



电路基础

Prof. Zhao YUE

Department of Microelectronics, Nankai University, China

第1章 电路模型和电路定律



本章目录

1.1 电路和电路模型

1.2 电流和电压的参考方向

1.3 电功率和能量

1.4 电路元件

1.5 电阻元件

1.6 电压源和电流源

1.7 受控电源

1.8 基尔霍夫定律



重点

1. 电压、电流的参考方向
2. 电阻元件和电源元件的特性
3. 基尔霍夫定律



1.1 电路和电路模型

1. 实际电路 → 由电工设备和电气器件按预期目的连接构成的电流的通路。

功能

a 能量的传输、分配与转换；

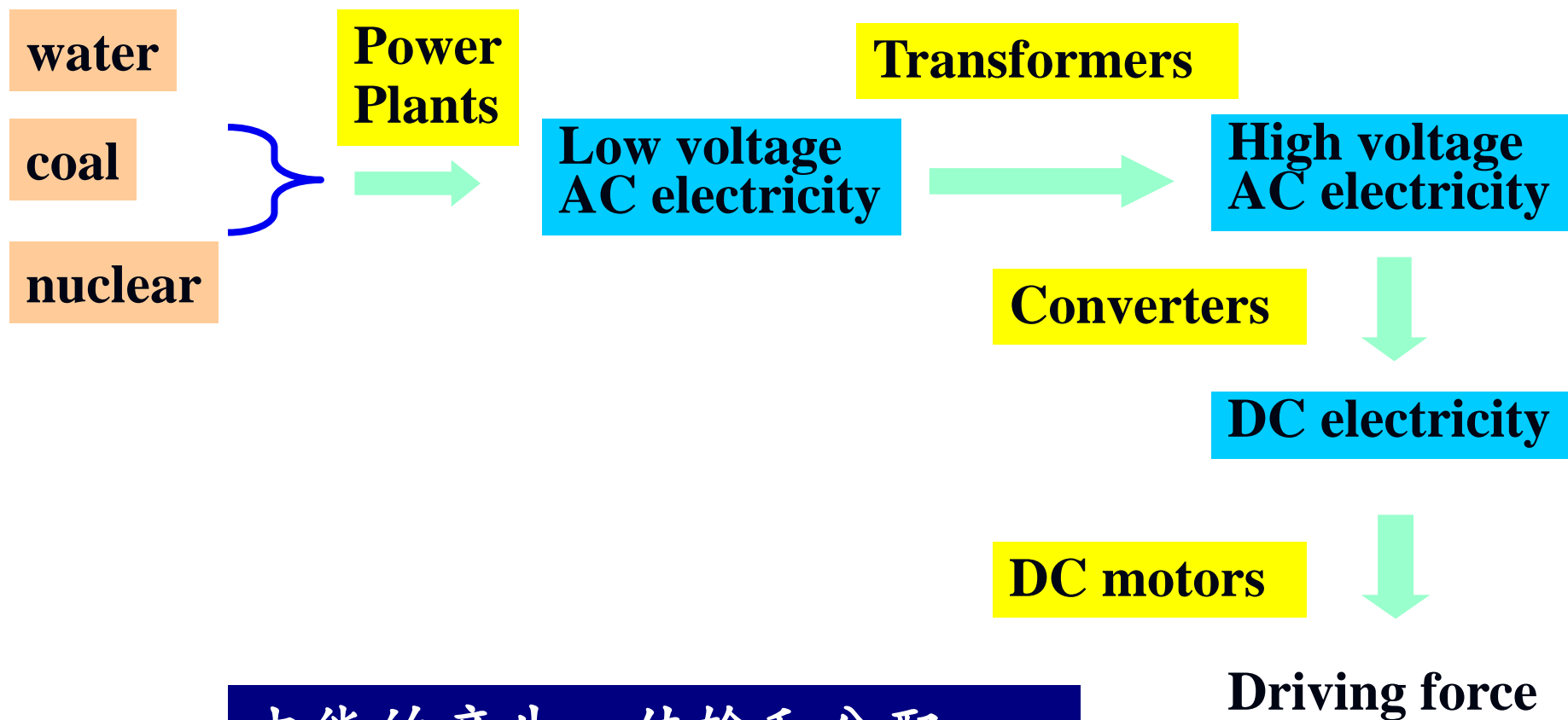
b 信息的传递、控制与处理。

a+b 又处理信息传输又处理能量分配

共性

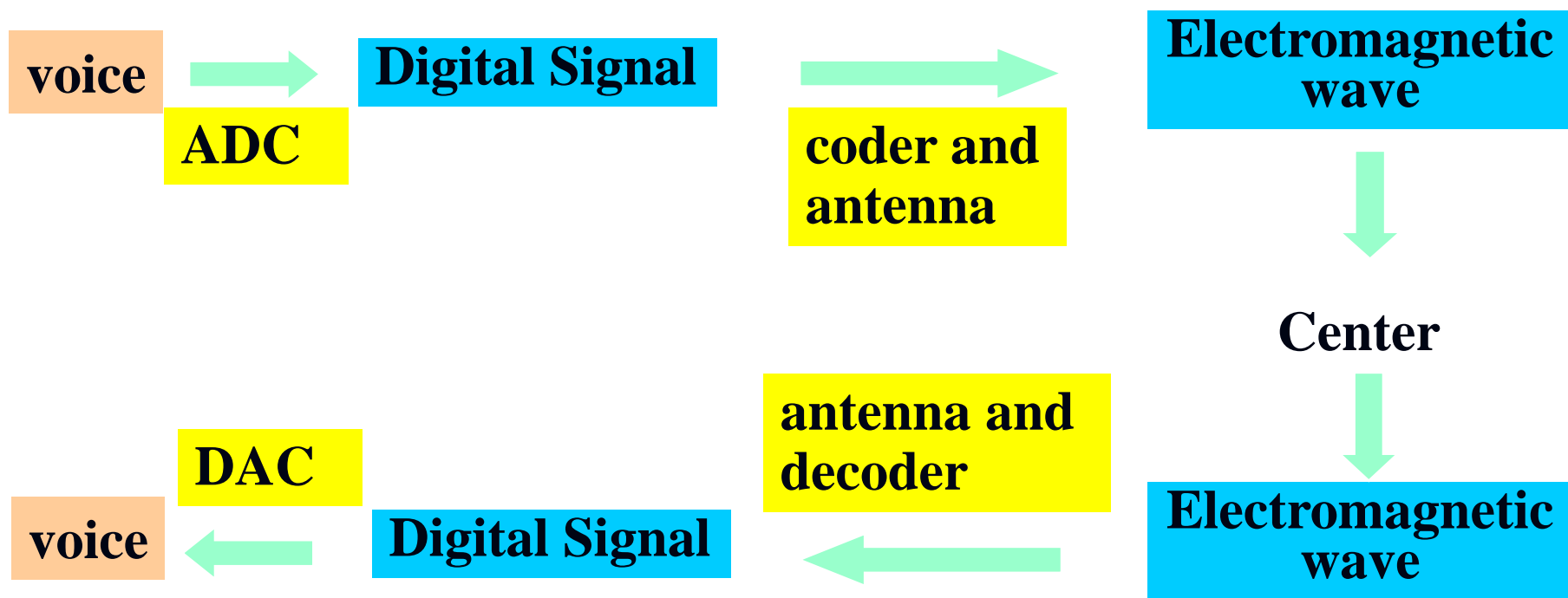
建立在同一电路理论上。





电能的生产、传输和分配

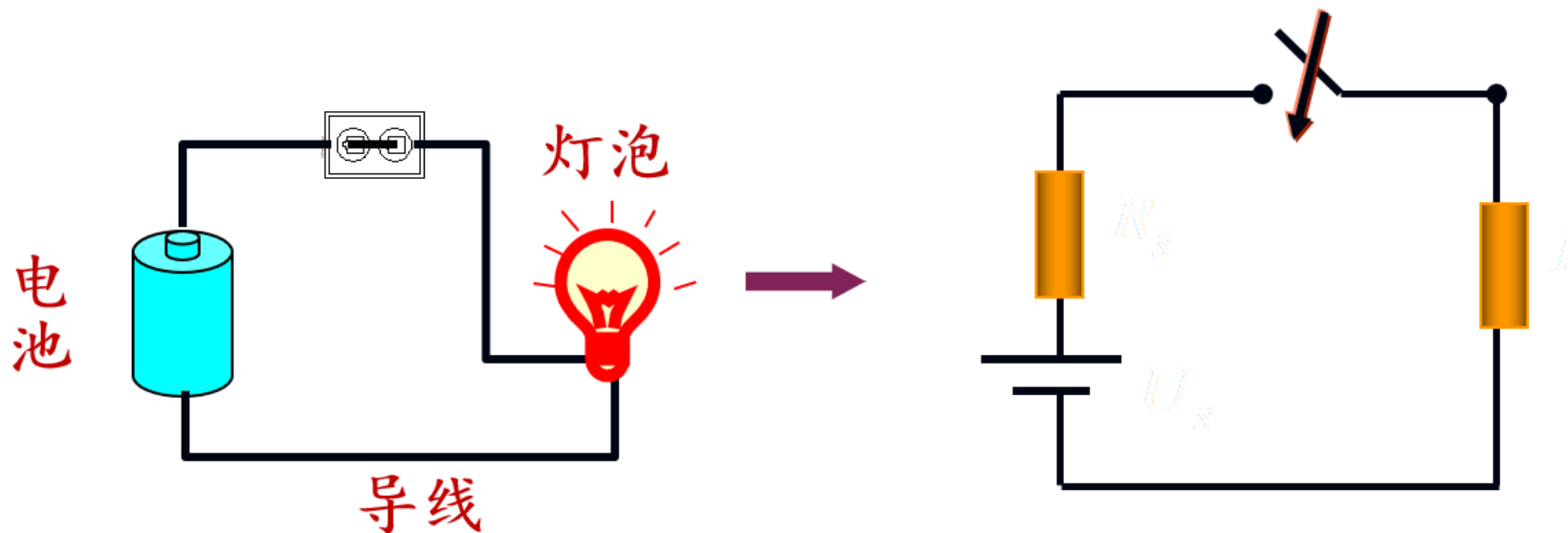




电信号的获得、变换和放大



2. 电路模型



电路模型 →

反映实际电路部件的主要电磁性质的理想电路元件及其组合。

理想电路元件 →

有某种确定的电磁性能的理想元件。



5 种基本的理想电路元件：

电阻元件：表示消耗电能的元件

电感元件：表示产生磁场，储存磁场能量的元件

电容元件：表示产生电场，储存电场能量的元件

电压源和电流源：表示将其它形式的能量转变成电能的元件。





一、5种基本理想电路元件有三个特征：

- (a) 只有两个端子；**
- (b) 可以用电压或电流按数学方式描述；**
- (c) 不能被分解为其他元件。**





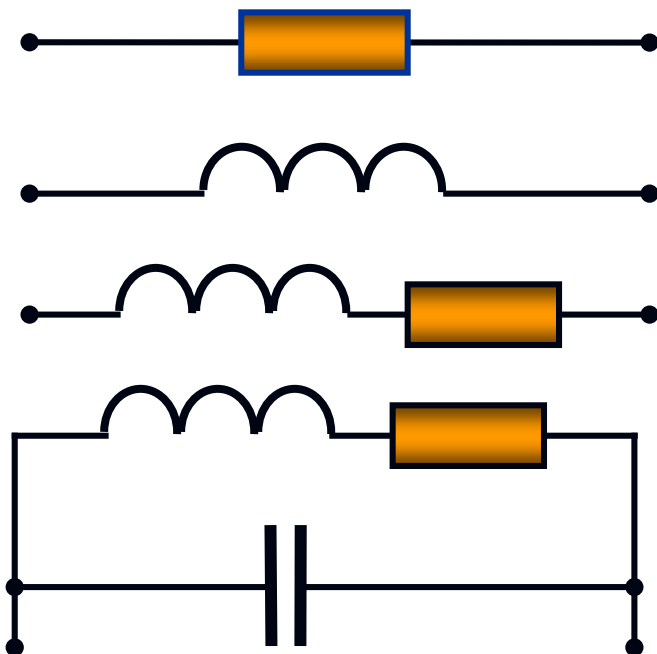
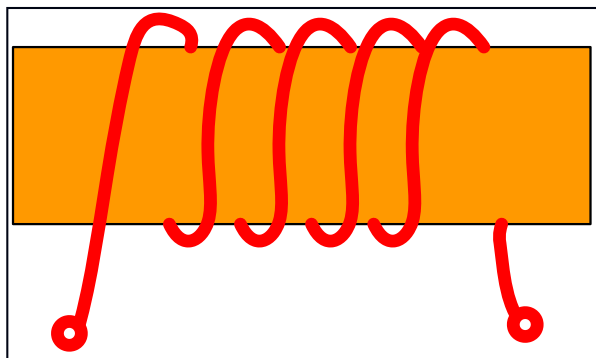
注意



二、具有相同的主要电磁性能的实际电路部件，在一定条件下可用同一电路模型表示；

三、同一实际电路部件在不同的应用条件下，其电路模型可以有不同的形式。

电感线圈的电路模型

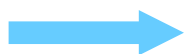




1.2 电流和电压的参考方向

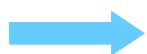
电路中的主要物理量有电压、电流、电荷、磁链、能量、电功率等。在线性电路分析中人们主要关心的物理量是电流、电压和功率。

电流



带电粒子有规则的定向运动

电流强度



单位时间内通过导体横截面的电荷量

$$i(t) \stackrel{\text{def}}{=} \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{dq}{dt}$$



单位



A (安培)、kA、
mA、 μ A、nA、pA

$$1\text{kA}=10^3\text{A}$$

$$1\text{mA}=10^{-3}\text{A}$$

$$1\mu\text{A}=10^{-6}\text{A}$$

方向



规定正电荷的运动方向为电流的实际方向

元件(导线)中电流流动的实际方向只有两种可能:



参考方向



任意假定一个正电荷运动的方向
即为电流的参考方向。



电流(代数量)

{ 大小
方向(正负)





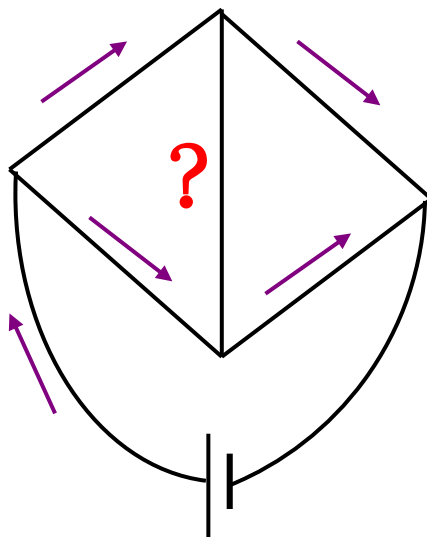
问题

为什么要引入参考方向?

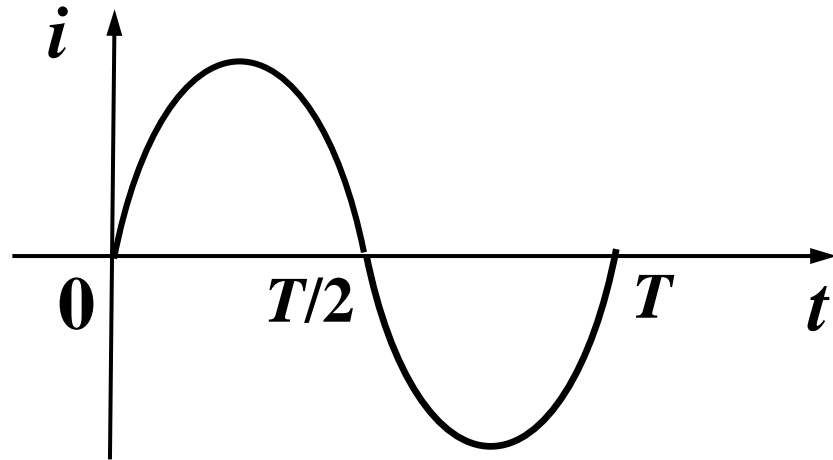
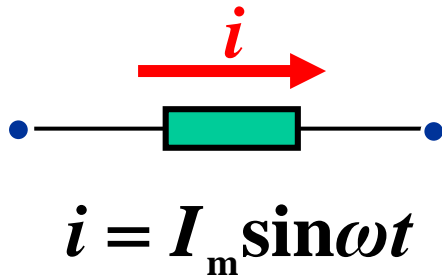


对于复杂电路或电路中的电流随时间变化时，电流的实际方向往往很难事先判断。

(a) 电压或电流的方向不确定



(b) 电压或电流的方向随时间变化



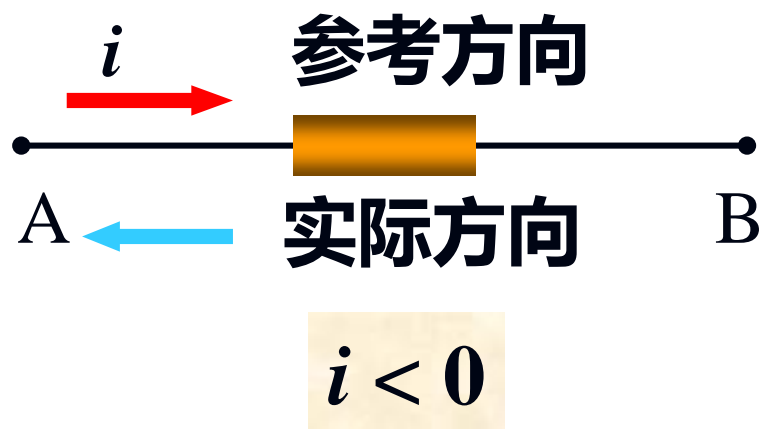
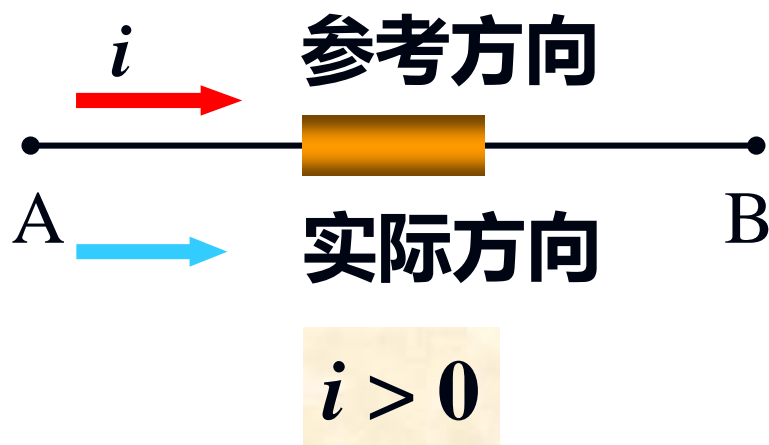
如何表示电流*i*方向?

$0 < t < T/2$, $i > 0$ → 真实方向等于参考方向

$T/2 < t < T$, $i < 0$ → 真实方向与参考方向反向



电流的参考方向与实际方向的关系：

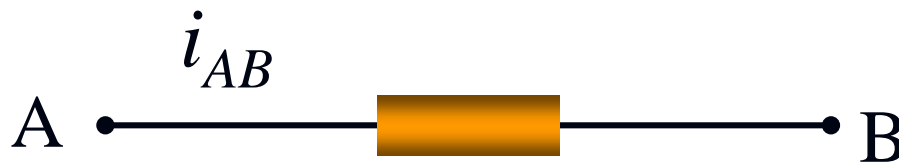


电流参考方向的两种表示：

- 用箭头表示：箭头的指向为电流的参考方向。



- 用双下标表示：如 i_{AB} ，电流的参考方向由A指向B。



电位 φ

→ 单位正电荷 q 从电路中一点移至参考点 ($\varphi = 0$) 时电场力做功的大小。

电压 U

→ 单位正电荷 q 从电路中一点移至另一点时电场力做功 (W) 的大小。

$$U \stackrel{\text{def}}{=} \frac{dW}{dq}$$

实际电压方向

→ 电位真正降低的方向。

单位

V (伏)、kV、mV、 μ V

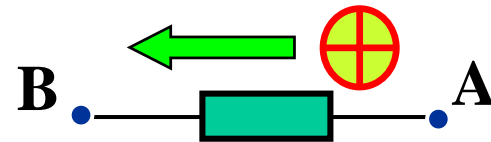


电压 voltage

$$u_{AB} = \frac{dw_{AB}}{dq}$$

电场力

将单位正电荷从A移动到B所作的功



经常称为：电压降

Unit: V (伏) (Volt: 1745--1827, Italian)

$$u_{BA} = \frac{dw_{BA}}{dq} = \frac{-dw_{AB}}{dq} = -u_{AB}$$



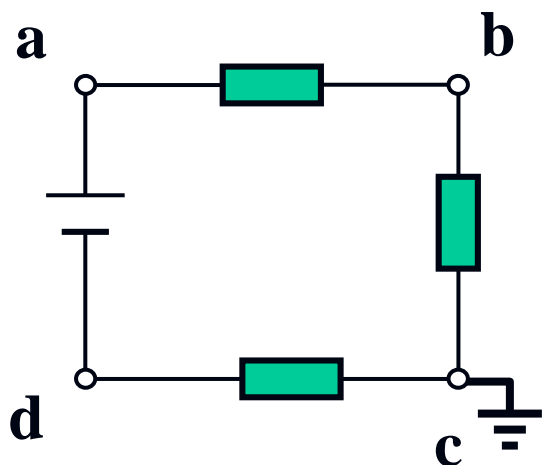
电位 Potential

从某点到参考节点的电压



参考点 (reference point) 的电位是零。

Symbol: φ (or U) Unit: V(伏)



c为参考点,

$$\varphi_c = 0$$

$$\varphi_a = U_{ac}, \quad \varphi_b = U_{bc}, \quad \varphi_d = U_{dc}$$

两点间的电压等于两点间的电位差

电位降 \longrightarrow 电压 \longrightarrow 电压降



电动势 electromotive force

$$e_{BA} = \frac{dW_{BA}}{dq}$$

非电场力

将单位正电荷从B移动到A所作的功

Unit: V (伏)

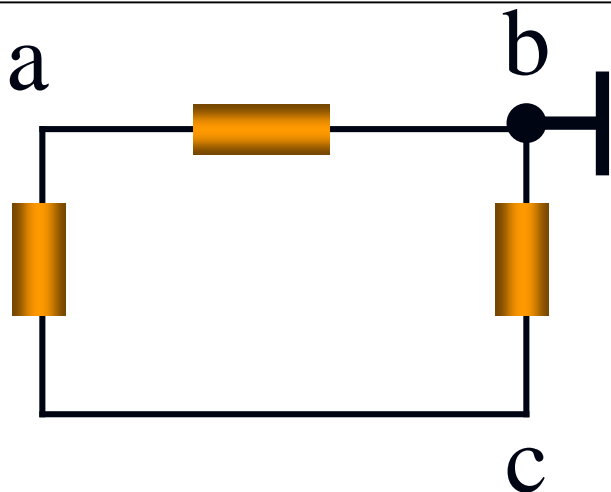
e_{BA} , 电位的升高, $e_{BA} = \varphi_B - \varphi_A$

u_{AB} , 电位的降低, $u_{BA} = \varphi_A - \varphi_B$

$$\therefore e_{BA} = u_{AB}$$



例



已知：4C正电荷由a点均匀移动至b点电场力做功8J，由b点移动到c点电场力做功为12J，

- ① 若以b点为参考点，求a、b、c点的电位和电压 U_{ab} 、 U_{bc} ；
- ② 若以c点为参考点，再求以上各值。

解

$$\varphi_b = 0$$

$$\varphi_a = \frac{W_{ab}}{q} = \frac{8\text{J}}{4\text{C}} = 2\text{V}$$

$$\varphi_c = \frac{W_{cb}}{q} = -\frac{W_{bc}}{q} = -\frac{12\text{J}}{4\text{C}} = -3\text{V}$$

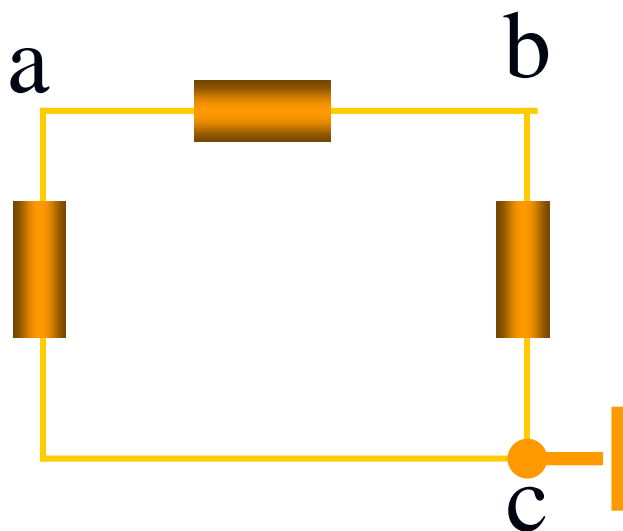
$$U_{ab} = \varphi_a - \varphi_b = 2 - 0 = 2\text{V}$$

$$U_{bc} = \varphi_b - \varphi_c = 0 - (-3) = 3\text{V}$$



解

(2)



$$\varphi_c = 0$$

$$\varphi_a = \frac{W_{ac}}{q} = \frac{8\text{J} + 12\text{J}}{4\text{C}} = 5\text{ V}$$

$$\varphi_b = \frac{W_{bc}}{q} = \frac{12\text{J}}{4\text{C}} = 3\text{ V}$$

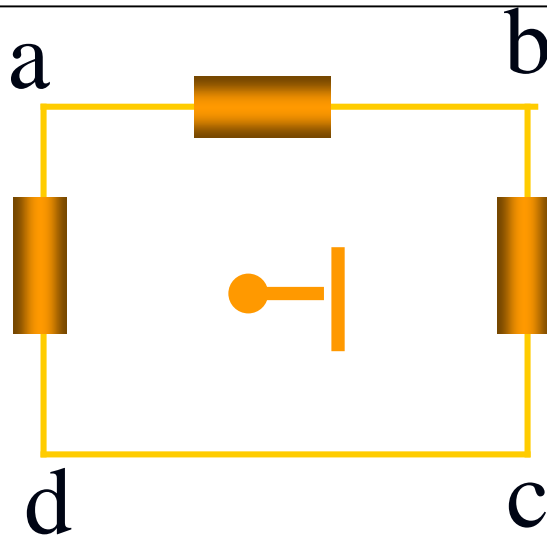
$$U_{ab} = \varphi_a - \varphi_b = 5 - 3 = 2\text{ V}$$

$$U_{bc} = \varphi_b - \varphi_c = 3 - 0 = 3\text{ V}$$





结论



1. 电路中电位参考点可任意选择;
2. 参考点一经选定, 电路中各点的电位值就唯一确定;
3. 当选择不同的电位参考点时, 电路中各点电位值将改变, 但任意两点间电压保持不变。

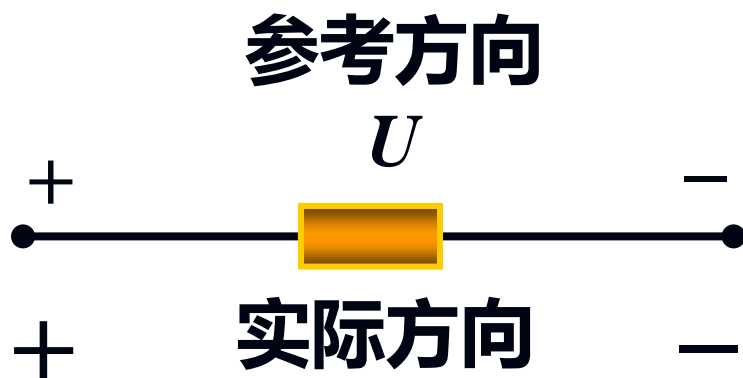




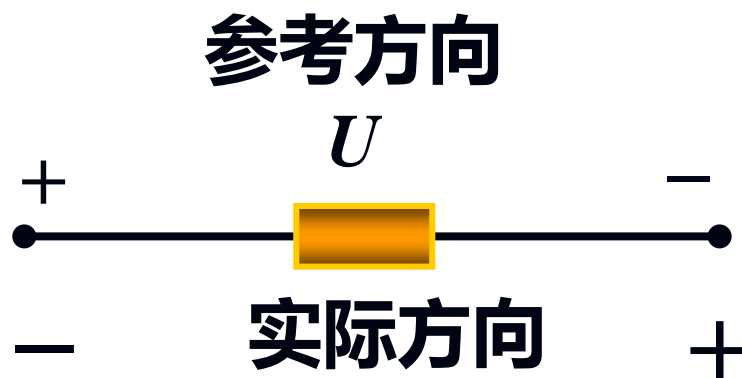
复杂电路或交变电路中，两点间电压的实际方向往往不易判别，给实际电路问题的分析计算带来困难。

电压(降)的参考方向

→ 假设高电位指向低电位的方向。



$$U > 0$$

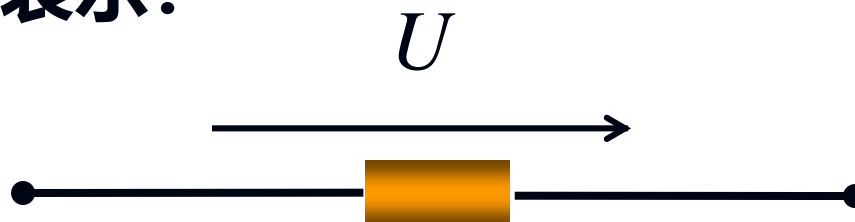


$$U < 0$$



电压参考方向的三种表示方式：

(1) 用箭头表示：



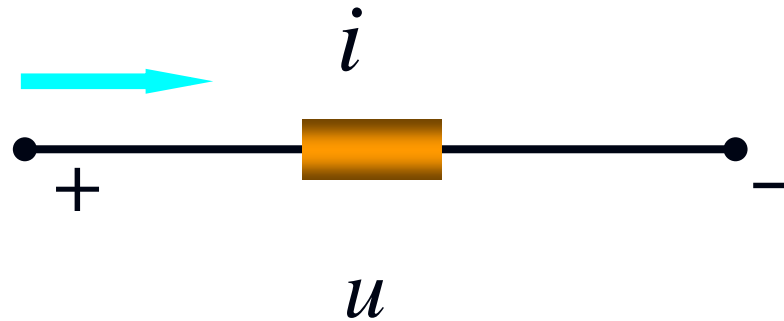
(2) 用正负极性表示



(3) 用双下标表示

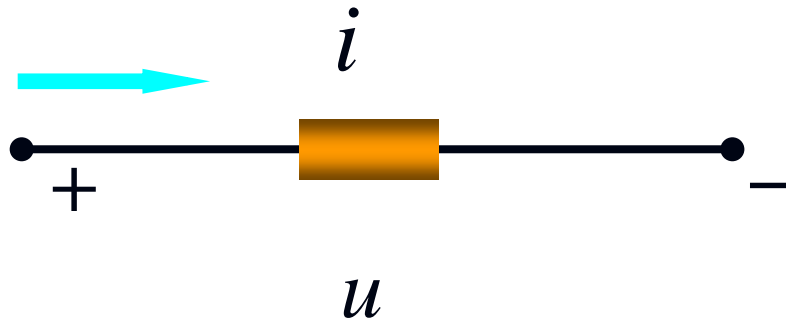


电流和电压的参考方向:



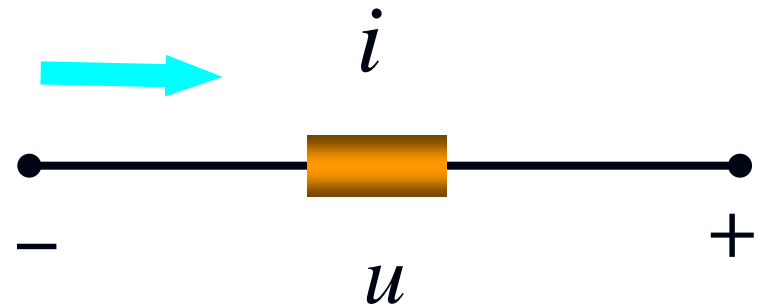
3. 关联参考方向

元件或支路的 u , i 采用相同的参考方向称之为关联参考方向。反之, 称为非关联参考方向。



关联参考方向

图1

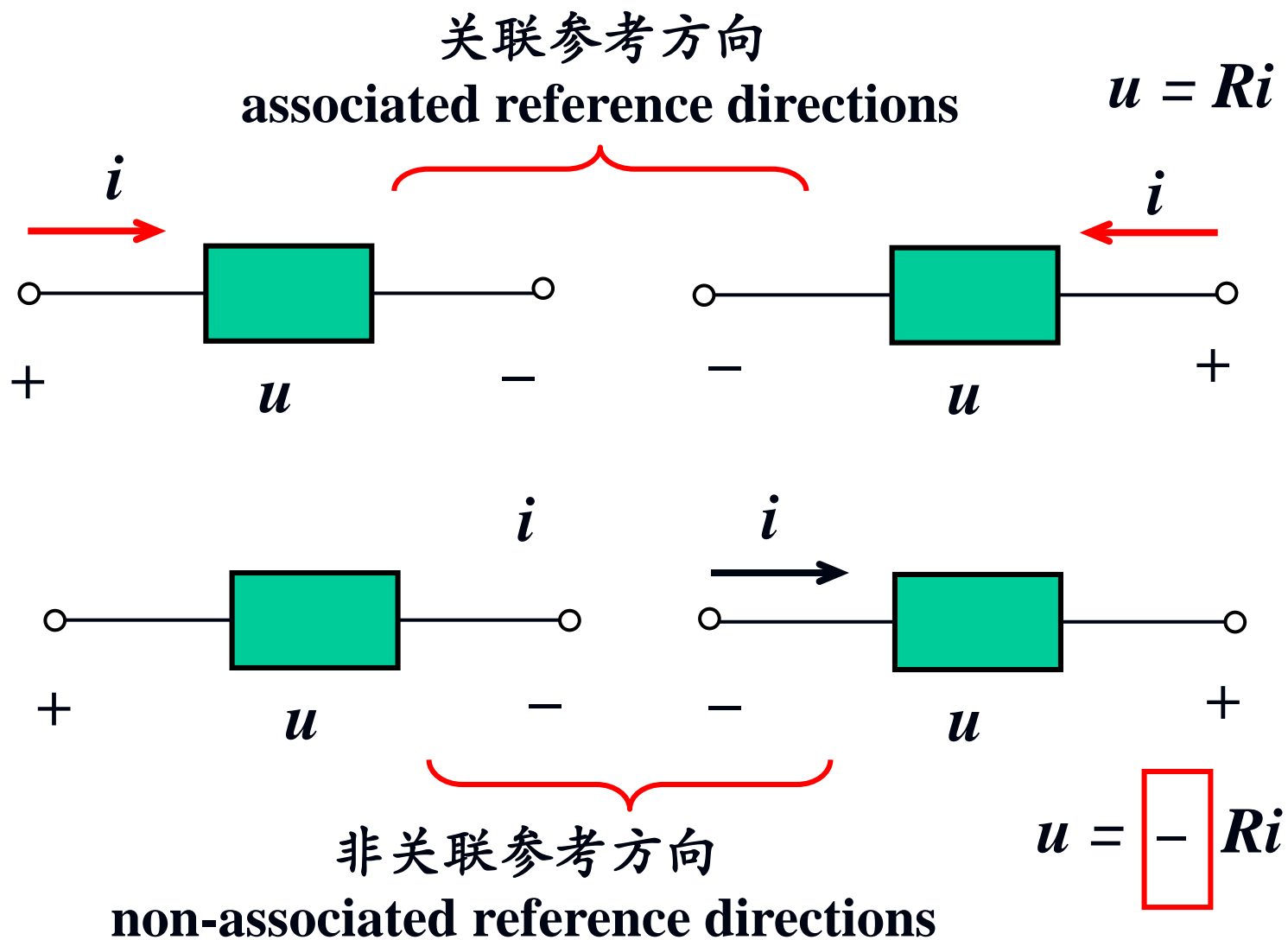


非关联参考方向

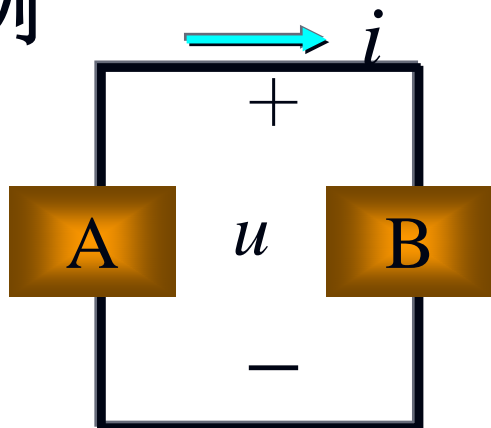
图2



电压参考方向和电流参考方向之间的关系



例



电压电流参考方向如图中所标，
问：对A、B两部分电路电压电
流参考方向关联否？

答：A电压、电流参考方向非关联；
B电压、电流参考方向关联。





注意

- ① 分析电路前必须选定电压和电流的参考方向;
- ② 参考方向一经选定, 必须在图中相应位置标注
(包括方向和符号), 在计算过程中不得任意改变。
- ③ 参考方向不同时, 其表达式相差一负号, 但电压、电流的实际方向不变。



1.3 电功率和能量

1.电功率  **单位时间内电场力对电荷所做的功**

$$p = \frac{dw}{dt} \quad u = \frac{dw}{dq} \quad i = \frac{dq}{dt}$$

$$p = \frac{dw}{dt} = \frac{dw}{dq} \frac{dq}{dt} = ui$$

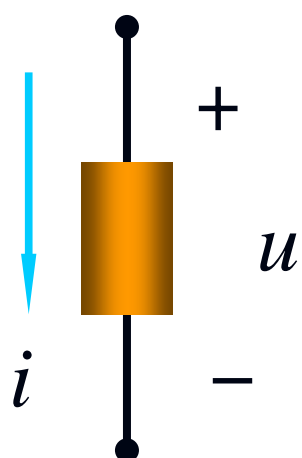
功率的单位：W (瓦) (Watt, 瓦特)

能量的单位：J (焦) (Joule, 焦耳)



2. 电路吸收或发出功率的判断

u, i 取关联参考方向



$P = ui$ 表示元件吸收的功率，如电阻

$P > 0$ 吸收正功率 (实际吸收，耗能)

$P < 0$ 吸收负功率 (实际发出)

u, i 取非关联参考方向



$P = ui$ 表示元件发出的功率，如电源

$P > 0$ 发出正功率 (实际发出，供能)

$P < 0$ 发出负功率 (实际吸收)

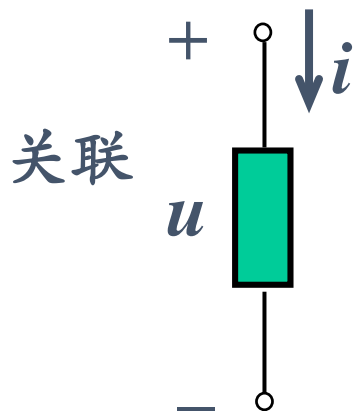


$$p=ui,$$

吸 \leftrightarrow 关联

发 \leftrightarrow 非关联

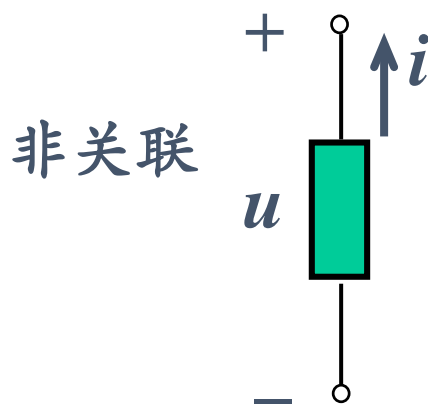
(2) 功率的计算



$$p_{\text{吸}} = ui, \text{ 元件吸收的功率}$$

$$P_{\text{吸}} > 0 \quad (\text{元件真正吸收功率})$$

$$P_{\text{吸}} < 0 \quad (\text{元件真正发出功率})$$



$$p_{\text{发}} = ui \quad \text{元件发出的功率}$$

$$P_{\text{发}} > 0 \quad (\text{元件真正发出功率})$$

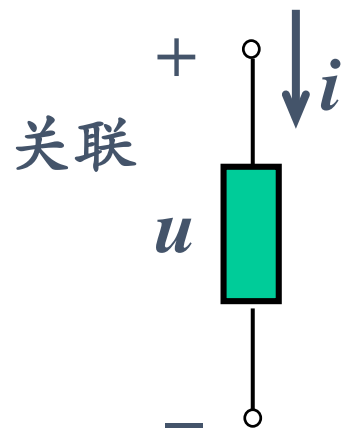
$$P_{\text{发}} < 0 \quad (\text{元件真正吸收功率})$$



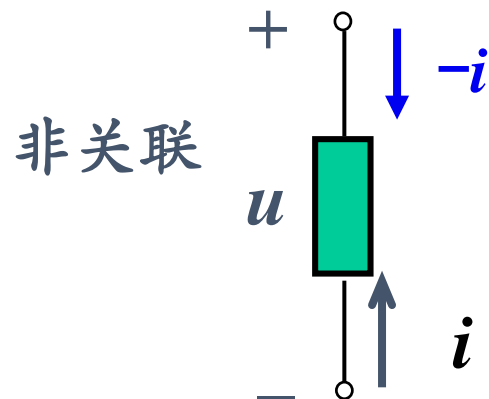
记忆方法2

永远用关联计算

$$p_{\text{吸}} = ui$$



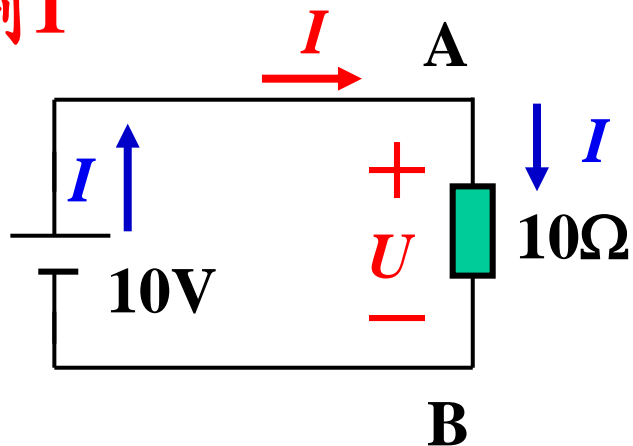
$$p_{\text{吸}} = ui, \text{ 元件吸收的功率}$$



$$p_{\text{吸}} = u(-i) = -ui, \text{ 元件吸收的功率}$$



例1



解

法1

$$P_{R_{\text{吸}}} = U \times I = 10 \times 1 = 10\text{W}$$

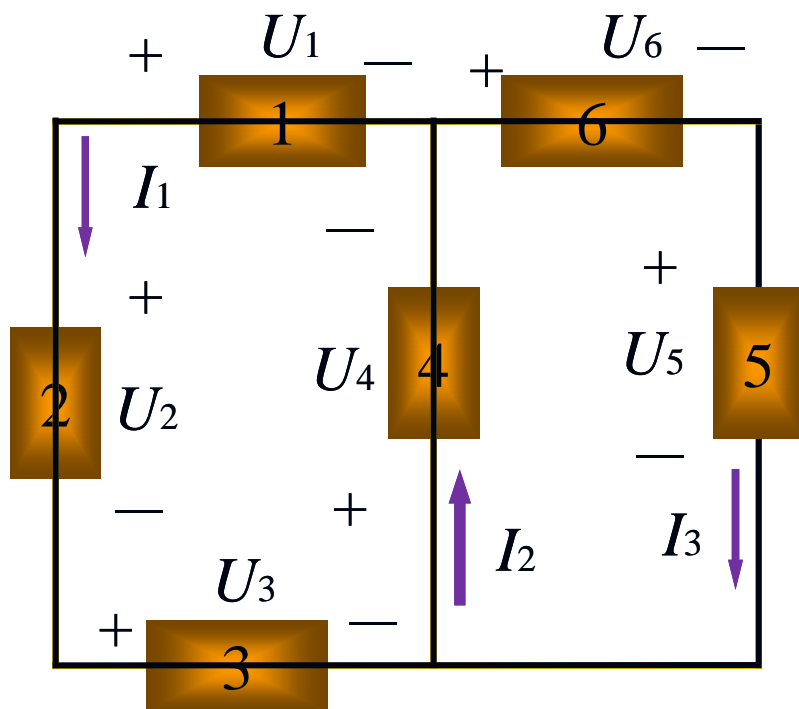
电阻吸收功率: 10W

$$P_{U_{\text{发}}} = U \times I = 10 \times 1 = 10\text{W}$$

电源发出功率: 10W



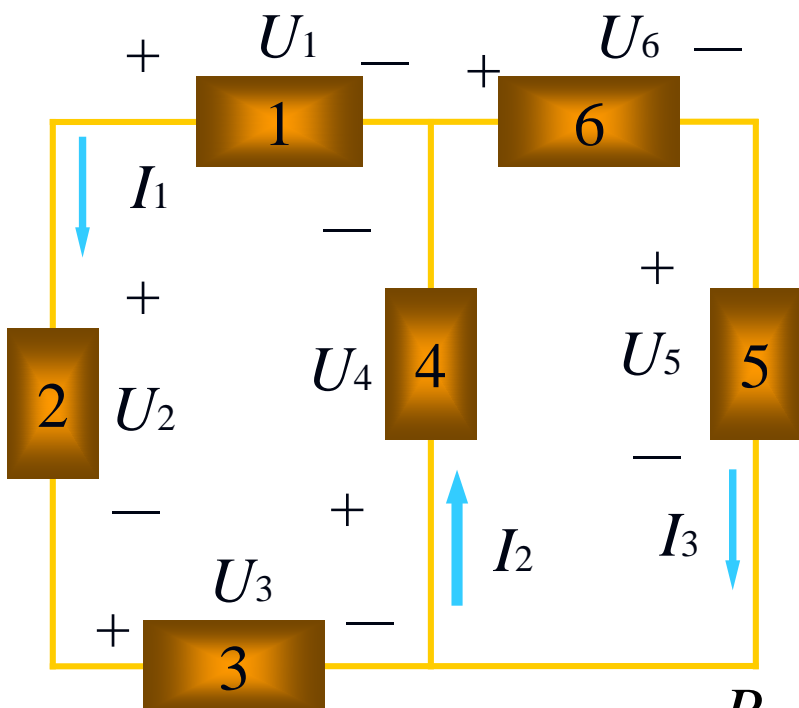
例2



求图示电路中各
方框所代表的元件吸
收或产生的功率。

已知： $U_1=1\text{V}$, $U_2=-3\text{V}$, $U_3=8\text{V}$, $U_4=-4\text{V}$,
 $U_5=7\text{V}$, $U_6=-3\text{V}$, $I_1=2\text{A}$, $I_2=1\text{A}$, $I_3=-1\text{A}$





$$P_1 = U_1 I_1 = 1 \times 2 = 2\text{W} \text{ (非关联, 发出)}$$

$$P_2 = U_2 I_1 = (-3) \times 2 = -6\text{W} \text{ (关联, 吸收)}$$

$$P_3 = U_3 I_1 = 8 \times 2 = 16\text{W} \text{ (关联, 吸收)}$$

$$P_4 = U_4 I_2 = (-4) \times 1 = -4\text{W} \text{ (关联, 吸收)}$$

$$P_5 = U_5 I_3 = 7 \times (-1) = -7\text{W} \text{ (关联, 吸收)}$$

$$P_6 = U_6 I_3 = (-3) \times (-1) = 3\text{W} \text{ (关联, 吸收)}$$

发出 = 2W

吸收 = $-6\text{W} + 16\text{W} + (-4\text{W}) + (-7\text{W}) + 3\text{W} = 2\text{W}$

对一完整的电路, 满足: **发出的功率 = 吸收的功率** 

1.4 电路元件

1. 电路元件

是电路中最基本的组成单元。

5种基本的理想电路元件：

电阻元件：表示消耗电能的元件

电感元件：表示产生磁场，储存磁场能量的元件

电容元件：表示产生电场，储存电场能量的元件

电压源和电流源：表示将其它形式的能量转变成电能的元件。



注意

如果表征元件端子特性的数学关系式是线性关系，
该元件称为线性元件，否则称为非线性元件。



2. 集总参数电路 → 由集总元件构成的电路

集总元件 → 假定发生的电磁过程都集中在元件内部进行。

集总条件 →

$$d \ll \lambda$$



例 已知电磁波的传播速度 $v=3 \times 10^5 \text{ km/s}$

(1) 若电路的工作频率为 $f=50 \text{ Hz}$ ，则

周期 $T = 1/f = 1/50 = 0.02 \text{ s}$

波长 $\lambda = 3 \times 10^5 \times 0.02 = \mathbf{6000 \text{ km}}$

一般电路尺寸远小于 λ ，视为**集总参数电路**。

(2) 若电路的工作频率为 $f=50 \text{ MHz}$ ，则

周期 $T = 1/f = 0.02 \times 10^{-6} \text{ s} = 0.02 \text{ ns}$

波长 $\lambda = 3 \times 10^5 \times 0.02 \times 10^{-6} = \mathbf{6 \text{ m}}$

此时一般电路尺寸均与 λ 可比，所以电路视为**分布参数电路**。

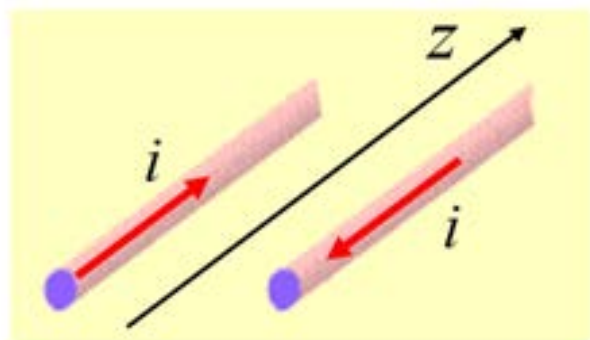




集总参数电路中 u 、 i 可以是时间的函数，但与空间坐标无关。因此，任何时刻，流入两端元件一个端子的电流等于从另一端子流出的电流；端子间的电压为单值量。

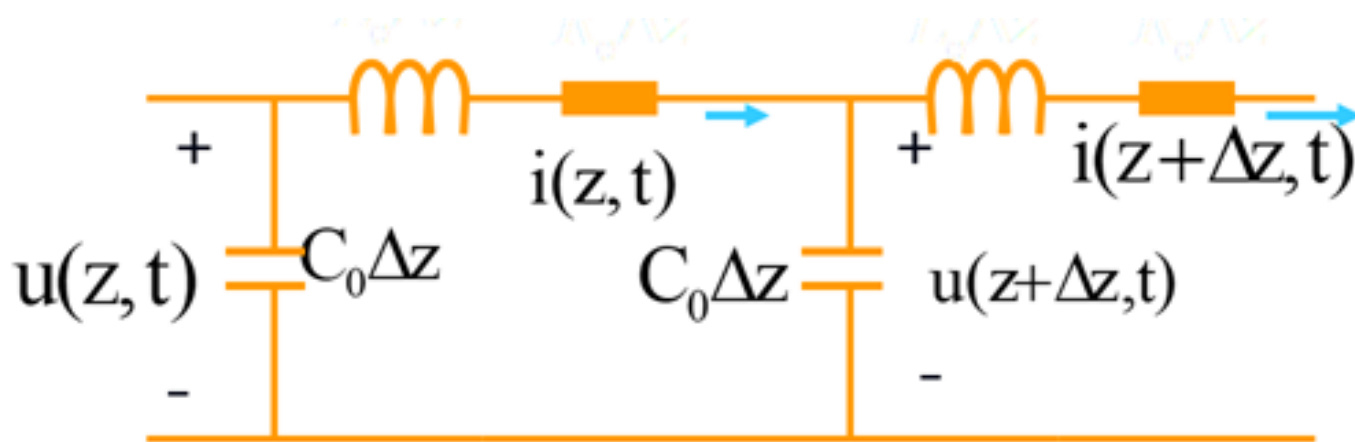


当两线传输线的长度 l 与电磁波的波长满足：



$$l \approx \lambda$$

分布参数电路



1.5 电阻元件

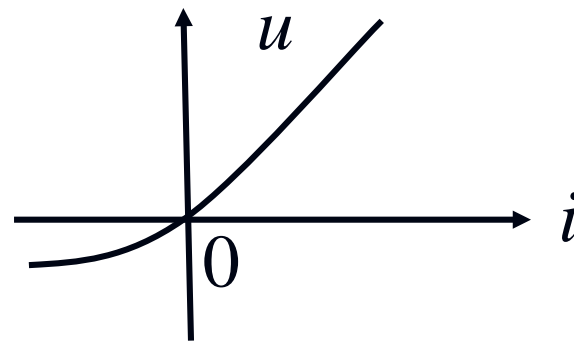
1.定义

电阻元件

对电流呈现阻力的元件。其特性可用 $u \sim i$ 平面上的一条曲线来描述：

$$f(u, i) = 0$$

伏安特性



2.线性时不变电阻元件

任何时刻端电压与电流成正比的电阻元件。

R

电路符号



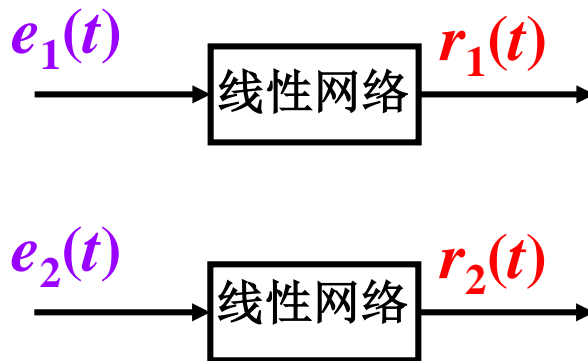
线性电阻和非线性电阻

线性电阻

$$u = Ri$$

非线性电阻

$$i = I_S \left(e^{u/U_{TH}} - 1 \right)$$



满足齐次性和可加性，即

$$\begin{array}{c} e_1(t) + e_2(t) \\ \xrightarrow{\text{成立}} r_1(t) + r_2(t) \end{array}$$



非时变电阻和时变电阻

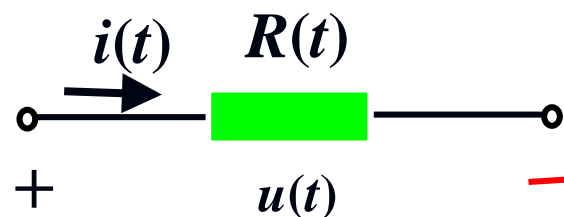


线性非时变电阻

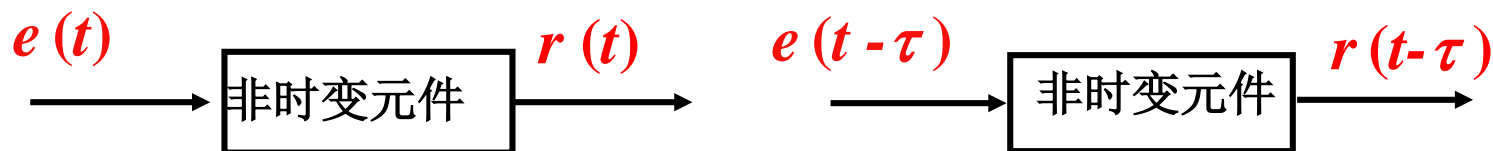
$$u(t) = R \cdot i(t)$$

线性时变电阻

电阻 $R(t)$ 是时间 t 的函数



$$u(t) = R(t) \cdot i(t)$$



即输出响应与输入信号外加时刻无关。

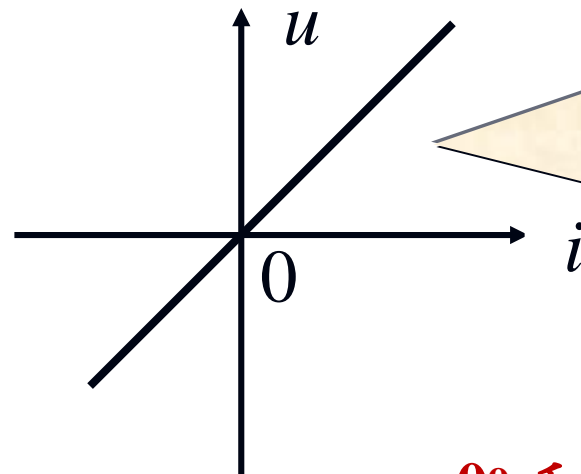


$u \sim i$ 关系

满足欧姆定律

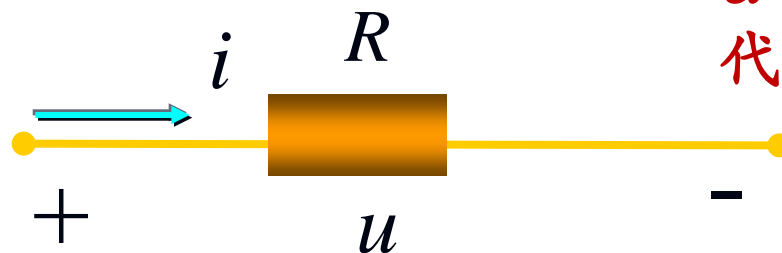
$$u = Ri \quad R = u/i$$

$$i = u/R = Gu$$



伏安特性为一条过原点的直线

u 、 i 取关联参考方向



$\alpha = 0^\circ$ 和 $\alpha = 90^\circ$
代表什么物理意义?

单位

R 称为电阻, 单位: Ω (Ohm)

G 称为电导, 单位: S (Siemens)

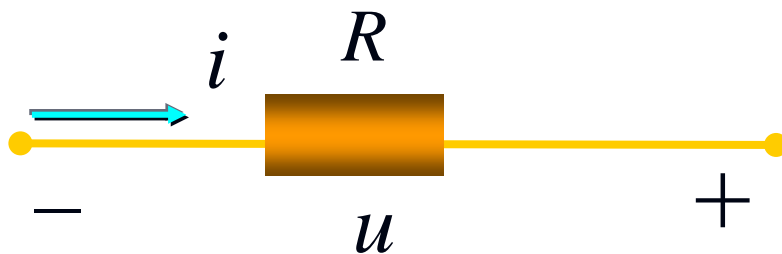




欧姆定律

- ①只适用于线性电阻(R 为常数) ;
- ②如电阻上的电压与电流参考方向非关联, 公式中应冠以负号;
- ③说明线性电阻是无记忆、双向性的元件。

u 、 i 取非关联参考方向



则欧姆定律写为

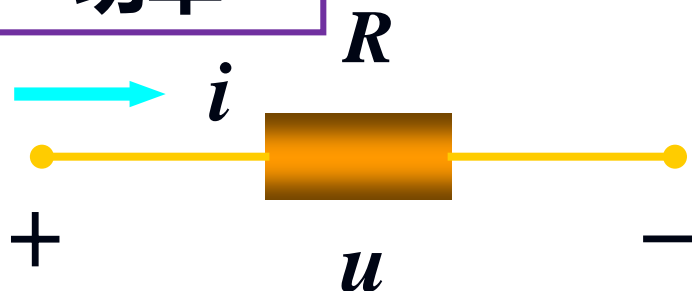
$$u = -R i \quad i = -G u$$

公式和参考方向必须配套使用!

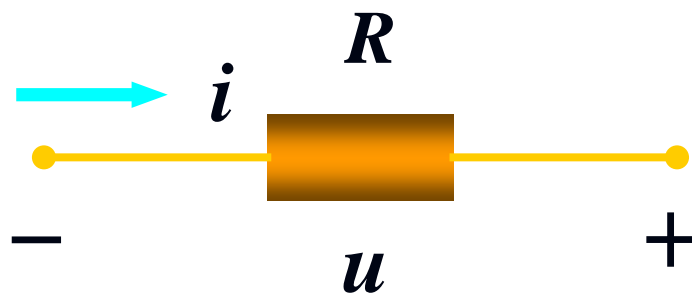


3.功率和能量

功率



$$p = u i = i^2 R = u^2 / R$$



$$p = u i = (-R i) i = -i^2 R = -u^2 / R$$



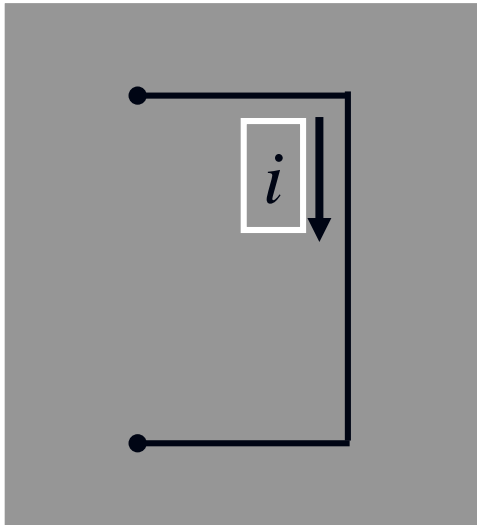
表明

电阻元件在任何时刻总是消耗功率的。

无论参考方向如何选取，电阻始终消耗电功率。



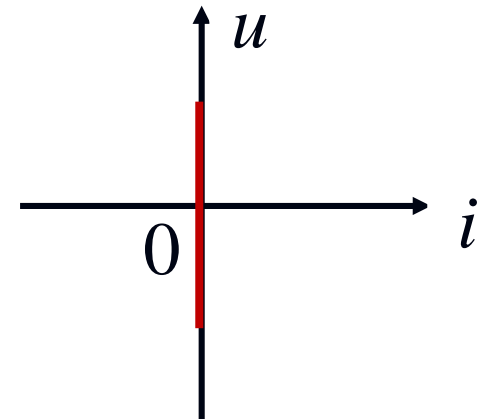
4.电阻的开路与短路



开路

$$i = 0 \quad u \neq 0$$

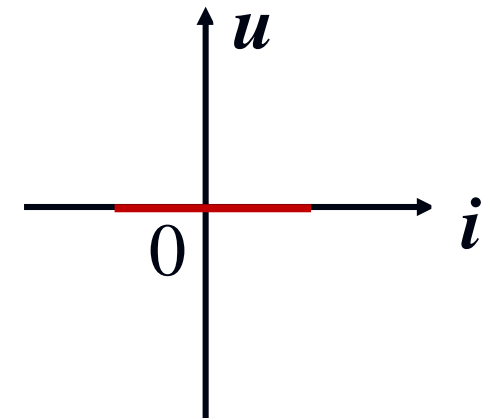
$$\rightarrow R = \infty \quad or \quad G = 0$$



短路

$$i \neq 0 \quad u = 0$$

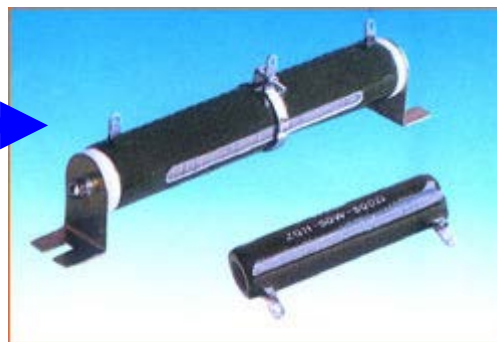
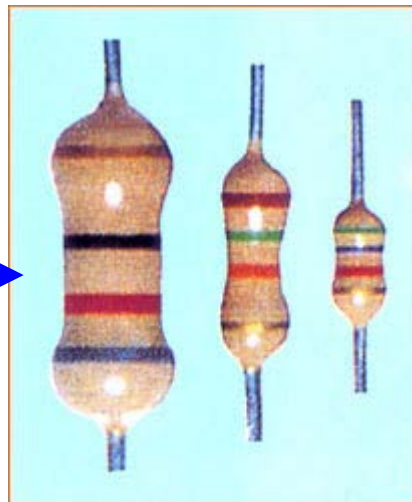
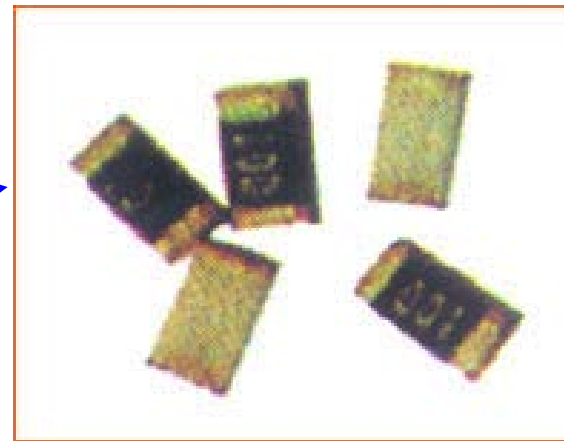
$$\rightarrow R = 0 \quad or \quad G = \infty$$



电阻器

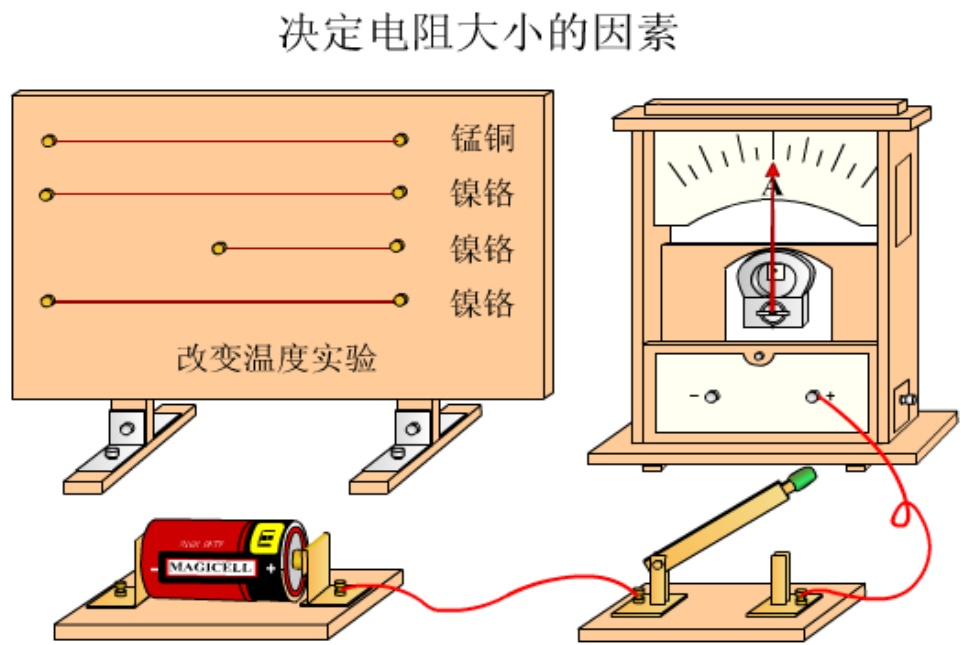
电阻器的尺寸
主要取决于
什么？

贴片电阻	体积小 重量轻 可靠性高
碳膜电阻	阻值范围宽 价格低廉
金属膜电阻	稳定性高 精度高
线绕电阻	功率大



决定阻值的因素

电阻的额定值



阻值+功率

$$R = \rho \frac{L}{S}$$
$$\rho_T = \rho_0 (1 + \alpha T)$$

几种常见材料的0°C电阻率与温度系数

材料	银	铜	铝	铁	碳	镍铬合金
$\rho_0(\Omega m)$	1.5×10^{-8}	1.6×10^{-8}	2.5×10^{-8}	8.7×10^{-8}	3500×10^{-8}	110×10^{-8}
$\alpha(1/^{\circ}C)$	4.0×10^{-3}	4.3×10^{-3}	4.7×10^{-3}	5.0×10^{-3}	-5.0×10^{-4}	1.6×10^{-4}



1.6 电压源和电流源



1.理想电压源

(Ideal Independent Voltage Source)

定义

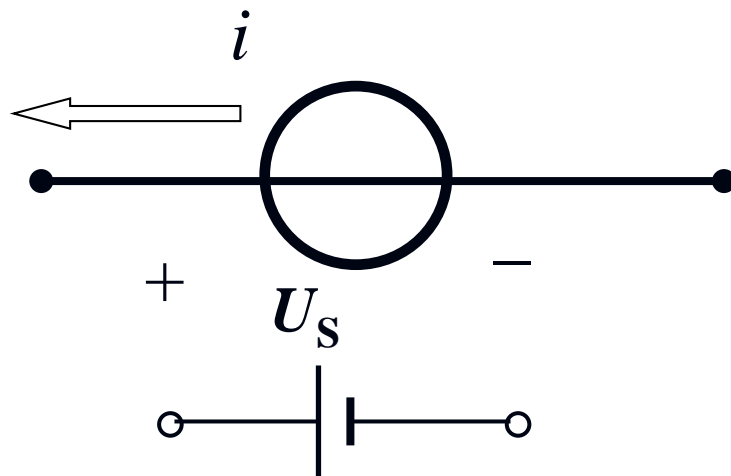


其两端电压总能保持定值或一定的时间函数，其值与流过它的电流 i 无关的元件叫理想电压源。

电路符号

直流： u_S 为常数 (U_S)

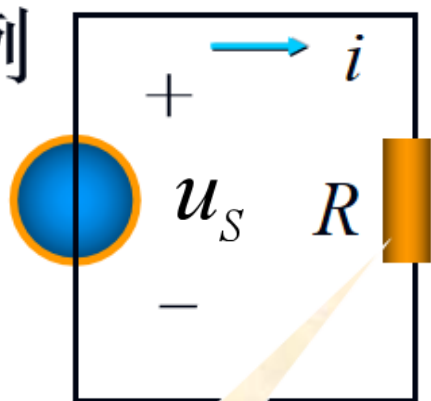
正弦交流： u_S 随时间变化，
可以表示为 $u_S = U_m \sin \omega t$



理想电压源的电压、电流关系

- ① 电源两端电压由电源本身决定，与外电路无关；与流经它的电流方向、大小无关。
- ② 通过电压源的电流由电源及外电路共同决定。

例

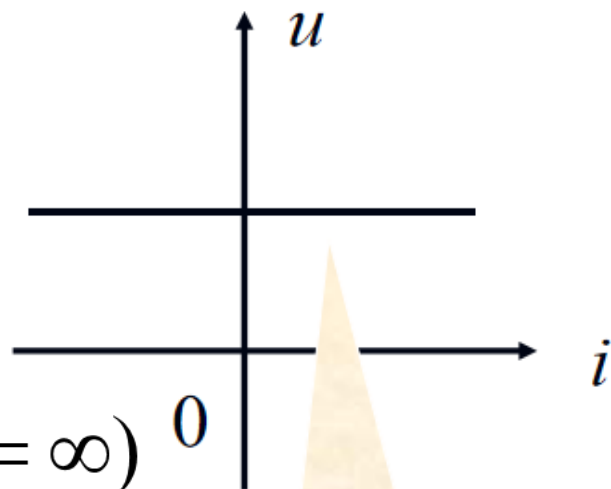


外电路

$$i = \frac{u_s}{R}$$

$$i = 0 \quad (R = \infty)$$

$$i = \infty \quad (R = 0)$$

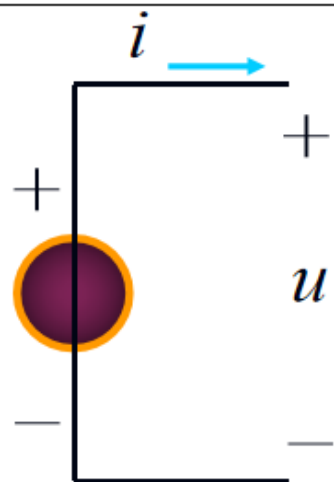


直流电压源的伏安关系

电压源不能短路！




电压源的功率

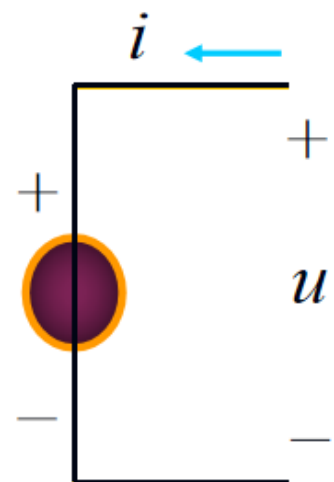


①电压、电流参考方向非关联；

物理意义：


电流（正荷）由低电位向高电位移动，
外力克服电场力作功，电源发出功率。

$P = u_S i$  发出功率，起电源作用



②电压、电流参考方向关联；

物理意义：电场力做功，电源吸收功率

$P = u_S i$  吸收功率，充当负载



例

计算图示电路各元件的功率

解

$$u_R = (10 - 5) = 5 \text{ V}$$

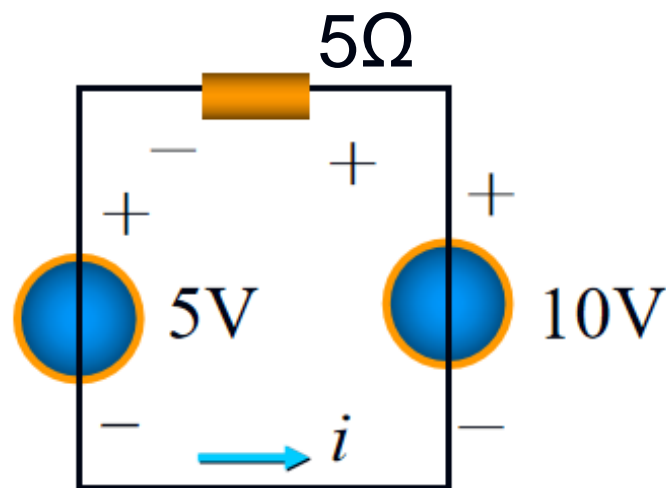
$$i = \frac{u_R}{R} = \frac{5}{5} = 1 \text{ A}$$

$$P_{10V} = u_S i = 10 \times 1 = 10 \text{ W}$$

$$P_{5V} = u_S i = 5 \times 1 = 5 \text{ W}$$

$$P_R = Ri^2 = 5 \times 1 = 5 \text{ W}$$

满足： $P(\text{发}) = P(\text{吸})$



IV非关联 发出

IV关联 吸收

IV关联 吸收

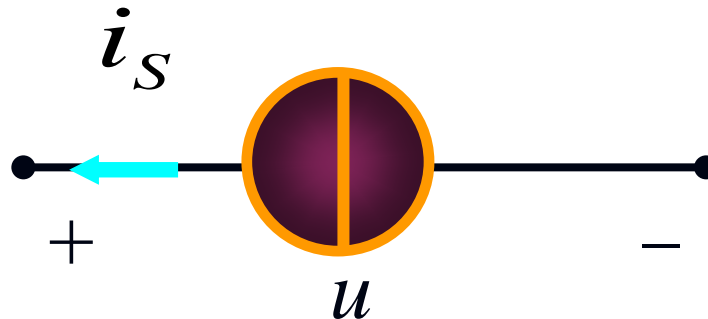


2.理想电流源 Ideal Independent Current Source

定义

其输出电流总能保持定值或一定的时间函数，其值与它的两端电压 u 无关的元件叫理想电流源。

● 电路符号



直流： i_s 是常数 (I_s)

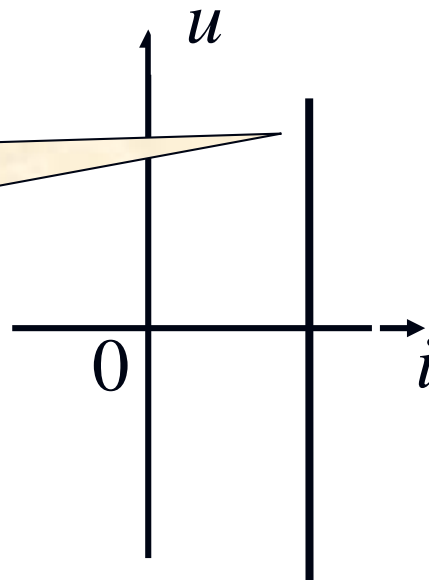
正弦交流： i_s 随时间变化，
可以表示为 $i_s = I_m \sin \omega t$



理想电流源的电压、电流关系

① 电流源的输出电流由电源本身决定，与外电路无关；与它两端电压方向、大小无关。

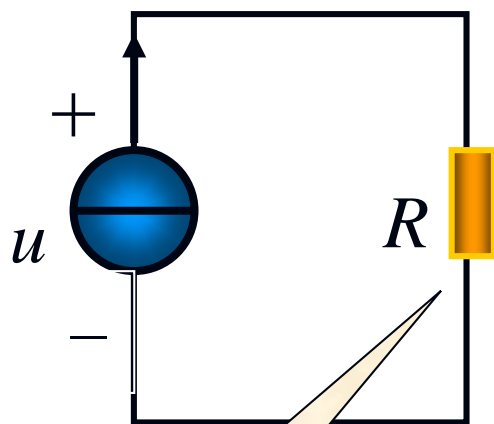
直流电流源的
伏安关系



② 电流源两端的电压由电源及外电路共同决定。



例



$$u = Ri_s$$

$$u = 0 \quad (R = 0)$$

$$u = \infty \quad (R = \infty)$$

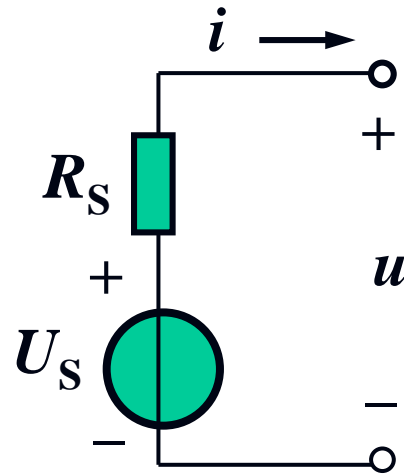
电流源不能开路!

外电路

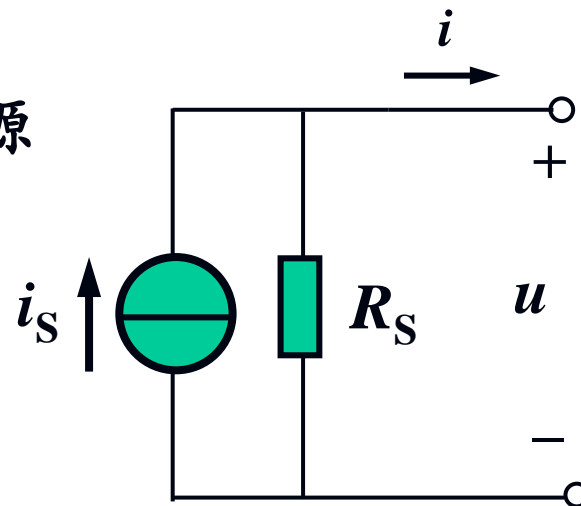


实际电源

实际电压源



实际电流源



实际电流源的产生：

可由稳流电子设备产生，如晶体管的集电极电流与负载无关；
光电池在一定光线照射下光电子被激发产生一定值的电流等。

电流源的功率

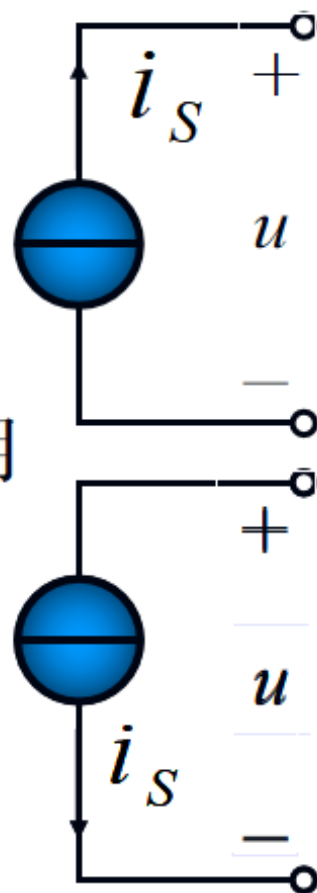


①电压、电流的参考方向非关联；

$P = ui_s \rightarrow$ 发出功率，起电源作用

②电压、电流的参考方向关联；

$P = ui_s \rightarrow$ 吸收功率，充当负载

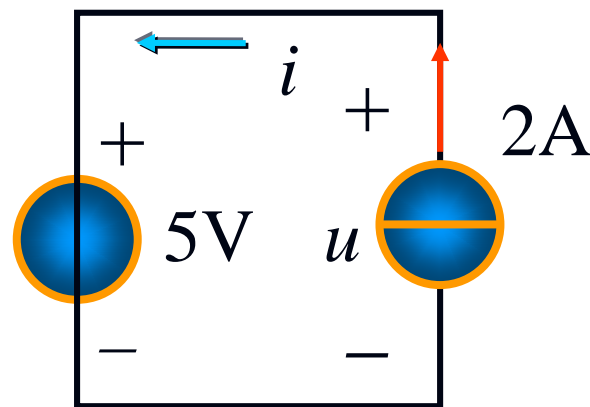


例

计算图示电路各元件的功率

解

$$i = i_s = 2A \quad u = 5V$$



$$P_{2A} = i_s u = 2 \times 5 = 10W$$

非关联，发出

$$P_{5V} = u_s i = 5 \times 2 = 10W$$

关联，吸收

满足： P (发) = P (吸)



1.7 受控电源(非独立源)

1.定义 \longrightarrow 电压或电流的大小和方向不是给定的时间函数，而是受电路中某个地方的电压(或电流)控制的电源，称受控源。

电路符号



受控电压源



受控电流源

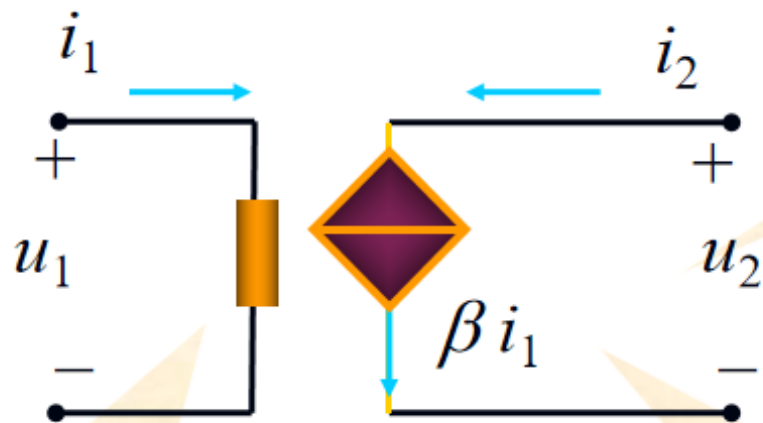


2. 分类

根据控制量和被控制量是电压 u 或电流 i ，受控源可分四种类型：当被控制量是电压时，用受控电压源表示；当被控制量是电流时，用受控电流源表示。

① 电流控制的电流源 (CCCS)

**Current Controlled
Current Source**



四端元件

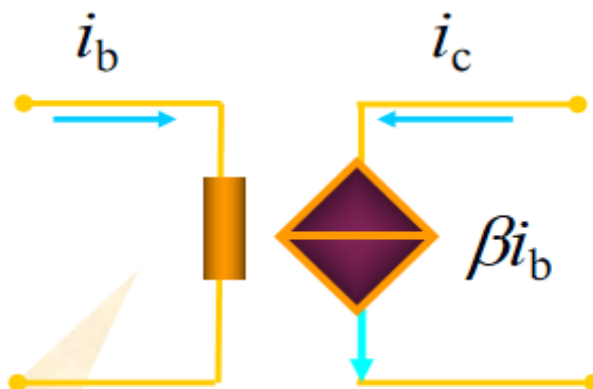
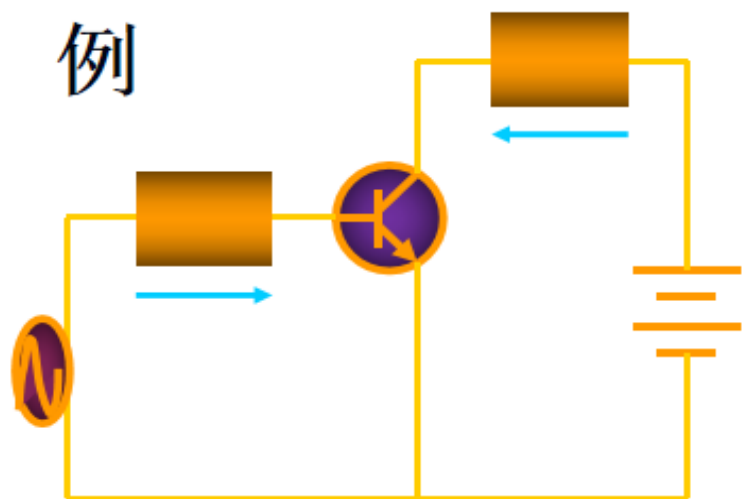
β : 电流放大倍数

输入：控制部分

输出：受控部分



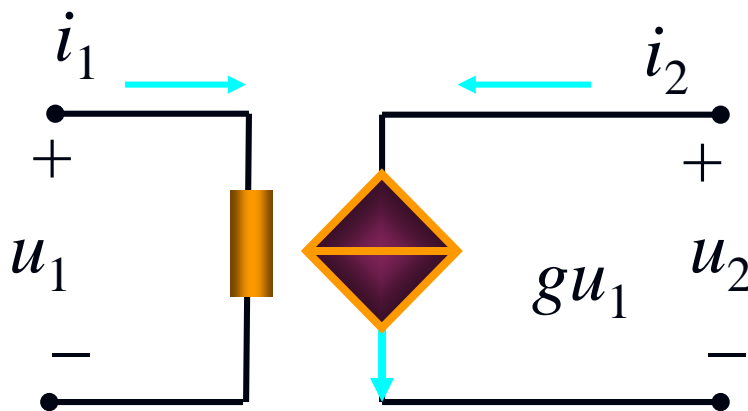
例



电路模型



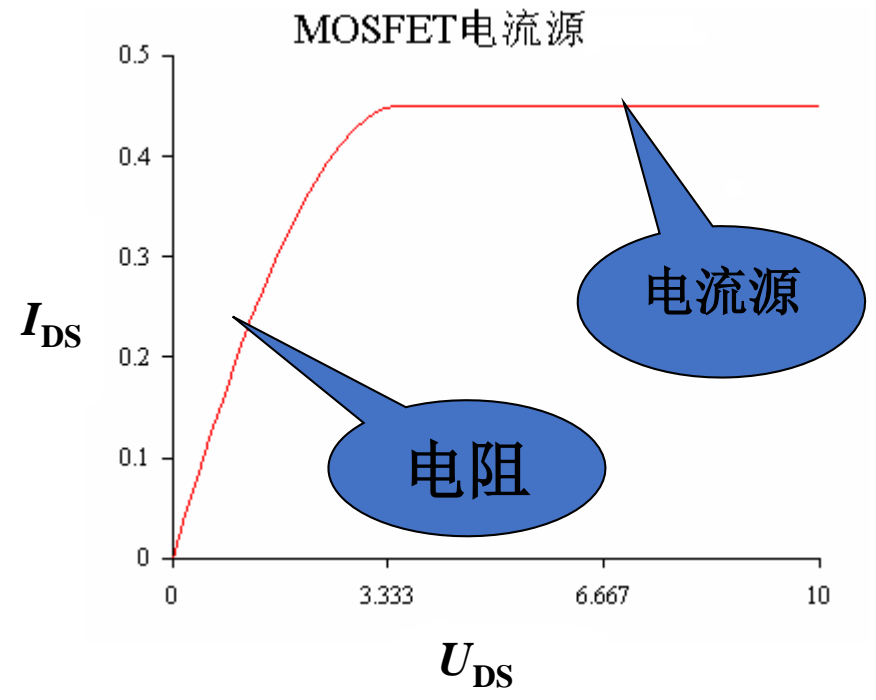
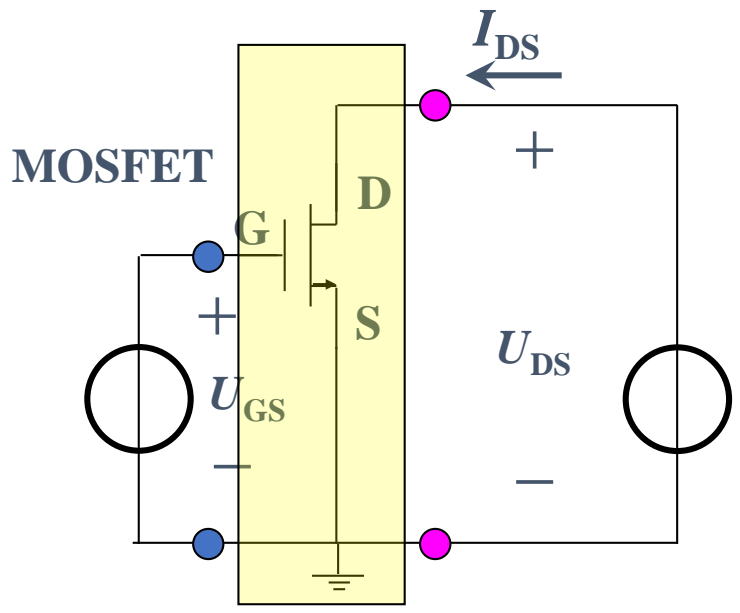
②电压控制的电流源 (VCCS) $i_2 = gu_1$



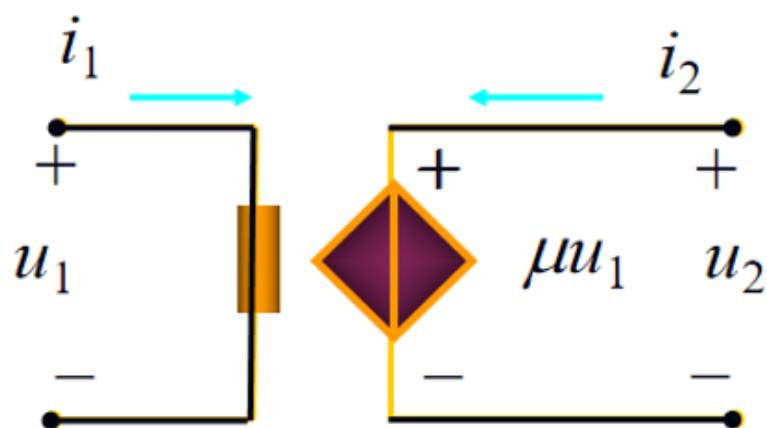
g : 转移电导



电压控制电流源的例子（MOSFET）



③电压控制的电压源 (VCVS)

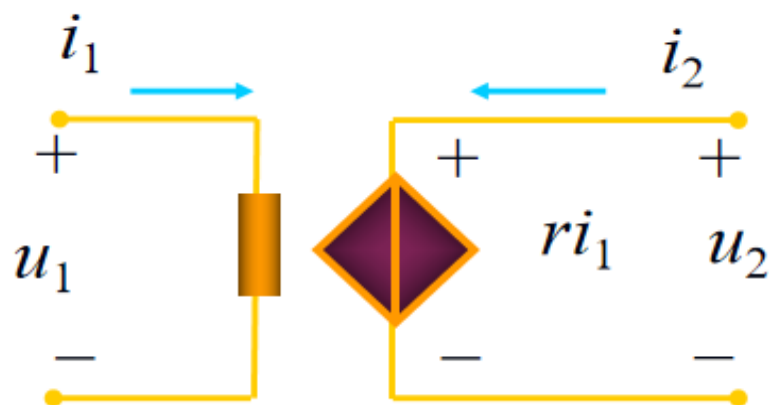


**Voltage Controlled
Voltage Source**

μ : 电压放大倍数



④ 电流控制的电压源 (CCVS)



**Current Controlled
Voltage Source**

r : 转移电阻



3.受控源与独立源的比较

- ①独立源电压(或电流)由电源本身决定，与电路中其它电压、电流无关，而受控源电压(或电流)由控制量决定。
- ②独立源在电路中起“激励”作用，在电路中产生电压、电流，而受控源是反映电路中某处的电压或电流对另一处的电压或电流的控制关系，在电路中不能作为“激励”。



例

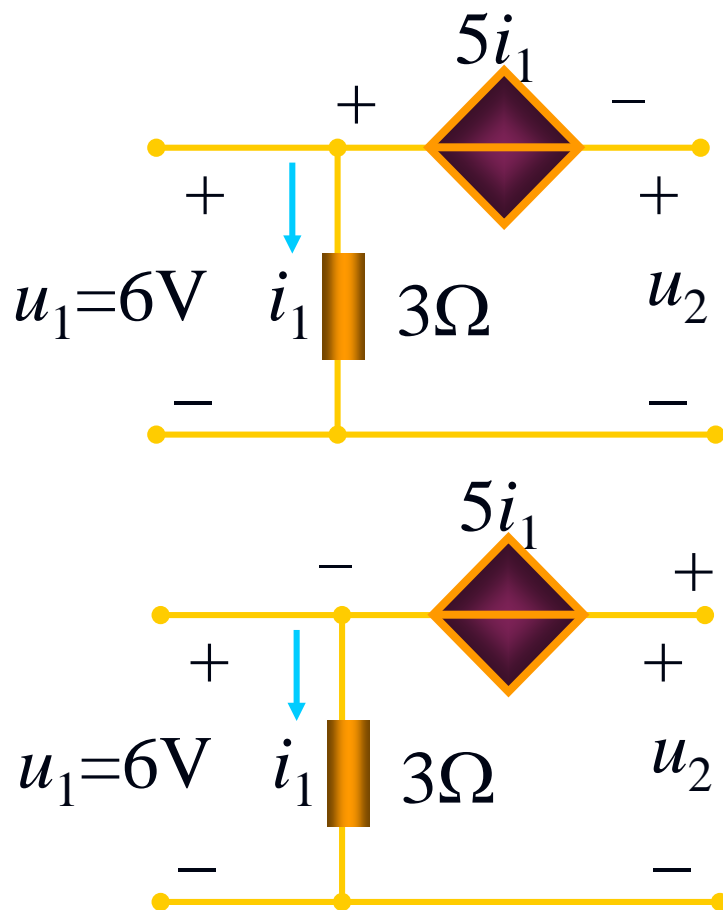
求：电压 u_2

解

$$i_1 = \frac{6}{3} = 2A$$

$$\begin{aligned} u_2 &= -5i_1 + 6 \\ &= -10 + 6 = -4V \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} u_2 &= 5i_1 + 6 \\ &= 10 + 6 = 16V \end{aligned}$$





1.8 基尔霍夫定律

Kirchhoff's Laws

基尔霍夫定律包括基尔霍夫电流定律 (KCL) 和基尔霍夫电压定律 (KVL)。它反映了电路中所有支路电压和电流所遵循的基本规律，是分析集总参数电路的基本定律。基尔霍夫定律与元件特性 (VCR) 构成了电路分析的基础。

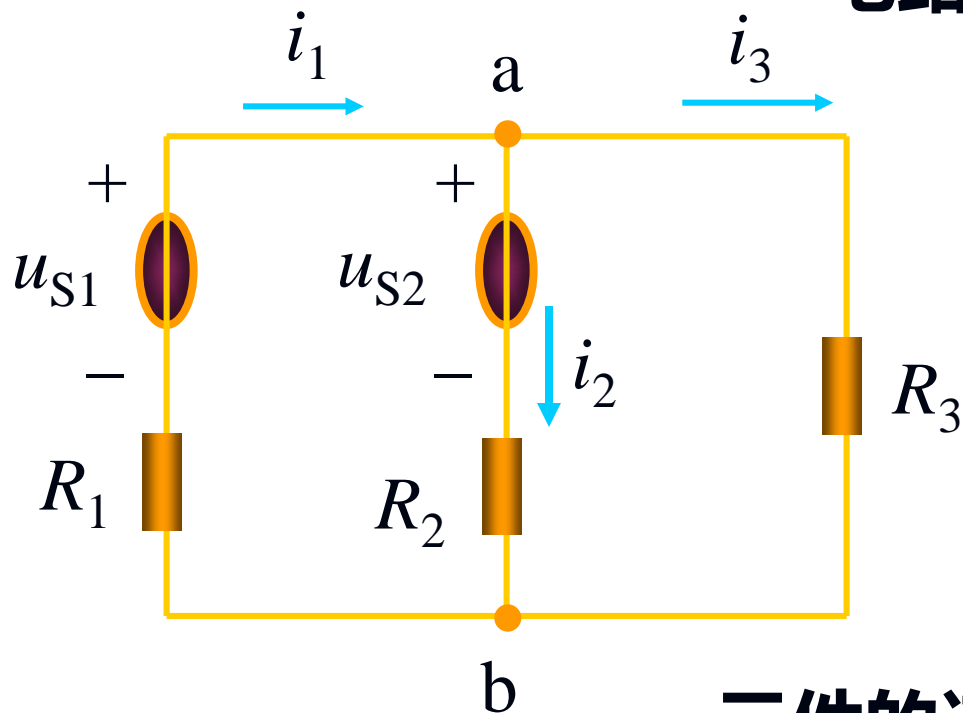


1.几个名词

电路中每一个两端元件就叫一条支路。
 $b=5$

①支路

电路中通过同一电流的分支。
 $b=3$



注意

两种定义分别用在不同的场合。

②结点

元件的连接点称为结点。
 $n=4$

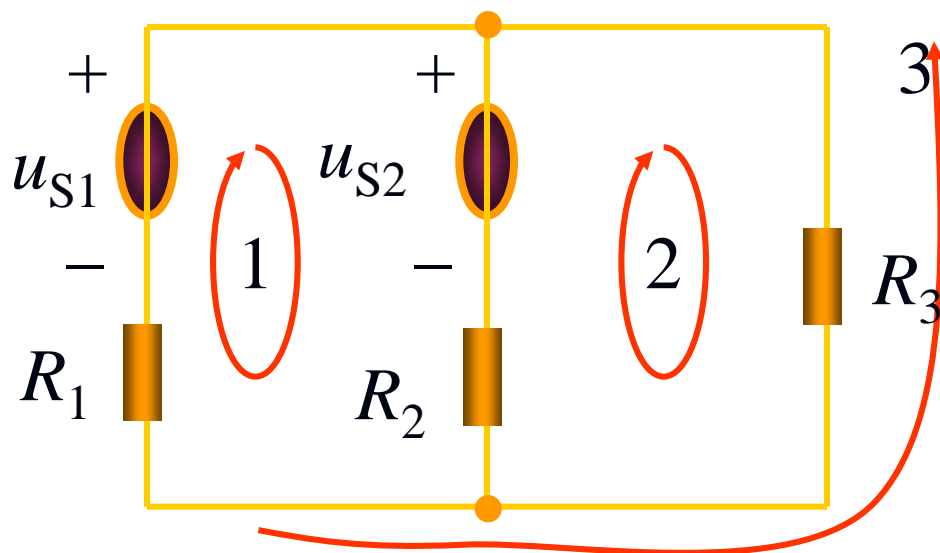
或三条以上支路的连接点称为结点。
 $n=2$

③ 路径

→ 两结点之间的一条通路。由支路构成

④ 回路

→ 由支路组成的闭合路径。 $l=3$



⑤ 网孔

→ 对平面电路，其内部不含任何支路的回路称网孔。

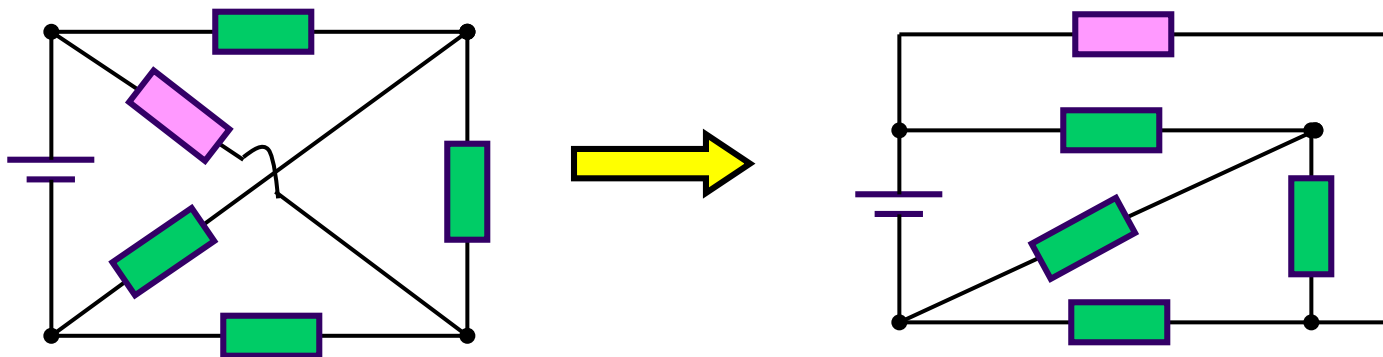


注意

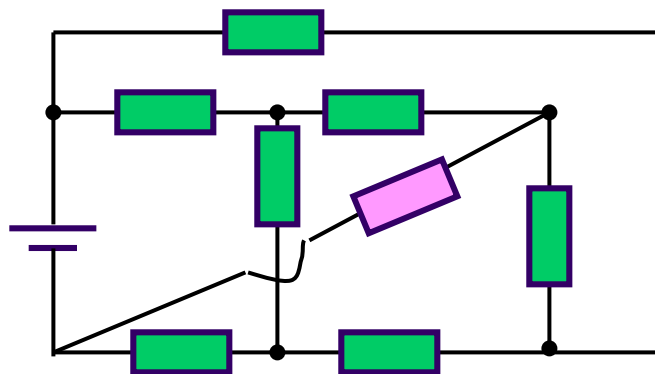
网孔是回路，但回路不一定是网孔。



平面电路：可以画在平面上，不出现支路交叉的电路。

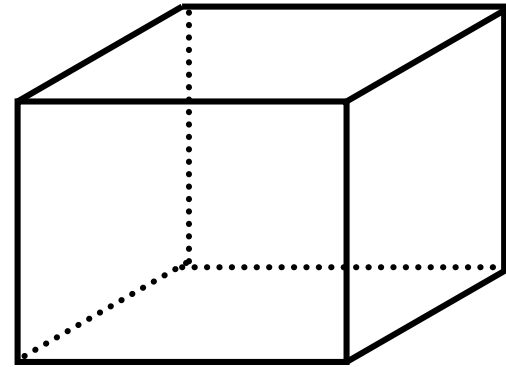


非平面电路：在平面上无论将电路怎样画，总有支路相互交叉。



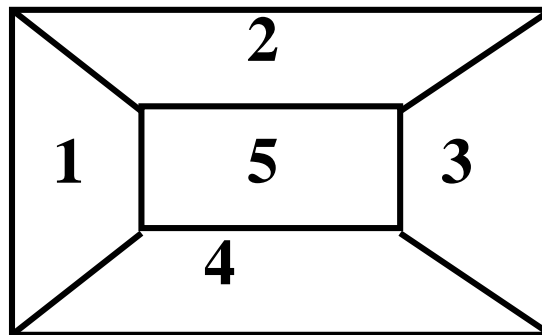
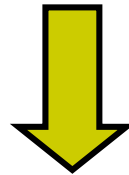
平面电路

?



$$b = 12$$

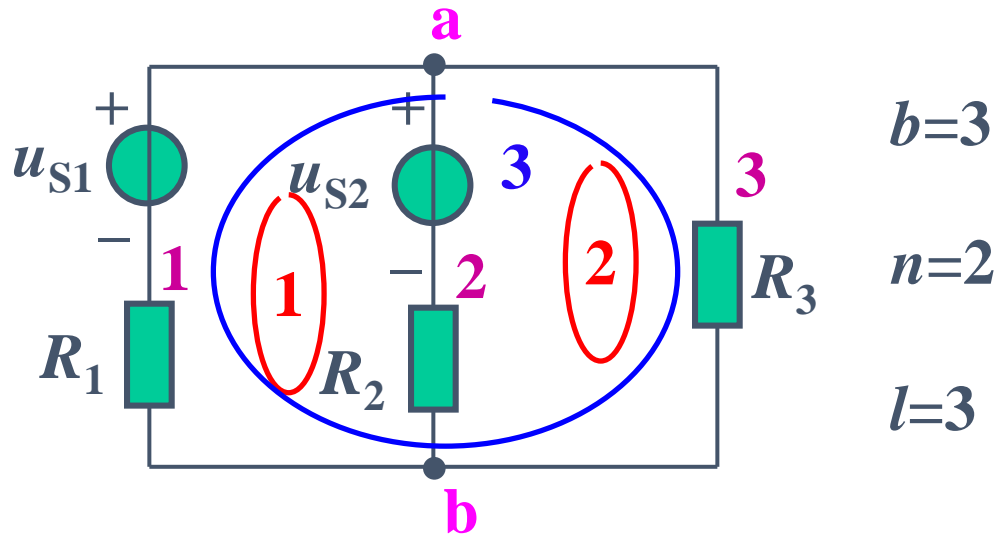
$$n = 8$$



基尔霍夫定律 (Kirchhoff's Laws)

术语

(a) 支路branch: 若干元件无分叉地首尾相连构成一个支路 (b)



(2) 节点node: 3个或更多支路的连接点 (n)

(3) 路径path: 两个节点间包含的支路

(4) 回路loop: 由支路组成的闭合路径 (l)

(5) 网孔mesh: 平面电路中不与其余支路相交的回路



基尔霍夫电流定律 (Kirchhoff's current law—KCL)



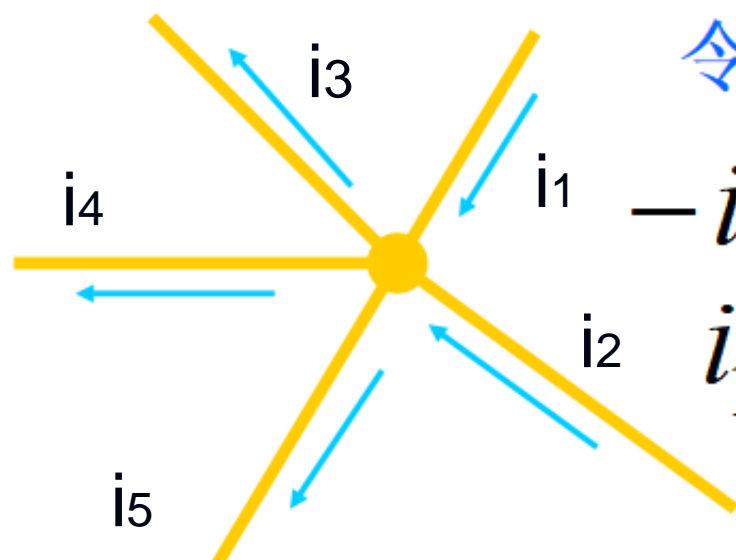
在集总参数电路中，任意时刻，对任意结点流出（或流入）该结点电流的代数和等于零。

$$\sum_{b=1}^m i(t) = 0$$

$$or \quad \sum i_{\lambda} = \sum i_{\text{出}}$$

流进的电流等于流出的电流

令流出为“+”，有：

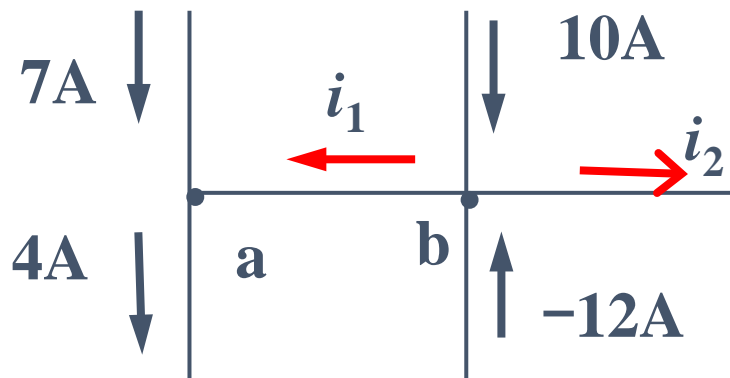


$$-i_1 - i_2 + i_3 + i_4 + i_5 = 0$$

$$i_1 + i_2 = i_3 + i_4 + i_5$$



例



$$4 - 7 - i_1 = 0$$

$$4 = 7 + i_1$$



$$i_1 = -3A$$

$$i_1 + i_2 - 10 - (-12) = 0$$

$$i_1 + i_2 = 10 - 12$$



$$i_2 = 1A$$



例

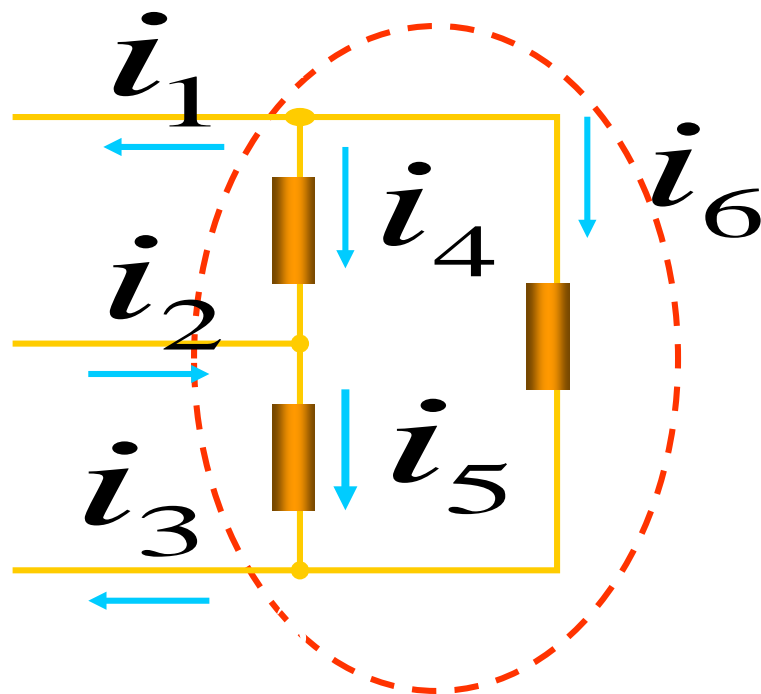
$$i_1 + i_4 + i_6 = 0$$

$$-i_2 - i_4 + i_5 = 0$$

$$i_3 - i_5 - i_6 = 0$$

三式相加得：

$$i_1 - i_2 + i_3 = 0$$

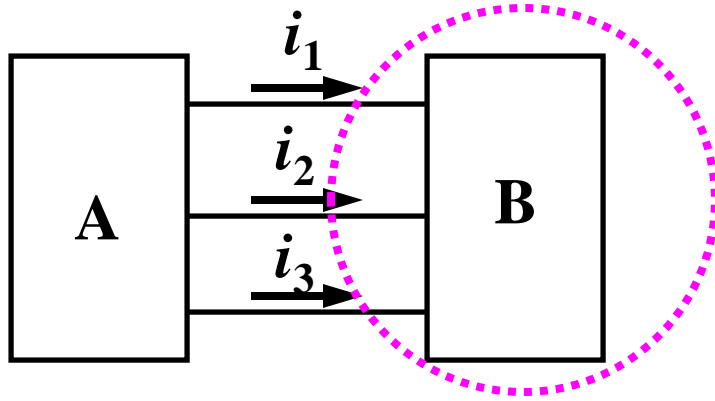


表明

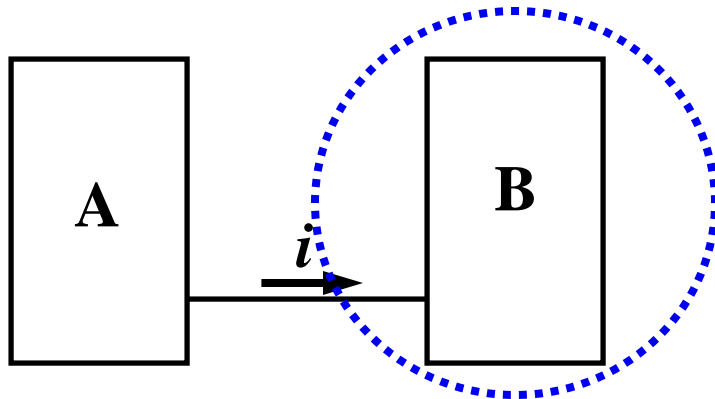
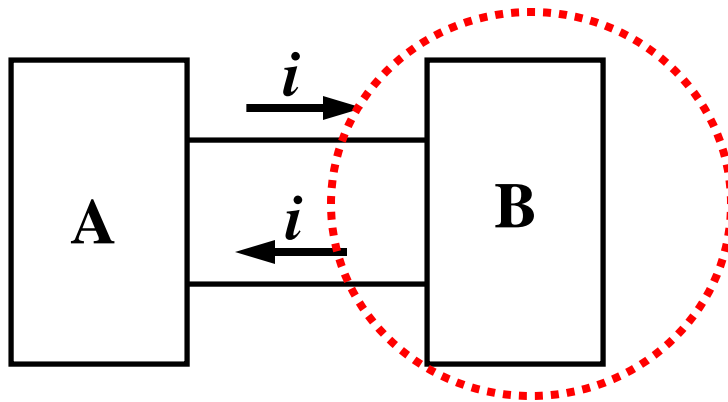
KCL可推广应用于电路中包围多个结点的任一闭合面。



广义 KCL



$$i_1 + i_2 + i_3 = 0$$



$$i = 0$$





- ① KCL是电荷守恒和电流连续性原理在电路中任意结点处的反映;
- ② KCL是对结点处支路电流加的约束, 与支路上接的是是什么元件无关, 与电路是线性还是非线性无关;
- ③ KCL方程是按电流参考方向列写的, 与电流实际方向无关。



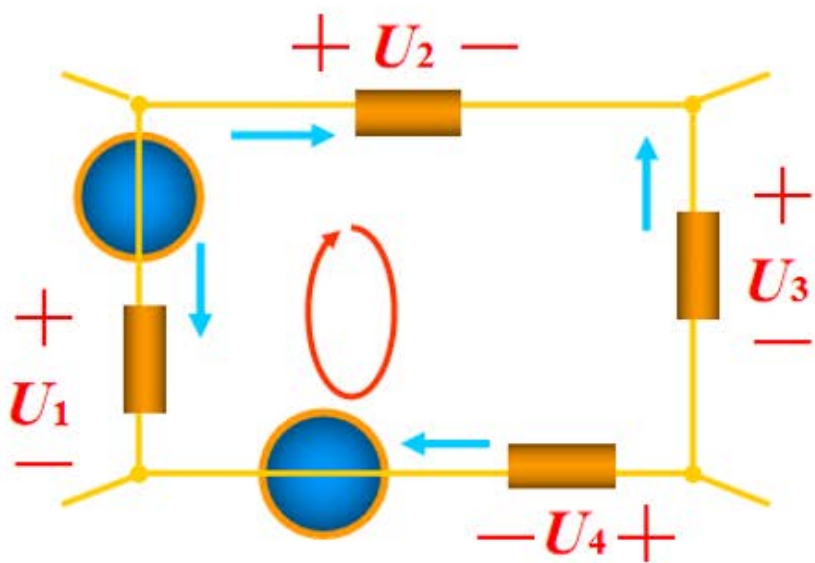
基尔霍夫电压定律 Kirchhoff's Voltage Law KVL

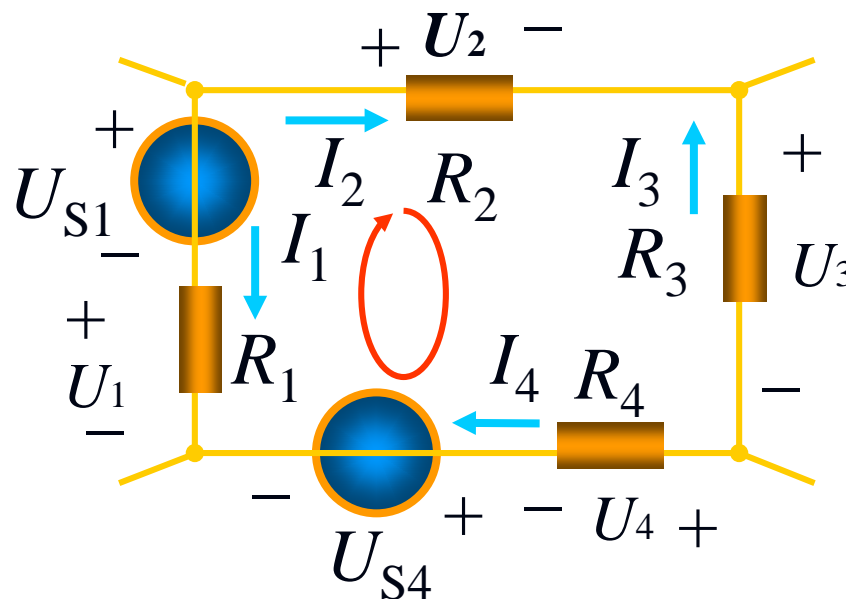
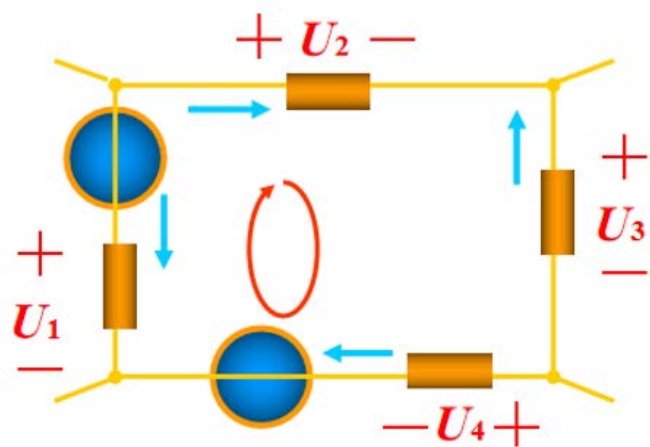
在集总参数电路中，任一时刻，沿任一回路，所有支路电压的代数和恒等于零。

$$\sum_{b=1}^m u(t) = 0$$

$$or \sum u_{\text{降}} = \sum u_{\text{升}}$$

- ① 标定各元件电压参考方向
- ② 选定回路绕行方向，顺时针或逆时针。





$$-U_1 - U_{S1} + U_2 + U_3 + U_4 + U_{S4} = 0$$

或:

$$U_2 + U_3 + U_4 + U_{S4} = U_1 + U_{S1}$$

$$-R_1 I_1 + R_2 I_2 - R_3 I_3 + R_4 I_4 = U_{S1} - U_{S4}$$



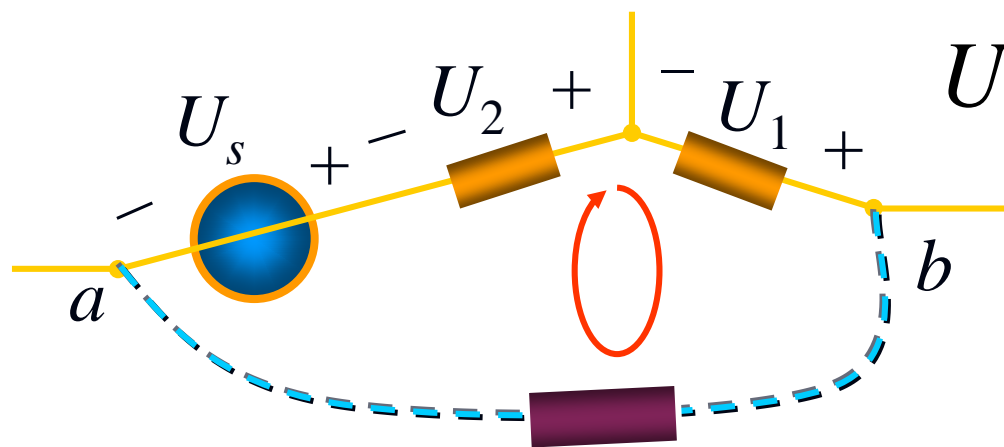


注意

KVL也适用于电路中任一假想的回路。

例

$$U_{ba} - U_1 - U_2 - U_s = 0$$



$$U_{ba} = U_1 + U_2 + U_s$$





- ① KVL的实质反映了电路遵从能量守恒定律;
- ② KVL是对回路中的支路电压加的约束, 与回路各支路上接的是是什么元件无关, 与电路是线性还是非线性无关;
- ③ KVL方程是按电压参考方向列写, 与电压实际方向无关。



4. KCL、KVL小结:

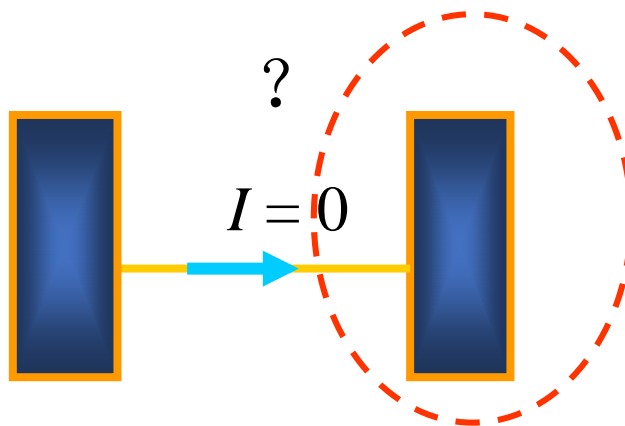
- ① KCL是对支路电流的线性约束, KVL是对回路电压的线性约束。
- ② KCL、KVL与组成支路的元件性质及参数无关。
- ③ KCL表明在每一节点上电荷是守恒的; KVL是能量守恒的具体体现(电压与路径无关)。
- ④ KCL、KVL只适用于集总参数的电路。



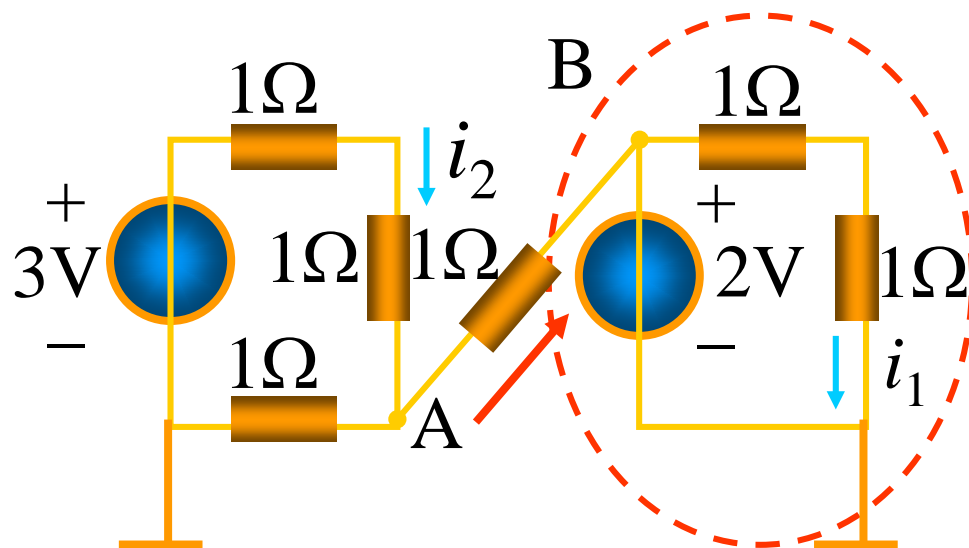


思考

1.



2.

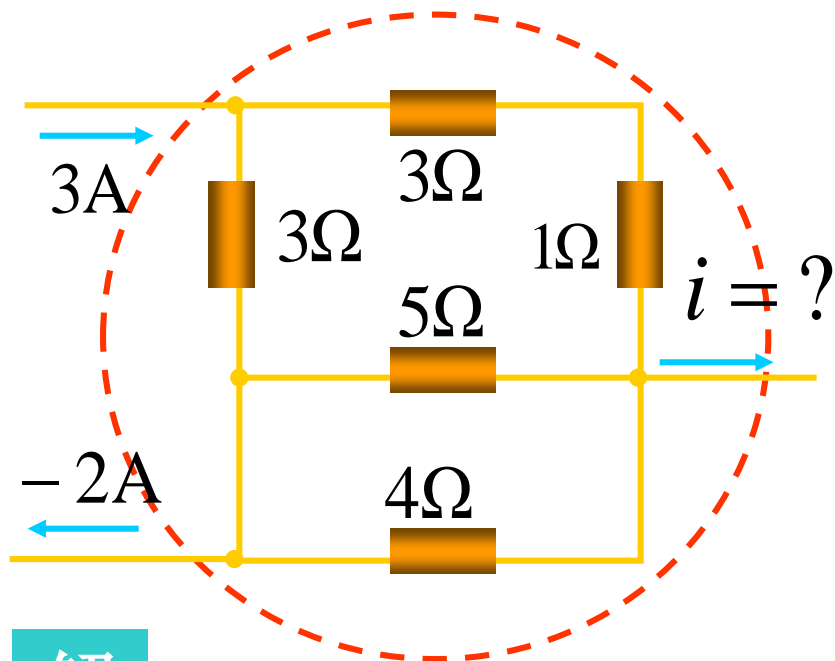


$$U_A = U_B$$

$$i_1 = i_2$$



求电流 i

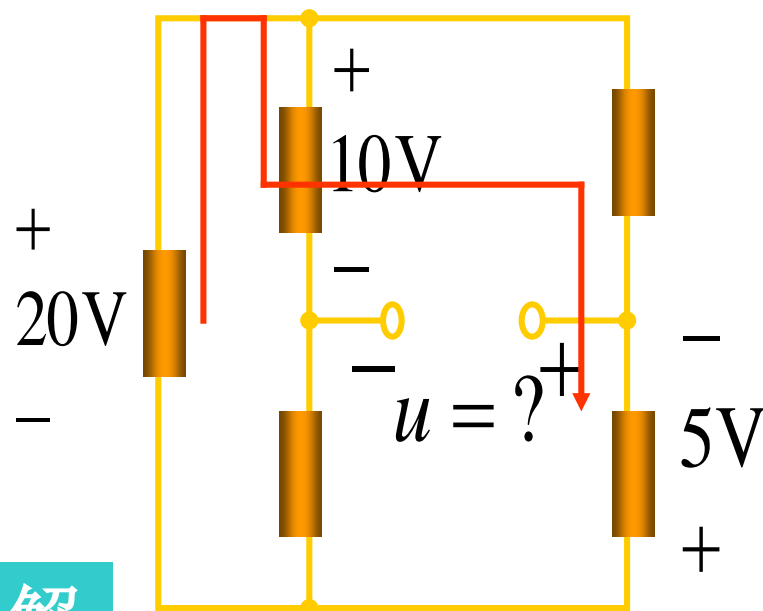


解

$$3 = (-2) + i$$

$$\Rightarrow i = 3 - (-2) = 5A$$

求电压 u



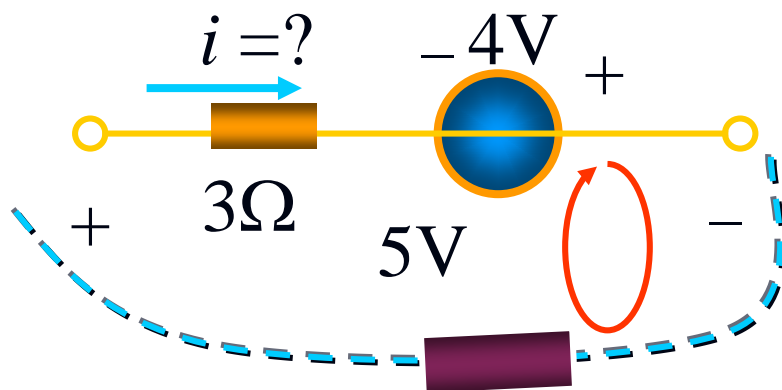
解

$$-20 + 10 - u - 5 = 0$$

$$\Rightarrow u = 10 - 20 - 5 = -15V$$

例3

求电流 i

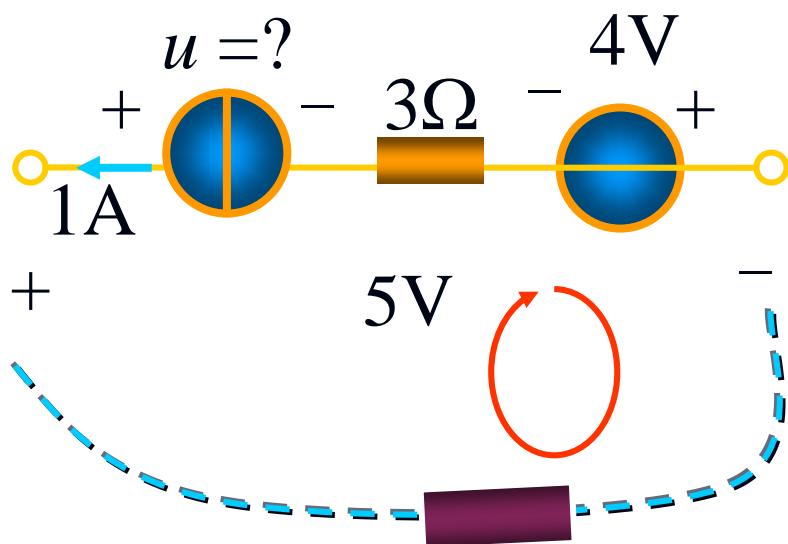


解

$$3i - 4 - 5 = 0 \Rightarrow i = 3\text{A}$$



例4 求电压 u



解

$$u - 3\Omega \times 1A - 4V - 5V = 0$$

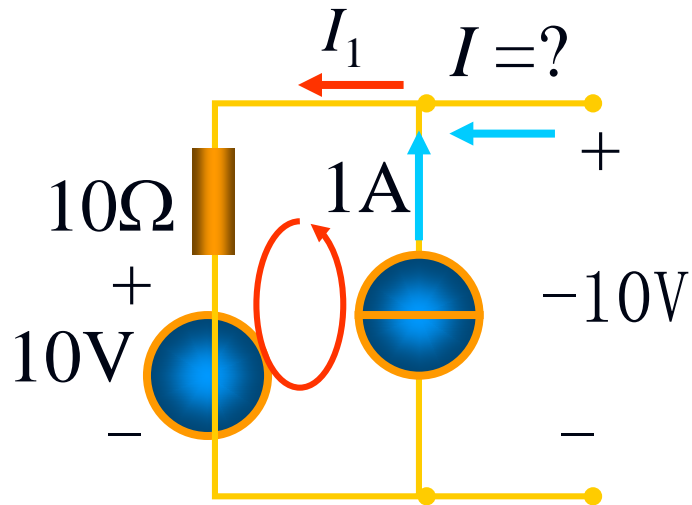
$$u = 5 + 7 = 12V$$

能熟练求解含源支路的电压和电流。



例5

求电流 I



解

$$10I_1 + 10 - (-10) = 0$$

$$I_1 = -2A$$

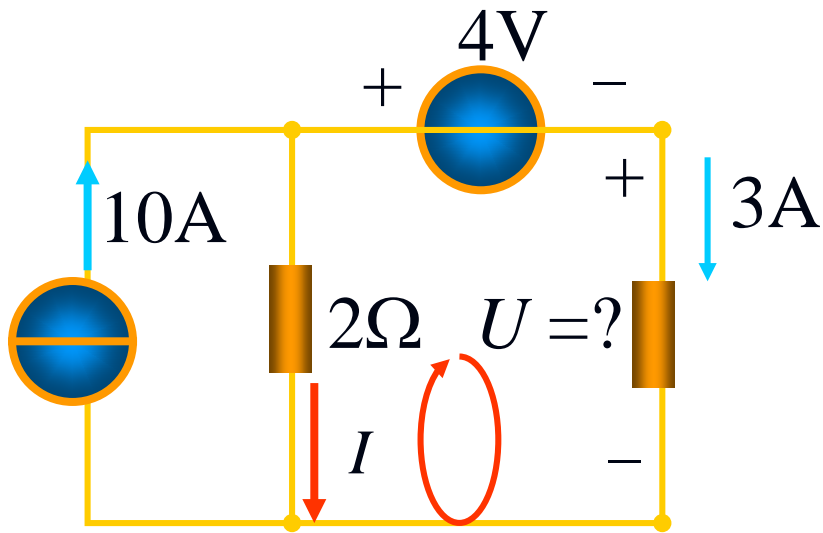
$$I + 1 = I_1 \Rightarrow$$

$$I = I_1 - 1 = -2 - 1 = -3A$$



例6

求电压 U



解

$$I = 10 - 3 = 7\text{A}$$

$$4 + U - 2I = 0$$

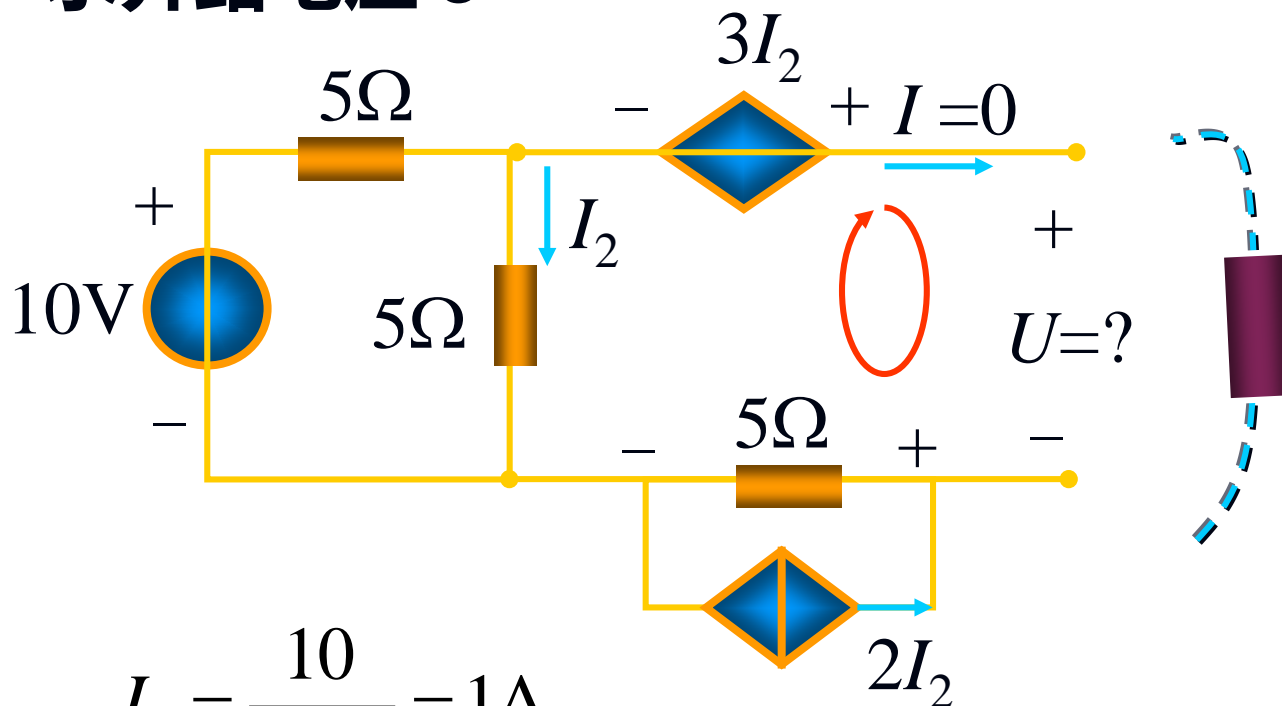
$$U = 2I - 4 = 14 - 4 = 10\text{V}$$



例7



求开路电压 U



解

$$I_2 = \frac{10}{5+5} = 1\text{A}$$

$$-3I_2 + U + 5 \times 2I_2 - 5I_2 = 0 \Rightarrow$$

$$U = 3I_2 + 5I_2 - 5 \times 2I_2 = -2I_2 = -2\text{V}$$



重点

1. 电压、电流的参考方向
2. 电阻元件和电源元件的特性
3. 基尔霍夫定律



Homework

1-5

1-10

1-17

1-18

1-19