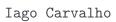
# GRAFOS DCE529 - Algoritmos e Estruturas de Dados III

Atualizado em: 24 de abril de 2023



Departamento de Ciência da Computação



#### **GRAFOS**

Diversos problemas computacionais podem ser representados como grafos

- Uma estrutura de dados especial
- Representação de uma rede
- Talvez seja a estrutura mais útil em toda a Ciência da Computação

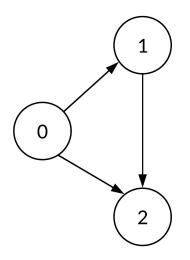
Um grafo G é definido como G = (V, E)

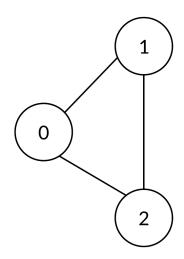
- $\bigcirc V = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  é o conjunto de vértices
- $\bigcirc E = \{e_1, e_2, \dots, e_m\}$  $\circ e_i = (u, v) \mid u, v \in V$

2

# DIREÇÃO

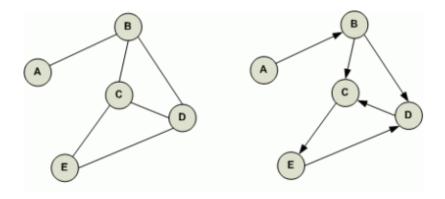
Um grafo pode ser direcionado ou não-direcionado



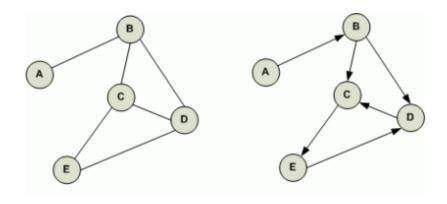


### **CAMINHOS E CICLOS**

Caminho  $C = \langle c, e, d, c \rangle$ 

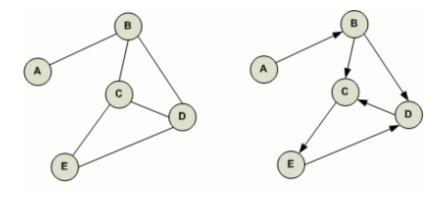


# ADJACÊNCIA E GRAU

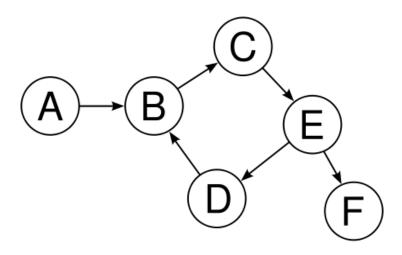


### FECHO TRANSITIVO

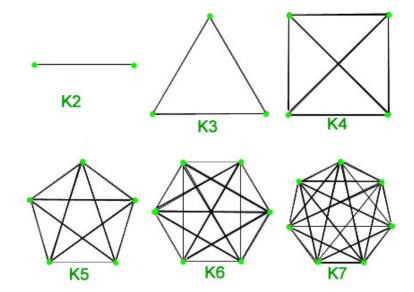
#### Direto e inverso



### FONTE E SUMIDOURO

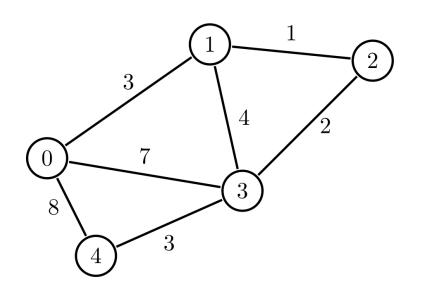


# GRAFO COMPLETO

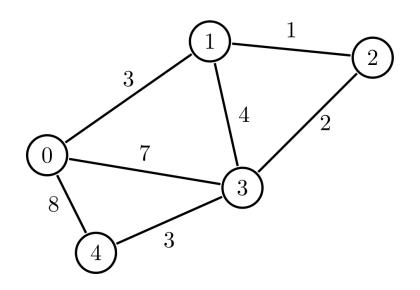


8

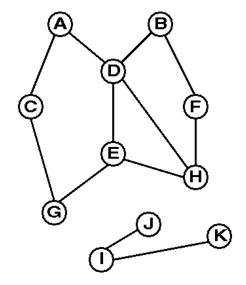
# GRAFO COM PESOS



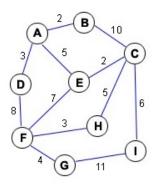
## GRAFO CONEXO

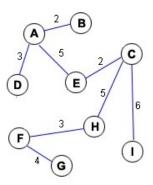


#### GRAFO DESCONECTADO E COMPONENTES CONEXAS

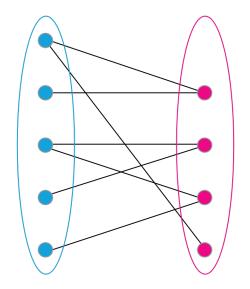


# ÁRVORE GERADORA (MÍNIMA)





### GRAFO BIPARTIDO



#### PROPRIEDADES ADICIONAIS

Diversas destas propriedades serão utilizadas no decorrer deste curso

Grafos são uma das estruturas mais importantes em Ciência da Computação, tendo aplicações em uma infinidade de áreas

- Redes
- Biologia
- Eletrônica
- Pesquisa Operacional
- ... ► Link

Interessados em um pouco mais de propriedades de grafos podem acessar o seguinte link Link

#### ESTRUTURAS DE DADOS

Existem três estruturas de dados capazes de representar grafos

- Matriz de adjacência
- Lista de adjacência
- Matriz de incidência

Cada estrutura difere-se da outra pela complexidade de suas operações

- Complexidade de adicionar ou retirar nós
- Complexidade de inserir ou remover arestas
- Complexidade de pesquisa
  - Saber se uma aresta existe ou não
- O Diferentes complexidades de espaço

#### MATRIZ DE ADJACÊNCIA

Talvez seja a maneira mais natural de se representar um grafo

- Grafo com n vértices
- $\bigcirc$  Matriz bi-dimensional  $n \times n$
- O Complexidade de espaço:  $\mathcal{O}(n^2) = \mathcal{O}(m)$

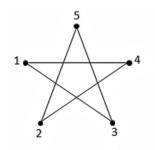
Inserção e remoção de vértices é cara

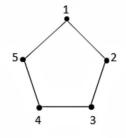
Necessário alocar ou desalocar memória

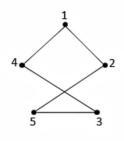
Modificação de arestas e pesquisa é barata

 Necessário apenas modificar (ou verificar) uma célula específica da matriz

## MATRIZ DE ADJACÊNCIA

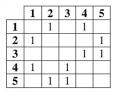






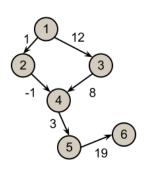
	1	2	3	4	5	
1			1	1		
2				1	1	
3	1				1	
5	1	1				
5		1	1			

	1	2	3	4	5
1		1			1
2	1		1		
3		1		1	
5			1		1
5	1			1	

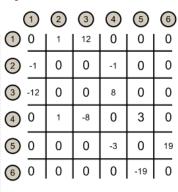


#### MATRIZ DE ADJACÊNCIA

### Weighted Directed Graph & Adjacency Matrix



Weighted Directed Graph



Adjacency Matrix

Uma lista de adjacência pode ser representada como uma lista de listas

- O Uma lista que contém todos os vértices do grafo
- O Cada lista contém outra lista
  - Contém todos os vértices adjacentes

Complexidades diferem das de matriz de adjacência

- O Complexidade de espaço:  $\mathcal{O}(n^2) = \mathcal{O}(m)$
- $\bigcirc$  Inserção, pesquisa e remoção de arestas:  $\mathcal{O}(n)$
- O Inserção e remoção de vértices:  $\mathcal{O}(1)$

