Raport - Zaawansowane metody klasyfikacji oraz analiza skupień – algorytmy grupujące i hierarchiczne

Filip Michewicz 282239 Wiktor Niedźwiedzki 258882

18 czerwca 2025 Anno Domini

Spis treści

1	Z aa 1.1	wansowane metody klasyfikacji Rodziny klasyfikatorów/uczenie zespołowe	9
	1.2	Metoda wektorów nośnych (SVM)	4
		1.2.1 Jądro liniowe	4
		1.2.2 Jądro wielomianowe	1
		1.2.3 Jądro radialne	7
		1.2.4 Jądro sigmoidalne	Ć
	1.3	Wnioski	11
2	Ana	aliza skupień – algorytmy grupujące i hierarchiczne	12
	2.1		12
	2.2	v v v	14
		2.2.1 k-średnie	15
		2.2.2 Partitioning Around Medoids (PAM)	16
			17
			20
	2.3		22
			22
			24
	2.4	Wnioski	29
3	Pod	dsumowanie	29
\mathbf{S}	pis	rysunków	
	1	Pojedyńcze drzewo klasyfikacyjne	3
	2	Liczność poszczególnych typów szkła	13
	3	Wykres pudełkowy, zmienne bez standaryzacji	13
	4	Wykres pudełkowe, po standaryzacji	14
	5	Wizualizacja danych, PCA	14
	6		15
	7	Wykres RI od Na, aby pokazać gdzie są wyznaczone centra skupień	15
	8	coś	16
	9	coś, z medoidami	17
	10	AGNES: single linkage	18
	11	AGNES: complete linkage	19
	12		20

13	AGNES: average linkage
14	AGNES: average linkage
15	Connectivity
16	Dunn
17	Silhouette
18	PCA, kolory - rzeczywiste, kształt - wyniki, k=2
19	Wykres RI od Na, aby pokazać gdzie są wyznaczone centra skupień, k=2
20	\cos , k=2
21	coś, z medoidami, k=2
22	AGNES: complete linage, k=2
23	DIANA, k=3
_0	<u></u>
Spis	tabel
1	Poprawa dokładności klasyfikacji za pomocą drzewa klasyfikacyjnego, z podziałem na algorytmy
	uczenia zespołowego oraz liczbę replikacji
2	Jądro liniowe - bez skalowania
3	Jądro liniowe - ze skalowaniem
4	Jądro wielomianowe - wielokrotny podział, bez skalowania
5	Jądro wielomianowe - wielokrotny podział, ze skalowaniem
6	Jądro wielomianowe - cross-validation, bez skalowania
7	Jądro wielomianowe - cross-validation, ze skalowaniem
8	Jądro wielomianowe - bootstrap, bez skalowania
9	Jądro wielomianowe - bootstrap, ze skalowaniem
10	Badanie wpływu stopnia wielomianu na dokładność - wielokrotny podział, najbardziej dokładna
	kombinacja gammy i kary dla opcji default (stopień 3
11	Jądro radialne - wielokrotny podział, bez skalowania
12	Jądro radialne - wielokrotny podział, ze skalowaniem
13	Jądro radialne - cross-validation, bez skalowania
14	Jądro radialne - cross-validation, ze skalowaniem
15	Jądro radialne - bootstrap, bez skalowania
16	Jądro radialne - bootstrap, ze skalowaniem
17	Jądro sigmoidalne - wielokrotny podział, bez skalowania
18	Jądro sigmoidalne - wielokrotny podział, ze skalowaniem
19	Jądro sigmoidalne - cross-validation, bez skalowania
20	Jądro sigmoidalne - cross-validation, ze skalowaniem
21	Jądro sigmoidalne - bootstrap, bez skalowania
22	
23	• •
	i v
24	Macierz błędów; metoda k-średnich
25	Dane medoidów, k=6
26	Macierz błędów; metoda k-średnich
27	Macierz błędów; agnes, najbliższy sąsiad
28	Macierz błędów; agnes, najdalszy sąsiad
29	Macierz błędów; agnes, średnia odległość
30	Macierz błędów; agnes, średnia odległość
31	Macierz błędów; agnes, średnia odległość
32	Dane medoidów, k=2

1 Zaawansowane metody klasyfikacji

W pierwszej części zadania zastosujemy algorytmy ensemble learning (bagging, boosting i random forest) w celu poprawy dokładności cech klasyfikacyjnych. W drugiej natomiast poznamy i ocenimy nową metodę klasyfikacji - metodę wektorów nośnych (SVM).

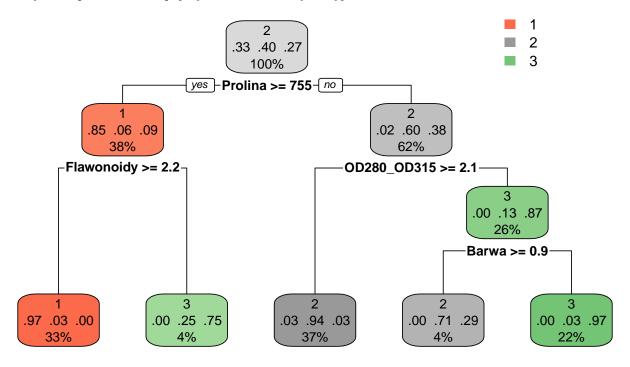
Zadanie zostanie wykonane na zbiorze danych wine, którego szczegółowy opis znajduje się w poprzednim raporcie.

1.1 Rodziny klasyfikatorów/uczenie zespołowe

Wyróżniamy trzy algorytmy uczenia zespołowego (ang. ensemble learning):

- Bagging generujemy B-bootstrapowych replikacji zbioru uczącego, na podstawie których tworzymy B klasyfikatorów. Następnie łączymy je w klasyfikator zagregowany, który przydziela dane cechy do klas za pomocą reguły "głosowania większości" (w przypadku remisu wybiera losowo). Każdy klasyfikator powstaje niezależnie (w sensie takim, że wyniki poprzednich nie mają wpływu na generowanie nowych).
- Boosting podobnie jak w bagging, tworzymy klasyfikator zagregowany złożony z wielu pojedynczych
 klasyfikatorów. Jednak różnica jest taka, że klasyfikatory powstają sekwencyjnie. Na początku każda
 cecha w zbiorze ma przypisaną taką samą wagę. Z każdą kolejną iteracją natomiast waga zwiększa się
 dla uprzednio źle sklasyfikowanych przypadków.
- Random forest (dla drzew klasyfikacyjnych) metoda podobna do bagging z tą różnicą, że klasyfikatory
 powstają na podstawie różnych m-elementowych podzbiorach cech (m mniejsze bądź równe wszystkim
 cechom).

Na wykresie przedstawiono pojedyńcze drzewo klasyfikacyjne.



Rysunek 1: Pojedyńcze drzewo klasyfikacyjne

Błąd estymowany metodą bootstrap .632+ wynosi 9.1%. Na jego podstawie określimy poprawę modelu po zastosowaniu metod uczenia zespołowego.

 $\rm MO\dot{Z}ESZ$ DAĆ TU WZÓR ŻE POPRAWĘ DEFINIUJEMY JAKO (błąd jednego drzewa - błąd metody)/ błąd jednego drzewa * 100% w Latechuj

W tej części analizy do oceny wydajności modelu zostanie wykorzystana wyłącznie metoda .632+, ponieważ koryguje ona obciążenie estymatora (bias) i dostarcza bardziej wiarygodnej oceny błędu generalizacji, zwłaszcza przy ryzyku przeuczenia i ograniczonej liczbie próbek.

Tabela 1: Poprawa dokładności klasyfikacji za pomocą drzewa klasyfikacyjnego, z podziałem na algorytmy uczenia zespołowego oraz liczbę replikacji

Algorytm uczenia zespołowego				eplikacji	į			
	1	5	10	20	30	40	50	100
Bagging	41.52	25.72	42.43	63.67	56.94	63.24	65.60	65.03
Random Forest	87.65	83.70	86.83	89.45	82.73	88.72	82.30	84.78
Boosting	72.95	67.31	67.28	73.75	63.21	67.37	70.96	71.30

1.2 Metoda wektorów nośnych (SVM)

W tej części przeprowadzona będzie klasyfikacja na podstawie metody wektorów nośnych, z podziałem na różne funkcje jądrowe.

Metoda SVM jest jedną z najczęściej stosowanych technik uczenia maszynowego w zadaniach klasyfikacyjnych. Jej podstawowym celem jest wyznaczenie hiperpłaszczyzny maksymalnie oddzielającej obserwacje należące do różnych klas, przy jednoczesnym maksymalizowaniu marginesu miedzy klasami.

Dzięki zastosowaniu funkcji jądrowych (kernel functions), SVM umożliwia również skuteczną klasyfikację danych nieliniowo separowalnych poprzez odwzorowanie ich do przestrzeni o wyższej liczbie wymiarów. W niniejszej analizie zostaną porównane różne funkcje jądrowe, w tym liniowa, wielomianowa oraz radialna (RBF), w kontekście ich wpływu na jakość klasyfikacji.

1.2.1 Jadro liniowe

Przeanalizowano skuteczność klasyfikacyjną z zastosowaniem jądra liniowego, zarówno bez skalowania danych, jak i po ich skalowaniu.

Porównanie wyników dla obu wariantów (ze skalowaniem i bez) pozwala ocenić wpływ przeskalowania zmiennych na jakość klasyfikacji. Ponieważ SVM opiera się na obliczeniach odległości i iloczynów skalarnych, skalowanie danych może znacząco wpłynąć na działanie algorytmu, szczególnie gdy zmienne wejściowe różnią się skalą lub jednostką.

Za każdym razem skuteczność modelu oceniano trzema metodami: wielokrotnego podziału, bootstrapu oraz kroswalidacji. W pierwszych dwóch przypadkach stosowano podział danych w stosunku 2:1 (czyli 2/3 zbioru do nauki, 1/3 do testowania), natomiast kroswalidację przeprowadzono z użyciem 10 zbiorów (10-fold), przy czym model trenowano na 9 częściach, a testowano na jednej. Wszystkie podawane wartości dokładności odnoszą się do skuteczności modelu na zbiorze testowym.

Tabela 2: Jądro liniowe - bez skalowania

Metoda	Współczynnik kary - C										
	0.001	0.01	0.1	1	10	100	1000				
Wielokrotny podział	40.00	98.17	97.00	95.50	96.50	96.33	95.67				
Cross-validation	45.08	57.14	92.88	93.63	93.63	93.63	93.63				
Bootstrap	37.37	95.86	97.21	97.47	95.47	96.75	96.23				

Tabela 2: Jądro liniowe - bez skalowania (kontynuacja)

Metoda	Współczynnik kary - C									
	0.001	0.01	0.1	1	10	100	1000			
Średnio	40.82	83.72	95.70	95.53	95.20	95.57	95.18			

Tabela 3: Jądro liniowe - ze skalowaniem

Metoda	Współczynnik kary - C										
	0.001	0.01	0.1	1	10	100	1000				
Wielokrotny podział	38.50	97.50	97.17	96.50	96.00	96.50	96.00				
Cross-validation	32.71	50.63	93.26	93.07	93.07	93.07	93.07				
Bootstrap	38.65	96.34	97.28	95.46	97.25	96.45	96.80				
Średnio	36.62	81.49	95.90	95.01	95.44	95.34	95.29				

Z analizy Tabeli 2. oraz Tabeli 3. wynika, że optymalną wartością współczynnika kary - C w klasyfikacji SVM z jądrem liniowym jest 0.1. Dla tej wartości obserwuje się najwyższą średnią skuteczność klasyfikacji zarówno bez skalowania, jak i po skalowaniu danych. Ponadto, zastosowanie skalowania cech nieznacznie poprawia wyniki, co wskazuje na korzystny wpływ normalizacji na efektywność modelu.

Wyższe wartości parametru **C** nie przekładają się na istotną poprawę skuteczności klasyfikacji, a w niektórych przypadkach powodują nawet jej nieznaczny spadek. Wynika to z faktu, że zbyt duża wartość **C** powoduje nadmierne dopasowanie modelu do danych treningowych (overfitting). W konsekwencji, mimo że model stara się minimalizować błędy na zbiorze treningowym, jego efektywność na danych testowych nie ulega poprawie, co potwierdzają uzyskane wyniki.

1.2.2 Jądro wielomianowe

Przeanalizowano skuteczność klasyfikacyjną z zastosowaniem jądra wielomianowego, zarówno bez skalowania danych, jak i po ich skalowaniu.

Podobnie jak w przypadku jądra liniowego, porównanie wyników dla obu wariantów pozwala ocenić wpływ przeskalowania zmiennych na jakość klasyfikacji. W przypadku jądra wielomianowego, oprócz parametru \mathbf{C} , uwzględniany jest także dodatkowy parametr \mathbf{gamma} , który wpływa na działanie funkcji jądrowej i może modyfikować złożoność granicy decyzyjnej. Skalowanie cech ma zatem istotne znaczenie również ze względu na większą liczbę parametrów wrażliwych na różnice w skali danych.

Tabela 4: Jadro wielomianowe - wielokrotny podział, bez skalowania

Współcznnik kary - C		Współczynnik kary - gamma												
	0.01	0.1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10		
0.001	36.33	41.33	95.67	95.00	95.00	95.50	94.33	94.00	95.83	95.83	95.33	96.83		
0.01	39.67	38.00	94.50	95.17	93.67	95.17	95.33	96.33	94.67	95.17	92.50	95.50		
0.1	38.33	84.17	96.33	94.83	94.50	96.00	95.50	94.67	97.33	94.17	95.17	95.83		
1	40.00	95.33	94.67	95.67	95.17	95.67	94.83	94.50	94.33	95.17	96.00	94.83		
10	41.17	96.50	95.67	95.83	96.17	96.17	96.50	95.67	96.83	96.00	94.83	94.33		
100	81.50	95.67	96.00	95.17	96.00	95.00	95.33	94.33	93.67	95.67	95.83	95.83		
1000	96.50	94.17	96.33	94.50	96.00	96.17	96.50	96.33	96.17	96.50	95.33	95.50		

Tabela 5: Jądro wielomianowe - wielokrotny podział, ze skalowaniem

Współcznnik kary - C		Współczynnik kary - gamma												
	0.01	0.1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10		
0.001	38.83	41.50	95.33	93.50	95.67	95.50	94.33	96.50	95.00	95.50	94.83	96.17		
0.01	38.50	42.50	95.17	95.50	94.50	96.17	95.67	95.67	95.17	96.17	95.33	96.50		
0.1	33.50	88.17	95.33	96.00	95.83	96.00	95.33	96.33	95.83	95.17	95.50	95.17		
1	39.17	95.17	94.67	94.83	95.17	95.17	94.67	95.67	94.33	96.17	94.50	94.00		
10	44.67	95.17	96.00	96.00	94.00	94.17	95.83	95.00	95.17	96.00	95.00	93.83		
100	81.33	95.50	94.50	96.17	94.17	93.67	95.83	95.33	96.50	95.00	96.17	95.33		
1000	96.00	94.17	95.33	96.17	95.17	96.33	95.50	94.33	94.33	93.67	96.33	95.50		

Tabela 6: Jądro wielomianowe - cross-validation, bez skalowania

Współcznnik kary - C		Współczynnik kary - gamma												
	0.01	0.1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10		
0.001	39.93	39.93	96.63	95.52	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11		
0.01	39.93	43.89	96.67	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11		
0.1	39.93	87.06	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11		
1	39.93	96.63	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11		
10	43.89	96.67	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11		
100	87.06	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11		
1000	96.63	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11	96.11		

Tabela 7: Jądro wielomianowe - cross-validation, ze skalowaniem

Współcznnik kary - C		Współczynnik kary - gamma												
	0.01	0.1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10		
0.001	39.93	39.93	96.63	96.08	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52		
0.01	39.93	44.41	96.08	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52		
0.1	39.93	87.06	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52		
1	39.93	96.63	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52		
10	44.41	96.08	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52		
100	87.06	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52		
1000	96.63	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52	95.52		

Tabela 8: Jądro wielomianowe - bootstrap, bez skalowania

Współcznnik kary - C		Współczynnik kary - gamma											
	0.01	0.1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
0.001	35.81	37.52	94.48	94.53	94.11	93.19	95.66	94.64	93.19	94.33	93.78	95.21	

Tabela 8: Jądro wielomianowe - bootstrap, bez skalowania (kontynuacja)

Współcznnik kary - C		Współczynnik kary - gamma												
	0.01	0.1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10		
0.01	37.16	34.65	94.05	95.78	91.71	93.47	94.83	95.41	94.49	94.61	93.94	93.09		
0.1	36.71	87.61	93.02	95.61	94.76	94.78	95.60	95.35	95.84	94.42	93.71	94.30		
1	34.36	94.07	95.21	93.50	94.66	93.88	93.89	92.39	96.10	94.99	94.39	95.29		
10	36.32	91.83	95.82	95.22	92.77	92.92	92.04	94.26	94.09	94.33	93.76	94.08		
100	83.91	95.12	95.35	93.04	94.43	93.98	93.58	95.22	93.68	93.68	94.87	94.19		
1000	94.12	94.96	94.29	94.78	95.04	94.96	95.38	94.04	95.54	94.87	95.46	93.61		

Tabela 9: Jądro wielomianowe - bootstrap, ze skalowaniem

Współcznnik kary - C		Współczynnik kary - gamma											
	0.01	0.1	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	
0.001	34.82	36.49	95.66	94.02	93.86	94.69	93.93	94.63	94.69	93.19	95.26	92.95	
0.01	37.58	41.03	93.14	95.32	94.89	94.41	95.24	93.90	94.48	95.39	95.36	95.32	
0.1	37.63	82.98	95.92	92.58	93.71	93.71	94.57	94.48	94.48	94.87	93.29	94.45	
1	36.87	95.87	94.57	94.92	94.19	92.49	95.86	94.61	94.57	95.01	94.76	94.72	
10	39.23	94.27	94.97	96.14	94.26	94.16	93.73	95.79	93.64	94.56	93.49	94.47	
100	81.48	95.35	95.05	94.53	93.41	93.85	93.70	92.34	93.89	94.89	93.80	94.24	
1000	94.02	94.86	94.32	92.73	94.32	94.62	94.35	94.66	93.74	94.86	95.62	94.75	

Najlepsza gamma: 10, najlepsza kara: 0.01. Robimy dla danych po standaryzacji, bo tak i chuj. Badamy tylko na podstawie wielokrotnego podziału, bo tak i chuj również.

Tabela 10: Badanie wpływu stopnia wielomianu na dokładność - wielokrotny podział, najbardziej dokładna kombinacja gammy i kary dla opcji default (stopień 3

	2	3	4	5	6	7
Dokładność	87.5	94.83	85.5	90	80.17	81.17

1.2.3 Jądro radialne

Tabela 11: Jądro radialne - wielokrotny podział, bez skalowania

	0.01	1.12	2.23	3.34	4.45	5.56	6.67	7.78	8.89	10
0.001	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84
0.01	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84
0.1	79.80	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84
1	98.89	57.75	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84
10	97.16	61.67	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84

Tabela 11: Jądro radialne - wielokrotny podział, bez skalowania (kontynuacja)

	0.01	1.12	2.23	3.34	4.45	5.56	6.67	7.78	8.89	10
100	96.05	61.67	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84
1000	96.05	61.67	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84

Tabela 12: Jądro radialne - wielokrotny podział, ze skalowaniem

	0.01	1.12	2.23	3.34	4.45	5.56	6.67	7.78	8.89	10
0.001	39.90	39.90	39.90	39.9	39.9	39.9	39.9	39.9	39.9	39.9
0.01	39.90	39.90	39.90	39.9	39.9	39.9	39.9	39.9	39.9	39.9
0.1	82.58	39.90	39.90	39.9	39.9	39.9	39.9	39.9	39.9	39.9
1	98.30	58.95	39.90	39.9	39.9	39.9	39.9	39.9	39.9	39.9
10	97.78	62.32	40.46	39.9	39.9	39.9	39.9	39.9	39.9	39.9
100	96.63	62.32	40.46	39.9	39.9	39.9	39.9	39.9	39.9	39.9
1000	96.63	62.32	40.46	39.9	39.9	39.9	39.9	39.9	39.9	39.9

Tabela 13: Jądro radialne - cross-validation, bez skalowania

	0.01	1.12	2.23	3.34	4.45	5.56	6.67	7.78	8.89	10
0.001	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87
0.01	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87
0.1	82.55	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87
1	98.33	56.21	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87
10	98.30	61.34	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87
100	97.75	61.34	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87
1000	97.75	61.34	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87	39.87

Tabela 14: Jądro radialne - cross-validation, ze skalowaniem

	0.01	1.12	2.23	3.34	4.45	5.56	6.67	7.78	8.89	10
0.001	40.00	40.00	40	40	40	40	40	40	40	40
0.01	40.00	40.00	40	40	40	40	40	40	40	40
0.1	79.25	40.00	40	40	40	40	40	40	40	40
1	98.89	57.91	40	40	40	40	40	40	40	40
10	97.22	61.27	40	40	40	40	40	40	40	40
100	96.67	61.27	40	40	40	40	40	40	40	40
1000	96.67	61.27	40	40	40	40	40	40	40	40

Tabela 15: Jądro radialne - bootstrap, bez skalowania

	0.01	1.12	2.23	3.34	4.45	5.56	6.67	7.78	8.89	10
0.001	40.82	37.68	34.33	38.18	39.02	36.42	37.85	34.30	34.92	35.34

Tabela 15: Jądro radialne - bootstrap, bez skalowania (kontynuacja)

	0.01	1.12	2.23	3.34	4.45	5.56	6.67	7.78	8.89	10
0.01	33.43	35.49	37.56	35.96	38.23	34.65	39.08	37.99	38.62	36.47
0.1	63.12	36.88	36.58	38.88	36.32	36.84	37.49	37.42	37.43	39.90
1	96.70	46.32	38.24	39.32	33.72	38.79	39.41	38.04	38.75	36.06
10	95.99	54.32	40.76	37.48	36.56	39.59	36.49	37.09	39.41	38.02
100	96.37	50.12	39.14	40.81	36.05	37.33	38.77	36.47	36.03	36.45
1000	97.44	52.29	40.78	36.25	37.65	36.76	39.14	38.06	36.61	39.31

Tabela 16: Jądro radialne - bootstrap, ze skalowaniem

	0.01	1.12	2.23	3.34	4.45	5.56	6.67	7.78	8.89	10
0.001	39.98	30.30	39.33	34.66	35.77	36.13	36.99	36.33	36.23	36.26
0.01	38.18	33.50	38.61	36.13	36.61	35.86	38.84	36.60	37.62	38.94
0.1	56.80	38.34	37.90	37.40	40.68	38.13	36.95	40.13	36.05	38.94
1	96.83	47.19	35.87	41.13	36.81	35.02	38.19	39.70	37.36	39.01
10	96.75	54.60	41.25	41.18	35.95	38.43	40.43	37.50	38.40	36.81
100	96.69	51.39	35.81	37.77	32.92	35.75	38.01	36.43	37.72	39.56
1000	97.60	54.58	36.00	38.14	40.06	37.82	38.28	39.85	38.00	37.31

1.2.4 Jądro sigmoidalne

Tabela 17: Jądro sigmoidalne - wielokrotny podział, bez skalowania

	0.01	1.12	2.23	3.34	4.45	5.56	6.67	7.78	8.89	10
0.001	36.83	31.83	37.33	39.83	41.83	40.00	36.17	39.50	38.83	36.50
0.01	39.33	60.83	57.17	66.67	57.67	57.00	59.33	56.83	63.33	62.83
0.1	41.33	87.67	87.33	89.33	86.33	88.67	88.00	85.67	89.33	86.67
1	97.50	83.00	82.83	80.83	81.33	80.83	81.00	81.67	82.50	79.83
10	98.17	82.00	80.17	81.17	82.00	81.67	83.17	79.00	80.83	81.33
100	96.33	81.33	80.17	80.33	82.17	80.17	81.33	77.67	82.33	78.00
1000	96.17	84.00	79.50	81.83	80.83	80.67	82.33	81.67	77.83	79.50

Tabela 18: Jądro sigmoidalne - wielokrotny podział, ze skalowaniem

	0.01	1.12	2.23	3.34	4.45	5.56	6.67	7.78	8.89	10
0.001	39.83	40.00	37.00	38.50	44.17	43.50	38.50	43.00	38.00	38.33
0.01	36.67	54.83	65.00	56.33	60.83	63.00	65.00	60.50	57.50	58.67
0.1	37.67	86.83	87.67	87.50	85.83	87.33	87.00	84.67	87.00	87.83
1	97.33	83.17	83.67	80.00	81.17	82.33	81.00	82.83	83.33	80.17
10	97.83	83.50	81.67	81.00	79.50	78.50	81.83	81.67	81.00	81.50
100	96.33	81.17	81.33	81.00	79.33	80.50	82.67	77.33	82.17	82.33
1000	96.50	84.17	80.17	80.50	80.50	82.83	81.83	81.33	80.00	82.50

Tabela 19: Jądro sigmoidalne - cross-validation, bez skalowania

	0.01	1.12	2.23	3.34	4.45	5.56	6.67	7.78	8.89	10
0.001	39.90	39.90	39.90	39.90	39.90	39.90	39.90	39.90	39.90	39.90
0.01	39.90	78.59	78.59	79.15	78.59	79.15	79.15	79.15	79.15	79.15
0.1	42.71	87.09	86.57	85.42	86.54	86.54	87.09	87.09	87.09	85.98
1	97.75	79.74	79.71	80.85	77.45	75.75	75.85	73.56	74.74	75.85
10	97.75	80.88	80.36	81.99	78.59	78.04	76.37	75.26	74.71	75.85
100	95.46	82.55	80.95	80.29	79.74	80.29	77.52	76.44	75.88	76.44
1000	96.05	79.22	80.95	81.41	79.74	81.96	79.74	76.41	76.47	78.14

Tabela 20: Jądro sigmoidalne - cross-validation, ze skalowaniem

	0.01	1.12	2.23	3.34	4.45	5.56	6.67	7.78	8.89	10
0.001	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84	39.84
0.01	39.84	82.68	83.27	83.27	83.27	83.27	83.27	83.27	83.27	83.27
0.1	42.09	87.61	85.95	85.36	85.92	85.36	85.92	86.47	86.47	86.47
1	98.89	82.03	77.55	76.96	76.41	77.52	73.07	75.33	74.71	74.71
10	97.16	79.80	81.44	78.07	79.22	77.55	78.10	79.25	78.07	78.07
100	95.46	79.77	83.10	79.77	76.99	77.52	77.55	79.25	78.66	78.66
1000	96.01	78.66	83.66	79.77	79.80	78.10	75.29	79.22	77.52	78.10

Tabela 21: Jądro sigmoidalne - bootstrap, bez skalowania

	0.01	1.12	2.23	3.34	4.45	5.56	6.67	7.78	8.89	10
0.001	39.28	35.26	35.19	38.34	37.50	40.17	36.51	35.34	36.49	37.89
0.01	39.08	65.94	63.59	57.18	61.98	58.70	55.16	63.59	61.90	64.92
0.1	36.36	87.56	84.88	86.91	83.69	87.60	84.29	86.37	84.18	83.47
1	97.26	79.91	80.61	82.12	80.90	82.45	81.10	81.12	78.30	78.86
10	96.40	80.51	79.50	77.76	80.29	79.04	81.37	84.14	78.88	80.50
100	96.24	79.28	78.46	81.51	79.92	79.94	79.04	79.34	79.69	80.90
1000	96.39	82.88	77.45	80.09	81.36	78.23	80.24	81.02	82.08	80.70

Tabela 22: Jądro sigmoidalne - bootstrap, ze skalowaniem

	0.01	1.12	2.23	3.34	4.45	5.56	6.67	7.78	8.89	10
0.001	38.35	35.36	40.41	34.11	35.09	38.37	32.98	36.73	36.71	36.73
0.01	36.35	64.19	57.76	59.33	62.70	58.73	62.30	61.89	63.67	57.05
0.1	34.90	85.27	86.89	86.38	84.98	86.02	83.63	85.47	86.99	84.66
1	97.61	80.99	79.75	80.34	80.10	82.19	80.91	78.29	80.93	83.12
10	97.37	77.79	81.62	81.61	79.83	80.22	78.69	83.38	79.43	78.62
100	96.85	77.92	80.59	79.81	77.49	77.49	77.22	80.88	77.63	80.57
1000	96.07	78.06	79.02	79.51	82.15	82.44	77.72	78.57	82.14	80.14

elo

1.3 Wnioski

е

2 Analiza skupień – algorytmy grupujące i hierarchiczne

W tym zadaniu zastosujemy i porównamy ze sobą metody analizy skupień - k-średnich i PAM jako algorytmy grupujące, oraz AGNES - algorytm hierarhiczny.

Zadanie zostanie wykonane na zbiorze danych wine, którego szczegółowy opis znajduje się w poprzednim raporcie.

To zadanie zostanie wykonane już na innym danych, którymi będzie zbiór glass.

2.1 Charakterystyka danych

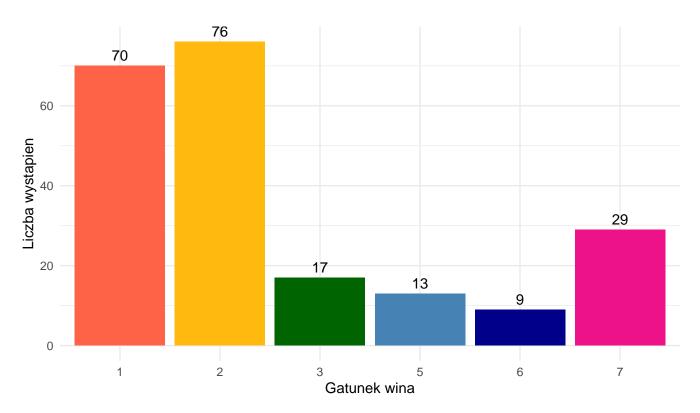
Zbiór danych glass zawiera 214 przypadków sześciu rodzajów szkła oraz 10 cech. Liczba brakujących danych wynosi 0.

Znaczenie poszczególnych cech oraz ich typ przedstawiono w tabeli 23.

Tabela 23: Opis zmiennych w zbiorze danych wine

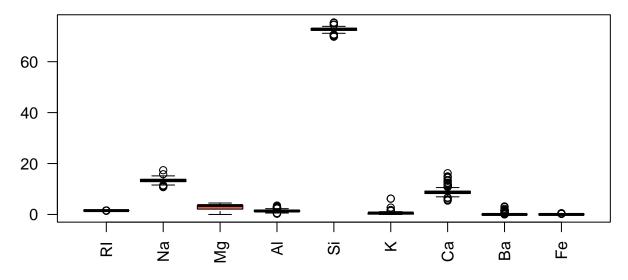
Zmienna	Тур	Opis
RI	numeric	Współczynnik załamania światła
Na	numeric	Zawartość azotu (procent wagowy w odpowiednim tlenku, podobnie jak atrybuty 3-9)
Mg	numeric	Zawartość magnezu
Al	numeric	Zawartość aluminium
Si	numeric	Zawartość krzemu
K	numeric	Zawartość potasu
Ca	numeric	Zawartość wapnia
Ba	numeric	Zawartość baru
Fe	numeric	Zawartość żelaza
Type	factor	Klasa (typ szkła: 1, 2, 3, 5, 6, 7)

W poszczególnych przypadkach sumy procentów wagowych znajdują się w zakresie 99.02-100.1. Nadmiar spowodowany jest najprawdopodobniej przez błędy przy zaokrąglaniu do dwóch miejsc po przecinku. Niedomiar natomiast może być spowodowany przez zawartość innych pierwiastków chemicznych, niezawartych w zbiorze.



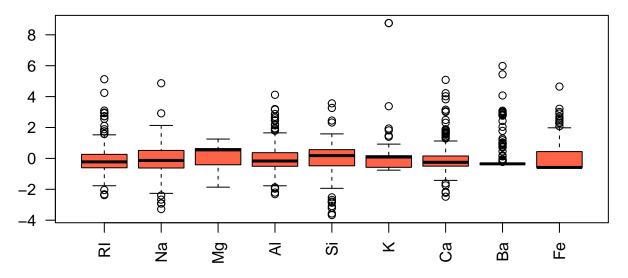
Rysunek 2: Liczność poszczególnych typów szkła

Z Wykresu 1. można odczytać, że liczba obserwacji poszczególnych klas w zbiorze danych jest bardzo zróżnicowana. Siedemdziesiąt obserwacji lub więcej posiadają typy 1. oraz 2. (co stanowi 68.22% danych), reszta już po mniej niż 30 obserwacji.



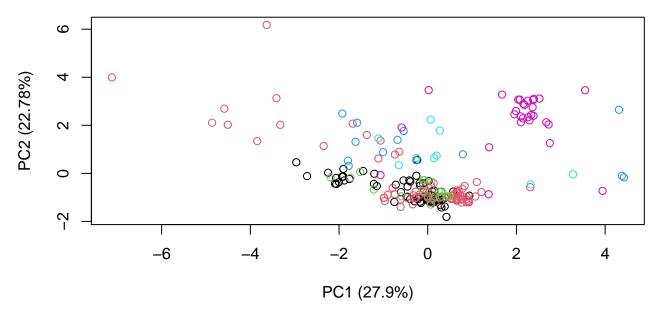
Rysunek 3: Wykres pudełkowy, zmienne bez standaryzacji

KURWA STANDARYZACJA MACHEN



Rysunek 4: Wykres pudełkowe, po standaryzacji

Teraz jest zajebiście



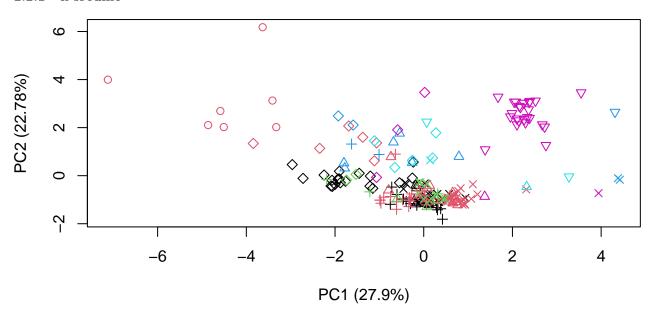
Rysunek 5: Wizualizacja danych, PCA

Chuja widać, ciekawe kto wybrał ten zbiór?

2.2 Wyniki grupowania

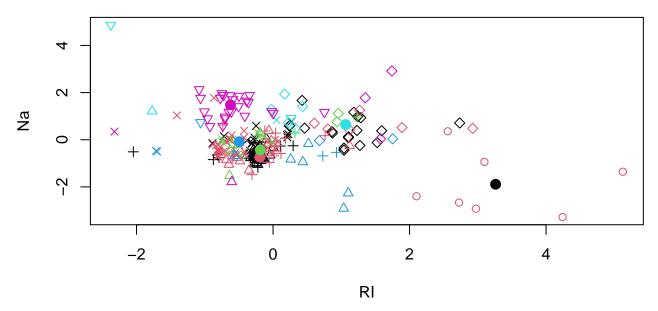
Przeprowadzamy dla rzeczywistej liczby etykiet, która wynosi ${\bf 6}.$

2.2.1 k-średnie



Rysunek 6: PCA, kolory - rzeczywiste, kształt - wyniki

Gównianie mu poszło



Rysunek 7: Wykres RI od Na, aby pokazać gdzie są wyznaczone centra skupień

Centra wywalone w kosmos, ale fajnie

Tabela 24: Macierz błędów; metoda k-średnich

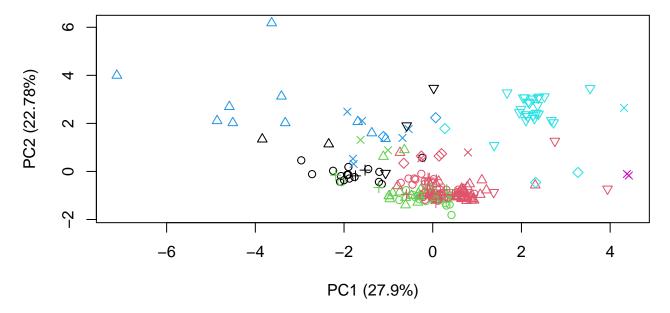
	1	2	3	5	6	7
1	20	6	2	2	5	3

	1	2	3	5	6	7
2	17	34	9	2	1	1
3	13	20	3	2	0	0
5	20	9	3	6	1	1
6	0	7	0	0	0	0
7	0	0	0	1	2	24

Dokładność (macierz): 40.65%.

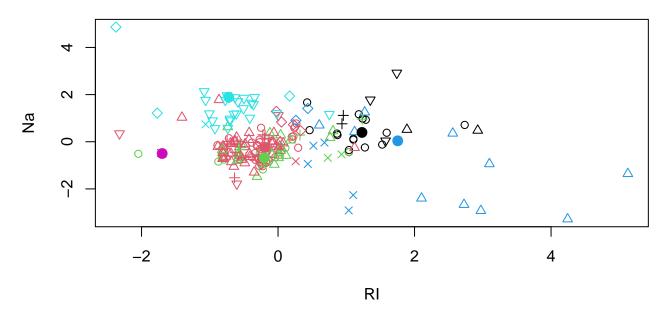
Dokładność (matchClasses, "exact"): 40.65%.

2.2.2 Partitioning Around Medoids (PAM)



Rysunek 8: coś

Też słabo



Rysunek 9: coś, z medoidami

 ${\rm Meh}$

Tabela 25: Dane medoidów, k=6

	RI	Na	Mg	Al	Si	K	Ca	Ba	Fe	Type	PAM
44	1.52210	13.73	3.84	0.72	71.76	0.17	9.74	0.00	0.00	1	1
43	1.51779	13.21	3.39	1.33	72.76	0.59	8.59	0.00	0.00	1	2
33	1.51775	12.85	3.48	1.23	72.97	0.61	8.56	0.09	0.22	1	3
171	1.52369	13.44	0.00	1.58	72.22	0.32	12.24	0.00	0.00	5	4
205	1.51617	14.95	0.00	2.27	73.30	0.00	8.71	0.67	0.00	7	5
173	1.51321	13.00	0.00	3.02	70.70	6.21	6.93	0.00	0.00	5	6

Tabela 26: Macierz błędów; metoda k-średnich

	1	2	3	5	6	7
1	17	2	2	0	0	3
2	40	43	12	2	4	3
3	13	21	3	2	0	0
5	0	10	0	6	2	0
6	0	0	0	1	3	23
7	0	0	0	2	0	0

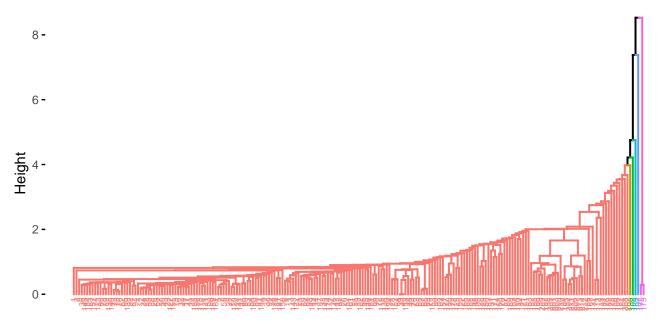
Dokładność: 33.64%.

Dokładność (matchClasses, "exact"): 42.99%.

Gorzej niż k-średnie shocked emoji.

2.2.3 Agglomerative Nesting (AGNES)

2.2.3.1 Najbliższy sąsiad



Rysunek 10: AGNES: single linkage

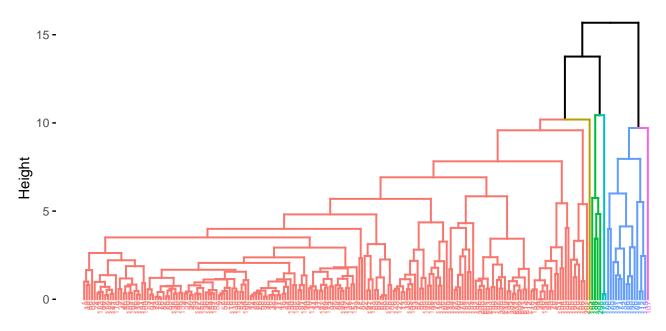
Tabela 27: Macierz błędów; agnes, najbliższy sąsiad

	1	2	3	5	6	7
1	70	74	17	11	8	28
2	0	1	0	0	0	0
3	0	1	0	0	0	0
5	0	0	0	2	0	0
6	0	0	0	0	1	0
7	0	0	0	0	0	1
_						

Dokładność: 35.05%.

Dokładność (matchClasses, "exact"): 36.45%.

2.2.3.2 Najdalszy sąsiad



Rysunek 11: AGNES: complete linkage

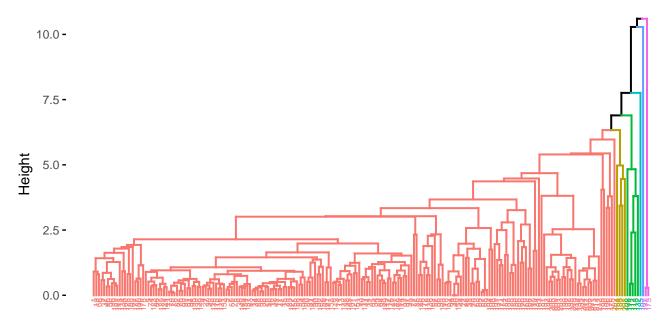
Tabela 28: Macierz błędów; agnes, najdalszy sąsiad

	1	2	3	5	6	7
1	70	64	17	6	8	26
2	0	11	0	4	0	0
3	0	1	0	0	0	0
5	0	0	0	1	0	3
6	0	0	0	2	0	0
7	0	0	0	0	1	0

Dokładność: 38.32%.

Dokładność (match Classes, "exact"): 40.65%.

2.2.3.3 Średnia odległość



Rysunek 12: AGNES: average linkage

Tabela 29: Macierz błędów; agnes, średnia odległość

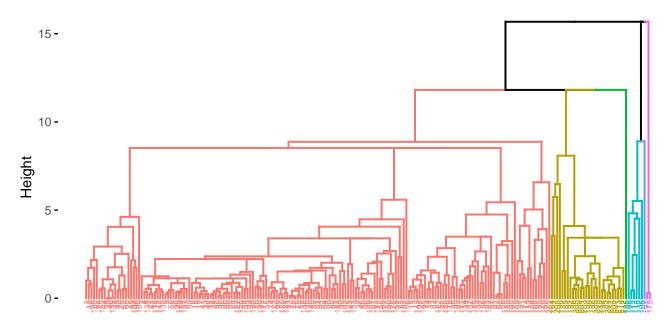
	1	2	3	5	6	7
1	70	70	17	10	8	26
2	0	1	0	0	0	0
3	0	5	0	0	0	0
5	0	0	0	1	0	3
6	0	0	0	2	0	0
7	0	0	0	0	1	0

Dokładność: 33.64%.

Dokładność (matchClasses, "exact"): 37.85%.

2.2.4 Divisive clustering (DIANA)

2.2.4.1 Odległość euklidesowa



Rysunek 13: AGNES: average linkage

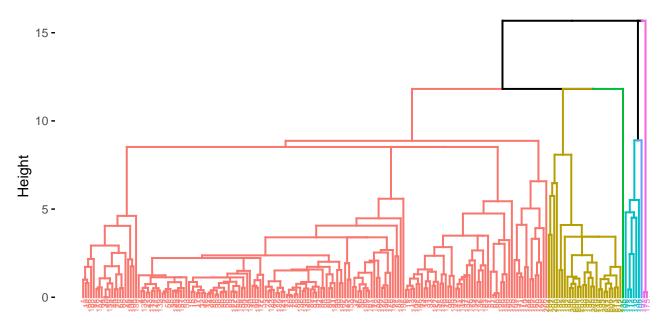
Tabela 30: Macierz błędów; agnes, średnia odległość

	1	2	3	5	6	7
1	70	69	17	10	6	4
2	0	6	0	0	0	0
3	0	1	0	0	0	0
5	0	0	0	1	2	25
6	0	0	0	2	0	0
7	0	0	0	0	1	0

Dokładność: 35.98%.

Dokładność (matchClasses, "exact"): 48.6%.

2.2.4.2 Odległość Manhattan (taksówkowa)



Rysunek 14: AGNES: average linkage

Tabela 31: Macierz błędów; agnes, średnia odległość

	1	2	3	5	6	7
1	70	69	17	10	6	4
2	0	6	0	0	0	0
3	0	1	0	0	0	0
5	0	0	0	1	2	25
6	0	0	0	2	0	0
7	0	0	0	0	1	0

Dokładność: 35.98%.

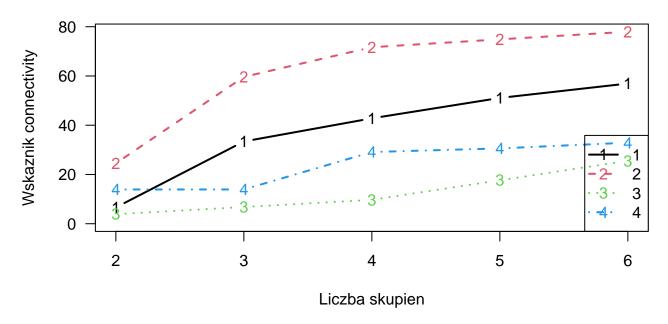
Dokładność (matchClasses, "exact"): 48.6%.

2.3 Ocena jakości grupowania i wizualizacja najlepszych wyników

2.3.1 Ocena

Legenda:

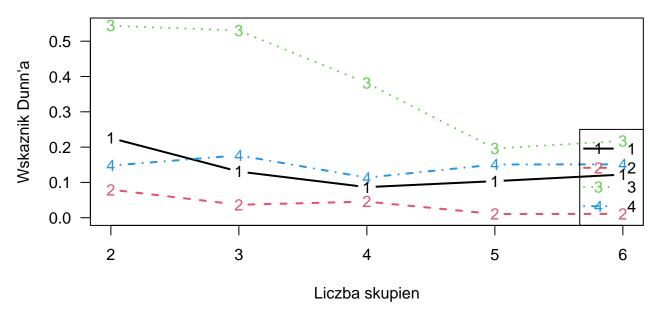
- 1 kmeans,
- 2 PAM,
- 3 AGNES,
- 4 DIANA.



Rysunek 15: Connectivity

Connectivity - im mniejszy, tym lepszy:

- kmeans 2,
- PAM 2,
- AGNES 2 (najlepszy),
- DIANA 3.

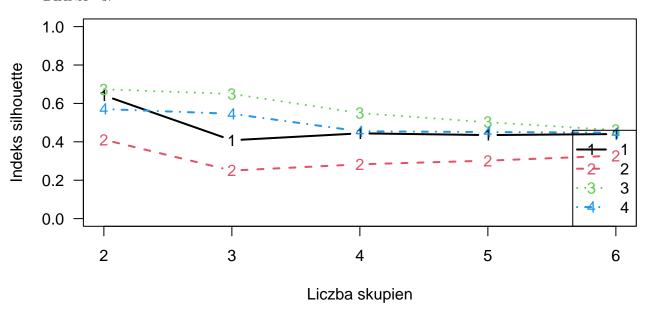


Rysunek 16: Dunn

Dunn - im większy, tym lepszy:

- kmeans 2,
- PAM 2,
- AGNES 2 (najlepszy),

• DIANA - 3.



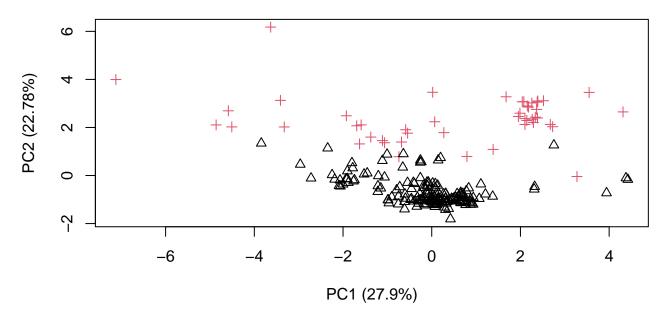
Rysunek 17: Silhouette

Dunn - im większy, tym lepszy:

- kmeans 2,
- PAM 2,
- AGNES 2 (najlepszy),
 DIANA 2.

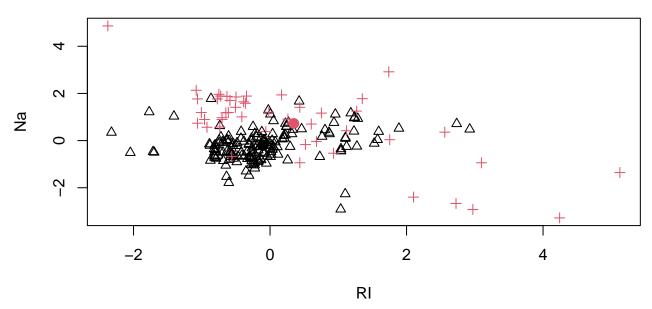
2.3.2 Wizualizacja

2.3.2.1 k-średnie



Rysunek 18: PCA, kolory - rzeczywiste, kształt - wyniki, k=2

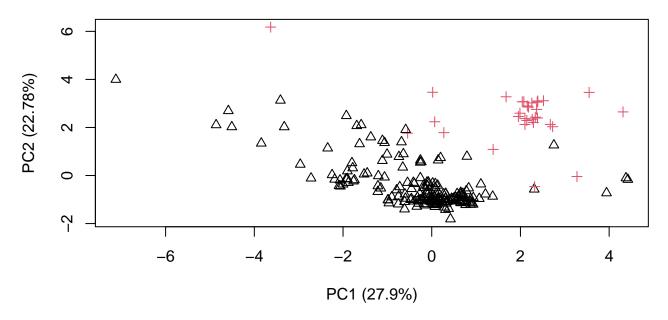
Gównianie mu poszło



Rysunek 19: Wykres RI od Na, aby pokazać gdzie są wyznaczone centra skupień, k=2

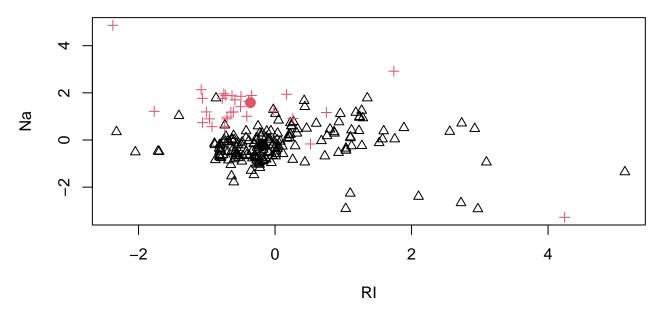
Centra wywalone w kosmos, ale fajnie Dokładność (matchedClasses): 95.96%.

2.3.2.2 PAM



Rysunek 20: coś, k=2

Też słabo



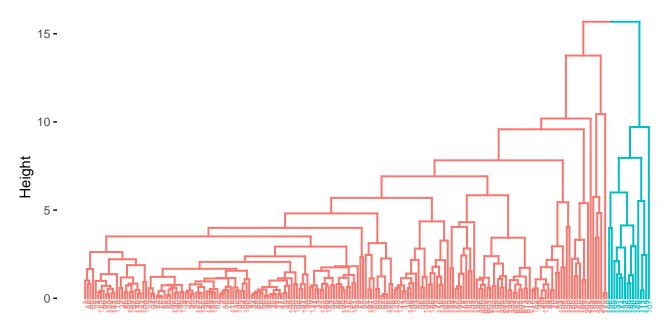
Rysunek 21: coś, z medoidami, k=2

Meh $\label{eq:continuous} \mbox{Dokładność (matchedClasses): 94.29\%}.$

Tabela 32: Dane medoidów, k=2

	RI	Na	Mg	Al	Si	K	Ca	Ba	Fe	Type	PAM
43	1.51779	13.21	3.39	1.33	72.76	0.59	8.59	0.00	0	1	1
198	1.51727	14.70	0.00	2.34	73.28	0.00	8.95	0.66	0	7	2

2.3.2.3 AGNES

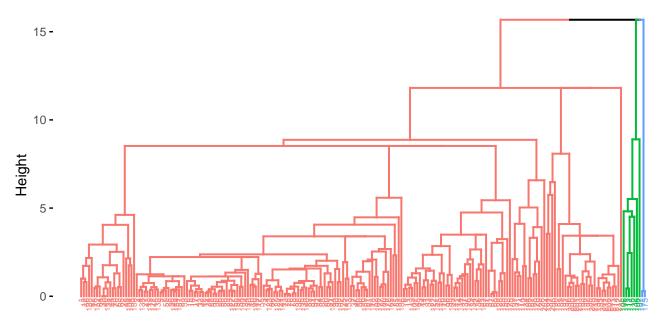


Rysunek 22: AGNES: complete linage, k=2

Tylko dla najdalszych sąsiadów, bo dał najlepsze wyniki.

Dokładność (matched Classes): 87.64%.

2.3.2.4 DIANA



Rysunek 23: DIANA, k=3

Dokładność (matched Classes): 49.69%.

2.4 Wnioski

3 Podsumowanie

PS. Czas wykonywania kodu wynosi 4 minut i 33 sekund.