	INSTITUTO FEDERAL DA PIAUÍ Campus Picos	
	Disciplina: Matemática Computacional	
	Professor(a): Rogerio Figueredo de Sousa	
	Curso: Análise e Desenvolvimento de Sistemas	Semestre: 1
	Lista 4: Conjuntos	

1. Julgue se os conjuntos são finitos ou infinitos:

1. Conjunto das letras do alfabeto;
2. $P = \{y | y = 2x \text{ e } x \in \mathbb{N}\}$
3. $M = \{x \in \mathbb{N} | x > 0 \text{ e } x < 6\}$
4. O conjunto do números naturais.

2. Descreva cada um dos conjuntos a seguir listando seus elementos:

1. $A = \{x | x \text{ é um inteiro e } 3 < x < 8\}$
2. $B = \{x | x \text{ é um mês com exatamente 30 dias}\}$
3. $C = \{x | x \text{ é a capital do Brasil}\}$
4. $D = \{x | (\exists y)(y \in \{0, 1, 2\} \text{ e } x = y^3)\}$
5. $E = \{x | x \in \mathbb{N} \text{ e } (\exists y)(y \in \mathbb{N} \text{ e } x \leq y)\}$
6. $F = \{x | x \in \mathbb{N} \text{ e } (\forall y)(y \in \mathbb{N} \rightarrow x \leq y)\}$
7. $A = \{x | x \in \mathbb{N} \text{ e } (\forall y)(y \in \{2, 3, 4, 5\}) \rightarrow x \geq y\}$.
8. $B = \{x | (\exists y)(\exists z)(y \in \{1, 2\} \text{ e } z \in \{2, 3\} \text{ e } x = y + z)\}$

3. Descreva cada um dos conjuntos a seguir através de uma relação de recorrência.

1. $A = \{2, 4, 16, 256, \dots\}$
2. $B = \{1, 4, 9, 16, \dots\}$
3. $C = \{1, 3, 9, 27, \dots\}$

4. Sejam $A = \{x | x \in \mathbb{N} \text{ e } x \geq 5\}$, $B = \{10, 12, 16, 20\}$ e $C = \{x | (\exists y)(y \in \mathbb{N} \text{ e } x = 2y)\}$

Quais das proposições abaixo são verdadeiras:

- $B \subseteq C$
- $B \subset A$
- $A \subseteq C$
- $26 \in C$
- $\{11, 12, 13\} \subseteq A$
- $\{11, 12, 13\} \subset C$
- $\{12\} \in B$
- $\{12\} \subseteq B$
- $\{x | x \in \mathbb{N} \text{ e } x < 20\} \not\subseteq B$
- $5 \subseteq A$
- $\{\emptyset\} \subseteq B$
- $\emptyset \notin A$

5. Sejam: $A = \{x | x \in \mathbb{R} \text{ e } x^2 - 4x + 3 = 0\}$ e $B = \{x | x \in \mathbb{N} \text{ e } 1 \leq x \leq 4\}$ Prove que $A \subset B$.

6. Sejam $A = \{x | x \in \mathbb{N} \text{ e } x^2 < 15\}$ e $B = \{x | x \in \mathbb{N} \text{ e } 2x < 7\}$

Prove que $A = B$.

7. Para $A = \{1, 2, 3\}$, qual é o $\wp(A)$?

8. Se S tem n elementos, então $\wp(A)$ tem quantos elementos?
9. Sobre o conjunto $A = \{1, 2, 3, 4\}$, considere as afirmativas a seguir.
1. $\mathcal{P}(A) = \{\emptyset, \{2, 3, 4\}\}$ é uma partição de A .
 2. $\mathcal{P}(A) = \{\emptyset, \{1, 2, 3\}, \{3, 4\}\}$ é uma partição de A .
 3. $\mathcal{P}(A) = \{\{1, 2\}, \{3, 4\}\}$ é uma partição de A .
 4. $\mathcal{P}(A) = \{\{1\}, \{2\}, \{3\}, \{4\}\}$ é uma partição de A .

Assinale a alternativa correta.

- a) Somente as afirmativas I e II são corretas;
 - b) Somente as afirmativas I e IV são corretas;
 - c) Somente as afirmativas III e IV são corretas;
 - d) Somente as afirmativas I, II e III são corretas;
 - e) Somente as afirmativas II, III e IV são corretas;
10. Sejam

$$A = \{x | x \text{ é um inteiro não-negativo par}\}$$

$$B = \{x | (\exists y)(y \in \mathbb{N} \text{ e } x = 2y + 1)\}$$

$$C = \{x | (\exists y)(y \in \mathbb{N} \text{ e } x = 4y)\}$$

Julgue a veracidade de cada alternativa:

- a) $A \cup B$
- b) $A = B$
- c) $C \subset A$
- d) $A \cup C$
- e) $A - C = \{x | (\exists y)(y \in \mathbb{N} \text{ e } x = 4y + 2)\}$

11. Sejam

$$A = \{1, 2, 3, 5, 10\}$$

$$B = \{2, 4, 7, 8, 9\}$$

$$C = \{5, 8, 10\}$$

Se $S = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, encontre:

- a) $|A| + |B|$
- b) $A \cup B$
- c) $A - C$
- d) $B \cap (A \cup C)$
- e) \overline{C}

12. Usando as identidades básicas, prove a identidade:

$$[C \cap (A \cup B)] \cup [(A \cup B) \cap \overline{C}] = A \cup B$$

(A, B e C são subconjuntos arbitrários de S.)

13. Enuncie a identidade dual do exemplo anterior.

14. Usando as identidades básicas, prove a identidade:

$$(A \cup B) \cap (A \cup \overline{B}) = A$$

15. Liste os elementos dos seguintes conjuntos:

- $\{x \mid x \text{ é um número real e } x^2 = 1\}$
- $\{x \mid x \in \mathbb{Z} \text{ e } |x| < 4\}$ ($|x|$ denota a função valor absoluto)
- $\{x \mid x \text{ é múltiplo de } 4\}$

16. Descreva cada um dos seguintes conjuntos, atribuindo-lhes uma propriedade específica:

- $S = \{1, 4, 9, 16\}$
- $S = \{2, 3, 5, 7, 11, 13, \dots\}$
- $S = \{0, 1, 10, 11, 100, 101, 110, 111, 1000, \dots\}$

17. Sejam os conjuntos: $A = \{x \mid x \text{ é par positivo e } x < 15\}$, $B = \{x \in \mathbb{N} \mid x < 15\}$ e $C = \{x \mid x < 15 \text{ e } x \text{ é primo}\}$. Insira os elementos correspondentes no diagrama de Euler-Venn:

18. Faça um diagrama de Euler-Venn que simbolize a seguinte situação: A, B, C, D são conjuntos não vazios e $D \subset C \subset B \subset A$.

19. Sejam U (*universo*) = $\{n \in \mathbb{N} \mid 0 \leq n \leq 9\}$, $A = \{1, 2, 3, 4\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid (x-1)(x-3)^3 = 0\}$ e $C = \{n \in \mathbb{N} \mid n \text{ é ímpar}\}$. Determine:

1. $A \cup B$
2. $A \cap (B \cup C)$
3. $C - A$
4. $\overline{A} \cup C$
5. a cardinalidade de A, B e C

20. Sejam os conjuntos $A = \{a, b, c\}$, $B = \{x, y\}$ e $C = \{0, 1\}$. Encontre os seguintes produtos cartesianos:

- $A \times B$
- $C \times A$

21. A, B e C são subconjuntos de um conjunto S. Prove as identidades a seguir usando as identidades básicas envolvendo conjuntos.

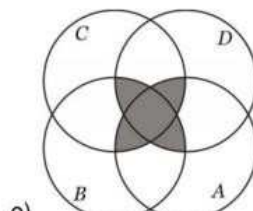
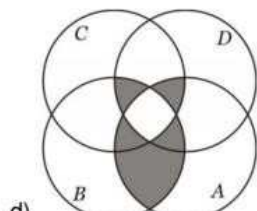
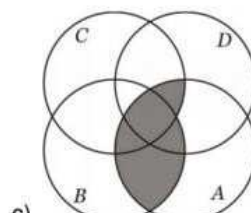
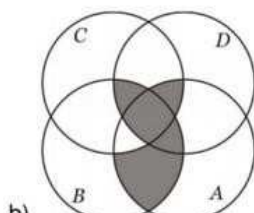
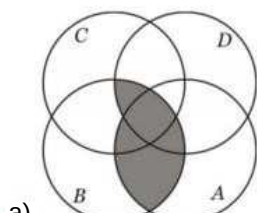
- $(A \cup B) \cap (A \cup \overline{B}) = A$
- $A \cap (B \cap \overline{A}) = B \cap A$

22. Encontre A e B, se $A - B = \{1, 5, 7, 8\}$, $B - A = \{2, 10\}$, e $A \cap B = \{3, 6, 9\}$.

23. Dados os conjuntos $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $B = \{1, 2, 4, 6, 8\}$ e $C = \{2, 4, 5, 7\}$, obtenha um conjunto X tal que $X \subset A$ e $A - X = B \cap C$.

24.

18 Considerando os conjuntos A , B , C e D , assinale a alternativa que representa, corretamente, a região sombreada associada à relação $\{(A \cap B) \cup (C \cap D)\} \cap \{(A \cap B) \cup (B \cap C)\}$.



Gabarito

Questão 1: