

ព្រីមីទីវ និងអាំងតេក្រាលមិនកំណត់ រៀបរៀង និងបង្រៀនដោយៈ ស៊ំ សំអុន ទូរស័ព្ទៈ ០៩៦ ៩៤០ ៥៨៤០

១. បង្ហាញថា F(x) ជាព្រីមីទីវមួយនៃ f(x) តាមករណីដូចខាងក្រោម៖

$$ightharpoonup F(x) = x^3 + 2x^2 - 3$$
 និង $f(x) = 3x^2 + 4x$

8.
$$F(x) = e^x - \sin x + x^2 + 4$$
 និង $f(x) = e^x - \cos x + 2x$

គ.
$$F(x) = \ln|x| + \sin 2x - 2x$$
 និង $f(x) = \frac{1}{x} + 2\cos 2x - 2$

$$\mathbf{W}. F(x) = -\cos 4x$$
 និង $f(x) = 4\sin 4x$

២. គណនាអាំងតេក្រាលមិនកំណត់នៃអនុគមន៍ខាងក្រោម៖

$$\overline{\mathsf{n}}$$
. $\int 6dx$

$$\mathbf{w}$$
. $\int \sqrt{x} dx$

$$2. \int \frac{400}{x^5} dx$$

8.
$$\int -2018 dx$$

$$\mathbf{\overline{0}.} \int (5x+2)dx \qquad \mathbf{\overline{0}.} \int \sqrt[3]{x^2}dx$$

$$\mathbf{m}.\int \sqrt[3]{x^2}dx$$

$$\mathbf{nj.} \int \frac{1}{\sqrt{x}} dx$$

$$\int x^3 dx$$

5.
$$\int (7x^6 + 3x^2)dx$$

$$\mathbf{\Box}.\int \left(\frac{1}{x} + x\right) dx$$

on.
$$\int \frac{100}{3\sqrt{x}}$$

W.
$$\int (x^{2018} + 1)dx$$
 G. $\int (x^{-2} + x^2)dx$

$$\Box$$
. $\int (x^{-2} + x^2) dx$

$$\mathbf{U.} \int \frac{1}{x^{20}} dx$$

$$\overline{\mathsf{n}}$$
. $\int \frac{2}{\sqrt[4]{x^3}} dx$

m. គណនាអាំតេក្រាលមិនកំណត់នៃអនុគមន៍ត្រីកោណមាត្រខាងក្រោម៖

$$\overline{\mathbf{n}}$$
. $\int 2\cos x dx$

$$\mathbf{\mathring{a}.} \int (1+\cot^2 x) dx$$

$$\mathbf{w}$$
. $\int \frac{\sin 2x}{2\cos x} dx$

$$2. \int (6x^2 - \tan^2 x) dx$$

8.
$$\int (2x - \sin x) dx$$
 5.
$$\int (3 + 3 \cot^2 x) dx$$

$$\mathbf{\overline{U}}. \int (3+3\cot^2 x) dx$$

$$\mathfrak{O}$$
. $\int \frac{dx}{\cos^2 x \sin^2 x}$

$$\mathfrak{N}$$
. $\int (1-\cot^2 x)dx$

$$\vec{\mathbf{p}}$$
. $\int (1 + \tan^2 x) dx$ $\vec{\mathbf{b}}$. $\int 20 \tan^2 x dx$

$$\int 20 \tan^2 x dx$$

$$\mathbf{L}$$
. $\int \frac{\cos 2x}{\sin x + \cos x} dx$

$$\mathbf{M.} \int (4x + 2\cot^2 x) dx$$

$$\mathbf{W.} \int (2 + \tan^2 x) dx \qquad \qquad \mathbf{\Box}. \int 4 \cot^2 x dx$$

$$\Box$$
. $\int 4 \cot^2 x dx$

$$\mathbf{U.} \int \frac{\cos 2x}{\cos^2 x \sin^2 x} dx$$

$$\overline{\mathsf{n}}.\int \frac{20}{\cos^2 x} dx$$

៤. គណនាអាំងតេក្រាលមិនកំណត់នៃអនុគមន៍អ៊ិចស្ប៉ូណង់ស្យែលខាងក្រោម៖

$$\int 4e^x dx$$

$$\overline{\mathbf{A}}.\int \frac{20e^{2x}}{e^x} dx$$

ង.
$$\int (2-3e^x)dx$$

5.
$$\int (2-3e^x)dx$$
 5. $\int (\sqrt[3]{x}+2e^x)dx$

8.
$$\int (e^x - x) dx$$

$$\mathbf{W.} \int (\sqrt{2}e^x + 2x)dx$$

$$\mathbf{5.} \int (4e^x + 9x^2) dx$$

U.
$$\int (4e^x + 9x^2)dx$$
 U. $\int (\sqrt{3}e^x + x^{-2})dx$

៥. គណនាអាំងតេក្រាលមិនកំណត់ដោយប្រើអថេរជំនួយនៃអនុគមន៍ខាងក្រោម៖

$$\int 3(x+2)^2 dx$$

$$\mathbf{\bar{n}.} \int (2-x)^{-2} dx$$

$$\mathbf{\mathring{a}.} \int \sqrt{5x-3} dx$$

8.
$$\int 8(2x-1)^3 dx$$

W.
$$\int (2x-3)^{-3} dx$$

U.
$$\int 2x(x^2-1)^2 dx$$

5.
$$\int (2x-3)(x^2-3x+2)dx$$

$$\mathbf{U}.\int \frac{xdx}{x^2-9}$$

U.
$$\int (x^2+1)^4 x^3 dx$$

$$\Box$$
. $\int \frac{2x}{x^2-1} dx$

2.
$$\int (2x-3)(x-1)dx$$

8.
$$\int x^3(x^2+1)^5 dx$$

$$\mathbf{W.} \int \frac{20}{(x+1)^2} dx$$

11.
$$\int (x^2-1)(x^2+2)dx$$

$$\mathbf{a.} \int \frac{x^2}{(x+1)^1 0} dx$$

$$\int x^2 (2x-3)^{10} dx$$

$$\bigcap$$
 $\int (1-2x)(1+x-x^2)^3 dx$

8.
$$\int \frac{x^2}{(1-x)^{100}} dx$$

L.
$$\int x^5 (4+x)^{16} dx$$

$$\int (2-x)(-\frac{1}{2}x^2+2x)^4dx$$

$$\mathbf{U.} \int \frac{-3}{(x-1)^2} dx$$

៦. គណនាអាំងកេក្រាលមិនកំណត់ដោយប្រើអថេរជំនួយនៃអនុគមន៍ត្រីកោណមាត្រខាងក្រោម៖

$$\overline{\cap}$$
. $\int \sin x \cos x dx$

$$\mathbf{5.} \int \sin x (3 - \cos x)^{20} dx$$

$$2. \int \sin 4x dx$$

$$3. \int 3\cos x \sin^2 x dx$$

$$\Box \cdot \int (2-\sin x)(2x+\cos x)^4 dx$$

$$\mathbf{n}.\int (2x+\cos 7x)dx$$

$$\mathbf{W}. \int \frac{1+\cos x}{(x+\sin x)^{33}} dx$$

$$\mathbf{M.} \int (x^3 + \sin 100x) dx$$

$$\mathbf{W}.\int \frac{\cos x}{(1+\sin x)^4} dx$$

$$\overline{\mathsf{n}}.\int \tan x (1+\tan^2 x) dx$$

a.
$$\int \frac{\cos x}{\sqrt{1+\sin x}} dx$$

$$\mathbf{L}. \int 3(x^2 - 1)\cos(x^3 - 3x) dx$$

$$\mathbf{\vec{c}}.\int \frac{\tan x}{\cos^2 x} dx$$

$$\mathbf{\overline{U}.} \int \frac{\sin x}{\sqrt{2-\cos x}} dx$$

$$\mathbf{U.} \int 2(x-2)\sin(x^2-4x)dx$$

$$\mathbf{8.} \int \frac{2\cot x}{\sin^2 x} dx$$

៧. គណនាអាំងតេក្រាលមិនកំណត់ដោយប្រើអថេរជំនួយនៃអនុគមន៍អ៊ិចស្ប៉ូណង់ស្យែលខាងក្រោម៖

$$\int 2e^{2x-1}dx$$

$$\mathbf{W}$$
. $\int 4e^{4-3x}dx$

$$\mathbf{5.} \int (x+1)e^{x^2+2x}dx$$

8.
$$\int 3x^2 e^{x^3} dx$$

\(\lambda\).
$$\int (2x-3)e^{x^2-3x+2}dx$$

$$\Box . \int \sin x e^{\cos x} dx$$

$$\int 2xe^{x^2}dx$$

$$\mathbf{\overline{U}}. \int 4x^2 e^{x^3} dx$$

$$\mathbf{W}. \int e^{\frac{1}{\sin^2 x}} \tan x dx$$

ជ. គណនាអាំងតេក្រាលមិនកំណត់ដោយប្រើរូបមន្តអាំងតេក្រាលដោយផ្នែកនៃអនុគមន៍ខាងក្រោម៖

$$\int xe^x dx$$

$$\int x^2 e^x dx$$

2.
$$\int e^{2x} \sin(2x+1) dx$$
 5. $\int \ln x dx$

$$\Box$$
. $\int \ln x dx$

$$8. \int xe^{2x} dx$$

$$\mathbf{G.} \int e^x \cos x dx \qquad \mathbf{G.} \int e^{3x} \sin x dx \qquad \mathbf{S.} \int x \ln x dx$$

$$\int e^{3x} \sin x dx$$

$$\$. \int x \ln x dx$$

$$\int x^2 \sin x dx$$

$$\mathbf{W}$$
. $\int e^x \sin x dx$

$$\blacksquare$$
. $\int x^2 \sin x dx$ \blacksquare . $\int e^x \sin x dx$ \blacksquare . $\int e^{2x} \cos x dx$ \blacksquare . $\int x^2 \ln 2x dx$

$$\mathbf{U.} \int x^2 \ln 2x dx$$

$$\mathbf{w}$$
. $\int 2x \cos x dx$

$$\int x \cos x dx$$

$$\int (x+3)e^x dx$$

$$\lambda \int xe^{3x}dx$$

$$\mathbf{Z}. \int (2x-3)\cos 5x dx$$

I.
$$\int (2x-3)\cos 5x dx$$
 U. $\int (x^2+2x+1)e^x dx$ **II.** $\int (x^2+2)\ln x dx$

$$\mathbf{n.} \int (x^2 + 2) \ln x dx$$

$$\mathbf{\overline{0}.} \int (x-3)e^x dx$$

U.
$$\int e^x \cos 3x dx$$

8.
$$\int (e^x + 1) \cos x dx$$

8.
$$\int (e^x + 1) \cos x dx$$

$$\overline{\cap} \cdot \int (x+2) \ln^2 x dx$$

សូមសំណាងល្អ!



ព្រីមីទីវ និងអាំងតេក្រាលមិនកំណត់ រៀបរៀង និងបង្រៀនដោយៈ ស៊ុំ សំអុន ទូរស័ព្ទៈ ០៩៦ ៩៤០ ៥៨៤០

៩. គណនាអាំងតេក្រាលមិនកំណត់នៃអនុគមន៍ខាងក្រោម៖

$$\int \sin 2x \cos 3x dx$$

$$\mathfrak{J}. \int \sin 5x \sin 8x dx$$

$$\Box$$
. $\int \sin^4 x \cos^5 x dx$

$$3. \int \sin 4x \cos 6x dx$$

$$\Box$$
. $\int \sin^2 x \cos^3 x dx$

S.
$$\int \sin^5 x \cos^4 x dx$$

$$\int \sin 7x \cos 5x dx$$

$$\mathbf{U}$$
. $\int \sin^4 x \cos^3 x dx$

$$\mathbf{U.} \int \sin^3 x \cos^5 x dx$$

$$\mathbf{W}$$
. $\int \sin 9x \cos 4x dx$

$$2. \int \sin^6 x \cos^5 x dx$$

$$\Box$$
. $\int \sin^5 x \cos^3 x dx$

a.
$$\int \cos 2x \cos x dx$$

$$\mathbf{nJ.} \int \sin^8 x \cos^5 x dx$$

$$\int \sin^3 x \cos^6 x dx$$

$$\mathbf{\overline{U}}. \int \cos 3x \cos 5x dx$$

$$\mathbf{M}. \int \cos^2 x \sin^3 x dx$$

$$\int \cos^3 x \sin^6 x dx$$

$$\mathbf{5.} \int \cos 7x \cos 3x dx$$

$$\int \cos^4 x \sin^3 x dx$$

$$\forall$$
. $\int \sin^2 x \cos^2 x dx$

$$\Box$$
. $\int \cos 8x \cos 10x dx$

$$\mathbf{C}. \int \cos^6 x \sin^5 x dx$$

$$\bigcup$$
. $\int \cos^2 x \sin^4 x dx$

$$\mathbb{W}$$
. $\int \sin 6x \sin 2x dx$

$$\mathbf{9.} \int \cos^8 x \sin^5 x dx$$

១០. គណនាអាំងតេក្រាលមិនកំណត់នៃអនុគមន៍ខាងក្រោម៖

$$\int \tan^2 x dx$$

$$\bigcirc$$
 . $\int \cot^4 x dx$

$$\Box$$
. $\int \cos^2 x dx$

$$\mathbf{3.} \int \tan^3 x dx$$

$$\Box$$
. $\int \cot^5 x dx$

$$\mathbf{S.} \int \cos^3 x dx$$

$$\mathbf{\bar{n}}$$
. $\int \tan^4 x dx$

U.
$$\int \cot^6 x dx$$

$$\mathbf{U}. \int \cos^4 x dx$$

$$\mathbf{W}$$
. $\int \tan^5 x dx$

$$2. \int \cot^7 x dx$$

$$\mathbf{\vec{a}}. \int \cos^5 x dx$$

$$\mathbf{a}$$
. $\int \tan^6 x dx$

$$\mathbf{n}$$
. $\int \sin^2 x dx$

$$\mathbf{n}. \int \cos^6 x dx$$

$$\mathbf{\overline{U}}$$
. $\int \tan^7 x dx$

$$\mathbf{M}$$
. $\int \sin^3 x dx$

$$\int \tan^9 x dx$$

$$\int \tan^8 x dx$$

$$\int \sin^4 x dx$$

$$\forall$$
. $\int \cot^8 x dx$

$$\Box . \int \cot^2 x dx$$

$$\mathbf{U}.\int \sin^5 x dx$$

$$\mathbb{C}$$
. $\int \cot^3 x dx$

$$\mathbf{9.} \int \sin^6 x dx$$

១១. គេមានអនុគមន៍
$$f(x)=rac{\cos x}{\cos x+\sin x}$$
 និង $g(x)=rac{\sin x}{\cos x+\sin x}$ ។

- ក. គណនាអាំងតេក្រាល $\int [f(x)+g(x)]dx$ និង $\int [f(x)-g(x)]dx$
- **ខ**. ទាញរកអាំងតេក្រាល $\int f(x)dx$ និង $\int g(x)dx$
- **១២.** គេមានអនុគមន័ $I=\int rac{\cos x}{2\cos x+3\sin x}$ និង $J=\int rac{\sin x}{2\cos x+3\sin x}$ ។
 - ក. គណនាអាំងតេក្រាល 2I + 3J និង 3I 2J
 - **ខ**. គណនាអាំងតេក្រាល *រ* និង *រ*
 - គ. គណនាអាំងតេក្រាល $\int \frac{4\cos x + 5\sin x}{2\cos x + 3\sin x} dx$
- **១៣.** គេមានអនុគមន៍ $f(x) = \frac{-\cos x + 7\sin x}{3\cos x + 4\sin x}$ ។
 - ក. ចូរកំណត់រកចំនួនពិត a និង b ដែល $f(x) = a + b \left(\frac{-3\cos x + 4\sin x}{3\cos x + 4\sin x} \right)$ ។
 - **ខ.** គណនាអាំងតេក្រាល $\int f(x)dx$ ។
- ១៤. គេមានអនុគមន៍ $f(x)=rac{1}{e^x+1}$ ។
 - ក. កំណត់រកចំនួនពិត a និង b ដើម្បីឲ្យ $f(x) = a + \frac{be^x}{e^x + 1}$ ។
 - 8. គណនាអាំងតេក្រាល $\int f(x)dx$ ។
- ១៥. គេមានអនុគមន័ $f(x) = \frac{2}{e^{2x} + 3e^x + 2}$ ។
 - ក. កំណត់រកចំនួនពិត a, c និង c ដើម្បីឲ្យ $f(x) = a + \frac{be^x}{e^x + 1} + \frac{ce^x}{e^x + 2}$ ។
 - 8. គណនាអាំងតេក្រាល $\int f(x)dx$ ។
- **១៦.** គេមានអនុគមន័ $f(x)=rac{-3x+2}{x^4-2x^3+x^2}$ កំណត់ចំពោះគ្រប់ x
 eq 0 និងx
 eq 1 ។
 - ក. កំណត់រកចំនួនពិត a , b , c និង d ដើម្បីឲ្យ $f(x)=\frac{a}{x}+\frac{b}{x^2}+\frac{c}{x-1}+\frac{d}{(x-1)^2}$ ។
 - **ខ.** គណនាអាំងតេក្រាល $\int f(x)dx$
- **១៧.** គេមានអនុគមន័ $f(x)=rac{(3x^3+1)^2}{x^2}$ ។
 - ក. សរសេរ f(x) ជារាង $f(x)=Ax^2+B+rac{C}{x^2}$ រួចកំណត់ចំនួនពិត A,B និង C ។
 - $\mathbf{8}$. គណនា $\int f(x)dx$ ។

សូមសំណាងល្អ!



អាំងតេក្រាលកំណត់ រៀបរៀង និងបង្រៀនដោយៈ ស៊ុំ សំអុន ទូរស័ព្ទៈ ០៩៦ ៩៤០ ៥៨៤០

១៨. គណនា

សូមសំណាងល្អ!