

Welcome to GHC.IO!

```
Prelude> let fatorial a = product [1..a]
```

```
Prelude> fatorial 3
```

6

```
Prelude>
```



```
sumList [2,3,4,5]
```

```
= 2 + sumList [3,4,5]
```

```
= 2 + (3 + sumList [4,5])
```

```
= 2 + (3 + (4 + sumList [5]))
```

```
= 2 + (3 + (4 + (5 + sumList [])))
```

```
= 2 + (3 + (4 + (5 + 0)))
```

```
= 14
```

Programação Funcional

Funções Polimórficas

Matheus Carvalho Viana

matheuscviana@ufsj.edu.br



Departamento de
Ciência da Computação



Universidade Federal
de São João del-Rei

Introdução

As funções do Haskell podem ter um cabeçalho para indicar o tipo dos parâmetros de entrada e saída.

Além de limitar e as possíveis entradas e a saída, o cabeçalho das funções também serve como documentação, uma vez que deixa explícito a interface das funções.

Por exemplo, a função:

```
divisao :: Int -> Int -> Int  
divisao x y = div x y
```

Deixa claro qual é a interface de entrada e saída da função.

Introdução

Mas o Haskell também permite que as funções sejam implementadas sem a definição de um cabeçalho.

Nesse caso, o Haskell realiza a **inferência de tipos**, ou seja, identifica automaticamente qual o tipo dos parâmetros de entrada e saída com base nas operações que são realizadas nela.

Por exemplo, se a função `divisao` for implementada somente como:

```
divisao x y = div x y
```

O Haskell identifica que `a`, `b` e a saída da função são do tipo `Int` porque a operação `div` só aceita como entradas o tipo `Int` e também retorna esse tipo.

Introdução

Em algumas situações, é interessante que uma função aceite mais de um tipo para cada um dos seus parâmetros de entrada e saída, para evitar que ela precise ser implementada repetidas vezes.

Por exemplo, ao invés de :

```
somai :: Int -> Int -> Int
```

```
somai x y = x + y
```

```
somaf :: Float -> Float -> Float
```

```
somaf x y = x + y
```

Por exemplo, pode-se implementar somente:

```
soma x y = x + y
```

Pois o operador + permite qualquer tipo numérico.

Introdução

Polimorfismo é a capacidade de uma função se comportar de forma diferente a depender do contexto.

Funções polimórficas são aquelas que permitem mais de um tipo para seus parâmetros.

Elas não devem ser confundidas com **funções sobrecarregadas**, que consistem em duas ou mais funções com o mesmo nome, implementadas dentro da mesma unidade de código, porém com entradas e/ou saídas diferentes.

Funções Polimórficas

Como já foi visto, uma função implementada sem cabeçalho também pode ser polimórfica, desde que suas operações internas sejam.

A função soma é polimórfica porque o operador + aceita qualquer tipo numérico.

```
soma x y = x + y
```

```
> soma 1 4
```

```
5
```

```
> soma 1.5 6.2
```

```
7.7
```

Funções Polimórficas

Mas se a intenção é criar funções polimórficas, a melhor forma é definir seus cabeçalhos usando **tipos polimórficos**.

Por exemplo, a função soma pode ser implementada como:

```
soma :: a -> a -> a
```

```
soma x y = x + y
```

Nessa função, *a* é uma **variável de tipo**, ou seja, uma variável que representa um tipo, enquanto *x* e *y* são variáveis que representam valores.

Como *x* e *y* possuem o mesmo tipo e a saída da função também, então usa-se a mesma variável em todos os parâmetros.

Funções Polimórficas

```
tamanho :: [a] -> Int  
tamanho [] = 0  
tamanho (_:r) = 1 + tamanho r
```

```
inverte :: [a] -> [a]  
inverte [] = []  
inverte (x:r) = inverte r ++ [x]
```

```
mymap :: (a -> b) -> [a] -> [b]  
mymap _ [] = []  
mymap f (x:r) = f x : mymap f r
```

```
myfst :: (a,b) -> a  
myfst (x,_) = x
```


Tipo Maybe

Haskell não tem um valor nulo, como `null` de Java e `NULL` de C/C++.

Então, o que fazer quando uma função não deve retornar valor algum dada uma determinada entrada?

Por exemplo:

```
fatorial :: Int -> Int
```

```
fatorial n = product [1..n]
```

Como definir que a função fatorial não deve retornar nada quando recebe um número negativo?

Tipo Maybe

Para situações como essa, Haskell oferece o tipo **Maybe**.

Esse tipo **sempre** é usado junto com outro tipo e **normalmente** como parâmetro de saída das funções.

Uma função que possui o tipo Maybe como saída pode retornar nada (`Nothing`) ou simplesmente (`Just`) um valor.

```
fatorial :: Int -> Maybe Int
fatorial n =
  | n < 0 = Nothing
  | otherwise = Just (product [1..n])
```

Tipo Maybe

Cuidado que um valor do tipo `Maybe x` não é compatível com um valor do tipo `x`.

Por exemplo, a expressão `6 * (fatorial 5)` resulta em erro porque não é possível multiplicar `6`, que é do tipo `Int`, com o resultado de `fatorial 5`, que é do tipo `Maybe Int`.

Isso pode ser resolvido com a função **`fromJust`**, fornecida pela biblioteca **`Data.Maybe`**.

```
fatorial :: Int -> Maybe Int
fatorial 0 = Just 1
fatorial n
  | n < 0 = Nothing
  | otherwise = Just (n * fromJust (fatorial (n-1)))
```

Tipo Maybe

Outras funções da biblioteca **Data.Maybe**:

- **fromMaybe**: recebe um valor do tipo `x` e um valor do tipo `Maybe x`. Retorna o primeiro valor se o segundo for `Nothing`. Caso contrário, retorna o equivalente a `fromJust` do segundo valor.

```
> fromMaybe 0 (Just 15)
15
```
- **isJust** e **isNothing**: retornam `True` se o valor passado for, respectivamente, `Just x` ou `Nothing`.

```
> isJust (Just 2)
True
```
- **catMaybes**: recebe uma lista do tipo `Maybe x` e retorna uma lista do tipo `x` para todo valor diferente de `Nothing` da lista original.

```
> catMaybes [Just 1, Nothing, Nothing, Just 3]
[1,3]
```
- **mapMaybe**: semelhante a `map`, mas recebe uma função `x -> Maybe x`.

```
> mapMaybe fatorial [3,-4,5]  --fatorial -4 dá Nothing
[6, 120]                      --então é ignorado
```

Introdução às Classes de Tipos

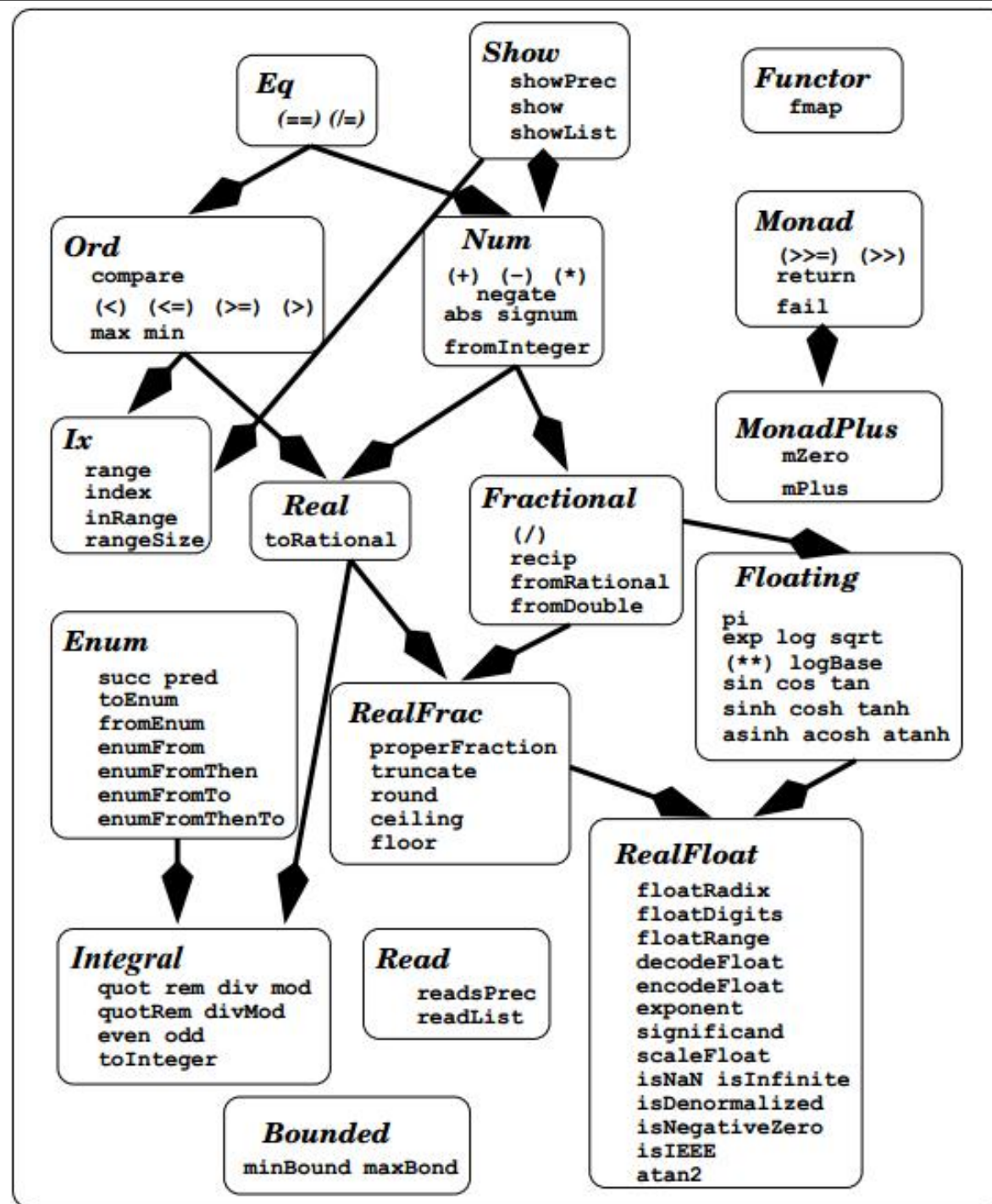
Uma **classe de tipos** (*typeclass*) é uma interface que define um comportamento.

Uma classe de tipos não é um tipo, mas todo tipo faz parte de pelo menos uma classe de tipos.

Se um tipo faz parte de uma classe de tipos, quer dizer que esse tipo suporta e implementa o comportamento especificado por essa classe de tipos.

Esse conceito é parecido com o de interface de Java, mas apesar do nome e outras semelhanças, não tem relação com a orientação a objetos.

Classes de Tipos Predefinidas



Introdução às Classes de Tipos

| Classe de Tipos | Descrição | Principais Operadores |
|-------------------|--|------------------------------------|
| Bounded | Tipos que possuem um limite inferior e superior. | maxBound minBound |
| Enum | Tipos que possuem uma sequência. | succ pred |
| Eq | Tipos que suportam teste por igualdade. | == /= |
| Fractional | Tipos fracionários. | / |
| Integral | Tipos inteiros. | quot div mod rem |
| Num | Tipos numéricos. | + - * abs signum negate |
| Ord | Tipos ordenados. | > >= < <= |
| Read | Tipos que podem ser obtidos a partir de String. | read |
| Show | Tipos que podem ser transformados em String. | show |

Introdução às Classes de Tipos

A inferência de tipos faz uso das classes de tipos para inferir os tipos das funções.

Por exemplo, quando não possui cabeçalho, a função soma aceita como entrada e saída qualquer tipo numérico, ou seja, Haskell infere que o tipo dos parâmetros dessa função é a classe de tipos **Num**.

```
soma x y = x + y
```

Isso ocorre porque o operador `+` foi definido na classe **Num**.

Introdução às Classes de Tipos

Se a função realizar operações de tipos diferentes, a inferência de tipos escolhe o tipo mais restrito.

Por exemplo, na função `fun`, o operador `+` pertence à classe `Num` e o operador `/` pertence à classe `Fractional`, que é mais restrita. Portanto, Haskell infere a função `fun` pode ser usada com qualquer tipo pertencente à classe `Fractional`.

```
Prelude> let fun x y = (x + y) / y
Prelude> :t fun
fun :: Fractional a => a -> a -> a
Prelude> |
```

Tipos Qualificados

As classes de tipos são úteis para limitar a faixa de tipos válidos para uma função polimórfica.

O operador `=>` é usado no cabeçalho das funções para indicar que um tipo polimórfico está limitado a uma determinada classe de tipo.

Quando isso ocorre, o tipo polimórfico da função passa a ser chamado de **tipo qualificado**.

Por exemplo, a função `divisao` deve funcionar para todos os tipos inteiros, mas não os tipos fracionários.

```
divisao :: Integral a => a -> a -> a
divisao x y = div x y
```

Sobrecarga de Funções

Ocorre quando duas ou mais funções na mesma unidade de código possuem o mesmo identificador, mas com entrada/saída distintas.

Também é chamado de **polimorfismo ad hoc**.

Haskell não aceita ter mais de uma função com mesmo nome na mesma unidade de código. Por exemplo, o código abaixo gera o erro indicado em vermelho.

```
soma :: Int -> Int -> Int  
soma x y = x + y
```

```
soma :: Float -> Float -> Float  
soma x y = x + y
```

```
classesdetipos.hs:8:1:  
  Duplicate type signatures for 'soma'  
  at classesdetipos.hs:5:1-4  
  classesdetipos.hs:8:1-4
```

```
classesdetipos.hs:9:1:  
  Multiple declarations of 'soma'  
  Declared at: classesdetipos.hs:6:1  
              classesdetipos.hs:9:1
```

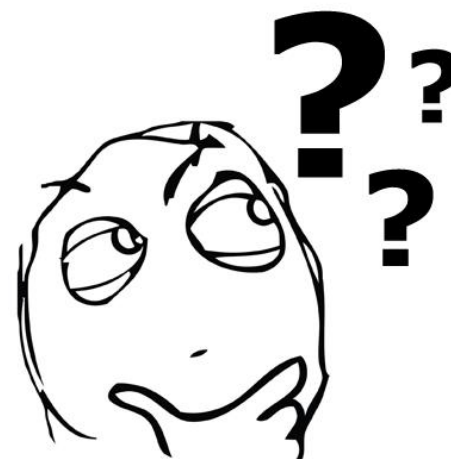
Sobrecarga de Funções

Contudo, a sobrecarga de funções é simulada por meio das funções polimórficas.

Por exemplo, ao invés de ter várias versões, o operador + é implementado usando a classe de tipos Num.

`(+) :: Num a => a -> a -> a`

Qual é a principal vantagem e a principal desvantagem de ter funções polimórficas e não sobrecarga de funções?



Exercícios

1. Crie funções que fazem a mesma coisa que as funções `take` e `drop` usando tipos polimórficos.
2. Crie uma função que faz a mesma coisa que o operador `++` usando tipos polimórficos.
3. Crie uma função que faz a mesma coisa que a função `last` usando tipos polimórficos e retornando `Nothing` caso receba uma lista vazia.
4. Crie uma função que recebe uma lista e retorne o menor elemento. Use tipos qualificados e trate a possibilidade da lista ser vazia.
5. Crie uma função que implementa o algoritmo `bubblesort` sobre uma lista de qualquer tipo ordenado.