

# L'équilibre d'un kite

2024 - Romain LAMBERT

## Résumé

Ce bureau d'étude a pour sujet l'équilibre du Kite, sa condition d'existence et sa stabilité. L'objectif final étant de déterminer des paramètres optimaux tels que le towpoint.

## I. L'ÉQUILIBRE DU KITE

### A. $X_T$

le point d'application d'un effort est une notion importante. Si celui de l'effort aérodynamique et du poids sont couramment utilisés, le point d'application de la tension des lignes influence beaucoup les performances d'un kite. De plus, le bridage d'un kite change considérablement la façon dont se répartie la tension dans les lignes et l'angle d'équilibre au zénith d'un kite. Ainsi, afin de capturer l'influence du bridage sur les performances d'un kite, on définit  $X_T$  comme étant **le point d'intersection entre la corde moyenne d'un kite et l'axe de la tension des lignes**. Ainsi,  $X_T$  permet de lier la géométrie du bridage et son influence sur la dynamique du kite.

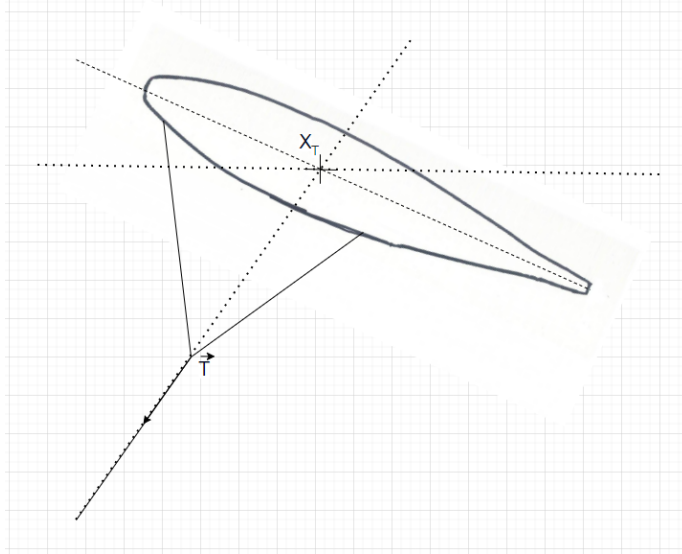


FIGURE 1.  $X_T$

Isoler les ensembles {kite} et {kite+bridage} permet de montrer  $X_T$  est le point d'application de l'ensemble du bridage, le long de la corde. En effet :

Pour l'équilibre des moments appliqué à l'ensemble {kite}, en le  $X_T$  :

$$F_{Poid}(x_G - x_T) + F_{aero}(x_{aero} - x_T) = 0 \quad (1)$$

Pour l'équilibre des moments appliqué à l'ensemble {kite+bridage},  $X_T$  :

$$F_{Poid}(x_G - x_T) + F_{aero}(x_{aero} - x_T) + \sum_{i=A}^D F_{lignei}(x_{lignei} - x_T) = 0 \quad (2)$$

D'où :

$$\sum_{i=A}^D F_{lignei}(x_{lignei} - x_T) = 0 \quad (3)$$

Ce qui, par définition, montre que  $X_T$  est le **point d'application de la résultante de tension de l'ensemble du bridage projeté sur la corde**.

### B. Différence entre $X_T$ et Tow Point

On définit le Tow Point par **le projeté orthogonal du point d'attache entre les lignes et le bridage sur la corde moyenne du kite.**

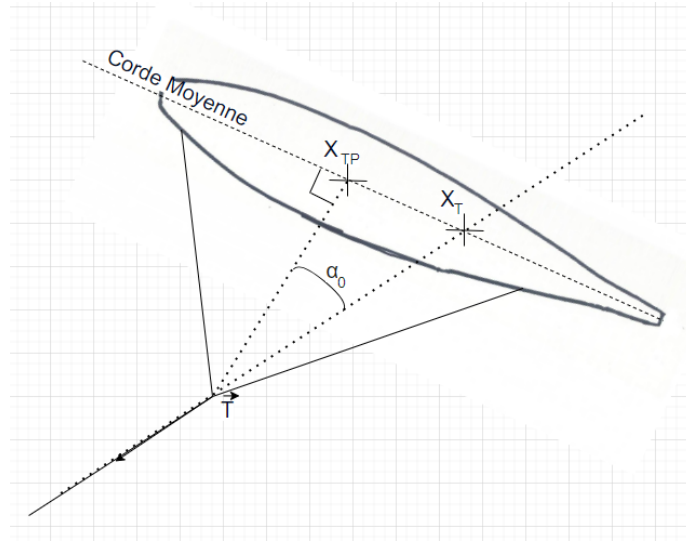


FIGURE 2. Différence entre  $x_{TP}$  et  $x_T$

Le schéma 2 montre que le towpoint ( $x_{TP}$ ) et  $x_T$  forment un angle  $\alpha_0$  avec le point d'attache entre les lignes et le bridage. Ainsi, dans le cas où les lignes forment un angle de  $\frac{\pi}{2}$  avec la corde moyenne du kite, Tow Point et  $x_T$  sont confondus.

De plus,  $x_{TP}$  est purement géométrique là où  $x_T$  lie géométrie et aérodynamique.

### C. l'Equilibre

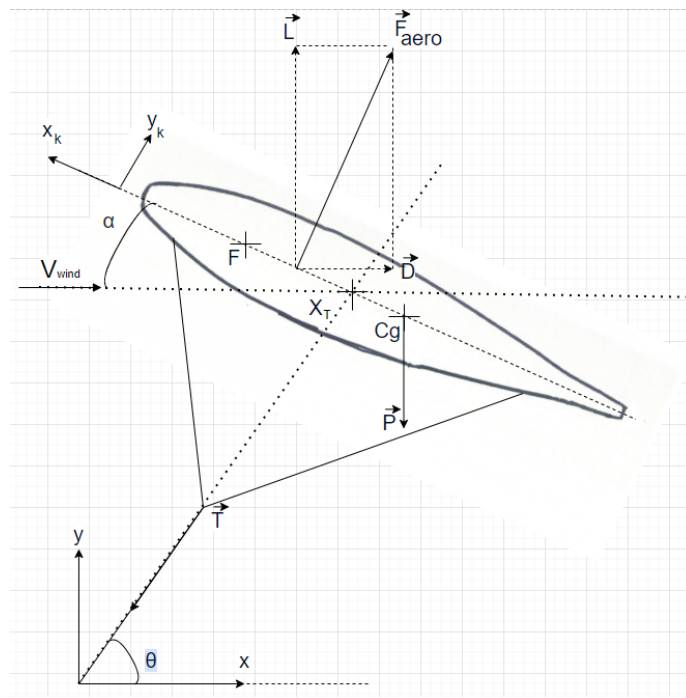


FIGURE 3. Equilibre du kite

On écrit l'équilibre statique de {kite+bridage}, en  $X_T$  du kite :

$$\begin{cases} L = P + T \sin(\theta) \\ D = T \cos(\theta) \\ 0 = C_{M_0} + (x_T - x_F)(L \cos(\alpha) + D \sin(\alpha)) - P \cos(\alpha)(x_T - x_G) \end{cases} \quad (4)$$

Ainsi, en considérant  $\alpha \ll 1$ , on a :

$$\begin{cases} \frac{L-P}{D} = \tan(\theta) \\ \theta = \alpha + \alpha_0 \\ x_T = \frac{Lx_F - Px_G - C_{M_0}}{L-P} \end{cases} \quad (5)$$

Il semblerait donc que le calcul (CFD, VSM, ...) des polaires aérodynamiques ( $L(\alpha)$  et  $D(\alpha)$ ) permettent de trouver le  $X_T$  optimal afin d'optimiser la finesse au zénith.

*Exemple :* Pour  $\alpha_{optimal} = 21^\circ$ ,  $C_D = 0.19$  et  $C_L = 1.35$ , on trouve en appliquant l'équation 5 :

$$\begin{cases} \alpha_0 = -12^\circ \\ \theta = 9^\circ \\ x_T = 0.22 \end{cases} \quad (6)$$

avec  $P = 21kg$ ,  $x_F = 0.25$ ,  $x_G = 0.5$ ,  $\frac{1}{2}\rho S v^2 = \frac{1}{2}1.225 * (50m^2) * (14 * 0.514m/s)^2$  et  $C_{M_0} = 0$

## II. CONDITION D'EXISTENCE DE L'ÉQUILIBRE DU KITE

A. Angle d'élévation minimal

B. Angle d'élévation maximal

## III. STABILITÉ DU KITE