| ತ ಣ್ರಾಬೆಅಃ ಅ ಕ್ಕಶ್ನೆಜ್ವಣ್ಣಲು | | ಣಲಣ್ಣ៖ | | | | | | | | |
|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------|--|--|--|--|--|--|--|
| ម្រែន្យ១សញ្ញាម័ត្រមធ្យមសិក្សានុគយតុមិ | | ម ត្ត្នសម្រត | gee | | | | | | | |
| ឈ្មោះ និចមត្តលេខាអតុក្សេ៖ | សនុតារង់ខេ៖ គ៦ ស្នួយ គ០ | | | | | | | | | |
| | នាមត្រូកូលនិចនាមខ្លួន៖ | | | | | | | | | |
| | ្ងៃខ្លែខែត្តាំងលើង៖ | | | | | | | | | |
| | សត្តសេខា៖ | | ಬಲಕ್ಕೂಣಿಕಿ | | | | | | | |
| ខេដ្ត៩នមិនផ្ទែងធ្វើសញ្ញាសម្គាល់អ្វីមួយនេ | สเญียชีมเล่นเอเซเลเล | ដែលមានសញាសមាល់នឹទៈគុច | របានពិនសនរ។ | | | | | | | |
| .≈ | | | | | | | | | | |
| ំ ទញ្ញាសា៖ គណិធខណ្ឌថ្នាគ់ខណ្យសាស្ត្រ | ଊ ଌଖ୍ୟୁଞ୍ଜ | | | | | | | | | |
| ติจรรรร | 3 , | | | | | | | | | |
| | ១. | | | | | | | | | |
| | ២. មេគ្ទ៩នមិនត្រុខអនុញ្ញាគ្គិឲ្យលួចចម្ល | ខសន្លឹកកិច្ចការគ្នាធឿយ សុមររ | រាំំំំំំំំំំំំំំំំំំំំំំំំំំំំំំំំំំំំ | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | |
| | | ne ———— | | | | | | | | |
| I. (១៥ ពិន្ទុ) គណនាលីមីត៖ | | | | | | | | | | |
| $\text{fi. } \lim_{x \to 1} \frac{x^2 - 4x + 3}{1 - x^2}$ | 8. $\lim_{x\to 0} \frac{-2\sin 4x}{\sqrt{4-x}-\sqrt{4+x}}$ | $\mathbf{\tilde{n}}. \lim_{x \to 3} \frac{x^3 - 27}{3x^2 - 9x}$ | $\text{UI.} \lim_{x \to 1} \frac{x^3 - x^2 + x - 1}{1 - x^2}$ | | | | | | | |
| គ. $\lim_{x\to 1} \frac{x^2-4x+3}{1-x^2}$ II. (១៥ ពិន្ទុ) គេមានចំនួនកុំផ្លិច z គ. គណនា z_1+z_2,z_1-z_2 ខ. ចូរសរសេរ z_1,z_2 និង z_1 គ. បង្ហាញថា z_1 ជាបូសនៃវ | $z_1 = 1 + i\sqrt{3}$ និង $z_2 = 1 - i\sqrt{3}$ | | | | | | | | | |
| គ. គណនា $\mathrm{z}_1+\mathrm{z}_2,\mathrm{z}_1-\mathrm{z}_2$ | $_{z_1}, \mathrm{z}_1 	imes \mathrm{z}_2$ និង z_1^2 ។ | | | | | | | | | |
| $oldsymbol{\mathcal{E}}$ ខ. ចូរសរសេរ $\mathrm{z}_1,\mathrm{z}_2$ និង z_1 | $	imes$ \mathbf{z}_2 ជាចំនួនកុំផ្លិចទម្រង់ត្រីកោល | រាមាត្រ ។ | | | | | | | | |
| $m{v}_{\mathbf{z}}^{\mathbf{z}}$ គ. បង្ហាញថា \mathbf{z}_1 ជាប្ឫសនៃវ | ឋមីការ $z^3 + 8 = 0$ ។ | | | | | | | | | |

III. (១៥ ពិន្ទុ) ក្នុងប្រអប់មួយមានប៊ូល ៥ ដោយក្នុងនោះមានប៊ូលពណ៌ខ្មៅ ៣ ត្រូវបានគេចុះលេខពី ១ ដល់ ៣ និងប៊ូលពណ៌ស ២ ត្រូវ បានគេចុះលេខពី ១ ដល់ ២ ។ គេចាប់យកប៊ូល ២ ព្រមគ្នាក្នុងពេលតែមួយដោយចៃដន្យចេញពីក្នុងប្រអប់នោះ ។ គណនាប្រូបាប នៃព្រឹត្តិការណ៍ដូចខាងក្រោម៖

ក. A : "គេចាប់បានប៊ូលមានពណ៌ដូចគ្នា"

ត្រូសូខអម់វិយុខ៥ឧ និខភិឌ្ឍា

- ខ. B : "គេចាប់បានប៊ូលដែលមានផលបូកលេខស្មើ ៣"
- គ. C : "គេចាប់បានប៊ូលមានពណ៌ខុសគ្នា"

IV. 1. (១០ ពិន្ទុ) គណនាអាំងតេក្រាល៖
$$I = \int_1^2 \left(\frac{x^2}{2} + x - 3\right) dx$$
 និង $J = \int_0^{\frac{\pi}{4}} (\sin x + \cos 2x) dx$ ។

2. (៥ ពិន្ទុ) គេមានអនុគមន៍
$$f(x) = -\frac{4-x}{(x-3)^2}$$
 កំណត់ចំពោះគ្រប់ $x \neq 3$ បង្ហាញថា $f(x) = \frac{1}{x-3} - \frac{1}{(x-3)^2}$ ។ គណនា $K = \int_0^2 f(x) dx$ ។

- V. ក. (៥ ពិន្ទុ) ដោះស្រាយសមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល (E): y'' 3y' + 2y = 0 ។
 - ខ. (៥ ពិន្ទុ) រកចម្លើយពិសេសមួយនៃ (E) បើ y(0)=1 និង y'(0)=0 ។

VI. 1. (១០ ពិន្ទុ) ក.គេឲ្យខ្សែកោង $(E): \frac{(x-4)^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$ ។ បញ្ជាក់ប្រភេទនៃខ្សែកោង (E) ។ ខ. កំណត់កូអរដោនេ ធ្វិត កំពូល កំណុំ ប្រវែងអ័ក្សធំ និងប្រវែងអ័ក្សតូចនៃ (E) រួចសង់ខ្សែកោង (E) ។

- 2. (១០ ពិន្ទុ) នៅក្នុងតម្រុយអរតូណរម៉ាល់មានទិសទៅវិជ្ជមាន $\left(\mathbf{O}, \vec{\mathbf{i}}, \vec{\mathbf{j}}, \vec{\mathbf{k}}\right)$ គេមានចំណុចបី $\mathbf{A}(1,2,1), \mathbf{B}(4,2,4), \mathbf{C}(5,3,0)$ ។
 - ក. រកប្រវែង AB, AC, BC រួចធ្វើការសន្និដ្ឋាននៃប្រភេទត្រីកោណ ABC ។
 - ខ. គណនាផលគុណ $\overrightarrow{\mathrm{AB}} \times \overrightarrow{\mathrm{AC}}$ រួចគណនាផ្ទៃក្រឡានៃត្រីកោណ $\widehat{\mathrm{ABC}}$ ។

VII. (៣៥ ពិន្ទុ) ផ្នែក A គេមានអនុគមន៍ ${
m g}$ កំណត់លើចន្លោះ $(0,+\infty)$ ដោយ ${
m g}({
m x})={
m x}^2+2\ln{
m x}$ ។

- 1. ក. បង្ហាញថា ${
 m g}$ ជាអនុគមន៍កើនដាច់ខាត់លើ $(0,+\infty)$ ។
 - **ខ.** គណនា g(1) ។
- 2. ក. ទាញលទ្ធផលពីសំនួរទី 1 បញ្ជាក់ថា បើ $x \ge 1$ នោះ $x^2 + 2 \ln x \ge 1$ និងបើ $0 < x \le 1$ នោះ $x^2 + 2 \ln x \le 1$ ។
 - ${f 2}.$ កំណត់សញ្ញានៃកន្សោម ${f x}^2-1+2\ln {f x}$ កាលណា ${f x}$ នៅចន្លោះ $(0,+\infty)$ ។

ផ្នែក B គេមានអនុគមន៍ f កំណត់លើ $(0,+\infty)$ ដោយ $f(x)=rac{x^2-1-2\ln x}{x}$ មានក្រាប C ។

- ក. ចូររកលីមីតនៃ f ត្រង់ 0 និង $+\infty$ ។ ទាញបញ្ជាក់នៃសមីការអាស៊ីមតូតឈរនៃក្រាប C ។
- $m{2}$. ចូរស្រាយបញ្ញាក់ថាបន្ទាត់ពុះទីមួយ $\Delta: \mathbf{y} = \mathbf{x}$ នៃអ័ក្សកូអរដោនេជាអាស៊ីមតូតទ្រេតរបស់ក្រាប \mathbf{C} ខាង $+\infty$ ។ សិក្សាទីតាំងរវាងក្រាប \mathbf{C} ធៀបនឹងបន្ទាត់ Δ ។ រួចរកកូអរដោនេនៃចំណុចប្រសព្វរវាងក្រាប \mathbf{C} នឹង បន្ទាត់ Δ ។
- គ. ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថាគ្រប់ x>0 គេបាន $f'(x)=rac{x^2-1+2\ln x}{x^2}$ ។
- ${f w}$. ដោយប្រើលទ្ធផលផ្នែក A សិក្សាសញ្ញានៃ $f^{'}(x)$ និងសង់តារាងអថេរភាពនៃ f លើ $(0,+\infty)$ ។
- ង. ចូរគណនា $f\left(\frac{1}{e}\right)$ និង f(e) រួចសង់បន្ទាត់ Δ និងក្រាប C ក្នុងតម្រុយអរតូណរម៉ាល់ (O, \vec{i}, \vec{j}) ។ គេឲ្យ៖ e=2.7 និង $\frac{1}{e}=0.37$ ។

| ٠., | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-----|-----|-------|-----|-------|-----|-------|-------|-----|-----|-------|-------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-------|-------|-----|-----|-----|-----|-------|--------------|-----|-------|-----|-----|-------|-----|-----|-------|-------|-----|-------|-----|-------|-------|-----|-----|
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| 3 | • • • | • • • | • • • | • • • | • • • | • • | • • | • • • | • • | • • • | • • | • • • | • • • | • • | • • | • • • | • • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • • | • • • | • • | • • | • • | • • | • • • | • • • | • • | • • • | • • | • • | • • • | • • | • • | • • • | • • • | • • | • • • | • • | • • • | | • • | • • |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| • • • | • • • | • • • | • • • | • • • | • • | • • | • • | • • • | • • | • • • | • • | • • • | • • • | • • | • • | • • • | • • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • • | • • • | • • | • • | • • | • • | • • • | • • • | • • | • • • | • • | • • | • • • | • • | • • | • • • | • • • | • • | • • • | • • | • • • | • • • | • • | • • |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| • • • | • • • | • • • | • • • | • • • | • • | • • | • • | • • • | • • | • • • | • • | • • • | • • • | • • | • • | • • • | • • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • • | • • • | • • | • • | • • | • • | • • • | • • | • • | • • • | • • | • • | • • • | • • | • • | • • • | • • • | • • | • • • | • • | • • • | • • • | • • | • • |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | . . . | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| • • • | • • • | • • | • • • | • • • | • • | • • | • • | • • • | • • | • • • | • • | • • • | • • • | • • | • • | • • | • • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • • | • • | • • | • • | • • | • • • | • • • | • • | • • • | • • | • • | • • • | • • | • • | • • • | • • • | • • | • • • | • • | • • • | • • • | • • | • • |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| • • • | • • • | • • | • • • | • • • | • • | • • | • • | • • • | • • | • • • | • • | • • | • • • | • • | • • | • • • | • • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • • | • • | • • | • • | • • | • • • | • • • | • • | • • • | • • | • • | • • • | • • | • • | • • • | • • • | • • | • • • | • • | • • • | • • • | • • | • • |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | • | | • • | • • | • • | | | | • • | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | • • • | • • | • • • | | • • | • • | • • | | • • | | • • | • • • | • • • | • • | • • | • • • | | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | | • • | • • | • • | • • | • • • | • • | • • | • • • | • • | • • | • • • | • • | • • | • • • | • • • | • • | | • • | • • • | | • • | • • |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| • • • | | • • • | • • • | | | • • | • • | | • • | | • • | • • • | | • • | • | • • • | • • • | • • | • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • • | | • | • • | • • | • • | • • • | | • • | • • • | • | • • | | • • | • • | • • • | | • • | | • | | | • • | • • |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | • • • | • • | • • • | | • • | • • | • • | | • • | | • • | • • | | • • | • • | • • • | | • • | • • | • • | | • • | • • | • • | • • | • • | • • | | • • | • • | • • | • • | • • • | | • • | • • • | • • | • • | • • • | • • | • • | • • • | • • • | • • | | • • | • • • | | • • | • • |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| • • • | • • • | • • | • • • | • • | • • | • • | • | • • • | • • | | • • | • | | • • | • | • • • | • • • | • • | • • | • • | • • | • • | • • | •• | • | • • | • • | • • • | • • | • • | • • | • • | | • • | • • | • • • | • • | • | • • • | • • | • • | • • • | • • • | • • | | • • | | • • • | •• | ٠. |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | • • | | | | | • • | | | | | • • | | | | | | | | | | | | | | | • • | | | | | | | | • • | | | • • | | | • • | | | • • | | • • | • • • | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |
| | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | | |

ស្ទេនសំណាចល្អគ្រប់ៗគ្នា!

$$\lim_{x\to 3} \frac{x^3-27}{3x^2-9x}$$

8.
$$\lim_{x\to 0} \frac{-2\sin 4x}{\sqrt{4-x}-\sqrt{4+x}}$$

A.
$$\lim_{x\to 1} \frac{x^3 - x^2 + x - 1}{1 - x^2}$$

$$\text{71.} \lim_{x \to 3} \frac{x^3 - 27}{3x^2 - 9x} \qquad \text{72.} \lim_{x \to 0} \frac{-2\sin 4x}{\sqrt{4 - x} - \sqrt{4 + x}} \qquad \text{73.} \lim_{x \to 1} \frac{x^3 - x^2 + x - 1}{1 - x^2} \qquad \text{13.} \lim_{x \to \frac{\pi}{3}} \frac{4\cos^2 x + 4\cos x - 3}{2\cos x - 1}$$

II. ផ្នែក A គេមានអនុគមន៍ g កំណត់លើចន្លោះ $(0,+\infty)$ ដោយ $g(x)=x^2+2\ln x$ ។

- 1. ក. បង្ហាញថា g ជាអនុគមន៍កើនដាច់ខាត់លើ $(0, +\infty)$ ។
 - **ខ.** គណនា g(1) ។
- 2. ក. ទាញលទ្ធផលពីសំនូរទី 1 បញ្ជាក់ថា បើ $x \ge 1$ នោះ $x^2 + 2 \ln x \ge 1$ និងបើ $0 < x \le 1$ នោះ $x^2 + 2 \ln x \le 1$ ។
 - 8. កំណត់សញ្ញានៃកន្សោម $x^2-1+2\ln x$ កាលណា x នៅចន្លោះ $(0,+\infty)$ ។

ផ្នែក B គេមានអនុគមន៍ f កំណត់លើ $(0,+\infty)$ ដោយ $f(x)=\frac{x^2-1-2\ln x}{x}$ មានក្រាប C ។

- ក. ចូររកលីមីតនៃ f ត្រង់ 0 និង $+\infty$ ។ ទាញបញ្ជាក់នៃសមីការអាស៊ីមតូតឈរនៃក្រាប C ។
- $oldsymbol{2}$. ចូរស្រាយបញ្ញាក់ថាបន្ទាត់ពុះទីមួយ $\Delta: y=x$ នៃអ័ក្សកូអរដោនេជាអាស៊ីមតូតទ្រេតរបស់ក្រាប C ខាង $+\infty$ ។ សិក្សាទីតាំងរវាងក្រាប ${
 m C}$ ធៀបនឹងបន្ទាត់ ${
 m \Delta}$ ។ រួចរកកូអរដោនេនៃចំណុចប្រសព្វរវាងក្រាប ${
 m C}$ នឹង បន្ទាត់ ${
 m \Delta}$ ។
- គ. ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថាគ្រប់ x > 0 គេបាន $f'(x) = \frac{x^2 1 + 2 \ln x}{x}$ ។
- ${f w}$. ដោយប្រើលទ្ធផលផ្នែក A សិក្សាសញ្ញានៃ $f^{'}(x)$ និងសង់តារាងអថេរភាពនៃ f លើ $(0,+\infty)$ ។
- ង. ចូរគណនា $f\left(\frac{1}{e}\right)$, $f\left(\sqrt{e}\right)$, f(2) និង f(e) រួចសង់បន្ទាត់ Δ និងក្រាប C ក្នុងតម្រុយអរតូណរម៉ាល់ (O,\vec{i},\vec{j}) ។ គេឲ្យ៖ e = 2.7, $\sqrt{e} = 1.65$, $\frac{1}{e} = 0.37$ និង $\frac{1}{\sqrt{e}} = 0.61$ ។

 $ext{III.} \ f$ ជាអនុគមន៍កំណត់ចំពោះគ្រប់ $x \in \mathbb{R}$ ដោយ $f(x) = x + 2 - \ln\left(1 + e^{2x}\right)$ មានក្រាប C ក្នុងតម្រុយ $\left(0, \vec{i}, \vec{j}\right)$ ។

- 1. ក. គណនាលីមីតនៃ $\ln\left(1+\mathrm{e}^{2\mathrm{x}}\right)$ កាលណា $\mathrm{x}\to -\infty$ រួចទាញរកលីមីតនៃ $\lim_{\mathrm{x}\to -\infty}\mathrm{f}(\mathrm{x})$ ។
 - ខ. បង្ហាញថា បន្ទាត់ d_1 ដែលមានសមីការ $\mathrm{y}=\mathrm{x}+2$ ជាសមីការអាស៊ីមតូតនៃក្រាប C ។
- 2. ក. បង្ហាញថា ចំពោះគ្រប់ $\mathbf{x} \in \mathbb{R}$; $\mathbf{f}(\mathbf{x}) = 2 \mathbf{x} \ln \left(1 + \mathrm{e}^{-2\mathbf{x}} \right)$ ។ ទាញរកសមីការអាស៊ីមតូតទ្រេត \mathbf{d}_2 នៃក្រាប \mathbf{C} ។

- ខ. សិក្សាទីតាំងរវាងក្រាប ${
 m C}$ ធៀបនឹងអាស៊ីមតូត ${
 m d}_1;\ {
 m d}_2$ ។
- 3. ក. ចូរបង្ហាញថា $\forall x \in \mathbb{R}; \ f'(x) = \frac{(1+e^x) \ (1-e^x)}{1+e^{2x}}$ ។
 - ខ. ដោះស្រាយវិសមីការ $1 {
 m e}^{
 m x} > 0$ ។ រួចសិក្សាទិសដៅអថេរភាពនៃ ${
 m f}$ ។
- **4.** គណនាតម្លៃនៃ f(-1) និង f(1) ។ (យក $\ln 2 = 0.7$; $\ln \left(1 + e^2 \right) = 2.1$)
- 5. សង់បន្ទាត់ ${
 m d}_1;\ {
 m d}_2$ និងក្រាប ${
 m C}$ ក្នុងតម្រុយតែមួយ ។
- $ext{IV.}$ ផ្នែក A គេមានអនុគមន៍ g កំណត់លើ $(0,+\infty)$ ដោយ $g(x)=x^2+2-2\ln x$ ។
 - ក. គណនាដេរីវេនៃ \mathbf{g} រួចសិក្សាអថេរភាពនៃអនុគមន៍ \mathbf{g} លើ $(0,+\infty)$ ។
 - ខ. សង់តារាងអថេរភាពនៃ g រួចទាញរកសញ្ញាសនៃ g(x) លើ $(0,+\infty)$ ។ (ដោយមិនចាំបាច់គណនាលីមីត)
 - ផ្នែក B គេមានអនុគមន៍ f កំណត់លើ $(0,+\infty)$ ដោយ $f(x)=x-1+2\frac{\ln x}{x}$ មានក្រាបតាង C ក្នុងតម្រុយ អរតូណរម៉ាល់ (O,\vec{i},\vec{j}) ។
 - ក. គណនាលីមីតនៃ \mathbf{f} ត្រង់ $\mathbf{0}$ និង $+\infty$ រួចបកស្រាយតាមក្រាបនូវលទ្ធផលដែលទទួលបាននេះ ។
 - ${f 2}.$ បង្ហាញថា ${f \Delta}:{f y}={f x}-{f 1}$ ជាសមីការអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃក្រាប ${f C}$ ខាង $+\infty$ ។
 - គ. សិក្សាទីតាំងរវាងក្រាប C ធៀបនឹងអាស៊ីមតូតទ្រេត Δ ។
 - ${f u}$. បង្ហាញថា f'(x) មានសញ្ញាដូច g(x) រួចទាញរកសញ្ញានៃ f'(x) លើ $(0,+\infty)$ ។
 - ង. សង់តារាងអថេរភាពនៃ f រួចសង់ក្រាប C និងបន្ទាត់ Δ ក្នុងតម្រុយតែមួយ ។
- V. ផ្នែក A g ជាអនុគមន៍កំណត់លើ $(0,+\infty)$ ដោយ $g(x)=-x+1-2\ln x$ ។
 - ក. បង្ហាញថា g ជាអនុគមន៍ចុះលើ $(0,+\infty)$ ។
 - $oldsymbol{2}$. គណនា g(1) រួចកំណត់សញ្ញានៃ g(x) លើ $(0,+\infty)$ ។
 - ផ្នែក B f ជាអនុគមន៍គ្រប់ x>0 ដែល $f(x)=rac{x+\ln x}{x^2}$ ។
 - ក. គណនាលីមីតនៃ f ត្រង់ 0 និង $+\infty$ ។
 - ខ. រកសមីការអាស៊ីមតូតឈរ និងអាស៊ីមតូតដេកនៃក្រាប C ។
 - គ. បង្ហាញថាអនុគមន៍ f'(x) យកសញ្ញាដូច g(x) ។ កំណត់សញ្ញានៃ f'(x) រួចទាញថា f មានតម្លៃអតិបរមាត្រង់ x=1 ។
 - ${f w}$. គណនា ${f f}(1)$ ។ សង់តារាងអថេរភាពនៃ ${f f}$ ។
 - ង. សង់ក្រាប ${
 m C}$ និងអាស៊ីមតូតដែលមាន ក្នុងតម្រុយតែមួយ ។
- VI. (៣៥ ពិន្ទុ) ផ្នែក A គេមានអនុគមន៍ ${
 m g}$ កំណត់លើ $(0,+\infty)$ ដោយ ${
 m g}({
 m x})=-{
 m x}^2+1-2\ln {
 m x}$ ។
 - ក. ចូរគណនាដេរីវេ $\mathbf{g}'(\mathbf{x})$ រួចទាញថាអនុគមន៍ \mathbf{g} ជាអនុគមន៍ចុះជានិច្ចលើចន្លោះ $(0,+\infty)$ ។
 - ${f 2}.$ ចូរគណនាតម្លៃ ${f g}(1)$ ។ ចូរបញ្ជាក់សញ្ញានៃ ${f g}(x)$ លើ $(0,+\infty)$ ។
 - ផ្នែក B គេឲ្យអនុគមន៍ f កំណត់លើចន្លោះ $(0,+\infty)$ ដោយ $f(x)=rac{9x^2+6\ln x-1}{2x^3}$ មានក្រាបតាង C ។
 - ក. ចូររកលីមីតនៃ f ត្រង់ 0 និង $+\infty$ ។ ទាញរកសមីការអាស៊ីមតូតឈរ និងជេកនៃក្រាប C ។
 - ${f 2}.$ ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថាចំពោះគ្រប់ ${f x}>0$ គេបាន ${f f}'({f x})={f k}{f g}({f x})$ ដែល ${f k}$ ជាចំនួនពិតត្រូវកំណត់ ។ គូសតារាងអថេរភាពនៃ ${f f}$ ដោយប្រើលទ្ធផលផ្នែក ${f A}$ ។

- គ. ចូរគណនា $f\left(\frac{1}{2}\right)$ រួចទាញថា f(x)=0 មានប្ញសតែមួយគត់ស្ថិតនៅចន្លោះ $\left[\frac{1}{2},1\right]$
- ${f w}$. កំណត់សមីការបន្ទាត់ ${f T}$ ប៉ះទៅនឹងក្រាប ${f C}$ ត្រង់អាប់ស៊ីស ${f 1}$ ។
- ង. គណនា ${
 m f(2)}$ រួចសង់ក្រាប ${
 m C}$ និងបន្ទាត់ ${
 m T}$ ក្នុងតម្រុយអរតូណរម៉ាល់ $({
 m O}, \vec{i}, \vec{j})$ ។ គេឲ្យ៖ $\ln 2 = 0.7$ និង $\ln \frac{1}{2} = -0.7$ ។

| - | | [පෘෂූිපා] | _ |
|----|---|-----------|---|
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| D, | a | | • |
| | | ••••• | • |