



# PRUEBA DE ACCESO A CICLOS FORMATIVOS DE NIVEL SUPERIOR

## PARTE GENERAL

### FUNDAMENTOS DE MATEMÁTICAS

MÓDULO

EJERCICIOS

SOLUCIONARIO

PROGRAMACIÓN Y  
RECURSOS



Módulo

## **FUNDAMENTOS DE MATEMÁTICAS**

**Formación Básica - Nivel 3**

**Acceso a ciclos formativos de Grado Superior: Parte general**

**Duración orientativa: 90 horas**



## ÍNDICE

1. INTRODUCCIÓN AL ÁMBITO DE EXPRESIÓN NUMÉRICA Y ESPACIAL
2. MÓDULO: FUNDAMENTOS DE MATEMÁTICAS

### Contenidos

#### BLOQUE 1: ARITMÉTICA Y ALGEBRA (22 horas)

Indicadores de conocimiento

#### BLOQUE 2: ANÁLISIS MATEMÁTICO (33 horas)

Indicadores de conocimiento

#### BLOQUE 3: GEOMETRÍA (17 horas)

Indicadores de conocimiento

#### BLOQUE 4: ESTADÍSTICA Y PROBABILIDAD (18 horas)

Indicadores de conocimiento



## 1. INTRODUCCIÓN AL ÁMBITO DE EXPRESIÓN NUMÉRICA Y ESPACIAL

La parte general de la prueba de acceso a ciclos formativos de Grado Superior está compuesta por dos módulos básicos relativos al conocimiento y manejo de las herramientas comunicativas a nivel instrumental, tanto en el ámbito lingüístico como en el de la expresión numérica y espacial.

El ámbito de la expresión numérica y espacial está referenciado fundamentalmente a las "Matemáticas" y pretende lograr por parte de los destinatarios de la formación las siguientes capacidades:

- Comprender los conceptos, procedimientos y estrategias matemáticas que les permitan adquirir una formación científica general.
- Aplicar sus conocimientos matemáticos a situaciones diversas, utilizándolas en la interpretación de su ámbito laboral así como en sus actividades cotidianas.
- Analizar y valorar la información proveniente de diferentes fuentes, utilizando herramientas matemáticas para formarse una opinión que les permita expresarse críticamente sobre problemas actuales.
- Expresarse oral, escrita y gráficamente en situaciones susceptibles de ser tratadas matemáticamente, mediante la adquisición y el manejo de un vocabulario específico de notaciones y términos matemáticos.
- Aprovechar los cauces de información facilitados por las nuevas tecnologías, seleccionando aquello que pueda ser más útil para resolver los problemas planteados.
- Establecer relaciones entre las matemáticas y el medio social, cultural y económico reconociendo su valor como parte de nuestra cultura.

## 2. MODULO: FUNDAMENTOS DE MATEMÁTICAS

La sociedad actual se desenvuelve bajo el paradigma del conocimiento. Vivimos en un mundo cada vez más tecnificado, que utiliza mayoritariamente el lenguaje y la lógica de las Matemáticas para mejorar la objetividad en las interpretaciones de la realidad. Por tanto, parece necesario formar individuos capaces de comprender y usar lo fundamental de las leyes, principios, lenguaje y estructura de esta ciencia, es decir, que posean una cultura matemática que les permita acceder a los contenidos de todos los campos del conocimiento científico y profesional.

Además, hay que tener en cuenta que los temas de las Matemáticas en los que se basan muchas de las tecnologías han de ser funcionales y dinámicos. Deben dirigirse a la formación de individuos con espíritu de creatividad, de comunicación, de producción, de resolución de problemas y de progreso y, en este sentido, las Matemáticas es el campo más adecuado, ya que ayuda a estructurar y agilizar de manera positiva las más altas operaciones del pensamiento: análisis, síntesis, interpretación, juicio crítico, etc.

Las Matemáticas constituyen un conjunto de conocimientos, agrupados en varios bloques pero ampliamente interrelacionados. Los bloques de Matemáticas más directamente relacionados con la madurez propia para la capacitación profesional son:

- **Aritmética y álgebra.**
- **Análisis matemático.**
- **Geometría.**



- **Estadística y Probabilidad.**

El módulo de Matemáticas deberá desarrollarse mediante una metodología que combine de forma adecuada los contenidos teóricos y prácticos, sin olvidar la finalidad que se persigue y el perfil de los destinatarios a los que se dirige la formación. El planteamiento del módulo deberá ser eminentemente práctico y funcional. La finalidad fundamental del módulo es la instrumental, esto significa que las matemáticas han de servir como una herramienta básica y fundamental en sus estudios profesionales.

Para cualquier proceso formativo que contemple la oferta de este módulo, su necesaria programación debe basarse en la impartición de los "contenidos" que posteriormente se relacionan, con el nivel y extensión que describen los "Indicadores de conocimiento". Estos últimos no dejan de ser criterios de evaluación que expresados como las cuestiones y ejercicios-tipo más representativos de cada bloque de contenidos, aspiran a transmitir lo más sustancial y crítico que las personas deben saber o saber hacer.

#### CONTENIDOS:

##### **BLOQUE 1: ARITMÉTICA Y ALGEBRA (22 horas)**

- **Los números racionales e irracionales. La Recta real.**
- **Los números complejos: necesidad de los números complejos; notación y operaciones con números complejos.**
- **Notación científica.**
- **Lenguaje algebraico:**
  - Polinomios. Operaciones con polinomios. Descomposición factorial. Regla de Ruffini.
  - Ecuación de segundo grado. Solución.
  - Factorización de polinomios. Raíz de un polinomio.
  - Resolución de problemas mediante planteamiento algebraico.
  - Ecuaciones irracionales sencillas, exponenciales y logarítmicas.
- **Progresiones aritméticas y geométricas: (SUPRIMIDO)**
- **Logaritmo: utilidad y manejo de sus propiedades y aplicaciones.**
- **Estudio de matrices y determinantes: (SUPRIMIDO)**
- **Sistemas de ecuaciones (hasta de 3x3).**
  - Sistema de ecuaciones lineales. Sistemas equivalentes.
  - Sistemas compatibles e incompatibles.
  - Solución de un sistema: determinado e indeterminado.
  - Resolución de sistemas por el método de Gauss.
  - Resolución de problemas mediante planteamiento de sistemas.
- **La calculadora científica y su manejo.**

#### **INDICADORES DE CONOCIMIENTO:**

- 1.1. *Identificar y representar los distintos tipos de números sobre la recta Real.*
- 1.2. *Realizar cálculos con números racionales e irracionales, tanto con lápiz y papel como con calculadora.*
- 1.3. *Operar con expresiones algebraicas, polinómicas y racionales.*



- 1.4. Calcular las raíces de un polinomio mediante la factorización.
- 1.5. Plantear y resolver problemas mediante sistemas lineales.
- 1.6. Plantear y resolver problemas mediante ecuaciones de primer y segundo grado.
- 1.7. (SUPRIMIDO)**
- 1.8. (SUPRIMIDO)**
- 1.9 Resolver sistemas de ecuaciones (hasta 3x3) mediante el método de Gauss.

## BLOQUE 2: ANÁLISIS MATEMÁTICO (33 horas)

- Sucesiones numéricas y límite (a nivel intuitivo): **(SUPRIMIDO)**
- Funciones y gráficas:
  - Concepto de función. Dominio y recorrido.
  - Estudio intuitivo de las gráficas de funciones de diversos fenómenos.
- Modelos funcionales:
  - Funciones lineales.
  - Funciones cuadráticas.
  - Funciones polinómicas y racionales (sencillas).
  - Funciones exponenciales y logarítmicas.
  - Funciones trigonométricas sencillas.
- Operaciones y composición de funciones.
- Límite de una función en un punto (a nivel intuitivo). Cálculo de algunos límites de funciones en un punto: **(SUPRIMIDO)**
- Ideas intuitivas sobre la continuidad: **(SUPRIMIDO)**
- Derivada de una función en un punto. Recta tangente a una curva en un punto: **(SUPRIMIDO)**
- La función derivada: **(SUPRIMIDO)**
- Reglas básicas de derivación. Derivadas de algunas funciones: **(SUPRIMIDO)**
- Crecimiento y decrecimiento de una función. Extremos relativos: **(SUPRIMIDO)**
- Dibujo de curvas: **(SUPRIMIDO)**
- Primitiva de una función. Cálculo de primitivas sencillas: **(SUPRIMIDO)**
- Aproximación a la integral definida. Cálculo de área bajo una curva: **(SUPRIMIDO)**
- Cálculo de la integral definida mediante la regla de Barrow: **(SUPRIMIDO)**

### INDICADORES DE CONOCIMIENTO:

- 2.1. (SUPRIMIDO)**
- 2.2. Elaborar tablas a partir de la descripción de una situación o de su expresión algebraica, eligiendo las unidades, escalas y ejes adecuados.
- 2.3. Calcular el dominio de funciones sencillas.



- 2.4. Representar gráficamente las funciones elementales: lineales, cuadráticas, polinómicas y racionales (sencillas).
- 2.5. Reconocer las funciones trascendentes: exponenciales, logarítmicas y trigonométricas.
- 2.6. (SUPRIMIDO)
- 2.7. (SUPRIMIDO)
- 2.8. (SUPRIMIDO)
- 2.9. (SUPRIMIDO)
- 2.10. (SUPRIMIDO)
- 2.11. (SUPRIMIDO)
- 2.12. (SUPRIMIDO)
- 2.13. (SUPRIMIDO)

### BLOQUE 3: GEOMETRÍA (17 horas)

- Razones trigonométricas fundamentales. Circunferencia goniométrica.
- Resolución de triángulos cualesquiera. Teorema del seno y teorema del coseno.
- Vectores libres en el plano: operaciones; producto escalar; módulo de un vector.
- Sistemas de referencia: coordenadas cartesianas en el plano.
- La formas geométricas y su relación con las ecuaciones:
  - Ecuaciones de la recta, distancia y ángulos.
  - Posiciones relativas de rectas.
- Las cónicas: circunferencia, elipse, parábola e hipérbola (reconocimiento e identificación de las gráficas correspondientes). Ecuaciones de las cónicas.

#### INDICADORES DE CONOCIMIENTO:

- 3.1. Obtener las razones trigonométricas de un ángulo cualquiera utilizando la calculadora.
- 3.2. Obtener las razones trigonométricas de unos ángulos en función de otros.
- 3.3. Resolver problemas de triángulos, utilizando las nociones trigonométricas, en un contexto relativo a la resolución de problemas.
- 3.4. Representar puntos en el plano .
- 3.5. Obtener la ecuación de una recta.
- 3.6. Estudiar distintas posiciones de las rectas en función de su pendiente.
- 3.7. Calcular, en el plano, distancias entre puntos y entre rectas y puntos.
- 3.8. Obtener la ecuación de una circunferencia en función de su radio y de su centro.
- 3.9. Reconocer las distintas cónicas a nivel gráfico.

### BLOQUE 4: ESTADÍSTICA Y PROBABILIDAD (18 horas)

- Distribuciones estadísticas unidimensionales:
  - Tablas de frecuencia.
  - Gráficos estadísticos.
  - Parámetros estadísticos: media y desviación típica.
  - Cálculo de los parámetros estadísticos mediante una calculadora científica.
- Distribuciones estadísticas bidimensionales: (SUPRIMIDO)



- Experiencias aleatorias. Sucesos.
- Frecuencia y probabilidad.
- Obtención de la probabilidad de sucesos. Ley de Laplace.

**INDICADORES DE CONOCIMIENTO:**

- 4.1. Construir tablas y gráficas estadísticas a partir de unos datos.
- 4.2. Calcular los parámetros estadísticos: moda, media, mediana y desviación típica.
- 4.3. (SUPRIMIDO)
- 4.4. (SUPRIMIDO)
- 4.5. Identificar distintos tipos de sucesos : elementales, compuestos, etc.
- 4.6. Calcular la probabilidad de sucesos sencillos, mediante la ley de Laplace.



## EJEMPLOS DE EJERCICIOS CORRESPONDIENTES A LOS INDICADORES DE CONOCIMIENTO DE LOS BLOQUES DE CONTENIDOS

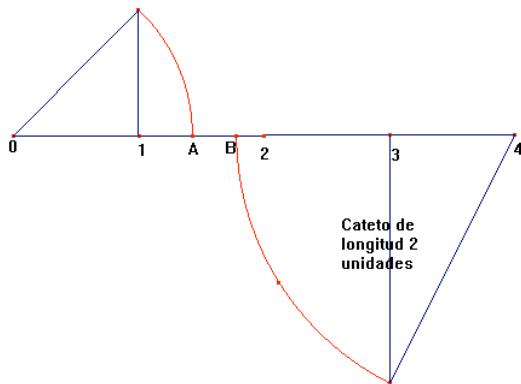
BLOQUE	INDICADORES DE CONOCIMIENTO	EJEMPLOS
1	1.1. Identificar y representar los distintos tipos de números sobre la recta Real.	1
	1.2. Realizar cálculos con números racionales e irracionales, tanto con lápiz y papel como con calculadora.	2
	1.3. Operar con expresiones algebraicas, polinómicas y racionales.	3
	1.4. Calcular las raíces de un polinomio mediante la factorización.	4
	1.5. Plantear y resolver problemas mediante sistemas lineales.	5
	1.6. Plantear y resolver problemas mediante ecuaciones de primer y segundo grado.	6
	1.7. <b>(SUPRIMIDO)</b>	7
	1.8. <b>(SUPRIMIDO)</b>	8
	1.9. Resolver sistemas de ecuaciones (hasta 3x3) mediante el método de Gauss.	9
2	2.1. <b>(SUPRIMIDO)</b>	10
	2.2. Elaborar tablas a partir de la descripción de una situación o de su expresión algebraica, eligiendo las unidades, escalas y ejes adecuados.	11
	2.3. Calcular el dominio de funciones sencillas.	12
	2.4. Representar gráficamente las funciones elementales: lineales, cuadráticas, polinómicas y racionales (sencillas).	13
	2.5. Reconocer las funciones trascendentes: exponenciales, logarítmicas y trigonométricas.	14
	2.6. <b>(SUPRIMIDO)</b>	15, 18
	2.7. <b>(SUPRIMIDO)</b>	16, 17
	2.8. <b>(SUPRIMIDO)</b>	18
	2.9. <b>(SUPRIMIDO)</b>	19, 20
	2.10. <b>(SUPRIMIDO)</b>	18, 21
	2.11. <b>(SUPRIMIDO)</b>	22
	2.12. <b>(SUPRIMIDO)</b>	23
	2.13. <b>(SUPRIMIDO)</b>	23, 24
3	3.1. Obtener las razones trigonométricas de un ángulo cualquiera utilizando si es preciso la calculadora.	25, 27
	3.2. <i>Obtener las razones trigonométricas de unos ángulos en función de otros.</i>	25, 26
	3.3. Resolver problemas de triángulos, utilizando las nociones trigonométricas, en un contexto relativo a la resolución de problemas.	27, 28
	3.4 <i>Representar puntos en el plano</i>	29
	3.5 Obtener la ecuación de una recta.	33, 34, 35
	3.6 Estudiar distintas posiciones de las rectas en función de su pendiente.	33, 34, 35



	3.7 Calcular, en el plano, distancias entre puntos y entre rectas y puntos.	29, 30
	3.8 Obtener la ecuación de una circunferencia en función de su radio y de su centro.	32, 36, 37
	3.9 Reconocer las distintas cónicas a nivel gráfico.	31
4	4.1. Construir tablas y gráficas estadísticas a partir de unos datos.	38, 3, 40, 41
	4.2. Calcular los parámetros estadísticos: moda, media, mediana y desviación típica	39, 41
	4.3. (SUPRIMIDO)	44
	4.4. (SUPRIMIDO)	42, 43
	4.5. Identificar distintos tipos de sucesos: elementales, compuestos, etc	47, 48, 49
	4.6. Calcular la probabilidad de sucesos sencillos, mediante la ley de Laplace.	45, 46, 50

**1. Sobre el segmento  $[0,4]$  de la recta real señala el valor numérico de los puntos:**

A y B. Se sabe que los arcos dibujados tienen por centro los puntos 0 y 4 respectivamente. Además, el pequeño triángulo rectángulo es isósceles.


**2. Calcular el valor de las dos expresiones numéricas siguientes:**

$$A) \frac{\sqrt{5} + \sqrt{3}}{\sqrt{5} - \sqrt{3}}$$

$$B) (\sqrt[3]{16}) - \frac{1}{4} \cdot (\sqrt[3]{10}) + \sqrt{25 \cdot \sqrt{4}}$$

**3. Dados los siguientes polinomios**

$$P(x) = 3x - 2$$

$$Q(x) = x - \frac{1}{2}$$

Calcular las siguientes expresiones algebraicas:

$$a) P^2(x)$$

$$b) Q^2(x)$$

$$c) [P(x) + Q(x)]^2$$

**4. Descompón en factores los siguientes polinomios y di cuáles son sus raíces:**

$$a) y = x^3 - 2.x^2 - x + 2$$

$$b) y = 2.x^3 - 3.x^2 - 9.x + 10$$



5. Se dispone de tres cajas A, B y C con monedas de 1 euro. Se sabe que en total hay 36 euros. El número de monedas de A excede en 2 a la suma de las monedas de las otras dos cajas. Si se traslada 1 moneda de la caja B a la caja A, esta tendrá el doble de monedas que B. Averigua cuántas monedas había en cada caja.

6. Resuelve las siguientes ecuaciones:

a)  $\frac{8-x}{2-x} - \frac{8+x}{2+x} = \frac{9}{4}$

b)  $\frac{3}{2} \left( \frac{x}{2} - 2 \right)^2 - \frac{x+1}{8} = \frac{1}{8} - \frac{x-1}{4}$

7. Calcula x, y, z, t para que se cumpla:

$$\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x & y \\ z & t \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$$

8. Calcular el valor de A para que el siguiente determinante sea igual a cero.

$$\begin{vmatrix} 1 & 6 & A \\ 5 & 9 & 2 \\ 7 & 8 & 4 \end{vmatrix} = 0$$

9. Resuelve el siguiente sistema aplicando el método de Gauss

$$x - y + 3z = -4$$

$$x + y + z = 2$$

$$x + 2y - z = 6$$

10. Dada la sucesión  $(a_n)$  de término general  $a_n = \frac{2n+3}{5n-2}$ . Calcular su límite.

11. Dadas las siguientes funciones:

a)  $y = \operatorname{sen} x + \cos x$

b)  $y = x^3 - 3x^2 - 2x + 1$

Rellenar sus tablas, para los valores indicados de la variable independiente.

Tabla correspondiente al caso a)

x	$\pi/6$	$\pi/4$	$\pi/2$	$\pi$
y				

Tabla correspondiente al caso b)



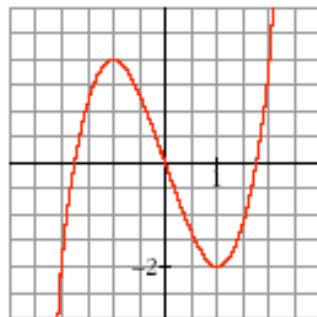
<b>x</b>	-2	-1	0	2
<b>y</b>				

**12. Halla el dominio de estas funciones:**

a)  $y = x^3 - 5x^2 + 7x + 3$

b)  $y = \frac{x^3 - 3x}{x^2 - 5x + 4}$

c)  $y = \frac{x^3 - 3x}{x^2 + 4}$

**13. La siguiente gráfica corresponde a una de las siguientes funciones:**


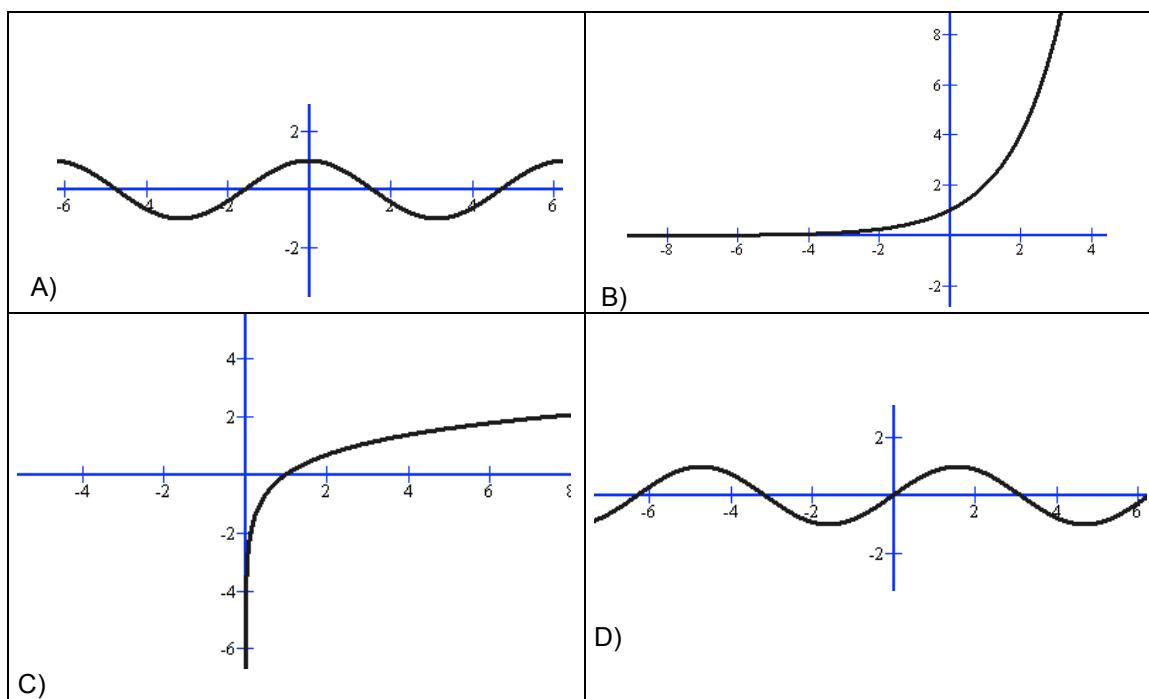
$y = x^3 - 3x$

$y = x^4 - 4x^3 - 16$

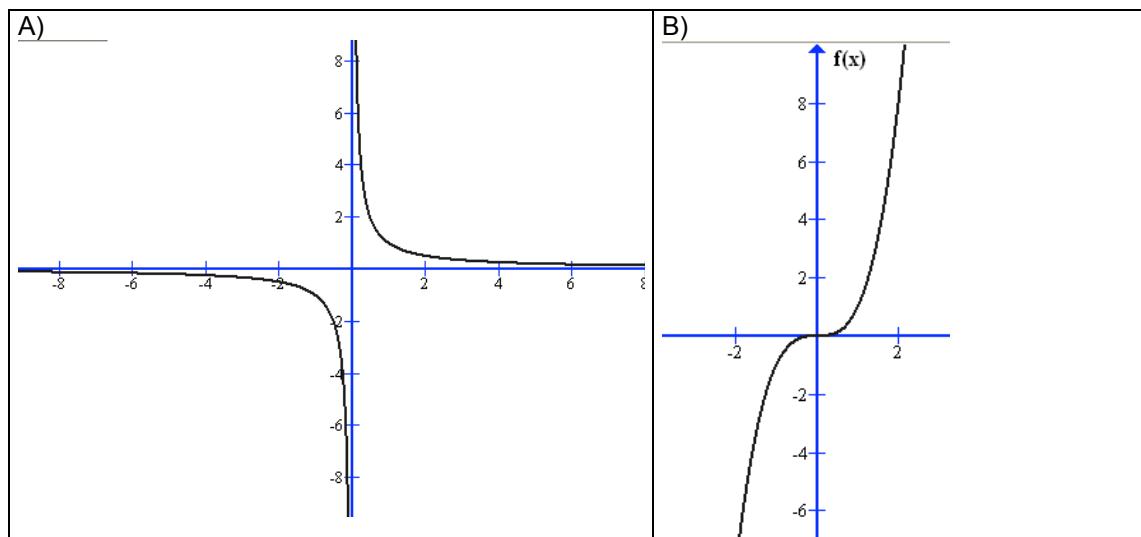
$y = x^3 + 2$

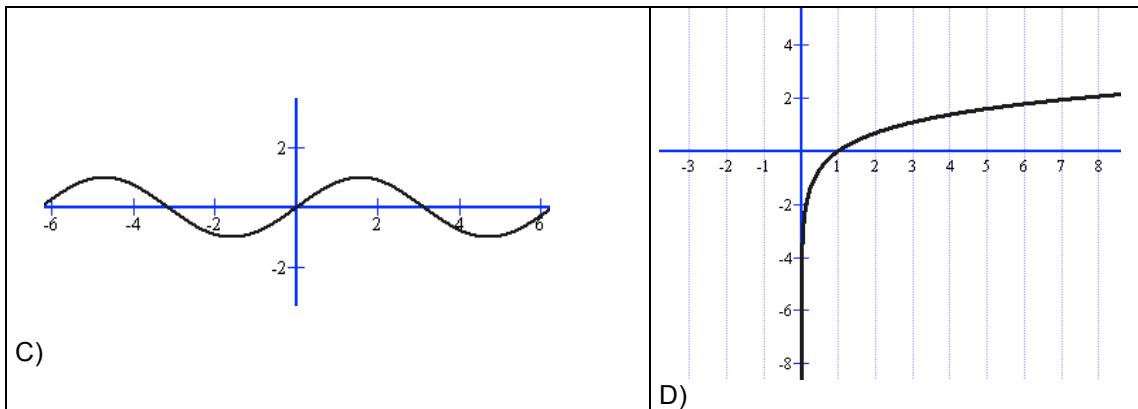
Explica razonadamente tu elección

**14. Las siguientes funciones son logarítmicas, exponenciales o trigonométricas. Indica cómo es cada una de ellas.**



**15. Dadas las siguientes gráficas, indicar cuáles son continuas y cuáles no. En caso de discontinuidad señalar los puntos de discontinuidad.**





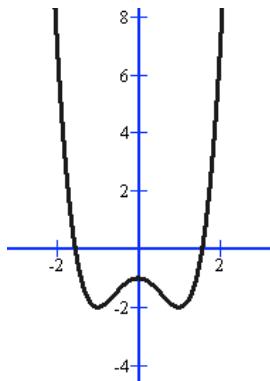
**16. Sabiendo que, cuando  $x \rightarrow +\infty$ ,  $f(x) \rightarrow +\infty$ ,  $g(x) \rightarrow 4$ ,  $h(x) \rightarrow -\infty$ ,  $u(x) \rightarrow 0$ , asigna, siempre que puedas, límite cuando  $x \rightarrow +\infty$  a las expresiones siguientes:**

- a)  $f(x) - h(x)$
- b)  $f(x) \cdot f(x)$
- c)  $f(x) + h(x)$
- d)  $g(x) \cdot h(x)$
- e)  $h(x) / u(x)$

**17. Indica cuáles de las siguientes expresiones son infinitos ( $\pm\infty$ ) cuando  $x \rightarrow +\infty$ :**

- a)  $0,5^x$
- b)  $-1,5^x$
- c)  $4^x$
- d)  $4^{-x}$

**18. Dada la siguiente función:**



(Corresponde a la función  $y = x^4 - 2x^2 - 1$ )

Indica de manera muy somera para qué valores de  $x$  la función tiene derivada cero, para cuales derivada positiva y para cuales derivada negativa. Señala las características más relevantes de la función.



**19. Calcula el valor de la derivada, en el punto  $x = 3$ , de las siguientes funciones:**

a)  $y = 3x^3 - 4x^2 - 5x + 34$

b)  $y = \frac{2x-1}{4x+2}$

Además, obtener en las dos funciones la recta tangente en dicho punto.

**20. Halla las rectas tangentes a la curva:**

$$y = \frac{5x^3 + 7x^2 - 16x}{x - 2}$$

en los puntos de abscisas 0 y 1

**21. Halla los valores máximos y mínimos de la siguiente función:**

$$y = x^3 - 6x^2 + 9x + 5$$

**22. Obtener las derivadas de las siguientes funciones:**

a)  $y = \sin(3x) + \cos(2x)$

b)  $y = 5x^2 - \frac{2}{x}$

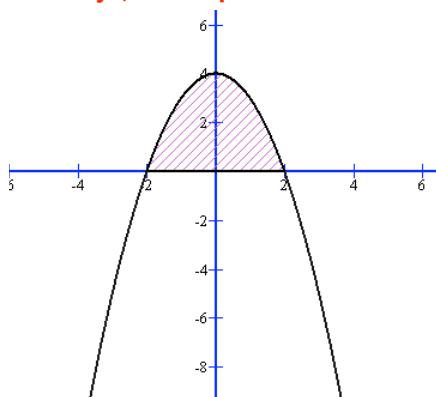
c)  $y = \ln(3x)$

**23. Resolver las siguientes integrales**

. a)  $\int \frac{x^4 - 5x^2 + 3x - 4}{x} dx$

. b)  $\int \sin 2x dx$

**24. El dibujo, corresponde a la función:**  $y = -x^2 + 4$



Calcula el área rayada, empleando la fórmula de Barrow.

**25. Halla el valor exacto de la siguiente expresión:**

$$\operatorname{sen} \frac{5\pi}{4} + \cos \frac{3\pi}{4} - \operatorname{sen} \frac{7\pi}{4}$$

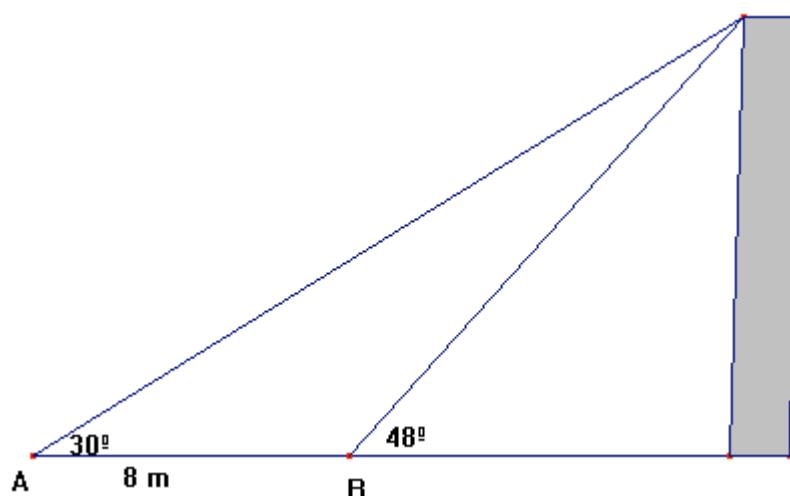
**26. Sabiendo que el  $\operatorname{sen} A = 1/3$ , siendo A un ángulo del primer cuadrante.**

**Responde a las siguientes cuestiones, calculando el valor que se te pide:**

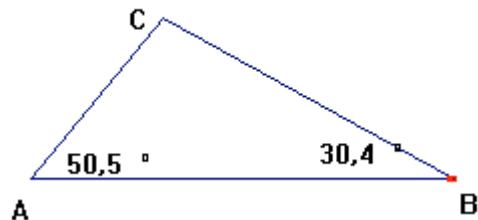
- a)  $\cos A$
- b)  $\operatorname{sen}(180^\circ - A)$
- c)  $\operatorname{sen}(180^\circ + A)$
- d)  $\operatorname{sen}(-A)$
- e)  $\operatorname{sen}(90^\circ - A)$
- f) El valor del ángulo A (emplea tu calculadora)

**27. Una persona quiere medir la altura de un edificio. Desde el punto A traza una visual al punto más alto del edificio. Se acerca 8 metros y hace lo mismo desde el punto B.**

**El esquema es suficientemente explicativo.**

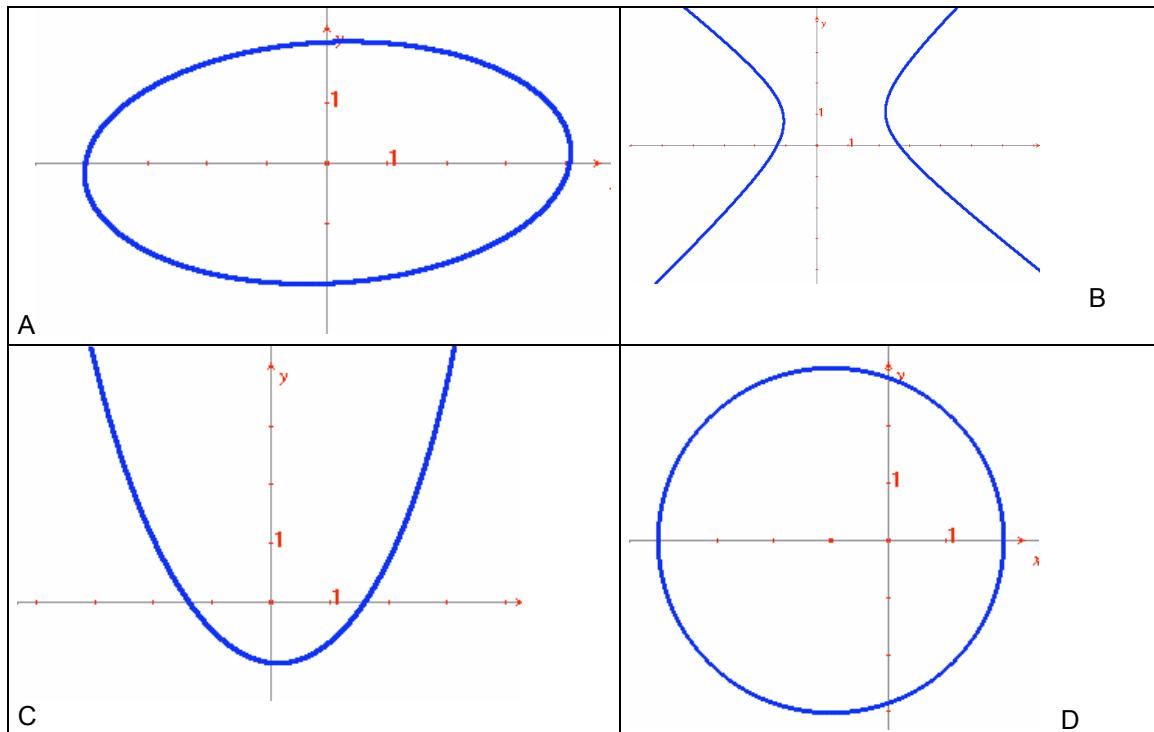


Empleando una calculadora. Calcula la altura del edificio.

**28. Dado el triángulo ABC**


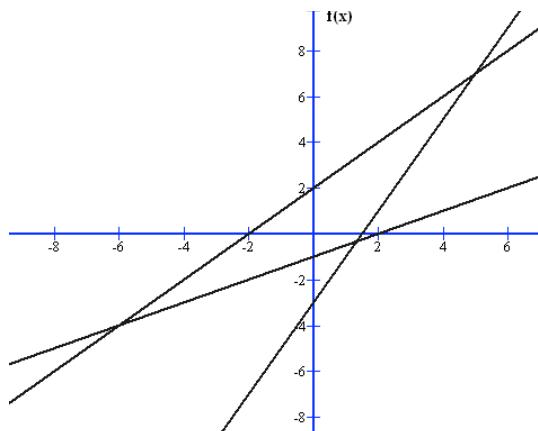
Se sabe el valor de los ángulos A ( $50,5^\circ$ ) y B( $30,4^\circ$ ). Si la base AB mide 30 cm  
Calcula:

- a) El valor del ángulo C
- b) El valor de los otros dos lados del triángulo.

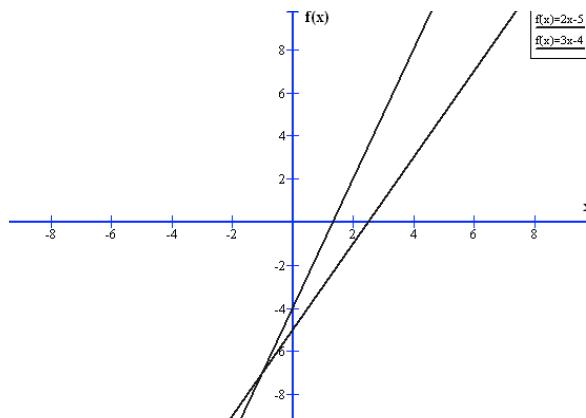
**29. Representa en el plano los siguientes puntos  
A( 1, -1); B( 5, -3); C(-2,-2) y D( 4, 0)**
**30. Calcula la distancia entre los puntos A(-1, 1) y B(4,3)**
**31. ¿Cómo se llaman las siguientes gráficas?**


**32. Obtén la ecuación de una circunferencia de centro P( 1, 1) y radio r =3**

**33. En el siguiente gráfico hay dibujadas tres rectas. Calcula las ecuaciones de las dos rectas de menor pendiente.**

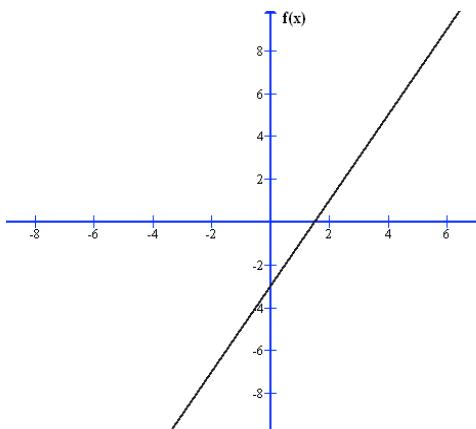


**34. Las dos funciones  $y = 2x - 5$  e  $y = 3x - 4$  son rectas, su dibujo se puede ver en el siguiente gráfico:**



- ¿Cuál es su punto exacto de corte?
- ¿Cuál de las dos rectas tiene mayor pendiente? ¿Cuáles son sus pendientes?
- ¿Alguna de las dos rectas pasa por el punto (1.000, 2996)?

**35. La siguiente gráfica corresponde a la función  $y = 2x - 3$**



Calcula:

- A) Los puntos de corte con los ejes
- B) Pendiente de la recta
- C) ¿Pasa dicha recta por el punto P(5,6)?

**36. Dibuja la circunferencia de centro el punto P(0,0) y de radio  $r= 2$ .  
 ¿Pasa dicha circunferencia por el punto A ( 1, 1)?**

**37. Obtener la ecuación de la circunferencia que tiene su centro en el punto P(1,2) y pasa por el punto R(5,4)**

**38. Los 120 alumnos de un instituto practican los siguientes deportes:**

Deportes	Número de estudiantes
Baloncesto	20
Balonmano	14
Fútbol	48
Atletismo	16
Natación	22
	Total: 120

En base a los siguientes datos construir el diagrama de sectores correspondiente.

**39. En la fabricación de cierto número de bombillas, se ha detectado que algunas son defectuosas. Se han estudiado 200 cajas de 100 bombillas cada una, obteniéndose la siguiente tabla estadística.**

Bombillas defectuosas	Número de cajas
	5
2	15
3	38
4	42



5	49
6	32
7	17
8	2

Calcula la media de bombillas defectuosas.

**40. Rellena la siguiente tabla estadística:**

<b>Variable (x)</b>	1	2	3	4	5	6	7	8
<b>Frecuencia (f)</b>	4	4		7	5		7	
<b>Frecuencia Absoluta (F)</b>			16		28	38	45	
<b>Frecuencia relativa</b>	0,08		0,16	0,14				

**41. La siguiente tabla de datos, agrupados en intervalos, nos presenta las puntuaciones obtenidas por un grupo de adolescentes en un test de inteligencia.**

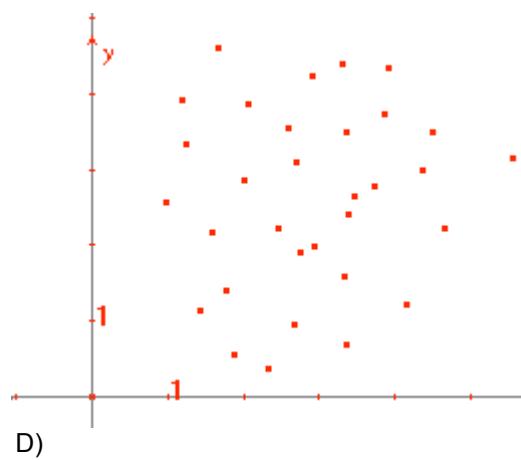
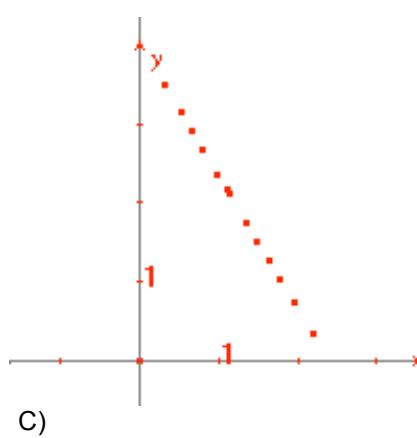
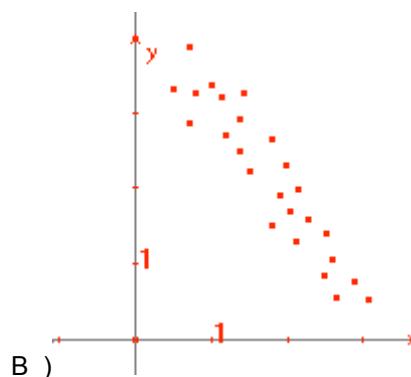
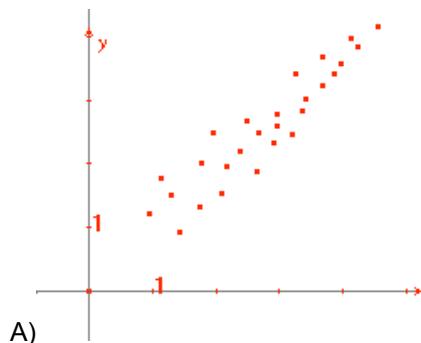
Inteligencia	Número de estudiantes
85-90	5
91-95	10
96-100	20
101-105	35
106-110	15
111-115	10

- a) Calcular el valor de: Media, Mediana, Moda y Desviación Típica  
b) Dibuja el histograma correspondiente.

Moda = 103 (el valor que más se repite)

Mediana = 103 (de una manera simplificada)

42. a) Traz a ojo la recta de regresión en cada una de estas distribuciones bidimensionales:

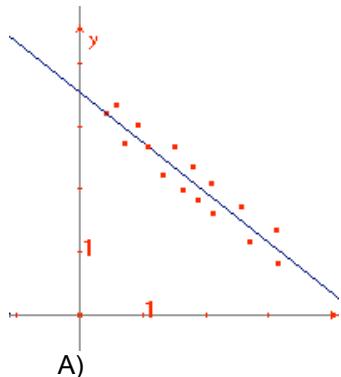


- b) ¿Cuáles de ellas tienen una correlación positiva y cuáles tienen una correlación negativa?  
c) Trata de dar un valor aproximado del coeficiente de correlación en cada uno de los casos.

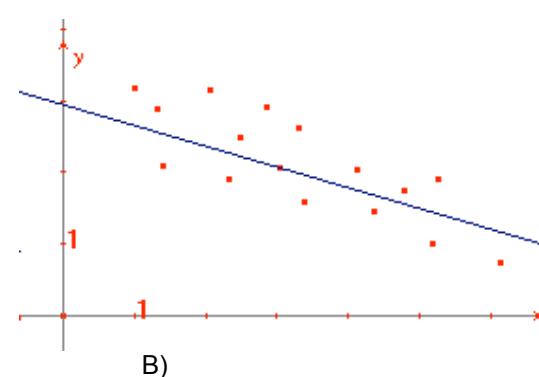
**43. En cada uno de los siguientes casos se muestra una nube de puntos y su correspondiente recta de regresión. Sabiendo que sus coeficientes de correlación son:**

a)  $r=0$  ; b)  $r= -0,96$  ; c)  $r= -0,6$  ; d)  $r= 0,8$  ; e)  $r= 0,95$

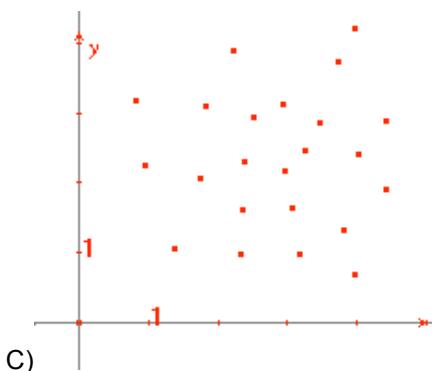
Asocia cada uno de ellos con la nube de puntos correspondiente.



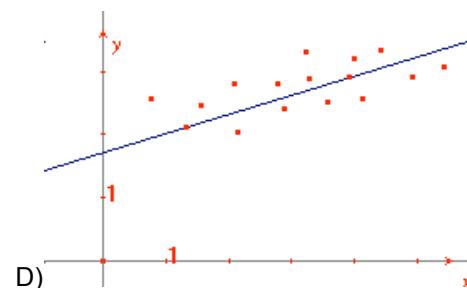
A)



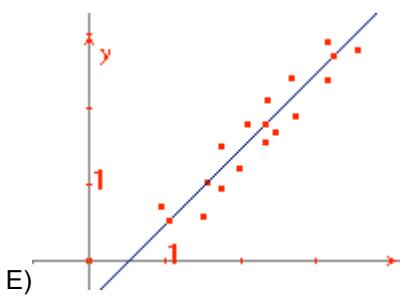
B)



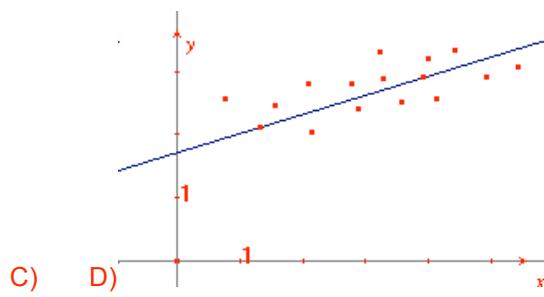
C)



D)



E)



C)

$r = 0,8$

D)

$R = 0$  (no hay correlación)



- 44.** La tabla adjunta muestra la nota de 10 estudiantes, las horas dedicadas la preparación del examen, las horas que estuvieron conectados a Internet los días previos al examen y la estatura de cada uno de ellos.

Representa en sendas nubes de puntos cada uno de los casos, suponiendo que una de las variables es siempre la nota obtenida y la otra cada una de las otras tres variables.

Nota	3	4	5	6	6	7	8	8	8	9
Horas de estudio	3	4	7	11	5	7	10	11	12	14
Horas Internet	19	18	15	10	8	6	5	5	8	3
Altura (cm)	156	167	170	170	172	166	179	167	158	167

- 45.** Se lanzan dos dados cúbicos al aire y se observa en cada uno de ellos el número que ha salido. Calcular:

- La probabilidad de que en los dos dados salga el mismo número.
- La probabilidad de que la suma de los dos números obtenidos sea igual a 7.
- La probabilidad de que el producto de los dos números sea igual a 12.

- 46.** Una urna contiene 12 bolas rojas, 3 bolas azules y 2 blancas.

Extraemos al azar una bola ¿cuál es la probabilidad de que la bola sea roja?

- 47.** En la experiencia aleatoria de lanzar dos dados al mismo tiempo.

¿cuáles son los sucesos elementales de dicha experiencia?

- 48.** Lanzamos dos monedas al mismo tiempo

¿cuáles son los sucesos elementales de dicha experiencia?

- 49.** Lanzamos tres monedas al mismo tiempo

¿cuáles son los sucesos elementales de dicha experiencia?

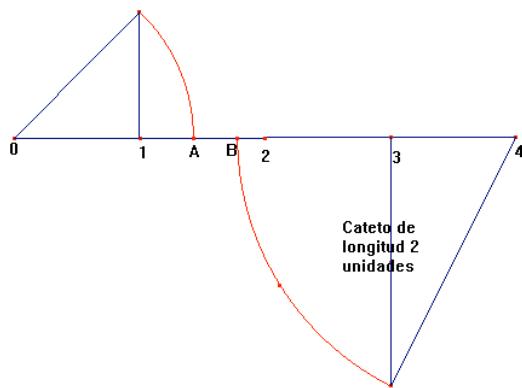
- 50.** Una urna contiene 1 bolas rojas y 2 bolas blancas

Extraemos al azar dos bolas ¿cuál es la probabilidad de que las dos bolas sean blancas?

## **SOLUCIONARIO DE LOS EJEMPLOS DE EJERCICIOS CORRESPONDIENTES A LOS INDICADORES DE CONOCIMIENTO DE LOS BLOQUES DE CONTENIDOS**

**1. Sobre el segmento  $[0,4]$  de la recta real señala el valor numérico de los puntos:**

A y B. Se sabe que los arcos dibujados tienen por centro los puntos 0 y 4 respectivamente. Además, el pequeño triángulo rectángulo es isósceles.



**Respuesta:**

Solución. El punto A corresponde al valor  $\sqrt{2}$ , mientras que el valor numérico del punto B es igual a  $4 - \sqrt{5}$ , como puede verse los dos valores corresponden a números irracionales.

**2. Calcular el valor de las dos expresiones numéricas siguientes:**

$$A) \frac{\sqrt{5} + \sqrt{3}}{\sqrt{5} - \sqrt{3}}$$

$$B) (\sqrt[3]{16}) - \frac{1}{4} \cdot (\sqrt[3]{10}) + \sqrt{25 \cdot \sqrt{4}}$$

**Respuesta:**

$$a) \frac{\sqrt{5} + \sqrt{3}}{\sqrt{5} - \sqrt{3}} = \frac{(\sqrt{5} + \sqrt{3})(\sqrt{5} + \sqrt{3})}{(\sqrt{5} + \sqrt{3})(\sqrt{5} - \sqrt{3})} = \frac{5 + 3 + 2\sqrt{15}}{2} = 4 + \sqrt{15}$$

b)

$$(\sqrt[3]{16}) - \frac{1}{4} \cdot (\sqrt[3]{10}) + \sqrt{25 \cdot \sqrt{4}} = 4^3 - \frac{1}{4} \cdot 10^2 + \sqrt{50} = 64 - 25 - 5\sqrt{2} = 39 - 5\sqrt{2}$$

**3. Dados los siguientes polinomios**

$$P(x) = 3x - 2$$

$$Q(x) = x - \frac{1}{2}$$

Calcular las siguientes expresiones algebraicas:

a)  $P^2(x)$

b)  $Q^2(x)$

c)  $[P(x) + Q(x)]^2$

**Respuesta:**

a)  $P^2(x) = (3x - 2)^2 = 9x^2 + 4 - 12x$

b)  $Q^2(x) = (x - \frac{1}{2})^2 = x^2 + \frac{1}{4} - x$

c)  $[P(x) + Q(x)]^2 = \left(4x - \frac{5}{2}\right)^2 = 16x^2 + \frac{25}{4} - 20x$

**4. Descompón en factores los siguientes polinomios y di cuáles son sus raíces:**

a)  $y = x^3 - 2x^2 - x + 2$

b)  $y = 2x^3 - 3x^2 - 9x + 10$

**Respuesta:**

Al ser los dos polinomios de grado tres, lo primero que haremos es buscar un raíz entera, si la tiene, y luego aplicar la ecuación de segundo grado. La solución del problema es por tanto igual a:

a)  $y = x^3 - 2x^2 - x + 2 = (x - 1).(x + 1).(x - 2)$

b)  $y = 2x^3 - 3x^2 - 9x + 10 = 2.(x - 1).(x + 2).(x - \frac{5}{2})$

5. Se dispone de tres cajas A, B y C con monedas de 1 euro. Se sabe que en total hay 36 euros. El número de monedas de A excede en 2 a la suma de las monedas de las otras dos cajas. Si se traslada 1 moneda de la caja B a la caja A, esta tendrá el doble de monedas que B. Averigua cuántas monedas había en cada caja.

**Respuesta:**

Llamando  $x$ ,  $y$ ,  $z$  el número de monedas de las tres cajas A, B y C respectivamente, podemos plantear el siguiente sistema de tres ecuaciones con tres incógnitas:

$$x + y + z = 36$$

$$x - 2 = y + z$$

$$2(y - 1) = x + 1$$



La solución del sistema es:

$x = 19$  monedas,  $y = 11$  monedas,  $z = 6$  monedas

**6. Resuelve las siguientes ecuaciones:**

a)  $\frac{8-x}{2-x} - \frac{8+x}{2+x} = \frac{9}{4}$

b)  $\frac{3}{2} \left( \frac{x}{2} - 2 \right)^2 - \frac{x+1}{8} = \frac{1}{8} - \frac{x-1}{4}$

**Respuesta:**

a) Hay que quitar denominadores, tenemos por tanto la siguiente ecuación:

$$(8-x)(2+x) - (8+x)(2-x) = \frac{9}{4}(4-x^2)$$

Desarrollando y simplificando obtenemos la ecuación de segundo grado:

$$9x^2 + 48x - 36 = 0$$

Las soluciones de la misma son: -6 y 2/3

b) Desarrollando la ecuación que nos dan tenemos la siguiente ecuación de segundo grado:

$$3x^2 - 23x + 44 = 0 \quad \text{que tiene por soluciones} \quad x = 4; x = \frac{11}{3}$$

**7. Calcula  $x, y, z, t$  para que se cumpla:**

$$\begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x & y \\ z & t \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$$

**Respuesta:**

$$\begin{pmatrix} 2x-z & 2y-t \\ z & t \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 & 1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$$

de dónde tenemos:  $z = 0$ ,  $t = 2$ ,  $x = 5/2$ ,  $y = 3/2$

**8. Calcular el valor de A para que el siguiente determinante sea igual a cero.**

$$\begin{vmatrix} 1 & 6 & A \\ 5 & 9 & 2 \\ 7 & 8 & 4 \end{vmatrix} = 0$$

**Respuesta:**

Desarrollando por Sarrus, tenemos.

$$36 + 40A + 84 - 63A - 16 - 120 = 0$$

Por tanto  $23A = -16$

De donde  $A = -16/23$

**9. Resuelve el siguiente sistema aplicando el método de Gauss**

$$x - y + 3z = -4$$

$$x + y + z = 2$$

$$x + 2y - z = 6$$

**Respuesta:**En primer lugar eliminamos la  $x$  de las últimas ecuaciones del sistema:

$$x - y + 3z = -4$$

$$x - y + 3z = -4$$

$$-2y + 2z = -6 \quad \text{ahora eliminamos la } y, \text{ tenemos}$$

$$-2y + 2z = -6$$

$$-3y + 4z = -10$$

$$-2z = 2$$

Resolviendo el último sistema, hallamos la solución.

$$x = 1, y = 2, z = -1$$

**10. Dada la sucesión  $(a_n)$  de término general  $a_n = \frac{2n+3}{5n-2}$ . Calcular su límite.****Respuesta:**La solución del límite es igual a  $2/5$ **11. Dadas las siguientes funciones:**

a)  $y = \sin x + \cos x$

b)  $y = x^3 - 3x^2 - 2x + 1$

Rellenar sus tablas, para los valores indicados de la variable independiente.

Tabla correspondiente al caso a)

x	$\pi/6$	$\pi/4$	$\pi/2$	$\pi$
y				

Tabla correspondiente al caso b)

x	-2	-1	0	2
y				

**Respuesta:**

a)  $y = \sin x + \cos x$

b)  $y = x^3 - 3x^2 - 2x + 1$

x	$\pi/6$	$\pi/4$	$\pi/2$	$\pi$
y	$\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}$	$\sqrt{2}$	1	1

x	-2	-1	0	2
y	-15	-1	1	-7

**12. Halla el dominio de estas funciones:**

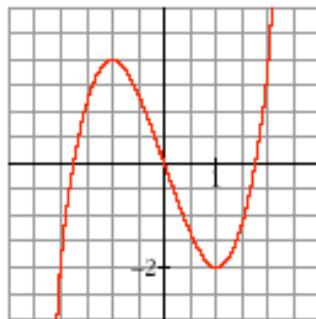
a)  $y = x^3 - 5x^2 + 7x + 3$

b)  $y = \frac{x^3 - 3x}{x^2 - 5x + 4}$

c)  $y = \frac{x^3 - 3x}{x^2 + 4}$

**Respuesta:**

- a) Toda la recta Real.
- b) No está definida para los valores que hacen cero el denominador, por tanto el Dominio es toda la recta Real excepto los valores. 1 y 4.
- c) Al ser el denominador siempre mayor que cero, el dominio de definición de la función es toda la recta real.

**13. La siguiente gráfica corresponde a una de las siguientes funciones:**


$y = x^3 - 3x$

$y = x^4 - 4x^3 - 16$

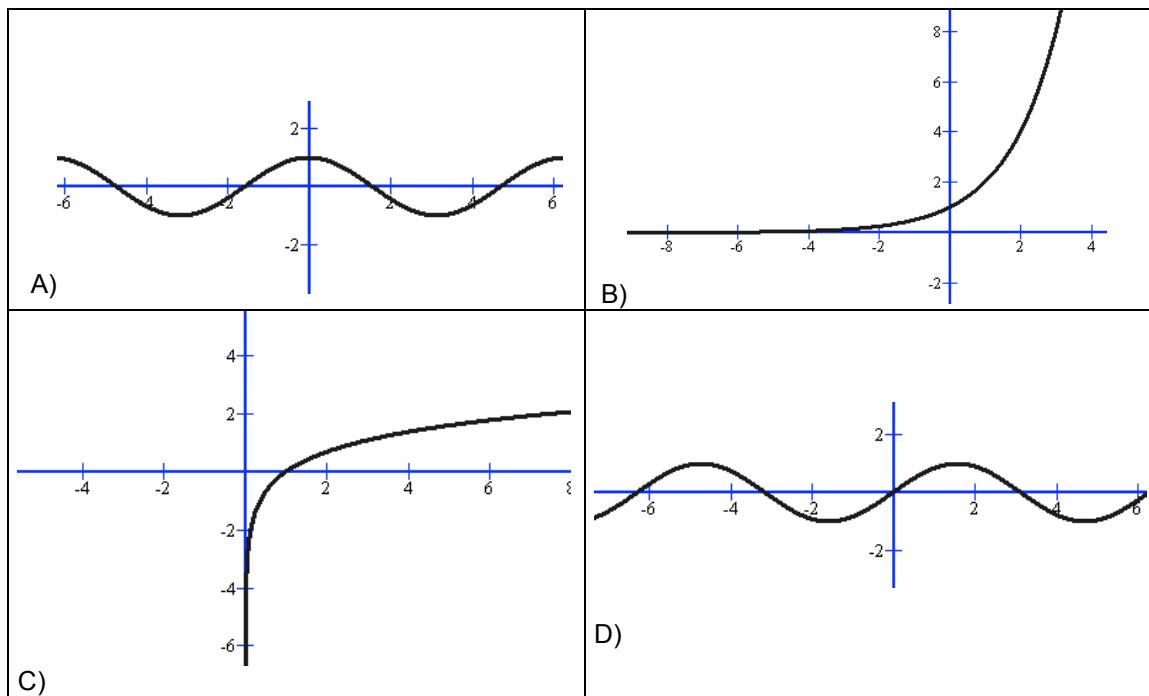
$y = x^3 + 2$

Explica razonadamente tu elección

**Respuesta:**

Si nos damos cuenta pasa por el (0, 0), por tanto sólo puede ser la función  $y = x^3 - 3x$

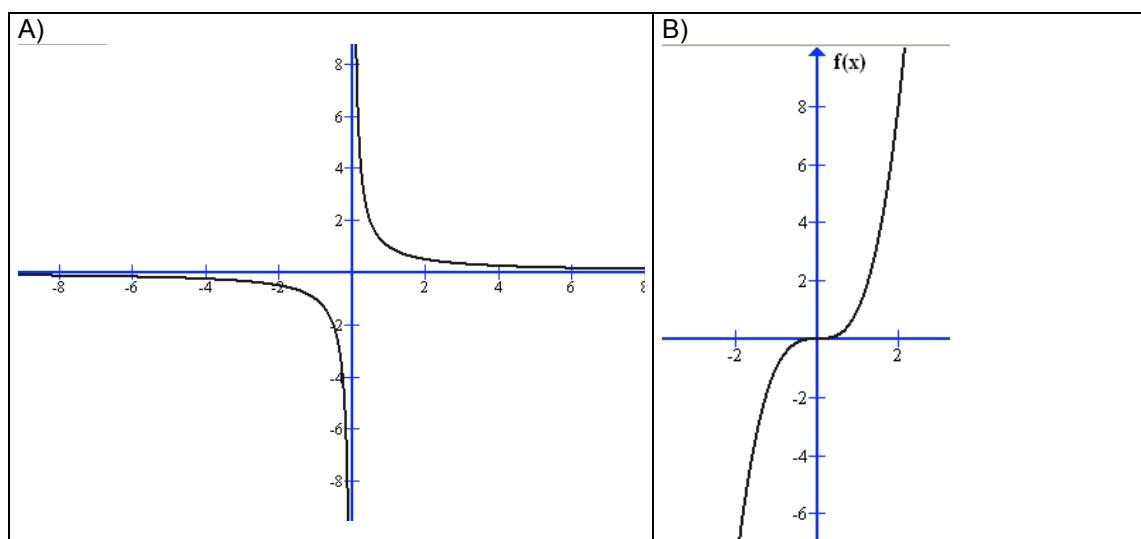
**14. Las siguientes funciones son logarítmicas, exponenciales o trigonométricas. Indica cómo es cada una de ellas.**

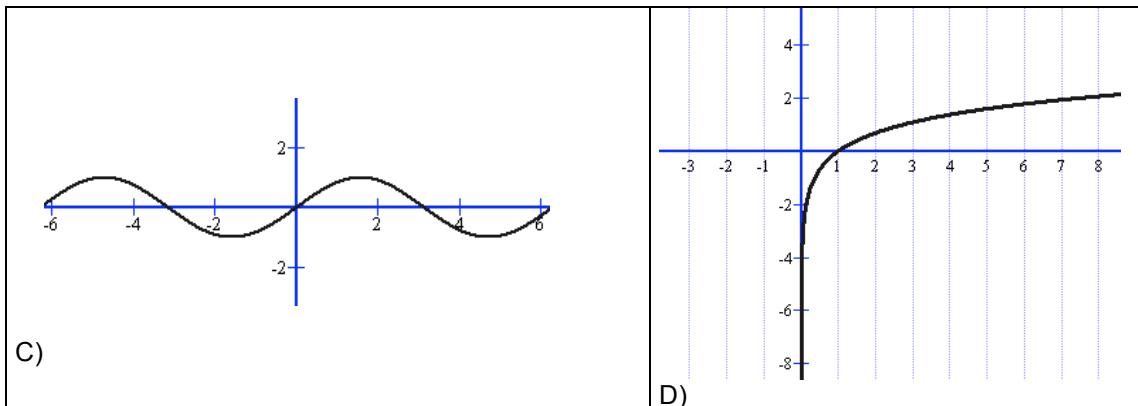


**Respuesta:**

- A) Trigonométrica
- B) Exponencial
- C) Logarítmica
- D) Trigonométrica

**15. Dadas las siguientes gráficas, indicar cuáles son continuas y cuáles no. En caso de discontinuidad señalar los puntos de discontinuidad.**





**Respuesta:**

- A) Discontinua en  $x = 0$
- B) Continua en toda la recta Real
- C) Continua en toda la recta Real
- D) Continua en todo su dominio de definición

**16. Sabiendo que, cuando  $x \rightarrow +\infty$ ,  $f(x) \rightarrow +\infty$ ,  $g(x) \rightarrow 4$ ,  $h(x) \rightarrow -\infty$ ,  $u(x) \rightarrow 0$ , asigna, siempre que puedas, límite cuando  $x \rightarrow +\infty$  a las expresiones siguientes:**

- a)  $f(x) - h(x)$
- b)  $f(x) \cdot f(x)$
- c)  $f(x) + h(x)$
- d)  $g(x) \cdot h(x)$
- e)  $h(x) / u(x)$

**Respuesta:**

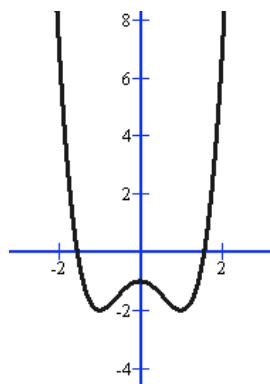
- a)  $f(x) - h(x)$  tiende a infinito
- b)  $f(x) \cdot f(x)$  tiende a infinito
- c)  $f(x) + h(x)$  indeterminado
- d)  $g(x) \cdot h(x)$  tiende a menos infinito
- e)  $h(x) / u(x)$  tiende a infinito

**17. Indica cuáles de las siguientes expresiones son infinitos ( $\pm\infty$ ) cuando  $x \rightarrow +\infty$ :**

- a)  $0,5^x$
- b)  $-1,5^x$
- c)  $4^x$
- d)  $4^{-x}$

**Respuesta:**

- a)  $0,5^x \rightarrow 0$
- b)  $-1,5^x \rightarrow -\infty$
- c)  $4^x \rightarrow \infty$
- d)  $4^{-x} \rightarrow 0$

**18. Dada la siguiente función:**(Corresponde a la función  $y = x^4 - 2x^2 - 1$ )

Indica de manera muy somera para qué valores de  $x$  la función tiene derivada cero, para cuales derivada positiva y para cuales derivada negativa. Señala las características más relevantes de la función.

**Respuesta:**

Derivando la función tenemos  $y' = 4x^3 - 4x$ , igualando a cero esta derivada obtenemos los puntos críticos, son  $x = 0, x = 1, x = -1$ .

En el dibujo podemos identificar cada uno de los tres puntos señalados, en particular para  $x = 0$  la función tiene un máximo relativo, mientras que para los valores de  $x = 1$  y  $-1$  la función tiene mínimos relativos (que también son absolutos).

Es una función par (simétrica respecto al eje OY).

Para analizar el valor de la derivada, podemos proceder de la siguiente manera:

Como  $y' = 4x^3 - 4x = 4x(x^2 - 1)$ , analizaremos el signo de esta derivada.

- Para valores menores de  $-1$ , el valor de la derivada es negativa
- Para valores mayores de  $1$ , el valor de la derivada es positiva
- Para los valores comprendidos entre  $-1$  y  $0$  la primera derivada es positiva
- Para los valores comprendidos entre  $0$  y  $1$  la primera derivada es negativa

**19. Calcula el valor de la derivada, en el punto  $x = 3$ , de las siguientes funciones:**

a)  $y = 3x^3 - 4x^2 - 5x + 34$

b)  $y = \frac{2x-1}{4x+2}$

Además, obtener en las dos funciones la recta tangente en dicho punto.

**Respuesta:**

a)  $y' = 9x^2 - 8x - 5$ , por tanto la recta tangente en  $x = 3$ , es la siguiente:

$$y - 64 = 52(x - 3)$$

Puesto que la recta pasa por el punto  $(3, 64)$ , y el valor de la derivada en el punto  $x=3$  es igual a 52



b)  $y' = \frac{1.(2x-3) - 2.(x-1)}{(2x-3)^2} = \frac{-1}{(2x-3)^2}$ , por tanto la recta tangente en  $x=3$ , es la siguiente:

$$y - \frac{5}{14} = \frac{-1}{9}(x-3)$$

Puesto que la recta pasa por el punto  $(3, \frac{5}{14})$ , y el valor de la derivada en el punto  $x=3$

es igual a  $\frac{-1}{9}$

**20. Halla las rectas tangentes a la curva:**

$$y = \frac{5x^3 + 7x^2 - 16x}{x-2}$$

en los puntos de abscisas 0 y 1

**Respuesta:**

$$y' = \frac{15x^2.(x-2) - 1.(5x^3)}{(x-2)^2} = \frac{10x^3 - 30x^2}{(x-2)^4}, \text{ al ser}$$

$$y'(0) = 0$$

$$y'(1) = -20$$

Las rectas tangentes son, respectivamente para  $x=0$  y  $x=1$ , las siguientes.

$$y = 0$$

$$y + 4 = -20(x-1)$$

**21. Halla los valores máximos y mínimos de la siguiente función:**

$$y = x^3 - 6x^2 + 9x + 5$$

**Respuesta:**

Derivando la función e igualándola a cero, tenemos que:

$$y' = 3x^2 - 12x + 9 = 0$$

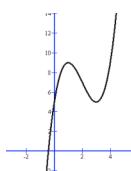
Resolviendo la ecuación, tenemos:

$$x=1, x=3$$

la segunda derivada nos dice si es un máximo o un mínimo

$$y'' = 6x - 12$$

Al ser  $y''(1) = -6$ , la función tiene un máximo para  $x=1$ , mientras que como  $y''(3) = 6$ , la función tiene un mínimo. El dibujo de la función es suficientemente explicativo.



**22. Obtener las derivadas de las siguientes funciones:**

a)  $y = \sin(3x) + \cos(2x)$

b)  $y = 5x^2 - \frac{2}{x}$

c)  $y = \ln(3x)$

**Respuesta:**

a )  $y' = 3\cos(3x) - 2\sin(2x)$

b)  $y' = 10x + \frac{2}{x^2}$

c)  $y' = \frac{1}{x}$

**23. Resolver las siguientes integrales**

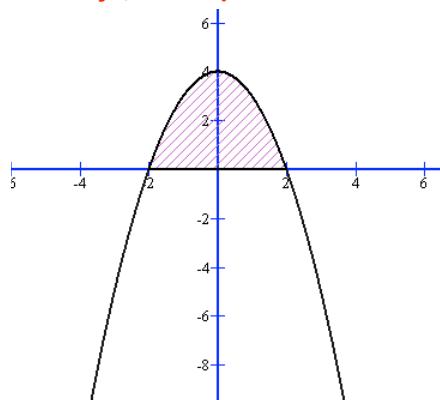
a)  $\int \frac{x^4 - 5x^2 + 3x - 4}{x} dx$

b)  $\int \sin 2x dx$

**Respuesta:**

a)  $\int \frac{x^4 - 5x^2 + 3x - 4}{x} dx = \int x^3 dx - \int 5x dx + \int 3 dx - \int \frac{4}{x} dx = \frac{x^4}{4} - \frac{5x^2}{2} + 3x - 4 \ln x + C$

b)  $\int \sin 2x dx = -\frac{\cos(2x)}{2} + C$

**24. El dibujo, corresponde a la función:  $y = -x^2 + 4$** 


Calcula el área rayada, empleando la fórmula de Barrow.

**Respuesta:**

$$\int_{-2}^2 (-x^2 + 4x) dx = \frac{32}{3}$$



25. Halla el valor exacto de la siguiente expresión:

$$\operatorname{sen} \frac{5\pi}{4} + \cos \frac{3\pi}{4} - \operatorname{sen} \frac{7\pi}{4}$$

**Respuesta:**

$$\operatorname{sen} \frac{5\pi}{4} + \cos \frac{3\pi}{4} - \operatorname{sen} \frac{7\pi}{4} = \operatorname{sen} 225^\circ + \cos 135^\circ - \operatorname{sen} 315^\circ = -\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2} = -3 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}$$

26. Sabiendo que el  $\operatorname{sen} A = 1/3$ , siendo A un ángulo del primer cuadrante.

Responde a las siguientes cuestiones, calculando el valor que se te pide:

- a)  $\cos A$
- b)  $\operatorname{sen}(180^\circ - A)$
- c)  $\operatorname{sen}(180^\circ + A)$
- d)  $\operatorname{sen}(-A)$
- e)  $\operatorname{sen}(90^\circ - A)$
- f) El valor del ángulo A (emplea tu calculadora)

**Respuesta:**

$$\text{Como } \operatorname{sen}^2 A + \cos^2 A = 1$$

Podemos poner que

$$\text{a) } \cos A = \sqrt{1 - \frac{1}{9}} = \sqrt{\frac{8}{9}} = \frac{\sqrt{8}}{3}$$

$$\text{b) } \operatorname{sen}(180^\circ - A) = \frac{1}{3}$$

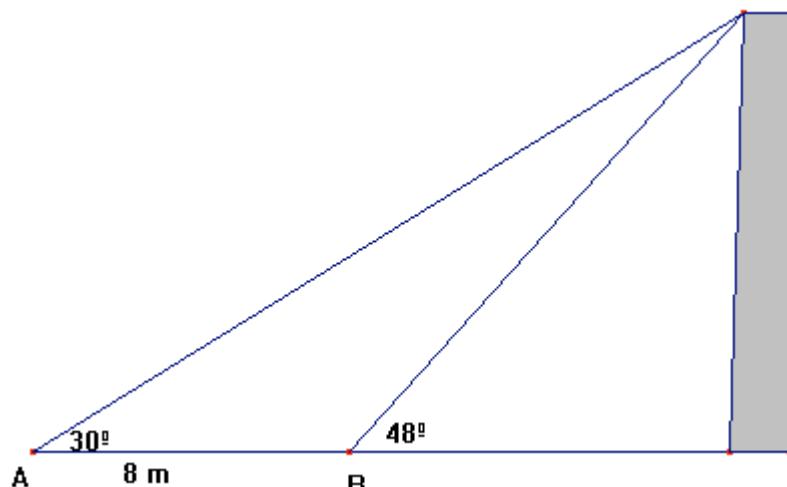
$$\text{c) } \operatorname{sen}(180^\circ + A) = -\frac{1}{3}$$

$$\text{d) } \operatorname{sen}(-A) = -\frac{1}{3}$$

$$\text{e) } \operatorname{sen}(90^\circ - A) = \cos A = \frac{\sqrt{8}}{3}$$

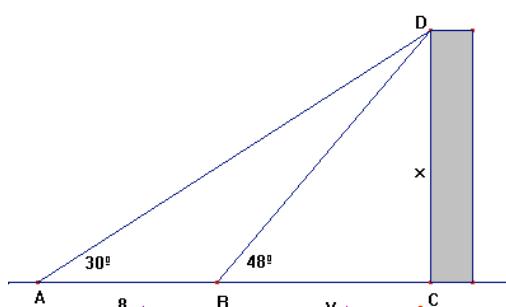
$$\text{f) } A = \arcsen(1/3) = 19,27^\circ$$

- 27. Una persona quiere medir la altura de un edificio. Desde el punto A traza una visual al punto más alto del edificio. Se acerca 8 metros y hace lo mismo desde el punto B. El esquema es suficientemente explicativo.**



Empleando una calculadora. Calcula la altura del edificio.

**Respuesta:**



De acuerdo a la figura podemos plantear el siguiente sistema de ecuaciones:

$$\tan 48^\circ = \frac{x}{y}$$

$$\tan 30^\circ = \frac{x}{8 + y}$$

de dónde resolviendo, para ello emplearemos la calculadora, tenemos:

$$1,11 = \frac{x}{y}$$

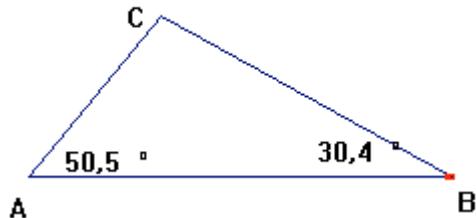
por lo tanto

$$x = 1,11 \cdot y$$

$$0,58 = \frac{x}{8 + y}$$

$$0,58 \cdot (8 + y) = x$$

de donde  $y = 8,75$  m., la altura de la torre es igual a  $x = 9,71$  m

**28. Dado el triángulo ABC**

Se sabe el valor de los ángulos A ( $50,5^\circ$ ) y B( $30,4^\circ$ ). Si la base AB mide 30 cm  
Calcula:

- a) El valor del ángulo C
- b) El valor de los otros dos lados del triángulo.

**Respuesta:**

Como conocemos dos ángulos del triángulo, podemos calcular el tercero  
 $C = 180^\circ - 50,5^\circ - 30,4^\circ = 99,1^\circ = 99^\circ 6'$

Ahora podemos aplicar dos veces a el teorema del seno al triángulo ABC. Tenemos:

$$\frac{\sin(99^\circ 6')}{30} = \frac{\sin(30^\circ 24')}{b}$$

Despejando calculamos b, que es igual a:  $b = 15,37$  cm

$$\frac{\sin(99^\circ 6')}{30} = \frac{\sin(50^\circ 30')}{a}$$

Despejando calculamos a, que es igual a:  $23,44$  cm

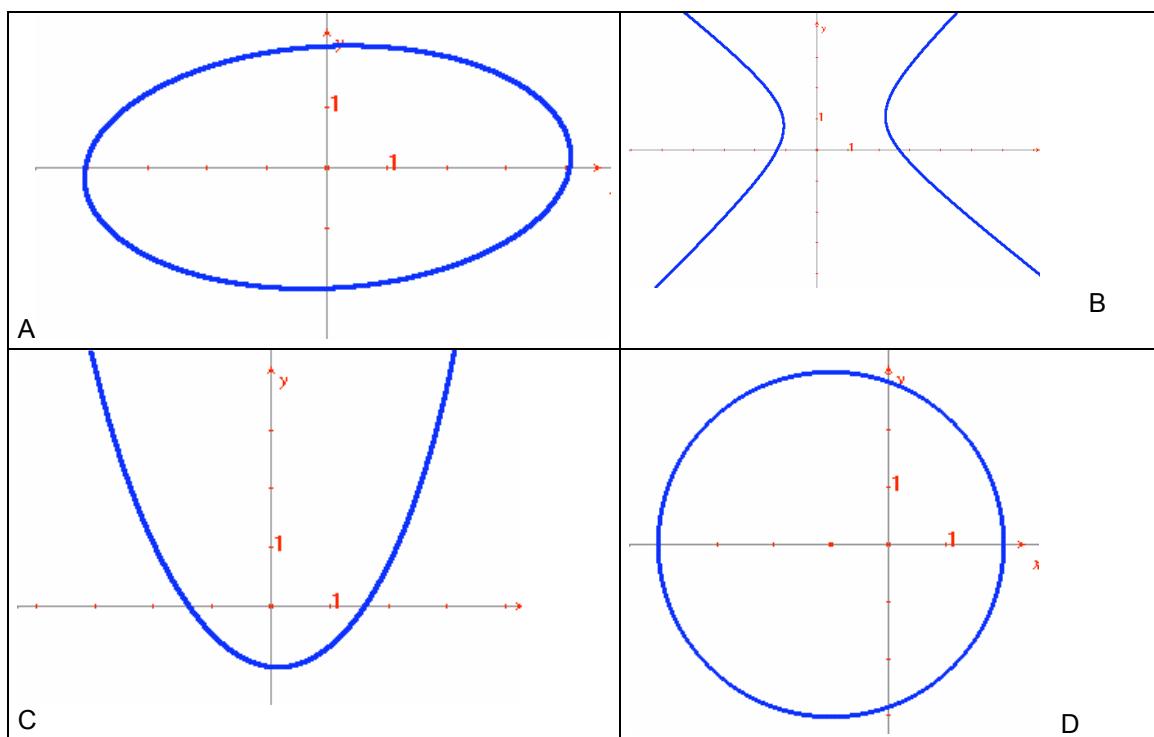
**29. Representa en el plano los siguientes puntos  
A( 1, -1); B( 5, -3); C(-2,-2) y D( 4, 0)****Respuesta:**

Es un ejercicio evidente

**30. Calcula la distancia entre los puntos A(-1, 1) y B(4,3)****Respuesta:**

$$d = \sqrt{(4+1)^2 + (3-1)^2} = \sqrt{29}$$

**31. ¿Cómo se llaman las siguientes gráficas?**



**Respuesta:**

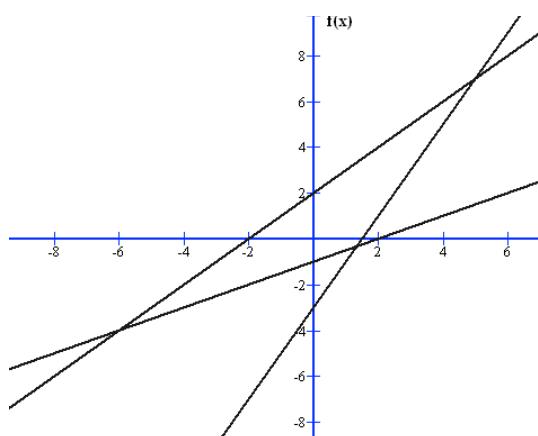
A: Elipse, B : hipérbola, C. Parábola y D: circunferencia

**32. Obtén la ecuación de una circunferencia de centro P( 1, 1) y radio r =3**

**Respuesta:**

$$(x-1)^2 + (y-1)^2 = 3^2$$

**33. En el siguiente gráfico hay dibujadas tres rectas. Calcula las ecuaciones de las dos rectas de menor pendiente.**

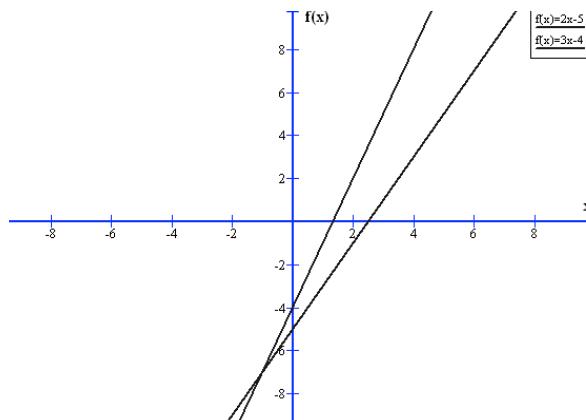


**Respuesta:**

Una de las rectas pedidas pasa por los punto  $(0, -1)$  y  $(2,0)$ , su ecuación es:  $y = \frac{x}{2} - 1$

La otra recta pasa por el punto  $(-2,0)$  y  $(2,0)$ , su ecuación es:  $y = x + 2$

- 34. Las dos funciones  $y = 2x - 5$  e  $y = 3x - 4$  son rectas, su dibujo se puede ver en el siguiente gráfico:**



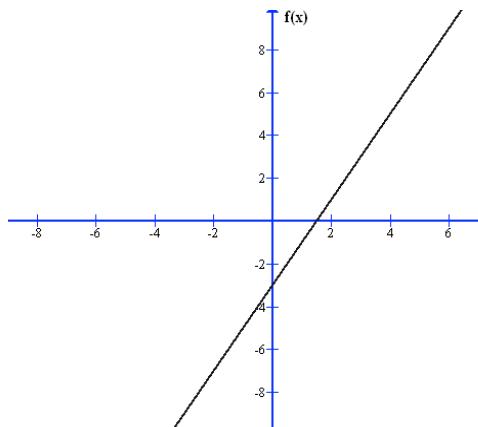
- ¿Cuál es su punto exacto de corte?
- ¿Cuál de las dos rectas tiene mayor pendiente? ¿Cuáles son sus pendientes?
- ¿Alguna de las dos rectas pasa por el punto  $(1.000, 2996)$ ?

**Respuesta:**

- El punto de corte de las rectas corresponde a la solución del siguiente sistema.  

$$\begin{cases} y = 2x - 5 \\ y = 3x - 4 \end{cases}$$
 La solución es  $x = -1$ ,  $y = -7$ , por tanto el punto de corte es  $P(-1, -7)$
- La recta de mayor pendiente es la recta  $y = 3x - 4$ , las pendientes de las rectas son 2 y 3 respectivamente.
- La recta  $y = 3x - 4$  pasa por el punto  $(1.000, 2996)$

- 35. La siguiente gráfica corresponde a la función  $y = 2x - 3$**



Calcula:

- Los puntos de corte con los ejes
- Pendiente de la recta

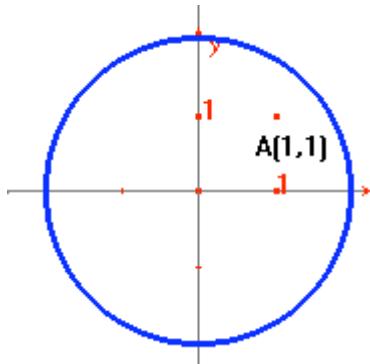
C) ¿Pasa dicha recta por el punto P(5,6)?

**Respuesta:**

- a) Para obtener el corte con los ejes, se procede de la siguiente manera  
Para  $x = 0$  calculamos el punto de corte con el eje OY. En nuestro caso (0, -3)  
Para  $y = 0$  calculamos el punto de corte con el eje OX. En nuestro caso (3/2,0)
- b) La pendiente de la recta viene dada por el valor 2
- c) La recta no pasa por el punto P(5, 6)

**36. Dibuja la circunferencia de centro el punto P(0,0) y de radio r= 2.  
¿Pasa dicha circunferencia por el punto A ( 1, 1)?**

**Respuesta:**



Como puede verse la circunferencia no pasa por el punto A(1,1)

**37. Obtener la ecuación de la circunferencia que tiene su centro en el punto P(1,2) y pasa por el punto R(5,4)**

**Respuesta:**

El radio de la circunferencia viene dado por la distancia entre los puntos P y R.

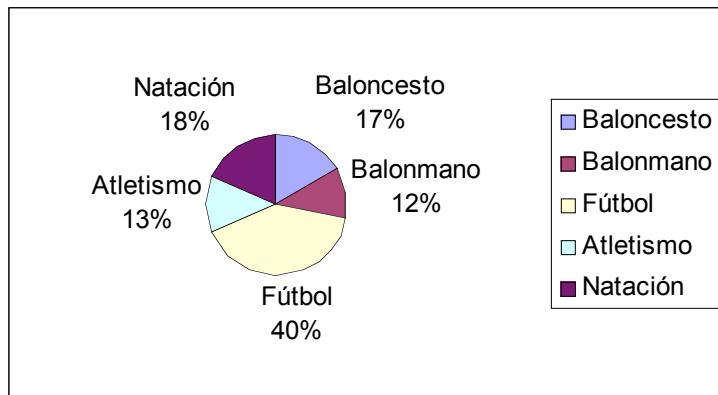
$$R = \sqrt{(5-1)^2 + (4-2)^2} = \sqrt{20}$$

La ecuación de la circunferencia es:  $(x - 1)^2 + (y - 2)^2 = 20$

**38. Los 120 alumnos de un instituto practican los siguientes deportes:**

Deportes	Número de estudiantes
Baloncesto	20
Balonmano	14
Fútbol	48
Atletismo	16
Natación	22
	Total: 120

En base a los siguientes datos construir el diagrama de sectores correspondiente.

**Respuesta:**


39. En la fabricación de cierto número de bombillas, se ha detectado que algunas son defectuosas. Se han estudiado 200 cajas de 100 bombillas cada una, obteniéndose la siguiente tabla estadística.

Bombillas defectuosas	Número de cajas
	5
2	15
3	38
4	42
5	49
6	32
7	17
8	2

Calcula la media de bombillas defectuosas.

**Respuesta:**

Bombillas defectuosas x	Número de cajas f
1	5
2	15
3	38
4	42
5	49
6	32
7	17
8	2

Total 200 Total 889

x. f
5
30
114
168
245
192
119
16

$$\text{Media} = \frac{889}{200} = 4,4 \text{ bombillas defectuosas de media por caja}$$

**40. Rellena la siguiente tabla estadística:**

Variable (x)	1	2	3	4	5	6	7	8
Frecuencia (f)	4	4		7	5		7	
Frecuencia Absoluta (F)			16		28	38	45	
Frecuencia relativa	0,08		0,16	0,14				

**Respuesta:**

Variable (x)	1	2	3	4	5	6	7	8
Frecuencia (f)	4	4	<b>8</b>	7	5	<b>10</b>	7	<b>5</b>
Frecuencia Absoluta acumulada (F)	<b>4</b>	<b>8</b>	16	<b>23</b>	28	38	45	<b>50</b>
Frecuencia relativa	0,08	<b>0,08</b>	0,16	0,14	<b>0,1</b>	<b>0,2</b>	<b>0,14</b>	<b>0,1</b>

Para llenar la tabla es necesario conocer los conceptos de frecuencia, frecuencia absoluta acumulada y frecuencia relativa.

**41. La siguiente tabla de datos, agrupados en intervalos, nos presenta las puntuaciones obtenidas por un grupo de adolescentes en un test de inteligencia.**

Inteligencia	Número de estudiantes
85-90	5
91-95	10
96-100	20
101-105	35
106-110	15
111-115	10

- a) Calcular el valor de: Media, Mediana, Moda y Desviación Típica  
b) Dibuja el histograma correspondiente.

**Respuesta:**

a)

Inteligencia	Número de estudiantes	$X_i \cdot F_i$	$(X_i - \bar{X})^2 \cdot F_i$
$X_i$	$F_i$		
88	5	440	972,594045
93	10	930	800,48809
98	20	1960	311,57618
103	35	3605	38,808315
108	15	1620	549,582135
113	10	1130	1221,68809

Total: 95

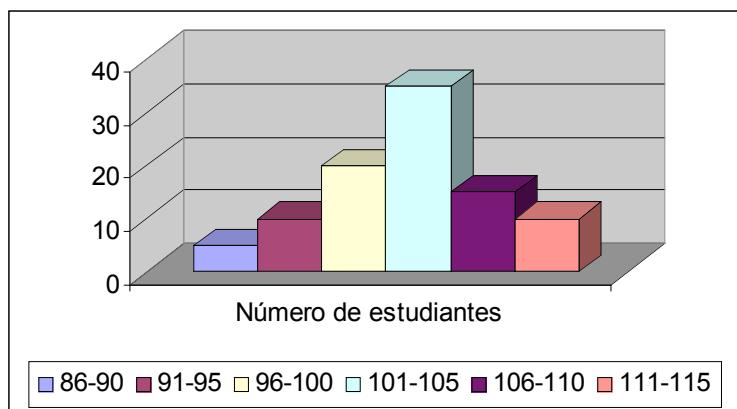
Total :9685 Total:3894,73686

$$\text{Media aritmética: } \bar{X} = \frac{9685}{95} = 101,947$$

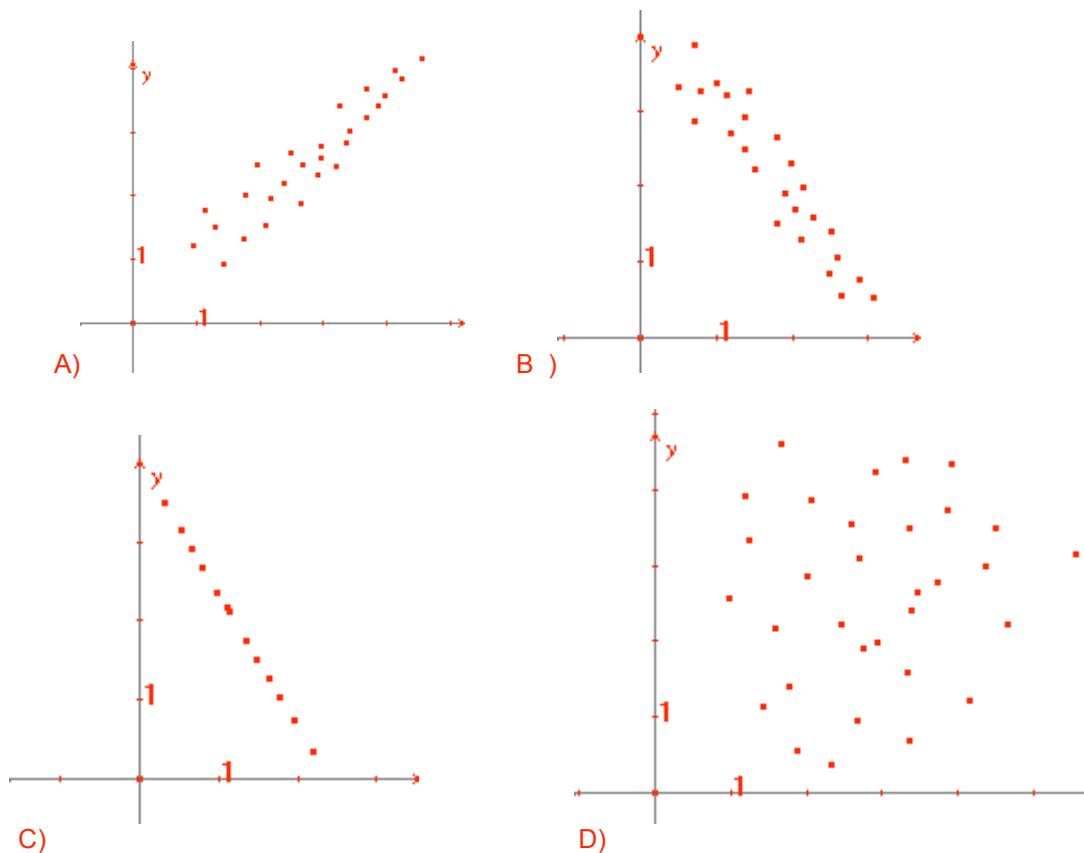
Moda = 103 (el valor que más se repite)

Mediana = 103 (de una manera simplificada)

b) El histograma correspondiente es :



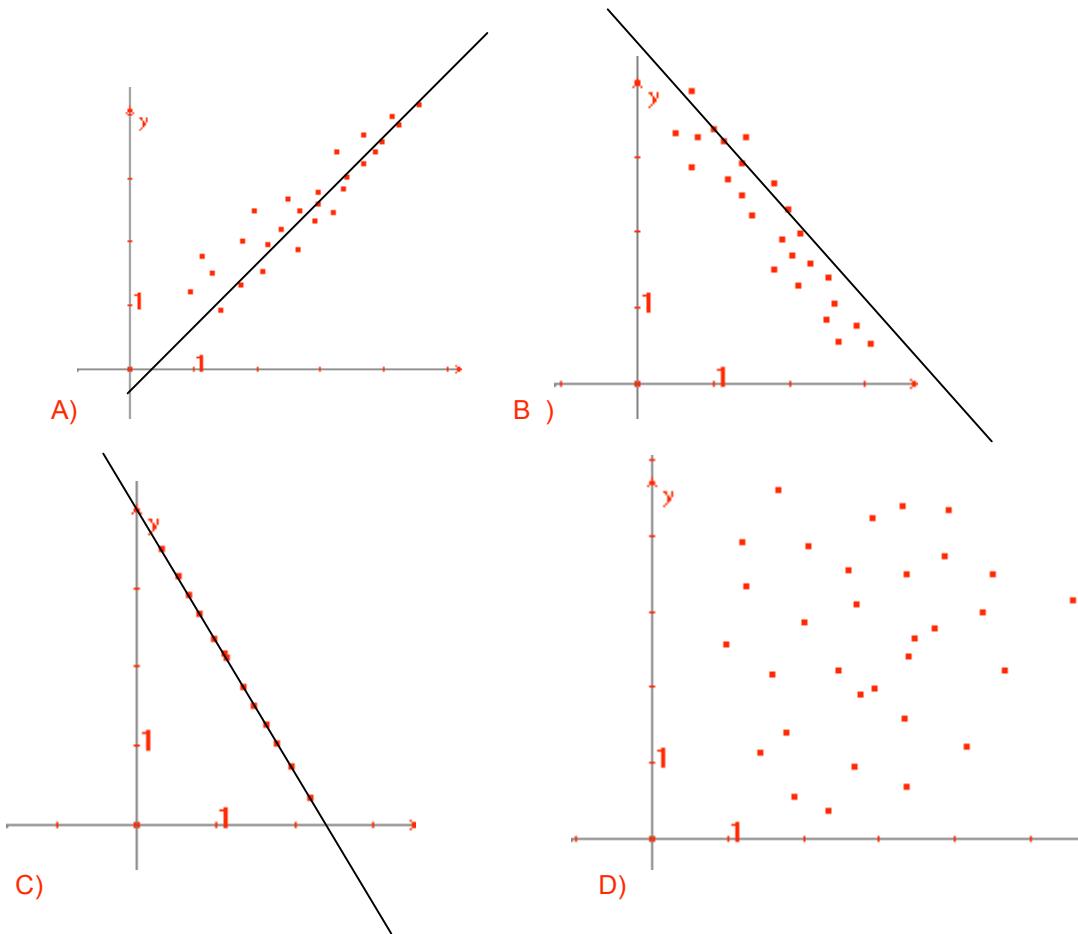
42. a) Traza a ojo la recta de regresión en cada una de estas distribuciones bidimensionales:



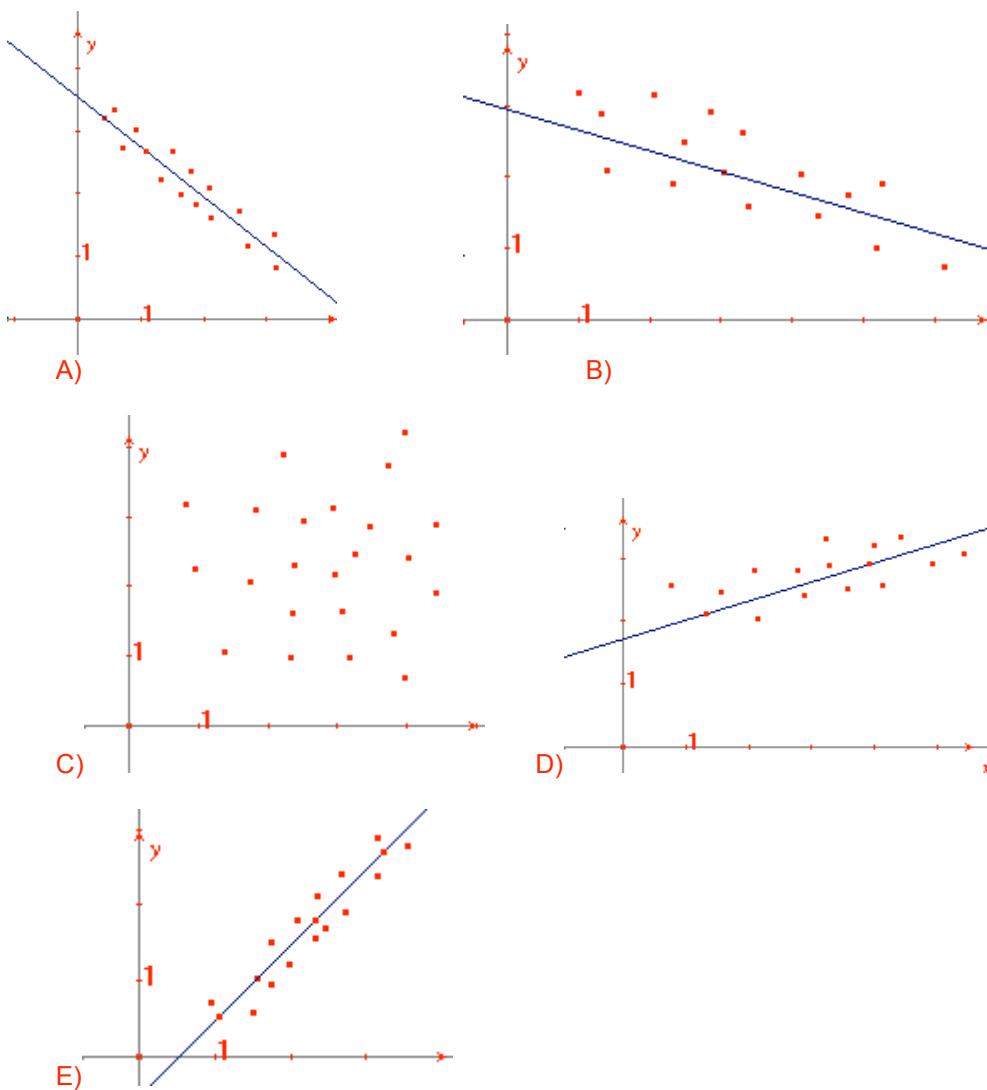
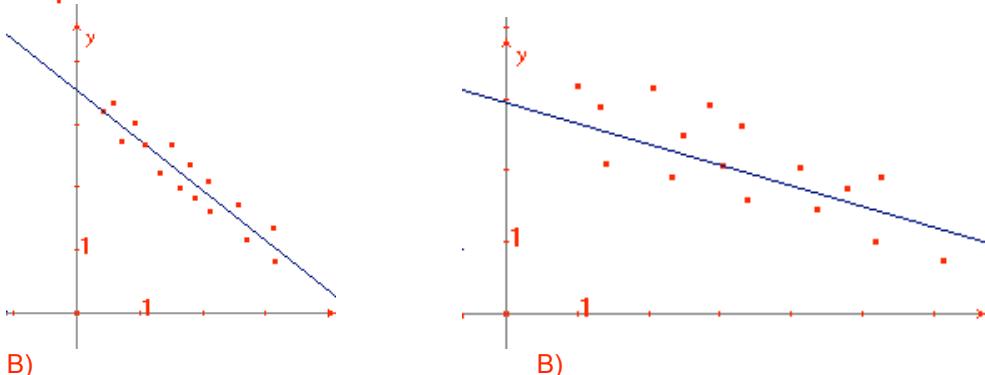
b) ¿Cuáles de ellas tienen una correlación positiva y cuáles tienen una correlación negativa?

c) Trata de dar un valor aproximado del coeficiente de correlación en cada uno de los casos.

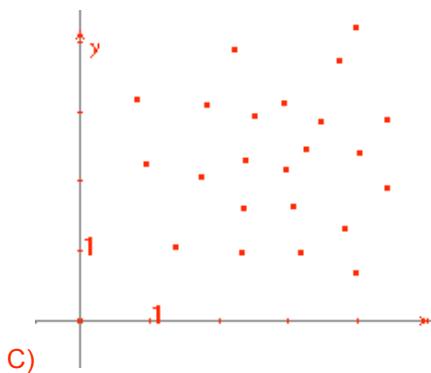
**Respuesta:**



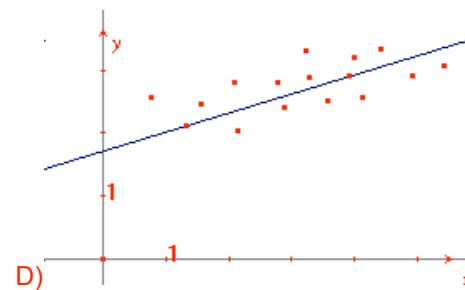
- b. Los apartados B) y C) tienen una correlación negativa, mientras que el apartado A) tiene una correlación positiva. En el apartado D) no existe correlación de ningún tipo.
- c. La correlación A) puede valer en torno a 0,85  
 La correlación B) puede valer en torno a -0,85  
 La correlación C) es igual a -1 (hay una dependencia funcional)  
 En el apartado D) La correlación es cero.
43. En cada uno de los siguientes casos se muestra una nube de puntos y su correspondiente recta de regresión. Sabiendo que sus coeficientes de correlación son:  
 a)  $r=0$  ; b)  $r= -0,96$  ; c)  $r= -0,6$  ; d)  $r= 0,8$  ; e)  $r= 0,95$   
 Asocia cada uno de ellos con la nube de puntos correspondiente.


**Respuesta:**


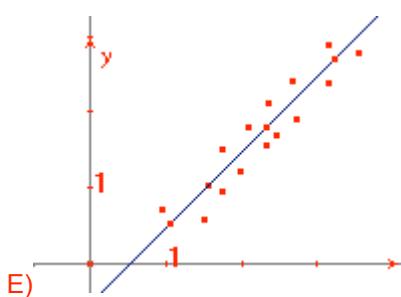
$R = -0,96$  (Hay una fuerte correlación)  $r = -0,6$  (no hay mucha correlación). Pero es negativa)



$R = 0$  (no hay correlación)



$r = 0,8$



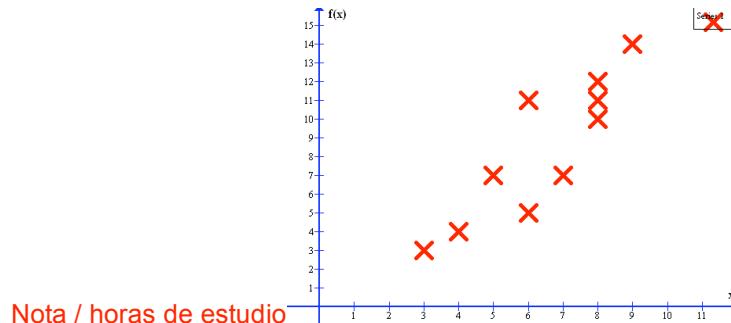
$r = 0,95$  (la nube de puntos está más próxima a la recta de regresión que en el caso anterior)

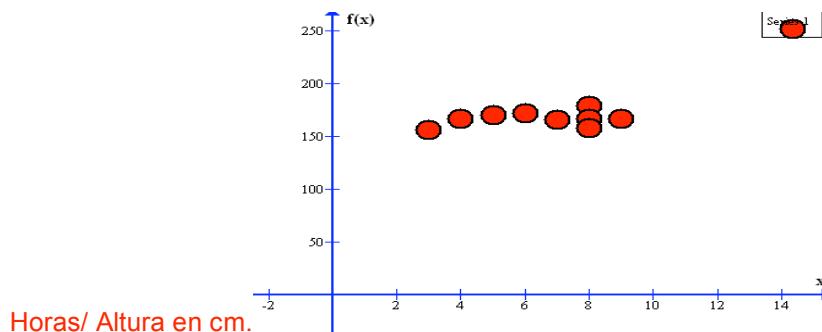
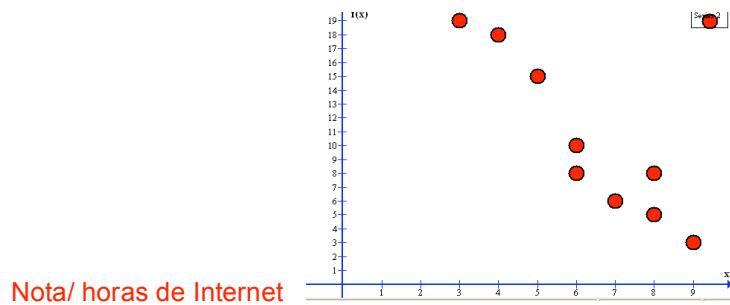
44. La tabla adjunta muestra la nota de 10 estudiantes, las horas dedicadas la preparación del examen, las horas que estuvieron conectados a Internet los días previos al examen y la estatura de cada uno de ellos.

Representa en sendas nubes de puntos cada uno de los casos, suponiendo que una de las variables es siempre la nota obtenida y la otra cada una de las otras tres variables.

Nota	3	4	5	6	6	7	8	8	8	9
Horas de estudio	3	4	7	11	5	7	10	11	12	14
Horas Internet	19	18	15	10	8	6	5	5	8	3
Altura (cm)	156	167	170	170	172	166	179	167	158	167

Respuesta:





- 45. Se lanzan dos dados cúbicos al aire y se observa en cada uno de ellos el número que ha salido. Calcular:**

- La probabilidad de que en los dos dados salga el mismo número.
- La probabilidad de que la suma de los dos números obtenidos sea igual a 7.
- La probabilidad de que el producto de los dos números sea igual a 12.

**Respuesta:**

- Como puedes observar hay 36 casos posibles: (1,1),(1,2)...(6,5) y (6,6)  
La probabilidad de que sean los dos números iguales es  $6/36 = 1/6$  (puesto que los casos favorables son 6: (1,1); (2,2);... (6,6))
- La suma 7 se puede dar únicamente en los siguientes casos: (1,6); (6, 1); (2, 5); (5,2);(3, 4) y (4,3). Total casos favorables son 6. La probabilidad pedida por tanto es igual a  $6/36= 1/6$
- Para que el producto sea 12 hay los siguientes casos: (2, 6); (6,2); (3,4) y (4,3). Total hay 4 posibilidades. La probabilidad es por tanto igual a  $4/36 = 1/9$

- 46. Una urna contiene 12 bolas rojas, 3 bolas azules y 2 blancas.**

Extraemos al azar una bola. ¿cuál es la probabilidad de que la bola sea roja?

**Respuesta:**

Como tenemos un total de 17 bolas, de las cuales 12 son bolas blancas. La probabilidad pedida es igual a  $P=12/17$



**47. En la experiencia aleatoria de lanzar dos dados al mismo tiempo.  
¿cuáles son los sucesos elementales de dicha experiencia?**

**Respuesta:**

Hay 36 casos posibles: (1,1),(1,2)...(6,5) y (6,6) que son los sucesos elementales

**48. Lanzamos dos monedas al mismo tiempo  
¿cuáles son los sucesos elementales de dicha experiencia?**

**Respuesta:**

Hay cuatro casos posibles(c,+),(+,c),(c,c) y (+,+)

**49. Lanzamos tres monedas al mismo tiempo  
¿cuáles son los sucesos elementales de dicha experiencia?**

**Respuesta:**

Hay ocho casos posibles(c,c,c),(c,c,+),.....y (+,+,+)

**50. Una urna contiene 1 bolas rojas y 2 bolas blancas  
Extraemos al azar dos bolas ¿cuál es la probabilidad de que las dos bolas sean blancas?**

**Respuesta:**

Si calculamos todos los casos posibles, tenemos:

(r,b1), (r,b2),(b1,b2) ( tres casos favorables)

Al ser el número de casos favorables sólamente 1, tenemos que  $P = 1/3$



## PROGRAMACIÓN Y RECURSOS PARA EL APRENDIZAJE

**NOTA ACLARATORIA:** Esta programación aborda unos contenidos de matemáticas más amplios que los prescritos actualmente en la página web de la Viceconsejería de FP para las Pruebas de Acceso a Ciclos Formativos. Se mantiene su estructura, a pesar de que nada de lo ampliado se incluirá en la prueba, ya que la ampliación responde a facilitar una formación más coherente con la base matemática necesaria para progresar en estudios postobligatorios.

### • PROGRAMACIÓN

#### VISIÓN GLOBAL DEL MÓDULO

El módulo está organizado en torno a catorce unidades de aprendizaje. El conjunto de ellas contempla la totalidad de los contenidos presentes en los cuatro bloques de contenido. Las cuatro primeras son básicas y fundamentales de cara a entender el desarrollo de las unidades relativas al campo de las funciones. Las cuatro siguientes unidades están centradas en el problema de las funciones, se realiza un estudio de los aspectos claves dentro de este campo: concepto de función, límites, dibujo de curvas, concepto de derivada y concepto de integral, así como sus aplicaciones. Las tres siguientes unidades versan sobre el mundo de la trigonometría y la geometría del plano, una de las unidades está dedicada al estudio de la circunferencia. En las tres últimas unidades se presentan contenidos de tipo estadístico y del mundo de la probabilidad, estos son dos campos emergentes, tanto en las matemáticas como en el mundo que nos rodea.

El sentido del módulo es eminentemente práctico y funcional. Su planteamiento está basado en la resolución de ejercicios y problemas. A la hora de plantear las actividades en el presente módulo hemos de tener presente que las matemáticas son, sobre todo, una herramienta básica con la que podemos profundizar en otras áreas como: Física, Química y Tecnología y, naturalmente en las mismas Matemáticas.

A continuación se detallan brevemente las unidades de aprendizaje. Se hace notar que de cara a un desarrollo lógico del módulo conviene seguir la siguiente secuencia de unidades de aprendizaje: 1, 2, 3, 4, 5, 9, 6, 7, 8, 10, 11, 12, 13 y 14. Antes de introducirse de lleno en las unidades es conveniente dedicar un tiempo al repaso de los conceptos y procedimientos que cada profesor estime oportuno.

Bloques de contenido	Unidades de aprendizaje	Denominación	Tiempo estimado
1. Aritmética y Álgebra	U.A. 1	Números y operaciones	6 horas
	U.A. 2	El lenguaje algebraico y sus aplicaciones.	7 horas
	U.A. 3	Matrices y Determinantes.	4 horas
	U.A. 4	Sistemas de ecuaciones y su resolución	5 horas
2. Análisis Matemático	U.A. 5	El mundo de las funciones	4 horas
	U.A. 6	Estudio de algunas funciones	5 horas
	U.A. 7	El mundo de la derivada y sus aplicaciones	14 horas
	U.A. 8	El mundo de las integrales y sus aplicaciones.	10 horas
3. Geometría	U.A. 9	La trigonometría y sus aplicaciones.	8 horas
	U.A. 10	Sistema de coordenadas y Ecuación de la recta	5 horas
	U.A. 11	Las cónicas: la circunferencia	4 horas



4. Estadística y probabilidad	U.A. 12	Estadística unidimensional	6 horas
	U.A. 13	Estadística bidimensional	6 horas
	U.A. 14	La Probabilidad	6 horas

### Unidad de Aprendizaje 1: NÚMEROS Y OPERACIONES (6 horas)

Esta unidad es clave para el desarrollo posterior. Uno de sus objetivos es que se dominen con cierta soltura los distintos números que en ella se trabajan, así como las relaciones entre ellos. Es muy importante un manejo seguro de los números enteros, los racionales e irracionales en los distintos contextos. Del mismo modo, es importante un manejo diestro de los números representados mediante notación científica como la más adecuada para trabajar con números muy grandes o muy pequeños.

Los alumnos deben hacer un uso adecuado de los distintos tipos de números y ser capaz de ubicarlos de una manera adecuada en la recta real. Las operaciones habituales con dichos números han de realizarse con seguridad y confianza. Esta unidad contempla el trabajo con una nueva operación: el logaritmo, para comprender este concepto y presentarlo adecuadamente es conveniente relacionarlo con la función exponencial y con la representación de los números en notación científica.

En toda la unidad es muy recomendable el uso de la calculadora, ella nos ahorrará muchos cálculos, y de ésta manera podremos dedicarnos a profundizar más en los procesos. Hacia el final de la unidad se incluyen los contenidos derivados de las progresiones aritméticas y geométricas, no es necesario profundizar mucho en este tipo de contenidos, nos interesa, especialmente, la distinción existente entre unas y otras. El obtener el término general de cada una de las progresiones puede ser un buen punto de partida de cara al concepto de sucesión numérica.

La unidad debe contemplar la resolución de distintos ejercicios y problemas de carácter numérico. El sentido de la unidad es dotarnos de unas herramientas necesarias y básicas para poder avanzar en matemáticas.

### Unidad de Aprendizaje 2: EL LENGUAJE ALGEBRAICO Y SUS APLICACIONES (7 horas)

La presente unidad supone una profundización en el álgebra y sus métodos. Un inicio de la unidad puede centrarse en la relación existente entre nuestro lenguaje natural y el lenguaje algebraico. Posteriormente se ha de introducir el concepto de expresión algebraica, y como caso particular el estudio de un tipo de expresión algebraica: los polinomios. Buena parte de la unidad está encaminada a la manipulación de polinomios: valor numérico, raíces y factorización (aquí será necesario aplicar los conocimientos derivados de la regla de Ruffini), así como las operaciones elementales entre ellos. Posteriormente se ha de trabajar el concepto de ecuación y su solución. Es muy importante saber qué significa resolver una ecuación y conocer algunas técnicas de resolución. La última parte de la unidad estará dedicada a resolver ecuaciones de segundo grado. El sentido de la unidad es eminentemente instrumental, esto significa que el álgebra debe una poderosa herramienta para resolver ecuaciones (de primer y segundo grado), así como para resolver problemas que admitan un planteamiento algebraico. El álgebra es una potente herramienta para resolver problemas que no debemos desaprovechar.

### Unidad de Aprendizaje 3: MATRICES Y DETERMINANTES (4 horas)

Es una unidad de carácter meramente instrumental; sin embargo, es muy importante comprender los conceptos de matriz y determinante, dichos conceptos son claves de cara a acceder a la comprensión de otros contenidos como: resolución de sistemas (U. A 4) y



resolución de algunos problemas relacionados con la geometría del plano (U. A. 10). Conviene tener un dominio diestro de las operaciones elementales con matrices (suma, resta y multiplicación por un escalar), así como del cálculo de determinantes de 3x3 mediante la regla de Sarrus, estos aspectos nos posibilitarán la resolución de sistemas lineales mediante manipulación de las matrices.

#### **Unidad de Aprendizaje 4: SISTEMAS DE ECUACIONES Y SU RESOLUCIÓN (5 horas)**

Es una unidad importante dentro del campo algebraico. En primer lugar hemos de comprender bien qué significa resolver un sistema de ecuaciones. Entender la diferencia que existe entre un sistema compatible o incompatible. Saber lo que son dos sistemas equivalentes. Comprender cuando un sistema tiene una única solución (determinado) o tiene infinitas soluciones (indeterminado). La unidad tiene un carácter instrumental: el objetivo de la misma es resolver sistemas de ecuaciones por distintos procedimientos; pero especialmente haciendo hincapié en el llamado método de Gauss. Un aspecto importante de la unidad es todo lo concerniente al planteamiento y resolución de problemas mediante una concepción algebraica.

#### **Unidad de Aprendizaje 5: EL MUNDO DE LAS FUNCIONES (4 horas)**

Esta unidad es fundamental de cara a comprender el concepto de función. Su relación con otras unidades de aprendizaje es muy claro, especialmente con las tres unidades siguientes. Un buen aprendizaje del tema supone adquirir un conocimiento de los diversos lenguajes (verbal, tabular, gráfico y algebraico) en que estas pueden expresarse y desarrollar la capacidad para traducir de un lenguaje a otro.

A lo largo de la unidad ha de quedar claro el concepto de función como una relación entre dos magnitudes que varían de forma simultánea. Del mismo modo, tiene interés un estudio de las características globales de las gráficas (crecimiento, decrecimiento, continuidad, etc.), así como el concepto de dominio de una función. Al ser posible se han de proponer actividades y ejercicios en los que aparezcan funciones en diversos contextos.

#### **Unidad de Aprendizaje 6: ESTUDIO DE ALGUNAS FUNCIONES (5 horas)**

En esta unidad se aprendizaje se estudian de una manera más profunda algunos tipos de funciones: lineal, cuadrática, exponenciales y logarítmicas.

Si bien, las funciones lineales y cuadráticas ya han sido objeto de estudio en cursos anteriores, en esta unidad se volverán a estudiar, profundizando aún más en su conocimiento. A lo largo de la unidad hemos de comprender los aspectos más relevantes de las funciones objeto de estudio, como son: crecimiento, decrecimiento, tendencias, máximos, mínimos, etc. El estudio de la función trigonométrica se hará dentro de la U.A. 9. Es muy importante conocer algunas características básicas de estas funciones, como: periodicidad, dominio de la función, rango, etc.

#### **Unidad de Aprendizaje 7: EL MUNDO DE LA DERIVADA Y SUS APLICACIONES (14 horas)**

Esta unidad de aprendizaje es clave, no sólo dentro del bloque relativo al análisis matemático sino en el conjunto de todas las unidades. El inicio de la misma contempla los conceptos de sucesiones numéricas y del límite de una función en un punto, así como los conceptos de continuidad y discontinuidad (todos ellos a nivel muy intuitivo). Estos conceptos deben tener un carácter marcadamente práctico, el trabajo puede ser de carácter muy cualitativo, lo que interesa es que los contenidos a trabajar estén muy claros.



El núcleo central de la unidad se centrará en el concepto de derivada de una función en un punto, así como la interpretación geométrica de dicho concepto. Este aspecto está estrechamente relacionado con la recta tangente a la curva en un punto, por esta razón conviene tener claros alguno de los aspectos sobre la función lineal, vistos en la U. A. 6. Una vez comprendido el concepto de derivada en un punto pasaremos al de la función derivada de una función dada. La última parte de la unidad estará dedicada a la práctica de algunas reglas básicas de derivación, lo que nos permitirá derivar algunas funciones elementales. La unidad se cierra con algunas aplicaciones de la derivada, especialmente al dibujo de curvas con la obtención de los llamados puntos críticos de una función: máximos, mínimos, etc.

#### **Unidad de Aprendizaje 8: EL MUNDO DE LAS INTEGRALES Y SUS APLICACIONES (10 horas)**

Esta unidad está estrechamente relacionada con la anterior y no es posible trabajarla bien si aquella no está bien asentada. La unidad tiene dos partes bien diferenciadas, la primera de ellas la dedicaremos al cálculo de primitivas de algunas funciones. Interesa mucho que se vea la relación existente (como operaciones inversas entre sí) entre la función derivada de una función y la función primitiva. La segunda parte de la unidad versará sobre el concepto de integral definida y alguna de sus aplicaciones, especialmente el cálculo de área bajo una curva (regla de Barrow). Es una unidad de carácter muy instrumental, con ella se cierra el bloque de contenido relativo al análisis matemático.

#### **Unidad de Aprendizaje 9: LA TRIGONOMETRÍA Y SUS APLICACIONES (8 horas)**

Esta unidad está dedicada íntegramente a conceptos de carácter trigonométrico. En primer lugar se ha de tener un dominio seguro de la medida de los ángulos, tanto del sistema sexagesimal como el derivado de los radianes. Posteriormente trabajaremos con la circunferencia goniométrica (circunferencia de radio la unidad) y con las principales razones trigonométricas (seno, coseno y tangente), resolviendo ejercicios para calcular las razones de algunos ángulos en función de otros. El estudio de las principales funciones trigonométricas será uno de los objetivos a conseguir, complementando el estudio de algunas funciones, objeto de estudio de la U. A. 6. Esta unidad se ha de trabajar antes de las U. A. 7 y 8. La parte final de la unidad estará dedicada al estudio y resolución de distintos tipos de triángulos, siendo necesario el conocimiento de los teoremas del seno y del coseno. La unidad tiene un carácter instrumental; para consolidar sus contenidos viene bien resolver problemas sobre cálculos de medidas indirectas: cálculos de distancias, etc. En toda la unidad es necesario la utilización de una calculadora científica.

#### **Unidad de Aprendizaje 10: SISTEMA DE COORDENADAS Y ECUACIÓN DE LA RECTA (5 horas)**

Esta unidad está estrechamente relacionada con la anterior, pero también con la U.A. 6. En la unidad se profundiza aún más en la obtención de la función lineal, estudiándose aspectos métricos (distancia entre rectas, distancia entre punto y recta) y aspectos de posición (paralelismo, perpendicularidad, etc.) entre rectas. La noción de pendiente de una recta es muy importante, nos posibilita su aplicación en estrecha relación con la trigonometría y la derivada. A partir de la pendiente podemos realizar estudios de crecimiento o decrecimiento de las funciones lineales. También, hemos de saber calcular la ecuación de una recta (función lineal) que pasa por dos puntos y relacionarla con la ecuación punto-pendiente.



### **Unidad de Aprendizaje 11: LAS CÓNICAS: LA CIRCUNFERENCIA (6 horas)**

Es una unidad centrada en el estudio de una cónica concreta: la circunferencia. Si bien hay que dedicar un tiempo al reconocimiento( a nivel gráfico) muy somero, de los otros tipos de cónicas :elipse, la parábola y la hipérbola. El estudio de la parábola ya se ha realizado en la unidad de aprendizaje número 6, por lo tanto no será objeto de un estudio particular. Respecto al estudio de la circunferencia nos interesa la obtención y comprensión de su ecuación a partir de su centro y de su radio .Es una unidad de corta duración y de carácter muy gráfico.

### **Unidad de Aprendizaje 12: ESTADÍSTICA UNIDIMENSIONAL (6 horas)**

En esta unidad de aprendizaje se presentan todos los contenidos, presentes en el módulo, relativos al campo de la estadística unidimensional. Las primeras actividades de la unidad tienen que ver con la agrupación y ordenación de los distintos datos estadísticos a través de tablas de frecuencias. Posteriormente se estudiarán las distintas gráficas estadísticas: histogramas, diagramas de barras, diagramas de sectores, etc.

El estudio de los parámetros estadísticos, especialmente de la media aritmética y la desviación típica serán objeto de un estudio más pormenorizado. Los cálculos, al ser posible, se harán mediante el uso de una calculadora. Tiene importancia no sólo el aspecto cuantitativo de dichos parámetros sino también el cualitativo: la media aritmética como un valor central, mientras la desviación típica como un valor que nos indica la desviación que existe respecto a la media. Es una unidad muy propicia para trabajar con problemas sacados de los distintos medios de comunicación.

### **Unidad de Aprendizaje 13: ESTADÍSTICA BIDIMENSIONAL (6 horas)**

En esta unidad de aprendizaje se presentan todos los contenidos, presentes en el módulo, relativos al campo de la estadística bidimensional. Las primeras actividades de la unidad tienen que ver con la representación de las distribuciones bidimensionales mediante nubes de puntos. Posteriormente nos acercaremos a la relación que pueda existir entre las dos variables, mediante el concepto de correlación. Se ha dedicar un tiempo a realizar cálculos estimativos de la posible correlación entre dos variables. La parte final de la unidad se dedicará al ajuste de una nube de puntos mediante una recta, en caso de que tal relación exista. Esta es la llamada recta de regresión, su cálculo ha de ser aproximativo.

El planteamiento de toda la unidad ha de ser, en la medida de lo posible, práctico y funcional, aprovechándonos de situaciones presentes en los medios de comunicación.

### **Unidad de Aprendizaje 14: PROBABILIDAD (6 horas)**

En esta unidad de aprendizaje se presentan todos los contenidos del módulo, relativos al campo del mundo del azar o la probabilidad. Es muy importante acercarse al lenguaje del azar y tener un cierto dominio del mismo: experiencia aleatoria, sucesos elementales, suceso seguro, etc.

Posteriormente conviene trabajar los conceptos de frecuencia de un suceso y el concepto de probabilidad. Este último concepto debe quedar muy claro, la mejor manera es presentar numerosas experiencias aleatorias y calcular la probabilidad de algunos sucesos sean elementales o no, aunque sea de manera intuitiva. La última parte de la unidad está dedicada a la ley de Laplace, con ella podremos calcular la probabilidad de algunos sucesos más complejos. La unidad ha de ser eminentemente práctica, pivotando sobre la resolución de actividades significativas y bien elegidas

**Correspondencia entre las unidades de aprendizaje y los indicadores de conocimiento.**

Unidades de aprendizaje	Denominación	Indicadores de Conocimiento
U.A. 1	Números y operaciones	1.1 y 1.2
U.A. 2	El lenguaje algebraico y sus aplicaciones.	1.3 y 1.4
U.A. 3	Matrices y Determinantes.	<b>1.7 y 1.8</b>
U.A. 4	Sistemas de ecuaciones y su resolución	1.5; 1.6 y 1.9
U.A. 5	El mundo de las funciones	2.2 ; 2.3 y 2.6
U.A. 6	Estudio de algunas funciones	2.3; 2.4 y 2.5
U.A. 7	El mundo de la derivada y sus aplicaciones	<b>2.1; 2.4; 2.6; 2.7; 2.8; 2.9; 2.10 y 2.11</b>
U.A. 8	El mundo de las integrales y sus aplicaciones.	<b>2.12 y 2.13</b>
U.A. 9	La trigonometría y sus aplicaciones.	3.1; 3.2 y 3.3
U.A. 10	Sistema de coordenadas y Ecuación de la recta	3.4; 3.5 ; 3.6 y 3.7
U.A. 11	Las cónicas: la circunferencia	3.8 y 3.9
U.A. 12	Estadística unidimensional	4.1 y 4.2
U.A.13	Estadística bidimensional	<b>4.3 y 4.4</b>
U.A. 14	La Probabilidad	4.5 y 4.6

**Metodología a aplicar en la Unidades de aprendizaje.**

La metodología de todas las unidades se basará en la resolución de problemas y ejercicios bien elegidos.



## • RECURSOS PARA EL APRENDIZAJE

Para ayudarse de la preparación de estas unidades de forma autodidacta o dirigida resulta imprescindible el uso de medios y soportes didácticos, de los cuales los libros de texto son los más representativos.

Para preparar el módulo podemos emplear cualquier libro de matemáticas de los estudiados a nivel de Bachillerato. En base a esto se proponen los siguientes textos:

- **Matemáticas de 1º y 2º de Bachillerato:**

Autores: José Colera y otros.  
Edit: ANAYA.

- **Matemáticas( serie Bachillerato):**

Autores: Agustín Estévez y Juan Enciso.  
Edi:Mc Graw Hill.

- **Compendio de Problemas de Matemáticas para el Bachillerato:**

Autores: D. Torrecilla y J.D. Molina.  
Edit. Grupo Editorial Universitario.

- **Método de Matemáticas para acceso a la Universidad.**

- **Apuntes y problemas de Matemáticas para acceso a la universidad**

Editorial: Libros de la Jarda

Web: [www.lajarda.com/mat](http://www.lajarda.com/mat)

Ambos títulos componen una obra en formato tipo apuntes cuya metodología eminentemente autodidacta y contenidos de carácter práctico, más de 4.000 ejercicios, están diseñados y orientados para preparar la prueba de acceso a la universidad en el ámbito científico-técnico.

Esta obra se adquiere exclusivamente a través de su página web.

### Recursos matemáticos en Internet:

a) [www.matematicas.net](http://www.matematicas.net)

b) [www.divulgamat.net](http://www.divulgamat.net)