## 4. Textantworten:

### 4.(a):

Sofern mehrere kürzeste Wege im Graphen vorhanden sind kann nicht garantiert werden, dass alle *ShortestPath* Algorithmen denselben Pfad zurückliefern.

Es ist nur gegeben, dass alle eventuell zurückgegebenen Pfade die gleiche Länge bzw. Gewicht besitzen.

Diese Unterschiede hängen von der genauen Implementierung der Algorithmen ab.

Jedoch sollte jeder Algorithmus egal wie oft er auf demselben Graphen ausgeführt wird immer denselben Pfad zurückgeben.

### 4.(b):

Für einen Graphen mit negativem Kantengewicht kann nicht garantiert werden, dass tatsächlich ein kürzester Pfad gefunden wird.

Sollte eine negative Kante im Graphen enthalten sein, dann könnte der *DijkstraShortestPath* Algorithmus fälschlicherweise einen Knoten als „Ok“ markieren, obwohl es noch einen kürzeren Weg zu diesem gibt.

Daher ist die Tatsache, dass ein Graph keine negativen Kanten enthält, eine der Vorbedingungen welche erfüllt sein muss, damit der *DijkstraShortestPath* und auch *A\*ShortestPath* garantieren kann, dass ein kürzester Weg gefunden wird.

### 4.(c):

Noch nicht implementiert.

### 4.(d):

Wir testen generell zuerst unsere Implementationen gegeneinander, so können wir zumindest feststellen, ob alle Lösungen vermutlich korrekt sind(Sofern alle Implementationen einen Pfad der gleichen Länge zurückgeben).

Um nun relative Gewissheit zu erlangen erweitern wir unsere Tests mit einer weiteren Implementation, welche allerdings nicht von uns entwickelt wurde, sondern aus der JGraph Bibliothek eingebunden wurde.

Da diese Implementation schon lange Bestand in einer seriösen Bibliothek hatte, kann mit hoher Wahrscheinlichkeit erwartet werden, dass sie korrekt ist.

Wenn nun die Ergebnisse unserer Implementationen mit der aus JGraph Bibliothek übereinstimmen, dann können wir davon ausgehen, dass diese richtig sind.

### 4.(e):

Um die Menge aller kürzesten Wege zu berechnen dürfte der Algorithmus nicht nach auffinden einer Lösung aufhören, und müsste stattdessen weiterrechnen alle möglichen Wege berechnet wurden.

Man könnte die Berechnungen möglicherweise noch einschränken indem man nur genau solange rechnet bis alle Wege welche *startVertex* und *endVertex* miteinander verbinden, jedoch könnte der zusätzliche Aufwand um dies zu überprüfen den Aufwand die restlichen Wege zu prüfen übersteigen.

In jedem Fall wäre die Berechnung aller kürzesten Wege mit erheblichem Aufwand verbunden.

### 4.(f):

Noch nicht implementiert.

## 5. Theorieteil:

### Aufgabe IV:

1.)

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **1. Schritt** | **v0** | **v1** | **v2** | **v3** | **v4** | **v5** | **v6** | **v7** | **v8** | **v9** |
| **Entfernung** | **0** | **∞** | **∞** | **∞** | **∞** | **∞** | **∞** | **∞** | **∞** | **∞** |
| **Vorgaenger** | **v0** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **Ok** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **2. Schritt** | **v0** | **v1** | **v2** | **v3** | **v4** | **v5** | **v6** | **v7** | **v8** | **v9** |
| **Entfernung** | **0** | **∞** | **10** | **40** | **∞** | **∞** | **1** | **∞** | **∞** | **80** |
| **Vorgaenger** | **v0** |  | **v0** | **v0** |  |  | **v0** |  |  | **v0** |
| **Ok** | **t** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **3. Schritt** | **v0** | **v1** | **v2** | **v3** | **v4** | **v5** | **v6** | **v7** | **v8** | **v9** |
| **Entfernung** | **0** | **46** | **10** | **40** | **∞** | **∞** | **1** | **3** | **9** | **80** |
| **Vorgaenger** | **v0** | **v1** | **v0** | **v0** |  |  | **v0** | **v6** | **v6** | **v0** |
| **Ok** | **t** |  |  |  |  |  | **t** |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **4. Schritt** | **v0** | **v1** | **v2** | **v3** | **v4** | **v5** | **v6** | **v7** | **v8** | **v9** |
| **Entfernung** | **0** | **46** | **10** | **40** | **∞** | **∞** | **1** | **3** | **9** | **80** |
| **Vorgaenger** | **v0** | **v1** | **v0** | **v0** |  |  | **v0** | **v6** | **v6** | **v0** |
| **Ok** | **t** |  |  |  |  |  | **t** | **t** |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **5. Schritt** | **v0** | **v1** | **v2** | **v3** | **v4** | **v5** | **v6** | **v7** | **v8** | **v9** |
| **Entfernung** | **0** | **46** | **10** | **40** | **∞** | **∞** | **1** | **3** | **9** | **80** |
| **Vorgaenger** | **v0** | **v1** | **v0** | **v0** |  |  | **v0** | **v6** | **v6** | **v0** |
| **Ok** | **t** |  |  |  |  |  | **t** | **t** | **t** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **6. Schritt** | **v0** | **v1** | **v2** | **v3** | **v4** | **v5** | **v6** | **v7** | **v8** | **v9** |
| **Entfernung** | **0** | **35** | **10** | **40** | **30** | **∞** | **1** | **3** | **9** | **80** |
| **Vorgaenger** | **v0** | **v2** | **v0** | **v0** | **v2** |  | **v0** | **v6** | **v6** | **v0** |
| **Ok** | **t** |  | **t** |  |  |  | **t** | **t** | **t** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **7. Schritt** | **v0** | **v1** | **v2** | **v3** | **v4** | **v5** | **v6** | **v7** | **v8** | **v9** |
| **Entfernung** | **0** | **35** | **10** | **40** | **30** | **80** | **1** | **3** | **9** | **80** |
| **Vorgaenger** | **v0** | **v2** | **v0** | **v0** | **v2** | **v4** | **v0** | **v6** | **v6** | **v0** |
| **Ok** | **t** |  | **t** |  | **t** |  | **t** | **t** | **t** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **8. Schritt** | **v0** | **v1** | **v2** | **v3** | **v4** | **v5** | **v6** | **v7** | **v8** | **v9** |
| **Entfernung** | **0** | **35** | **10** | **40** | **30** | **65** | **1** | **3** | **9** | **80** |
| **Vorgaenger** | **v0** | **v2** | **v0** | **v0** | **v2** | **v1** | **v0** | **v6** | **v6** | **v0** |
| **Ok** | **t** | **t** | **t** |  | **t** |  | **t** | **t** | **t** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **9. Schritt** | **v0** | **v1** | **v2** | **v3** | **v4** | **v5** | **v6** | **v7** | **v8** | **v9** |
| **Entfernung** | **0** | **35** | **10** | **40** | **30** | **65** | **1** | **3** | **9** | **80** |
| **Vorgaenger** | **v0** | **v2** | **v0** | **v0** | **v2** | **v1** | **v0** | **v6** | **v6** | **v0** |
| **Ok** | **t** | **t** | **t** | **t** | **t** |  | **t** | **t** | **t** |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **10. Schritt** | **v0** | **v1** | **v2** | **v3** | **v4** | **v5** | **v6** | **v7** | **v8** | **v9** |
| **Entfernung** | **0** | **35** | **10** | **40** | **30** | **65** | **1** | **3** | **9** | **80** |
| **Vorgaenger** | **v0** | **v2** | **v0** | **v0** | **v2** | **v1** | **v0** | **v6** | **v6** | **v0** |
| **Ok** | **t** | **t** | **t** | **t** | **t** | **t** | **t** | **t** | **t** |  |

2.)

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **1. Schritt** | **v0** | **v1** | **v2** | **v3** | **v4** | **v5** | **v6** | **v7** | **v8** | **v9** |
| **Vorgaenger** | **v0** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **h** | **32** | **30** | **50** | **62** | **45** | **0** | **70** | **61** | **67** | **12** |
| **g** | **0** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **f** | **32** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **CL** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **2. Schritt** | **v0** | **v1** | **v2** | **v3** | **v4** | **v5** | **v6** | **v7** | **v8** | **v9** |
| **Vorgaenger** | **v0** |  | **v0** | **v0** |  |  | **v0** |  |  | **v0** |
| **h** | **32** | **30** | **50** | **62** | **45** | **0** | **70** | **61** | **67** | **12** |
| **g** | **0** |  | **10** | **40** |  |  | **1** |  |  | **80** |
| **f** | **32** |  | **60** | **102** |  |  | **71** |  |  | **92** |
| **CL** | **t** |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **3. Schritt** | **v0** | **v1** | **v2** | **v3** | **v4** | **v5** | **v6** | **v7** | **v8** | **v9** |
| **Vorgaenger** | **v0** | **v2** | **v0** | **v0** | **v2** |  | **v0** |  |  | **v0** |
| **h** | **32** | **30** | **50** | **62** | **45** | **0** | **70** | **61** | **67** | **12** |
| **g** | **0** | **35** | **10** | **40** | **30** |  | **1** |  |  | **80** |
| **f** | **32** | **65** | **60** | **102** | **75** |  | **71** |  |  | **92** |
| **CL** | **t** |  | **t** |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **4. Schritt** | **v0** | **v1** | **v2** | **v3** | **v4** | **v5** | **v6** | **v7** | **v8** | **v9** |
| **Vorgaenger** | **v0** | **v2** | **v0** | **v0** | **v2** | **v1** | **v0** |  |  | **v0** |
| **h** | **32** | **30** | **50** | **62** | **45** | **0** | **70** | **61** | **67** | **12** |
| **g** | **0** | **35** | **10** | **40** | **30** | **65** | **1** |  |  | **80** |
| **f** | **32** | **65** | **60** | **102** | **75** | **65** | **71** |  |  | **92** |
| **CL** | **t** | **t** | **t** |  |  |  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| **5. Schritt** | **v0** | **v1** | **v2** | **v3** | **v4** | **v5** | **v6** | **v7** | **v8** | **v9** |
| **Vorgaenger** | **v0** | **v2** | **v0** | **v0** | **v2** | **v1** | **v0** |  |  | **v0** |
| **h** | **32** | **30** | **50** | **62** | **45** | **0** | **70** | **61** | **67** | **12** |
| **g** | **0** | **35** | **10** | **40** | **30** | **65** | **1** |  |  | **80** |
| **f** | **32** | **65** | **60** | **102** | **75** | **65** | **71** |  |  | **92** |
| **CL** | **t** | **t** | **t** |  |  | **t** |  |  |  |  |

Der Pfad von v0 zu v5 ist: "v0-v2-v1-v5"

3.)

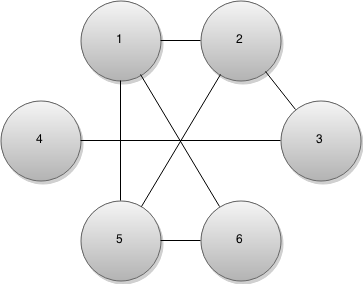
Wie an den beiden vorhergegangenen Tabellen zu erkennen haben beide Algorithmen den gleichen Pfad zurückgeliefert.

Zwar benötigt der A\* Algorithmus aufgrund der verwendeten Heuristik mehr Berechnungen pro Durchlauf, jedoch konnte er so den kürzesten Pfad in nur 5 Durchläufen erreicht.

Der Dijkstra brauchte im Vergleich schon 10 Durchläufe, ein nicht unerheblicherer zusätzlicher Leistungsaufwand.

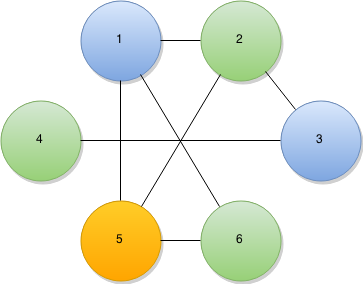
### Aufgabe V:

Um die Umstände zu verdeutlichen haben wir zuerst die Tabelle in einen Konfliktgraphen umgewandelt:



Anhand dieses Konfliktgraphen ist es nun einfach zu erkennen, dass wir hier an schlimmster Stelle einen Konflikt von 3 Sendern untereinander vorliegen haben, also eine 3er Clique.

Nun lässt sich aus dieser Information bereits schließen, dass der Graph 3-färbbar ist, wie in folgender Darstellung verdeutlicht wird:



Somit ist nun auch klar, dass mindestens 3 Fernsehkanäle benötigt werden, um sie der Aufgabenstellung gemäß auf die Stationen zu verteilen.

### Aufgabe VI:

1.)

Um eine Familie von Graphen, die kritisch *k*-chromatisch sind zu erzeugen nehmen wir einfach an, dass wie einen vollständigen Graphen *G* mit *|V| = k* besitzen.

Da in diesem Graph alle Knoten *v ∈ V* mit jedem anderen Knoten *v‘ ∈ V* verbunden sind werden genau *|V| = k* Farben benötigt um den Graphen zu färben, er ist also *k*-chromatisch.

Sollte nun irgendeine Kante aus diesem Graphen *G* entfernt werden, so besteht zwischen 2 Knoten *v, v‘ ∈ V* keine Verbindung mehr, sie können also dieselbe Farbe annehmen.

Somit benötigen wir nur noch *k-1* Farben um unseren Graphen einzufärben.

Unser Graph *G* ist also kritisch k-chromatisch■

2.)

Um eine Familie von Graphen mit *n = 3,5, …* Knoten, die kritisch *k*-chromatisch sind zu erzeugen…

Nicht möglich?

Wenn nicht möglich, dann beweisen.