

# **Fizika snov**

*Rok Kos*

Gimnazija Vič, Tržaška cesta 72

# Kazalo

<b>1 FIZIKALNE KOLIČINE IN ENOTE</b>	<b>3</b>
1.1 Osnovne in sestavljene enote . . . . .	3
1.2 Predpone . . . . .	3
1.3 Merjenje . . . . .	3
1.4 Računanje z napakami . . . . .	4
1.5 Grafična predstavitev rezultatov . . . . .	5
<b>2 PREMO IN KRIVO GIBANJE</b>	<b>6</b>
2.1 Premo gibanje . . . . .	6
2.2 Hitrost . . . . .	7
2.3 Enakomerno gibanje . . . . .	7
2.4 Enakomerno pospešeno gibanje . . . . .	8
2.5 Prosti pad . . . . .	10
2.6 Navpični met navzdol . . . . .	11
2.7 Navpični met navzgor . . . . .	11
2.8 Ravninsko gibanje . . . . .	12
2.9 Vodoravni met . . . . .	13
2.10 Kroženje . . . . .	14
<b>3 SILA IN NAVOR</b>	<b>15</b>
3.1 Sila . . . . .	15
3.2 Newtonovi zakoni . . . . .	16
3.3 Ravnovesje sil . . . . .	16
3.4 Trenje in lepenje . . . . .	16
3.5 Sile na klancu . . . . .	18
3.6 Sile pri kroženju . . . . .	19
3.7 Deformacije trdnin . . . . .	19
3.8 Hookov zakon . . . . .	20
3.9 Navor . . . . .	20
3.10 Navor teže . . . . .	21
<b>4 NEWTONOVI ZAKONI IN GRAVITACIJA</b>	<b>21</b>
4.1 Keplerjevi zakoni . . . . .	21
4.2 Newtonov gravitacijski zakon . . . . .	22
<b>5 IZREK O GIBALNI KOLIČINI</b>	<b>24</b>
5.1 Sunek sile in gibalna količina . . . . .	24
<b>6 DELO IN ENERGIJA</b>	<b>25</b>
6.1 Delo in mehanska energija . . . . .	25
6.2 Delo pri raztezanju idealno prožne vzmeti . . . . .	27
6.3 Delo tlaka . . . . .	29
6.4 Kinetična energija . . . . .	30
6.5 Potencialna energija . . . . .	31
6.6 Ohranitev kinetične in potencialne energije . . . . .	33
6.7 Prožnostna energija . . . . .	33

6.8 Moč . . . . .	34
<b>7 TEKočINA</b>	<b>35</b>
7.1 Hidrostatični tlak . . . . .	35
7.2 Vzgon . . . . .	37
<b>8 TEMPERATURA</b>	<b>38</b>
8.1 Temperatura . . . . .	38
8.2 Temperaturno raztezanje snovi . . . . .	39
8.3 Splošna plinska enačba . . . . .	40
8.4 Raztezanje plinov . . . . .	41
8.5 Plinski zakoni . . . . .	42
<b>9 NOTRANJA ENERGIJA IN TOPLOTA</b>	<b>44</b>
9.1 Energijski zakon . . . . .	44
9.2 Specifična toplota . . . . .	44
9.3 Merjenje specifične toplote . . . . .	45
9.4 Agregatna stanja . . . . .	46
9.5 Sežig . . . . .	47
9.6 Toplotni tok . . . . .	47

# 1 FIZIKALNE KOLIČINE IN ENOTE

**Fizikalna količina** je produkt merskega števila in merske enote.

$s = 5 \text{ m} \rightarrow$  merska enota  
 $\downarrow$   
 mersko št.

## 1.1 Osnovne in sestavljene enote

Osnovne fizikalne količine	Osnovne fizikalne enote
dolžina	m
masa	kg
čas	s
el. tok	A
temperatura	K
svetilnost	cd
količina snovi	mol

**Vse ostale enote lahko zapišemo s temi.**

Sestavljene fizikalne enote:  $\frac{m}{s}$ , N, J, W..

$$1N = \frac{1kgm}{s^2}$$

## 1.2 Predpone

P(peta)	$10^{15}$
T(tera)	$10^{12}$
G(giga)	$10^9$
M	$10^6$
k	$10^3$
h	$10^2$
da	10
d	$10^{-1}$
c	$10^{-2}$
m	$10^{-3}$
$\mu$	$10^{-6}$
n	$10^{-9}$
p(piko)	$10^{-12}$
f(fento)	$10^{-15}$

## 1.3 Merjenje

**NAPAKE:**

- SLUČAJNE(odvisne od natančnosti merilca) → te napake se da zmanjšati z večkratnim merjenjem
- SISTEMATIČNE(odvisne od merilne naprave) → se jih neda odpraviti z večkratnim merjenjem

Vse meritve zapišemo v **tabelo**

dolžina l	[m]
1	$x_1$
2	$x_2$
3	$x_3$
$\vdots$	$\vdots$
n	$x_n$

Izračun povprečne vrednosti :  $\bar{x}$

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_n}{n}$$

### Absolutna Napaka $\Delta x$

$\Delta x$  je največje odstopanje meritve od povprečne vrednosti.

$$x = \bar{x} \pm \Delta x$$

### Relativna Napaka $\delta x$

$$\delta x = \frac{\Delta x}{\bar{x}}$$

$$x = \bar{x} \left( 1 \pm \frac{\Delta x}{\bar{x}} \right)$$

## 1.4 Računanje z napakami

### Vsota in razlika

$$a = \bar{a} \pm \Delta a$$

$$b = \bar{b} \pm \Delta b$$

$$(a + b)_{max} = (\bar{a} + \Delta a) + (\bar{b} + \Delta b) = (\bar{a} + \bar{b}) + (\Delta a + \Delta b)$$

$$(a + b)_{min} = (\bar{a} - \Delta a) + (\bar{b} - \Delta b) = (\bar{a} + \bar{b}) - (\Delta a + \Delta b)$$

$$a + b = (\bar{a} + \bar{b}) \pm (\Delta a + \Delta b)$$

$$a - b = (\bar{a} - \bar{b}) \pm (\Delta a + \Delta b)$$

Pri seštevanju in odštevanju seštevamo **absolutne napake**.  
**Množenje in deljenje**

$$a = \bar{a} \pm \Delta a$$

$$b = \bar{b} \pm \Delta b$$

---


$$ab_{max} = (\bar{a} + \Delta a)(\bar{b} + \Delta b) = \bar{a}\bar{b} + \bar{a}\Delta b + \bar{a}\Delta b + \Delta a\Delta b \rightarrow 0$$

$$= \bar{a}\bar{b}\left(1 + \frac{\Delta a}{\bar{a}} + \frac{\Delta b}{\bar{b}}\right) = \bar{a}\bar{b}(1 + (\delta a + \delta b))$$

$$ab_{min} = (\bar{a} - \Delta a)(\bar{b} - \Delta b) = \bar{a}\bar{b} - \bar{a}\Delta b - \bar{a}\Delta b + \Delta a\Delta b \rightarrow 0$$

$$= \bar{a}\bar{b}\left(1 - \frac{\Delta a}{\bar{a}} - \frac{\Delta b}{\bar{b}}\right) = \bar{a}\bar{b}(1 - (\delta a + \delta b))$$


---

$$ab = \bar{a}\bar{b}(1 \pm (\delta a + \delta b))$$

$$\frac{a}{b} = \frac{\bar{a}}{\bar{b}}(1 \pm (\delta a + \delta b))$$

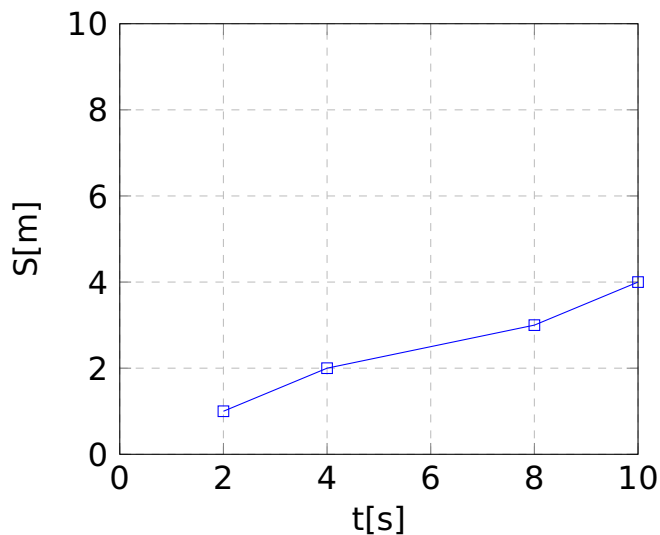
Pri množenju in deljenju seštevamo **realtivne napake**.  
**Potenciranje**

$$a = \bar{a} \pm \Delta a$$

$$a^n = \bar{a}^n(1 \pm (n\delta a))$$

## 1.5 Grafična predstavitev rezultatov

1. Urejene osi(enote, številke)
2. Pravilno vnešene meritve
3. Premica, ki se najbolj prilega
4. Smerni koeficient(z enotami)
5. Fizikalni pomen smernega koeficienta(hitrost, fizikalna količina)



$$k = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

**Zveza:**  $S = vt$

## 2 PREMO IN KRIVO GIBANJE

### 2.1 Premo gibanje

Gibanje je **realtivno** (vse se vedno giba), vedno je treba povedati glede na kaj se giba.

**Lega** je kordinata telesa v prostoru. Lahko jo zapišemo s kordinatami kot:

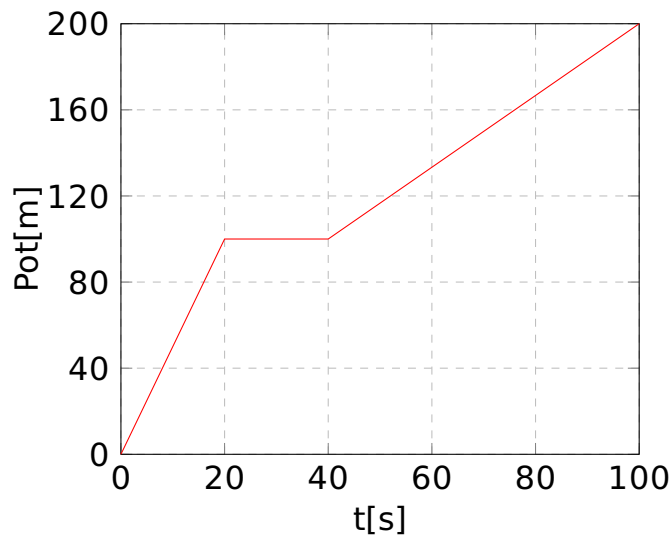
- številsko premico (ena dimenzija)
- 2-dimenzionalni kordinatni sistem (dve dimenziji)
- 3-dimenzionalni kordinatni sistem (tri dimenzije)

**Premik** definiramo kot razdaljo med začetno in kočno lego, kateremu lahko določimo smer. (se vprašamo kam)

**Zapis:**

Kartezični (Vektor)  $\rightarrow (-60\text{km}, -70\text{km})$  ali  $(x, y)$

Cilindrične kordinate  $\rightarrow (-92\text{km}, 230^\circ\text{C})$  ali  $(r, \alpha)$



Pot se vedno **veča** zato nikoli ne gre v **minus**.

## 2.2 Hitrost

**Hitrost** nam pove kakšna pot naredimo v določenem času. Hitrost je vektorska količina odvisna od smeri. Poznamo tudi skalarne količine (npr. Masa).

**Enačbe, ki so svete:**

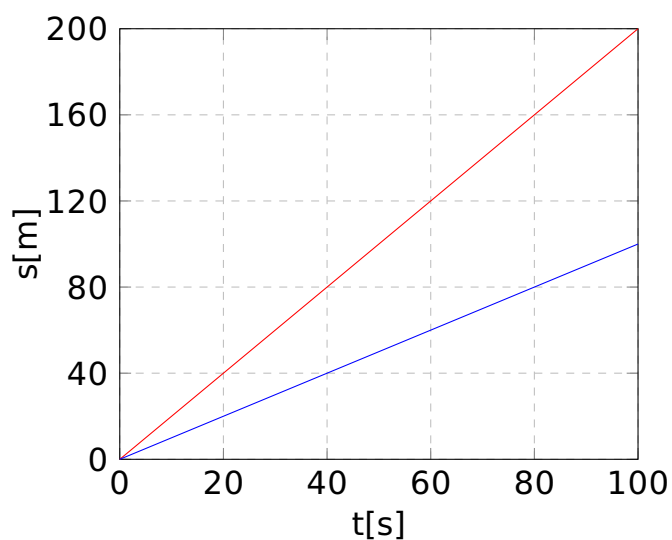
$$\begin{aligned}
 v &= v_0 + at \\
 s &= v_0 t + \frac{at^2}{2} \\
 v^2 &= v_0^2 + 2as
 \end{aligned}$$

## 2.3 Enakomerno gibanje

To je gibanje pri katerem je **hitrost konstantna**. Telo v enakih časovnih intervalih naredi enako pot. Primer: krogla, ki jo iztrelimo v breztežnostnem prostoru.

$$\begin{aligned}
 a &= 0 \\
 v &= v_0 \\
 s &= v_0 t \rightarrow v_0 = \frac{s}{t} \\
 v^2 &= v_0^2
 \end{aligned}$$

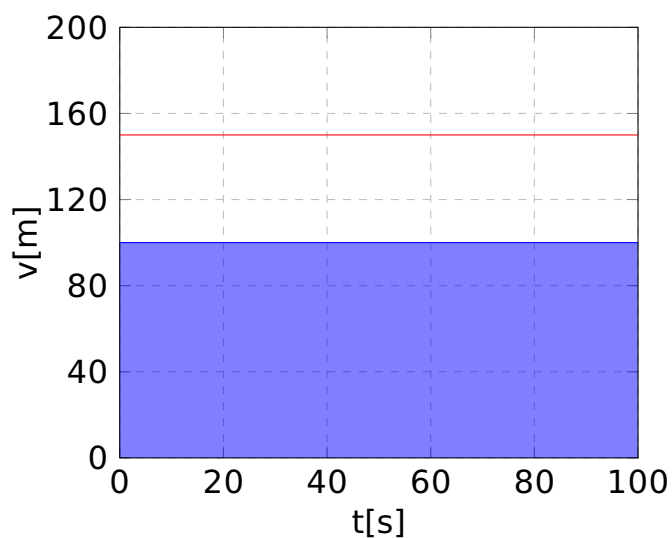




Naklon pove hitrost

$$f = \tan \alpha = k$$

$$k = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{\Delta s}{\Delta t} = v$$



**Ploščina** pod krivuljo nam pove prepotovano pot.

$$s = tv$$

## 2.4 Enakomerno pospešeno gibanje

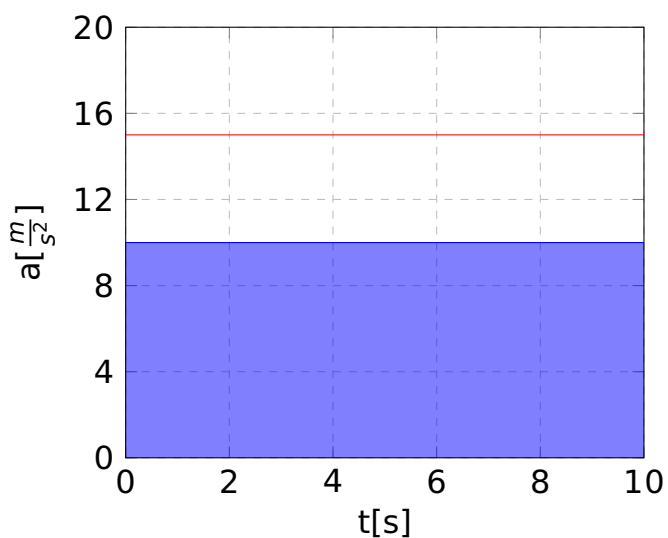
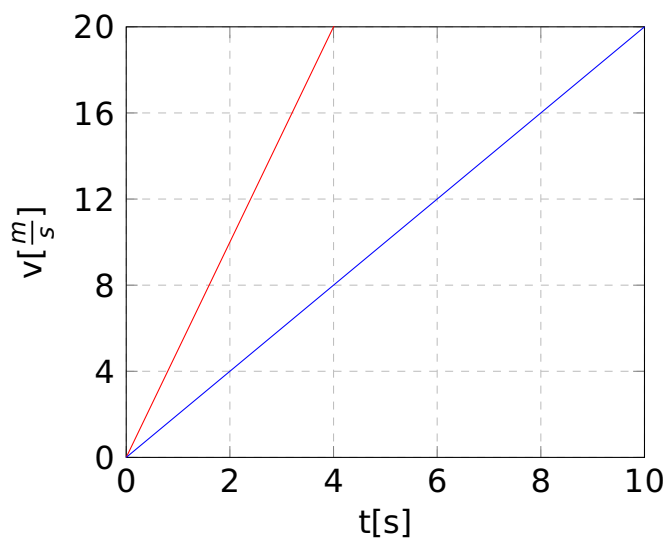
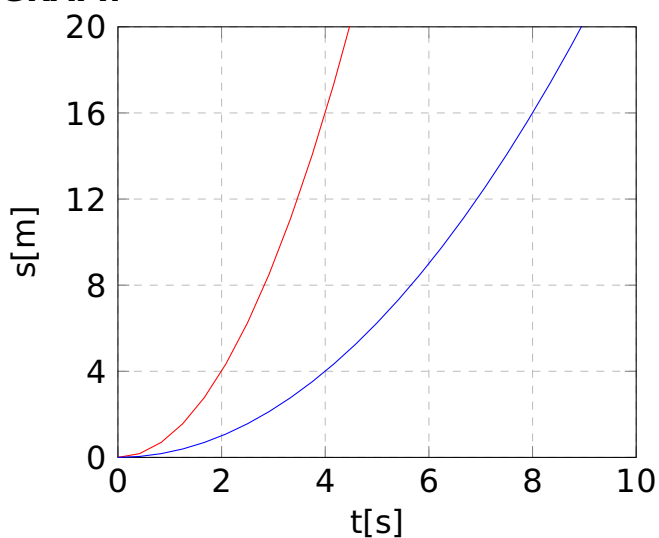
Enakomerno pospešeno gibanje je gibanje pri katerem se hitrost **enakomerno spreminja**. Pospešek nam pove za koliko se v določenem

čas spreminja hitrost.

$$\frac{\frac{m}{s}}{s} \rightarrow \left[ \frac{m}{s^2} \right] \rightarrow \text{enota}$$

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

**GRAFI:**



Strmina premice hitrosti od časa nam pove velikost pospeška.

$$k = \frac{\Delta v}{\Delta t} = a$$

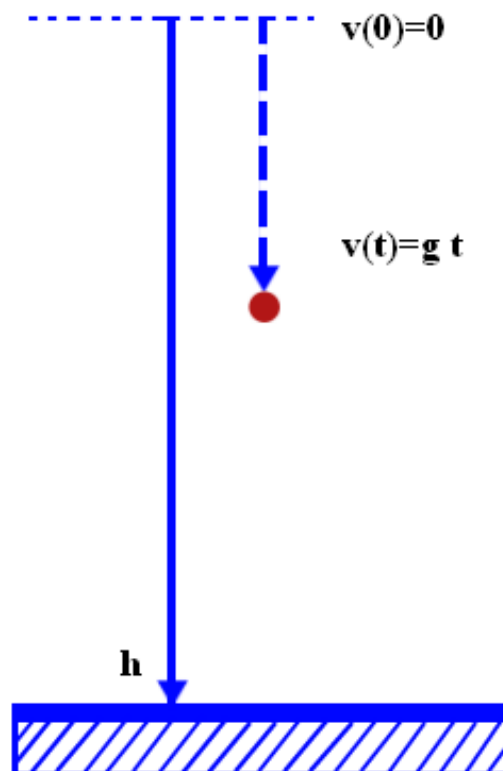
Tangenta na krivuljo grafa poti od časa v vsaki točki govori o hitrosti telesa. Ploščina pod krivuljo grafa pospeška od časa nam pove hitrost.

$$v = at$$

Odvod poti proti času in odvod hitrosti po času

$$v = \frac{ds}{dt}$$
$$a = \frac{dv}{dt}$$

## 2.5 Prosti pad



$$v = gt$$
$$h = \frac{gt^2}{2}$$
$$v^2 = 2gh$$

## 2.6 Navpični met navzdol

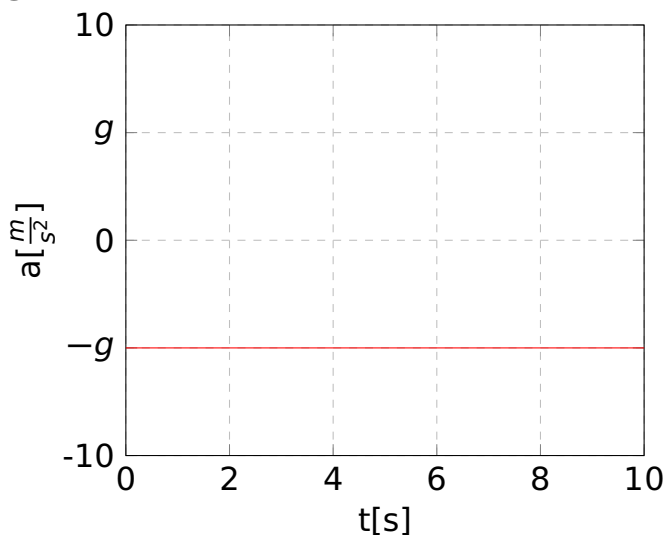
$$v = v_0 \pm gt$$

$$h = v_0 t \pm \frac{gt^2}{2}$$

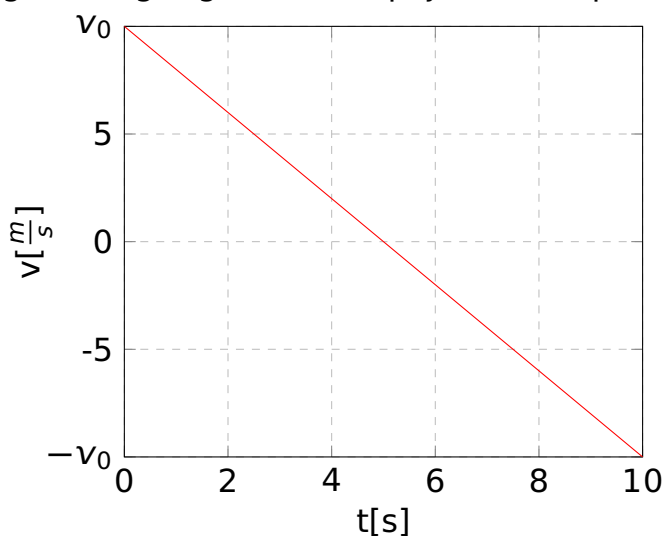
$$v^2 = v_0^2 \pm 2gh$$

## 2.7 Navpični met navzgor

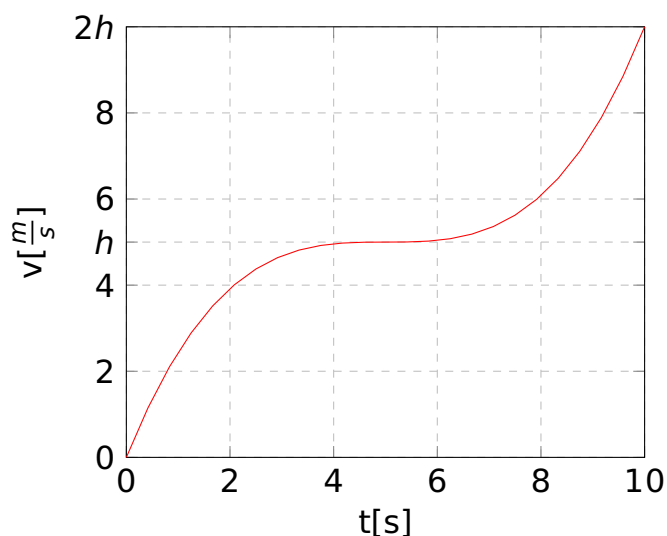
**GRAFI:**



Smer in velikost pospeška sta vedno ista (osvisna od mase zemlje.)  
Ko gre telo gor govorimo o pojemku, ko pa dol pa o pospešku.



Ker je pospešek vedno enak se graf ne lomi.



### ENAKOMERNO POJEMAJOČE

$$v = v_0 \pm gt$$

$$h = v_0 t \pm \frac{gt^2}{2}$$

$$v^2 = v_0^2 \pm 2gh$$

### ENAKOMERNO POSPEŠUJOČE

$$v = gt$$

$$h = \frac{gt^2}{2}$$

$$v^2 = 2gh$$

## 2.8 Ravninsko gibanje

Gibanje v eno smer ni odvisno od nasprotnega gibanja. Hitrosti se vektorsko seštevajo.

Čas, ki ga bo potreboval za prehod reke je odvisen od samo od **dolžine reke** in **njegove hitrosti**. Celotna pot in zamik pa sta odvisna od reke. Gibanje je **enakomerno**.

$$S = vt$$

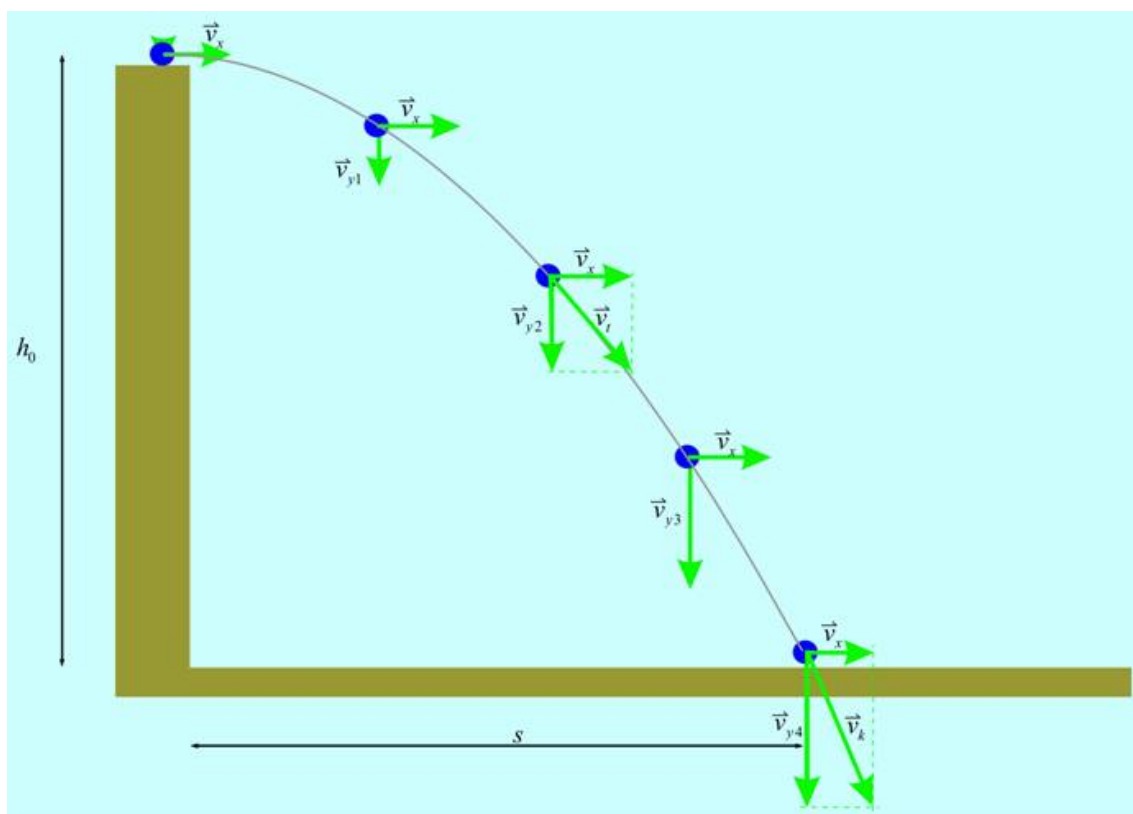
$$t = \frac{h}{v_c}$$

$$v^2 = v_r^2 + v_c^2$$

$$S = \sqrt{x^2 + h^2}$$

$$x = v_r t$$

## 2.9 Vodoravni met



Hitrost  $\vec{v}$  je vedno **tangentna** na traektorijo (pot po kateri se premika).

X smer	Y smer
enakomerno gibanje	enakomerno pospešeno gibanje
$v = \text{konst.}$	$a = g, v \neq \text{konst.}$
/	prosti pad
$t$	$t$

$$v_x = \frac{x}{t}$$

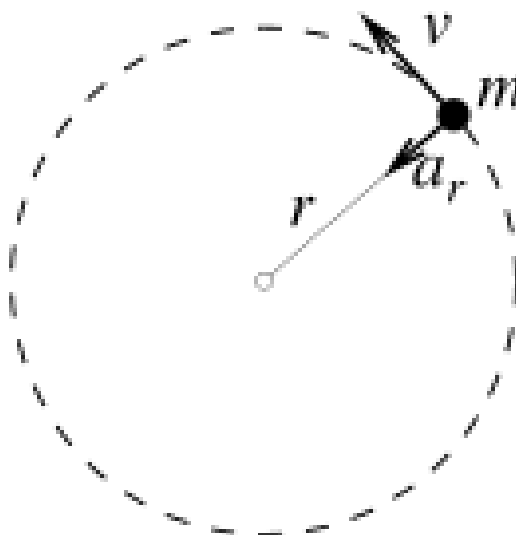
$$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2}$$

$$v_y = gt$$

$$h = \frac{gt^2}{2}$$

## 2.10 Kroženje

### ENAKOMERNO



Kroženje je vedno pospešeno gibanje saj se **vektor vedno spreminja**. Enakomerno pa ker je  $|\vec{v}|$  **vedno konstanten**, ne pa sam  $\vec{v}$ .

$t_0$  - obhodni čas.

$\nu$  - frekvenca, predstavi število obratov v nekem času.

$$\nu = \frac{N}{t} = \frac{1}{t_0} [Hz]$$

$\omega$  - kotna hitrost, pove nam za kakšen kot prepotujemo v določenem času, enote so v radianih na sekundo

$$\nu = \frac{\Delta\phi}{\Delta t} = \frac{360^\circ}{t_0} = \frac{2\pi}{t_0} = 2\pi \frac{1}{t_0} = 2\pi\nu \left[ \frac{1}{s} \right]$$

$v$  - ubodna hitrost, je tangentan na krožnico, ubod pomeni zunanji rob, pove nam kolikšen krožni lok (odsek krožnice opravi v določenem času).

$$v = \frac{\Delta l}{\Delta t} = \frac{2\pi r}{t_0} = 2\pi \frac{1}{t_0} r = \omega r \left[ \frac{m}{s} \right]$$

$a_r$  - radialni pospešek, vedno kaže v središče, spreminja smer hitrosti na krožnici.

$$a_r = \frac{\Delta v}{\Delta t} = v\omega = r\omega^2 = \frac{v^2}{r} \left[ \frac{m}{s^2} \right]$$

## 3 SILA IN NAVOR

### 3.1 Sila

#### Učinki sil:

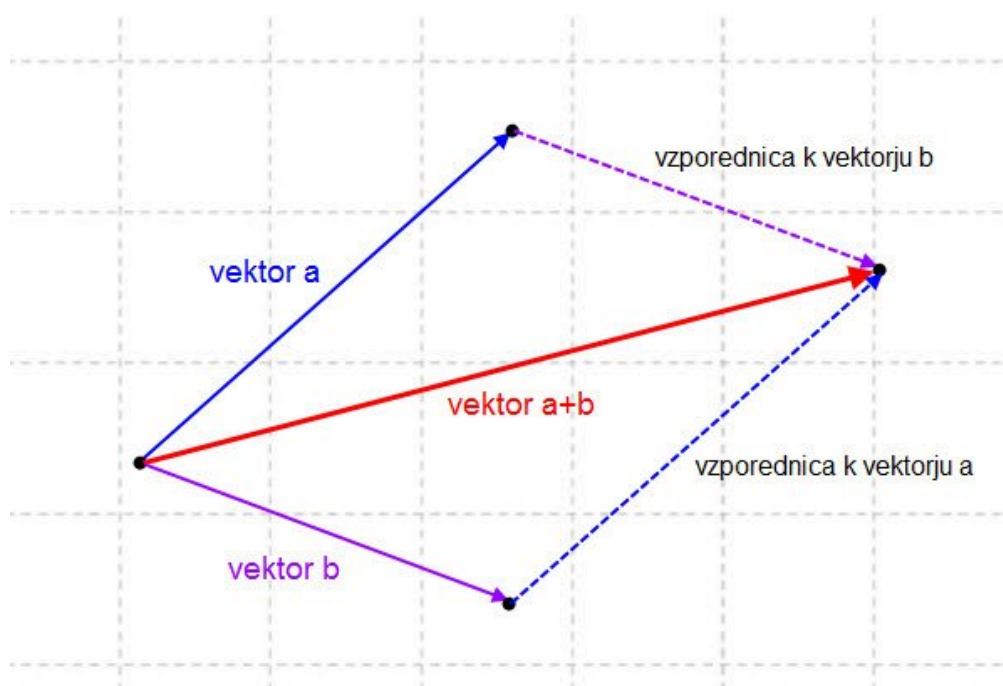
- SPREMEMBE GIBANJA(ustavi, sprememba hitrosti, smeri...)
- DEFORMACIJA(sprememba oblike)

#### SILE:

- NOTRANJE(med deli opazovanega telesa)
- ZUNANJE(s katerimi predmeti iz okolice delujemo na opazovalno telo)

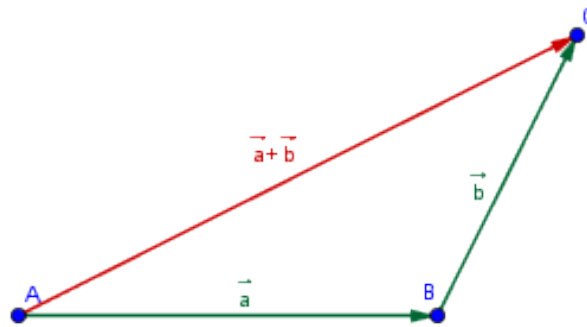
#### SEŠTEVANJE SIL:

- PARALELOGRAMSKO PRAVILO(premaknemo v izhodišče in naredimo vzporednice(paralelogram))





- TRIKOTNIŠKO PRAVILO(silo premaknemo na konce prve sile)



## RASTAVLJANJE SIL

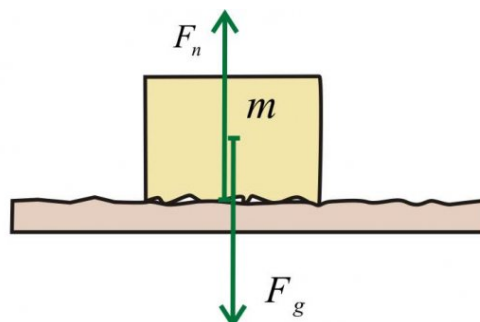
### 3.2 Newtonovi zakoni

1. **IZREK O RAVNOVESJU**(če je vsota vseh zunanjih sil, delujejo na telo enaka 0 potem telo miruje ali se giblje premo enakomerno(Telo vztraja v gibanju)).
2.  $F = ma$
3. **ZAKON O VZAJEMNEM UČINKU**(zakon akcije in reakcije), če 1. telo deluje na 2. z neko silo, deluje tudi 2. nazaj z nasprotno enako silo.

### 3.3 Ravnovesje sil

### 3.4 Trenje in lepenje

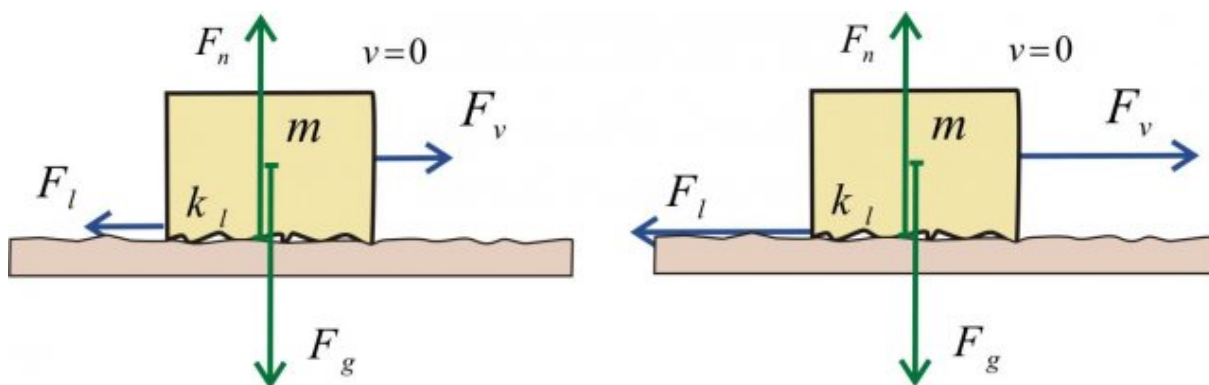
Telo miruje na vodoravni podlagi.



$F_g$  - teža je volumsko porazdeljena sila, narišemo jo z prijemališčem v sredini.

$F_n$  - sila podlage je ploskovno razdeljena in jo narišemo s prejemališčem na sredini ploskve.

Telo še zmeraj miruje.



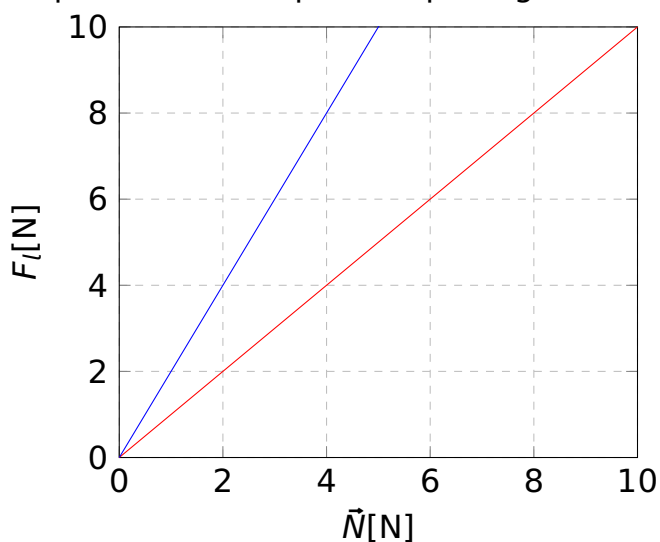
Sila podlage je sestavljena iz vzdolžne komponente in sile normale.  
Če povečujemo vlečno silo se spreminja samo vzdolžna komponenta sile podlage.

$$0 \leq F' < F_l$$

$F_l$ - sila lepenja

$$F_l = k_l N$$

$k_l$  - koeficient lepenja, je neko število brez enote, ki je odvisen samo od hrapavosti stičnih ploskev podlage in telesa



Telo se giblje:  
 $F_{tr}$  - sila trenja

$$F_{tr} = k_{tr} N$$

$k_{tr}$  - koeficient trenja

$$k_{tr} < k_l$$

Je vedno manjši, ker zato da **premaknemo telo** potrebujemo več sile, ker moramo pretrgati **medmolekulske vezi** in potem, ko se telo enkrat premika teh vezi ni več in je manjši koeficijent.

### 3.5 Sile na klancu

Klada miruje na klancu:

Velikosti(smeri nasprotne):

- $F_p = F_g$
- $F_d = F'$
- $F_s = N$

$$F_s = F_g \cos \alpha$$

$$F_s = mg \cos \alpha$$

$$F_d = F_g \sin \alpha$$

$$F_d = mg \sin \alpha$$

$$F_s = N = mg \cos \alpha$$

$$F_d = F' = mg \sin \alpha$$

$\alpha_l$  ... tik preden se klada premakne(mejni primer)

$$F_d = F_l$$

$$mg \sin \alpha_l = k_l mg \cos \alpha_l$$

$$k_l = \frac{\sin \alpha_l}{\cos \alpha_l}$$

$$k_l = \tan \alpha_l$$

**Uporabljamo samo v tem mejnem primeru.**

$\alpha_{tr}$  ... mejni kot, klada drsi enakomerno

$$F_d = F_{tr}$$

$$mg \sin \alpha_{tr} = k_{tr} mg \cos \alpha_{tr}$$

$$k_{tr} = \frac{\sin \alpha_{tr}}{\cos \alpha_{tr}}$$

$$k_{tr} = \tan \alpha_{tr}$$

Klada drsi pospešeno:

$$\begin{aligned}
 F &= ma \\
 F_d - F_{tr} &= ma \\
 m g \sin \alpha - k_{tr} m g \cos \alpha &= m a \\
 a &= g \sin \alpha - k_{tr} g \cos \alpha
 \end{aligned}$$

1. Pojemek, ko telo zadržamo po vodoravni podlagi

$$\begin{aligned}
 \alpha &= 0^\circ \\
 a &= -k_{tr} g
 \end{aligned}$$

2. Prosti pad

$$\begin{aligned}
 \alpha &= 90^\circ \\
 a &= -g
 \end{aligned}$$

### 3.6 Sile pri kroženju

$$\begin{aligned}
 a_r &= \omega^2 r = \frac{v^2}{r} = \omega r \\
 F_r &= m a_r \rightarrow \text{radialna sila} \\
 F_r &= m \omega^2 r = m \frac{v^2}{r} = m \omega r
 \end{aligned}$$

### 3.7 Deformacije trdnin

- PROŽNE (ko se telo po končanju deformacije vrne v prvotno stanje)
- NEPROŽNE (ko se telo ne vrne ali pa se delno vrne v prvotno stanje)

$$\begin{aligned}
 P &= \frac{F}{S} \left[ 1 \frac{N}{m^2} = 1 Pa \right] \\
 [1 bar &= 10^5 \frac{N}{m^2}]
 \end{aligned}$$

Velja samo če je pravokotno na ploskev

$$P = \frac{F'}{S}$$

### 3.8 Hookov zakon

$l$  ... prvotna dolžina

$x$  ... raztezek

$S$  ... premer žice

$$\frac{F}{S} = \Delta$$

$\Delta$  ... raztezna napestost [ $\frac{N}{m^2}$ ]

$$\frac{x}{k} = \epsilon$$

$\epsilon$  ... relativni raztezek

**Hookov zakon:**

$$\begin{aligned} \frac{F}{S} &= E \frac{x}{l} \\ F &= \frac{ES}{l} x \\ F &= kx \\ k &= \frac{ES}{l} \end{aligned}$$

$E$  ... prožnostni model snovi [ $\frac{N}{m^2}$ ]

### 3.9 Navor

$M$  ... navor [1Nm]

$$\begin{aligned} M &= rF'' \\ F'' &= F \cos \alpha \\ M &= rF \cos \alpha \\ \cos \alpha &= \frac{r'}{r} \\ M &= rF \frac{r'}{r} \\ M &= Fr' \end{aligned}$$

$r'$  ... ročica (pravokotna razdalja med nosilko sile in osjo)

$$\vec{M} = \vec{r} \times \vec{F}$$

**Navor** je ročica krat sila. **Smer navora** je po desnem vijaku (v našem primeru bi kazal v list). Mi bomo gledali samo kako navor zasuka telo.

**Izrek o ravnovesju** pravi:

1. Da mora biti **rezultanta** vseh **zunanjih sil 0**
2. Da mora biti **rezultanta** vseh **navorov 0**

Takrat telo miruje ali se giba premo enakomerno.

### 3.10 Navor teže

$$m = m_1 + m_2 + \dots + m_n$$

$$M = m_1 x'_1 g + m_2 x'_2 g + \dots + m_n x'_n g$$

$$M = x_t m g$$

$$x_t = \frac{m_1 x'_1 + m_2 x'_2 + \dots + m_n x'_n}{m}$$

## 4 NEWTNOVI ZAKONI IN GRAVITACIJA

### 4.1 Keplerjevi zakoni

(Opisujejo gibanje planetov)

1. Planeti se gibljejo po elipsi, sonce je v gorišču elipse.
2. Radij vectorja med planetom in soncem opiše v enakih časih enake ploščine (ploščinska hitrost je enaka)
3. Kvocijent kuba polmera in kvadrata obhodnega časa planeta je za vse planete enaka.

$$\frac{r^3}{t_0^2} = konst$$

## 4.2 Newtonov gravitacijski zakon

(opisuje privlačno silo med dvema točkastema telesoma)

\*smer sile je na smeri veznice

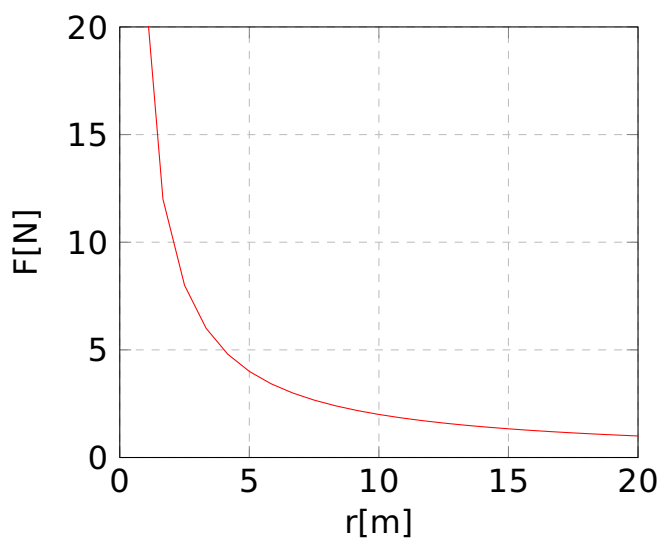
$$F = \frac{Gm_1m_2}{r^2}$$

\*če povečamo eno maso se obe sile povečata

G ... gravitacijska konstanta

$$G = 6,67 * 10^{-11} \frac{Nm^2}{kg^2}$$

\*vzamemo razdaljo med središčem



### 1. MASA ZEMLJE

$g_0$  ... težni pospešek na površini zemlje

$r_0$  ... polmer zemlje

$$mg_0 = \frac{Gmm_z}{r_0^2}$$

$$g_0 = \frac{Gm_z}{r_0^2}$$

$$m_z = \frac{g_0 r_0}{G}$$

$$m_z = \frac{9,81 \frac{m}{s^2} (6400 km)^2}{6,67 * 10^{-11} \frac{Nm^2}{kg^2}} = 6,02 * 10^{24} kg$$

### 2. Težni pospešek nad površino zemlje

$$g = g_0 \left( \frac{r_0^2}{r} \right) \dots \text{odsredia}$$

$$g = g_0 \left( \frac{r_0^2}{r_0 + h} \right) \dots \text{odpovrinezemlje}$$

### 3. Hitrost umetnega satelita, ki kroži okrog zemlje na majhni višini

$$m \cdot g = m \cdot a_r$$

$$g_0 \left( \frac{r_0}{r} \right)^2 = \frac{v^2}{r}$$

$$r = r_0$$

$$v^2 = g_0 r_0$$

$$v = \sqrt{g_0 r_0}$$

$$v = \sqrt{9,81 \frac{m}{s^2} 6400 km}$$

$$v = 8000 \frac{m}{s} \rightarrow \text{kozminahitrost}$$

**Obhodni čas:**

$$v = \omega r = \frac{2\pi}{t_0} r$$

$$t_0 = \frac{2\pi r}{v}$$

$$t_0 = \frac{2\pi 6400 km}{80000 \frac{m}{s}} = 83,8 min$$

### 4. Višina geostacionarnega satelita

$t_0 = 1 \text{ dan} \rightarrow$  ker je geostacionarni satelit



$$\omega = \frac{2\pi}{t_0}$$

$$m g = m a_r$$

$$g_0 \left(\frac{r_0}{r}\right)^2 = \omega^2 r$$

$$g_0 \frac{r_0^2}{r^2} = \frac{4\pi^2}{t_0^2} r$$

$$r^3 = \frac{g_0 r_0^2 t_0^2}{4\pi^2}$$

$$r = \sqrt{\frac{9,81 \frac{m}{s^2} (6400 km)^2 (24h)^2}{4\pi^2}}$$

$$r = 42354 km$$

$$h = r - r_0 = 36100 km$$

## 5. Masa sonca

$$r_{sz} = 1,5 * 10^8 km$$

$$t_0 = 365 dni = 32 * 10^6 s$$

$$\frac{G m_s m_z}{r_{sz}^2} = m_z \omega r_{sz}$$

$$\frac{G m_s}{r_{sz}^2} = \frac{4\pi^2}{t_0^2} r_{sz}$$

$$m_s = \frac{4\pi^2 r_{sz}^3}{t_0^2 G}$$

$$m_s = 2 * 10^{30} kg$$

# 5 IZREK O GIBALNI KOLIČINI

## 5.1 Sunek sile in gibalna količina

$$\begin{aligned}\vec{F} &= m\vec{a} \\ \vec{a} &= \frac{\Delta\vec{v}}{\Delta t} = \frac{\vec{v}_2 - \vec{v}_1}{\Delta t} \\ \vec{F} &= m \frac{\vec{v}_1 - \vec{v}_2}{\Delta t} \\ \vec{F}\Delta t &= m\vec{v}_1 - \vec{v}_2 \rightarrow \text{izrek o gibalni količini} \\ \vec{G} &= m\vec{v} \dots \text{Gibalna količina} \left[ \text{Ns}, \frac{\text{kgm}}{\text{s}} \right] \\ \vec{F}\Delta t &= \vec{G}_2 - \vec{G}_1 = \Delta\vec{G}\end{aligned}$$

**Izrek o ohranitvi energije** Če je  $\vec{F}\Delta t = 0 \rightarrow \Delta\vec{G} \rightarrow \vec{G}_2 = \vec{G}_1$ .  
Če je suneq vseh zunanjih sil enak nič potem se gibalna količina sistema ohrani.

## 6 DELO IN ENERGIJA

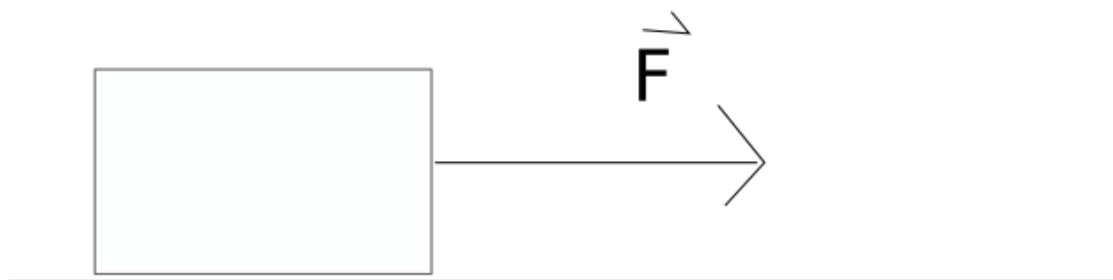
### 6.1 Delo in mehanska energija

$$A = Fs [1\text{Nm} = 1\text{J}]$$

A ... delo

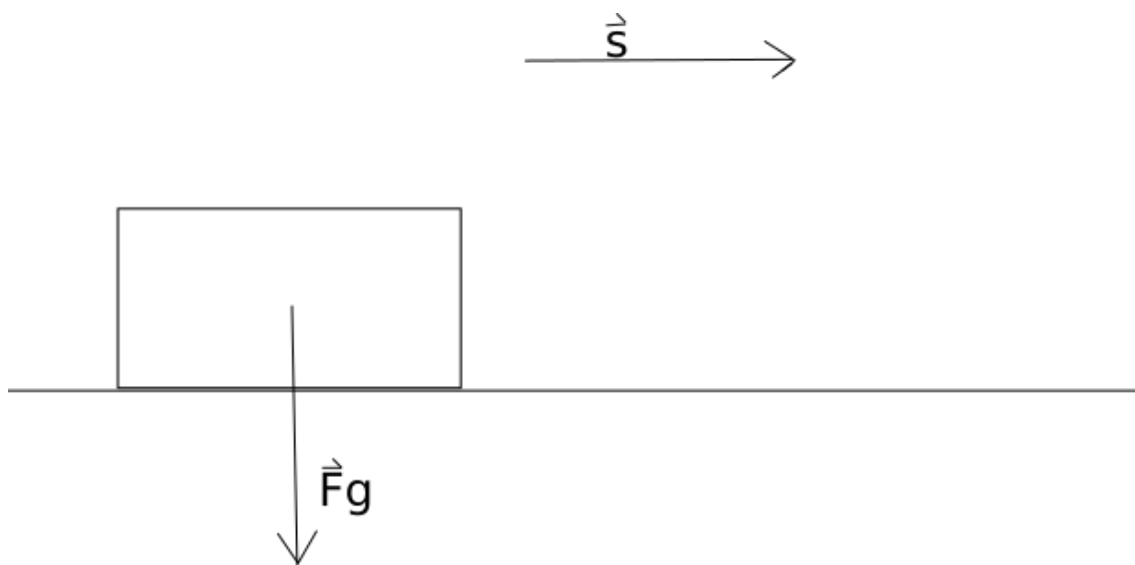
s ... premik prijemašča sile

Velja samo v primeru, ko je sila konstantna in je premik prijemašča vzporeden sili.

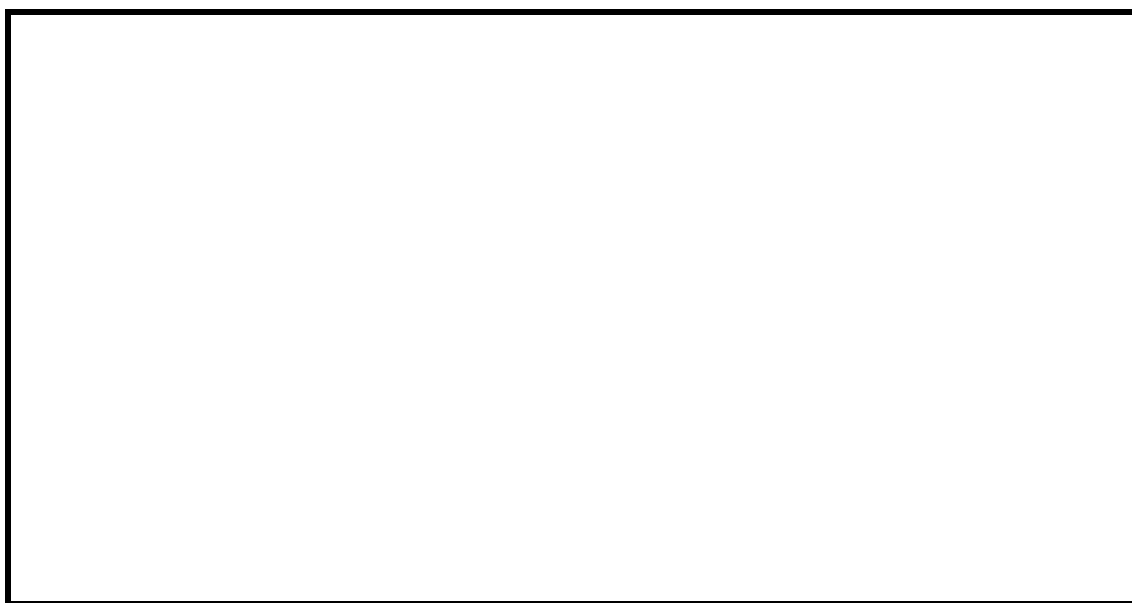


$$F = \text{konst.} \quad \vec{F} \parallel \vec{s}$$

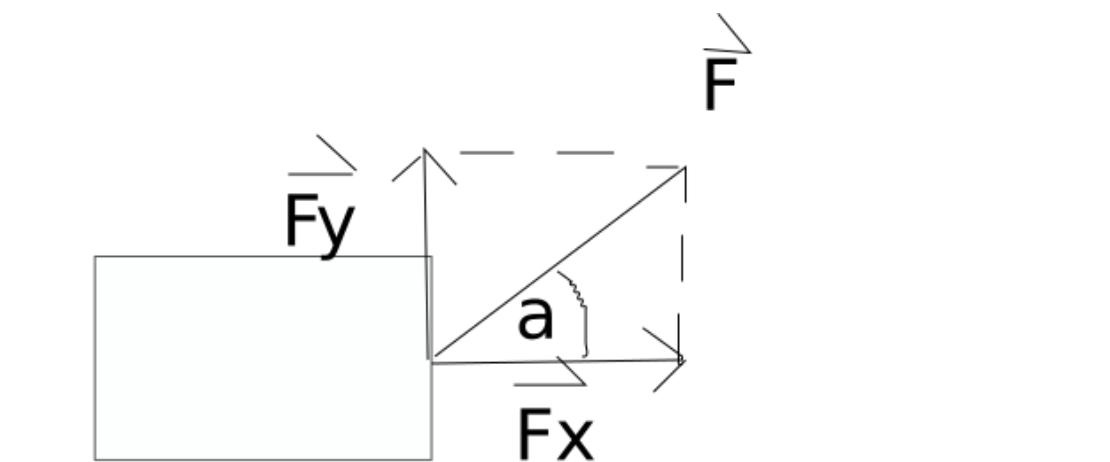
$$A = \vec{F} \cdot \vec{s} = Fs \cos \alpha$$



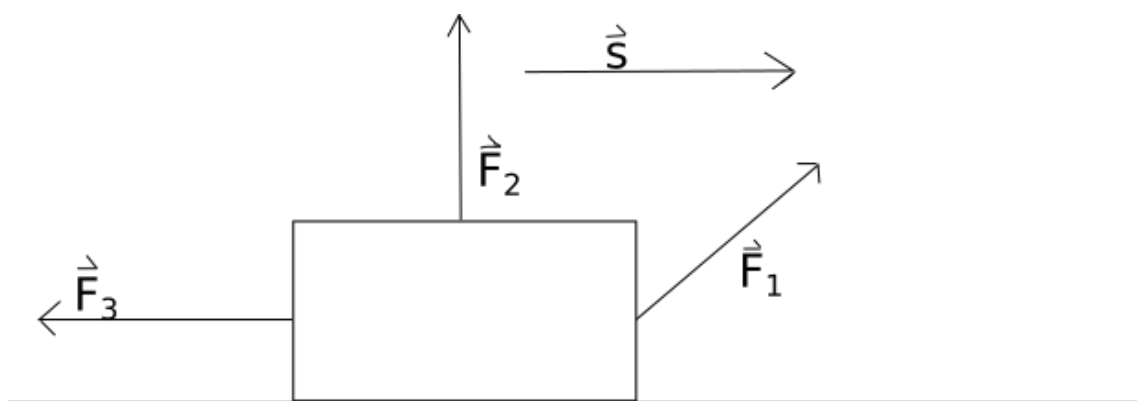
$$A = 0$$



$$A < 0$$

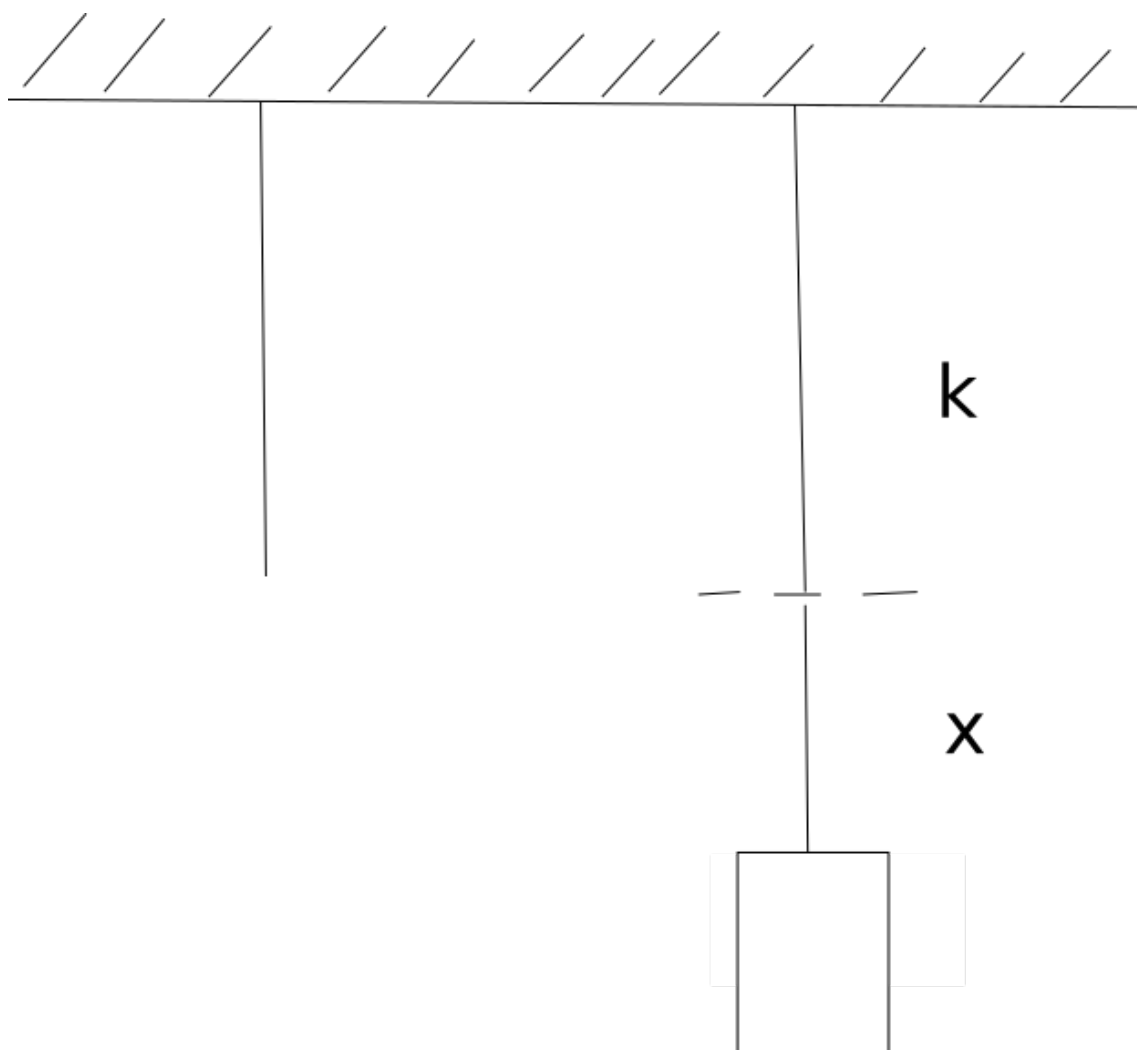


$$A = \vec{F}_x \times \vec{s} = F s \cos \alpha$$



$$A = A_1 + A_2 + A_3 = F_x s + 0 - F_3 s$$

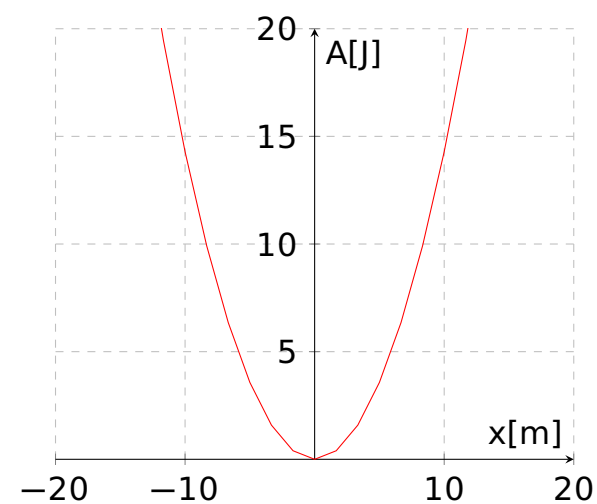
## 6.2 Delo pri raztezanju idealno prožne vzmeti



$$A = \bar{F} s \leftarrow x$$

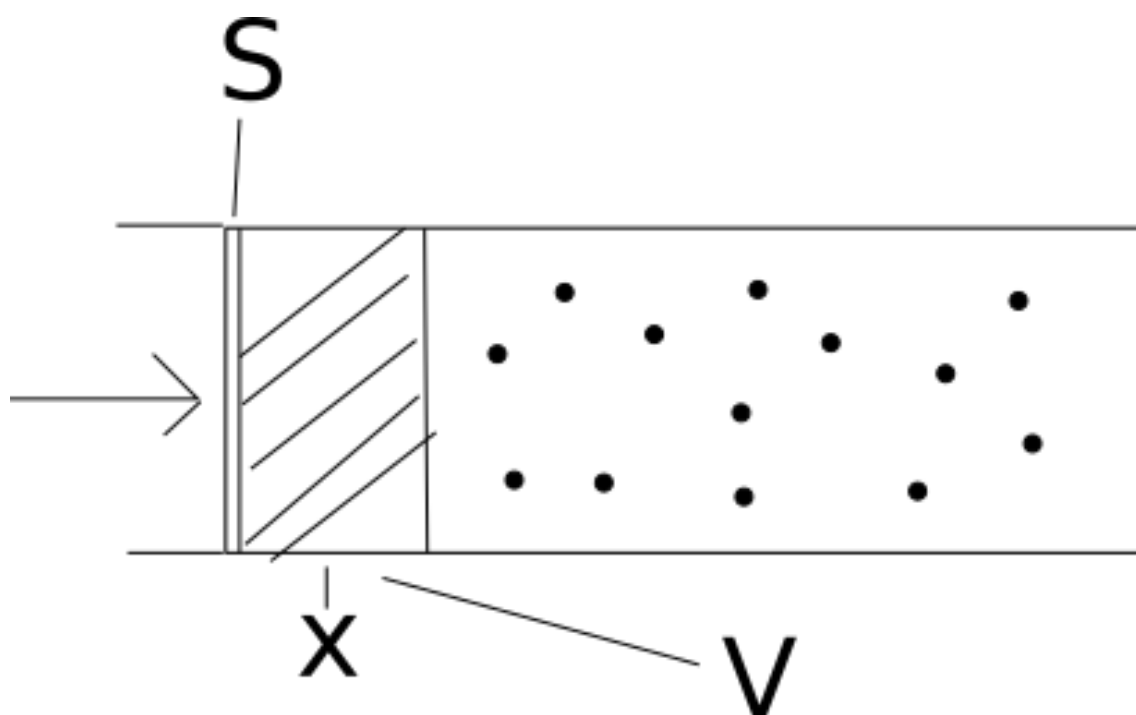
$$\bar{F} = \frac{0 + kx}{2} = \frac{kx}{2}$$

$$A = \frac{kx^2}{2}$$



Tudi ko stiskamo vzmet je delo pozitivno.

### 6.3 Delo tlaka



$$\begin{aligned}
 A &= Fx \\
 p &= \frac{F}{S} \\
 F &= pS \\
 A &= pSx \\
 Sx &= \Delta V \\
 Sx &= V_k - V_z \\
 V_k &< V_z \\
 A &= -p\Delta V
 \end{aligned}$$

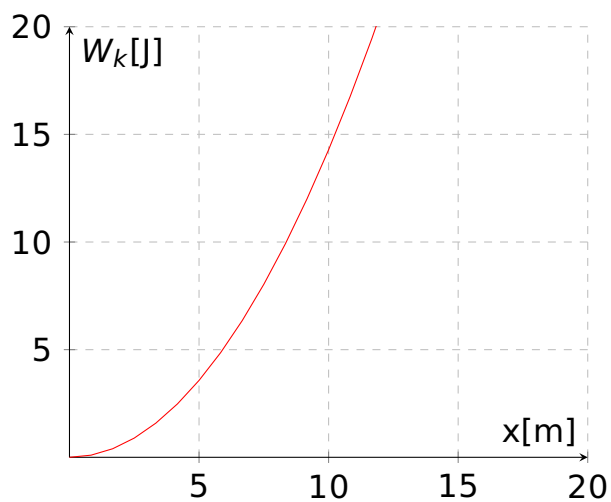
Formula za povprečen tlak.

## 6.4 Kinetična energija

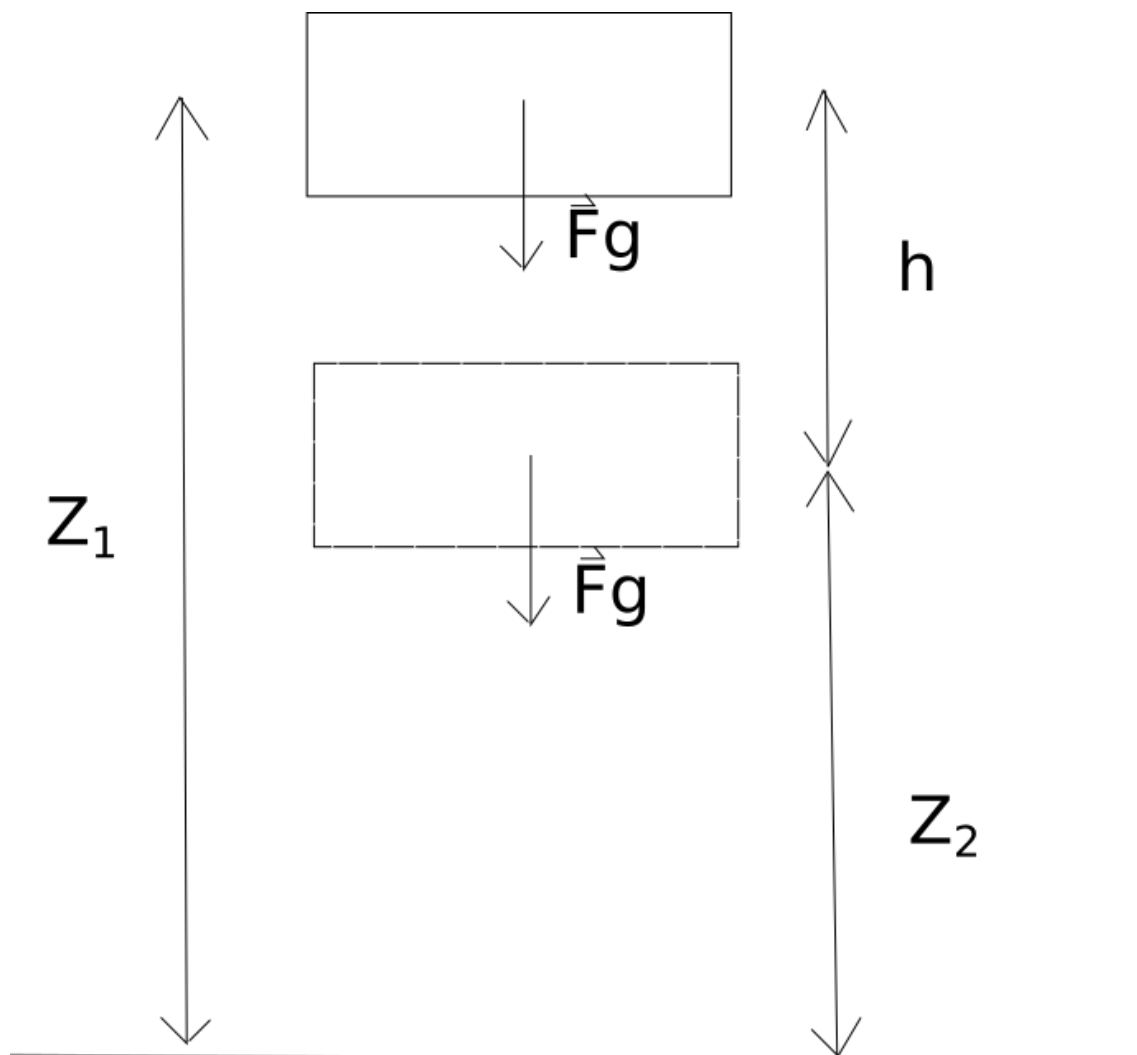
$$\begin{aligned}
 A &= Fs \\
 F &= ma \\
 a &= \frac{\Delta v}{t} = \frac{v_2 - v_1}{t} \\
 S &= \bar{v}t = \frac{v_2 - v_1}{2}t \\
 A &= m \frac{v_2 - v_1}{t} \frac{v_2 - v_1}{2}t \\
 A &= \frac{m}{2}(v_2^2 - v_1^2) \\
 A &= \frac{mv_2^2}{2} - \frac{mv_1^2}{2} \\
 W_k &= \frac{mv^2}{2} [J] \dots \text{kinetična energija} \\
 A &= W_{k2} - W_{k1} = \Delta W_k \text{ izrek o kinetični energiji}
 \end{aligned}$$

$v_1$  ... začetna hitrost

$v_2$  ... končna hitrost



## 6.5 Potencialna energija



$$A = A_t + A_o$$

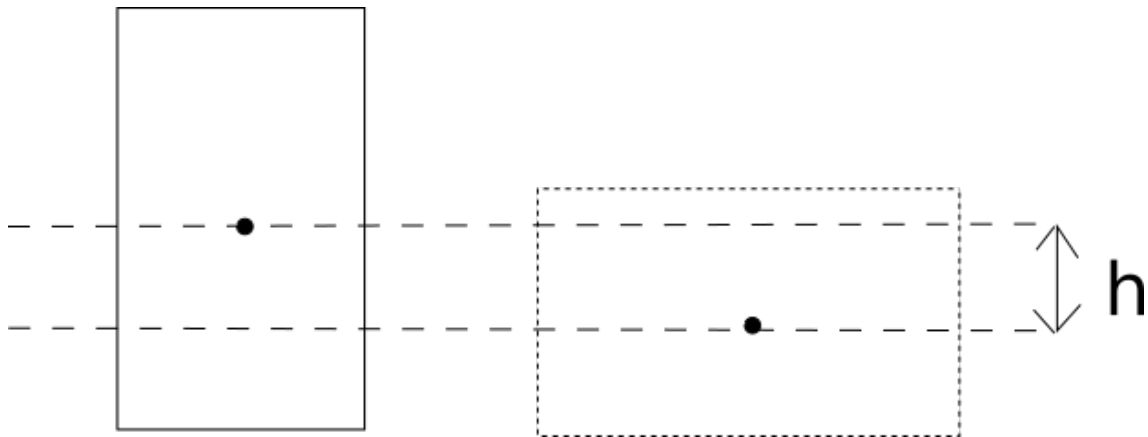
$A$  ... delo vseh zunanjih sil

$A_t$  ... delo teže



$A_o \dots$  delo vseh zunanjih sil razen teže

### SPUŠČANJE TELESA



$$A_t = Fs$$

$$F = F_g = mg$$

$$s = z_1 - z_2 \dots \text{razdalja med prijemali in sile intlema}$$

$$A_t = mgz_1 - mgz_2$$

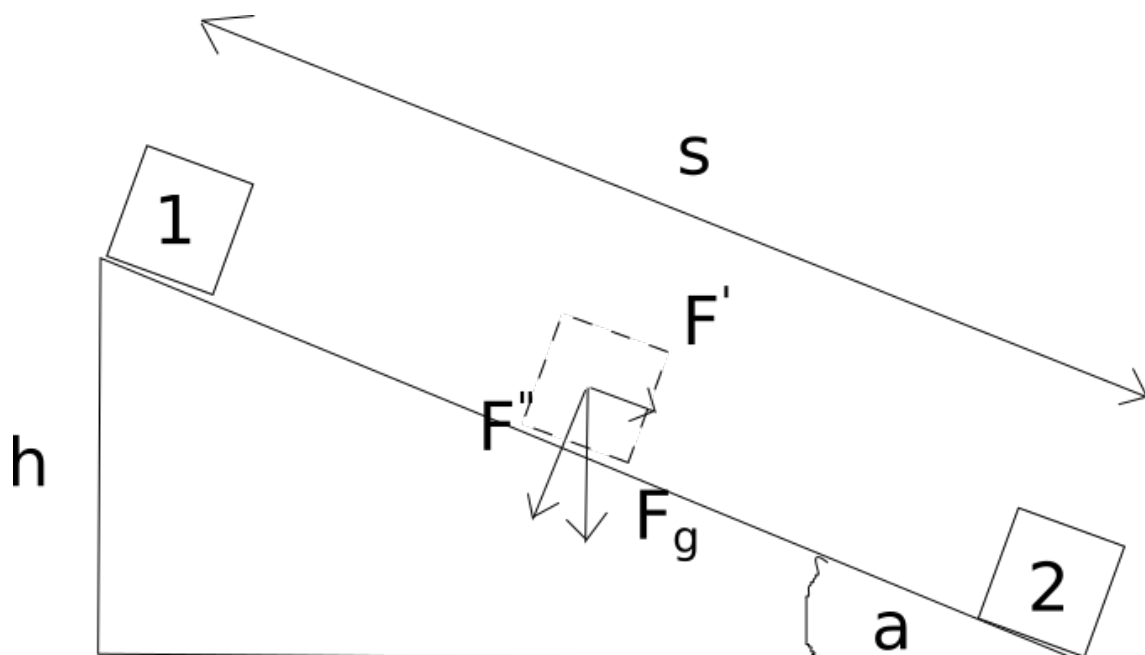
$$W_p = mgz[j] \dots \text{potencialna energija}$$

$$A_t = W_{p1} - W_{p2}$$

$$\Delta W_p = mgh$$

$$A_t = \Delta W_p$$

### POSEBNI PRIMERI



$$\begin{aligned}
 A &= F' s \\
 F' &= F_g \sin \varphi = mg \sin \varphi \\
 A &= mg \sin \varphi s \\
 \sin \varphi &= \frac{h}{s} \\
 A &= mg \frac{h}{s} s \\
 A &= mgh // \text{delo teže odvisno samo od višinske razlike}
 \end{aligned}$$

## 6.6 Ohranitev kinetične in potencialne energije

$$\begin{aligned}
 A &= A_t + A_o \\
 A &= \frac{mv_2^2}{2} - \frac{mv_1^2}{2} \dots \text{delo vseh zunanjih sil} \\
 A_t &= mgz_1 - mgz_2 \dots \text{delo vseh zunanjih sil} \\
 A_o &\dots \text{delo vseh zunanjih sil razen teže} \\
 A_o &= A - A_t \\
 A_o &= \Delta W_k \Delta W_p
 \end{aligned}$$

Zraven ni delo teže, ker smo ga upoštevali pri potencialni energiji. Če je  $A_o = 0$ , na telo deluje le teža.

$$\begin{aligned}
 0 &= \Delta W_k \Delta W_p \\
 \Delta W_k \Delta W_p &= \text{konst. Izrek o ohranitvi } W_k \text{ in } W_p
 \end{aligned}$$

Če na telo deluje samo teža se ohranja vsota potencialne in kinetične energije.

## 6.7 Prožnostna energija

Delo pri raztezanju vzmeti.

$$A = \frac{kx^2}{2}$$

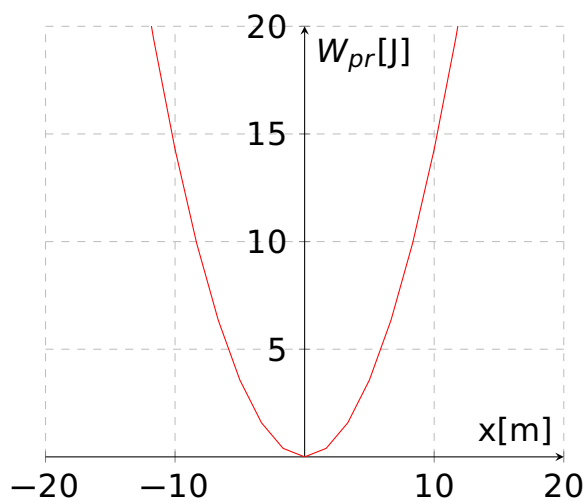
$$A = W_{pr}$$

$$W_{pr} = \frac{kx^2}{2}$$

$$\Delta W_{pr} = \frac{kx_2^2}{2} - \frac{kx_1^2}{2}$$

$$0 = \Delta W_k \Delta W_p$$

$$\Delta W_k \Delta W_p = \text{konst. Izrek o ohranitvi } W_k \text{ in } W_p$$



## 6.8 Moč

$$P = \frac{A}{t} \left[ 1 \frac{J}{s} = 1W \right] \rightarrow \text{wat}$$

$$1kwh = 10^3 \frac{J}{s} * 3600s = 3,6 * 10^6 J \rightarrow \text{enota za delo}$$

Če na telo deluje sila:

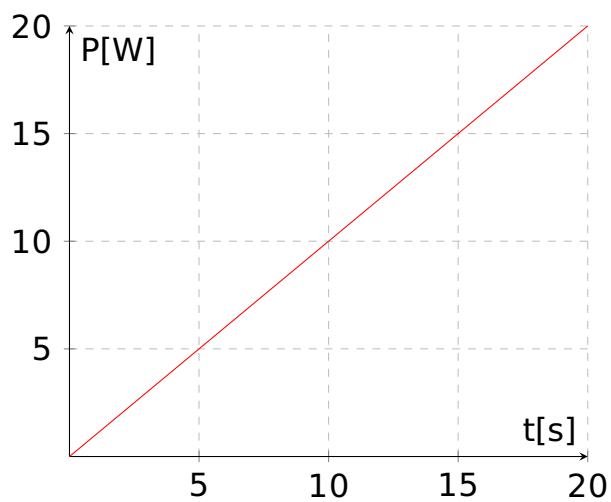
$$P = \frac{\Delta A}{\Delta t}$$

$$\Delta A = F \Delta s$$

$\Delta s = v \Delta t \rightarrow$  če je dovolj majhen interval (vrednost)

$$P = \frac{F v \Delta t}{\Delta t}$$

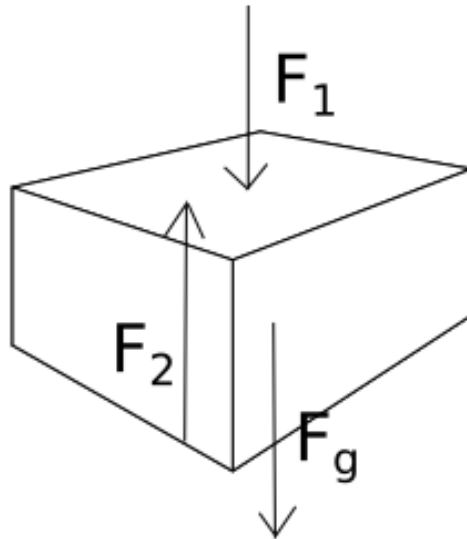
$$P = F v$$



## 7 TEKOČINA

### 7.1 Hidrostatični tlak

To je tlak zaradi teže tekočine.



$F_1$  ... sila kapljevina nad kvadromvode

$F_2$  ... sila kapljevina pod kvadromvode

$$F_2 = F_1 + F_g$$

$$p_1 = \frac{F_1}{S}$$

$$F_1 = p_1 S$$

$$F_2 = p_2 S$$

$$V = Sh$$

$$F_g = mg = \rho Vg = \rho Shg$$

$$p_2 S = p_1 S + \rho S h g$$

$$p_2 = p_1 + \rho h g$$

$$p_2 - p_1 = \rho h g$$

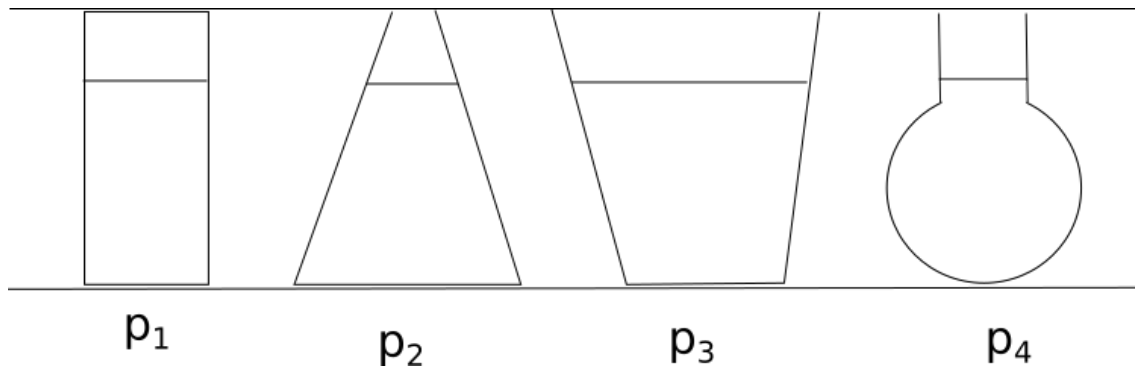
$$\Delta p = \rho h g \text{ hidrostatski tlak}$$

Če se spustimo za  $h$  se tlak poveča za  $\Delta p$

$$p_0 = 1 \text{ bar} = 10^5 = 10^5 \frac{\text{N}}{\text{m}^2}$$

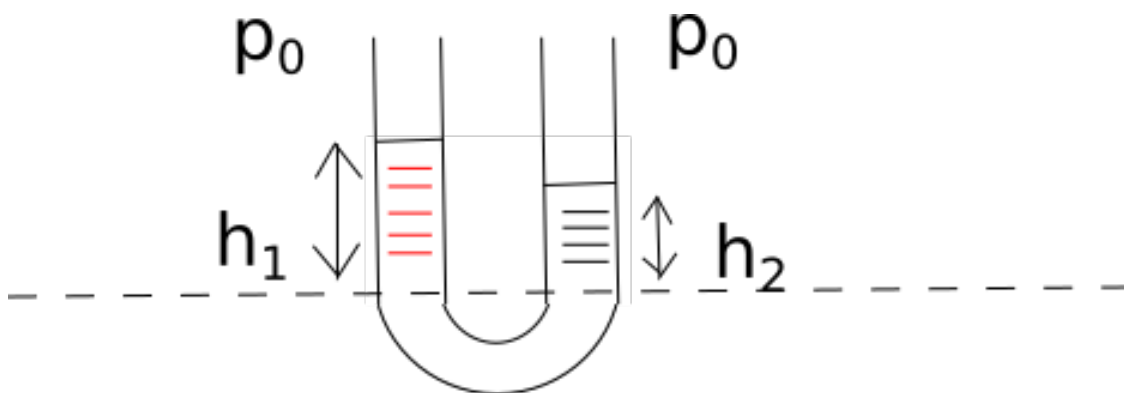
$$p = p_0 + \rho gh$$

### HIDROSTATIČNI PARADOKS



Tlak na dnu posode je pri vseh enak.

### MERJENJE GOSTOTE KAPLJEVINE Z U CEVKO



$$\Delta p_1 = \Delta p_2$$

$$\rho_1 g h_1 = \rho_2 g h_2$$

$$\rho_1 = \frac{\rho_2 h_2}{h_1}$$

## 7.2 Vzgon

Telo potopljeno v kaplevino

Vzgon je rezultanta sil okoliške kaplevine na potopljeno telo in prijemališče ima v težišču izpodrinjene kaplevine. Sila vzgona je po velikosti

enaka teži izpodrinjene kapljevine.

$$F_{vzg} = \rho V g \text{ gostota kapljevine in volumen izpodrinjene kapljevine}$$

**Telo plava**  $\rho_{telo} < \rho_{kaplevina}$  **Telo lebdi**  $\rho_{telo} = \rho_{kaplevina}$  **Telo potone**  
 $\rho_{telo} > \rho_{kaplevina}$

## 8 TEMPERATURA

### 8.1 Temperatura

Temperatura je količina, ki opisuje stanje snovi.

Je neurejeno termično gibanje, molekule se vedno premikajo in višja je temperatura bolj se gibljejo, odvisno je tudi od kemične vezi.

S tem se je ukvarjal Ludwig Edward Boltzmann.

$$\overline{W_k} = \frac{3}{2} k T \text{ temperatura obvezno v kelvinih}$$

$k$  ... Boltzmannova konstanta

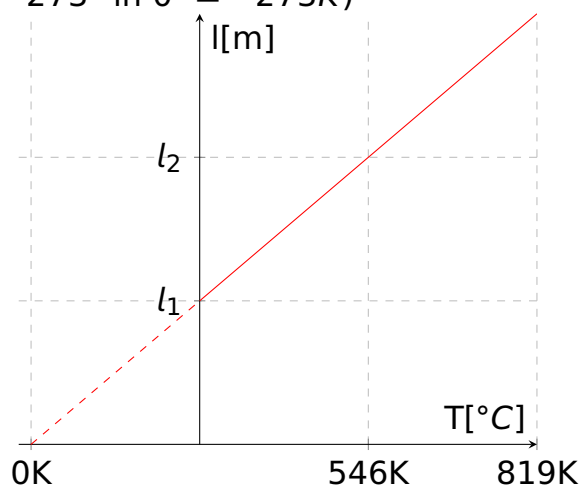
$$k = 1,38 * 10^{-23} \frac{J}{K}$$

$W_k$  ... Povprečna kinetična energija molekule

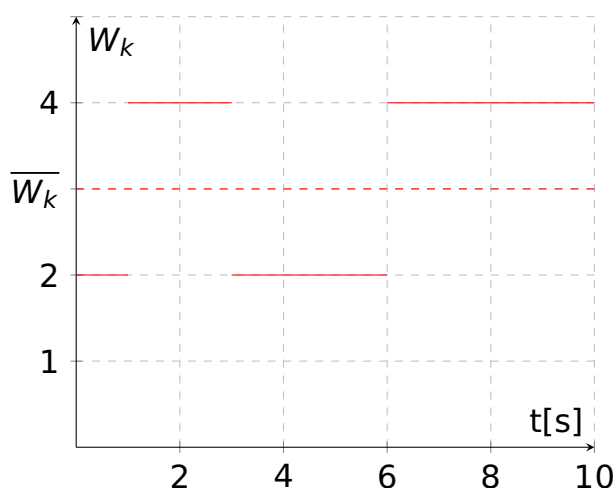
$T$  ... temperatura [ $^{\circ}C$ ,  $K$ ]

Celzijeva skala  $\rightarrow$  ledišče vode  $0^{\circ}C$ , vrelišče vode  $100^{\circ}C$

Kelvinova skala na osnovi krčenja plinov. Ta lestvica ne vsebuje negativnih vrednosti zato pravimo, da je absolutna temperaturna lestvica. ( $0K = -273^{\circ}$  in  $0^{\circ} = -273K$ )



V kolikšnem razmerju je temperatura s kinetično energijo  $\rightarrow$  v linearnem.



$$\overline{W_k} = \frac{\mu \overline{v^2}}{2}$$

$\mu \dots$  masa molekule

Hitrost molekule se spreminja s korenem od časa.

Termometri izkoriščajo to, da se s temperaturo večja in manjša snovi:

- kapljevinski(alkoholni, plinski)
- uporovni(nižja temperatura, večji upor)
- bimetalni(iz dveh različnih kovin, ki se različno raztezajo) → ko se dovolj raztegne prekine električni krog in izklopi napravo

## 8.2 Temperaturno raztezanje snovi

Obravnavamo samo snovi, ki se lepo raztegujejo(to ne velja za les, vodo, plastiko, ...)

1.

$l \dots$  prvotna dolžina

$\Delta l \dots$  podaljšek žice

$\alpha \dots$  linearna razteznost [ $K^{-1}$ ] → odvisna je od vrste snovi

$$\Delta l = \alpha l \Delta T$$

$$\frac{\Delta l}{l} = \alpha \Delta T \dots \text{relativni raztezek}$$



2.

$$S_1 = a^2$$

$$S_2 = S_1 + \Delta S$$

$$S_2 = (a + \Delta a)^2 = a^2 + 2a\Delta a + \cancel{\Delta a^2}^0 \text{ zanemarimo, ker so raztezki tako majhni}$$

$$\Delta S = 2a\Delta a$$

$$\Delta a = \alpha a \Delta T$$

$$\Delta S = 2a^2 \alpha \Delta T$$

$$\Delta S = 2S \alpha \Delta T$$

$$\frac{\Delta S}{S} = 2\alpha \Delta T$$

3.

$$V_1 = a^3$$

$$V_2 = V_1 + \Delta V$$

$$V_2 = (a + \Delta a)^3 = a^3 + 3a^2\Delta a + \cancel{3a\Delta a^2}^0 + \cancel{\Delta a^3}^0 \text{ zanemarimo}$$

$$\Delta V = 3a^2\Delta a$$

$$\Delta a = \alpha a \Delta T$$

$$\Delta V = 3a^3 \alpha \Delta T$$

$$\Delta V = 3V \alpha \Delta T$$

$$\frac{\Delta V}{V} = 3\alpha \Delta T$$

$$3\alpha = \beta$$

$$\beta \dots \text{volumska razteznost} [K^{-1}]$$

## 8.3 Splošna plinska enačba

Okrogla posoda, molekule trkajo ob stene in ustvarjajo tlak

$n \dots$  molekul idealnega plina (število)

$r \dots$  polmer posode

$$p_1 = \frac{F}{S} \text{ tlak, ki ga ustvari ena molekula}$$

$$p = N \frac{F}{S}$$

$F = \mu a_r$   $\mu \dots$  masa ene molekule

$$a_r = \frac{\bar{v}^2}{r}$$

$$S = 4\pi r^2$$

$$p = N \frac{\mu \bar{v}^2}{4\pi r^3} * \frac{3}{3}$$

$$p = \frac{N\mu \bar{v}^2}{3V}$$

$$\overline{W_k} = \frac{\mu \bar{v}^2}{2}$$

$$= \frac{3}{2} kT$$

$$\mu \bar{v}^2 = 3kT$$

$$p = \frac{N \cancel{3} kT}{\cancel{3} V}$$

$pV = NkT$  Splošna plinska enačba

$$N = N_a * n$$

$$N_a = 6,02 * 10^{23} \text{ mol}^{-1} = 6,02 * 10^{20} \text{ kmol}^{-1} \dots \text{avogadrovo število}$$

$$pV = nN_a kT$$

$$N_a k = R = 8310 \frac{\text{J}}{\text{K kmol}}$$

$pV = nRT$  temperatura zmeraj v kelvinih

## 8.4 Raztezanje plinov

$$V = \frac{nR}{p}T$$

$$\Delta V = \frac{nR}{p}\Delta T \text{ Pri stalnem tlaku}$$

$$\frac{\Delta V}{V} = \frac{\Delta T}{T} = \beta \Delta T$$

$$\beta = \frac{1}{T}$$

## 8.5 Plinski zakoni

$n = \text{konst.}$  množina snovi je konstantna

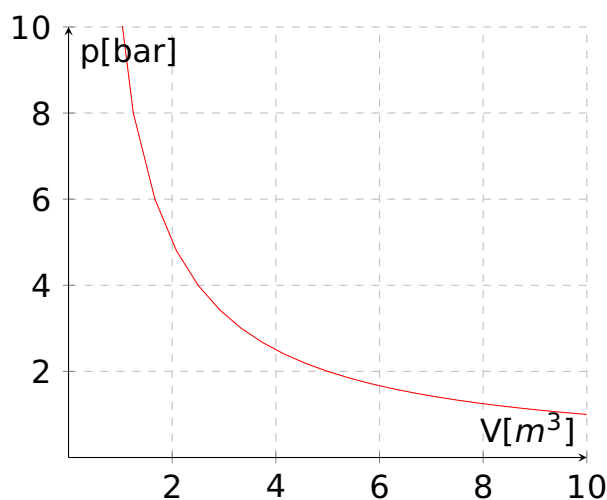
$$\frac{pV}{T} = nR = \text{konst.}$$

$$\frac{p_1 V_1}{T_1} = \frac{p_2 V_2}{T_2} \text{ Splošna plinska enačba za konstantno množino snovi}$$

1.  $T = \text{konst}$  in  $n = \text{konst} \rightarrow$  **Izotermna sprememba**

$$p_1 V_1 = p_2 V_2 \text{ Boylov zakon}$$

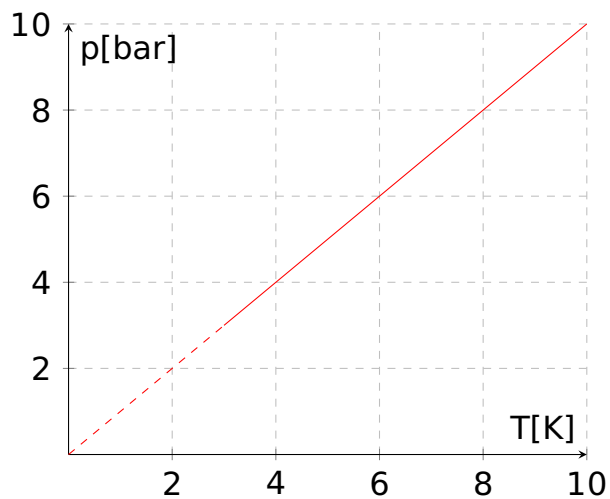
$$p_1 = \frac{p_2 V_2}{V_1}$$



2.  $V = \text{konst}$  in  $n = \text{konst} \rightarrow$  **Izohorna sprememba**

$$\frac{p_1}{T_1} = \frac{p_2}{T_2} \text{ Amontonsov zakon}$$

$$p_1 = T_1 \frac{p_2}{T_2}$$

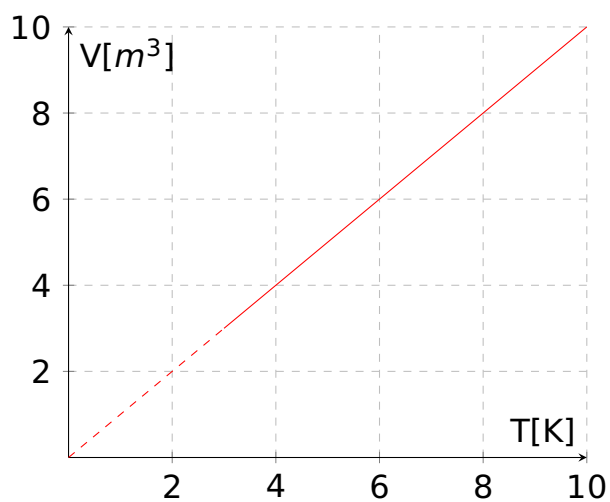


\*Pri crtkani crti postane kapljevina

3.  $p = \text{konst}$  in  $n = \text{konst} \rightarrow$  **Izobarna sprememba**

$$\frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2} \text{ Amontonsov zakon}$$

$$V_1 = T_1 \frac{V_2}{T_2}$$



\*Pri crtkani crti postane kapljevina

## 9 NOTRANJA ENERGIJA IN TOPLOTA

### 9.1 Energijski zakon

$W_n = W_k$  (termično gibanje) +  $W_p$  (vezi med molekulami) +  $W_p$  (posameznega delca)

Idealni plin (model) sestavljajo točkaste molekule, idelano prožno trkajo, zanemarimo vezi med molekulami in notranje energije delcev.

$$W_n = N \overline{W_k}$$

$N$  ... število delcev

$$N = \frac{m}{\mu}$$

$\mu$  ... masa molekule

$$\mu = M \cdot u$$

$$u = 1,66 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$$

$$\overline{W_k} = \frac{3}{2} kT$$

$$W_n = \frac{m}{M} \frac{3}{2} kT$$

$$W_n = m \frac{3k}{2Mu} T$$

$c$  ... specifična toplota

$$c = \frac{3k}{2Mu}$$

$W_n = mcT$  ... absolutna vrednost notranje energije

$\Delta W_n = mc\Delta T$  ... sprememba notranje energije

$$c = \frac{\Delta W_n}{m\Delta T} \left[ 1 \frac{\text{J}}{\text{kgK}} \right] \text{koliko energije potrebujemo, da 1 kg snovi sefrememo za 1 Kelvin}$$

$Q$  ... toplota

Toplota je del notranje energije, ki se ob toplotnem stiku pretaka iz telesa z višjo temperaturo v telo z nižjo temperaturo.

$$W_n = A + Q \text{ ... energijski zakon termodinamike}$$

Če je  $A = 0$ ,  $\Delta W_n \rightarrow Q = mc\Delta T$

Če je  $Q = 0$ ,  $\Delta W_n = A$  (je toplotno izolirano)

### 9.2 Specifična toplota

Načini segrevanja:

- **Pri**  $V = konst.$

$$\Delta W_n = mc_v \Delta T$$

$c_v \dots$  specifična toplota pri konstatnem volumnu

- **Pri**  $p = konst.$

$$Q = mc_p \Delta T$$

$c_p \dots$  specifična toplota pri konstatnem tlaku

$A = -p\Delta V \dots$  volumen se večja in odriva okolico in s tem povzroča delo

$$\Delta W_n = Q + A$$

$$mc_v \Delta T = mc_p \Delta T - p\Delta V / * \frac{1}{m\Delta T}$$

$$c_v = c_p \frac{p\Delta V}{m\Delta T}$$

$$c_p > c_v$$

**Ker če se segreva pri stalnem tlaku se snov segreva in opravi delo.**

## 9.3 Merjenje specifične toplote

$m_k \dots$  masa kovine

$T_k \dots$  začetna temperatura kovine

$m_v \dots$  masa vode

$T_v \dots$  začetna temperatura vode

$$T_k > T_v$$

$$c_v = 4200 \frac{J}{kgK}$$

$T_z \dots$  začetna temperatura zmesi (voda + kovina)

$$Q_k = Q_v$$

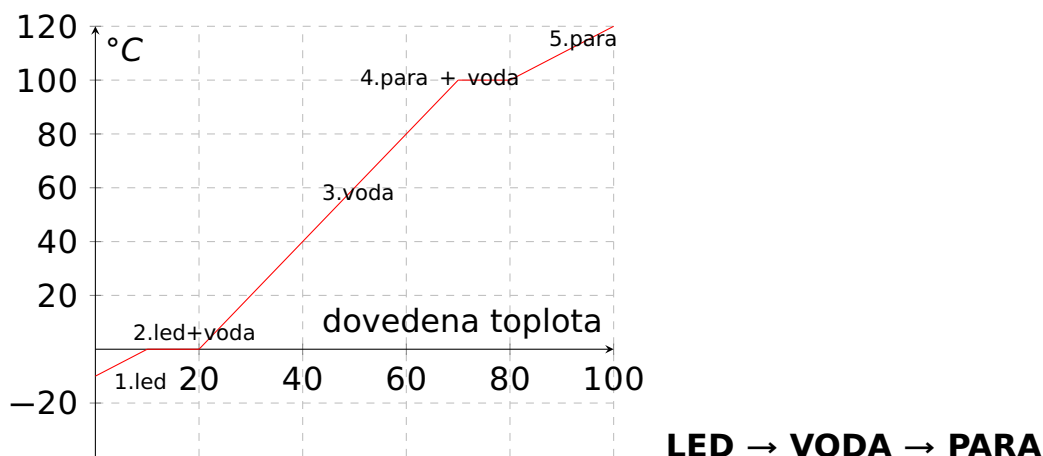
$$m_k * c_k * (T_k - T_z) = m_v * c_v * (T_z - T_v)$$

$$c_k = \frac{m_v * c_v * (T_z - T_v)}{m_k * (T_k - T_z)}$$

## 9.4 Agregatna stanja

Agregatna stanja:

- trdnine zavzamejo svojo obliko, večja gostota, kot pri kapljevinah in tekočinah, delci med sabo so močno vezani
- kapjevine(tekočine) vedno zavzamejo spodnji del in tvorijo gladino, lahko tvorijo kapjice.
- plini(tekočine) zavzamejo celoten prostor



### 1. Segrevanje ledu

$$Q = mc_l \Delta T$$

$$c_l = 2100 \frac{J}{kgK} \dots \text{specifična toplota ledu}$$

### 2. Taljenje ledu: izotermen proces, ledišče (temperatura pri kateri se iz trdnega stanja spremeni v kapjevino)

$$Q = q_t m$$

$q_t \dots$  specifična talilna toplota

$$q_t = \frac{Q}{m} \left[ 1 \frac{J}{kgK} \right]$$

$$q_{tv} = 333 \frac{kJ}{kgK}$$

### 3. Segrevanje vode

$$Q = mc_v \Delta T$$

$$c_v = 4200 \frac{J}{kgK}$$

4. Vrenje(izparevanje): izotermen proces, temperatura pri kateri kapljevina vre pravimo vrelišče

$$Q = mq_i$$

$q_i$ ... specifična talilna toplota(koliko toplote potrebujemo, da izparimo 1 kg snovi)

$$q_i = \frac{Q}{m} \left[ 1 \frac{J}{kgK} \right]$$

$$q_{iv} = 2250 \frac{kJ}{kgK}$$

5. Segrevanje pare

$$Q = mc_p \Delta T$$

$$c_p = 2100 \frac{J}{kgK} \dots \text{specifična toplota pare}$$

**latentna toplota = specifična toplota**

## 9.5 Sežig

$$Q = mq_s$$

$q_s \left[ \frac{J}{kgK} \right]$ ... specifična sežigna toplota, koliko toplote dobimo če sežgemo 1 kg snovi

## 9.6 Toplotni tok

$$P = \frac{Q}{t} \left[ \frac{J}{s} = 1W \right]$$

Tok toplote, ki se skozi dan presek pretoči v določenem času

$$j = \frac{P}{S} \left[ 1 \frac{W}{m^2} \right]$$

$j$ ... gostota toplotnega toka



Kolikšen toplotni tok se pretaka skozi izbran presek

$$P = \frac{\gamma S \Delta T}{d}$$

$\gamma$  ... toplotna prevodnost

$$\gamma = \frac{pd}{S \Delta T} \left[ 1 \frac{Wm}{m^2K} = 1 \frac{W}{mK} \right]$$

Toplotni tok, ki se s časom ne spreminja pravimo stacionarni toplotni tok.

$$P = \frac{\Delta T}{\frac{d}{\gamma S}}$$

$$R = \frac{d}{\gamma S} \left[ 1 \frac{m^2K}{Wm^2} = 1 \frac{K}{W} \right] \dots \text{toplotni upor}$$

$$P = \frac{\Delta T}{R}$$

Snovi:

- toplotni izolatorji(stiropor, volna ...) **R večji**
- toplotni prevodniki(baker, kovine ...) **R manjši**

### **Večplastna stena**

$$P = \frac{\Delta T}{R}$$

$$R = R_1 + R_2 + R_3$$

Skozi plati teče enak toplotni upor.

### **Stena z oknom**

$$P = P_1 + P_2$$