# Vérification (HAI603I)

Licence Informatique Département Informatique Faculté des Sciences de Montpellier Université de Montpellier





#### TD/TP N°3: Types inductifs

#### Exercice 1 (Fonctions et preuves inductives sur les entiers)

- 1. Écrire la fonction mult sur les entiers naturels  $\mathcal{N}$ .
- 2. Démontrer que :  $\forall n \in \mathcal{N}.mult(2, n) = plus(n, n)$ .
- 3. Démontrer que :  $\forall n \in \mathcal{N}.mult(n,2) = plus(n,n)$ .

#### Exercice 2 (Fonctions et preuves inductives sur les listes)

- 1. Écrire la fonction rev qui inverse les éléments d'une liste.
- 2. Démontrer que :  $\forall l \in \mathcal{L}. \forall e \in \mathcal{A}. rev(app(l, [e])) = e :: rev(l).$
- 3. Démontrer que :  $\forall l :\in \mathcal{L}.rev(rev(l)) = l$ .

### Exercice 3 (Type inductif des formules en logique)

- 1. Définir le type des formules en logique propositionnelle.
- 2. Écrire la fonction sub, qui rend l'ensemble des sous-formules d'une formule F.
- 3. Écrire la fonction nbc, qui rend le nombre de connecteurs d'une formule F.
- 4. Écrire le schéma d'induction structurelle des formules.
- 5. Démontrer que :  $|sub(F)| \leq 2 \times nbc(F) + 1$ , pour toute formule F.

## Exercice 4 (Relations inductives sur les listes)

- 1. Spécifier la relation « être une permutation de » pour deux listes.
- 2. Démontrer que la liste [1; 2; 3] est une permutation de [3; 2; 1].
- 3. Spécifier la relation « être triée » pour une liste.
- 4. Démontrer que la liste [1; 2; 3] est triée.

### Exercice 5 (Preuves en Coq)

Faire les exercices 1, 2 et 4 en Coq.

# Exercice 6 (Preuves en Coq)

- 1. Écrire la relation inductive is \_even (vue en cours).
- 2. Écrire une tactique qui démontre des buts de la forme  $is\_even(n)$ .
- 3. Écrire une tactique qui démontre des buts de la forme  $\neg is\_even(n)$ .
- 4. Écrire une tactique qui démontre les buts précédents indifféremment.
- 5. Écrire la fonction  $f_{is\_even}$  qui teste si un entier est pair.
- 6. Démontrer que la fonction  $f_{is\_even}$  est correcte vis-à-vis de la relation  $is\_even$ .