Parte I - Máquinas de Vetores de Suporte

Este projeto verificará o funcionamento de máquinas de vetores de suporte, tanto com *kernel* linear quanto Gaussiano.

- O arquivo dado1.mat contém um conjunto de exemplos, com 2 atributos, e linearmente separáveis. Quando este dado é carregado, terá acesso às variáveis X (atributos) e y (classes). Teste a implementação de SVM do sklearn como visto no código da aula (ou alguma outra implementação pronta no caso de usar Matlab/Octave). Use C=1, C=50 e C=100 e mostre a fronteira de decisão sobre o scatterplot em cada caso. Note que o dado tem um outlier que pode ser identificado visualmente. Discuta no relatório o resultado obtido, o papel de C e como o outlier influenciou no processo.
- Já o arquivo dado2.mat contém dados que não são linearmente separáveis e por isso então deverá fazer uso de SVM com kernels. Agora, além das variáveis X e y, terá acesso também a Xval e yval, que serão usados para validação. Use a mesma implementação pronta do item anterior para treinar um modelo de SVM com kernel Gaussiano.
- Use o conjunto de validação para determinar C e σ (do kernel Gaussiano) ideais. Sugere-se que teste os valores $\{0.01, 0.03, 0.1, 0.3, 1, 3, 10, 30\}$ para ambos os hiperparâmetros. Mostre a fronteira de decisão sobre o scatterplot para o C e σ ótimos obtidos.

Parte II - Análise de Componentes Principais

Uma das aplicações mais interessantes e surpreendentes de análise de componentes principais é no reconhecimento facial (eigenfaces). Nesta parte, você implementará este algoritmo para um pequeno conjunto de imagens de rostos.

- Carregue os dados do arquivo dado3.mat. A variável X contém uma matriz em que cada linha corresponde a imagens de faces em tons de cinza, com tamanho original 32 × 32, mas convertidas para um vetor de 1024 componentes. Mostre 100 imagens quaisquer desta base (lembre-se de reconverter o vetor linha para uma imagem). Implemente o algoritmo de PCA como visto em aula e rode sobre esta base de faces.
- Os componentes PCA (autovetores) principais neste tipo de aplicação são o que se chama de *eigenfaces* e eles podem ser visualizados se

forem reformatados para uma imagem 32×32 . Mostre em seu código as eigenfaces correspondentes aos 36 primeiros componentes principais. Comente no relatório sobre o que observa nestas imagens.

 Projete a matriz X sobre os 100 componentes principais e reconstrua o dado original sobre esta projeção. Mostre as imagens originais de 100 faces ao lado das imagens reconstruídas. Comente no relatório sobre o que achou da reconstrução e implicações práticas deste processo.