

Combinatoire

1) Considérons le nombre de notation possible comme toute les possibilités de résultat pour toute les copies. On sépare donc 212 copies en 20 groupes :

- ce qui ont 0
- ce qui ont 1
- ...
- ce qui ont 20

$$\text{On a alors } |\{0, 1, 2, \dots, 20\}| = 21$$

2) Soit une application surjective, une application tel que $\forall y \in F, \exists x \in E, y = f(x)$. avec $F = \{0, 1, 2, \dots\}$ et E l'ensemble des

On, il est tout à fait possible de construire une application tel que $\forall x \in E, f(x) = y$ avec y fixé.
Par exemple, supposons $\forall x \in E, f(x) = 3$

Alors, 2 n'a pas d'antécédent.

L'application n'est donc pas surjective

3) Soit la définition d'une application Injective:

$$\forall x_1, x_2 \in E, f(x_1) = f(x_2) \Rightarrow x_1 = x_2$$

Ainsi, chaque élément de F n'a qu'un antécédent.

Or, d'après le principe des tiroirs, si

$|E| > |F|$, ce qui est le cas ici, alors au moins un élément de F a plus d'un antécédent.

Donc non, il n'existe pas d'application Injective.

4) D'après le principe des tiroirs on sait que au moins un groupe comporte $\frac{|F|}{|E|}$ éléments.

$$\text{Soit } \frac{212}{20} \approx 11.$$

Donc, dans chaque notation, au moins 10 et 1 copies ont la même note, en revanche c'est faux pour 12.