实用的贝叶斯机器学习优化 ALGORITHMS

由Jasper Snoek，Hugo Larochelle和Ryan P. Adams

多伦多大学，大学德舍布鲁克和哈佛大学

机器学习算法经常需要仔细调整

模型超参数，正则化术语和优化PA−rameters。不幸的是，这种调整往往是一个“黑色艺术”，可以重新询问专家体验，不成文的拇指规则，或有时会强行搜索。更具吸引力是开发自动方法的想法，可以优化给定学习算法对手头的任务的性能。在这项工作中，我们考虑贝叶斯光学框架内的自动调整问题，其中学习算法的泛化性能被建模为来自高斯过程（GP）的样本。

GP引起的贸易后部分布导致有效地利用先前实验收集的信息，从而实现了关于尝试下一步的参数的最佳选择。在这里，我们展示了高斯工艺先前和相关的推理程序的效果如何对贝叶斯优化的成功或失败产生大量影响。我们展示了深思熟虑的选择可以导致超过专家级别的调整机器学习al−摩托车的结果。我们还描述了对学习实验的可变成本（持续时间）的新算法，并且可以利用多个核的存在进行平行实验。我们表明，这些提议的算法改善了先前的自动程序，可以在包括潜在的Dirichlet分配，结构化SVM和卷积神经网络的各种当代算法上达到或超越人类专家级优化。

1.简介。机器学习算法很少是无参数的;是否通过

常规器的属性，生成模型的高度，或基于梯度的优化的步长，学习程序几乎总是需要一组显着影响泛化性能的高级选择。作为从业者，人们通常能够比特定加权更容易地指定归纳偏差的一般框架，它应该相对于训练数据。结果，这些高级参数通常被认为是令人讨厌的，使得希望尽可能少量开发与这些“旋钮”中的少数。

另一个，对此问题的更灵活性是要查看高级参数的优化

作为一种自动化的程序。具体而言，我们可以将这种调谐视为优化未知的黑盒功能，该功能反映了泛化性能并调用为这些问题开发的算法。这些优化问题具有比低级目标的味道有点不同，通常遇到培训程序的一部分：这里的功能评估非常昂贵，因为它们涉及运行主机学习算法完成。在这种情况下，函数评估昂贵，期望花费计 算时间，使得能够更好地选择寻求最佳参数。贝叶斯优化（Mockus等，1978）提供了优雅的方法，并且已被证明以满足挑战优化基准函数的数字（Jones，2001）的作用，以越优越的本领域的全局优化算法。对于连续功能，贝叶斯优化通常通过假设从A中采样未知功能来工作

高斯工艺（GP）并保持对此功能的后部分布，因为进行了观察结果。在我们的情况下，这些观察是我们希望优化的超参数的不同环境下的泛化性能的衡量标准性能。要选择下一个实验的超级参数，人们可以通过目前的最佳结果或高斯过程的上限束缚（UCB）（Srinivas等，2010）来优化预期的改进（ei）（Mockus等，1978）。EI和UCB已被证明是在寻找许多多模块黑匣子功能的全局最佳最佳功能所需的函数评估的数量中有效（Srinivas等，2010; Bull，2011）。

然而，机器学习算法具有区分它们的某些特征

来自其他黑匣子优化问题。首先，每个函数评估可能需要可变的时间：培训具有10个隐藏单元的小型神经网络，比具有1000个隐藏单元的更大的网络时间更少。即使在不考虑持续时间，云计算的出现也使得可以在经济上量化需要大存储器用于学习的成本，以不同数量的隐藏单元改变实验的实际成本。希望了解如何将成本的概念列入优化过程。其次，机器学习实验通常在多个核或机器上并行运行。我们希望建立贝叶斯优化程序，可以利用这种并行性，更快地达到更好的解决方案。

在这项工作中，我们的第一款贡献是识别贝叶斯的良好做法

优化机器学习算法。特别是，我们争辩说，与优化HyperParameters的更高的方法相比，对GP内核参数的完全贝叶斯参数对鲁棒结果至关重要（例如，例如Bergstra等（2011））。我们还检查内核本身的影响，并检查平方指数协方差函数是否适当的默认选择。我们的第二次贡献是对实验中成本计算的新算法的描述。最后，我们还提出了一种算法，可以利用多个核心并行运行机器学习实验。

2.贝叶斯优化与高斯工艺师的优化。与其他类型一样

优化，在贝叶斯优化中，我们有兴趣在某些有限组X上找到一个功能f（x）的兴趣，我们将成为RD的子集。贝叶斯优化与其他程序不同的是，它为f（x）构建了一个概率模型，然后利用该模型来做出关于在X到下一个地点评估功能的决定，同时整合不确定性。基本理念是使用以前评估f（x）的所有信息，而不是简单地依赖于局部梯度和黑森州近似值。这导致可以在执行更多计算的成本中找到具有相对较少的评估的困难非凸函数的过程，以确定尝试的下一个点。当F（x）的评估执行昂贵时 – 就像需要培训机器学习算法的情况一样 –
它很容易证明一些额外的计算来做出更好的决定。有关贝叶斯优化形式主义的概述，请参阅，例如，Brochu等人。（2010）。在本节中，我们简要介绍了贝叶斯优化方法，然后在第3节讨论了我们的新贡献之前。

在进行贝叶斯优化时必须有两种主要选择。

首先，必须在以前的函数中选择一个关于正在优化的功能的假设。为此，由于其灵活性和途径，我们可以选择高斯过程。其次，我们必须选择一个采集函数，它用于构造模型后部的实用程序函数，允许我们确定评估的下一个点。

2.1。高斯过程。高斯过程（GP）是一个方便而强大的先前
我们将在此处将其视为f：x→r。GP由任何有限组n点{xn x x} n定义的GP定义

高斯分布在rn。这些点的第n个被认为是功能值f（xn），高斯分布的优雅边缘化特性允许我们以封闭形式计算边缘和条件。由此产生的函数的支持和属性由平均函数M：X→R和正定的协方差函数K：x×X→R确定。我们将讨论第3.1节中协方差函数的影响。有关高斯流程的概述，请参阅Rasmussen和Williams（2006）。

2.2。贝叶斯优化的采集函数。我们假设功能f（x）
在先前从高斯过程中汲取，我们的观察结果是{xn，yn} n的形式 1，
其中Yn n（f（xn），ν）和ν是引入函数观察中的噪声的方差。此之前和这些数据诱导功能后部;我们表示的采集函数：x→r +，确定x应该通过代理优化xnext = argmaxx
a（x）进行评估x中的哪个点，其中有几种不同的功能已经提出。一般而言，这些采集函数取决于先前的观察，以及GP HyperParameters;我们表示这种依赖性作为（x;
{xn，yn}，θ）。有几个受欢迎的采集功能选择。在高斯进程之前，这些功能仅通过其预测均值μ（x;
{xn，yn}，θ）和预测方差函数σ2（x;
{xn，yn}，θ）来依赖于该模型。在进行中，我们将表示最佳的电流值作为xbest = argminxn
f（xn），ϕ（·）将表示标准正常的累积分布函数，ϕ（·）将表示标准正常密度函数。

改善概率。一个直观的策略是最大化IM−的概率
证明最佳当前值（Kushner，1964）。在GP下，这可以分析地计算为

$$a_{\mathsf{PI}}(\mathbf{x}\,;\,\{\mathbf{x}_n, y_n\}, \theta) = \Phi(\gamma(\mathbf{x})) \qquad \gamma(\mathbf{x}) = \frac{f(\mathbf{x}_{\mathsf{best}}) - \mu(\mathbf{x}\,;\,\{\mathbf{x}_n, y_n\}, \theta)}{\sigma(\mathbf{x}\,;\,\{\mathbf{x}_n, y_n\}, \theta)}. \tag{1}$$

预期改进。或者，可以选择最大化预期的改进 −
最新的ei（ei）。这也在高斯过程下已关闭形式：

$$a_{\mathsf{EI}}(\mathbf{x}\,;\,\{\mathbf{x}_n, y_n\}, \theta) = \sigma(\mathbf{x}\,;\,\{\mathbf{x}_n, y_n\}, \theta)\,(\gamma(\mathbf{x})\,\Phi(\gamma(\mathbf{x})) + \mathcal{N}(\gamma(\mathbf{x})\,;\,0, 1)) \tag{2}$$

GP上部置信度。最近的发展是利用较低的理念
置信范围（上部，在考虑最大化时）构建采集功能，以在优化的过程中最小化遗憾（Srinivas等，2010）。这些常规函数具有表单

$$a_{\mathsf{LCB}}(\mathbf{x}\,;\,\{\mathbf{x}_n, y_n\}, \theta) = \mu(\mathbf{x}\,;\,\{\mathbf{x}_n, y_n\}, \theta) - \kappa\,\sigma(\mathbf{x}\,;\,\{\mathbf{x}_n, y_n\}, \theta), \tag{3}$$

随着调节κ与勘探剥削爆发。

在这项工作中，我们将专注于预期的改进标准，因为它已被展示
要更好地表现，而不是改进的概率，但与GP上置信度（GP−UCB）的方法不同，它不需要其自己的调谐参数。我们发现预期的改进在最小化问题中表现良好，但希望注意到遗憾的正式化更适合许多设置。我们在第4.1节中的基于EI的方法和GP−UCB之间进行直接比较。

3.贝叶斯优化的普带的普带优化的实践考虑因素。

虽然优雅的框架优化昂贵的功能，但有几种限制可以防止它成为优化机器学习问题中超参数的广泛使用的技术。首先，对于实际问题，不清楚适当的选择是协方差函数及其相关的普通公共表。即，由于函数评估本身可能涉及耗时的优化程序，因此持续时间可能会显着变化，因此应考虑到这一点。第三，优化算法应利用多核并行性，以便映射到现代计算环境中。在本节中，我们向每个问题提出解决方案。

3.1。协方差函数和协方差普遍参数的治疗。的力量

高斯进程表达丰富的职能分配完全基于协方差函数的肩部。虽然非退化的协方差函数对应于无限基础，但它们仍然可以对应于有可能功能的强烈假设。特别地，自动相关性确定（ARD）平方指数核

$$K_{\mathsf{SE}}(\mathbf{x},\mathbf{x}') = \theta_0 \exp\left\{-\frac{1}{2}r^2(\mathbf{x},\mathbf{x}')\right\} \qquad r^2(\mathbf{x},\mathbf{x}') = \sum_{d=1}^{D}(x_d - x'_d)^2/\theta_d^2. \tag{4}$$

通常是高斯进程回归的默认选择。但是，具有此协方差功能的示例功能对于实际优化问题而言是不切实际的平滑。我们建议使用ARD Mat'ern 5/2内核：

$$K_{\mathsf{M52}}(\mathbf{x},\mathbf{x}') = \theta_0\left(1+\sqrt{5r^2(\mathbf{x},\mathbf{x}')}+\frac{5}{3}r^2(\mathbf{x},\mathbf{x}')\right)\exp\left\{-\sqrt{5r^2(\mathbf{x},\mathbf{x}')}\right\}. \tag{5}$$

这种协方差函数导致样本功能，这些功能是两次可分辨率，其对应于由例如准牛顿方法制造的体验，但不需要平方指数的平滑度。

在选择协方差形式之后，我们还必须管理Quand参数

管理其行为（请注意，这些“HyperParameters”与正在受到整体贝叶斯优化的行为不同。）以及平均功能的行为。对于我们感兴趣的问题，通常我们将拥有D +
3高斯过程超级参数：D长度级θ1：D，协方差幅度θ0，观察噪声ν和恒定的平均值。最常见的倡导方法是通过优化高斯过程下的边际可能性来利用这些参数的点估计

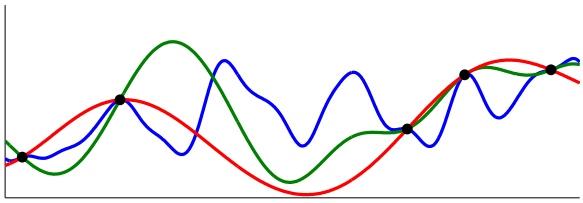
$$p(\mathbf{y}\,|\,\{\mathbf{x}_n\}_{n=1}^N,\theta,\nu,m) = \mathcal{N}(\mathbf{y}\,|\,m\mathbf{1},\mathbf{\Sigma}_\theta+\nu\mathbf{I}),$$

其中Y = [Y1，Y2，・・・・・・YN] T和σ θ是由HyperParameters θ下的n个输入点产生的协方差矩阵。

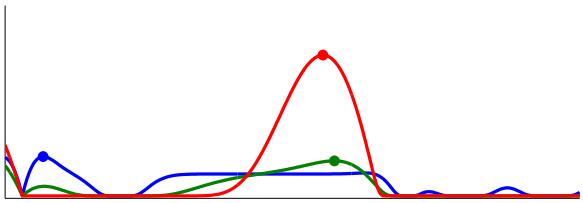
然而，对于普遍的贝叶斯治疗的普通人（θ单独总结），

希望通过普遍参数边缘化并计算集成采集功能：

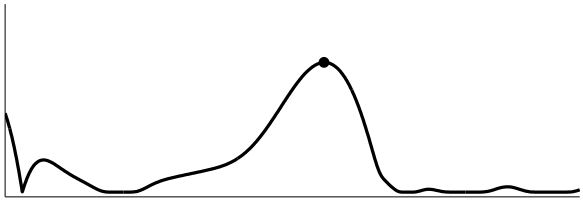
$$\hat{a}(\mathbf{x};\,\{\mathbf{x}_n,y_n\}) = \int a(\mathbf{x};\,\{\mathbf{x}_n,y_n\},\theta)\,p(\theta\,|\,\{\mathbf{x}_n,y_n\}_{n=1}^N)\,\mathrm{d}\theta, \tag{6}$$



（a）在不同的近似数率下的后样品

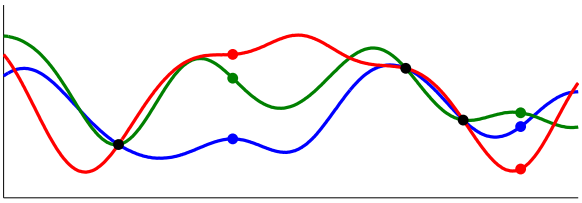


（b）在不同的近似数目下的预期改善

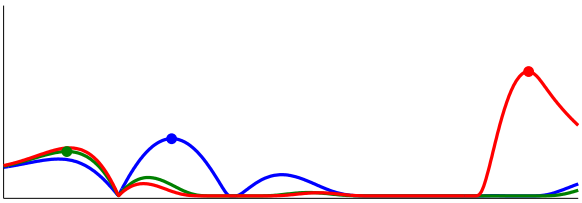


(c) Integrated expected improvement

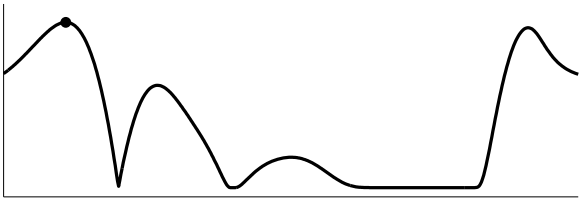
图1：综合预期改进的插图。（a）示出了三个后部样品，每个后部具有不同的长度尺度，在相同的五个OB–套件之后。（b）三个预期的改进函数，具有相同的数据和自行列度。每个显示每个的最大值。（c）综合预期改进，其最大值显示。



（a）三个数据后的后样品



（b）在三个幻想下预期改善



（c）预期跨幻想的改善

图2：采集与案件评估的插图。（a）已经观察到三个数据，并显示了三个后函数，具有三个待定评估的“泛态”。（b）预期改进，条件在待处理结果的每个联合诉讼中。（c）在整合幻想之后，预期的预期提出了。

其中（x）取决于θ和所有观察结果。对于改进和预期改进的可能性，这种预期是正确的概括，以解释超公路中的不确定性。因此，我们可以将采集函数从GP超公数的后后部产生的采集功能融合，并具有综合预期改进的蒙特卡罗估计。如Murray和Adams（2010）所述，可以使用切片采样有效地获取这些样本。由于优化和马尔可夫链蒙特卡罗通过解决N维线性系统的立方成本来计算地支配（并且我们的功能评估无论如何都假设更昂贵），完全贝叶斯治疗是明智的，我们的经验评估持有这出了。图1显示了集成的预期改进如何改变收获功能。

3.2。建模成本。最终，贝叶斯优化的目标是找到一个好的

尽快设置我们的超级参数。贪婪的收购程序，例如预期的改进尝试在下一个函数评估中尽可能取得最佳进步。然而，从实地的角度来看，我们并不是如此关注杂货时间的函数评估。参数空间的不同区域可能导致不同的执行时间，由于变化正则化，学习率等。提高我们的性能

在壁画时间方面，我们提出了每秒预期的改进优化，这更喜欢获取不仅是良好的点，而且还可能很快评估。这种成本概念可以自然地推广到其他预算资源，例如试剂或金钱。

就像我们不知道真正的目标函数f（x）一样，我们也不知道持续时间
功能c（x）：x→r +。然而，我们可以使用我们的高斯工艺机械来模拟LN
C（x）旁边的f（x）。在这项工作中，假设这些功能彼此独立，尽管它们的耦合可以使用多任务学习的GP变体进行有效捕获（例如，Teh等人（2005）；
Bonilla等人（2008））。在独立假设下，我们可以轻松地计算预测的预期逆持续时间，并使用它来计算每秒的预期改进作为x的函数。

3.3。Monte Carlo采集并行化贝叶斯优化。随着出现
多核计算，询问我们如何并将我们的贝叶斯优化程序平行化是自然的。然而，更一般的批次并行性，但是，我们希望能够决定接下来应该评估x的x，即使正在评估一组点。显然，我们不能再次使用相同的获取功能，或者我们将重复其中一个待处理的实验。我们理想地介绍我们的收购策略，选择适当平衡信息增益和剥削的点。然而，这种滚筒通常是棘手的。相反，我们提出了一种顺序策略，该策略利用高斯过程的易诊推理属性来计算来自不同可能的函数评估的不同可能结果的默认函数的Monte Carlo估计。

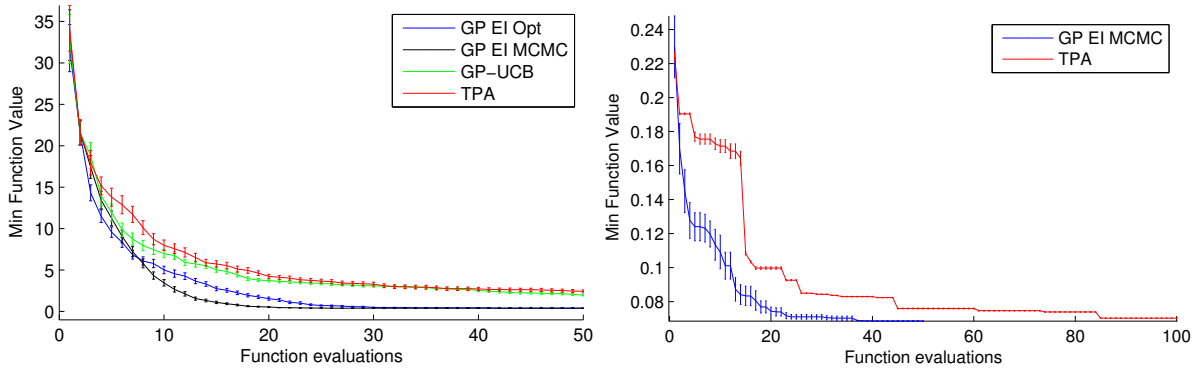
考虑n评估已完成的情况，产生数据{xn，yn} n
并且其中J评估在位置{XJ} J [1]，
j = 1。理想情况下，我们会选择一个新的
根据这些待定评估的所有可能结果，基于预期采集功能的点：

$$(7)\quad \hat{a}(\mathbf{x}\,;\,\{\mathbf{x}_n, y_n\}, \theta, \{\mathbf{x}_j\}) = \int_{\mathbb{R}^J} a(\mathbf{x}\,;\,\{\mathbf{x}_n, y_n\}, \theta, \{\mathbf{x}_j, y_j\})\, p(\{y_j\}_{j=1}^J \mid \{\mathbf{x}_j\}_{j=1}^J, \{\mathbf{x}_n, y_n\}_{n=1}^N)\, \mathrm{d}y_1 \cdots \mathrm{d}y_J.$$

这只是在J维高斯分布下对（X）的期望，其平均值和协方差可以很容易地计算。与在协方差HyperParameter的情况一样，使用此分发中的样本是简单的，以计算预期的采集并使用此选中下一个点。图2显示了如何使用排队的评估运行该过程。我们注意到，Ginsbourger和Riche（2010）简单地触及了类似的方法，但他们认为这太棘手了，不保证关注。我们发现我们的蒙特卡罗估计程序在实践中非常有效，但在第4节中将讨论。

4.经验分析。在本节中，我们经验验证分析1算法介绍
本文提出，并与现有战略和人类表现进行比较，以众多具有挑战性的机器学习问题。我们指的是我们的预期改进方法，同时将GP高级参数边缘化为“GP EI MCMC”，优化作为“GP EI选择”，EI每秒作为“GP
EI每秒”的“GP EIPT”，以及N次并行化GP EI MCMC为“NX GP”ei mcmc“。

使用亚马逊EC2服务在相同机器上进行1ALL实验。



(a) (b)

图3：与我们在Branin−Hoo函数（3A）上的GP EI
MCMC方法相比，标准方法的比较和MNIST数据（3B）上的训练逻辑回归。

4.1。Branin−Hoo和Logistic回归。我们首先与标准方法进行比较
Bergstra等人的最近树Parzen算法2（TPA）。（2011）在两个标准问题上。
Branin−Hoo函数是贝叶斯优化技术（JONES，2001）的共同基准，其定义为0≤x1≤15和−5≤x2≤15.我们还与TPA相比逻辑回归流行Mnist数据的分类任务。该算法需要选择四个超级参数，为时码梯度下降的学习率，在0到1的日志比例上，χ2正则化参数，在0到1之间，迷你批量大小，从20到2000和学习的数量之间和学习人数从5到2000年的时期。每种算法在Branin−hoo和Logistic回归问题上运行100和10次，并且报告了均值和标准错误。这些分析的结果在图3A和3B中呈现在评估功能的次数方面。在Branin−Hoo上，整合到HyperParameters优于使用点估计，GP EI显着优于TPA，在这两种情况下，在少于一半的评估中发现最小值。

4.2。在线LDA。潜在的Dirichlet分配（LDA）是Doc−的指导图形模型

从多项式“主题”分布的混合中生成单词的解剖。变差贝叶斯是一个受欢迎的学习范式，最近霍夫曼等人。（2010）在该背景下提出了在线学习方法。在线LDA需要两种学习PA − rameters，τ0和κ，控制速度ρt=（τ0+t）−κ基于文档字数向量的Tth小匹匹匹匹匹匹匹配项来更新LDA的变分参数。小靶的大小也是必须选择的第三个参数。Hoffman等人。（2010）依赖于尺寸为6×6×8的详尽网格搜索，总共288个超级参数配置。

我们使用了Hoffman等人发布的代码。（2010）运行实验

在网上LDA与一系列维基百科文章。我们下载了一个随机组的249,560篇文章，分为训练，验证和测试尺寸为200,000,24,560和25,000套。这些文件表示为来自7,702字词汇的词汇量的载体。据霍夫曼等人报道。（2010），我们在验证集文档的每个单词下面的单词上使用了下限作为性能测量。一个必须指定在主题之前的对称Dirichlet的主题和超级参数η的数量

2使用https://github.com/jaberg/hyperopt/wiki的公开可用的代码

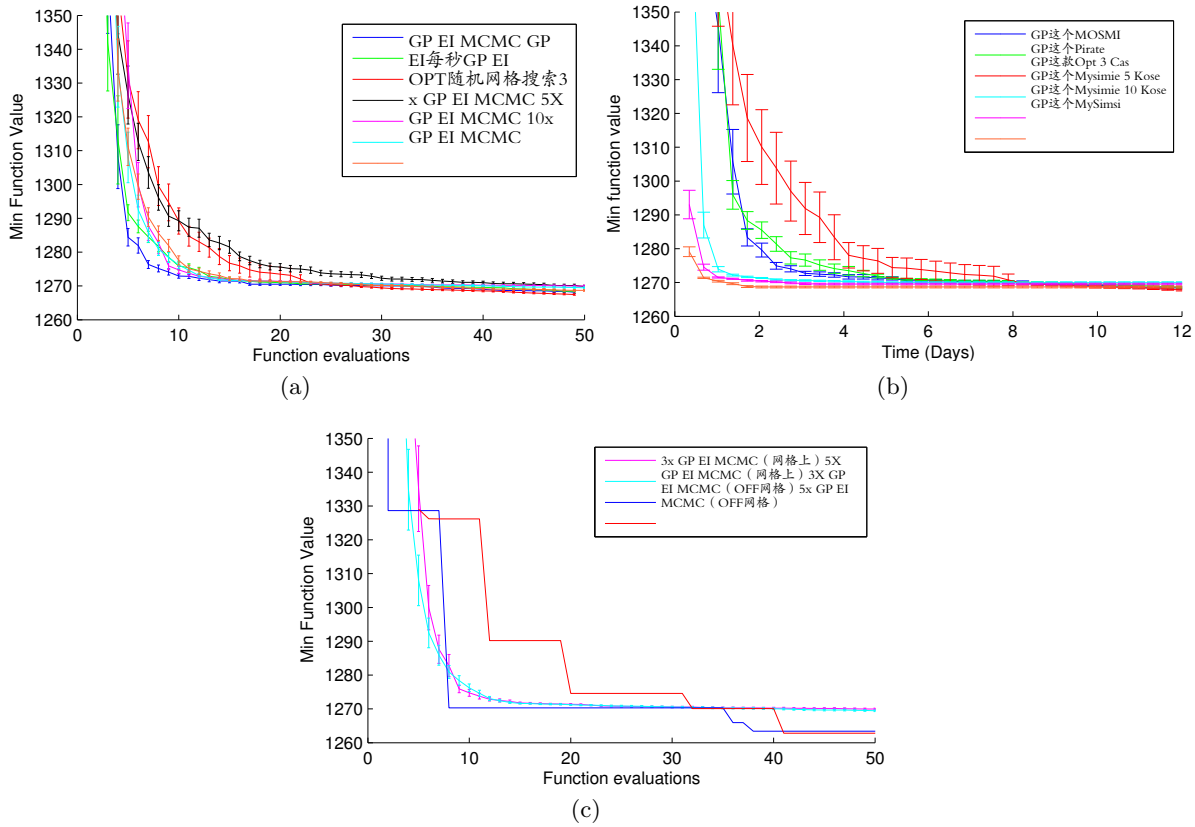


图4：在功能评估（4A），WallTime（4B）方面比较了在线LDA问题的不同优化策略，并且被约束到网格（4C）。

分布和 α 对对称Dirichlet以每份文档主题混合重量。我们跟随Hoffman等。（2010）并使用了100个主题和 η = α = 0.01，以便模拟其分析并重复在Paper3中报告的网格搜索。每个在线LDA评估通常需要五到十个小时才能收敛，因此网格搜索需要大约60到120个处理器天数来完成。

在图4A和4B中，我们将我们的各种优化策略与同一网格进行比较

在这个昂贵的问题上。也就是说，算法仅限于仅由网格搜索评估的确切参数设置。然后，每次优化重复一百次（每次挑选两个不同的随机实验以初始化优化）和平均值和标准误差。图4A和4B分别示出了与在线LDA的次数与新参数设置和在几天内的优化持续时间进行评估的次数相比，每个策略所实现的平均最小损耗（困惑）。图4C显示了3和5次并行化GP EI MCMC的平均损耗，该GP EI
MCMC被限制在相同的网格上，与单个运行相同的算法相比，通过优化预期的改进，算法可以灵活地选择相同范围内的新参数设置。

在这种情况下，整合到HyperParameters优于使用点估计。尽管

3i.e.唯一的区别是数据集中随机采样的文章集合和选择
词汇。我们每次评估10小时或直到收敛。

GP EI MCMC在功能评估方面是最有效的，我们看到并行化GP EI
MCMC在显着更少的时间内找到最佳参数。最后，在图4C中，我们看到并行化GP EI
MCMC算法发现比Hoffman等人使用的网格搜索中的最小值明显更好的最小值。（2010），同时运行一小部分实验。

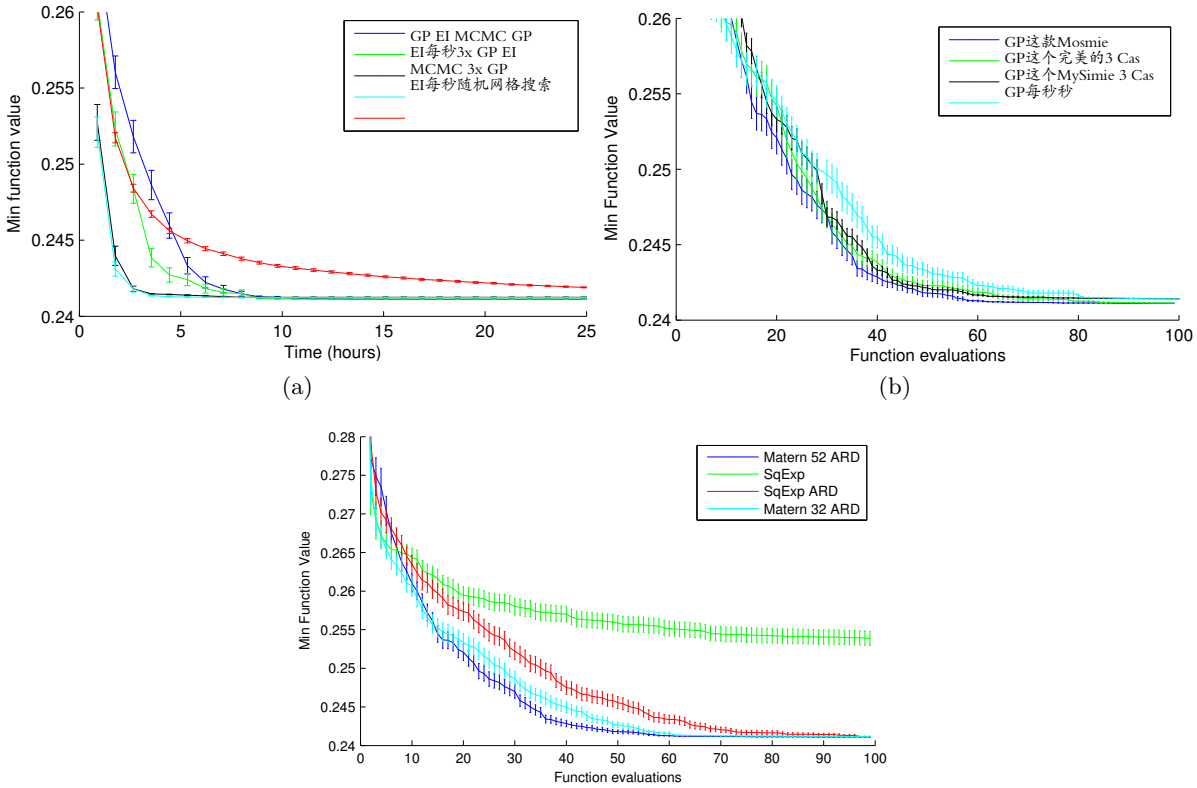


图5：在壁克服时间（5A），功能评估（5B）和不同协方差功能（5C）方面，在蛋白质图案发现任务上优化M3E模型的超额参数的各种策略的比较。

4.3。主题查找结构化支持向量机。在这个例子中，我们考虑

优化MAX−ramgin
MIN−entopy（M3E）型号的学习参数（Miller等，2012），包括潜在结构化支持向量机（YU和Joachims，2009）作为一个特殊情况。潜在结构化的SVMS概率表达了SVMS的问题，它们可以明确地模拟问题依赖性隐藏变量。一个流行的例子任务是蛋白质DNA序列的二进制分类（Miller等，2012年; Yu和Joachims，2009; Kumar等，2010）。要建模的隐藏变量是特定子序列或图案的未知位置，或者是正序列的指标。

设置具有结构化SVM的正则化术语C等reledParameters（如正则化术语）

主电源是挑战，而这些挑战通常通过米勒等人完成的耗时的网格搜索程序来设置。（2012）和Yu和Joachims（2009）。的确，Kumar等人。（2010）报告称，由于过于计算昂贵，因此避免了为主题查找任务避免了超级参数选择。但是，米勒等人。（2012）证明分类

结果高度依赖于对每个蛋白质不同的参数的设置。

M3E模型引入熵项，由α参数化，这使得该模型能够

显着优于延迟潜在结构化的SVM。然而，这种额外的性能是以额外的问题依赖的覆盖率为代价。我们模拟了Miller等人的实验。（2012）对于具有约40,000个序列的蛋白质。我们探索参数c的25个设置，在10−1到106,14的日志比例上，14个α设置，在0.1到5的日志比例和模型会聚公差，ε∈{10−4,10−3，10−2,10−1}。我们在这些参数的1,400种可能的组合中运行了网格搜索，每次评估超过5个随机50−50训练和测试分裂。

在图5A和5B中，我们将随机网格搜索与GP EI MCMC进行比较，GP EI

第二个及其3x并行化版本，所有在网格上的相同点都受到最小验证误差与壁点时间和函数评估。每种算法重复100次，显示平均值和标准误差。我们观察到贝叶斯优化策略比网格搜索更有效，这是现状。在这种情况下，GP EI MCMC在功能评估方面优于GP EI，但每秒GP EI可以比GP EI MCMC从GP EI
MCMC获取更好的参数，因为它在探索其他参数时使用不太严格的收敛耐受性。实际上，每秒3x GP
EI在功能评估方面是最不高的效率，而是比所有其他算法更快地找到更好的参数。

图5C比较了在GP EI MCMC优化中使用各种协方差函数的使用

关于这个问题。对每个协方差重复优化100次，并显示平均值和标准误差。很明显，选择适当的协方差显着影响性能，长度比例参数的估计至关重要。普遍使用的平方指数施加的潜在功能的无限差异的假设对于这个问题来说太限制了。

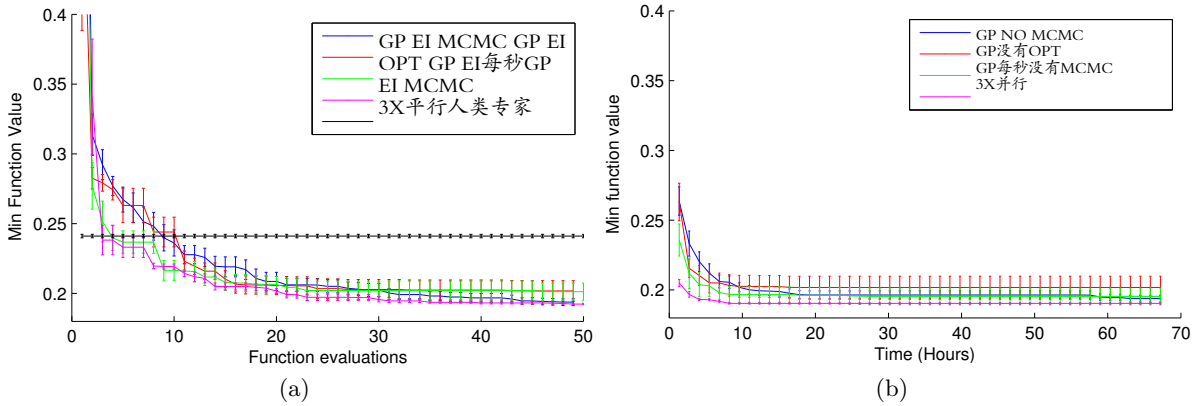


图6：用于不同优化策略的CIFAR−10数据上的验证错误。

4.4。CiFar−10上的卷积网络。神经网络和深层学习方法

臭名昭着地需要仔细调整众多的覆盖物。多层卷积神经网络是这种模型的一个例子，其彻底探索AR−Chiture和HyperParameters是有益的，如Saxe等人所证明的那样。（2011年），但经常计算令人望而却步。虽然Saxe等人。（2011）展示了一种有效地探索模型architechtures的方法，众多超参数，如正则化

参数仍然存在。在本实证分析中，我们使用所提供的代码在Cifar−10基准数据集中描述了三层卷积网络的九个冗余网络的九个超级参数。该模型由人类专家（Krizhevsky，2009）仔细调整，以实现18％的测试错误的高竞争结果，与CiFar−10上的ART5结果（Coate和Ng，2011）的公布状态匹配。我们探索的参数包括纪念模型的数量，学习率，四重重量（每个层和软MAX输出权重的一个），以及汇集层上响应标准化的宽度，比例和功率网络。

我们在持续验证集上为每种策略进行了优化的九个参数

报告平均验证误差和标准错误五个单独的随机初始化运行。结果如图6所示，与使用专家发现的最佳参数的平均结果形成鲜明对比。GP EI
MCMC方法发现的最佳超参数6在测试集中实现了14.98％的错误，比CiFar−10的专家和最先进的优于专家和最先进的测试集。

结论。在本文中，我们提出了执行贝叶斯optimiza的方法 −

与一般机器学习算法相关的近似参数。我们介绍了一个完全贝叶斯治疗的预期改进，以及处理可变时间制度和并行化实验的算法。我们的实证分析表明，我们在三个挑战最近发表了机器学习的不同AR的问题的三个挑战的方法的有效性。使用的代码将公开可用。由此产生的贝叶斯优化得到了更好的近似数目，明显比作者使用的方法更快。实际上，我们的算法超过了在竞争激烈的CiFar−10数据集上选择了Quand参数的人类专家，结果以超过3％击败了最新技术。

致谢。亚马逊Web服务的授权支持这项工作

由DARPA年轻的教师奖。

References.

j mockus，v tiesis和zilinskas。贝叶斯方法寻求极值的应用。向
Global Optimization, 2:117–129, 1978.

D.R.琼斯。基于响应曲面的全局优化方法分类。全球杂志
Optimization, 21(4):345–383, 2001.

Niranjan Srinivas，Andreas Krause，Sham Kakade和Matthias Seeger。高斯流程优化
强盗设置：无后悔和实验设计。在ICML，2010年。

亚当D.公牛。高效全局优化算法的收敛速率。JMLR，（3−4）：2879−2904,2011。詹姆斯·贝加斯特拉，鲁梅巴·贝加特，Yoshua Bengio和B'al'azs K'egl。超参数OPTI的算法 −
mization. In *NIPS*. 2011.

Eric Brochu，Vlad M. Cora和Nando de Freitas。贝叶斯优化昂贵成本的教程
函数，应用于主动用户建模和分层强化学习。预先打印，2010. Arxiv：1012.2599。

Carl E. Rasmussen和Christopher Williams。高斯机器学习工艺。MIT Press，2006. H. J. Kushner。一种在存在下定位任意多跳曲曲线的最大点的新方法
噪音。中国基础工程学报，86,1964。

4avaIsable
at：http：//code.google.com/p/cuda−convnet/使用http：//代码中定义的architechture。google.com/p/cuda−convnet/source/browse/trunk/example−layers/layers−18pct.cfg.

5推出培训数据。6优化的参数有趣地偏离专家确定的设置;例如，最佳

重量成本不对称（第二层的重量成本大约比第一层小的数量级），学习率较小两个数量级，略较宽的响应归一化，较大的规模和更小的功率。

Iain Murray和Ryan Prescott Adams。潜伏高斯模型的切片采样协方差超公数。
In *NIPS*, pages 1723–1731. 2010.

Yee Whye Teh，Matthias Seeger和Michael I. Jordan。Semiparametric潜在因子模型。在奥斯特，
2005.

Edwin V. Bonilla，Kian Ming A. Chai和Christopher K. I. Williams。多任务高斯过程预测。
In *NIPS*, 2008.

David Ginsbourger和Rodolphe Le Riche。处理并行高斯过程中的异步性
global optimization. 2010.

Matthew Hoffman，David M. Blei和Francis Bach。在线学习潜在的Dirichlet分配。在尼斯，
2010.

Kevin Miller，M. Pawan Kumar，Benjamin Packer，Danny Goodman和Daphne Koller。max−margin min−
entropy models. In *AISTATS*, 2012.

Chun−Nam John Yu和Thorsten Joachims。学习具有潜在变量的结构SVM。在ICML，2009年。M. Pawan
Kumar，Benjamin Packer和Daphne Koller。潜在变量模型的自定节奏学习。在
NIPS. 2010.

巨大的性，庞伟酸，Zahenh Chen，Manish Bhark，Bipin Suresh和Agekng。随机
重量和无监督的特征学习。在ICML，2011年。

Alex Krizhevsky。从小图像学习多层特征。技术报告，部门
计算机科学，多伦多大学，2009。

亚当凯斯和安德鲁Y.NG。选择深网络中的接受字段。在尼斯。2011年。

Jasper
Snoek电脑科学大学多伦多大学电
子邮件：jasper@cs.toronto.edu

Hugo Larochelle
Département d'informatique
Université de Sherbrooke
E-mail: hugo.larochelle@usherbrooke.ca

Ryan P.
Adams工程学院和应用科学哈佛大学电子邮件
：RPA@seas.harvard.edu