ប្រឡងសញ្ញាបត្រមធ្យមសិក្សាទុតិយភូមិ ថ្ងៃទី ១៩ ខែ សីហា ឆ្នាំ ២០១៩

ម្រៀតតែខរិចទយីវាតម្លៃតនាំនទ្ធមាន់មួយង់គ្ន	នរច្ចាលវិតមិច
අකුබෝම: වද නුසා ක0වද	ಚಾತಕ್ಷಕಚಾತಕ್ಷ
ចិញ្ញាសា:	ಯ್ತಾಚಕಕ್ಷಲಾ
ଞଃ:ពេល: <mark>១៥០ ន</mark> ានី	សម្ពិសេសខេង្គិន្ទន

තිනු: ඉහස්

រួមធាននី០១

I. គណនាលីមីតនៃអនុគមន៍ខាងក្រោម៖

$$\tilde{\mathbf{n}}. \lim_{x \to 0} \frac{\sin x + \sin 3x}{\sin 4x + \sin 5x}$$

2.
$$\lim_{x\to 0} \frac{e^x - \sin x - 1}{1 - \sqrt{x+1}}$$

- II. Γ . ដោះស្រាយសមីការ $Z^2 2\sqrt{2}Z + 4 = 0$ ក្នុងសំណុំចំនួនកុំផ្លិច។ រកម៉ូឌុល និងអាគុយម៉ង់នៃឬសនីមួយៗរបស់សមីការនេះ។
 - 2. សរសេរ $W = \left(\frac{\sqrt{2} + i\sqrt{2}}{\sqrt{2} i\sqrt{2}}\right)^2$ ជាទម្រង់ត្រីកោណមាត្រ ។
- III. ក. គណនាអាំងតេក្រាល $I = \int_0^2 \left(6x^2 3x 1\right) dx$ និង $J = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \left(1 2\sin^2 x\right) dx$ ។
 - 2. គេមាន f កំណត់លើ \mathbb{R}^* ដោយ $f(x)=-2\left(\frac{x+1}{x^2}\right)$ ។ បង្ហាញថា $f(x)=-\frac{2}{x}-\frac{2}{x^2}$ ។ គណនា $K = \int_{1}^{e} f(x) dx$ ។ $\ln e = 1$
- IV. ក្នុងផង់មួយមានប៊ូល 15 ដែលចែកជាប៊ូលពណ៌បៃតងចំនួន 7 និងគេសរសេរលើប៊ូលទាំង 7 នេះតាមលេខរៀងពី 1 ដល់ 7 រួចប៊ូល ខៀវចំនួន 5 និងគេសរសេរលើប៊ូលទាំង 5 នេះតាមរៀងពី 1 ដល់ 5 ចុងក្រោយប៊ូលពណ៌ក្រហមចំនួន 3 និងគេសរសេរលេខលើប៊ូល ទាំង 3 តាមលេខរៀងពីលេខ 1 ដល់ 3 ។ គេចាប់យកប៊ូលមួយចេញពីក្នុងផង់ដោយចៃដន្យ។ រកប្រូបាបនៃប្រឹត្តិការណ៍ខាងក្រោម ៖
 - ក. A : ប៊ូលដែលចាប់បានមានពណ៌បៃតង
 - 2. B : ប៊ូលដែលចាប់បានមានលេខសេស
 - គ. C : ប៊ូលដែលចាប់បានមានពណ៌បៃតង និងលេខសេស
- V. 1. គេមានសមីការ $18x^2 + 10y^2 = 90$ ។
 - ក. បង្ហាញថាសមីការនេះជាសមីការអេលីប ។ រកប្រវែងអ័ក្សធំ ប្រវែងអ័ក្សតូច និងកូអរដោនេនៃកំពូលទាំងពីរ។
 - 2. សង់អេលីបនេះ ។
 - 2. នៅក្នុងតម្រុយអរតូណម៉ាល់ $\left({{\rm O},{\vec i},{\vec j},{\vec k}} \right)$ គេមានចំណុច M $\left({2,3,4} \right)$, N $\left({3,5,6} \right)$, P $\left({4,6,7} \right)$, Q $\left({3,4,5} \right)$ ។
 - $\overline{\mathsf{n}}$. រកវ៉ិចទ័រ $\overline{\mathsf{MN}}$, $\overline{\mathsf{QP}}$
 - ខ. ទាញបង្ហាញថាចតុកោណ MNPQ ជាប្រលេឡូក្រាម រួចគណនាផ្ទៃក្រឡានៃចតុកោណកែងនេះ ។
- VI. ក. ដោះស្រាយសមីការឌីផេរ៉ង់ស្បែល (E) : y'' + 2y' 3y = 0
 - 2. រកចម្លើយពិសេសមួយនៃសមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល (E) ដែល y(0)=1,y'(1)=e ។ (e ជាចំនួនពិតដែល $\ln e=1)$
- VII. គេមានអនុគមន៍ f កំណត់លើ $\mathbb R$ ដោយ $f(x) = x + 2 \frac{4e^x}{e^x + 3}$ ។ គេតាងក្រាបរបស់វាក្នុងប្លង់ប្រដាប់ដោយតម្រុយអរតូណរម៉ាល់ $\left(O, \vec{i}, \vec{j}\right)$
 - 1. ក. គណនាលីមីតនៃ f ត្រង់ $-\infty$ និង $+\infty$
 - ខ. សិក្សាទីតាំងនៃក្រាប C ធៀបនឹងបន្ទាត់ d_1 ដែលមានសមីការ y=x+2 ។

- 2. ក. ស្រាយបញ្ហាក់ថាចំពោះគ្រប់ចំនួនពិត $\mathbf{x},\mathbf{f}(\mathbf{x})=\left(\frac{\mathrm{e}^{\mathbf{x}}-3}{\mathrm{e}^{\mathbf{x}}+3}\right)^2$ ។
 - ខ. សិក្សាអថេរភាពនៃ f លើ R និងសង់តារាងអថេរភាពនៃ f ។
- 3. ក. តើគេអាចថាយ៉ាងណាចំពោះបន្ទាត់ប៉ះ $m d_2$ ទៅនឹងក្រាប m C ត្រង់ចំណុច m I ដែលមានអាប់ស៊ីស m ln 3 ។
 - ខ. សិក្សាទីតាំងនៃក្រាប ${
 m C}$ ធៀបនឹងបន្ទាត់ ${
 m d}_2$ ។
- 4. ក. បង្ហាញថាបន្ទាត់ប៉ះ ${
 m d}_3$ ទៅនឹងក្រាប ${
 m C}$ ត្រង់ចំណុចដែលមានអាប់ស៊ីស ${
 m 0}$ មានសមីការ ${
 m y}=\frac{1}{4}{
 m x}+1$
 - 2. ដោយសន្មត់ថាចំណុច I ជាផ្ចិតឆ្លុះនៃក្រាប C និងក្នុងតម្លៃប្រហែលនៃ $\ln 3 = 1.09$ ចូរសង់ក្រាប C, d_1, d_2, d_3 នៅក្នុង តម្រុយតែមួយ $\left(O, \vec{i}, \vec{j}\right)$ ដោយកំណត់យក 1 ឯកតាស្មើ $2\mathrm{cm}$ ។

																_ !	53 6	કું	55_															
																	•	ຂ																
	• • • • •	 • • •			• • •	• • •	• • •	 • • •	• • •		• • •				• • •	 	• • •		• • •				• • •		• • •	• • •			 	• • •			• • •	
		 		• • •			• • •	 • • •							• • •	 							• • •			• • •			 				• • •	
ල දි		 						 								 													 					
0																																		
، آ		 		• • •	• • •	• • •	• • •	 • • •	• • •	• • •	• • •	• • •	• • •	• • •	• • •	 	• • •		• • •		• • •		• • •	• • •	• • •		• • •	• • •	 	• • •		• • •	• • •	
សីហា ឆ្នាំ ២០១៩		 						 								 													 					
స్ట		 		• • •	• • •	• • •	• • •	 • • •	• • •		• • •	• • •		• • •	• • •	 	• • •		• • •	• • •			• • •	• • •	• • •		• • •	• • •	 • • •	• • •		• • •	• • •	
98		 						 								 													 					
້າ ເຄື່ອ																																		
45 50		 		• • •	• • •	• • •	• • •	 • • •	• • •		• • •	• • •		• • •	• • •	 	• • •		• • •	• • •	• • •	• • •	• • •	• • •	• • •		• • •	• • •	 	• • •	• • • •	• • • •	• • •	
ĵņe		 						 								 													 					
ភិជ																																		
ું હ		 						 								 													 					
សិក្		 				٠		 • • •			٠				• •	 	• • •		• • •						• • •				 	• • •			• • •	
ĵβ		 						 								 													 . .					
1£1																																		
ນີໂຮັ	• • • • •	 		• • •	• • •		• • •	 • • •						• • •	• •	 • • •	• • •		• • •				• • •	• • •	• • •				 	• • •			• • •	
Ė		 						 								 													 					
រំស																																		
ប្រឡងសញ្ញាបត្រមធ្យមសិក្សាទុតិយភូមិ		 • • •	• • •	• • •	• • •	• • •	• • •	 • • •	• • •		• • •	• • •			• • •	 	• • •	• • •	• • •	• • •			• • •	• • •	• • •	• • •		• • •	 • • •	• • •			• • •	 • • • •
ij		 						 								 													 					
		 		• • •			• • •	 • • •							• • •	 							• • •	• • •		• • •			 				• • •	 • • • •

ប្រឡងសញ្ញាបត្រមធ្យមសិក្សាទុតិយភូមិ ថ្ងៃទី ១៩ ខែ សីហា ឆ្នាំ ២០១៩

ម្រៀនតែខាំ១មយ៉ាតែឧតនិនម្យុដ្ឋបន់អ្នកាន់ខ្ នឃឹលនៃខាំ១ សន័យរូមធ្យ១: ១៩ សីខា ២០១៩ លេខមន្ទមលេខគុ ទិញ្ញាសា: គណិតទិន្សា (ថ្នាក់ទិន្យាសាស្ត្រ) ឈ្មោះមេឌ្ឌ៩ន រយ:ពេល: <mark>១៥០</mark> នានី មាន្តលេខាមេត្ត៩ន

තිනු: <u>ඉ</u>සු ද

් දින්න සුදුර

I. គេមានចំនួនកុំផ្លិច ${
m Z}_1=-1+{
m i}\sqrt{3}$ និង ${
m z}_2=1-{
m i}\sqrt{3}$ ។

ក. គណនា
$$\mathbf{z}_1+\mathbf{z}_2,\mathbf{z}_1-\mathbf{z}_2,\mathbf{z}_1 imes\mathbf{z}_2$$
 និង $\frac{\mathbf{z}_1}{\mathbf{z}_2}$ ។

- $oldsymbol{2}$. សរសេរជាទម្រង់ត្រីកោណមាត្រនៃចំនួនកុំផ្លិច $\mathbf{z}_1 \mathbf{z}_2, \mathbf{z}_1 \times \mathbf{z}_2$ និង $\frac{\mathbf{z}_1}{\mathbf{z}_2}$ ។
- គ. គណនា $z_1^{2018}+z_2^{2018}\,$ រួចទាញការសន្និដ្ឋាន។

II. គណនាលីមីត

2.
$$\lim_{x\to 3} \frac{x^3-27}{\sqrt{x+6}-3}$$

$$\lim_{x\to 0} \frac{\cos x - 1}{\sin^2 x}$$

$$\text{W.} \lim_{x \to 0} \frac{2\sin 3x}{x}$$

ង.
$$\lim_{x\to 0} \frac{-5\sin 5x}{8x}$$

III. ក្នុងស្បោងមួយមានប៊ូលពណ៌ស 3 ពណ៌ខៀវ 3 និងក្រហម 2។គេចាប់យកប៊ូលម្ដង 3 ក្នុងពេលតែមួយចេញពីស្បោងដោយចែ ដន្យ។ គេសន្និដ្ឋានថាប្រូបាបដែលចាប់បានប៊ូលមួយៗជាសមប្រូបាប។ គណនាប្រូបាបនៃព្រឹត្តិការណ៍ខាងក្រោម៖

- ក. A : «យ៉ាងតិចមានប៊ូល 2 ពណ៌ខៀវ»។
- 2. B : «ប៊ូលទាំង 3 មានពណ៌ខុសៗគ្នា»។
- គ. C : «ប៊ូល 1 គត់មានពណ៌ក្រហម»។

IV. ក. គណនាអាំងតេក្រាល $I=\int_1^2\left(rac{x^2}{3}-rac{x}{2}+3
ight)\mathrm{d}x$ និង $J=\int_0^{rac{\pi}{2}}\left(\sin 4x+\cos 2x
ight)\mathrm{d}x$ ។

2. គេមានអនុគមន៍ $f(x) = -\frac{2-x}{(x-1)^2}$ បង្ហាញថា $f(x) = -\frac{1}{(x-1)^2} + \frac{1}{x-1}$ ។ គណនា $K = \int_{-1}^0 f(x) dx$ ។

 ${f V}$. 1. គេមានវ៉ិចទ័រ $ec{
m u}=ec{
m i}-ec{
m j}+2ec{
m k}, ec{
m v}=-ec{
m i}+2ec{
m j}+2ec{
m k}, ec{
m w}=ec{
m i}+ec{
m j}-2ec{
m k}$ ។ រកវ៉ិចទ័រ

- $\mathbf{2}.\vec{\mathbf{u}} \vec{\mathbf{v}}$
- គ. $\vec{u} \times \vec{u}$ $w \cdot \vec{v} \times \vec{v}$
- ង. $\vec{u} \times \vec{v}$

2. រកសមីការស្តង់ដានៃអេលីប ដែលមានកំណុំមួយមានកូអរដោនេ (-1,0) និងចំណុចកំពូលពីរមានកូអរដោនេ (-3,0) និង (3,0) ។ សង់អេលីបនេះ ។

VI. គេមានសមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល (E) : $y' + 2y = 2\frac{e^{-x}}{1 + 2e^x}$ ។

- ក. ផ្ទៀងផ្ទាត់ថាអនុគមន៍ f ដែល $f(x) = e^{-2x} \ln{(1 + 2e^x)}$ ជាចម្លើយនៃ (E) ។
- ខ. បង្ហាញថាអនុគមន៍ ψ ជាចម្លើយនៃ $({
 m E})$ លុះត្រាតែ $(\psi-{
 m f})$ ជាចម្លើយនៃសមីការ $({
 m E}'):{
 m y}'+2{
 m y}=0$ ។

VII. A គេមានអនុគមន៍ g កំណត់លើ $(0, +\infty)$ ដោយ $g(x) = x^2 + \ln x$ ។

- 1. π . បង្ហាញថា g ជាអនុគមន៍កើនដាច់ខាតលើ $(0, +\infty)$ ។
 - 2. គណនា g(1) ។
- 2. ក. ទាញលទ្ធផលពីសំនួរទី១ បញ្ជាក់ថា បើ $x \ge 1$ នោះ $x^2 + \ln x \ge 1$ និងបើ $0 < x \le 1$ នោះ $x^2 + \ln x \le 1$ ។
 - ខ. កំណត់សញ្ញានៃកន្សោម $\mathbf{x}^2 + \ln \mathbf{x} 1$ កាលណា \mathbf{x} នៅចន្លោះ $(0, +\infty)$ ។

B គេមានអនុគមន៍ f កំណត់លើ $(0,+\infty)$ ដោយ $f(x)=x+1-\frac{\ln x}{x}$ និងតាងដោយក្រាប C ក្នុងតម្រុយអរតូណរមេ $\left(O,\vec{i},\vec{j}\right)$ ។

- 1. សិក្សាលីមីតនៃអនុគមន៍ f ត្រង់ 0 និង $+\infty$ (យើងដឹងថា $\lim_{x \to +\infty} \frac{\ln x}{x} = 0$) ។
- 2. បង្ហាញថាដេរីវេនៃអនុគមន៍ f គឺ $f'(x) = \frac{x^2 + \ln x 1}{x^2}$ ។
- 3. ប្រើលទ្ធផលនៃសំនួរ A សិក្សាសញ្ញានៃ $f^{\prime}(x)$ និងសង់តារាងអថេរភាពនៃអនុគមន៍ f លើ $(0,+\infty)$ ។
- 4. Γ . បង្ហាញថាបន្ទាត់ Δ មានសមីការ y=x+1 ជាអាស៊ីមតូតនៃក្រាប C ត្រង់ $+\infty$ ។
 - ខ. សិក្សាទីតាំង C ធៀបនឹង △ និងបញ្ជាក់ថាកូអរដោនេនៃចំណុចប្រសព្វ I រវាងក្រាប C និង △។ សង់ △ និង ក្រាប C។

7(1	
សីហា ឆ្នាំ ២០១៩	
ىڭ. ت	,
រើហា	
ŝ	
9 0 3 3	
3 5 5 5 5 7 7	·
យភូមិ	·
ງເຮື	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
វសិក្	,
មធ្យម	·
ប្រឡងសញ្ញាបត្រមធ្យមសិក្សាទុតិយភូមិ ថ្ងៃទី	·
សញ្ញ	7
) 19,	3
<u>ئ</u>)

ប្រឡងសញ្ញាបត្រមធ្យមសិក្សាទុតិយភូមិ ថ្ងៃទី ១៩ ខែ សីហា ឆ្នាំ ២០១៩

ម្រៀនតែថមៃទាញ់ពេន្ទានព្រះម្នងវិបន់មួលដំនួ	នរស្នាលម្រន្យ១
අකූත : වළ නුසා ක0වළ	ಚಾತಕ್ಟಾಕಚಾತಕ್ಷ
ចិញ្ញាសា:	ಚಾರ್ಮಚಾತ್ರಕಾ
ଞଃ:ពេ ଊ: ୨୯୯ ଛାଛି	សង្គលេខាមេដ្ទខន

រូម្ពុធាននី០៣

I. គណនាលីមីត

ಶಿಜ್ಜೀ ೨២៥

$$\lim_{x \to 1} \frac{1 - x^3}{x^3 - x^2 + x - 1}$$

$$2. \lim_{x\to 0} \frac{\sin 3x}{-x}$$

គឺ.
$$\lim_{x\to 0} \frac{3-3\cos 4x}{\sin^2 x}$$

- II. ក្នុងថ្នាក់រៀនមួយមានសិស្សពូកែ 10 នាក់ ដែលក្នុងនោះ 4 នាក់ជាសិស្សស្រី និង 6 ជាសិស្សប្រុស។ គេរៀបចំសិស្សជាក្រុមក្នុងមួយ ក្រុមមានសិស្ស 4 នាក់ដោយចៃដន្យ យកទៅប្រកួតជាមួយក្រុមសិស្សដ៏ទៃ។ រកប្រូបាបនៃព្រឹត្តិការណ៍ខាងក្រោម៖
 - ក. A : «ក្រុមសិស្សដែលជ្រើសរើសបានសុទ្ធតែស្រី»។
 - 2. B : «ក្រុមសិស្សដែលជ្រើសរើសបានសុទ្ធតែប្រុស»។
 - គ. C : «ក្រុមសិស្សដែលជ្រើសរើសបាន 50% ជាសិស្សប្រុស»។
- $ext{III.}$ គេមានចំនួនកុំផ្លិច $ext{z}_1=1+\sqrt{3}$ i និង $ext{z}_2=6\left(\cosrac{\pi}{4}+\mathrm{i}\sinrac{\pi}{4}
 ight)$ ។
 - $m ilde{n}$. សរសេរ $m z_1$ ជាទម្រង់ត្រីកោណមាត្រ។
 - 2. រកម៉ូឌូល និងអាគុយម៉ង់នៃ z_1^3 ។
 - គ. សរសេរផលគុណ $\mathbf{z}_1 imes \mathbf{z}_2$ ជាទម្រង់ពីជគណិត។
- $extbf{IV.}$ 1. ក្នុងលំហប្រដាប់ដោយតម្រុយ $\left(ext{O,i,j,k}\right)$ គេមានចំណុច $ext{A(-2,1,0),B(0,1,1),C(1,2,2)}$ និង $ext{D(0,3,-4)}$ ។
 - ក. រកវ៉ិចទ័រ \overrightarrow{AB} , \overrightarrow{AC} , \overrightarrow{AD} , \overrightarrow{BC} , \overrightarrow{CD} ។
 - 2. គណនាប្រវែង AB, AC, AD, BC, CD។ ទាញបញ្ជាក់ថាត្រីកោណ ABC និង ACD កែងត្រង់ A។ រួចទាញរកផ្ទៃក្រឡានៃត្រីកោណទាំងពីរនេះ ។
 - 2. គេមានសមីការ $9y^2 16x^2 = 144$ ។ បង្ហាញថាសមីការនេះជាសមីការអ៊ីពែបូល។ រកកូអរដោនេកំពូលទាំងពីរ និងកុំណុំទាំងពីរ នៃអ៊ីពែបូល ។ រកសមីការអាស៊ីមតូតរបស់អ៊ីពែបូល និងសង់អ៊ីពែបូលនេះ ។
- V. 1. គណនាអាំងតេក្រាល $I = \int_1^3 (x-2+3x^3) dx$ និង $J = \int_0^{\frac{\pi}{4}} (\sin 2x \cos x) dx$ ។
 - 2. គេមានអនុគមន៍ $K = \int_0^1 \frac{x^3 + (x+1)^2}{x^2 + 1} dx$ កំណត់លើ \mathbb{R} ។ ដើម្បីគណនា K យើងត្រូវបង្ហាញថា $\frac{x^3 + (x+1)^2}{x^2 + 1} = x + 1 + \frac{x}{x^2 + 1}$ ។
- VI. ក. ដោះស្រាយសមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល (E): y'' 3y' + 2y = 0។
 - ខ. រកចម្លើយពិសេសមួយនៃសមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល (E) ដែល y(0)=1 និង $y'(1)=\mathrm{e}^2$ ។
- VII. គេមានអនុគមន៍ f កំណត់លើ $\mathbb R$ ដោយ $f(x)=x+rac{1-3e^x}{1+e^x}$ គេតាងដោយ C ក្រាបរបស់វានៅក្នុងប្លង់ប្រដាប់ដោយតម្រុយអរតូ ណរម៉ាល់ (O,i,j) ។
 - 1. បង្ហាញថា $f(x)=x+1-rac{4e^x}{1+e^x}$ និងគណនាលីមីតនៃ f ត្រង់ $-\infty$ ។ ស្រាយបំភ្លឺថាបន្ទាត់ d_1 ដែលមានសមីការ y=x+1អាស៊ីមតូតទៅនឹងក្រាប ${
 m C}$ ត្រង់ $-\infty$ ។ សិក្សាទីតាំងនៃក្រាប ${
 m C}$ ធៀបនឹងបន្ទាត់ ${
 m d}_1$ ។

2. គណនាលីមីតនៃ f ត្រង់ $+\infty$ ។ ស្រាយបំភ្លឺថាបន្ទាត់ d_2 ដែលមានសមីការ $y=x-3$,
អាស៊ីមតូតទៅនឹងក្រាប ${ m C}$ ត្រង់ $+\infty$ ។ សិក្សាទីតាំងនៃក្រាប ${ m C}$ ធៀបនឹងបន្ទាត់ ${ m d}_2$ ។	1

3. ក. គណនាដេរីវេ
$$f'(x)$$
 និងបង្ហាញថាគ្រប់ចំនួនពិត x , $f(x) = \left(\frac{e^x-1}{e^x+1}\right)^2$ ។

ខ. សិក្សាអថេរភាពនៃ ${
m f}$ រួចសង់តារាងអថេរភាពនៃ ${
m f}$ ។ សង់ក្រាប ${
m C}$ និងបន្ទាត់ ${
m d}_1, {
m d}_2$ របស់វាក្នុងតម្រុយតែមួយ ។

	· ·
-	ಕಾಟ್ರ್ ಕ್ರಾಪ್ತ್ ಕ್ರಾಪ್ತ ಕ್ರಾಪ್ತ್ ಕ್ರಾಪ್ರ ಕ್ರಾಪ್ತ್ ಕ್ರಾಪ್ತ ಕ್ರಿಸ್ತ ಕ್ರಾಪ್ತ ಕ್ರಾಪ್ತ ಕ್ರಾಪ್ತ ಕ್ರಾಪ್ತ ಕ್ರಾಪ್ತ ಕ್ರಾಪ್ತ ಕ್ರಿಸ್ತ ಕ್ರಾಪ್ತ ಕ್ರಿಸ್ತ ಕ್ರಿಸ್ ಕ್ರಿಸ್ ಕ್ರಿಸ್ ಕ್ರಿಸ್ತ ಕ್ರಿಸ್ಟ್ ಕ್ರಿಸ್ಟ್ ಕ್ರಿಸ್
5 /2	
360	
ង្វាំ ច	
សីហា ឆ្នាំ ២០១៩	
స్ట	
96	
i S S	
បរកូមិ	
ប្រឡងសញ្ញាបត្រមធ្យមសិក្សាទុតិយភូមិ	
សិក្ស	······································
ទធ្យម	
បត្រ	
វវញ្ញា	······································
भू	
Û	······································

ង្កៀតតែ**ថាទេសយ៉ាត**ងៃឧឌាំឧស្វងប៉ឋម្នូកា**ង់**ខ្

សន័យរូមធ្យ១: ១៩ សីខា ២០១៩

ទិញ្ញាសា: គណិតទិន្សា (ថ្នាក់ទិន្យាសាស្ត្រ)

៖២::ពេល: <mark>១៥០</mark> នានី

ពិន្ទ: ១២៥

បឡងសញ្ញាបត្រមធ្យមសិក្សាទុតិយភូមិ ថ្ងៃទី ១៩ ខែ សីហា ឆ្នាំ ២០១៩

នឃឹលនៃខាំ១ លេខមន្ទមលេខគុ ឈ្មោះមេឌ្ឌ៩ន សង្គលេខាមេដ្ឋ៩ន

រុម្ភនាននី០៤

I. (១៥ ពិន្ទូ) គណនាលីមីត៖

$$\text{ fi. } \lim_{x \to 1} \frac{x^2 - 4x + 3}{1 - x^2}$$

$$\mathbf{\tilde{h}}. \lim_{x \to 0} \frac{1 - \cos^3 2x}{x \sin 3x}$$

$$\lim_{x \to 1} \frac{6x - 6}{x^2 + 3x - 4}$$

II. (១៥ ពិន្ទុ) គេមានចំនួនកុំផ្លិច $z = 1 + i\sqrt{3}$ និង $w = \sqrt{2} \left(\cos\frac{\pi}{12} + i\sin\frac{\pi}{12}\right)^3$

ក. ចូរផ្ទៀងផ្ទាត់ថា z ជាប្ញសនៃសមីការ $z^2-2z+4=0$ រួចទាញរកប្ញសមួយទៀតនៃសមីការនេះ ។

2. ចូរសរសេរឬសទាំងពីរនៃសមីការ $z^2-2z+4=0$ និង ${
m w}$ ជាចំនួនកុំផ្លិចទម្រង់ត្រីកោណមាត្រ ។

គ. ចូរសរសេរ \mathbf{w} ជាចំនួនកុំផ្លិចទម្រង់ពីជគណិត រួចស្រាយបញ្ជាក់ថា $\frac{\mathbf{z}}{\mathbf{w}} = \frac{\sqrt{3}+1}{2} + \mathrm{i} \frac{\sqrt{3}-1}{2}$ ។

III. (១៥ ពិន្ទុ) ក្នុងប្រអប់មួយមានប៊ូល ៥ ដោយក្នុងនោះមានប៊ូលពណ៌ខ្មៅ ៣ ត្រូវបានគេចុះលេខពី ១ ដល់ ៣ និងប៊ូលពណ៌ស ២ ត្រូវបានគេចុះលេខពី ១ ដល់ ២ ។ គេចាប់យក់ប៊ូល ២ ព្រមគ្នាក្នុងពេលតែមួយដោយចៃដន្យចេញពីក្នុងប្រអប់នោះ ។ គណនាប្រុ បាបនៃព្រឹត្តិការណ៍ដូចខាងក្រោម៖

ក. A : "គេចាប់បានប៊ូលមានពណ៌ដូចគ្នា"

2. B : "គេចាប់បានប៊ូលដែលមានផលបូកលេខស្នើ ៣"

គ. C : "គេចាប់បានប៊ូលដែលមានផលបូកលេខស្នើ ៣ ដោយដឹងថាវាមានពណ៌ដូចគ្នា"

IV. 1. (១០ ពិន្ទុ) គណនាអាំងតេក្រាល៖ $I = \int_1^2 \left(\frac{x^2}{2} + x - 3\right) dx$ និង $J = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \left(\frac{1 - \sin 4x}{4x + \cos 4x}\right) dx$ ។

2. (៥ ពិន្ទុ) គេមានអនុគមន៍ $f(x) = -\frac{4-x}{(x-3)^2}$ កំណត់ចំពោះគ្រប់ $x \neq 3$ បង្ហាញថា $f(x) = \frac{1}{x-3} - \frac{1}{(x-3)^2}$ ។ គណនា $K = \int_0^2 f(x) dx$ ។

V. ក. (៥ ពិន្ទុ) គេមានសមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល (E):y''-3y'+2y=0 ។

ខ. (៥ ពិន្ទុ) រកចម្លើយពិសេសមួយនៃ (E) ដោយដឹងថាក្រាបនៃចម្លើយរបស់វាប៉ះទៅនឹងបន្ទាត់ដេក y=1 ត្រង់ x=0 ។

VI. 1. (១០ ពិន្ទុ) ក.គេឲ្យខ្សែកោង (E) : $\frac{(x-4)^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$ ។ បញ្ជាក់ប្រភេទនៃខ្សែកោង (E) ។

ខ. កំណត់កូអរដោនេ ផ្ចិត កំពូល កំណុំ ប្រវែងអ័ក្ស៍ធំ និងប្រវែងអ័ក្សតូចនៃ (E) រួចសង់ខ្សែកោង (E) ។

2. (១០ ពិន្ទុ) នៅក្នុងតម្រុយអរតូណរម៉ាល់មានទិសទៅវិជ្ជមាន $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ គេមានចំណុចបី A(1,2,1), B(4,2,4), C(5,3,0) ។

ក. រកប្រវែង AB, AC, BC រួចធ្វើការសន្និដ្ឋាននៃប្រភេទត្រីកោណ ABC ។

 $oldsymbol{2}$. គណនាផលគុណ $\overline{
m AB} imes \overline{
m AC}$ រួចគណនាផ្ទៃក្រឡានៃត្រីកោណ m ABC ។

VII. (៣៥ ពិន្ទូ) ផ្នែក A គេមានអនុគមន៍ g កំណត់លើ $(0,+\infty)$ ដោយ $g(x)=-x^2+1-2\ln x$ ។

ក. ចូរគណនាដេរីវេ g'(x) រួចទាញថាអនុគមន៍ g ជាអនុកមន៍ចុះជានិច្ចលើចន្លោះ $(0,+\infty)$ ។

2. ចូរគណនាតម្លៃ g(1) ។ ចូរបញ្ជាក់សញ្ញានៃ g(x) លើ $(0, +\infty)$ ។

ផ្នែក ${f B}$ គេឲ្យអនុគមន៍ ${f f}$ កំណត់លើចន្លោះ $(0,+\infty)$ ដោយ ${f f}({f x})$	$= \frac{9x^2 + 6\ln x - 2x^3}{2x^3}$	$rac{1}{-}$ មានក្រាបតាង ${ m C}$	c
---	---------------------------------------	-----------------------------------	---

- ក. ចូររកលីមីតនៃ f ត្រង់ 0 និង $+\infty$ ។ ទាញរកសមីការអាស៊ីមតូតឈរ និងដេកនៃក្រាប C ។
- 2. ចូរស្រាយបញ្ជាក់ថាចំពោះគ្រប់ x>0 គេបាន f'(x)=kg(x) ដែល k ជាចំនួនពិតត្រូវកំណត់ ។ គូសតារាងអថេរភាពនៃ f ដោយប្រើលទ្ធផលផ្នែក A ។
- គ. ចូរគណនា $\mathrm{f}\left(\frac{1}{2}\right)$ រួចទាញថា $\mathrm{f}(\mathrm{x})=0$ មានប្ញសតែមួយគត់ស្ថិតនៅចន្លោះ $\left[\frac{1}{2},1\right]$
- ${f w}$. កំណត់សមីការបន្ទាត់ ${f T}$ ប៉ះទៅនឹងក្រាប ${f C}$ ត្រង់អាប់ស៊ីស ${f 1}$ ។
- ង. គណនា f(2) រួចសង់ក្រាប C និងបន្ទាត់ T ក្នុងតម្រុយអរតូណរម៉ាល់ (O, \vec{i}, \vec{j}) ។

-	కుట్ట్ కు
	en e
9 6	
សហា ឆ្នា ២០១៩	
= = 	
เก็	
මයි වෙ	
i D	,
WĄ	
한 년	,
សក្ស	
iaju	,
ប្រឡងសញ្ញាបត្រមធ្យមសក្សាទុតយភូម ថ្ងេទ	,
	7
i i	;
e E	

បឡងសញ្ញាបត្រមធ្យមសិក្សាទុតិយភូមិ ថ្ងៃទី ១៩ ខែ សីហា ឆ្នាំ ២០១៩

ម្រៀងត្រថមិនមួយ នេះ	នស្នេលម្រន្យ១
សន័យម្រន្ស១: ១៩ សីសា ២០១៩	ಣಾತಕ್ಟಾಕಣಾತಕ್ಕ
និញ្ញាសា: ដលិដទិន្សា (ថ្លាអ់ទិន្សាសាស្ត្រ)	ಚಾಮೇಣಕ್ಕಿಕ್ಕಾ
ଞଃ:ଗେଊଃ: <mark>୨ଝ</mark> ି୦ ଚରଛି	សង្គលេខាមេឌិត្ស

ಣಿಣ್ಣ: ೨೮೮៥

្សមធាននី០៥

I. ក្នុងថង់មួយមានឃ្លីពណ៌សចំនួន 2 ឃ្លីពណ៌ក្រហមចំនួន 4 និងឃ្លីពណ៌ខៀវចំនួន 4។ គេចាប់យកឃ្លី 3ព្រមគ្នាដោយចៃដន្យ។ រកប្រូបាបនៃព្រឹត្តិការណ៍:

A: ឃ្លីទាំង 3មានពណ៌ក្រហម; B: យ៉ាងតិចមានឃ្លី 2 មានពណ៌ខៀវ; C: ឃ្លីទាំង 3 មានពណ៌ខុសៗគ្នា។

II. គណនាលីមីត

$$\text{ îi. } \lim_{x \to 1} \frac{x^2 (x-2) + x^2 + x - 1}{1 - x} \\ \text{2. } \lim_{x \to 0} \frac{-2x}{\sin 3x}$$

$$2. \lim_{x \to 0} \frac{-2x}{\sin 3x}$$

$$\mathbf{\tilde{h}}. \lim_{x \to \frac{\pi}{3}} \frac{\sin x - \sqrt{3}\cos x}{2(\pi - 3x)}$$

III. គេមានចំនួនកុំផ្លិច $z_1=3+3\mathrm{i}\sqrt{3}$ និង $z_2=\sqrt{3}+\mathrm{i}$ ។

ក. គណនា
$$\mathbf{z}_1 \times \mathbf{z}_2$$
 និង $\frac{\mathbf{z}_1}{\mathbf{z}_2}$

គ. សរសេរ
$$\left(\frac{\mathrm{z}_1}{\mathrm{z}_2}\right)^3$$
 ជាទម្រង់ពីជគណិត។

2. សរសេរ $z_1 \times z_2$ និង $\left(\frac{z_1}{z_2}\right)^2$ ជាទម្រង់ត្រីកោណមាត្រ

IV. គណនាអាំងតេក្រាល:
$$I = \int_1^2 \left(2 - x + x^2\right) dx$$
; $J = \int_0^{\frac{\pi}{4}} \left[\cos 2x - \frac{1}{2}\cos 4x\right] dx$; $K = \int_2^3 \left(3x - 2 + \frac{1}{x - 1}\right) dx$ ។

- m V.~1.~ ក្នុងលំហប្រដាប់ដោយតម្រុយអរតូណរម៉ាល់ $m \left(o, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k}
 ight)$ គេមានចំណុច m A~(1;2;3)~,~B~(3;0;1)~,~C~(-1;0;1)~ និង m D~(2;1;2)~ ។
 - a. រកវ៉ិចទ័រ \overrightarrow{AB} , \overrightarrow{AC} , \overrightarrow{AD} , \overrightarrow{BC} ។
 - b. បង្ហាញថាចំណុច A,B និង C មិននៅលើបន្ទាត់តែមួយ។
 - c. បង្ហាញថាវ៉ិចទ័រ n (0;1;-1) ជាវ៉ិចទ័រណរម៉ាល់ទៅនឹងប្លង់ (ABC) ។
 - 2. គេមានសមីការ $(2x + 3y)^2 = 12(xy + 3)$ ។ បង្ហាញថាសមីការនេះជាសមីការអេលីប។ រកប្រវែងអ័ក្សតូច អ័ក្សធំ កូអរដោនេនៃកំពូលទាំងពីរ និងសង់អេលីបនេះ។
- VI. a. ដោះស្រាយសមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល: (E): y'' + 4y' = 5y ។
 - b. រកចម្លើយពិសេសមួយនៃសមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល (E) បើគេដឹងថាក្រាប (C) នៃអនុគមន៍ចម្លើយនេះកាត់តាមចំណុច (0;3) ហើយបន្ទាត់ប៉ះទៅនឹងក្រាប (C) ត្រង់ចំណុចនេះមានមេគុណប្រាប់ទិសស្មើ –3។

VII. គេមានអនុគន៍ f កំណត់លើ $(1;+\infty)$ ដោយ $f(x)=-x+4+\ln\left(\frac{x+1}{x-1}\right)$ ។ គេតាងដោយ (C) ក្រាបរបស់វានៅក្នុងប្លង់ ប្រដាប់ដោយតម្រុយអរតូណរម៉ាល់ (o; វ៉; វ៉្)។

- 1. គណនាលីមីតនៃ f ត្រង់ 1 និងត្រង់ $+\infty$ ។
- 2. ស្រាយបំភ្លឺថានៅលើ $(1; +\infty)$ គេបានដេរីវេនៃអនុគមន៍ f គឺ $f'(x) = \frac{-(x^2+1)}{(x+1)(x-1)}$ ។ សិក្សាអថេរភាពនៃអនុគមន៍ f និងសង់ តារាងអថេរភាពនៃ f លើ $(1; +\infty)$ ។
- 3. a. បង្ហាញថាបន្ទាត់ d_1 ដែលមានសមីការ y=-x+4 ជាអាស៊ីមតូតទៅនឹងក្រាប (C) ត្រង់ $+\infty$ ។
 - b. បង្ហាញថាចំពោះគ្រប់ x លើ $(1;+\infty)$ $\frac{x+1}{x-1} > 1$ និងទាញយកការប្រៀបធៀបទីតាំងនៃ (C) ធៀបនឹង d_1 ។

දි

	$(4.5;0) { m 1}$
	ಕಾರ್ಟ್ ಕ್ಷಾಪ್ತ್ ಕ್ಷಾಪ್ತ ಕ್ಷಾಪ್ತ್ ಕ್ಷಾಪ್ತ ಕ್ಷಾಪ್ತ್ ಕ್ಷಾಪ್ತ್ ಕ್ಷಾಪ್ತ್ ಕ್ಷಾಪ್ತ್ ಕ್ಷಾಪ್ತ್ ಕ್ಷಾಪ್ತ್ ಕ್ಷಾಪ್ತ ಕ್ಷಾಪ್ತ್ ಕ್ಷಾಪ್ತ ಕ್ಷಾಪ್ತ ಕ್ಷಾಪ್ತ ಕ್ಷಾಪ್ತ ಕ್ಷಾಪ್ತ್ ಕ್ಷಾಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಾಪ್ತ ಕ್ಷಾಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ರ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ರ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ರ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ರ ಕ್ಷಿಪ್ರ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ರ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ರ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ರ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ರ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ರ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ರ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ರ ಕ್ಷಿಪ್ರ ಕ್ಷಿಪ್ರ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ರ ಕ್ಷಿಪ್ಟ ಕ್ಷಿಪ್ರ ಕ್ಷಿಪ್ರ ಕ್ಷಿಪ್ರ ಕ್ಷಿಪ್ರ ಕ್ಷಿಪ್ರ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ತ ಕ್ಷಿಪ್ಟ
ധ	
១០១៩	
<u>ڪ</u> ر	т
សហា	
න දි වි	
55.	
ត់យភូម	
ຼີດຄືເ	-
សិក្ស	······································
) 	o
ប់ត្រែម	
J. J	a
ប្រទ្ធង្រស់ញ្ញា	3
<u>;</u>	

4. កំណត់កូអរដោនេនៃចំណុចនៅលើ (C) ដែលបន្ទាត់ប៉ះ d_2 ទៅនឹងក្រាប (C) ត្រង់ចំណុចនេះមានមេគុណប្រាប់ទិស $-\frac{5}{3}$ និង

សរសេរសមីការបន្ទាត់ប៉ះ ${
m d}_2$ នេះ។

ឫទ្សងសញ្ញាបត្រមធ្យមសិក្សាទុតិយភូមិ ថ្ងៃទី ១៩ ខែ សីហា ឆ្នាំ ២០១៩

မြို့နှုန်းအပြစ္ပေတြး မြော့အမြေးမျှနှင့် မြော့နှုန်းမျှန်းမျှန်းမျှန်းမျှန်းမျှန်းမျှန်းမျှန်းမျှန်းမျှန်းမျှန်းမျှန်းမျှန်းမျှန်းမျှန်းမျှန်းမျှန်းမျ	ឧស៊ីរល្មានដិច
អន័យម្រន្ស១: ១៩ សីសា ២០១៩	ಚಾತಕ್ಟಾಕೆಚಾತಕ್ಕೆ
និញ្ញាសា:	ឈ្មោះមេឌ្ឌ៩ឆ
ଞଃ:ମେଊ: <mark>୨୯</mark> ୦ ଚର୍ଛି	ຄສເນອເຍສຸຢຣ

ពិឆ្ន: ១២៥

ទ្រខានខ្លួំ០៦

I. (១៥ ពិស្ត្) គេឲ្យចំនួនកុំផ្លិច
$$z=(1+i)^{10}\left(\cos\frac{\pi}{3}+i\sin\frac{\pi}{3}\right)^{20}$$
។

II. (**១៥ តិន្ទុ**) គណនាលីមីតនៃអនុគមន៍ខាងក្រោម:

$$\lim_{x \to 1} \frac{x + 2\sqrt{x} - 3}{x - 5\sqrt{x} + 4}$$

2.
$$\lim_{x \to \frac{\pi}{3}} \frac{\sqrt{3}\cos x - \sin x}{6x - 2\pi}$$

$$\widehat{\mathbf{h}}. \lim_{x \to 1} \frac{x-1}{x^2 + x - 1 + x^2 (x-2)}$$

III. (១៥ ចិន្ត្) ក្នុងថង់មួយមានប៊ិចបាល់ពណ៍ស 5 ដើម កូនប៊ិចពណ៍ខៀវ 3 ដើម និងកូនប៊ិចពណ៍ក្រហម 4 ដើម។ គេចាប់យកប៊ិច 3 ចេញព្រមគ្នាដោយចៃដន្យ។ រកប្រូបាបនៃព្រឹត្តិការណ៍ខាងក្រោមៈ

ក. A : "ចាប់បានប៊ិចទាំង 3 មានពណ៍ដូចគ្នា"

គ. C : "ចាប់បានប៊ិចទាំង 3 មានពណ៍ខុសគ្នា"។

2. B : "ចាប់បានប៊ិចពណ៍ខៀវ 2 គត់"

IV. (១៥ ពិន្ទុ) គណនាអាំងតេក្រាលនៃអនុគមន៍ខាងក្រោមៈ

9.
$$\int_0^{\pi} \frac{1 + \sin 2x}{\sin x + \cos x} dx$$

$$2. \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{3}} \frac{1 + \cos 2x}{1 - \cos^2 2x} dx$$

$$\hat{\mathbf{n}}. \int_0^{\frac{\pi}{2}} (x^2 + 1) \sin 2x dx$$

 \mathbf{v} . គេឲ្យអនុគមន៍ \mathbf{f} កំណត់ដោយ $\mathbf{f}(\mathbf{x}) = \frac{\mathbf{x}+1}{\left(\mathbf{x}-1\right)^2}$ ចំពោះ $\mathbf{x} \neq 1$ ។

កំណត់ចំនួនពិត a និង b ដើម្បីឲ្យ $f(x) = \frac{a}{x-1} + \frac{b}{\left(x-1\right)^2}$ ចំពោះ $x \neq 1$ រួចគណនា $K = \int_0^2 f(x) dx$ ។

 ${f V.}$ (១៥ ពិន្ទុ) គេឲ្យសមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល ${f (E): y'-2y=4\cos x}$ ។

- ក. កំណត់ចម្លើយទូទៅនៃសមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល (F): y'-2y=0 ដែលផ្ទៀងផ្ទាត់ y(0)=1 ។
- $f{2}$. កំណត់ចំនួនពិត a និង b ដែលអនុគមន៍ g កំណត់លើ $f{R}$ ដោយ $g(x) = a\cos x + b\sin x$ ផ្ទៀងផ្ទាត់ (E) ។
- គ. ទាញរកចម្លើយទូទៅនៃសមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល (E) ។

VI. 9. (90 តិខ្លុ) គេឲ្យសមីការនៃកោនិច (P) : $(1-2x)^2-8(y+1)+7+4x=0$ ។ បង្ហាញថា (P) ជាប៉ារ៉ាបូល។ កំណត់កូអរដោនេកំពូល កំណុំ បន្ទាត់ប្រាប់ទិស និងសង់ក្រាបវា។

២. (១០ ពិស្ត្) ក្នុងតម្រុយអរតូណរម៉ាល់ប្រដាប់ដោយទិសដៅវិជ្ជមាន $\left(\mathbf{o},\vec{\mathbf{i}},\vec{\mathbf{j}},\vec{\mathbf{k}}\right)$ គេមានចំណុច A (-1;2;1) , B (-1;2;3) និង $\overrightarrow{\mathrm{BC}}=3\vec{\mathbf{i}}+\vec{\mathbf{j}}+\vec{\mathbf{k}}$ ។

- ក. កំណត់កូអរដោនេនៃចំណុច ${
 m C}$ ។ គណនាផលគុណស្កាលែ $\overline{
 m BC}\cdot\overline{
 m BA}$ និងទាញរកកូស៊ីនុសនៃមុំ ${
 m B}$ ។
- f 2. គណនាផលគុណវ៉ិចទ័រ $\overline{
 m BC} imes \overline{
 m BA}$ និងកំណត់សមីការប្លង់កាត់តាម m A; B; C ។

VII. (៣៥ ចិន្ត្) ខ្ញែត A: អនុគមន៍ g កំណត់លើ $\mathbb R$ ដោយ $g(x)=(2-x)\,\mathrm{e}^{-x}-2$ ។

- ក. គណនា $\lim_{x \to -\infty} g(x)$ និង $\lim_{x \to +\infty} g(x)$ ។
- ខ. គណនាដេរីវ៉េ $\mathbf{g}'(\mathbf{x})$, $\mathbf{g}(\mathbf{0})$ រួចគូសតារាងអថេរភាពនៃ $\mathbf{g}(\mathbf{x})$ ។ ទាញរកសញ្ញានៃ \mathbf{g} ទៅតាមតម្លៃនៃ \mathbf{x} ។

ឡែត $B:$ អនុគមន៍ $f(x)=\frac{2e^x+1}{(x-3)e^x}$ មានក្រាប C ក្នុងតម្រុយអរតូណរមេ $\left(o,\vec{i},\vec{j}\right)$	ស្លែភ B : ៛	អនុគមន៍ f(x) =	$\frac{2e^{x}+1}{(x-3)e^{x}}$	មានក្រាប	C ក្នុងតម្រុ	យអរតូណរមេ	(o, \vec{i}, \vec{j})
---	--------------------	----------------	-------------------------------	----------	--------------	-----------	-------------------------

- ក. រកដែនកំណត់ \mathbb{D}_f នៃអនុគមន៍ f រួចគណនាលីមីតនៃ f ត្រង់ចុងដែនកំណត់។ ទាញរកសមីការអាស៊ីមតូតទាំងអស់នៃក្រាប C។
- 2. ចំពោះគ្រប់ $\mathbf{x} \in \mathbb{D}_{\mathbf{f}}$ គេបាន $\mathbf{f}'(\mathbf{x}) = \frac{(2-\mathbf{x})\,\mathrm{e}^{-\mathbf{x}} 2}{\left(\mathbf{x} 3\right)^2\mathrm{e}^{2\mathbf{x}}}$ ។ រួចបង្ហាញថា $\mathbf{f}'(\mathbf{x})$ មានសញ្ញាដូច $\mathbf{g}(\mathbf{x})$ ។
- គ. គូសតារាងអថេរភាពនៃ f និងសង់ក្រាប C។

-	ಕಟ್ಟ್ ಕ
ල ල	
សីហា ឆ្នាំ ២០១៩	
T Eg	······································
ប្រឡងសញ្ញាបត្រមធ្យមសិក្សាទុតិយភូមិ ថ្ងៃទី ១៩ ខែ	
ಸವಾ ಸವಾ ಡು	,
កូមិ	
ត្រិយ	
້າຖົ້າເອີ	
រ្យមណិ	
្រាមព្	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
iiii U	······································
ង្រំស	······································
to g	

រៀបរៀង និងបង្រៀនដោយ: ស៊ុំ សំអុន

ഉ

សូមសំណាងល្អ!

	Ι
ប្រឡងសញ្ញាបត្រមធ្យមសិក្សាទុតិយភូមិ ថ្ងៃទី ១៩ ខែ សីហា ឆ្នាំ ២០១៩	
<u>, (2</u> 4	
សីហា	
Š	
ල ද	
ನ್ನಾ ವಾ	
1 T	1
តិយភូ	
រិក្សាទុ	
រ្យមណ៍	
ត្រមា	
iiii t	
ίδί	
भू	
S (S)	

မြို့ခုန်အေးမြောက်မြောက်မြောက်မှုမှုမှုမှုမှုမှုမှုမှုမှုမှုန်းမှုမှုမှုမှုမှုမှုမှုမှုမှုမှုမှုမှုမှုမ	នេះ
សត្ថតារិទ្ធ <mark>១៩ ស្នួសា ៣០១៩</mark>	ಚಾತಕ್ಷಕಚಾತಕ್ಕ
វិញ្ញាសា:	ಚರ್ಣಾಣಕ್ಷಿಕ್ಕಾ
ଞଃ:ពេល: <mark>୨໕</mark> ୦ ଛାଛିଁ	ಲಾಕ್ಷಣಲಾಣಕ್ಷರಣ

ಣಿಣ್ಣ: ೨೮೮៥

្សម្**នាននី**០៧-

I. (១៥ ពីឆ្នូ) គណនាលីមីត:
$$A = \lim_{x \to 0} \left(\frac{3x^2 - 2x + 1}{x} - \frac{1}{x} \right)$$
, $B = \lim_{x \to 0} \frac{2x^2 - \sin 3x}{\sin^2 x + 4x}$, $C = \lim_{x \to \frac{\pi}{6}} \frac{\sqrt{3} \sin x - \cos x}{\frac{\pi}{6} - x}$

II. (១៥ ពីឆ្នូ) គណនាអាំងតេក្រាលៈ
$$I = \int \left(\frac{4x - 5x^2 + 6x^3}{x^3}\right) dx$$
, $J = \int_0^1 \left(\frac{1}{x^2 - 4x + 4}\right) dx$, $K = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \left(\sin x \sqrt{1 - \cos x}\right) dx$

- - 2.សរសេរស $z_1 \times z_2$ និង $\frac{z_1}{z_2}$ ជាទម្រង់ត្រីកោណមាត្រ។ \mathbf{r} .បង្ហាញថា $\mathbf{x} = \left(\frac{9\mathrm{i}}{4}\right)^{1008} \left(\frac{z_1}{z_2}\right)^{\frac{22}{2016}}$ ជាចំនួនពិត។
- IV. (១០ តិខ្ហុ) ក. ដោះស្រាយសមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល (E) : y'' + 3y' = 4y ។
 - ខ.រកចម្លើយពិសេសមួយនៃសមីការឌីផេរ៉ង់ស្យែល (E) ដោយដឹងថាក្រាបតាងអនុគមន៍ចម្លើយប៉ះទៅនឹងបន្ទាត់ T ដែលមាន សមីការ y+4x=0 ត្រង់ចំណុច A(0,6) ។
- V. (១០ ជិន្ត្) ក្នុងថង់មួយមានឃ្លីក្រហមចំនួន 3 ឃ្លីសចំនួន 2 និងឃ្លីខ្មៅចំនួន 4។ គេចាប់យកឃ្លីម្តងមួយៗចំនួន 3 ចេញមិនដាក់ ចូលវិញដោយចៃដន្យ។ គណនាប្រូបាបនៃព្រឹត្តិការណ៍ដែលចាប់បានៈ
 - A: ឃ្លីទាំង 3 ជាឃ្លីពណ៌ដូចគ្នា, B: ឃ្លីទី 1 និង 2 ជាឃ្លីពណ៌ស, C: ឃ្លីទាំង 3 ជាឃ្លីពណ៌ខុសគ្នា
- $ext{VI.}$ (**៣៥ កិន្ទុ**) ក្នុងតម្រុយ $\left(\mathbf{o}, \vec{\mathbf{i}}, \vec{\mathbf{j}}\right)$ អនុគមន៍ \mathbf{f} កំណត់ $\mathbf{x} \in (-1, +\infty)$ ដោយ $\mathbf{f}(\mathbf{x}) = \mathbf{x} + \frac{\ln{(1+\mathbf{x})}}{1+\mathbf{x}}$ មានក្រាប $\mathbf{(C)}$ ។
 - 9. អនុគមន៍ g កំណត់ $\mathbf{x} \in (-1, +\infty)$ ដោយ $\mathbf{g}(\mathbf{x}) = (1+\mathbf{x})^2 1 + \ln{(1+\mathbf{x})}$ ។
 - ក. សិក្សាអថេរភាពនៃអនុគមន៍ g(x) ។ គណនា g(0) ។
 - ${f 2}.$ សង់តារាងអថេរភាពនៃអនុគមន៍ ${f g}$ ដោយមិនចាំបាច់គណនាលីមីត រួចសិក្សាសញ្ញា ${f g}({f x}),{f x}\in (-1,+\infty)$ ។
 - ២. ក. គណនាលីមីតចុងដែនកំណត់នៃអនុគមន៍ f ដោយប្រើ $\lim_{x\to 0^+}\frac{\ln x}{x}=-\infty$ និង $\lim_{x\to +\infty}\frac{\ln x}{x}=0$ ។ រួចទាញបញ្ជាក់សមីការអាស៊ីមតូតនៃក្រាប f
 - 2. ផ្ទៀងផ្ទាត់ថា $f'(x)=\frac{g(x)}{\left(1+x\right)^2},\;x\in(-1,+\infty)$ រួចសិក្សាសញ្ញា f'(x) ។ សង់តារាងអថេរភាពនៃអនុគមន៍ f'(x)
 - គ. បង្ហាញថាបន្ទាត់ L មានសមីការ y=x ជាសមីការអាស៊ីមតូតទ្រេតនៃក្រាប (C) ខាង $+\infty$ រួចសិក្សាទីតាំងធៀប។
- VII. (២៥ ពិស្តុ) ១. ក្នុងតម្រុយអរតូណម៉ាល់ $\left(0,\vec{i},\vec{j},\vec{k}\right)$ គេមានចំណុច A (1,3,-1) , B (3,0,1) , C (2,1,-3) និងបន្ទាត់ L ដែល មានសមីការ x=2-t , y=2t និង z=1-t , $t\in\mathbb{R}$ ។
 - ក. បង្ហាញថាចំណុច A,B និង C កំណត់បានប្លង់ ABC មួយ រួចកំណត់សមីការប្លង់ ABC។
 - 2. គណនាផ្ទៃក្រឡាត្រីកោណ ABC។ រកកូអរដោនេចំណុច M ប្រសព្វរវាងប្លង់ ABC និងបន្ទាត់ L។
 - ២. បញ្ជាក់សមីការ $(E):4x^2-100=25y^2$ ជាអ៊ីពែបូល។ រកកូអរដោនេផ្ចិត កំពូល កំណុំ និងសមីការអាស៊ីមតូត រួចសង់។

សូមអានប្រធានលំហាត់ឲ្យបានច្បាស់មុនធ្វើលំហាត់!

96క్ట్రోట్
ស្សា ប្រា ប្រា ប្រា ប្រ
ි
5
<u>ප</u> බු
୍ଦ୍ର · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
හ වූ
요
ත ය · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
及 此
នុក្ស ភ្នំ ម្តាំ ស្តមសំណាងល្អ! សូមសំណាងល្អ!
ង ម
ភ្ន ស្តូមសំណាងល្អ!
또 됐