

Uvod u programiranje

- predavanja -

studenzi 2025.

13. Funkcije

Nije bilo vodiča...



Funkcije

Rekurzivne funkcije

Rekurzivna funkcija

- Funkcija koja poziva samu sebe naziva se *rekurzivnom funkcijom*
 - izravna rekurzija: npr. funkcija f sadrži poziv funkcije f
 - neizravna rekurzija: npr. funkcija f sadrži poziv funkcije g koja sadrži poziv funkcije f
- Primjer definicije i poziva rekurzivne funkcije

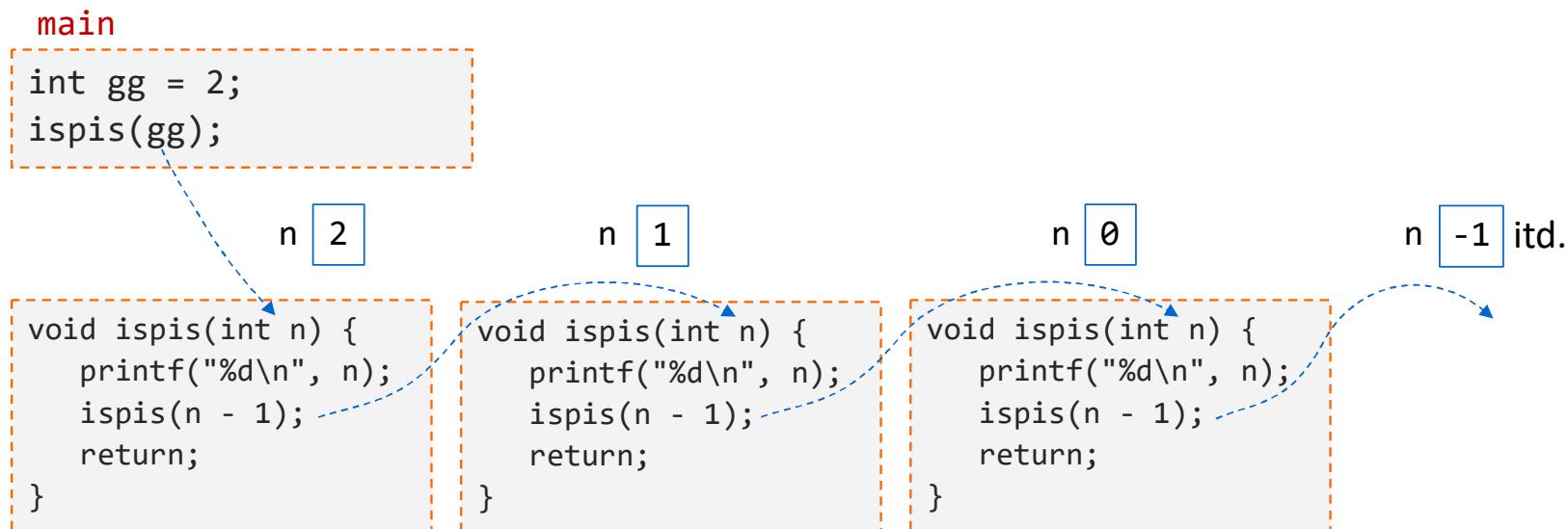
```
void ispis(int n) {  
    printf("%d\n", n);  
    ispis(n - 1);  
    return;  
}  
... u funkciji main  
int gg = 2;  
ispis(gg);
```

2 ↴
1 ↴
0 ↴
... ? Kada će se ispisivanje
cijelih brojeva prekinuti?

- Što će biti rezultat poziva funkcije? Koju veliku pogrešku sadrži ova definicija funkcije?

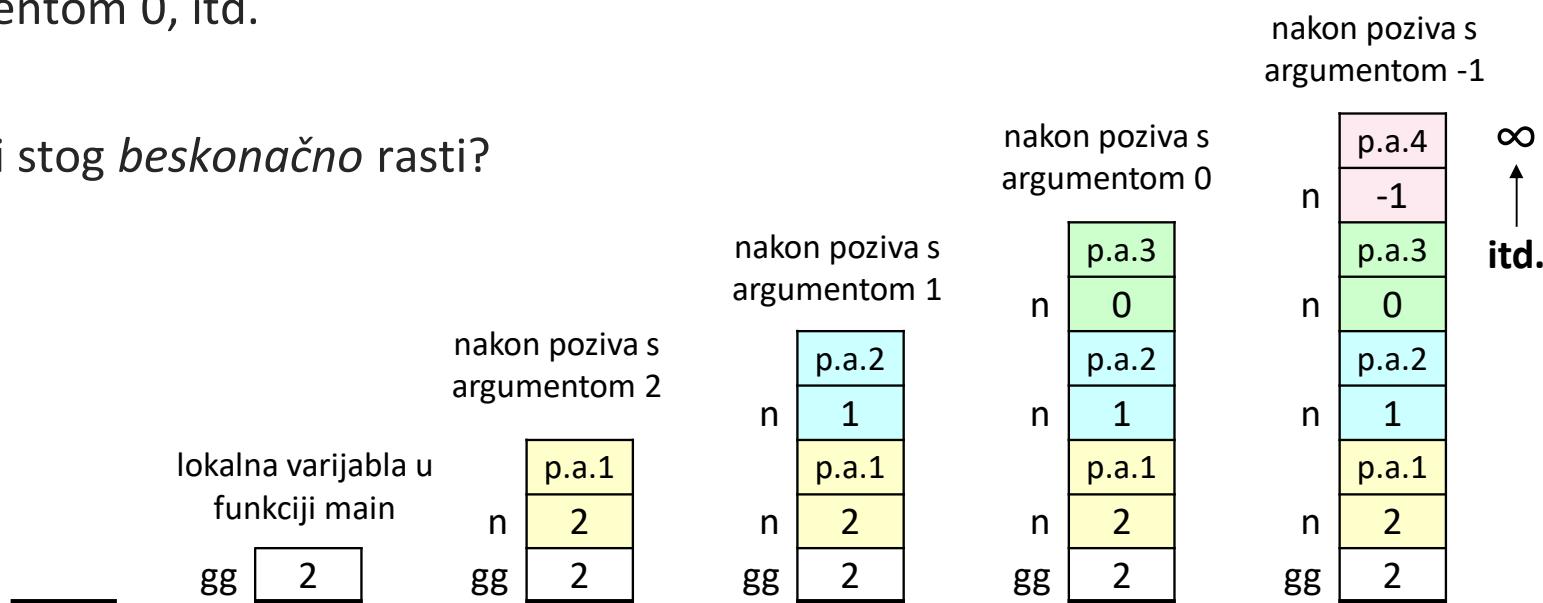
Redoslijed pozivanja

- Zamislimo, radi vizualizacije, da postoji više instanci funkcije `ispis`
- Prije nego funkcija `ispis` pozvana s argumentom `gg=2` završi, poziva funkciju `ispis` s argumentom 1. Prije nego ova završi, poziva funkciju `ispis` s argumentom 0, itd.



Stog u loše definiranoj rekurzivnoj funkciji

- Prije nego funkcija `ispis` pozvana s argumentom 2 završi (dakle, dok sa stoga još nisu uklonjeni parametar $n=2$ i povratna adresa `p.a.1` za povratak u funkciju `main`), poziva funkciju `ispis` s argumentom 1. Prije nego ova završi, poziva funkciju `ispis` s argumentom 0, itd.
- Smije li stog *beskonačno* rasti?



- kada se memorija inicialno dodijeljena programu za stog potroši, program će se prekinuti zbog pogreške tijekom izvršavanja.

Posljedica loše definirane rekurzivne funkcije

```
void ispis(int n) {  
    printf("%d\n", n);  
    ispis(n - 1);  
    return;  
}
```

2 ↴ izvršavanje u operacijskom
1 ↴ sustavu Linux
0 ↴
-1 ↴
...
-392858 ↴
-392859 ↴
Segmentation fault (core dumped)

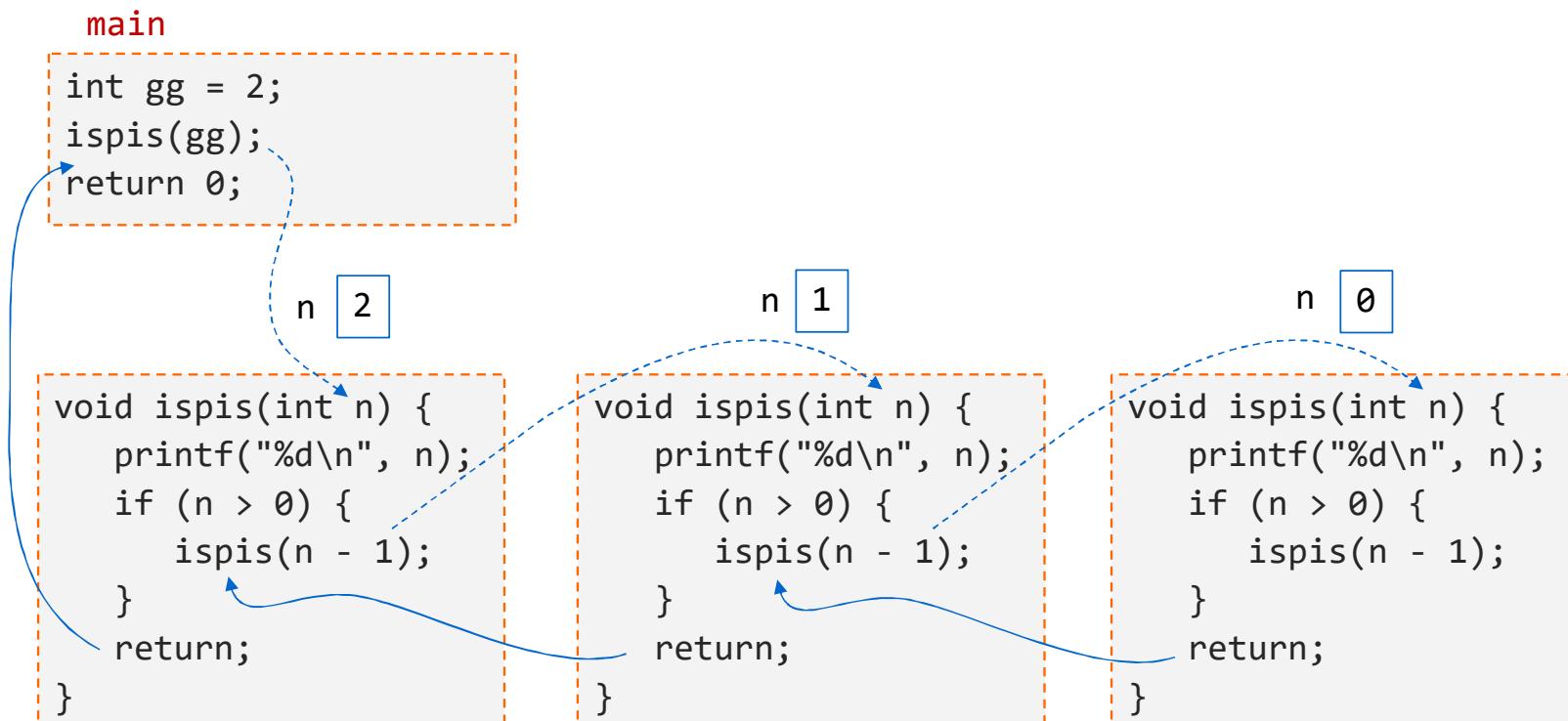
- Rekurzivna funkcija se mora definirati tako da pod nekim uvjetima prestane s daljnjim pozivanjem same sebe

```
void ispis(int n) {  
    printf("%d\n", n);  
    if (n > 0) {  
        ispis(n - 1);  
    }  
    return;  
}
```

2 ↴
1 ↴
0 ↴

Redoslijed pozivanja i povratka

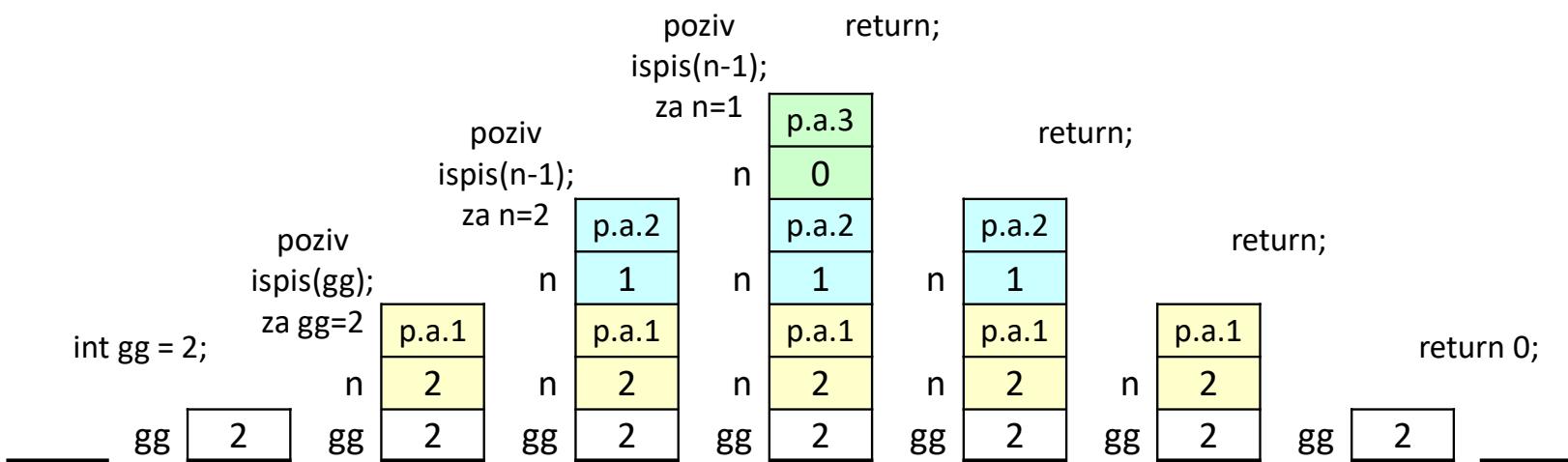
- zamislimo, radi vizualizacije, da postoji više instanci funkcije `ispis`



Stog u ispravno definiranoj rekurzivnoj funkciji

```
int main(void) {  
    int gg = 2;  
    ispis(gg);  
    return 0;  
}
```

```
void ispis(int n) {  
    printf("%d\n", n);  
    if (n > 0) {  
        ispis(n - 1);  
    }  
    return;  
}
```



Primjer: matematička definicija funkcije

- Rekurzivna definicija funkcije $\text{fact}(n)$:

$$\text{fact}(n) = \begin{cases} 1 & \text{za } n = 0 \\ n \cdot \text{fact}(n - 1) & \text{za } n > 0 \end{cases}$$

```
fact(4) =
4 · (fact(3)) =
4 · (3 · (fact(2))) =
4 · (3 · (2 · (fact(1)))) =
4 · (3 · (2 · (1 · (fact(0)))))) =
4 · (3 · (2 · (1 · (1)))))
```

Primjer: definicija funkcije u C-u

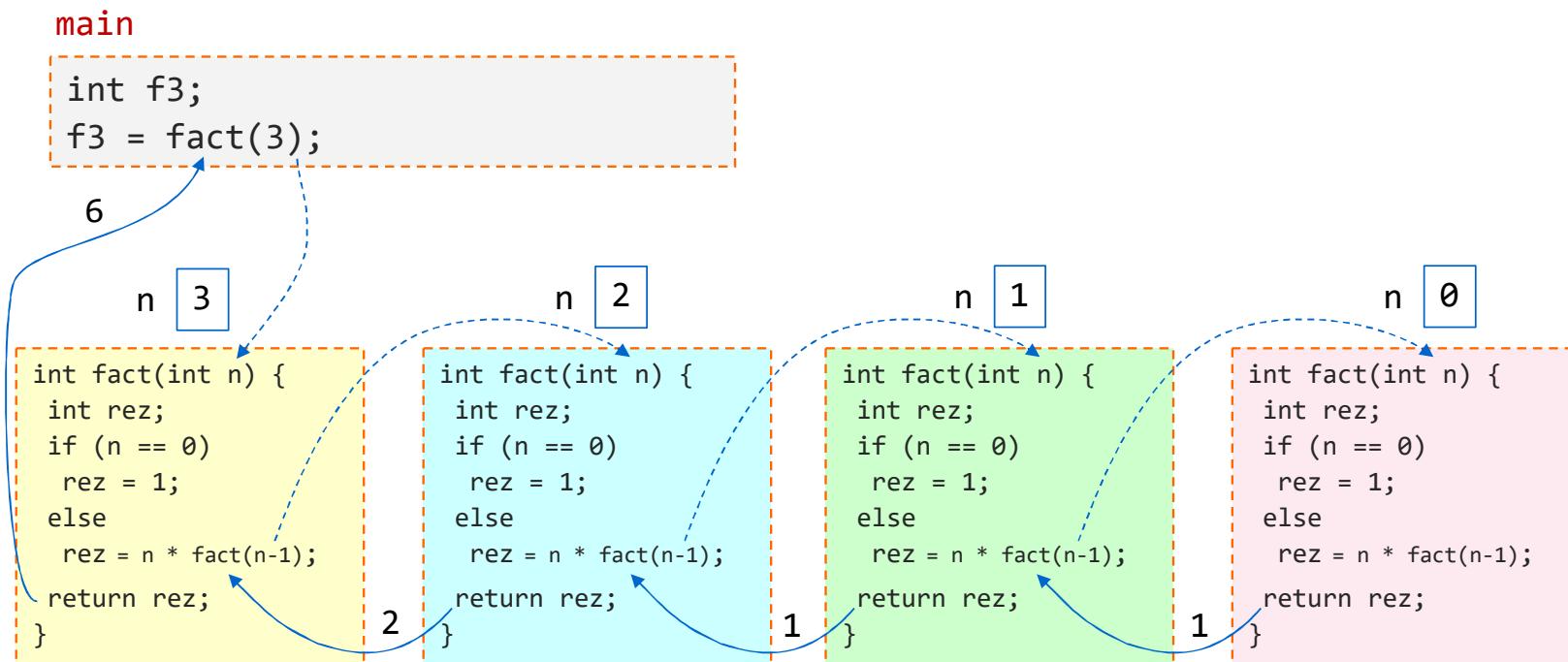
- Matematički rekurzivni izrazi često se bez teškoća pretvaraju u definiciju rekurzivne funkcije u programskom jeziku

```
int fact(int n) {  
    int rez;  
    if (n == 0)  
        rez = 1;  
    else  
        rez = n * fact(n - 1);  
    return rez;  
}
```

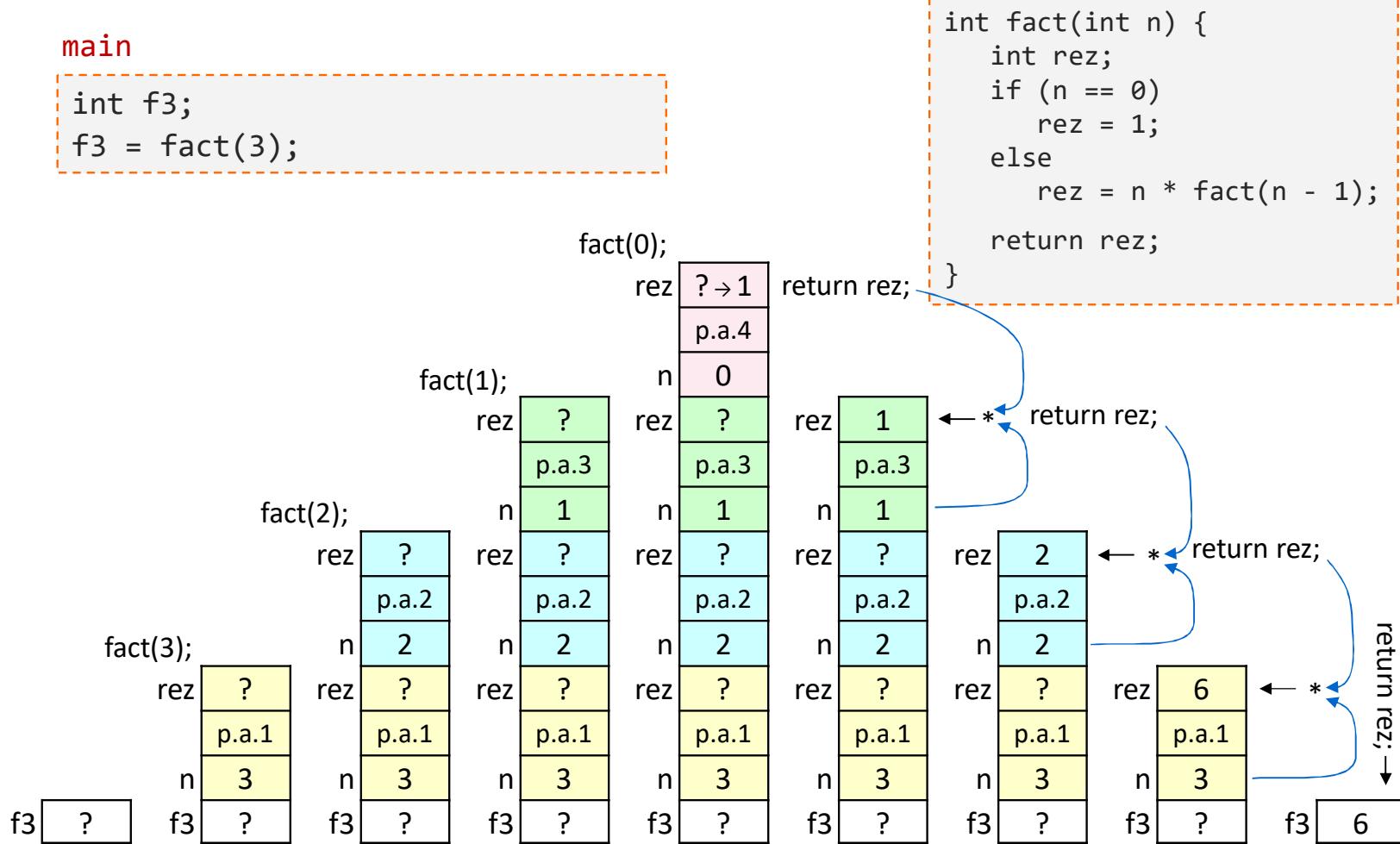
```
int fact(int n) {  
    if (n == 0)  
        return 1;  
    else  
        return n * fact(n - 1);  
}
```

Primjer: redoslijed pozivanja i povratka

- Zamislimo, radi vizualizacije, da postoji više instanci funkcije *fact*



Primjer: stog za poziv fact(3)



Varijanta s *unsigned long long* umjesto *int*

- Korištenjem ovog tipa podatka, domena funkcije *fact* povećava se na cijele brojeve iz intervala [0, 20]

```
unsigned long long  
fact(unsigned int n) {  
    unsigned long long rez;  
    if (n == 0)  
        rez = 1ULL;  
    else  
        rez = n * fact(n - 1);  
  
    return rez;  
}
```

```
unsigned long long  
fact(unsigned int n) {  
    if (n == 0)  
        return 1ULL;  
    else  
        return n * fact(n - 1);  
}
```

Zadatak



- Preradimo naš program iz četvrtog predavanja tako da napravimo rekurzivnu funkciju koja ispisuje binarnu reprezentaciju broja (bez korištenja polja):

Primjer

- Programski zadatak
 - Učitati nenegativni cijeli broj. Nije potrebno provjeravati ispravnost unesenog broja. Ispisivati ostatke uzastopnog dijeljenja učitanog broja s 2, a postupak prekinuti kad se dijeljenjem dođe do 0
 - učitani broj može biti 0. Može se dogoditi da se neće ispisati niti jedan ostatak dijeljenja, odnosno da se tijelo petlje neće izvršiti niti jednom
 - Primjeri izvršavanja programa

```
Upisite nenegativan cijeli broj > 11.  
Upisali ste 11.  
ostatak = 1.  
ostatak = 1.  
ostatak = 0.  
ostatak = 1.
```

```
Upisite nenegativan cijeli broj > 0.  
Upisali ste 0.
```

Upisite nenegativan cijeli broj : 11

11 = 1011

Uvod u programiranje 2024./2025.

31

Tip podatka *pokazivač*

Uvod

Radna memorija računala

- Radna memorija računala može se promatrati kao kontinuirani niz bajtova, od kojih svaki ima svoj "redni broj", odnosno *adresu*
 - slikom je ilustrirana memorija veličine 4GB

0	00110001
1	11010010
...	...
82560	11000001
82561	00001101
82562	11000001
82563	11101000
...	...
4294967294	00110001
4294967295	00000111

Objekti i vrijednosti u programskom jeziku C

- Objekt (*object*) je područje u memoriji čiji sadržaj reprezentira vrijednost
- Vrijednost (*value*) je interpretacija sadržaja objekta koja se temelji na *tipu i sadržaju* objekta

```
...
char c = 'B';
...
int m = 7;
...
float x = -0.75f;
...
```

...	...	
82560	01000010	} c
...	...	
82642	00000000	
82643	00000000	
82644	00000000	
82645	00000111	
...	...	
82714	10111111	} m
82715	01000000	
82716	00000000	
82717	00000000	
...	...	} x

Adresa objekta

- Za objekt kažemo da se nalazi na adresi A (ili adresa objekta je A) ako je prvi bajt sadržaja objekta pohranjen na adresi A
 - Npr. varijabla m nalazi se na adresi 82642, odnosno adresa varijable m je 82642

■ Radi ilustracije prepostavljeno je da se varijable nalaze na prikazanim adresama. U stvarnosti, nemoguće je znati o kojim se točno adresama radi prije nego se program pokrene (a nije niti važno znati ih unaprijed).

...	...	
82560	00001101	c
...	...	
82642	00000000	
82643	00000000	m
82644	00000000	
82645	00000111	
...	...	
82714	10111111	x
82715	01000000	
82716	00000000	
82717	00000000	
...	...	

Kako se u programu dolazi do vrijednosti objekta

- Pristupanje objektu pomoću *identifikatora*
 - ime varijable (za skalarne tipove), ime varijable i indeks (za polja), ime varijable i ime člana (za strukture), ...
 - navođenjem identifikatora objekta dobiva se *lvalue* koji se može koristiti za čitanje ili postavljanje vrijednosti objekta
 - tip podatka poznat je iz definicije varijable
 - tip je važan: npr. ako tip podatka ne bi bio poznat, ne bi bilo moguće ispravno obavljati operacije

```
double y;  
y = m + x;
```

...	...	
82560	00001101	c
...	...	
82642	00000000	
82643	00000000	m
82644	00000000	
82645	00000111	
...	...	
82714	10111111	x
82715	01000000	
82716	00000000	
82717	00000000	
...	...	

Može li se objektu pristupiti pomoću adrese?

- Može li se do vrijednosti doći pomoću (samo) adrese objekta?
 - npr. ako je poznato da se neki objekt nalazi na adresi 82642?
 - **ne, samo adresa nije dovoljna**
- Za ispravno pristupanje objektu potrebna je *i adresa i tip objekta* koji se nalazi na toj adresi
 - adresa i tip objekta predstavljaju jedan oblik *reference* na taj objekt
 - tip objekta kojem se pristupa pomoću *reference* naziva se **referencirani tip** (*referenced type*)

...	...	
82560	00001101	c
...	...	
82642	00000000	
82643	00000000	m
82644	00000000	
82645	00000111	
...	...	
82714	10111111	x
82715	01000000	
82716	00000000	
82717	00000000	
...	...	

Tip podatka *pokazivač* (*pointer type*)

- Tip podatka koji omogućuje pristupanje objektu pomoću *reference*
 - Ako je referencirani objekt tipa *T*, tada se za pristupanju objektu koristi tip podatka *pokazivač na T*. Npr. podatak tipa *pokazivač na int* omogućuje pristup objektu tipa *int*
 - Za tip podatka *pokazivač* ne postoje zasebne ključne riječi (kao za tipove podataka *int*, *float*, itd.). Tip podatka *pokazivač* opisuje se pomoću naziva referenciranog tipa i znaka *

```
int *p1, *p2;  
float *p3;
```

- Varijable p1 i p2 su tipa pokazivač na int
- Varijabla p3 je tipa pokazivač na float

Varijable tipa pokazivač

- Za varijablu *tipa pokazivač* vrijedi sve što je do sada navedeno o varijablama ostalih skalarnih tipova, osim:
 - definira se na malo drugačiji način: navođenjem imena *referenciranog tipa* i znaka * ispred imena varijable
 - pohranjuje podatke tipa pokazivač na referencirani tip

```
int m;
```

referencirani
tip

```
int *p1;
```

varijabla p1 nije tipa int, nego
tipa pokazivač na int

- dopušteno je u istoj naredbi definirati varijable referenciranog tipa i varijable tipa pokazivača na referencirani tip

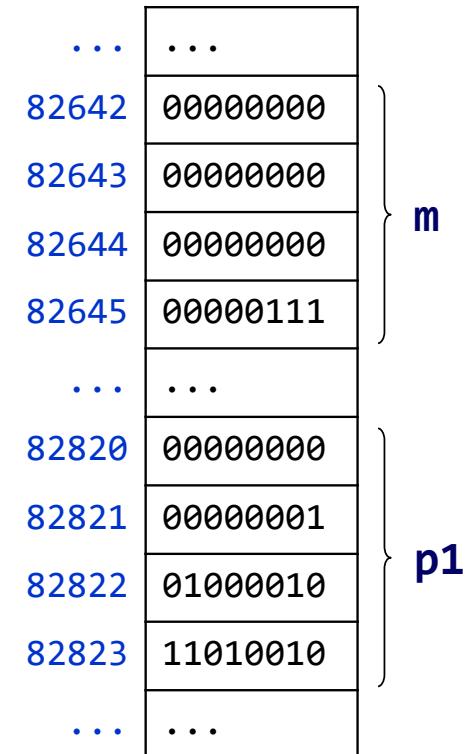
```
int m, *p1, *p2, k;
```

Koju vrijednost upisati u varijablu tipa pokazivač

```
int m = 7, *p1;  
p1 = ?
```

- Općenito, ako je *x* varijabla (ili član polja, ili struktura ili član strukture, ...), tada je **&x** pokazivač na *x*
 - **&** je tzv. *adresni operator*. Rezultat izraza **&m** je *pokazivač na int* jer je *m* objekt tipa *int*
 - adresa odgovara adresi varijable *m* (82642)
 - rezultat je tipa pokazivač na *int*
 - budući da je rezultat izraza **&m** *pokazivač na int*, smije se pridružiti varijabli *p1* (koja je tipa *pokazivač na int*)

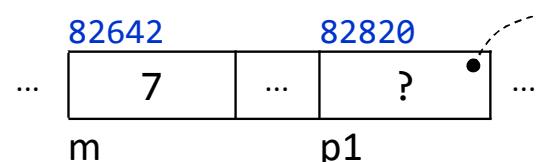
```
p1 = &m;
```



Primjer

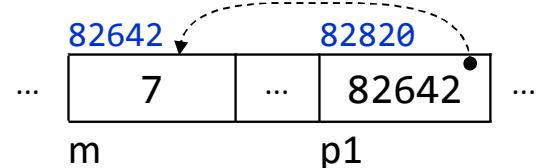
- U nastavku ćemo sadržaj memorije prikazivati na prikladniji način

```
int m = 7, *p1;
```



- varijabla p1 još uvijek nije inicijalizirana: pokazivač pohranjen u varijabli p1 "pokazuje u nepoznato"

```
p1 = &m;
```



- u varijablu p1 sada je upisan podatak tipa *pokazivač na int* kojim se može pristupiti objektu tipa **int** na adresi 82642
 - radi pojednostavljenja, koristit će se kolokvijalni izrazi:
 - naredbom **int *p1;** definiran je pokazivač p1
 - naredbom **p1 = &m;** u p1 je upisana adresa varijable m
 - p1 pokazuje na objekt na adresi 82642
 - p1 pokazuje na varijablu m, p1 pokazuje na objekt m

Inicijalizacija varijable tipa pokazivača uz definiciju

- Jednako kao i varijable drugih tipova, varijable tipa pokazivač mogu se inicijalizirati u trenutku definicije

```
int m, *p1 = &m, *p2 = p1;  
float x, *p3 = &x, y, *p4 = &y;
```

- voditi računa o redoslijedu definicije i inicijalizacije. Objekt čija se adresa izračunava adresnim operatorom mora biti definiran

```
int *p1 = &m, m;
```

Neispravno, može se popraviti premještanjem

- voditi računa o tome da i varijabla tipa pokazivača može sadržavati "smeće" (*garbage value*)

```
int m, *p1;  
int *p2 = p1;  
p1 = &m;
```

U ovom trenutku p1 još uvijek sadrži "smeće"
Može se popraviti premještanjem naredbe

Paziti na razlike u tipovima pokazivača

- Tipovi pokazivača su međusobno različiti ako se razlikuju njihovi referencirani tipovi
 - u varijable jednog tipa pokazivača nije dopušteno upisivati pokazivače drugog tipa

```
int m;  
int *pInt;  
float x;  
float *pFloat;
```

```
pInt = &m;  
pFloat = &x;
```

```
pFloat = pInt;  
pInt = &x;  
pFloat = &m;
```

Neispravno
Neispravno
Neispravno

Adresa nije cijeli broj

- Iako *izgleda* kao cijeli broj, adresa u općem slučaju nije `int` (niti `short`, niti `long`, ...). Stoga nema smisla:
 - pokazivač pohranjivati u varijablu tipa `int`
 - cijeli broj pohranjivati u varijablu tipa pokazivača

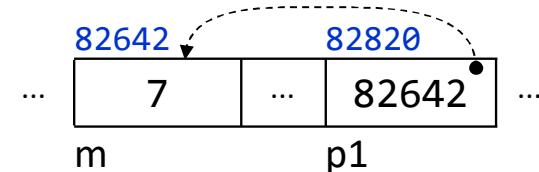
```
int *p1;  
int m;  
m = 5;  
p1 = &m;
```

```
p1 = m;  
m = p1;
```

Neispravno
Neispravno

Pristupanje objektu pomoću pokazivača

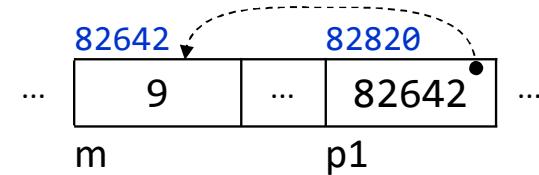
```
int m = 7, *p1 = &m;
```



- objektu (7, tip int) na adresi 82642 može se pristupiti:

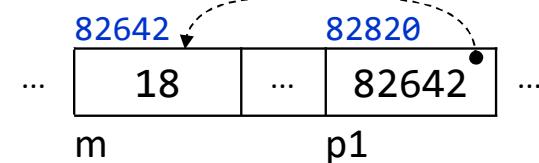
- (naravno) pomoću imena varijable `m`

```
m = m + 2;
```



- ali također i primjenom *operatora indirekcije* (unarni operator `*`) nad pokazivačem pohranjenim u varijabli `p1`

```
*p1 = 2 * *p1;
```



```
printf("%d %d", m, *p1);
```

```
18 18
```

pročitaj cijeli broj s mjesta na kojem pokazuje `p1`, dobiveni rezultat (tipa int) pomnoži s 2 i rezultat upiši na mjesto kamo pokazuje `p1`

Operator indirekcije *

- Operator omogućuje da se objektu pristupi *indirektno* pomoću pokazivača (umjesto *direktno* preko imena varijable)
 - operator je također poznat pod imenom *operator dereferenciranja* jer operator "dereferencira" pokazivač (*referencu* na objekt) i tako dolazi do objekta
- Općenito, ako p pokazuje na objekt x , tada je rezultat operacije $*p$ *lvalue* koja predstavlja objekt na kojeg pokazuje p
 - to znači: ako je p varijabla koja sadrži pokazivač koji pokazuje na objekt u memoriji koji predstavlja varijablu m , tada se izraz $*p$ može koristiti na svakom mjestu u programu gdje se može koristiti ime varijable m
 - za čitanje vrijednosti (npr. u nekom izrazu)
 - za postavljanje vrijednosti (kao lijeva strana izraza pridruživanja), uz uvjet da je sadržaj objekta izmjenljiv

Neke oznake su pomalo zbunjujuće?

```
int m = 7;  
int *p1 = &m;  
...  
p1 = &m;           Ispравно  
*p1 = &m;         Neispravno
```

- Kako to da je u naredbi za definiciju varijable p1 ispravno napisati `*p1 = &m`, a naredba `*p1 = &m;` je neispravna?

- u programskom jeziku C isti simboli u različitom kontekstu mogu imati različito značenje

`int *p1 = &m;`

p1 definiraj kao varijablu tipa pokazivač na int

ovdje simbol * ne predstavlja operator indirekcije, nego označava da varijabla p1 nije tipa int, nego tipa *pokazivač na int*

varijablu koju si upravo definirao, p1, inicijaliziraj na vrijednost &m

`*p1 = &m;`

neispravno jer je rezultat izraza `*p1` objekt tipa int, što znači da se u objekt tipa int pokušava upisati vrijednost tipa pokazivač na int

Neke oznake su pomalo zbunjujuće?

```
int m = 7;  
int *p1 = &m, *p2 = p1;  
...  
p2 = p1;           Ispravno  
*p2 = p1;         Neispravno
```

- Kako to da je u naredbi za definiciju varijable p2 ispravno napisati `*p2 = p1`, a naredba `*p2 = p1;` je neispravna?

```
int *p1 = &m, *p2 = p1;
```

definirana je varijabla p1, inicializirana je na `&m`, zatim je definirana varijabla p2 koja se inicializira na vrijednost koja se nalazi u p1.

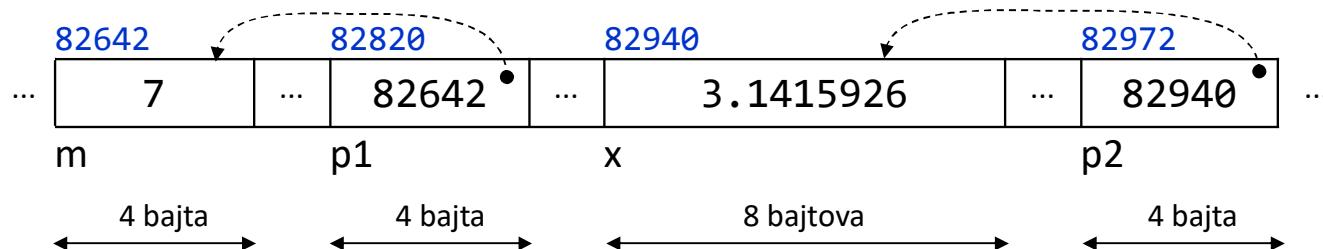
```
p2 = *p1;
```

neispravno jer je rezultat izraza `*p1` objekt tipa int, što znači da se vrijednost tipa int pokušava upisati u varijablu tipa pokazivač na int

Koliko prostora zauzima pokazivač

- Adresa objekta je adresa na kojoj je pohranjen prvi bajt objekta
 - to znači da veličina referenciranog tipa ne bi trebala utjecati na veličinu prostora koju zauzima pokazivač na taj tip

```
int m = 7, *p1 = &m;  
double x = 3.1415926, *p2 = &x;
```



- jednaki prostor (4 bajta) zauzimaju pokazivač p1 na objekt tipa int (koji je veličine 4 bajta) i pokazivač p2 na objekt tipa double (koji je veličine 8 bajtova)

Koliko prostora zauzima pokazivač

- Pokazivači na jednoj platformi (isti operacijski sustav, arhitektura i prevodilac) u principu* zauzimaju jednaku količinu memorije bez obzira na koji tip podatka pokazuju

```
int m = 7, *p1 = &m;
double x = 3.1415926, *p2 = &x;
printf("%u %u %u\n", sizeof(p1), sizeof(m), sizeof(*p1));
printf("%u %u %u", sizeof(p2), sizeof(x), sizeof(*p2));
```

x86_64, Windows, gcc

4	4	4
4	8	8

x86_64, Linux, gcc

8	4	4
8	8	8

- * U praksi je to uglavnom tako, ali s obzirom da C standard takvo pravilo izrijekom ne propisuje, ne smije se u potpunosti isključiti mogućnost da će se na nekoj platformi veličine pokazivača međusobno razlikovati s obzirom na tip podatka na koji pokazuju.

Generički pokazivač (*pointer to void*)

- Referencirani tip pokazivača mora biti poznat kako bi se na temelju adrese (gdje je objekt) i tipa (kojeg tipa je objekt na toj adresi) sadržaj objekta mogao ispravno interpretirati
- Međutim, postoji specijalni tip pokazivača za kojeg to ne vrijedi
 - *generički pokazivač* (u literaturi također: *pokazivač na void*, *pointer to void*) je pokazivač koji može pokazivati na objekt bilo kojeg tipa
 - budući da referencirani tip generičkog pokazivača nije poznat, neće se moći koristiti za pristup objektu (kažemo: generički pokazivač se ne može *dereferencirati*)
 - ali zato je moguće napraviti eksplicitnu konverziju (*cast*) generičkog pokazivača na tip pokazivača za kojeg će referencirani tip biti T
 - rezultat sljedeće operacije nad generičkim pokazivačem je pokazivač na tip podatka T

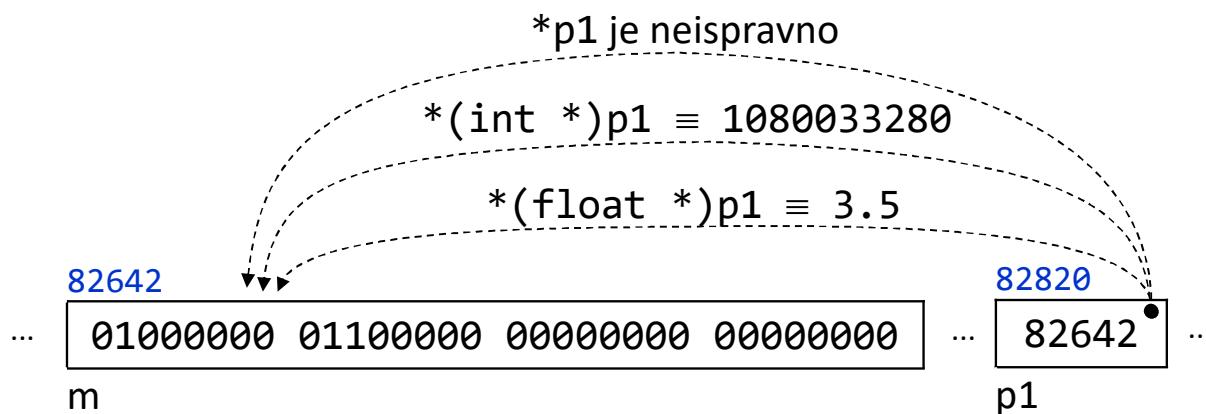
`(T *) genericki_pokazivac`

Primjer

```
int m = 1080033280;
void *p1;
p1 = &m;

// printf("%d", *p1);           Neispravno jer p1 nije moguće dereferencirati
printf("%d\n", *(int *)p1);
printf("%f\n", *(float *)p1);
```

1080033280
3.500000



Zadatak



- Upotrijebimo void* da ispišemo bitove odnosno IEEE754 reprezentaciju float broja (binarnu i hex).
 - Tj. uvjerimo se da su ti bitovi doista u memoriji tako postavljeni

Unesite broj: 3.14

P	K	M
0100000010010001111010111000011		
4048f5c3		

Konverzija specifikacija za printf i scanf

- konverzija specifikacija %p koristi se za ispis i čitanje podatka tipa pokazivač
 - točan oblik ispisa nije propisan standardom (vrijednost će se ispisati kao broj u dekadskom ili heksadekadskom brojevnom sustavu ili u nekom drugom obliku)
 - argument (pokazivač) koji se ispisuje dobro je eksplicitno konvertirati u generički pokazivač, ali u većini slučajeva može se ispuštiti

```
int m = 7, *p1 = &m;
printf("m je na adresi %p", (void *)p1);
// printf("m je na adresi %p", p1);           Može i bez (void *)
```

x86_64, Windows, gcc

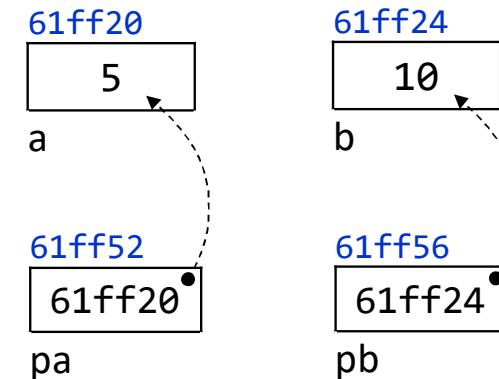
```
m je na adresi 0061ff28
```

x86_64, Linux, gcc

```
m je na adresi 0x7ffffd6e8d324
```

Primjer

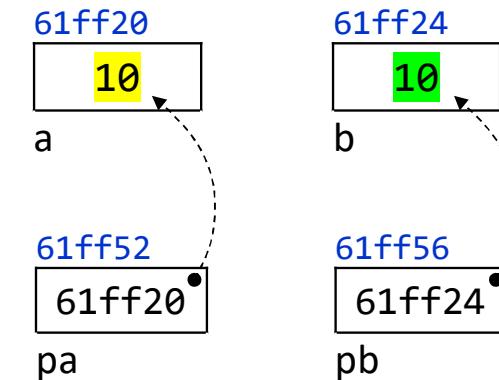
```
int a = 5, b = 10;  
int *pa, *pb;  
pa = &a;      // pretpostavka pa = 61ff20  
pb = &b;      // pretpostavka pb = 61ff24
```



- što će se ispisati sljedećim odsječkom?

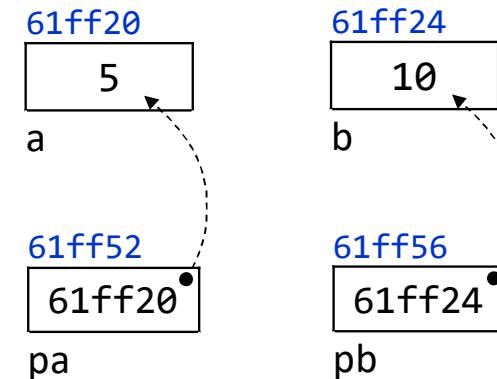
```
*pa = *pb;  
printf("%d %d\n", a, b);  
printf("%p %p\n", (void *)pa, (void *)pb);  
printf("%d %d\n", *pa, *pb);
```

```
10 10  
61ff20 61ff24  
10 10
```



Primjer

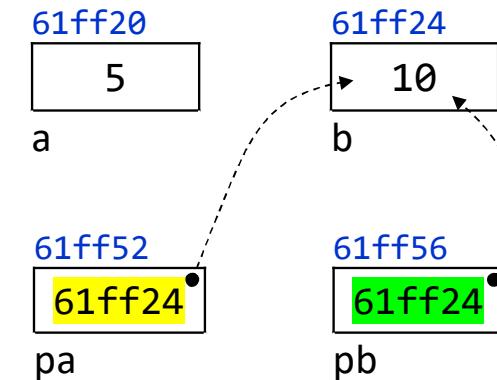
```
int a = 5, b = 10;  
int *pa, *pb;  
pa = &a;      // pretpostavka pa = 61ff20  
pb = &b;      // pretpostavka pb = 61ff24
```



- što će se ispisati sljedećim odsječkom?

```
pa = pb;  
printf("%d %d\n", a, b);  
printf("%p %p\n", (void *)pa, (void *)pb);  
printf("%d %d\n", *pa, *pb);
```

```
5 10  
61ff24 61ff24  
10 10
```



Primjer

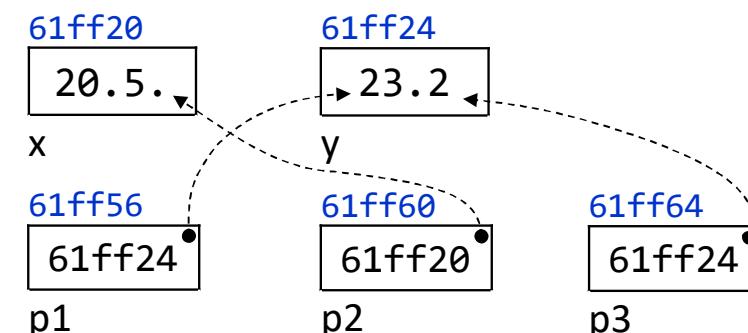
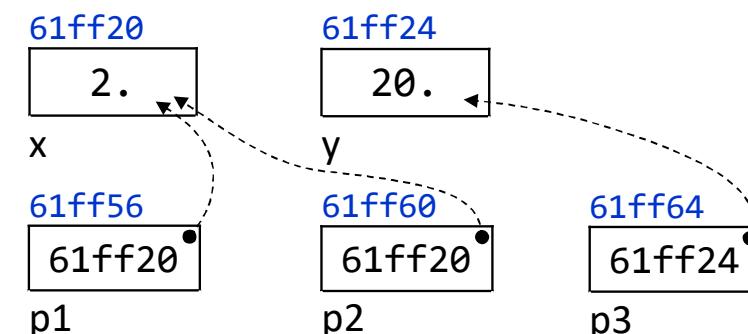
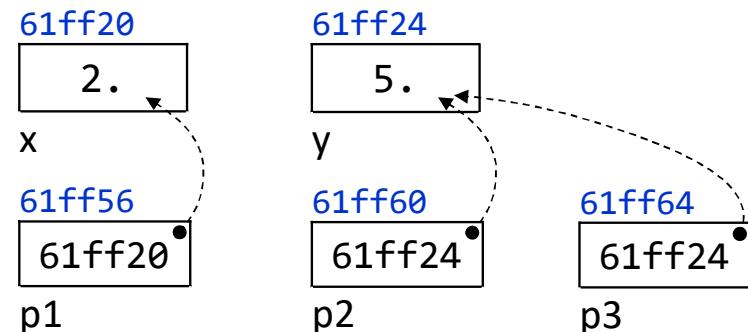
```
float x = 2.f, y = 5.f;  
float *p1, *p2, *p3;  
p1 = &x;  
p2 = p3 = &y;
```

- nacrtati sliku nakon

```
*p3 = *p2 + 3.f * *p2;  
p2 = p1;
```

- i nakon

```
*p2 = *p3 + 0.5f;  
p1 = p3;  
*p1 += 3.2f;
```



Prije sljedećeg predavanja

- Edgar:
 - Tutorial: **nema**
 - **13. vježbe uz predavanja**