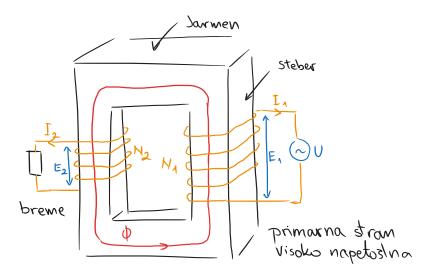
#### Struktura

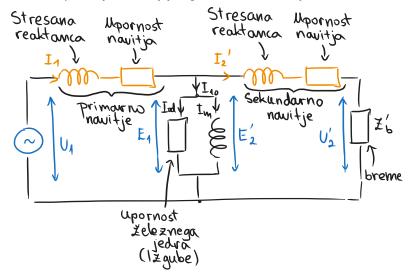
Transformatorji so pogosto sestavljeni iz stebra in jermena. Tipično to dosežemo z El konstrukcijo, kjer vzamemo list železa iz katerega izrežemo dva I-ja tako da ostaneta dva E-ja.

Imamo lahko konstrukcijo, kjer sta obes strani, visoko napetostna, in nizko napetostna na istem stebru. Tipično je visoko napetostna na zunanji strani zato da težje pride do preboja.



# Nadomestno vezje

Nadomestno vezje je shema, ki nam pove, kje se nahajajo izgube v transformatorju.



 $I_1-I_2'\Rightarrow I_{10}=I_{od}+I_m$ je tok prostega teka, ki magneti jedro in prinaša moč za izgube v železu.

$$E_1 = I_m 2\pi f rac{L}{G_L} = I_m X_{Gl}$$

 $I_{0d}$  je delovno komponenta toka prostega teka.  $I_{0d}=rac{P_{fe}}{E_1}=rac{E_1}{R_{fe}}$ . Kjer je  $R_{fe}=rac{E_1^2}{P_{fe}}$ 

 $P_{fe}$  predstavlja skupek vseh izgub znotraj železnega jedra.

 $I_m$  je kompleksna komponenta toka prostega teka.

 $X_{gl}$  je  $rac{E_1}{I_m}$ , kar predstavlja glavno induktivno upornosti transformatorja.

Ker železno jedro hrani magnetno polje, moramo to predstaviti z elementom, ki hrani energijo, zato izberemo tuljavo.

#### Redukcija

Ker transformator spreminja nivo napetosti, bi na nadomestnem vezju odpovedali <u>Kirchhoffovi zakoni</u>, zato izvedemo redukcijo. To storimo za inducirani napetosti, ki se nahajata na sredini nadomestnega vezja, v tem primeru redukcija na primarno stran, tako kot je na zgornji shemi vezja:

$$E_1=E_2'$$

Kjer je  $E_1$  inducirana napetost na primarni strani transformatorja,  $E'_0$  je pa reducirana inducirana napetost sekundarne strani. Pravo vrednost inducirane napetosti sekundarnega navitja se izračuna tako:

$$E_2'=E_2\frac{N_1}{N_2}$$

Zgornji dve enačbi vzamemo kot osnovo na nadaljnjo redukcijo drugih elementov v vezju.

$$I_2' = I_2 \left(rac{N_2}{N_1}
ight) \ R_2' = R_2 rac{{I_2}^2}{{I_2'}^2} = R_2 {\left(rac{N_1}{N_2}
ight)}^2 \ X_{L2}' = X_{L2} {\left(rac{N_1}{N_2}
ight)}^2 \ X_{C2}' = X_{C2} {\left(rac{N_1}{N_2}
ight)}^2 \ Z_b' = Z_b {\left(rac{N_1}{N_2}
ight)}^2$$

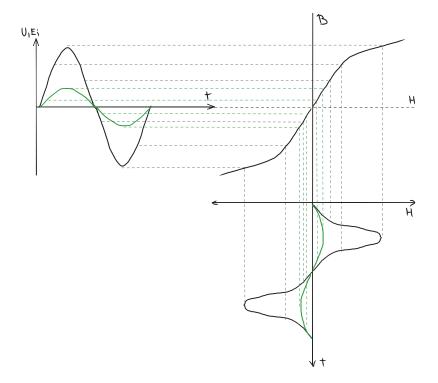
Pomembna lastnost redukcije je to, da se moč ohrani. Moč primarne strani je enaka pred i po redukciji, enako velja tudi za sekundarno stran. Tako se ohranijo moči, kar pomeni, da se ohranijo tudi izgubne moči. To je vidno v enačbi za redukcijo uporov.

**Pozor**, zgornji primeri so za redukcijo na primarno stran. To pomeni, da so vse napetosti in elementi v nadomestnem vezju prilagojene tako, da ustrezajo  $E_1$ . Da se tudi reducirati na sekundarno stran, kjer je osnova za redukcijo  $E_2$ . To storimo tako da, obrnemo ulomek v katerem ne nahaja število ovojev  $N_1$  in  $N_2$ .

## Histerezne izgube

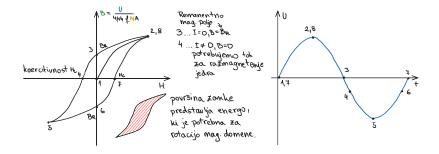
Za to razlago bomo predpostavili, da so sponke sekundarnega navitja odprte, posledično na sekundarni  $I_2$  ne teče (prosti tek). Naslednja poenostavitev bo, da je inducirana napetost enaka napetosti generatorja/pritisnjena napetost.

$$U_1 = E_i = 4.44 f N_1 B \cdot A$$



Slika je zelo gosta, vendar nam pove veliko o magnetnem polju znotraj jedra. Levo zgoraj je sinusni potek napetosti generatorja U. Ta napetost se prevede v magnetno polje B s pomočjo <u>magične formule</u>. Desno zgoraj je vidna <u>BH krivulja</u>, ki prikazuje relacijo med magnetnim poljem B in jakost magnetnega polja H. Desno spodaj je narisan potek jakosti magnetnega polja skozi čas.

Z slike se da razbrati popačenje magnetnega polja, ki nastane zaradi nelinearnosti BH krivulje. S črno je narisana visoka napetosti, ki pripelje do visoke magnetnega polja B in posledično preide v nasičenje krivulje. Preide iz linearnega dela, čez koleno, kjer je krivulja veliko bolj položna. Z zeleno je označena nizka napetost, ki pa obdrži svojo sinusno obliko, kar nikoli ne preide izven linearnega območja.



Krivulja, ki se začne v izhodišču koordinatnega sistema, in potuje v točko 2, se imenuje deviška krivulja. Tako izgleda, ko prvič magnetimo železno jedro. Čez čas se krivulja spremeni, ker si magnetne domene "zapomnijo" kako so bile namagnetene. Posledica tega je, da imamo prisotno magnetno polje, tudi takrat, ko ga mi ne ustvarjamo samo. Ko je tok skozi tuljavo enak nič, je v jedru še vedno prisotno remanentno polje  $B_R$ . Velikost površine je odvisna od amplitude magnetenja.

$$P_h = K_h rac{f}{50} igg(rac{B}{1.5T}igg)^{lpha_h} m_{fe}.$$

Kjer je  $K_h$  specifična histerezna izguba v  $\left[\frac{W}{kg}\right]$  železa pri frekvenci 50Hz in magnetnem polju 1.5T,  $m_{fe}$  je masa železnega jedra.

Če vzamemo osenčeno površino, in jo pomnožimo z frekvenco magnetenja f, dobimo energijo na sekundo  $\left[\frac{J}{s}=W\right]$ , ki je moč histereznih izgub, ki se spreminja v toploto.

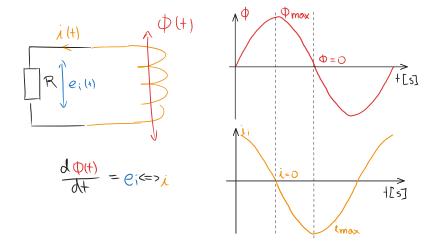
## Vrtinčne izgube

Za lažje razumevanje si oglej Lenzovo pravilo.

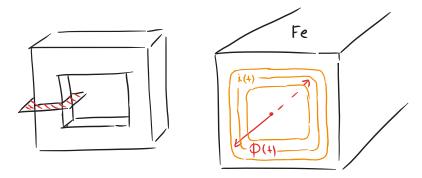
Ko imamo sklenjeno zanko, v kateri se spreminja magnetni fluks  $\Phi$ , se v zanki inducira napetost, ki povzroči tok. Ta tok bo deloval tako, da bo skušal nasprotovati spremembi magnetnega polja, ki prehaja skozi zanko. Zanka se tako "upira" spremembi fluksa.

$$rac{d\Phi(t)}{dt}=e_i$$

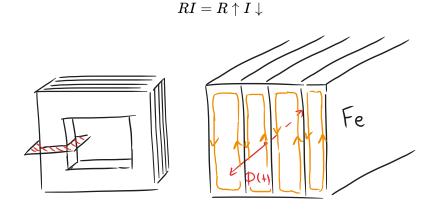
Tok bo največji, ko bo sprememba fluksa največja. Če se fluks spreminja sinusno, bo tok enak nič, ko bo fluks dosegel svojo maksimalno vrednost.



Zaradi sprememb fluksa se v železnem jedru inducirajo vrtinčni tokovi.



Da bi zmanjšali te vrtinčne tokove, prilagodimo konstrukcijo transformatorja. Namesto enega velikega železnega jedra uporabimo slojevito zgrajen transformator. Pločevine, ki imajo neprevodni zunanji sloj, zlagamo skupaj, kar ustvarja železno jedro z lamelami. Te lamele zmanjšajo nastanek vrtinčnih tokov, ker zmanjšajo velikost zank v jedru. Z drugimi besedami, zmanjšamo Ko so plasti jedra ločene, se poveča upornost za ustvarjanje in širjenje vrtinčnih tokov. Vsaka plast jedra deluje kot nekakšen "prekinjevalec" za vrtinčne tokove, ki so prisotni v jedru.



Vrtinčni tok  $i_{vr}$  je sorazmeren z inducirano napetostjo  $e_i$ , ta pa je sorazmerna z magnetnim poljem B in frekvenco f tako kot pravi magič formula.

Vrtinčne izgube  $P_{vrt}$  so sorazmerne z kvadratom vrtinčnih tokov  $I_{vr}^2$ . Posledično lahko trdimo, da se izgube spreminjajo sorazmerno s kvadratom magnetnega polja  $B^2$  in frekvence  $f^2$ .

$$P_{ver} = K_{vr} igg(rac{f}{50Hz}igg)^2 igg(rac{B}{1.5T}igg)^2 m_{fe}$$

kjer je  $K_{vr}$  faktor materiala. Ta je odvisen od materiala jedra transformatorja. Enota je  $\left[\frac{W}{kg}\right]$ . Tipične debeline lamel so med 0.2 in 0.6 mm. Frekvenco f in magnetno polje B normiramo na standardne vrednosti 50Hz in 1.5T za običajno računanje izgub.

## Izgube v navitju

#### **TODO**

To je treba znati za kratek stik.

# Skupne izgube

 $K_{fe}$  je lastnost železa in je skupek  $K_{vr}$  in  $K_h$ .

$$P_{fe} = P_h + P_{vrt} = K_{fe} rac{f}{50} igg(rac{B}{1.5}igg)^{lpha_n} m_{fe}$$

### **Izkoristek**

$$\eta = rac{Poddana}{Psprejeta} < 1$$