

Escuela Superior de Cómputo

Teoría de la Computación

Práctica 4:

Tablero

Autor:

Rodrigo Gerardo Trejo Arriaga

Octubre 2023

Práctica 4:

Tablero

Los Autómatas Finitos No Deterministas (AFND) son un concepto fundamental en la teoría de la computación y la teoría de lenguajes formales. Son una extensión de los Autómatas Finitos Deterministas (AFD) y se caracterizan por su capacidad para tener múltiples transiciones posibles desde un estado dado en respuesta a un símbolo de entrada o incluso la posibilidad de no tener una transición definida. Esto contrasta con los AFD, que siguen un proceso determinista y tienen una única transición para cada combinación de estado y símbolo.

Los componentes de un AFND son similares a los de un AFD:

- Conjunto de Estados (Q): Un conjunto finito de estados que representa los diferentes estados internos de la máquina. Por ejemplo, $Q = \{q_0, q_1, q_2\}$.
- Alfabeto de Entrada (Σ): Un conjunto finito de símbolos utilizados como entrada. Por ejemplo, $\Sigma = \{0, 1\}.$
- Función de Transición (δ): A diferencia de un AFD, la función de transición en un AFND puede devolver múltiples estados o incluso el estado vacío \emptyset . Formalmente, $\delta: Q \times \Sigma \to 2^Q$, donde 2^Q representa el conjunto de subconjuntos de Q.
- **Estado Inicial** (q_0) : El estado en el que se encuentra la máquina al comienzo de la ejecución.
- Conjunto de Estados Finales (F): Un subconjunto de estados que se consideran estados de aceptación. Si la máquina termina en al menos uno de estos estados después de procesar la entrada, se acepta la cadena.

El proceso de reconocimiento en un AFND es similar al de un AFD, pero con la posibilidad de múltiples transiciones o la falta de transiciones en ciertos casos. Un AFND puede explorar múltiples ramas posibles durante el procesamiento de una cadena.

Una cadena se considera aceptada por un AFND si existe al menos una secuencia de transiciones que lleve a la máquina a un estado final después de procesar toda la entrada. No es necesario que todas las transiciones sean deterministas.

El lenguaje aceptado por un AFND es el conjunto de todas las cadenas que la máquina acepta, de acuerdo con la definición de aceptación anterior. Es importante destacar que un AFND puede aceptar lenguajes más generales que los AFD.

Es importante notar que cualquier lenguaje aceptado por un AFND también puede ser aceptado por un AFD. Existe un procedimiento para convertir un AFND en un AFD, lo que significa que los lenguajes regulares reconocidos por AFND y AFD son equivalentes. Sin embargo, los AFND son más expresivos y pueden representar de manera más concisa ciertos patrones en lenguajes regulares.

Al igual que los AFD, los Autómatas Finitos No Deterministas son adecuados para reconocer lenguajes regulares. No pueden reconocer lenguajes más complejos, como los lenguajes libres de contexto o los

lenguajes sensibles al contexto. Para lenguajes más complejos, se utilizan otros tipos de autómatas, como los autómatas de pila o las máquinas de Turing.

I. Instrucciones

A continuación, se presentan las instrucciones para el programa, que debe ser capaz de ejecutarse en modo automático y manual:

- 1. Modos de Ejecución: El programa debe permitir dos modos de ejecución: automático y manual.
- 2. **Entrada de Movimientos:** En el modo manual, el usuario podrá introducir la cadena de movimientos o generarla aleatoriamente.
- 3. Número de Piezas: El programa puede funcionar con una pieza o dos piezas.
- 4. **Segunda Pieza:** En el caso de dos piezas, la segunda pieza debe iniciar en el estado 4 y su estado final es el estado 13.
- 5. **Iniciativa Aleatoria:** Cuando inicie el juego, de manera aleatoria el programa debe decidir quién inicia
- 6. **Generación de Archivos:** Una vez definida la cadena de movimientos para una o dos piezas, el programa debe generar dos tipos de archivos:
 - a) Archivo con todos los movimientos posibles por pieza.
 - b) Archivo con todos los movimientos ganadores por pieza.

Estos archivos servirán para reconfigurar las rutas durante el juego.

- 7. **Reconfiguración de Rutas:** Si se reconfigura una ruta y aún así no se puede avanzar, el programa debe esperar una iteración para continuar.
- 8. **Gráficos:** El programa debe ser capaz de graficar el tablero y mostrar los movimientos de una o dos piezas. Además, debe generar una representación gráfica de toda la red generada por los movimientos.
- 9. **Número de Movimientos:** El número máximo de movimientos permitidos debe estar entre 4 y 50 símbolos.

II. Resultados

III. Código de Implementación

III.1. Programa principal

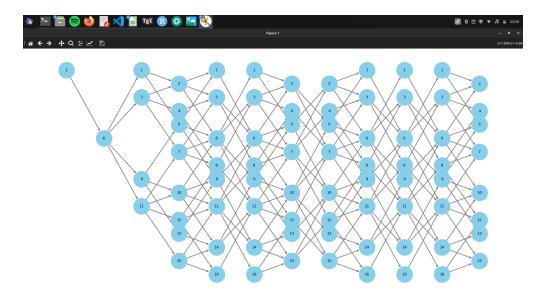


Figura 1: Grafo de la pieza rosa

```
import pygame
       import sys
      import time
      import os
      from rutas import *
      import random
      import time
      import multiprocessing
      import pandas as pd
      import matplotlib.pyplot as plt
10
      import networkx as nx
14
      def eliminar_archs(nombre_arch):
       """Funci n que elimina un archivo si existe en el directorio
17
      Args:
18
      nombre_arch (str): Nombre del archivo que deseas eliminar
20
      archivo1 = nombre_arch
      if os.path.exists(archivo1):
      os.remove(archivo1)
      class Tablero:
26
      def __init__(self, dimension, tablero, indices, num_movs,
         cant_fichas=1):
```

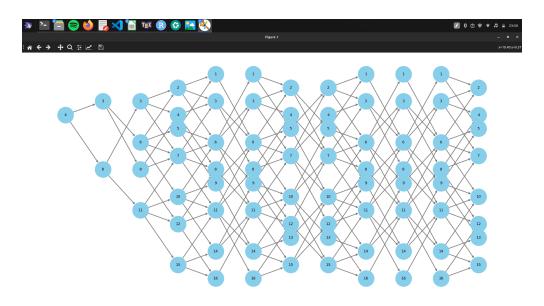


Figura 2: Grafo de la pieza amarilla

```
self.DIMENSIONES = dimension
28
      self.TAMANO_CELDA = 100
      self.ROJO = (124, 18, 66)
30
      self.NEGRO = (0, 0, 0)
      pygame.init()
      self.tablero = tablero
      self.indices = indices
      self.cant_fichas = cant_fichas
      self.num_movs = num_movs
36
      self.VENTANA_TAMANO = (self.DIMENSIONES * self.TAMANO_CELDA, self
         .DIMENSIONES * self.TAMANO_CELDA)
      self.ventana = pygame.display.set_mode(self.VENTANA_TAMANO)
      pygame.display.set_caption("Simulaci n de Ajedrez")
40
      self.movs_casillas_ficha1 = None
      self.movs_casillas_ficha16 = None
      self.pieza1_pos = (0, 0)
      self.pieza16_pos = (0, 3)
45
      self.tiempo_siguiente_movimiento = 6
      self.indice_movimiento_p1 = 0
      self.indice_movimiento_p16 = 0
      self.archivo_pieza1 = open("f1_ganadoras.txt", "w+")
49
      self.archivo_pieza16 = open("f16_ganadoras.txt", "w+")
50
      self.aux_pos_p1 = (0,0)
      self.aux_pos_p16 = (0,3)
      self.ruta_pieza1 = None
      self.ruta_pieza16 = None
```

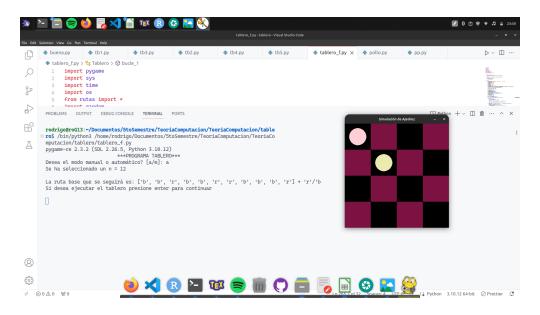


Figura 3: Programa en ejecución

```
def calcular_ganadoras(self):
56
      print("\t\t ***PROGRAMA TABLERO***")
      modo = input("Desea el modo manual o autom tico? [a/m]: ")
58
      if modo == "a":
60
      n = random.randint(4, 20)
      print(f"Se ha seleccionado un n = {n}")
62
      cadenas = ["r", "b"]
63
      ruta_colores = [random.choice(cadenas) for _ in range(0, n-1)]
65
66
      print(f"\nLa ruta base que se seguir es: {ruta_colores} + 'r','
         b")
68
      elif modo == "m":
69
      ruta_colores = input("Ingrese las cadena de 'r' y 'b' separadas
         por comas nicamente : ")
      ruta_colores = ruta_colores.split(",")
      ruta_colores = [i.lower() for i in ruta_colores]
      print(f"\nLa ruta base que se seguir es: {ruta_colores} + 'r',''
         b")
      n = len(ruta\_colores) +1
      resultados1 = {}
      resultados16 = {}
78
      q1 = multiprocessing.Queue()
80
      q2 = multiprocessing.Queue()
```

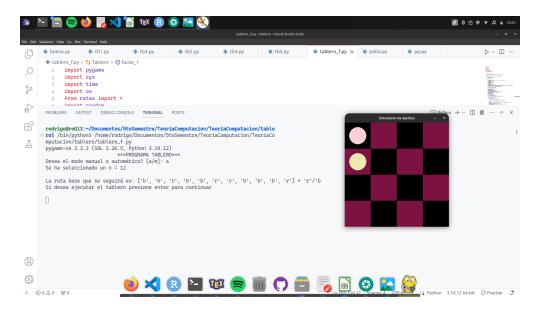


Figura 4: Programa en ejecución

```
82
       generar_rutas_ficha1 = multiprocessing.Process(target=self.
83
          generar_rutas_s, args=(resultados1, tuple(self.tablero), dict(
          self.indices), 1, 16, ruta_colores+["b"], "f1", q1))
       generar_rutas_ficha16 = multiprocessing.Process(target=self.
          generar_rutas_s, args=(resultados16, tuple(self.tablero), dict
          (self.indices), 4, 13, ruta_colores+["r"], "f16", q2))
85
       generar_rutas_ficha1.start()
86
       generar_rutas_ficha16.start()
87
88
       self.movs_casillas_ficha1 = q1.get()
89
       self.movs_casillas_ficha16 = q2.get()
       generar_rutas_ficha1.join()
       generar_rutas_ficha16.join()
       self.ruta_pieza1 = self.archivo_pieza1.readline()
       self.ruta_pieza1 = self.ruta_pieza1[0: len(self.ruta_pieza1)-1].
          split(",")
       self.ruta_pieza16 = self.archivo_pieza16.readline()
95
       self.ruta_pieza16 = self.ruta_pieza16 [0: len(self.ruta_pieza16)
          -1].split(",")
       self.num_movs = n
98
99
       def generar_rutas_s(self, res, tablero: tuple, indices: dict,
100
          estado_inicial:int, estado_final: int, ruta_colores:list,
       nombre_arch:str, q=None):
       file_lock = threading.Lock()
```

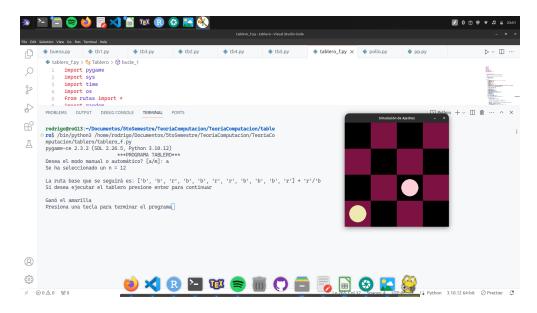


Figura 5: Ganó el amarillo

```
variable_lock = threading.Lock()
       movs_casillas = {}
       for i in range(1, len(ruta_colores)+1):
108
       movs_casillas[i] = {}
110
       with open(f"{nombre_arch}_todas.txt", "w") as todas, open(f"{
          nombre_arch}_ganadoras.txt", "w") as ganadoras:
       resultados = threaded_generar_rutas(file_lock, variable_lock,
          ruta_colores, tablero, indices, estado_inicial, estado_final,
          todas, ganadoras, movs_casillas, res)
       for i in resultados.keys():
       todas.write("\n".join(resultados[i][0]))
114
       todas.write("\n")
       ganadoras.write("\n".join(resultados[i][1]))
       ganadoras.write("\n")
       if q:
       q.put(movs_casillas)
       return movs_casillas
       def dibujar_tablero(self):
       for fila in range(self.DIMENSIONES):
       for columna in range(self.DIMENSIONES):
       color = self.NEGRO if (fila + columna) % 2 == 0 else self.ROJO
128
```

```
pygame.draw.rect(self.ventana, color, (columna * self.
          TAMANO_CELDA, fila * self.TAMANO_CELDA, self.TAMANO_CELDA,
          self.TAMANO_CELDA))
       def dibujar_piezas(self):
       if self.cant_fichas >= 1:
       pygame.draw.circle(self.ventana, (255, 207, 216), (self.
          pieza1_pos[1] * self.TAMANO_CELDA + self.TAMANO_CELDA // 2,
          self.pieza1_pos[0] * self.TAMANO_CELDA + self.TAMANO_CELDA //
          2), self.TAMANO_CELDA // 3)
       if self.cant_fichas >= 2:
       pygame.draw.circle(self.ventana, (236, 234, 175), (self.
136
          pieza16_pos[1] * self.TAMANO_CELDA + self.TAMANO_CELDA // 2,
          self.pieza16_pos[0] * self.TAMANO_CELDA + self.TAMANO_CELDA //
           2), self.TAMANO_CELDA // 3)
       def revisar_existencia_movs(self, num_mov, casilla_actual, evitar
          , casilla):
       if casilla == 1:
140
       for elemento in self.movs_casillas_ficha1[int(num_mov)][int(
          casilla_actual)]:
       if str(elemento) != str(evitar):
       return True
       else:
       for elemento in self.movs_casillas_ficha16[int(num_mov)][int(
145
          casilla_actual)]:
       if str(elemento) != str(evitar):
       return True
       return False
148
       def dame_mov(self, num_mov, casilla_actual, evitar, casilla):
       bandera_otro_mov = self.revisar_existencia_movs(num_mov,
          casilla_actual, evitar, casilla)
       if casilla == 1:
       if bandera_otro_mov:
       nueva_ruta = self.read_and_filter(f"f{casilla}_ganadoras.txt",
          num_mov, evitar, self.indices[self.pieza1_pos])
       return nueva_ruta
158
       else:
       if bandera_otro_mov:
       nueva_ruta = self.read_and_filter(f"f{casilla}_ganadoras.txt",
          num_mov, int(evitar), self.indices[self.pieza16_pos])
       return nueva_ruta
```

```
163
       def read_and_filter(self, file_path, n, x, y, chunk_size=10000):
       Lee un archivo en chunks y avanza hasta encontrar una fila donde
168
          en la columna "n" haya un elemento
       distinto de x, pero en la columna "n-1" haya un elemento y.
          Retorna la fila encontrada
       como un string separado por comas.
       Args:
       - file_path (str): Ruta al archivo.
       - n (int):
                  ndice
                         de la columna n.
174
       - x: Valor que no debe estar en la columna n.
       - y: Valor que debe estar en la columna n-1.
       - chunk_size (int): Tama o del chunk para leer el archivo.
       Returns:
       - String que representa la fila encontrada o None si no se
180
          encuentra.
       0.00
181
       desired_dtype = int
183
       chunk_iter = pd.read_csv(file_path, sep=',', header=None,
185
          chunksize=chunk_size)
186
       for chunk in chunk_iter:
187
       chunk.astype(desired_dtype)
188
       mask = (chunk[int(n)] != int(x)) & (chunk[int(n)-1] == int(y))
189
       filtered_chunk = chunk[mask]
       # Si encontramos al menos una fila que cumpla los criterios
       if not filtered_chunk.empty:
       # Convertir la primera fila que cumple con los criterios a string
194
       found_row = filtered_chunk.iloc[0]
       nueva = ','.join(map(str, found_row))
196
       nueva = nueva.split(",")
       return nueva
       # Si se recorrieron todos los chunks y no se encontr ninguna
200
          fila que cumpla los criterios
       return None
203
       def bucle_1(self):
       mover_pieza1 = True # Bandera para decidir qu pieza se mueve
```

```
tiempo_proximo_movimiento = time.time() + 2  # Inicializamos el
206
          tiempo para el primer movimiento
       while True:
       for evento in pygame.event.get():
       if evento.type == pygame.QUIT:
       pygame.quit()
       sys.exit()
       tiempo_actual = time.time()
       if tiempo_actual > tiempo_proximo_movimiento:
       if mover_pieza1 and self.indice_movimiento_p1 <= self.num_movs:</pre>
       aux = self.indices[int(self.ruta_pieza1[self.indice_movimiento_p1
          ])]
       if aux != self.pieza16_pos:
       self.pieza1_pos = aux
       self.indice_movimiento_p1 += 1
       else:
       ruta = self.dame_mov(self.indice_movimiento_p1, int(self.indices[
          self.pieza1_pos]), int(self.indices[aux]), 1)
       if ruta is not None:
224
       self.ruta_pieza1 = ruta
       self.pieza1_pos = self.indices[int(self.ruta_pieza1[self.
          indice_movimiento_p1])]
       self.dibujar_piezas()
       self.indice_movimiento_p1 += 1
228
       if self.indice_movimiento_p1 > self.num_movs:
                   la rosada")
       print("Gan
       self.ventana.fill(self.ROJO)
       self.dibujar_tablero()
       self.dibujar_piezas()
       pygame.display.flip()
       input("Presione una tecla para continuar")
236
       input()
       break
       elif not mover_pieza1 and self.indice_movimiento_p16 <= self.</pre>
          num_movs:
       aux = self.indices[int(self.ruta_pieza16[self.
          indice_movimiento_p16])]
       if aux != self.pieza1_pos:
       self.pieza16_pos = aux
       self.indice_movimiento_p16 += 1
       else:
       ruta = self.dame_mov(str(self.indice_movimiento_p16), int(self.
246
          indices[self.pieza16_pos]), int(self.indices[aux]), 16)
```

```
if ruta is not None:
       self.ruta_pieza16 = ruta
249
       aux = self.indices[int(self.ruta_pieza16[self.
          indice_movimiento_p16])]
       self.pieza16_pos = self.indices[int(self.ruta_pieza16[self.
          indice_movimiento_p16])]
       self.ventana.fill(self.ROJO)
       self.dibujar_tablero()
       self.dibujar_piezas()
       pygame.display.flip()
       self.indice_movimiento_p16 += 1
256
       if self.indice_movimiento_p16 > self.num_movs:
       print("Gan el amarilla")
       self.ventana.fill(self.ROJO)
260
       self.dibujar_tablero()
       self.dibujar_piezas()
262
       pygame.display.flip()
       input("Presiona una tecla para terminar el programa")
       input()
       break
       # Cambiamos la bandera para el pr ximo movimiento y ajustamos el
           tiempo
       mover_pieza1 = not mover_pieza1
       tiempo_proximo_movimiento = tiempo_actual + 2
       self.ventana.fill(self.ROJO)
       self.dibujar_tablero()
       self.dibujar_piezas()
       pygame.display.flip()
       def dibujar_red_neuronal(self, data):
       G = nx.DiGraph()
281
       pos = \{\}
282
       layers = list(data.keys())
283
284
       for i, layer in enumerate(layers):
285
       states = list(data[layer].keys())
286
       for state in states:
       G.add_node(f"{layer}-{state}", label=str(state))
288
       pos[f"{layer}-{state}"] = (i, -state) # (x,y) coordenadas
289
       next_layer = layer + 1
```

```
if next_layer in data: # Verificar si existe la siguiente capa
292
       for connection in data[layer][state]:
       if connection in data[next_layer]: # Verificar si el estado de
          conexi n existe en la siguiente capa
       G.add_edge(f"{layer}-{state}", f"{next_layer}-{connection}")
296
       labels = {node: G.nodes[node]['label'] for node in G.nodes()}
298
       # Dibuja el grafo
       plt.figure(figsize=(10, 6))
       nx.draw(G, pos, labels=labels, node_size=2000, node_color="
301
          skyblue", font_size=10, width=2, edge_color="gray")
       plt.title("Grafo tipo Red Neuronal")
302
       plt.show()
304
305
       if __name__ == "__main__":
       eliminar_archs("f1_ganadoras.txt")
       eliminar_archs("f1_todas.txt")
       eliminar_archs("f16_ganadoras.txt")
       eliminar_archs("f16_todas.txt")
       tablero = (
       (("b", False, 1), ("r", False, 2), ("b", False, 3), ("r", False,
          4)),
       (("r", False, 5), ("b", False, 6), ("r", False, 7), ("b", False,
          8)),
       (("b", False, 9), ("r", False, 10), ("b", False, 11), ("r", False
          , 12)),
       (("r", False, 13), ("b", False, 14), ("r", False, 15), ("b",
          False, 16))
       )
       indices = \{1: (0,0), 2: (0,1), 3: (0,2), 4: (0,3), \}
           5: (1,0), 6: (1,1), 7: (1,2), 8: (1,3),
           9: (2,0), 10: (2,1), 11: (2,2), 12: (2,3),
           13: (3,0), 14: (3,1), 15: (3,2), 16: (3,3),
           (0,0):1, (0,1):2, (0,2):3, (0,3):4,
           (1,0):5, (1,1):6, (1,2):7, (1,3):8,
           (2,0):9,(2,1):10,(2,2):11,(2,3):12,
           (3,0):13, (3,1):14, (3,2):15, (3,3):16
       juego = Tablero(4, tablero, indices, 0, cant_fichas=2)
       juego.calcular_ganadoras()
       juego.dibujar_red_neuronal(juego.movs_casillas_ficha1)
```

```
juego.dibujar_red_neuronal(juego.movs_casillas_ficha16)
print("Si desea ejecutar el tablero presione enter para continuar
")
juego.bucle_1()
```

III.2. Generador de rutas

```
import threading
      def crear_matriz_ventanita(tablero, fila, col):
      ventanita = []
      for i in range(fila - 1, fila + 2):
      fila_aux = []
      for j in range(col - 1, col + 2):
      if 0 \le i \le len(tablero) and 0 \le j \le len(tablero[0]):
      fila_aux.append(tablero[i][j])
      else:
      fila_aux.append([None, None, None])
      ventanita.append(fila_aux)
      ventanita[1][1] = [None, None, None]
      return ventanita
14
      def seleccionar_hijos(estado, tablero, indices, movimientos,
         contador):
      fila, col = indices[estado]
      ventanita = crear_matriz_ventanita(tablero, fila, col)
18
      hijos = []
10
      for fila in ventanita:
      for casilla in fila:
      if casilla[0] == movimientos[contador]:
      hijos.append(casilla[2])
      return hijos
24
      def generar_rutas(file_lock, variable_lock, movs_casillas,
26
         movimientos, tablero, indices, estado, ruta, estado_final,
         todas, ganadoras, lista_estados, lista_ganadoras):
      cte = 1000000
      if len(ruta) <= len(movimientos):</pre>
      hijos = seleccionar_hijos(estado, tablero, indices, movimientos,
30
         len(ruta)-1)
      for hijo in hijos:
      with variable_lock:
      crear_bifu(movs_casillas, len(ruta), ruta[-1])
34
      movs_casillas[len(ruta)][ruta[-1]].add(int(hijo))
```

```
generar_rutas(file_lock, variable_lock, movs_casillas, movimientos
          , tablero, indices, hijo, ruta + [hijo], estado_final, todas,
         ganadoras, lista_estados, lista_ganadoras)
      else:
38
      if len(lista_estados) < cte:</pre>
      lista_estados.append(f"{','.join(map(str, ruta))}")
      elif len(lista_estados) >= cte:
      lista_estados.append(f"{','.join(map(str, ruta))}")
      with file_lock:
      todas.write("\n".join(lista_estados))
      todas.write("\n")
      lista_estados.clear()
46
      if str(ruta[-1]) == str(estado_final) and len(lista_ganadoras) <</pre>
      lista_ganadoras.append(f"{','.join(map(str, ruta))}")
      elif ruta[-1] == estado_final and len(lista_ganadoras) >= cte:
50
      lista_ganadoras.append(f"{','.join(map(str, ruta))}")
      with file_lock:
      ganadoras.write("\n".join(lista_ganadoras))
      ganadoras.write("\n")
54
      lista_ganadoras.clear()
56
      def crear_bifu(dict_movs, num_mov, llave):
      if llave not in dict_movs[num_mov]:
58
      dict_movs[num_mov][llave] = set()
      def threaded_generar_rutas(file_lock, variable_lock, movimientos,
61
           tablero, indices, estado_inicial, estado_final, todas,
          ganadoras, movs_casillas, resultados={}):
      ruta = [estado_inicial]
      hilos = {}
      hijos_iniciales = seleccionar_hijos(estado_inicial, tablero,
66
          indices, movimientos, 0)
      if hijos_iniciales == 1:
      ruta = [estado_inicial, hijos_iniciales[0]]
      crear_bifu(movs_casillas, len(ruta), ruta[-1])
70
      movs_casillas[len(ruta)][ruta[-1]].add(hijos_iniciales[0])
      hijos_iniciales = seleccionar_hijos(estado_inicial, tablero,
          indices, movimientos, 1)
      for hijo in hijos_iniciales:
      resultados[hijo] = [list(), list()]
75
      with variable_lock:
76
```

```
crear_bifu(movs_casillas, len(ruta), ruta[-1])
      movs_casillas[len(ruta)][ruta[-1]].add(int(hijo))
      hilo = threading.Thread(target=generar_rutas, args=(file_lock,
         variable_lock, movs_casillas, movimientos, tablero, indices,
         hijo, ruta+[hijo], estado_final, todas, ganadoras, resultados[
         hijo][0], resultados[hijo][1]))
      hilos[hijo] = hilo
      hilo.start()
81
82
      for _, hilo in hilos.items():
83
      hilo.join()
84
      return resultados
86
       if __name__ == "__main__":
       tablero = (
89
       (("b", False, 1), ("r", False, 2), ("b", False, 3), ("r", False,
90
         4)),
       (("r", False, 5), ("b", False, 6), ("r", False, 7), ("b", False,
91
         8)),
       (("b", False, 9), ("r", False, 10), ("b", False, 11), ("r", False
          , 12)),
       (("r", False, 13), ("b", False, 14), ("r", False, 15), ("b",
         False, 16))
      )
       indices = \{1: (0,0), 2: (0,1), 3: (0,2), 4: (0,3), \}
96
          5: (1,0), 6: (1,1), 7: (1,2), 8: (1,3),
          9: (2,0), 10: (2,1), 11: (2,2), 12: (2,3),
          13: (3,0), 14: (3,1), 15: (3,2), 16: (3,3)}
100
      with open("todas.txt", "w") as todas, open("ganadoras.txt", "w")
         as ganadoras:
      file_lock = threading.Lock()
      variable_lock = threading.Lock()
      104
      movs_casillas = {}
106
      for i in range(1, len(ruta_colores)+1):
      movs_casillas[i] = {}
      resultados = threaded_generar_rutas(file_lock, variable_lock,
         ruta_colores, tablero, indices, 1, 9, todas, ganadoras,
         movs_casillas)
      for i in resultados.keys():
       todas.write("\n".join(resultados[i][0]))
114
```

```
todas.write("\n")
ganadoras.write("\n".join(resultados[i][1]))
ganadoras.write("\n")

print(movs_casillas)
print(movs_casillas)
```