## 1 Prise en main

Pour que vous puissiez effectuer vos travaux pratiques, vous devez sauvegarder sur votre compte informatique 4 fichiers de l'*Espace pédagogique*. Pour cela :

- Ouvrez une session sur un poste de travail.
- Créez un répertoire (dossier) que vous appellerez IN101 dans lequel vous sauvegarderez les fichiers de vos séances de TP.
- Connectez vous à l'*Espace pédagogique*, sélectionnez le cours HLIN101, puis la rubrique Documents pédagogiques, puis TP, puis Fichiers pour TP.
- Recopiez le fichier definitionsFonctions.cpp dans votre répertoire local. Pour cela cliquez avec le bouton droit sur definitionsFonctions.cpp, sélectionnez « Enregistrer la cible du lien sous ... », sélectionnez le répertoire IN101 que vous avez créé précédemment et Enregistrer.
- De la même façon, recopiez dans votre dossier IN101 les 3 autres fichiers listesEtTableaux.cpp, programmePrincipal.cpp et Makefile.

Vérifiez que votre répertoire IN101 contient les 4 fichiers :

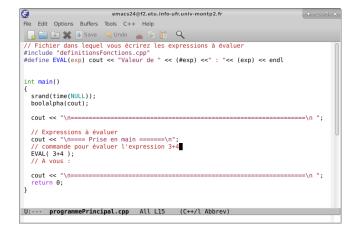
- definitionsFonctions.cpp dans lequel vous définirez les fonctions.
- programmePrincipal.cpp dans lequel vous saisirez les expressions à évaluer.
- listesEtTableaux.cpp qui contient la définition des types liste et tableau. Ce fichier sera nécessaire à l'exécution des fonctions opérant sur les listes. Il ne faudra pas le modifier.
- Makefile qui contient des directives pour la compilation de vos programmes. Il ne faudra pas modifier ce fichier.

Lors des séances de TP vous éditerez, compléterez, corrigerez les fichiers definitionsFonctions.cpp et programmePrincipal.cpp à l'aide de l'éditeur EMACS. Vous compilerez et exécuterez vos programmes à partir de la fenêtre TERMINAL. Vous pouvez ouvrir les fenêtres EMACS (GNUEmacs 25 (GUI)) et TERMINAL (Émulateur de Terminal) à partir du « Menu des applications » puis « Accessoires ».

#### 1.1 L'éditeur emacs

Les principales commandes d'EMACS que vous utiliserez sont :

- Dans le menu File:
  - « Open File... » pour ouvrir un fichier.
  - « Save » pour sauvegarder un fichier.
  - « New Window » pour scinder la fenêtre en 2 sous-fenêtres dessous ou à droite.
  - « Remove Other Windows » pour n'afficher que la sous-fenêtre courante.
- Dans le menu Buffers, lorsque plusieurs fichiers sont ouverts (definitionsFonctions.cpp ou programmePrincipal.cpp dans notre cas) en cliquant sur le nom de l'un d'entre eux, son contenu s'affiche dans la fenêtre courante.



Ces commandes sont accessibles à partir des menus et à partir du clavier avec les racourcis :

Commande	Racourci clavier
Ouvrir un fichier	<ctrl-x><ctrl-f></ctrl-f></ctrl-x>
Sauvegarder le fichier	<ctrl-x><ctrl-s></ctrl-s></ctrl-x>
Scinder la fenêtre	<ctrl-x>2 (et 3)</ctrl-x>
N'afficher qu'une fenêtre	<ctrl-x>1</ctrl-x>
Aller à un numéro de ligne	<alt-g>g</alt-g>

### 1.2 La fenêtre TERMINAL

Les principales commandes que vous exécuterez dans la fenêtre TERMINAL :

Commande	Effet	
cd IN101	Se placer dans votre dossier IN101	
ls	Lister les fichiers contenus dans le dossier courant	
make	Compiler	
./in101	Éxécuter votre programme in101	
<b></b>	Obtenir la dernière commande exécutée	

# 1.3 Évaluer des expressions dans le fichier programmePrincipal.cpp

Lisez et exécutez les consignes suivantes :

- Démarrez l'éditeur EMACS.
- Ouvrez une fenêtre TERMINAL et placez-vous dans votre dossier IN101 (commande cd IN101).
- À partir d'EMACS ouvrez le fichier programmePrincipal.cpp. Pour cela sélectionnez Open File dans le menu File. Parcourez l'arborescence de vos fichiers pour vous placer dans votre répertoire IN101 et sélectionnez programmePrincipal.cpp.
- Edition: ce fichier aprés quelques déclarations que vous ne modifierez pas, contient le programme principal (main). Ce programme est réduit à la ligne EVAL( 3+4 ); qui signifie que le programme calcule et affiche la valeur de l'expression 3+4 et c'est tout! (les lignes commençant par les caractères // sont des commentaires; ceux-ci sont ignorés par le compilateur).
- Compilation: pour pouvoir exécuter ce programme, il faut au préalable le compiler. Pour cela, placez-vous dans la fenêtre TERMINAL et tapez la commande make. Les éventuelles erreurs de compilation sont affichées dans le TERMINAL. S'il ne contient pas d'erreur le programme est traduit en un programme exécutable qui dans notre cas s'appelle in101.
- Exécution: pour exécuter le programme in101, tapez la commande ./in101 dans le TER-MINAL. Le résultat de l'exécution est affiché dans le TERMINAL: Valeur de 3+4 : 7.
- A vous: ajouter au programme principal la ligne EVAL(true | | false); (avec le point virgule). Sauvegardez le fichier programmePrincipal.cpp (avec la souris menu File, puis Save ou avec le clavier <Ctrl-x><Ctrl-s>).
  - Compilez et exécutez le programme modifié (plutôt que de retaper la commande make dans le TERMINAL vous pouvez utiliser la flèche \(\backsquare\), de même pour ./in101).
  - Vous devez obtenir la valeur des expressions 3+4 et true || false.
- Erreur: lorsqu'une expression est mal formée, mal typée ou non évaluable, le compilateur signale l'erreur. Par exemple ajoutez au programme principal la ligne EVAL(3 \*); . Sauve-gardez le fichier programmePrincipal.cpp, compilez—le. Le compilateur signale qu'il manque une expression avant la parenthèse fermante (programmePrincipal.cpp:19:3: signifie que l'erreur se situe à la ligne 19, colonne 3, du fichier programmePrincipal.cpp). Corrigez l'erreur en ajoutant un nombre entre \* et ) dans programmePrincipal.cpp. Sauvegardez et compilez. Il ne doit plus y avoir d'erreur.

Tapez à présent EVAL(abs(2,3)); . Sauvegardez, compilez. Le compilateur signale une erreur car il ne connaît pas de fonction abs s'appliquant à 2 entiers. Corrigez l'erreur en supprimant le 2ème argument. Sauvegardez, compilez, exécutez. Il ne doit plus y avoir d'erreur. Tapez à présent EVAL(2/(1-1)); . Sauvegardez, compilez. Le compilateur indique que l'expression contient une division par zéro. Transformez EVAL(2/(1-1)); en commentaire : pour cela insérez // en début de ligne. Les commentaires sont ignorés par le compilateur. Sauvegardez, compilez. Il n'y a plus d'erreur (normalement).

## Évaluez les expressions suivantes, en essayant de deviner les réponses du programme :

#### — Des expressions de type entier :

Modifiez le programme pour obtenir les valeurs des 2 expressions 8/2 et 9/2. Sauvegardez, compilez, exécutez. À quelle opération correspond /?

Modifiez le programme pour obtenir les valeurs des 2 expressions 8 % 4 et 9 % 4. Sauvegardez, compilez, exécutez. À quelle opération correspond %?

### Des expressions de type réel :

Ajoutez au programme EVAL( 8.5 + 1 ); puis EVAL( 8.2 / 4.1 ); puis

EVAL (8.2 / 2); Sauvegardez, compilez, exécutez. Vous remarquerez que / désigne ici la division réelle. Il désigne donc à la fois la division réelle et la division entière. Lorsque les 2 opérandes sont de type int c'est la division entière (le quotient) qui est appliquée, sinon la division réelle est appliquée.

pow et sgrt correspondent aux opérations d'exponentiation et de racine carrée.

Calculez les valeurs des expressions pow(3,2) puis sqrt(25) puis sqrt(pow(12.3,2)).

#### — Des expressions de type booléen :

Calculez les valeurs des expressions true puis 2 > 3 puis !(2 > 3) puis (2 > 3) && true puis (2 > 3) || true. Les opérateurs « non », « et », « ou » s'écrivent respectivement !, &&, || en C/C++.

Ajoutez au programme EVAL( ((2/0)>1) || true); . La compilation indique une division par 0. Commentez l'expression précédente pour supprimer l'erreur. Évaluez à présent l'expression true || (2/0)>1. Sauvegardez, compilez, exécutez. Il n'y a plus d'erreur car, l'évaluation paresseuse du « ou » n'évalue pas la division par zéro.

### — L'opérateur conditionnel :

Évaluez l'expression conditionnelle 2>3? 5 : 7 . Pour cela, écrivez EVAL(2>3? 5 : 7); sauvegardez, compilez, exécutez.

Evaluez l'expression sqrt(2)>1.4? 5 : 7.

## 1.4 Définir de nouvelles fonctions dans le fichier definitionsFonctions.cpp

Dans la suite des TP vous aurez à définir des nouvelles fonctions C/C++ correspondant à la traduction d'algorithmes. Vous saisirez ces définitions de fonctions dans le fichier definitionsFonctions.cpp.

- Ouvrez le fichier definitionsFonctions.cpp.
  - Saisissez le texte suivant qui correspond à la définition de la fonction calculant la moyenne de 2 nombres réels :

```
// Fonction moyenne
// Données: a : nombre réel, b : nombre réel
// Résultat: Nombreréel, la moyenne de a et b
float moyenne(float a, float b)
{
   return (a+b)/2
```

EMACS reconnaît la syntaxe C/C++: pour indenter automatiquement vos définitions tapez sur la touche tabulation à chaque ligne (ou après avoir sélectionné des lignes). Les 3 premières lignes (celles commençant par //) sont un commentaire donnant les spécifications de la fonction. Elles sont ignorées par le compilateur.

- Sauvegardez votre fichier C/C++ (menu File puis Save ou bien <Ctrl-x><Ctrl-s>).
- Compilez le programme (commande make dans le TERMINAL). Le compilateur C/C++ signale une erreur dans le fichier definitionsFonctions.cpp: il manque un point virgule avant l'accolade fermante. Corrigez l'erreur, sauvegardez, compilez. Il n'y a plus d'erreur.

- Vous pouvez à présent utiliser la fonction moyenne dans les expressions. Ouvrez le fichier programmePrincipal.cpp (menu Buffers) et ajoutez-y par exemple la ligne EVAL(moyenne(2.3, 8)); . Sauvegardez programmePrincipal.cpp, compilez, exécutez. Le programme affiche la moyenne de 2.3 et 8.
- Une autre fonction à définir.
  - Définissez dans definitionsFonctions.cpp la fonction max3 qui étant donnés 3 nombres réels donne comme résultat le plus grand de ces nombres.
  - Combien de données admet la fonction max3? Quels sont leurs types? Quel est le type du résultat? Les réponses à ces questions déterminent la signature de la fonction max3 et donc la première ligne de sa définition.
  - Pour écrire le corps de la fonction vous pouvez utiliser la fonction prédéfinie max qui calcule le maximum de 2 nombres réels.
  - Sauvegardez votre fichier, compilez, jusqu'à ce qu'il n'y ait plus d'erreur.
  - Testez votre définition en ajoutant à programmePrincipal.cpp EVAL(max3(3,9,2.5)); pour obtenir le maximum parmi 3, 9 et 2.5. Sauvegardez votre fichier, compilez, exécutez.

# 2 Expressions conditionnelles, opérations booléennes

1. Définissez la fonction multiple qui étant donné 2 nombres entiers x et y a pour résultat le booléen true si x est un multiple de y et false sinon.

**Rappel** : un entier  $\mathbf{x}$  est un multiple d'un entier  $\mathbf{y}$  si il existe un entier  $\mathbf{k}$  tel que  $x = k \times y$ . Vous aurez très certainement besoin de l'opération % pour définir multiple ainsi que de l'opérateur égalité qui en  $\mathbf{C}/\mathbf{C}++$  est noté == .

Écrivez la définition de multiple, sauvegardez, évaluez jusqu'à ce que sa syntaxe et son type soient corrects. Testez votre définition. Votre fonction multiple doit être définie pour tous les couples d'entiers, en particulier lorsque l'un d'entre eux ou les 2 sont nuls (attention à la division par 0). Par exemple les valeurs respectives de multiple(2,0), multiple(0,2) et multiple(0,0) doivent être false, true et true.

2. Ecrivez une fonction C/C++ pour chacune des fonctions suivantes. Vous testerez chacune de vos fonctions avec différents arguments.

3. (\*\*\*) En TD vous avez écrit un algorithme pour la fonction booléenne :

Traduisez cet algorithme en fonction C/C++.

4. (\*\*\*) Utilisez vos fonctions multiple et ouExcl pour définir en C/C++ la fonction :

```
\begin{array}{ccc} \mathbf{mul2ou3}: \mathbb{Z} & \longrightarrow & Bool \\ n & \longmapsto & \big\{ \text{ true si } n \text{ est multiple de 2 ou de trois mais pas de 6, false sinon} \\ \end{array}
```

- 5. Écrivez une fonction memeDizaine vérifiant si 2 nombres entiers sont dans la même dizaine. C'est le cas par exemple de 38 et 33 ou encore de 922 et 929. Par contre 128 et 325 ne sont pas dans la même dizaine (128 appartient à la 12ème dizaine alors que 325 appartient à la 32ème). Pensez à utiliser la division entière.
- 6. Écrivez une fonction memeParite vérifiant si 2 nombres entiers ont même parité, c'est à dire si ils sont tous les deux pairs ou alors tous les deux impairs.
- 7. (\*\*\*) Soit un jeu de roulette simple :

On mise une somme sur un numéro. Le gain est calculé en fonction du numéro sorti selon la règle suivante :

- Si les numéros sortis et joués sont identiques, on remporte 20 fois la mise.
- Si les numéros sortis et joués sont dans la même dizaine, on remporte 5 fois la mise.
- Si les numéros sortis et joués sont de même parité, on remporte 2 fois la mise.
- Sinon on ne gagne rien?

Par exemple si on mise  $10 \in$  sur le numéro 12 et que le numéro sorti est 18, on gagne 5 fois la mise, donc  $50 \in$ , car les 2 numéros sont dans la même dizaine.

Complétez la fonction ci-dessous calculant le gain au jeu de roulette :

```
int gainRoulette(int mise, int numJoue, int numSorti)
{
    return ...
```

Testez votre procédure en évaluant gainRoulette(100,675,500), gainRoulette(100,675,672) et gainRoulette(100,675,675).

# 3 Récursivité sur les nombres

1. En TD vous avez écrit un algorithme récursif testant si un entier positif est un entier pair sans utiliser de division. Voici une traduction de cet algorithme en une fonction C/C++:

```
bool estPair(int n)
{
    return
        n==0 ? true : !estPair(n-1);
}
```

Testez cette fonction en évaluant estPair(9) puis estPair(56).

Évaluez à présent estPair(-2). Un message d'erreur <<Erreur de segmentation>> apparaît. Il signifie que l'exécution du programme a été interrompue car l'évaluation de estPair(-2) ne termine pas, la suite des valeurs de l'argument (-2, -3, -4, ...) étant infinie. Modifiez la définition de la fonction estPair pour que le cas des entiers négatifs soit correctement traité.

- 2. Écrivez les fonctions suivantes dont les paramètres sont 2 entiers a et b:
  - (a) existeMul11 vérifie si il existe un multiple de 11 dans l'intervalle [a, b]. Testez votre fonction : les valeurs de existeMul11(2,10), existeMul11(22,22) et existeMul11(22,2) doivent être respectivement false, true, false.

- (b) maxMull11 qui calcule le plus grand entier multiple de 11 de l'intervalle [a, b]. Dans le cas où l'intervalle [a, b] ne contient pas de multiple de 11, le résultat de maxMull11 sera -1. Par exemple les valeurs respectives de maxMull11(3,43) et maxMull11(3,4) sont 33 et -1.
- (c) nbMull1 calcule le nombre d'entiers multiples de 11 dans l'intervalle [a, b]. Par exemple les valeurs respectives de nbMull11(3,43) et nbMull11(3,4) sont 3 et 0.
- (d) somMul11 calcule la somme des entiers multiples de 11 appartenant à l'intervalle [a, b]. Par exemple les valeurs respectives de somMul11(3,54) et somMul11(3,4) sont 110 et 0.
- 3. Soit n un entier positif. Dans l'écriture décimale de n, on appelle :
  - chiffre de rang 1, le chiffre des unités;
  - chiffre de rang 2, le chiffre des dizaines;
  - chiffre de rang k, le  $k^{\grave{e}me}$  chiffre en lisant l'écriture décimale de n de la droite vers la gauche. Si ce chiffre n'existe pas, le chiffre de rang k de n est 0.

Par exemple pour l'entier 3249 : le chiffre de rang 1 est 9, le chiffre de rang 2 est 4, le chiffre de rang 4 est 3 et le chiffre de rang 12 est 0.

Quelle expression permet d'obtenir le chiffre des unités de 3249? Comment obtenir le chiffre de rang 2 de 3249? (pensez à composer les opérations % et /).

- (a) Écrivez une fonction nbChifDec calculant le nombre de chiffres de l'écriture décimale d'un entier n (nbChifDec (3279) vaut 4).
- (b) Écrivez la fonction chifRang qui étant donné un entier positif n et un entier strictement positif k calcule le chiffre de rang k de l'écriture décimale de n.
- (c) (\*\*\*) Écrivez une fonction somChif qui étant donné un entier positif n calcule la somme de ses chiffres. Par exemple somChif (3249) vaut 18.
- (d) (\*\*\*) La racine numérique d'un nombre est un nombre à 1 chiffre. Il s'obtient en calculant la somme des chiffres du nombre jusqu'à ce que le nombre obtenu n'ait qu'un chiffre. Par exemple la racine numérique de 3249 est 9. Elle s'obtient en calculant 3+2+4+9=18 puis 1+8=9. Écrivez une fonction calculant la racine numérique d'un entier naturel.
- (e) (\*\*\*\*) Écrivez une fonction invChif qui étant donné un entier positif n calcule le nombre dont l'écriture décimale est celle de n lue en sens inverse. Par exemple invChif(3249) vaut 9423. Vous aurez besoin de la fonction puissance pow.
- 4. (\*\*\*) Écrivez la fonction estCarre, qui vérifie si un entier est un carré (d'entier). Par exemple 4, 9, 16, 25, 36 sont des carrés.

Son écriture nécessite l'utilisation d'une autre fonction qu'il vous faudra définir et écrire. Par exemple une fonction  $\mathtt{existeRac}$  à 2 paramètres n et k testant si l'entier n admet une racine entière supérieure ou égale à l'entier k. Définissez alors la fonction  $\mathtt{estCarre}$ . La définition de  $\mathtt{existeRac}$  devra précéder celle de  $\mathtt{estCarre}$  dans la fenêtre éditeur.

# 4 Listes

# 4.1 Fonctions et opérateurs de base sur les listes

Ajoutez au fichier programmePrincipal.cpp la ligne

```
const list<int> exli={1,33,67,12,1,22};
```

qui a pour effet de définir la constante exli dont la valeur est la liste d'entiers (1 33 67 12 1 22). Cette définition simplifiera l'écriture des expressions que vous aurez à évaluer.

- 1. Après la définition de exli ajoutez la ligne EVAL(exli); pour obtenir la valeur de exli. Modifiez le programme principal pour obtenir les valeurs des expressions suivantes. Lorsque l'évaluation d'une expression provoque une erreur, vous commenterez la ligne correspondante pour pouvoir évaluer les autres expressions.
  - tete(exli) queue(exli) tete(queue(exli)) tete(tete(exli)) queue(queue(exli)) cons(11,liVide<int>()) cons(11, exli) cons(1.1, exli)
- 2. Trouvez et évaluez une expression dont la valeur est :
  - La somme des 2 premiers éléments de exli.
  - La liste exli dans laquelle les 2 premiers éléments ont été remplacés par leur somme.
  - La liste exli sans son deuxième élément.
- 3. L'expression qui permet d'obtenir la liste (1 2 3) est cons(1,cons(2,cons(3,liVide<int>()))). Pour alléger cette écriture vous pourrez utiliser la fonction liste qui étant donné une séquence non vide d'entiers séparés par des points virgules encadrée par des accolades, a pour résultat la liste d'entiers correspondante. Ainsi pour obtenir la liste d'entiers (1 2 3) on pourra écrire liste({1, 2, 3}). Attention cette fonction n'est définie que pour des listes d'entiers.

#### 4.2 Définir de nouvelles fonctions sur les listes d'entiers

Ajoutez au fichier definitionsFonctions.cpp les définitions des fonctions suivantes :

- 1. Écrivez la fonction longLi qui calcule la longueur d'une liste (son nombre d'éléments) d'entiers. Calculez la longueur de exli.
- 2. Écrivez la fonction minLi qui calcule le plus petit élément d'une liste non vide d'entiers. Testez votre fonction en évaluant minLi(exli).
- 3. Écrivez la fonction oterLi qui a pour paramètres un entier n et une liste d'entiers li et dont le résultat est la liste li sans le premier élément de valeur n. Dans le cas où li ne contient pas d'élément de valeur n, le résultat est la liste li. Par exemple les résultats de oterLi(1,exli), oterLi(67,exli) et oterLi(9,exli) sont les listes (33 67 12 1 22), (1 33 12 1 22) et (1 33 67 12 1 22).
- 4. Écrivez la fonction estTriee qui vérifie si une liste d'entiers est triée par ordre croissant, c'est à dire si tout élément de la liste est inférieur ou égal à tous les éléments situés après lui dans la liste. La liste vide, les listes composées d'un seul élément et (3 3 12 13 16) sont des exemples de listes triées. exli n'est pas une liste triée. Testez votre fonction en évaluant les expressions : estTriee(exli), estTriee(liste({2})), estTriee(liste({5,1})) et estTriee(liste({3, 3, 12, 13, 16})).
- 5. (\*\*\*) Il s'agit d'écrire une fonction triListe qui étant donné une liste d'entiers *li* calcule la liste constituée des éléments de *li* rangés dans l'ordre croissant. Par exemple le résultat de triListe(exli) est la liste (1 1 12 22 33 67).

Il existe plusieurs algorithmes de tri. On peut définir l'un d'entre eux de façon récursive :

- Cas de base : quand li est la liste vide, que vaut triListe(li)?
- **Equation de récurrence** : quand *li* n'est pas vide, pour trouver la valeur de triListe(1i), vous chercherez à définir sa tête de liste et sa queue de liste (utilisez les fonctions précédemment définies).

Écrivez la définition de triListe et testez-la.

6. Écrivez la fonction lgPrefEg qui étant donné une liste non vide d'entier li, calcule la longueur du plus long préfixe de li constitué d'éléments tous égaux.

Exemples: les longueurs des plus longs préfixes des listes (2 7 7 2) et (2 2 2 7 2) sont respectivement 1 et 3. Vérifiez si vous trouvez ces valeurs lorsque vous évaluez les expressions lgPrefEg(liste({2, 2, 2, 7, 2})).

7. Écrivez la fonction **supRepet** qui supprime les répétitions d'éléments consécutifs égaux d'une liste d'entiers.

Exemples:	Expression	Valeur
	$supRepet(liste({2,7,7,7,2}))$	la liste (2 7 2)
	$supRepet({2,2,7,7,2})$	la liste (2 7 2)
	$supRepet({2,7,7,7,2})$	(2 7 2)
	$supRepet({2,2})$	(2)
	$supRepet({2,7,3,7})$	(2 7 3 7)
	<pre>supRepet(liVide<int>())</int></pre>	()

8. (\*\*\*) Écrivez la fonction supPrefEg qui étant donné li, une liste d'entiers non vide, supprime le 1<sup>er</sup> élément de li, ainsi que le 2<sup>ème</sup> s'il est égal au 1<sup>er</sup>, . . . jusqu'au premier élément différent du 1<sup>er</sup> de li. Autrement dit le résultat est le plus long suffixe de li dont le 1<sup>er</sup> élément, s'il existe, est différent de la tête de li.

Exemples:	Expression	Valeur
	supPrefEg(liste({2, 7, 7, 2}))	la liste (7 7 2)
	<pre>supPrefEg(liste({2, 2, 7, 2}))</pre>	la liste (7 2)
	$supPrefEg(liste({2, 2, 2}))$	la liste vide
	supPrefEg(liste({2, 2, 2, 7, 3, 7, 7}))	la liste (7 3 7 7)

9. (\*\*\*\*) On peut coder une liste en remplaçant chaque séquence maximale d'éléments consécutifs égaux par 2 éléments : la longueur de la séquence et la valeur de l'élément répété.

Par exemple la liste (7 7 7 7 8 8 7 7 7) est constituée de quatre 7, suivis de deux 8, suivis de trois 7. Le codage de cette liste est la liste (4 7 2 8 3 7). Le codage de la liste (5 6 6 6 5) est la liste (1 5 4 6 1 5).

Écrivez une fonction codeLi calculant selon ce principe le codage d'une liste d'entiers. Vous aurez besoin des fonctions lgPrefEg et supPrefEg.

10. (\*\*\*\*\*) Écrivez la fonction decodeLi, la fonction réciproque de la fonction codeLi : étant donné une liste d'entiers de longueur paire li, decodeLi calcule la liste lidc telle que codeLi (lidc) vaut li.

Exemples:	Expression	Valeur
	$decodeLi(liste({3,7,2,1,1,2}))$	(7 7 7 1 1 2)
	$decodeLi(liste({1,1,2,2,3,3}))$	(1 2 2 3 3 3)