau } -36, -32, -31, \text{etc})$$

**8** intrebare

Nu a primit  
răspuns încă

Marcat din 1,00

▼ Întrebare cu  
flag

Consideram problema regresiei liniare simple pe multimea de antrenare  $S = \{(3,0), (4,2), (6,0), (7,2)\}$ . Notam cu  $w = (w_0, w_1)$  astfel incat  $y = w_0 + w_1 * x$  este dreapta solutie a regresiei liniare. Cat este  $w$ ?

8 intrebare

Nu a primit  
răspuns încă

Marcat din 1,00

▼ Întrebare cu  
flag

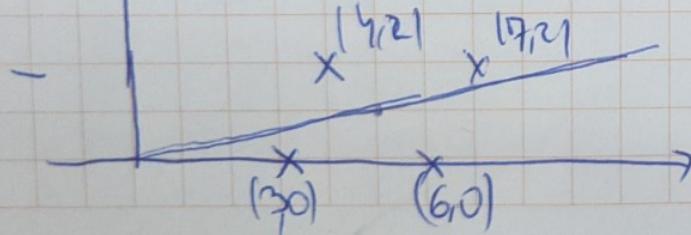
Consideram problema regresiei liniare simple pe multimea de antrenare  $S = \{(3,0), (4,2), (6,0), (7,2)\}$ . Notam cu  $w = (w_0, w_1)$  astfel incat  $y = w_0 + w_1 \cdot x$  este dreapta solutie a regresiei liniare. Cat este  $w$ ?

⑥

$$S = \{(3,0), (4,2), (6,0), (7,2)\} \quad w = (w_0, w_1) \quad \bar{x} = 5, \bar{y} = 1$$
$$w_1 = \frac{\sum (x^i - \bar{x})(y^i - \bar{y})}{\sum (x^i - \bar{x})^2} = \frac{(3-5)(0-1) + \dots + (7-5)(2-1)}{(3-5)^2 + \dots + (7-5)^2}$$

$$= \frac{2}{10} = \frac{1}{5}$$

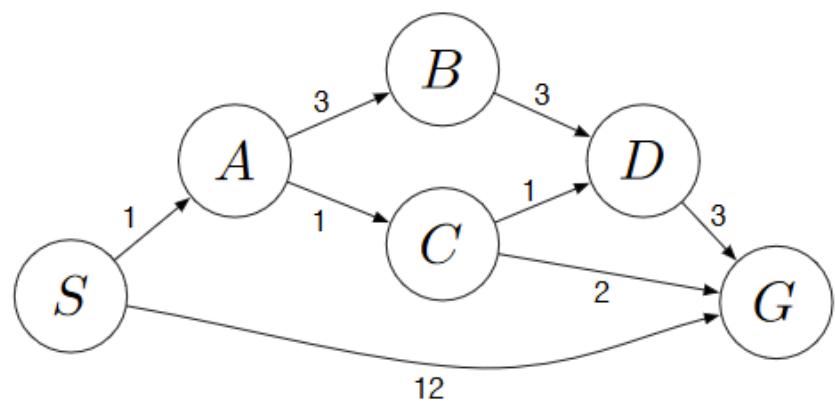
$$w_0 = \frac{1}{m} [\sum y^i - w_1 \sum x^i] = \bar{y} - w_1 \bar{x} =$$
$$= 1 - \frac{1}{5} \cdot 5 = 0$$



Consideram problema de cautare data de graful din figura de mai jos. S este starea initiala, G este starea scop. O strategie de cautare care porneste din starea S si vrea sa ajunga la starea G exploreaza starile intr-o anumita ordine. Implicit, se prefera explorarea starilor in ordine lexicografica. Realizati urmatoarele:

1. Care este solutia problemei de cautare folosind strategia de cautare in latime? Specificati solutiile partiale construite in frontiera pana la obtinerea solutiei finale.
2. Care este solutia problemei de cautare folosind strategia de cautare uniforma dupa cost? Specificati solutiile partiale construite in frontiera pana la obtinerea solutiei finale.

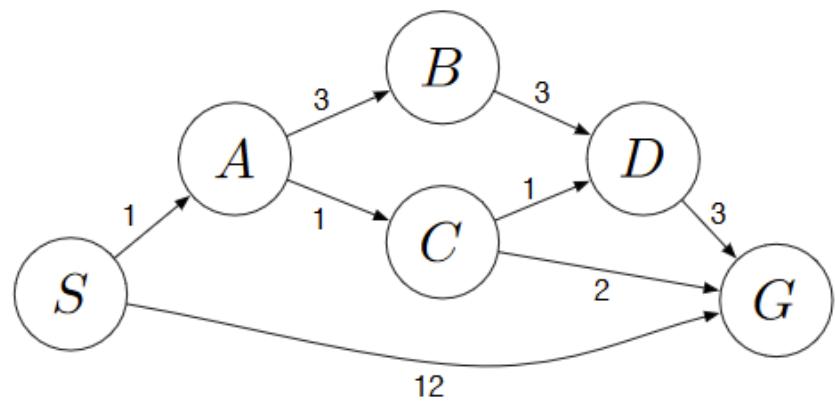
(Cand raspundeti la intrebari folositi ca notatie pentru o solutie parciala urmatoare notatie: S-A-D-G - solutie parciala invalida pentru cazul de fata)



Consideram problema de cautare data de graful din figura de mai jos. S este starea initiala, G este starea scop. O strategie de cautare care porneste din starea S si vrea sa ajunga la starea G exploreaza starile intr-o anumita ordine. Implicit, se prefera explorarea starilor in ordine lexicografica. Realizati urmatoarele:

1. Care este solutia problemei de cautare folosind strategia de cautare in latime? Specificati solutiile partiale construite in frontiera pana la obtinerea solutiei finale.
2. Care este solutia problemei de cautare folosind strategia de cautare uniforma dupa cost? Specificati solutiile partiale construite in frontiera pana la obtinerea solutiei finale.

(Cand raspundeti la intrebari folositi ca notatie pentru o solutie parciala urmatoare notatie: S-A-D-G - solutie parciala invalida pentru cazul de fata)



⑦ a) Cautare in latime:

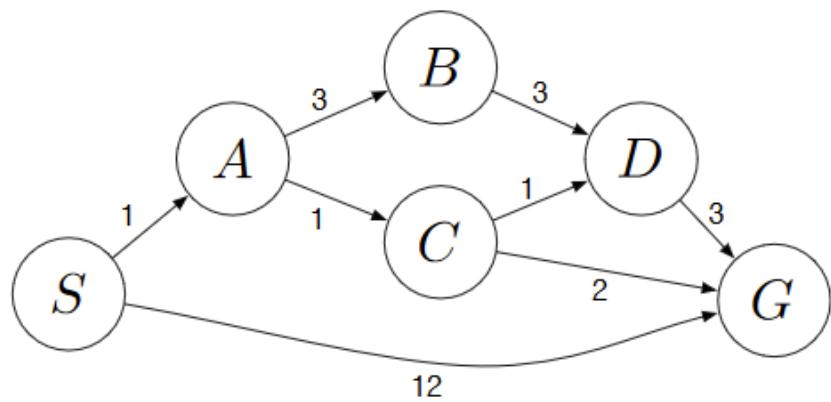
S,

$S \rightarrow A$ ,  $S \rightarrow G$   
solutie

Consideram problema de cautare data de graful din figura de mai jos. S este starea initială, G este starea scop. O strategie de căutare care porneste din starea S și vrea să ajunga la starea G explorează starile într-o anumita ordine. Implicit, se preferă explorarea starilor în ordine lexicografică. Realizați urmatoarele:

1. Care este soluția problemei de căutare folosind strategia de căutare în latime? Specificați soluțiile parțiale construite în frontieră până la obținerea soluției finale.
2. Care este soluția problemei de căutare folosind strategia de căutare uniformă după cost? Specificați soluțiile parțiale construite în frontieră până la obținerea soluției finale.

(Când răspundeti la întrebări folosiți ca notație pentru o soluție parțială următoare notație: S-A-D-G - soluție parțială invalidă pentru cazul de față)



⑦ a) Căutare în latime:

$$\begin{array}{c} S, \\ S-A, \frac{S-G}{\text{solutie}} \end{array}$$

b) căutare uniformă după cost

$$\begin{array}{c} S \\ \text{cost} = 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{c} S-A \\ \text{cost } 1 \end{array}, \begin{array}{c} S-G \\ \text{cost } 12 \end{array}$$

$$\begin{array}{c} S-A-C \\ 2 \\ \text{cost } 2 \end{array}, \begin{array}{c} S-A-B \\ \text{cost } 3 \end{array}, \begin{array}{c} S-G \\ \text{cost } 12 \end{array}$$

$$\begin{array}{c} S-A-C-D \\ 3 \\ \text{cost } 3 \end{array}, \begin{array}{c} S-A-C-G \\ \text{cost } 4 \end{array}, \begin{array}{c} S-A-B \\ \text{cost } 3 \end{array}, \begin{array}{c} S-G \\ \text{cost } 12 \end{array}$$

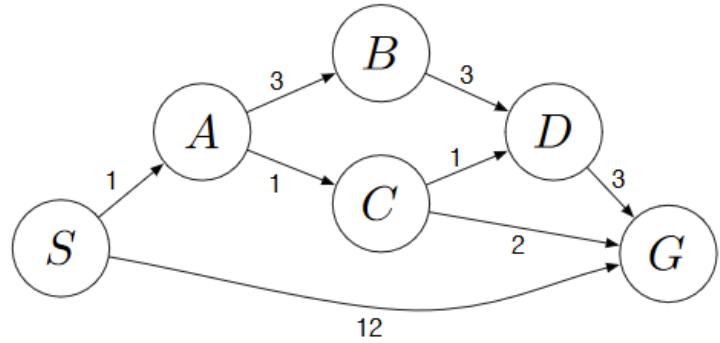
$$\begin{array}{c} S-A-C-D-G \\ 6 \\ \text{cost } 6 \end{array}, \begin{array}{c} S-A-C-G \\ \text{cost } 4 \end{array}, \begin{array}{c} S-A-B \\ \text{cost } 3 \end{array}, \begin{array}{c} S-G \\ \text{cost } 12 \end{array}$$

$$\begin{array}{c} S-A-C-D-G, \begin{array}{c} (S-A-C-G) \\ \text{cost } 4 \end{array}, \begin{array}{c} S-A-B-D \\ \text{cost } 7 \end{array}, \begin{array}{c} S-G \\ \text{cost } 12 \end{array} \\ \text{solutie} \end{array}$$

Consideram problema de cautare data de graful din figura de mai jos. S este starea initială, G este starea scop. O strategie de căutare care porneste din starea S și vrea să ajunga la starea G explorează stările într-o anumita ordine. Implicit, se preferă explorarea stărilor în ordine lexicografică (la costuri egale). Considerăm euristicile  $h_1$  și  $h_2$  din tabelul de mai jos. Realizați următoarele:

1. Care din euristicile  $h_1$  și  $h_2$  este admisibilă? Justificați răspunsul.
2. Care este soluția problemei de căutare folosind algoritmul A\* cu heuristică  $h_1$ ? Specificați soluțiile parțiale construite în frontieră până la obținerea soluției finale.

(Când răspundeti la întrebări folosiți ca notație pentru o soluție parțială următoare notație: S-A-D-G - soluție invalidă pentru cazul de față)

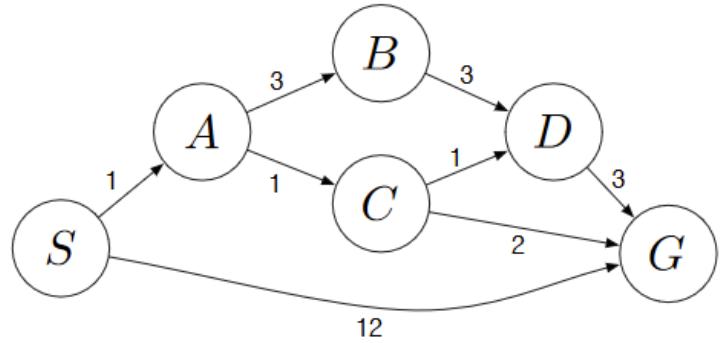


State	$h_1$	$h_2$
S	5	4
A	3	2
B	6	6
C	2	1
D	3	3
G	0	0

Consideram problema de cautare data de graful din figura de mai jos. S este starea initială, G este starea scop. O strategie de căutare care porneste din starea S și vrea să ajunga la starea G explorează stările într-o anumita ordine. Implicit, se preferă explorarea stărilor în ordine lexicografică (la costuri egale). Considerăm euristicile  $h_1$  și  $h_2$  din tabelul de mai jos. Realizați următoarele:

1. Care din euristicile  $h_1$  și  $h_2$  este admisibilă? Justificați răspunsul.
2. Care este soluția problemei de căutare folosind algoritmul A\* cu heuristică  $h_1$ ? Specificați soluțiile parțiale construite în frontieră până la obținerea soluției finale.

(Când răspundeti la întrebări folosiți ca notație pentru o soluție parțială următoare notație: S-A-D-G - soluție invalidă pentru cazul de față)



State	$h_1$	$h_2$
S	5	4
A	3	2
B	6	6
C	2	1
D	3	3
G	0	0

⑧ a) Dacă este admisibilă, datează subiectiv costul optim al găsirii mod.

$$h^*(S) = 4$$

$$h_1(S) = 5 \Rightarrow h_1 \text{ nu este admisibilă}$$

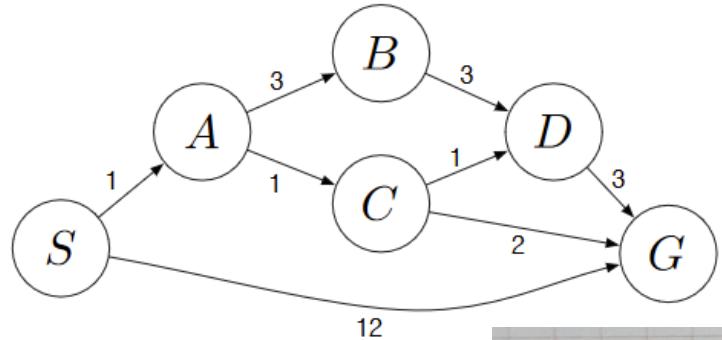
$h_2$  verifică condiția  $h_2(N) \leq h^*(N)$  pentru orice nod N

$\Rightarrow h_2$  este admisibila

Consideram problema de cautare data de graful din figura de mai jos. S este starea initială, G este starea scop. O strategie de căutare care porneste din starea S și vrea să ajunga la starea G explorează stările într-o anumita ordine. Implicit, se preferă explorarea stărilor în ordine lexicografică (la costuri egale). Considerăm euristicile  $h_1$  și  $h_2$  din tabelul de mai jos. Realizați următoarele:

1. Care din euristicile  $h_1$  și  $h_2$  este admisibilă? Justificați răspunsul.
2. Care este soluția problemei de căutare folosind algoritmul A\* cu heuristică  $h_1$ ? Specificați soluțiile parțiale construite în frontieră până la obținerea soluției finale.

(Când răspundeti la întrebări folosiți ca notație pentru o soluție parțială următoare notație: S-A-D-G - soluție invalidă pentru cazul de față)



State	$h_1$	$h_2$
S	5	4
A	3	2
B	6	6
C	2	1
D	3	3
G	0	0

b)  $f(n) = g(n) + h(n)$   
 tractat (exact) vechi (șters)

$S(5)$   
 $g=9, h=5$

$S-A(4), S-G(12)$   
 $g=1, h=3 \quad g=12, h=0$

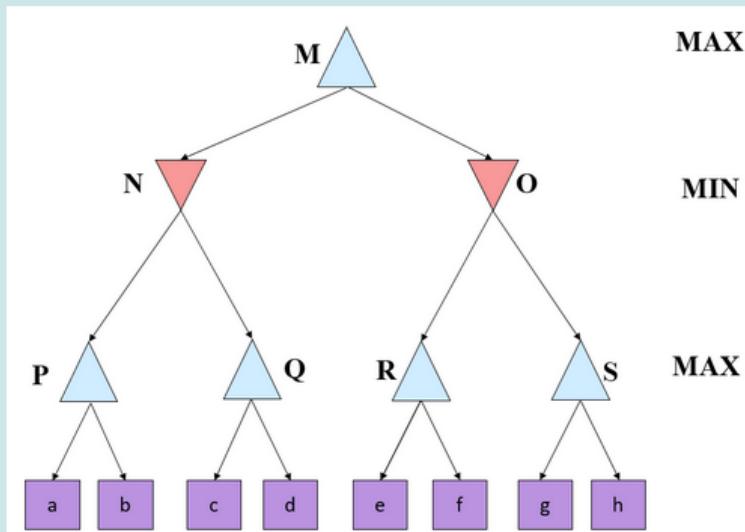
$S-A-C(4), S-A-B(10), S-G(12)$   
 $g=2, h=2 \quad g=4, h=6 \quad g=12, h=0$

$S-A-C-D(6), S-A-C-G(4), S-A-B(10), S-C(12)$   
 $g=3, h=3 \quad g=4, h=\infty \quad g=4, h=6 \quad g=12, h=0$

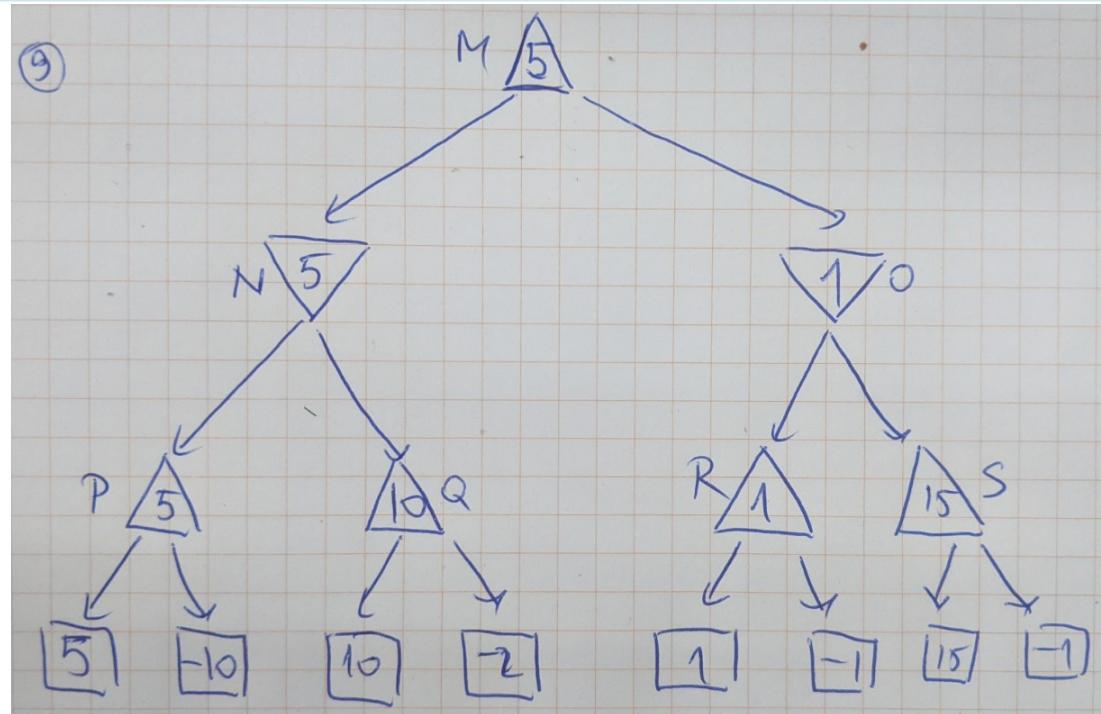
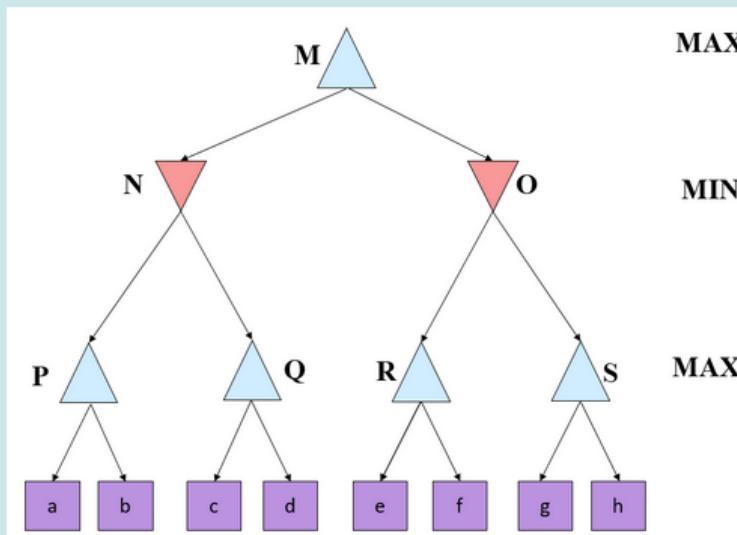
soluție

Stare	$h_1$
S	5
A	3
B	6
C	2
D	3
G	0

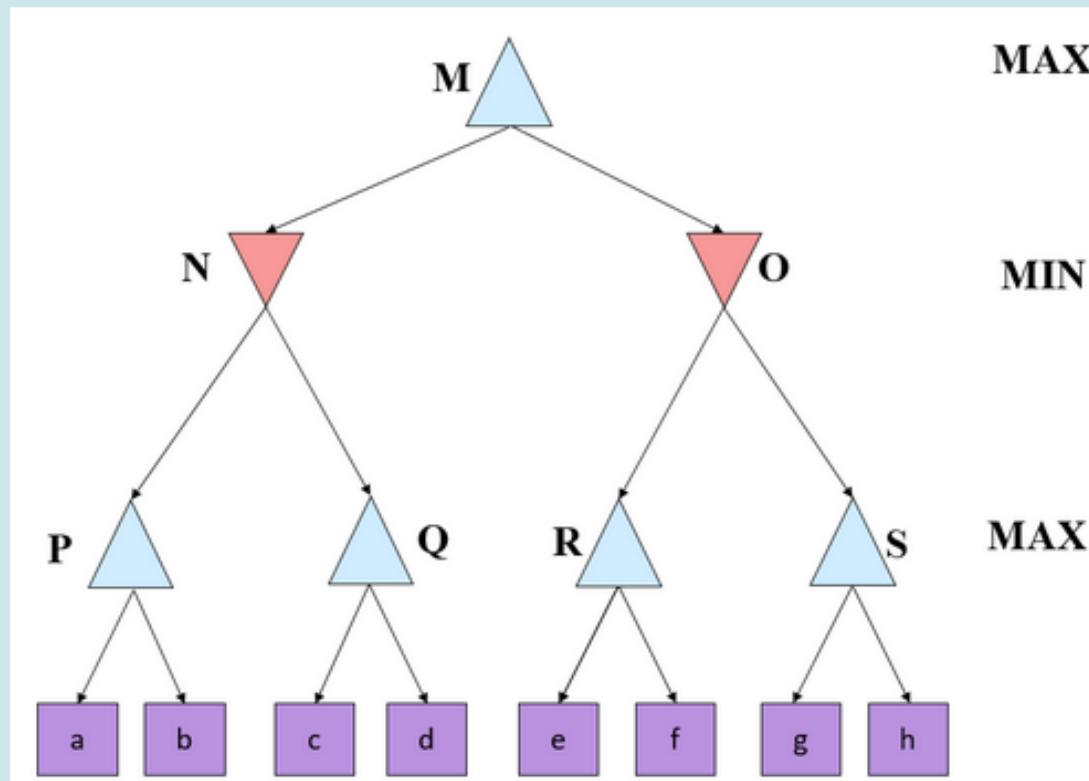
Consideram arborele de cautare din figura de mai jos, in care jucatorul la mutare este jucatorul MAX (vrea sa isi maximizeze castigul). Jucatorul MIN vrea sa minimizeze castigul lui MAX. Nodurile terminale au valorile a = 5, b = -10, c = 10, d = -2, e = 1, f = -1, g = 15, h = -1. Care sunt valorile Minimax ale nodurilor M, N, O, P, Q, R, S?



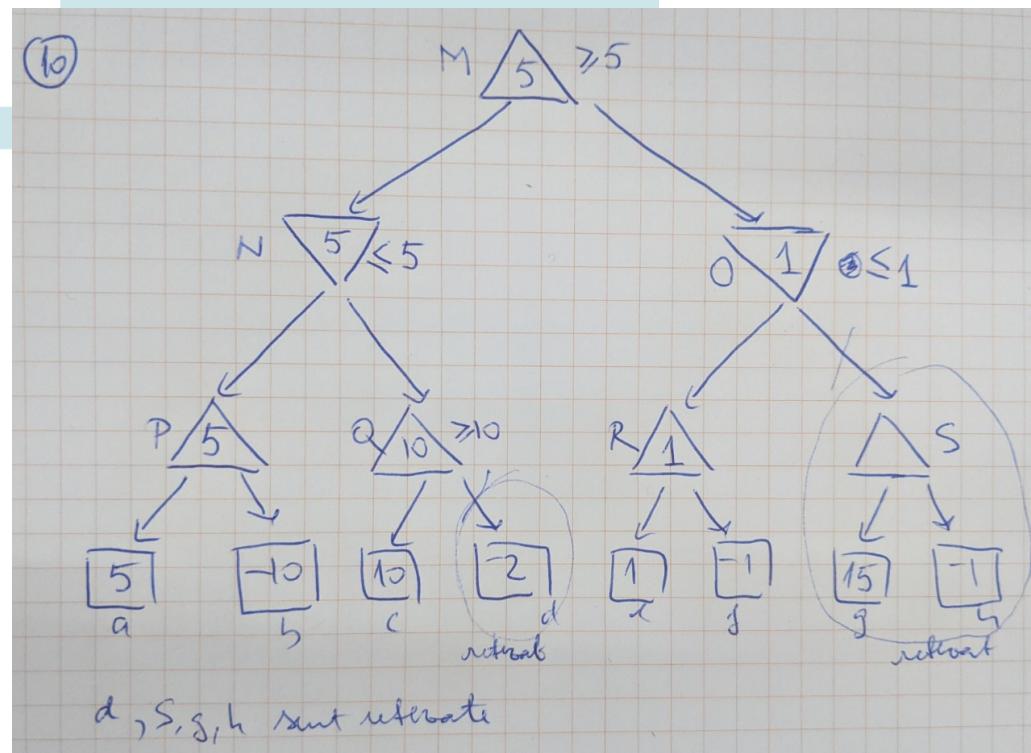
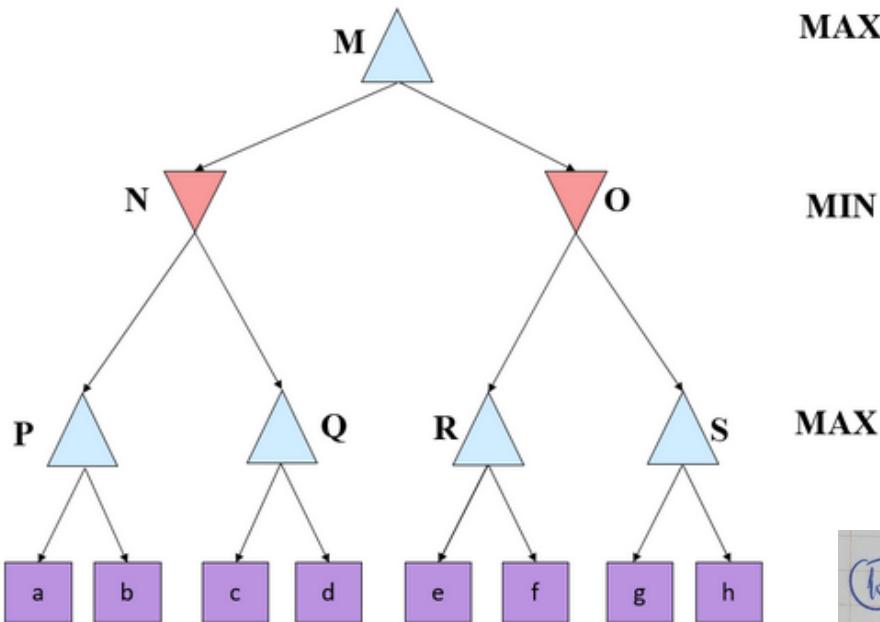
Consideram arborele de cautare din figura de mai jos, in care jucatorul la mutare este jucatorul MAX (vrea sa isi maximizeze castigul). Jucatorul MIN vrea sa minimizeze castigul lui MAX. Nodurile terminale au valorile a = 5, b = -10, c = 10, d = -2, e = 1, f = -1, g = 15, h = -1. Care sunt valorile Minimax ale nodurilor M, N, O, P, Q, R, S?



Consideram arborele de joc din figura de mai jos, in care jucatorul la mutare este jucatorul MAX (vrea sa isi maximizeze castigul). Jucatorul MIN aplică algoritmul alfa-beta în calcul valorii Minimax a radacinii M. Ce noduri sunt retezate (nu sunt vizitate)? Justificați răspunsul.



Consideram arborele de joc din figura de mai jos, in care jucatorul la mutare este jucatorul MAX (vrea sa isi maximizeze castigul). Jucatorul MIN va calcula valoarea minimă a radacinii M. Ce noduri sunt retezate (nu sunt vizitate)? Justificati raspunsul.



# Cursuri optionale CTI anul 4

CTI, anul 4, semestrul 1		CTI, anul 4, semestrul 2
<b>DD1</b>	Metode moderne de calcul si simulare	<b>DD1</b> Sistemul de operare Linux
<b>DD2</b>	Prelucrarea semnalelor	<b>DD2</b> Algoritmi paraleli
<b>DC1</b>	Comunicare si relatii publice	<b>DC1</b> Managementul operatiunilor
<b>DC2</b>	Management	<b>DC2</b> Marketing
<b>DS1</b>	Cloud Computing	<b>DS1</b> Criptografie si securitate
<b>DS2</b>	Tehnici Web	<b>DS2</b> Programarea pe dispozitive mobile
<b>DS3</b>	Scalarea retelelor de calculatoare	<b>DS3</b> Conectarea retelelor la nivel WAN
<b>DS4</b>	Calcul Numeric în Informatică	<b>DS4</b> Blockchain
<b>DS5</b>	Concepțe și aplicații în Vederea Artificială	<b>DS5</b> Elemente de securitate și logica aplicată
<b>DS6</b>	Introducere în Robotica	<b>DS6</b> Introducere în prelucrarea limbajului natural
<b>DS7</b>	Tehnici de optimizare	<b>DS7</b> Învățare automată în Vedere Artificială
<b>DS8</b>	Robotic Process Automation (RPA) folosind platforma UiPath	<b>DS8</b> Metode Formale în Ingineria Software
		<b>DS9</b> Production engineering
		<b>DS10</b> Strategii de planificare a unei echipe de roboti (SPER)
		<b>DS11</b> Inițiere în cercetare și bioinformatică
		<b>DS12</b> Algoritmica avansata a grafurilor

# Cursuri optionale CTI anul 4

CTI, anul 4, semestrul 1		CTI, anul 4, semestrul 2	
DD1	Metode moderne de calcul si simulare	DD1	Sistemul de operare Linux
DD2	Prelucrarea semnalelor	DD2	Algoritmi paraleli
DC1	Comunicare si relatii publice	DC1	Managementul operatiunilor
DC2	Management	DC2	Marketing
DS1	Cloud Computing	DS1	Criptografie si securitate
DS2	Tehnici Web	DS2	Programarea pe dispozitive mobile
DS3	Scalarea retelelor de calculatoare	DS3	Conectarea retelelor la nivel WAN
DS4	Cloud Computing I	DS4	Blockchain
DS5	Concepțe și aplicații în Vederea Artificială	DS5	Elemente de securitate și logica aplicată
DS6	Introducere în Robotica	DS6	Introducere în prelucrarea limbajului natural
DS7	Tehnici de optimizare	DS7	Învățare automată în Vedere Artificială
DS8	Robotic Process Automation (RPA) folosind platforma UiPath	DS8	Metode Formale în Ingineria Software
		DS9	Production engineering
		DS10	Strategii de planificare a unei echipe de roboti (SPER)
		DS11	Inițiere în cercetare și bioinformatică
		DS12	Algoritmica avansata a grafurilor

# Prezentare curs opțional: Concepte și Aplicații în Vedere Artificială



**Bogdan**

Curs (50%)



**Radu**

Curs (50%)



**Alexandra**

Laborator (100%)

-cursul opțional se adresează studenților de anul 3 Mate-Info, anul 3 Info, anul 4 CTI

# Ce este vederea artificială?



- Înzestrarea computerelor cu un sistem vizual asemănător cu sistemul vizual uman
- Scrierea de programe pentru calculator care pot interpreta imagini/video-uri

# Structura cursului

## 0. Formarea imaginilor

- generalități despre lucrul cu imagini

Laborator: realizarea de mozaicuri

Imagine  
de  
referință



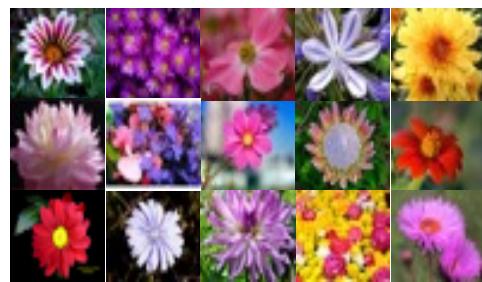
colecție de  
imagini (piese)  
de dimensiuni  
reduse

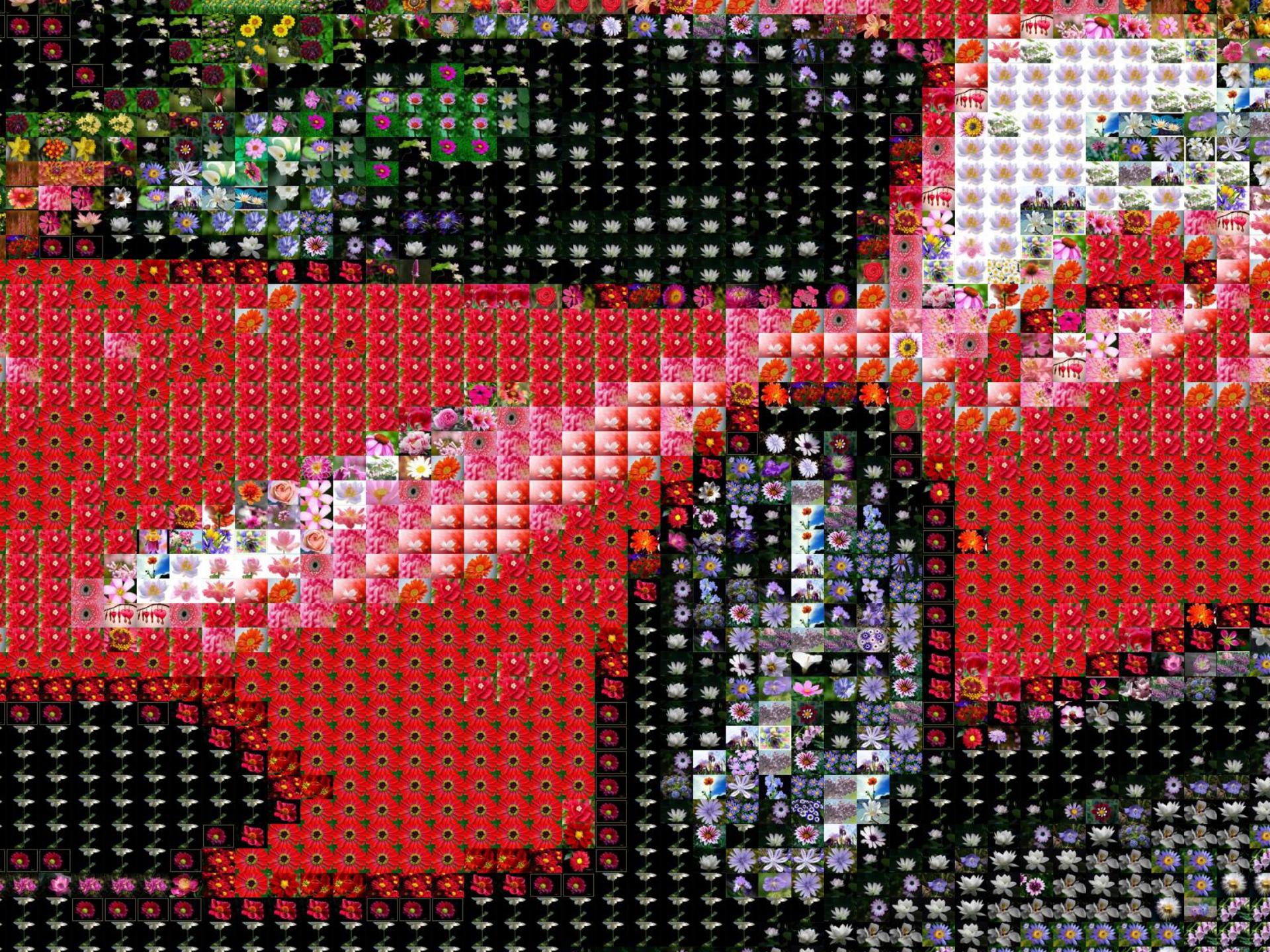


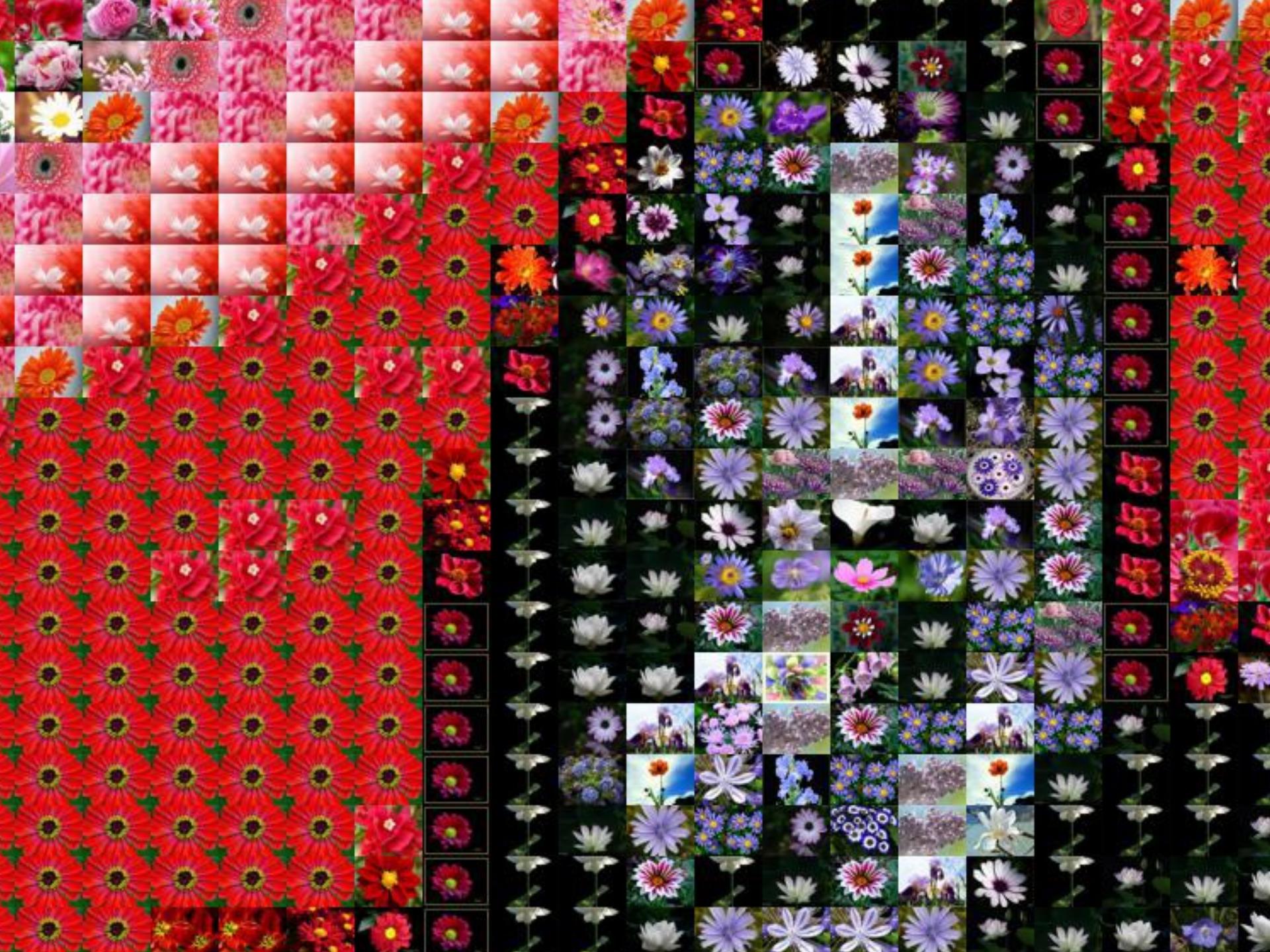
algoritm  
codat de  
voi



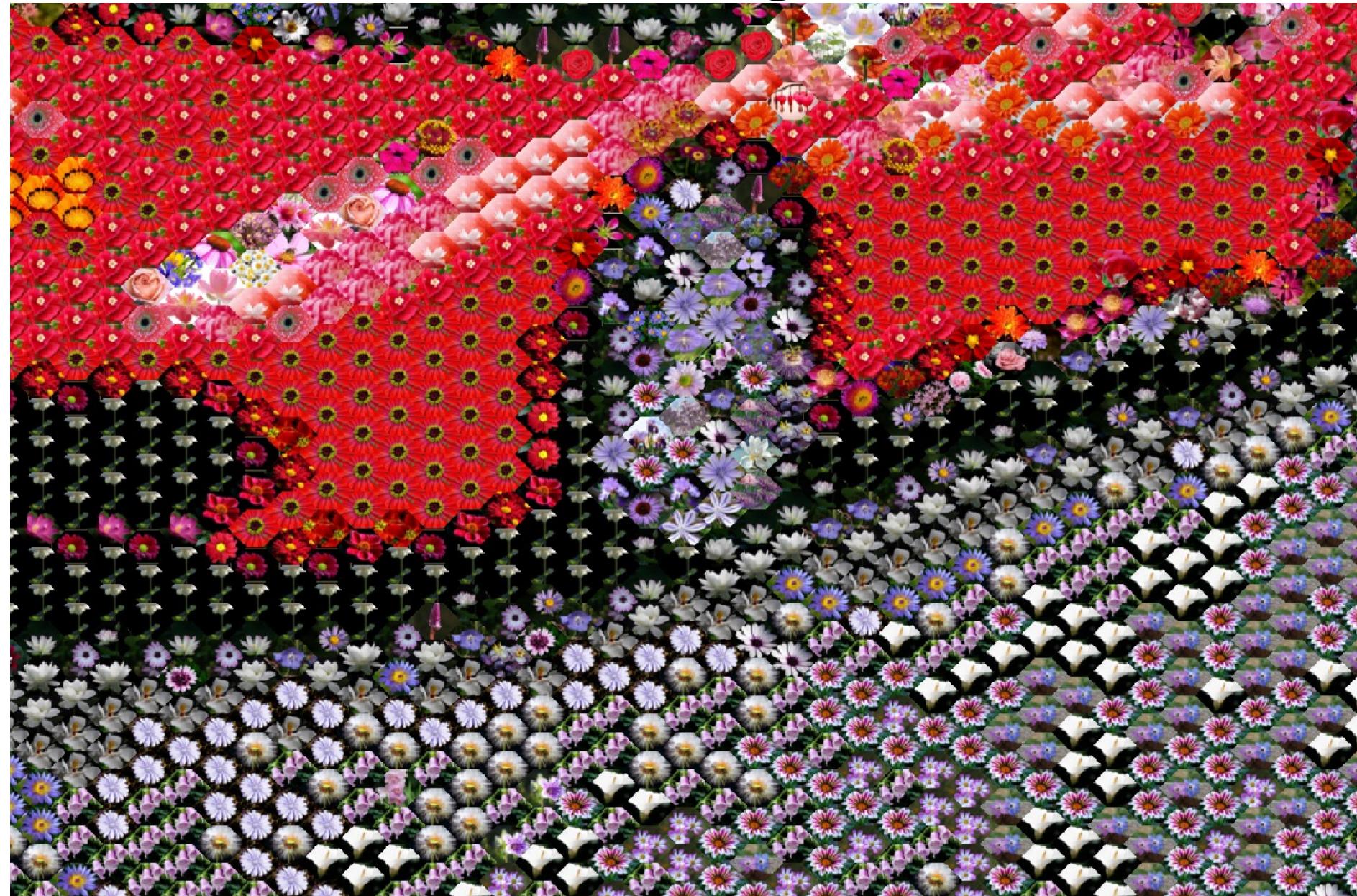
Imagine  
mozaic







# Piese hexagonale



# Piese hexagonale



# Structura cursului

## 1. Caracteristici ale imaginilor

- filtre, gradienti, muchii, textură

Laborator: redimensionarea imaginilor cu păstrarea conținutului



Redimensionare  
uzuală (imresize)



Redimensionare cu  
păstrarea conținutului

# Structura cursului optional

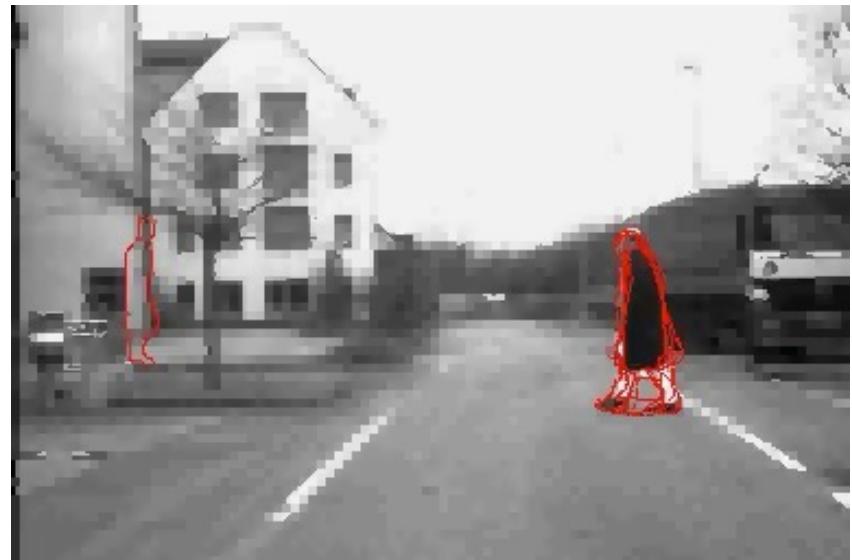
## 1. Caracteristici ale imaginilor

- filtre, gradienti, muchii, textură

Laborator: detectare de obiecte



Detectare semne de circulație



Detectare pietoni

# Structura cursului optional

## 2. Descriptori vizuali

- puncte de interes, descriptori SIFT, descriptori HOG

Laborator: detectare facială



# Structura cursului optional

## 3. Recunoaștere de obiecte

- modelul K-nearest neighbours, metode kernel, rețele neuronale conveționale, modelul bag of visual words

Laborator: clasificarea imaginilor, colorarea imaginilor în tonuri de gri (grayscale)

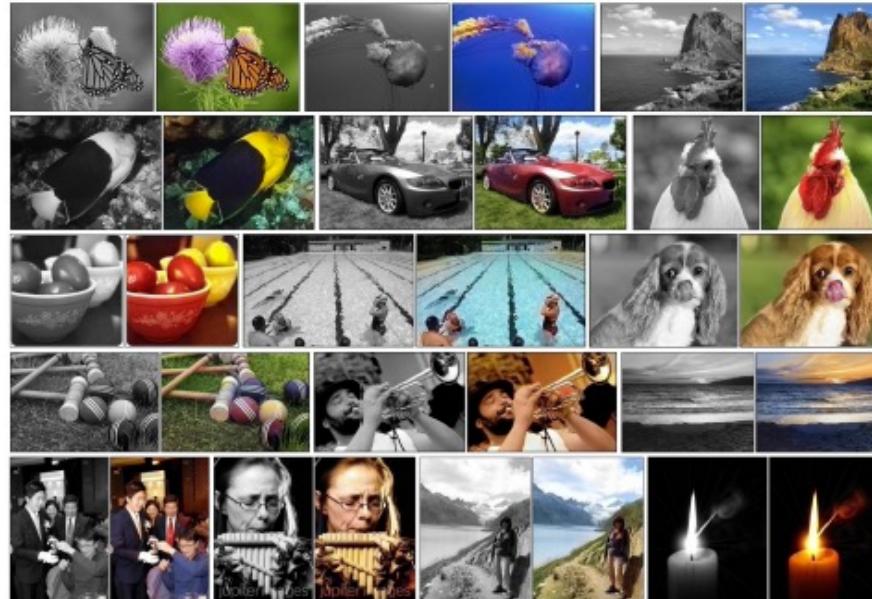


Figura 1: Rezultatele colorării imaginilor în tonuri de gri.

# Tema 1 din acest an:

# Calculator automat de scor

Scrabble este un joc în care participanții formează cuvinte prin plasarea de litere pe o tablă având dimensiunile de  $15 \times 15$  pătrate (Figura 1). Cuvintele se pot forma pe orizontală sau pe verticală, precum la cuvinte încrucișate, iar punctajul obținut este mai mare atunci când literele folosite sunt mai rare (mai valoroase) sau când sunt plasate pe pătrate divers colorate care dau diferite bonificații ale tablei de joc. Cuvintele sunt valide doar dacă corespund dicționarelor acceptate oficial. Fiecare jucător concurează pentru a obține un scor cât mai mare folosind diferite combinații de litere plasându-le cât mai bine pe tablă astfel încât să profite de pătratele premium.



# Exemplu de formare a cuvintelor + calcul scor



$$\text{COOPERAT: } (1(C) + 1(O) + 1(O) + 2(P) + 1(E) + 0(?=R) + 1(A) + 1(T)) * 3(\text{STC}) = 24$$

**TOTAL: 24**

SDL = SCOR DUBLU LITERA  
STL = SCOR TRIPLU LITERA

SDC = SCOR DUBLU CUVANT  
STC = SCOR TRIPLU CUVANT

# Tema 2 din acest an:

## Detectarea și recunoașterea facială a personajelor din serialul de desene animate **Viața cu Louie**

*Viața cu Louie* este un serial de desene animate lansat în anul 1994 și care are 3 sezoane, a căte 13 episoade. Serialul prezintă întâmplări din viața lui Louie Anderson, un copil de 8 ani care trăiește în Cedar Knoll, Wisconsin (SUA). Multe episoade sunt inspirate din viața adevăratului Louie Anderson, comedian american care apare la începutul episoadelor și care le vorbește telespectatorilor, acesta regizând, de altfel, și toate episoadele.



# Task 1 – detectare facială

Prima problemă pe care o aveți de rezolvat constă în detectarea facială a *tuturor* fețelor personajelor care apar în imagini. Pentru fiecare imagine de intrare algoritmul vostru trebuie să returneze o mulțime de detecții asociate (fereastră dreptunghiulară și scor) ce localizează *toate* fețele dintr-o imagine. Figura 1 arată câteva exemple din mulțimea de antrenare și adnotările corespunzătoare, ce constau în ferestre dreptunghiulare de culoare roșie ce încadrează perfect *fiecare față*.

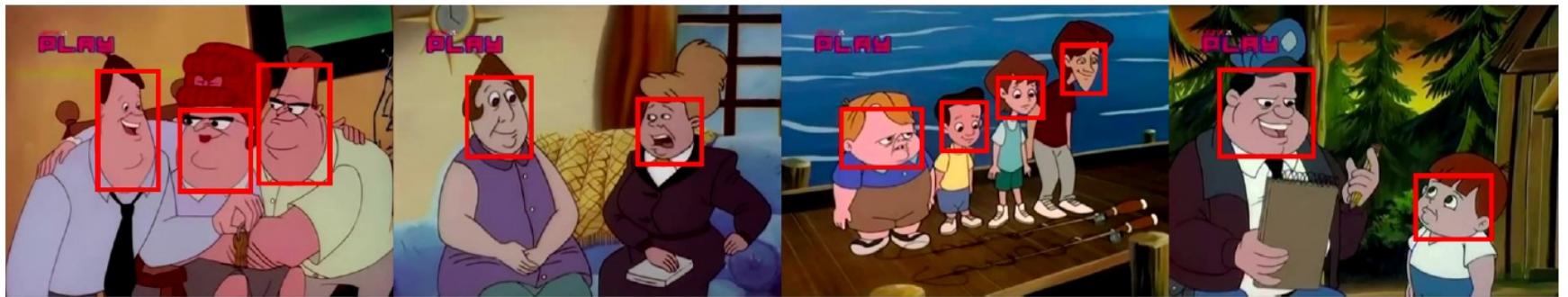
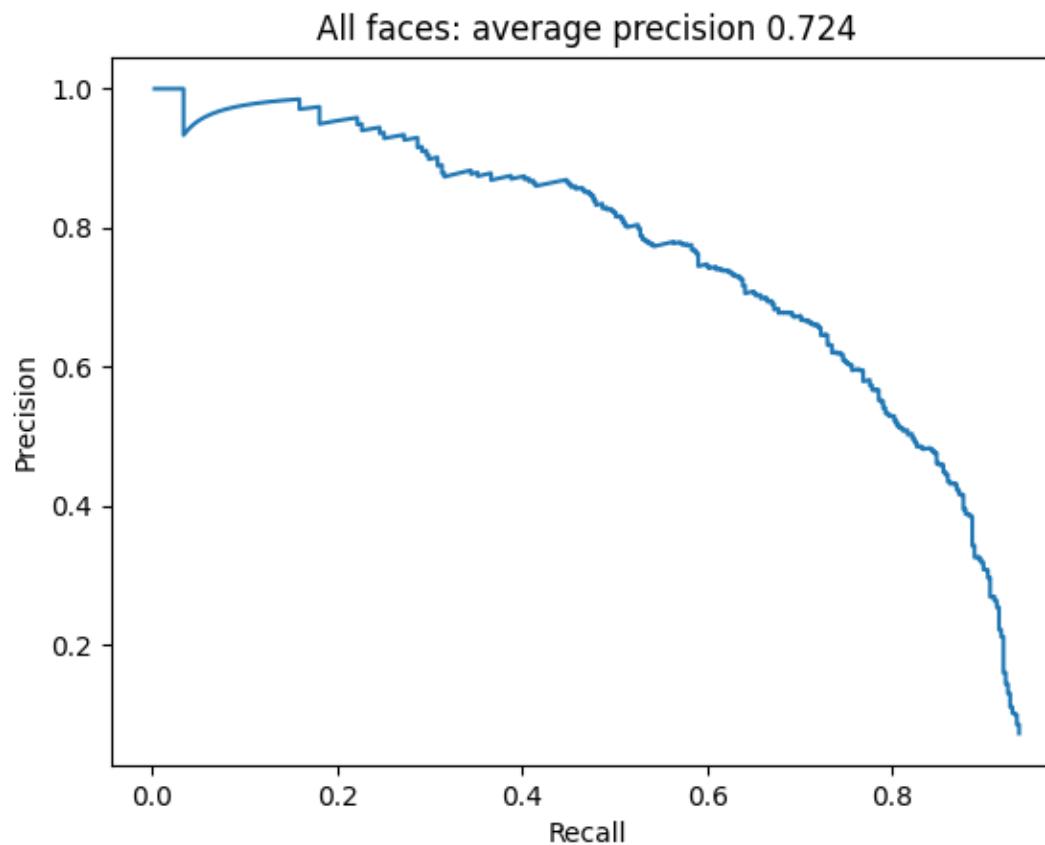


Figura 1: Detectare facială a personajelor din Viața cu Louie: fiecare față de interes este adnotată cu o fereastră dreptunghiulară de culoare roșie.

# Evaluare task 1 – AP pe datele de test



(performanța soluției noastre pe datele de validare = 200 de imagini)

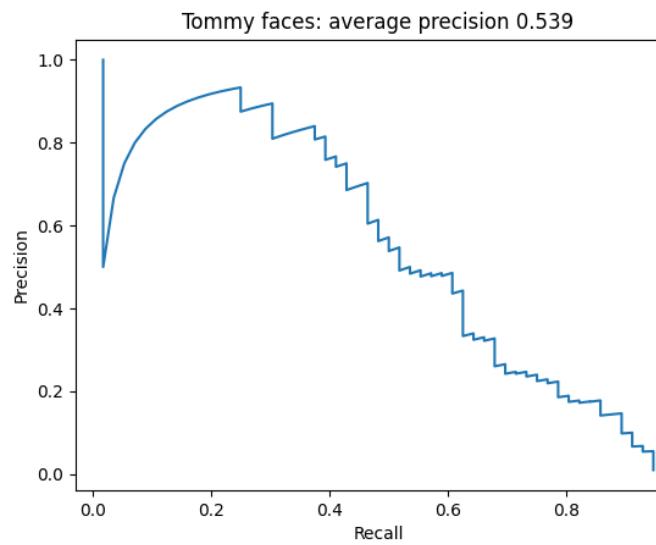
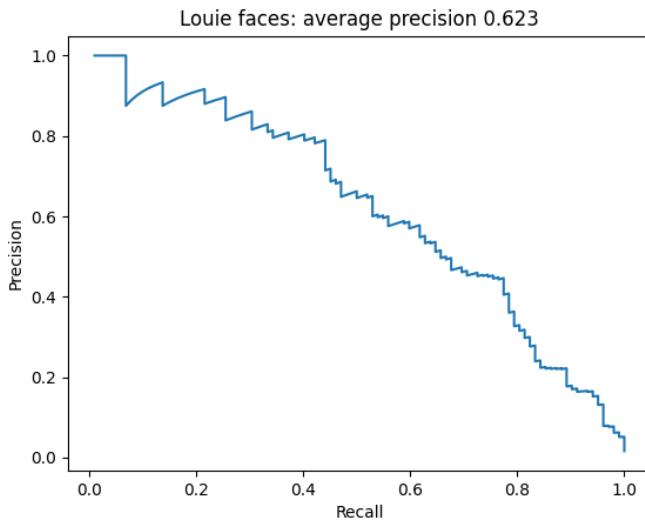
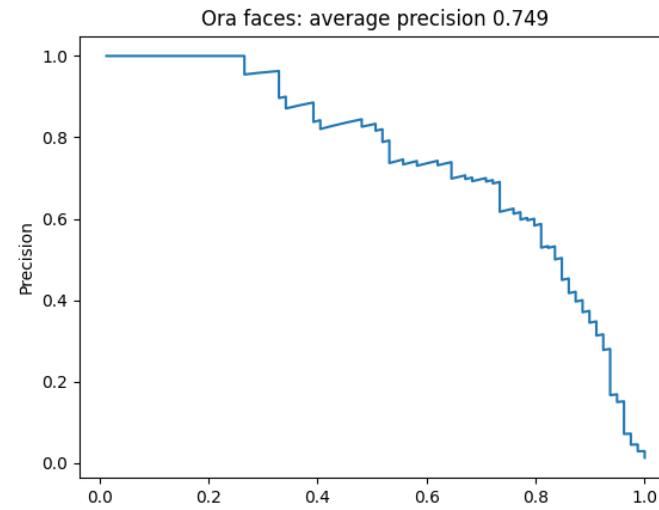
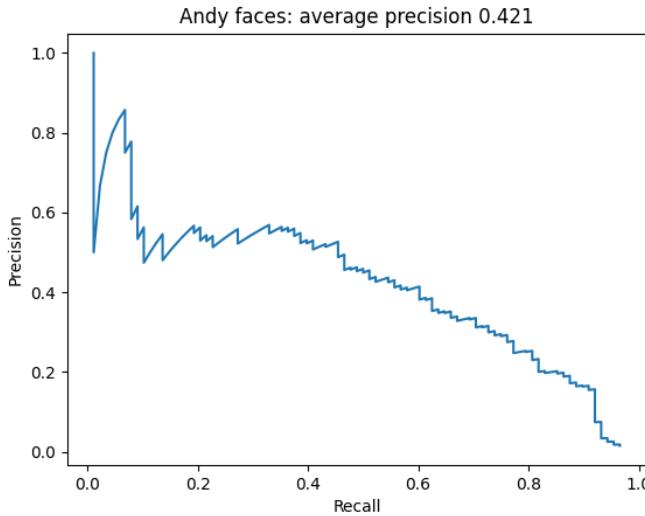
# Task 2 – recunoaștere facială

A doua problemă pe care o aveți de rezolvat constă în recunoașterea facială a numai unuitor personaje. Alături de Louie, personajul principal din serial, apar cu preponderență alte trei personaje: Andy - tatăl său, Ora - mama sa, Tommy - fratele său. Vom considera problema recunoașterii faciale numai pentru aceste patru personaje, Andy, Ora, Louie și Tommy. Pentru fiecare imagine de intrare algoritmul vostru trebuie să returneze o mulțime de detecții asociate (numele personajului, fereastră dreptunghiulară și scor) ce localizează fețele celor patru personaje de interes (Andy, Ora, Louie, Tommy) din imagine. Figura 2 arată câteva exemple din mulțimea de antrenare și adnotările corespunzătoare, ce constau în ferestre dreptunghiulare ce încadrează perfect *fețele de interes* (pentru Andy, Ora, Louie și Tommy). Fiecare detecție are o culoare specifică clasei personajului (albastru - Andy, galben - Ora, verde - Louie, violet - Tommy).



Figura 2: Recunoașterea facială a personajelor din *Viața cu Louie*: fiecare față de interes este adnotată cu o fereastră dreptunghiulară de culoare specifică clasei personajului (albastru - Andy, galben - Ora, verde - Louie, violet - Tommy).

# Evaluare task 2 – mAP pe datele de test



(performanța soluției noastre pe datele de validare = 200 de imagini)