Regresión Lineal

Rodrigo Negrete Pérez

March 29, 2022

- Regresión a la Media
- Q GDP
- MCO
- Inferencia Estadística
- 5 Justificación de la Regresión
- 6 Inferencia casual y regresión
- Variables Omitidas, Matching y Controles



Section 1

Regresión a la Media

Chicharitos

- En 1889 Galton popularizó la "regresión a la media"
- Las vainas de chícharos:
 - Las extremadamente largas tenían hijas largas, pero no tanto como sus padres
 - Las extremadamente pequeñas tenían hijas pequeñas, pero no tanto como su padres
 - Los hijos revertían, regresaban a un promedio
- Queremos una línea que, con los datos, prediga la longitud promedio de los hijos, dada la de los padres

FEC (CEF)

- El objeto matemático es la Función de Esperanza Condicional
- CEF en inglés
- Nos da el promedio de Y dado un conjunto de valores de X (condicionando por X)

$$E[Y_i|X_i=x]$$

• Es una curva que puede tener cualquier forma

Propiedad de desomposición de la FEC

 Puedo descomponer una una variable aleatoria en su FEC y un término de error independiente a X

$$Y_i = E[Y_i|X_i] + \varepsilon_i$$

- ε_i debe ser ortogonal (independiente) y por ende no puede estar correlacionado con X_i
- Cualquier variable aleatoria puede ser explicada por su FEC y un sobrante independiente a X_i

Propiedades de Predicción de la FEC

Sea $m(X_i)$ cualquier función de X_i . La FEC resuelve

$$E[Y_i|X_i] = \underset{m(X_i)}{\operatorname{argmin}} E[(Y_i - m(X_I))^2]$$

La FEC es el mejor predictor de Y_i dado X_i , pues minimiza el promedio de los cuadrados de los errores.

Teorema ANOVA

• Podemos descomponer la varianza de y_i en la varianza de la FEC y la del residuo

$$Var(Y_i) = Var(E[Y_i|X_i]) + Var(\varepsilon_i)$$

• Nótese que seguimos asumiendo que X_i y ε_i son ortogonales

Section 2

GDP

¿Qué queremos?

- Nos interesa la relación entre una variable X y una variable Y
- Un tratamiento y un outcome
- En general, no sabemos "la verdad", las relaciones auténticas
- El objetivo es acercarnos a "la verdad" a través de los datos
- Con datos simulados sí que sabemos la verdad

Proceso de Generación de Datos (GDP)

- n observaciones con dos variables: $(x_1, x_2, ..., x_n)$ y $(y_1, y_2, ..., y_n)$
- GDP es como un caja negra: entra una x, pasa algo, y se convierte en una y
- Definamos un GDP

$$y_i = \alpha + \beta x_i + \varepsilon_i$$

• reconocemos que hay procesos estocásticos (ε_i)

Construyamos un df. Supongamos:

- N = 10,000
- α = 5
- $\beta = 4$
- $x \sim N(20, 15)$
- $\epsilon \sim N(5,2)$

```
set.seed(2022)
n<-10000
alpha=5
beta= 4
x<-rnorm(n,50,15)
e<-rnorm(n,5,2)
y<-alpha+ beta*x + e
df<-data.frame(x,y)</pre>
```

	Х	у
1	63.50	266.21
2	32.40	140.07
3	36.54	155.11
4	28.33	122.40
5	45.03	191.20
6	6.49	36.62

- En nuestro caso, el GDP es la "verdad"
- Entonces, ¿como podemos inferir la verdad a partir de la muestra?

Section 3

MCO

Mínimos Cuadrados Ordinarios (MCO)

- MCO minimiza las sumas de los cuadrados de los residuos
- Se publicó el procedimiento en 1805 por Legendre
- Gauss ya lo había empleado
 - Le pareció tan trivial que lo publicó hasta 1809
 - Desarrolló algunos teoremas para el procedimiento
- OLS en inglés

- Queremos estimar la línea $\hat{\alpha}_i + \hat{\beta}X_i$ que mejor se ajuste a los datos.
- $\hat{y}_i = \hat{\alpha}_i + \hat{\beta} X_i$ es el valor ajustado para i
- el residuo $\hat{\varepsilon}_i = yi \hat{y}_i$ es la distancia vertical entre el valor real y nuestra línea

- Queremos que esa distancia, en general, sea muy chiquita
- La cuadramos $\hat{u_i}^2$
- Queremos que todos los residuos sean pequeños, entonces minimizamos :

$$\underset{\hat{\alpha},\hat{\beta}}{\operatorname{argmin}} \sum_{n=1}^{n} \hat{\varepsilon_i}^2 = \sum_{n=1}^{n} (y_i - \hat{y_i})^2 = \sum_{n=1}^{n} (y_i - \hat{\alpha}_i - \hat{\beta}X_i)^2$$

ullet Escogemos lpha y eta que minimicen la suma de residuos cuadrados

Usando Cálculo obtenemos que

$$\hat{\alpha} = \bar{y}_i - \hat{\beta}\bar{x}_i$$

$$\hat{\beta} = \frac{\mathsf{Cov}(x, y)}{\mathsf{Var}(x)}$$

Regresión Multivariada

- Con múltiples variables es muy similar, solo que tenemos que trabajar con matrices
- Resolvemos el mismo problema, solo que con $(K \times 1)$ regresores y una matriz b de $(K \times 1)$ coeficientes

$$\underset{\hat{b}}{\operatorname{argmin}} E[(y_i - X_i'b)^2]$$

C.P.O

$$E[X_i(y_i - X_i')b] = 0$$

• Notémos que, por construcción, $Cov(x, \hat{\varepsilon}) = 0$

Obtenemos

$$b = E[X_i X_i']^{-1} E[X_i y_i]$$

• A excepción del intercepto

$$\hat{\beta_k} = \frac{\mathsf{Cov}(x_{ki}, y)}{\mathsf{Var}(x_{ki})}$$

Regresión en R

lm(y~x)

En R, para hacer una regresión usamos la función Im()

```
##
## Call:
## lm(formula = y ~ x)
##
## Coefficients:
## (Intercept) x
## 10.081 3.999
```

- Podemos usar la función summary para sustraer información del modelo
- Podemos guardar el modelo como cualquier objeto

```
lm < - lm(y \sim x)
```

##

 Para luego sustraer elementos del modelo, y operar con ellos como cualquier vector

```
summary(lm)$coefficients
```

```
Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
  (Intercept) 10.081468 0.068891141 146.3391
## x
               3.998942 0.001323177 3022.2271
```

residuals <- summary (lm) \$residuals head(residuals)

##

• R tiene funciones base para sacar valores predichos

```
fitted.values<-fitted(lm)
head(fitted.values)</pre>
```

1 2 3 4 5 6 ## 264.02280 139.64644 156.19369 123.38141 190.17301 36.03686

Mecánicas de MCO

Por el proceso matemático, las regresiones siempre cumplen algunas propiedades

Suma de residuos es igual a 0

sum(residuals)

• De hecho, para eso es el intercepto

•
$$Cov(X, \hat{\varepsilon_i}) = 0$$

•
$$Cov(\hat{Y}_i, \hat{\varepsilon}_i) = 0$$

cov(x, residuals)

[1] -1.259569e-15

cov(fitted.values, residuals)

[1] -6.45257e-16

La propiedad anova

$$\sum Y_i^2 = \sum \hat{Y_i^2} + \sum \hat{\varepsilon_i^2}$$

sum(y^2) == sum(fitted.values^2) + sum(residuals^2)

[1] TRUE

mean(y)-mean(fitted.values)

[1] 0

- Estas propiedades de la regresión se cumplen sin importar la relación que haya entre las verdaderas variables
- No concluyan que su modelo es bueno porque se cumple lo anterior: siempre se cumple

- Supongamos un PGD donde $Y=\beta X+\varepsilon$, $\varepsilon\sim N(-.4,1)$, $X\sim N(-.1,4)$, $cov(\varepsilon,X)=-.85$ y $\beta=-3$. Tenemos una muestra de tamaño 251
- \bullet X y ε están covariando

```
library(MASS)
set.seed(2022)
n<-251
beta<--3
sigma<-matrix(c(4,-.85,-.85,1),2)
mu<-c(-.1,-.4)
data<-data.frame(mvrnorm(n=n, mu, sigma))
y1<-data$X1*beta+data$X2</pre>
```

```
## [1] -2.937949e-17
```

• A pesar de que X y ε están covariando, la covarianza entre los residuos y X sigue siendo 0.

Section 4

Inferencia Estadística

Inferencia Estadística

- Los valores de los coeficientes siempre tienen una distribución asintótica muestral si asumimos que contamos con una muestra aleatoria
- Su distribución se deriva de
 - Ley de los Grandes Números: Momentos muestrales convergen en probabilidad a los momentos poblacionales
 - Teorema Central del Límite: Los momentos muestrales se distribuyen asintóticamente normal

 Los coeficentes de distribuyen asintóticamente normal, pues son momentos muestrales

$$b = E[X_i X_i']^{-1} E[X_i y_i]$$

- Es inmediato que $E[b] = \beta$
- Si sustituimos Y_i como $X_i'\beta + \varepsilon_i$, aplicamos la Esperanza y Varianza, y nos mantenemos con nuestro supuesto de $Cov(X, \varepsilon_i) = 0$, la matriz de varianzas y covarianzas es

$$E[X_iX_i']^{-1}E[X_iX_i'e_i^2]E[X_iX_i']^{-1}$$

- El error estándar de un coeficiente es su desviación estándar.
- R nos arroja la su error estándar y la construcción del estadístico de prueba t
- Usamos el t porque sustituimos la varianza del error con la del residuo

$$\frac{b_j-\beta_j}{S\sqrt{(X'X)^{-1}}}\sim t(n-k-1)$$

$$\frac{b_j - \beta_j}{Se(b_i)} \sim t(n-k-1)$$

summary(lm)

```
##
## Call:
## lm(formula = y \sim x)
##
## Residuals:
## Min 1Q Median 3Q
                                   Max
## -7.7729 -1.3514 0.0246 1.3539 7.5819
##
## Coefficients:
##
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 10.081468  0.068891  146.3  <2e-16 ***
## x
      3.998942 0.001323 3022.2 <2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 '
##
## Residual standard error: 1.978 on 9998 degrees of freedom
```

Pvalues

- R arroja automáticamente los pvalues
- En este contexto, se define como la probalidad de obtener el coeficiente que obtuve, asumiendo la hipótesis nula
- Asumir la hipótesis nula significa que el efecto verdadero es 0, entonces $\beta=0$
- Si asumimos esto, conocemos perfecetamente la distribución de del coeficiente b_i

$$\frac{b_j}{Se(b_j)}$$

- En nuestro contexto, el pvalue de la x es muy pequeño, muy cercano a 0.
- Es decir, asumiendo que no hay un efecto verdadero (que la esperanza del coeficiente es 0), la probabilidad que el coeficiente me haya dado 3.99 solo por cuestiones muestrales (de chiripa) es de 0
- Como obtuve 3.99, es muy poco probable que haya sido por cuestiones muestrales, seguro lo obtuve porque el efecto verdadero es distinto de 0
- Si regresamos a nuestro PGD, el efecto verdadero es de 4

Regla de dedo

 Una regla de dedo es que el valor del coeficiente (en valor absoluto) tiene que ser más grande que el doble del valor estándar para que sea estidísticamente significativo al 5%

$$b_j > 2Se(b_j)$$
$$\frac{b_j}{Se(b_i)} > 2$$

• ¿Por qué? Por una prueba de hipótesis nula de dos colas

- Comúnmente hacemos una prueba de dos colas con el 5% de probabilidad de ambos lados, o 2.5 de cada lado.
- Alfa=.05

```
alfa<-.05
qt(p=alfa/2, n-2)
```

```
## [1] -1.969537
```

- Recordemos que la t es simétrica
- Es decir, en una distribución t, el 5 por ciento de la probabilidad se acumula antes del -1.96 y después del 1.96 (2.5% de cada lado)

- Para rechazar la hipótesis nula con un nivel de confianza del 5%, necesitamos que el estadístico t sea más grande que 1.96 (en valor absoluto)
- Lo anterior sucede cuando $b_j > 2Se(b_j)$
- Para ver si un coeficiente es significativo al 5% podemos usar esta heurística

Section 5

Justificación de la Regresión

FEC y Regresión

- Pasamos un rato hablando de la FEC y sus propiedades
- En resumen, la FEC es el mejor predictor de la distribución de una variable aleatoria, dado un conjunto de controles X
- La FEC y la regresión guardan una relación cercana
- La línea de regresión es el mejor estimador lineal de la CEF
- De hecho, si la FEC es lineal, es la regresión

Pruebas de hipótesis

- Con supuestos mínimos podemos obtener errores estándar de los coeficientes
- De ahí que podamos contruir pruebas de hipótesis para ver si lo que obtuvimos es estadísticamente significativo

Insesgados y eficientes

- Si asumimos que el modelo está correctamente especificado, los estimadores de MCO son insesgados
- Bajo los supuestos de $E[\varepsilon] = 0$, también son eficientes.

Controles

- Es muy fácil añadir controles
- Muy similar a hacer matching (lo veremos más adelante)

Section 6

Inferencia casual y regresión

Asosiación Estadística

Sin importar qué, el coeficiente de una regresión siempre es igual a

$$\hat{\beta_k} = \frac{\mathsf{Cov}(x_{ki}, y)}{\mathsf{Var}(x_{ki})}$$

- Es decir, siempre podremos calcular la covarianza entre dos variables usando una regresión
- MCO pondera por la varianza, asigna más peso a las observaciones que a una x dada tienen mayor información (lo podremos ver más fácilmente cuando veamos matching o controles)
- Es muy útil para ver asociaciones estadísticas en datos panel.

Interpretación Causal

- Una regresión es causal cuando la FEC que estima es causal
- Para derivar las propiedades de la FEC utilizamos matemáticas en las que venían implícitos muchos supuestos, pero hicimos uno más claro que ε debe ser independiente a X

Potential Outcomes

- Recordemos el modelo de PO
- Tenemos un tratamiento dicotómico

$$Y_{i} = \begin{cases} Y_{1i}, & \text{si } t = 1 \\ Y_{0i}, & \text{si } t = 0 \end{cases}$$
 (1)

Asumimos dos PO, pero solo observamos uno

Modelos saturados

- Los modelos saturados son aquellos con variables explicativas discretas, donde el modelo incluye un parámetro separado para todas las posibles combinaciones que se puedan tomar por estas variables explicativas
- Nuestro tratamiento es una Dummy-> una variable que solo puede tomar los valores de 0 o 1

- Cuando las variables son dummies, los coeficientes asociados tienen una interpretación particular
- supongamos que tenemos un modelo solo con dos dummies
- El modelo saturado es

$$Y_i = \alpha + \beta x_{1i} + \gamma x_{2i} + \delta(x_{1i}x_{2i}) + \varepsilon_i$$

* Es decir, añadimos las dummies y un término de interacción para cada posible combinación

$$Y_i = \alpha + \beta x_{1i} + \gamma x_{2i} + \delta(x_{1i}x_{2i}) + \varepsilon_i$$

Entonces, la interpretación de los coeficientes es

$$E[Y_i|x_{1i} = 0, x_{2i} = 0] = \alpha$$

$$E[Y_i|x_{1i} = 1, x_{2i} = 0] = \alpha + \beta$$

$$E[Y_i|x_{1i} = 0, x_{2i} = 1] = \alpha + \gamma$$

$$E[Y_i|x_{1i} = 1, x_{2i} = 1] = \alpha + \beta + \gamma + \delta$$

Efecto del tratamiento con una regresión

• Si nuestra regresión es de PO y un tratamiento dummy

$$Y_{observada} = \alpha + \beta T_i + \varepsilon_i$$

$$E[Y_{0i}|T_i = 0] = \alpha$$
$$E[Y_{1i}|T_i = 1] = \alpha + \beta$$

- Si recuerdan, $CI = E[Y_{1i}|T_i = 1] E[Y_{0i}|T_i = 0]$
- Entonces,

$$CI = E[Y_{1i}|T_i = 1] - E[Y_{0i}|T_i = 0] = \alpha + \beta - \alpha = \beta$$

 El modelo de PO es una herramienta que nos ayuda a entender cuándo una regresión tiene interpretación causal. Si recordamos

$$E[Y_{1i}|T_i=1] - E[Y_{0i}|T_i=0] = E[Y_{1i}|T_i=1] - E[Y_{0i}|T_i=1] + E[Y_{0i}|T_i=1] - E[Y_{0i}|T_i=0]$$
(2)

$$CI = ATT + Selection bias$$

- La β de la regresión va a estar estimando el efecto verdadero del tratamiento cuando no hay sesgo de selección
- En ese caso, el CI va a estimar al ATT, el cual debería ser muy similar al ATE y los grupos tratados y control son muy similares

Conditional Independence Assumption CIA

También llamado Unconfoundedness o Selection-on-observables

$$\{Y_{0i}, Y_{1i}\} \coprod T_i | X_i$$

- En palabras, una vez que controlemos por lo que queramos, el tratamiento debe ser independiente de los potencial outcomes
- Condicionando por lo que quieras, T debe ser cuasialeatorio
- Condicionar por X elimina el sesgo de selección

- Hay otros supuestos que están implícitos en las mates que utilizamos para las propiedades de la FEC y de MCO
- El supuesto grande es CIA
- Si el tratamiento es aleatorio, nuestra regresión estima el ATE

Section 7

Variables Omitidas, Matching y Controles

Datos observacionales

- El problema de las ciencias sociales es que trabajamos con datos observacionales
- En general, no podemos hacer muchos experimentos
- Los individuos se autoseleccionan, creando sesgo
- Si los individuos se autoseleccionan, estamos comparando individuos que no son comparables

Variables omitidas

- Una variables omita es aquella que está correlacionada con X y simultaneamente correlacionada con Y
- Si está correlacionada con X, viola CIA
- Regresemos al ejemplo de potential outcomes: Salarios

- Nuestra Y sigue siendo los salarios
- Pensemos en que nuestro tratamiento es un programa de entrenamientos

$$Y_{1i} = \alpha + \beta T_i + \gamma Mujer_i + \varepsilon_i$$

- Supongamos que el efecto del programa es $\beta=5$ y $\alpha=10$
- Supongamos $\varepsilon_i \sim N(2,5)$
- Supongamos que las mujeres ganan en promedio 2 menos
- Supongamos que las mujeres tienen una mayor probabilidad de tratarse
 - Si es mujer, la probabilidad de que se trate es de .9
 - Si es hombre, .4
- ¡Simulemos!

```
set.seed(2022)
n<-10000
i < -1:n
beta<- 5
alpha<-10
gamma < --2
e < -rnorm(n, 2, 5)
sex < -sample(c(1,0), n, replace = T)
t \leftarrow ifelse(sex = 1, sample(c(rep(1,9), 0)), sample(c(rep(1,4), 1)))
y<-alpha+beta*t+gamma*sex+e
df<-data.frame(i,sex,t,y)</pre>
```

```
set.seed(2022)
beta biased <- NULL
for (x in (1:5000)) {
n < -10000
i < -1:n
beta<- 5
alpha<-10
gamma < --2
e < -rnorm(n, 2, 5)
sex < -sample(c(1,0), n, replace = T)
t \leftarrow ifelse(sex = 1, sample(c(rep(1,9), 0)), sample(c(rep(1,4), 1)))
y<-alpha+beta*t+gamma*sex+e
df<-data.frame(i,sex,t,y)</pre>
beta_biased[x] <- summary(lm(y~t))$coefficients[2,1]
```

mean(beta_biased)

[1] 3.899261

- El estimador está sesgado, tiende a subestimar el efecto del tratamiento
- El sexo es una variable omitida.
 - Está correlacionada con el tratamieno (o X), pues es más probable que las mujeres se traten
 - Simultáneamente, el sexo hace que las mujeres ganen menos

- No incluir el sexo es como si esa variable se fuera al error
- Entonces, como el sexo está correlacionado con el tratamiento, ahora el error también lo estará
- Esto incumple CIA
- Comparamos individuos que no son comparables

 Evidentemente, lo primero que podríamos hacer es asignar el tratamiento de manera aleatoria

```
set.seed(2022)
beta unbiased <- NULL
for (x in (1:5000)) {
n < -10000
i < -1:n
beta<- 5
alpha<-10
gamma < --2
e < -rnorm(n, 2, 5)
sex < -sample(c(1,0), n, replace = T)
t < - sample(c(1,0),n, replace = T)
y<-alpha+beta*t+gamma*sex+e
df<-data.frame(i,sex,t,y)
beta unbiased[x] \leftarrow summary(lm(y~t))$coefficients[2,1]
}
```

mean(beta_unbiased)

[1] 4.999601

• De nuevo, con datos observacionales, no podemos asignar el tratamiento de manera aleatoria

Matching

- Si el problema es que estamos comparando individuos que no son comparables, qué tal si comparamos individuos que sí lo son
- Que tal si
 - Comparamos mujeres contra mujeres y vemos el efecto del tratamiento
 - Hacemos lo mismo para los hombres
 - Promediamos los efectos de alguna manera
- Esta es la idea fundamental del Matching

• ¡Es justo lo que hace una regresión saturada!

$$Y_{1i} = \alpha + \beta T_i + \gamma Mujer_i + \varepsilon_i$$

$$E[Y_i|T_i = 0, Mujer_i = 0] = \alpha$$

 $E[Y_i|T_i = 1, Mujer_i = 0] = \alpha + \beta$
 $E[Y_i|T_i = 0, Mujer_i = 1] = \alpha + \gamma$
 $E[Y_i|T_i = 1, Mujer_i = 1] = \alpha + \gamma + \beta$

- Podríamos añadir la interacción
 - Si añadimos una interacción, estamos presuponiendo que el efecto del programa va a ser diferente para hombres que para mujeres
 - Por ahora, simplifiquemos el análisis

 Podemos obtener el efecto causal viendo solo a los hombres o solo a las mujeres

$$E[Y_i | T_i = 1, Mujer_i = 0] - E[Y_i | T_i = 0, Mujer_i = 0] = \alpha + \beta - \alpha = \beta$$
 $E[Y_i | T_i = 1, Mujer_i = 1] - E[Y_i | T_i = 1, Mujer_i = 0] = \alpha + \beta + \gamma - \alpha - \gamma = \beta$

 Lo que hace MCO es ponderar estos dos efectos por la varianza de los datos: si no hubiera hombres tratados, no asignaría efecto causal a los hombres; no tendríamos con qué comparar

```
set.seed(2022)
beta biased <- NULL
beta unbiased <- NULL
for (x in (1:5000)) {
n < -10000
i<-1:n
beta < -5
alpha<-10
gamma<--2
e < -rnorm(n, 2, 5)
sex < -sample(c(1,0), n, replace = T)
t \leftarrow ifelse(sex = 1, sample(c(rep(1,9), 0)), sample(c(rep(1,4), 1)))
y<-alpha+beta*t+gamma*sex+e
df<-data.frame(i,sex,t,y)</pre>
beta_biased[x] <- summary(lm(y~t))$coefficients[2,1]
beta_unbiased[x] <- summary(lm(y~t+sex))$coefficients[2,1]
```

```
mean(beta_biased)
```

[1] 3.899261

mean(beta_unbiased)

[1] 4.997775

- CIA dice que, una vez condicionando por lo que querramos (en nuestro caso el sexo), la asignación del tratamiento es cuasialeatoria
- En nuestro caso, lo es
 - Una vez que controlamos por mujer, lo que difiere es aleatorio: el error

Controlar por observables

variable que hace que los individuos se autoseleccionen

• Al controlar por sexo, obtenemos grupos comparables, pues asumimos

• El problema es que estamos asumiendo algo: ser mujer es la única

- Al controlar por sexo, obtenemos grupos comparables, pues asumimos que es lo único que hace a los individuos autoseleccionarse
- En este caso, así es. No podemos argumentar lo mismo con datos observacionales

- El razonamiento se puede repetir con las variables que pensamos que están correlacionadas con Y y X simultáneamente
- Si controlamos por todas las variables que pensamos que influyen Y y X simultáneamente, obtendríamos grupos comparables
- A esta Estrategia de identificación se le conoce como regresión con controles
- La ventaja de la regrsión es que admite variables continuas
- El problema es que no podemos hacer esto para variables no observables o para las que no tenemos datos

Section 8

Tablas de regresión

- Para ver un ejemplo de cómo hacer una tabla, consulta el el Rscript Regresion_rs.R en esta misma carpeta
- Se utiliza el paquete stargazer
- Para ver cómo incluir en un markdown, consulta Tabla.Rmd en la carpeta Tabla. Para ver como queda, consulta el pdf en la misma carpeta

- A grandes rasgos, utilizamos el paquete stargazer
- Escogemos type='text' para editar durante el código

Tablas en Markdown

- Si queremos incluirlo en un documento, lo más fácil es en markdown
- Hacemos un chunk donde importamos el código donde trabajamos con source()
- Cuando incluyamos la tabla, hacemos un chunk con la display option results='asis'
- Corremos el código de stargazer con type='latex' y header=F

- Si lo quieren hacer en latex, pueden simplemente copiar y pegar el código que sale como output de correr stargazer()
- O pueden hacer lo mismo que en markdown, pero con el paquete Sweave

- pueden guardar tablas en carpetas con out='path'
- Si de plano lo quieren en un word
 - out= 'path'
 - type='html'
 - abren el html y le toman screenshot

Interpretación coeficientes

- Asumamos que la regresión es causal
- ¿Cómo interpretamos los coeficientes?
- Depende de si nuestras variables están en niveles o logaritmos

Puntos porcentuales vs porciento

- Un cambio de 10 a 15% es un incremento de 5 puntos porcentuales
- No es un cambio del 5%
- Es un cambio de $50\% = 100 \frac{15-10}{10}$

Regresión Nivel-nivel

- En economía, cuando decimos por niveles nos referimos a que están en las unidades continuas de interés
 - PIB de 100 billones
 - Salario de 35 mil

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i$$

• unidades $\beta_1 = \frac{\text{unidades } y}{\text{unidades } x}$

• Supongamos una regresión de

Salarios \sim edad+sexo(1=mujer)+percentil de ingreso de los padres

- ullet Para cada año adicional, esperamos que el salario suba en $\hat{\beta_{\it edad}}$ pesos
- Por cada percentil del ingreso de los padres adicional, esperamos que el salario cambien en $\beta_{Percentil\ padres}$ puntos porcentuales

- Para dummies, recuerden que la comparativa se hace con respecto al intercepto. El intercepto es el promedio para los i cuya dummy es 0
- En promedio, esperamos que los salarios sean $\hat{\beta_{sexo}}$ pesos mayores/menores para las mujeres

Regresiones log-nivel

$$ln(y_i) = \beta_0 + \beta_1 x_i + \varepsilon_i$$

- Evidentemente, lo que esté dentro de los logaritmos debe ser positivo
- No se recomienda añadir números para que sea positivo
- Si incrementas x por uno, esperamos que y cambie por $100~\beta_1$ porciento
- Si x cambia (en unidades de x), en qué porcentaje cambia y
 - ullet Esta interpretación es solo válida para números pequeños de eta
 - Técnicamente, $\%\Delta y = 100(e^{\beta_1} 1)$

In(Salarios)~edad+sexo(1=mujer)+percentil de ingreso de los padres

- \bullet Para cada año adicional, esperamos que el salario suba 100 $\hat{\beta_{edad}}$ porciento
- En promedio, esperamos que los salarios sean 100 $\hat{\beta_{sexo}}$ porciento mayores/menores para las mujeres
- Por cada percentil del ingreso de los padres adicional, esperamos que el salario cambien en 100 $\beta_{Percentil}$ padres porciento

Regresión nivel-log

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 \, \ln(x_i) + \varepsilon_i$$

• Si x incrementa por **uno porciento**. esperamos que y cambie por $\frac{\beta_1}{100}$ unidades de y

Salarios \sim In(edad)+sexo(1=mujer)+ In(percentil de ingreso de los padres)

- Para un incremento de 1% en la edad, esperamos que el salario suba $\frac{\beta_{\it edad}}{100}$ pesos
- En promedio, esperamos que los salarios sean $\hat{\beta_{sexo}}$ pesos mayores/menores para las mujeres
- Para un incremento de 1% en el percentil del ingreso de los padres, esperamos que el salario cambien en $\frac{\beta_{Percentil} \ padres}{100}$ pesos

Log-log

$$ln(y_i) = \beta_0 + \beta_1 ln(x_i) + \varepsilon_i$$

• Si incrementa x por **uno porciento**, esperamos que y cambie en β_1 **porciento**

 $ln(Salarios) \sim ln(edad) + sexo(1=mujer) + ln(percentil de ingreso de los padres)$

- Para un incremento de 1% en la edad, esperamos que el salario cambie en $\hat{\beta_{edad}}$ porciento
- En promedio, esperamos que los salarios sean $\hat{\beta_{sexo}}$ porciento pesos mayores/menores para las mujeres
- Para un incremento de 1% en el percentil del ingreso de los padres, esperamos que el salario cambien en $\beta_{Percentil\ padres}$ porciento

¿Por qué los logaritmos?

- Los logaritmos son ampliamente utilizados en economía
- Su utilidad está en quitar unidades y hacer resultados comparables->
 Pues hacen que el coeficiente se interprete con porcentajes
- Si tenemos variables en diferentes monedas, con diferentes inflaciones, los podemos logaritmar y hacer los coeficientes comparables
- En una regresión log-log los coeficientes son elasticidades