

# 2. Algorithmization

Для закрепления навыков по данной теме решите следующие задачи.

## Одномерные массивы

- 1. В массив A [N] занесены натуральные числа. Найти сумму тех элементов, которые кратны данному К.
- 2. Дана последовательность действительных чисел  $a_1$ ,  $a_2$ ,...,  $a_n$ . Заменить все ее члены, большие данного Z, этим числом. Подсчитать количество замен.
- 3. Дан массив действительных чисел, размерность которого N. Подсчитать, сколько в нем отрицательных, положительных и нулевых элементов.
- 4. Даны действительные числа  $a_1$ ,  $a_2$ ,...,  $a_n$ . Поменять местами наибольший и наименьший элементы.
- 5. Даны целые числа  $a_1$ ,  $a_2$ ,...,  $a_n$ . Вывести на печать только те числа, для которых  $a_i > i$ .
- 6. Задана последовательность N вещественных чисел. Вычислить сумму чисел, порядковые номера которых являются простыми числами.
- 7. Даны действительные числа  $a_1, a_2, ..., a_n$ . Найти

$$\max(a_1 + a_{2n}, a_2 + a_{2n-1}, \dots, a_n + a_{n+1})$$
.

- 8. Дана последовательность целых чисел  $a_1, a_2, ..., a_n$ . Образовать новую последовательность, выбросив из исходной те члены, которые равны  $\min(a_1, a_2, ..., a_n)$ .
- 9. В массиве целых чисел с количеством элементов n найти наиболее часто встречающееся число. Если таких чисел несколько, то определить наименьшее из них.
- 10. Дан целочисленный массив с количеством элементов *п*. Сжать массив, выбросив из него каждый второй элемент (освободившиеся элементы заполнить нулями). *Примечание*. Дополнительный массив не использовать.

#### Задачи. Массивы массивов

- 1. Дана матрица. Вывести на экран все нечетные столбцы, у которых первый элемент больше последнего.
- 2. Дана квадратная матрица. Вывести на экран элементы, стоящие на диагонали.
- 3. Дана матрица. Вывести k-ю строку и p-й столбец матрицы.
- 4. Сформировать квадратную матрицу порядка п по заданному образцу(п четное):

$$\begin{pmatrix}
1 & 2 & 3 & \cdots & n \\
n & n-1 & n-2 & \cdots & 1 \\
1 & 2 & 3 & \cdots & n \\
n & n-1 & n-2 & \cdots & 1 \\
\vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\
n & n-1 & n-2 & \cdots & 1
\end{pmatrix}$$

5. Сформировать квадратную матрицу порядка п по заданному образцу(п - четное):

$$\begin{pmatrix}
1 & 1 & 1 & \cdots & 1 & 1 & 1 \\
2 & 2 & 2 & \cdots & 2 & 2 & 0 \\
3 & 3 & 3 & \cdots & 3 & 0 & 0 \\
\vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots & \vdots \\
n-1 & n-1 & 0 & \cdots & 0 & 0 & 0 \\
n & 0 & 0 & \cdots & 0 & 0 & 0
\end{pmatrix}$$

6. Сформировать квадратную матрицу порядка п по заданному образцу(п - четное):

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 & \cdots & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & \cdots & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & \cdots & 1 & 0 & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 1 & 1 & \cdots & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & \cdots & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

7. Сформировать квадратную матрицу порядка N по правилу:

$$A[I,J] = \sin\left(\frac{I^2 - J^2}{N}\right)$$

и подсчитать количество положительных элементов в ней.

- 8. В числовой матрице поменять местами два столбца любых столбца, т. е. все элементы одного столбца поставить на соответствующие им позиции другого, а его элементы второго переместить в первый. Номера столбцов вводит пользователь с клавиатуры.
- 9. Задана матрица неотрицательных чисел. Посчитать сумму элементов в каждом столбце. Определить, какой столбец содержит максимальную сумму.
- 10. Найти положительные элементы главной диагонали квадратной матрицы.
- 11. Матрицу 10х20 заполнить случайными числами от 0 до 15. Вывести на экран саму матрицу и номера строк, в которых число 5 встречается три и более раз.
- 12. Отсортировать строки матрицы по возрастанию и убыванию значений элементов.
- 13. Отсотрировать стобцы матрицы по возрастанию и убыванию значений эементов.
- 14. Сформировать случайную матрицу m x n, состоящую из нулей и единиц, причем в каждом столбце число единиц равно номеру столбца.
- 15. Найдите наибольший элемент матрицы и заменить все нечетные элементы на него.
- 16. Магическим квадратом порядка п называется квадратная матрица размера nxn, составленная из чисел 1, 2, 3, ...,  $n^2$  так, что суммы по каждому столбцу, каждой строке и каждой из двух больших диагоналей равны между собой. Построить такой квадрат. Пример магического квадрата порядка 3:

## Одномерные массивы. Сортировки

- 1. Заданы два одномерных массива с различным количеством элементов и натуральное число k. Объединить их в один массив, включив второй массив между k-м и (k+1) м элементами первого, при этом не используя дополнительный массив.
- 2. Даны две последовательности  $a_1 \le a_2 \le ... \le a_n$  и  $b_1 \le b_2 \le ... \le b_m$ . Образовать из них новую последовательность чисел так, чтобы она тоже была неубывающей. *Примечание*. Дополнительный массив не использовать.
- 3. **Сортировка выбором.** Дана последовательность чисел  $a_1 \le a_2 \le ... \le a_n$ . Требуется переставить элементы так, чтобы они были расположены по убыванию. Для этого в массиве, начиная с первого, выбирается наибольший элемент и ставится на первое место, а первый на место наибольшего. Затем, начиная со второго, эта процедура повторяется. Написать алгоритм сортировки выбором.
- 4. **Сортировка обменами.** Дана последовательность чисел  $a_1 \le a_2 \le ... \le a_n$ . Требуется переставить числа в порядке возрастания. Для этого сравниваются два соседних числа  $a_i$  и  $a_{i+1}$ . Если  $a_i > a_{i+1}$ , то делается перестановка. Так продолжается до тех пор, пока все элементы не станут расположены в порядке возрастания. Составить алгоритм сортировки, подсчитывая при этом количества перестановок.
- 5. **Сортировка вставками.** Дана последовательность чисел  $a_1, a_2, ..., a_n$ . Требуется переставить числа в порядке возрастания. Делается это следующим образом. Пусть  $a_1, a_2, ..., a_i$  упорядоченная последовательность, т. е.  $a_1 \le a_2 \le ... \le a_n$ . Берется следующее число  $a_{i+1}$  и вставляется в последовательность так, чтобы новая последовательность была тоже возрастающей. Процесс производится до тех пор, пока все элементы от i+1 до п не будут перебраны. *Примечание*. Место помещения очередного элемента в отсортированную часть производить с помощью двоичного поиска. Двоичный поиск оформить в виде отдельной функции.
- 6. **Сортировка Шелла.** Дан массив п действительных чисел. Требуется упорядочить его по возрастанию. Делается это следующим образом: сравниваются два соседних элемента  $a_i$  и  $a_{i+1}$ . Если  $a_i \leq a_{i+1}$ , то продвигаются на один элемент вперед. Если  $a_i > a_{i+1}$ , то производится перестановка и сдвигаются на один элемент назад. Составить алгоритм этой сортировки.
- 7. Пусть даны две неубывающие последовательности действительных чисел  $a_1 \le a_2 \le ... \le a_n$  и  $b_1 \le b_2 \le ... \le b_m$ . Требуется указать те места, на которые нужно вставлять элементы последовательности  $b_1 \le b_2 \le ... \le b_m$  в первую последовательность так, чтобы новая последовательность оставалась возрастающей.
- 8.Даны дроби  $\underline{p_1}, \underline{p_2}, \dots, \underline{p_n}$  (  $p_i, q_i$  натуральные). Составить программу, которая приводит эти дроби к общему знаменателю и упорядочивает их в порядке возрастания.

### Декомпозиция с использованием методов (подпрограммы)

1. Написать метод(методы) для нахождения наибольшего общего делителя и наименьшего общего кратного двух натуральных чисел:

$$\left(HOK(A,B) = \frac{A \cdot B}{HO\mathcal{I}(A,B)}\right)$$

- 2. Написать метод(методы) для нахождения наибольшего общего делителя четырех натуральных чисел.
- 3. Вычислить площадь правильного шестиугольника со стороной а, используя метод вычисления площади треугольника.
- 4. На плоскости заданы своими координатами п точек. Написать метод(методы), определяющие, между какими из пар точек самое большое расстояние. Указание. Координаты точек занести в массив.
- 5. Составить программу, которая в массиве A[N] находит второе по величине число (вывести на печать число, которое меньше максимального элемента массива, но больше всех других элементов).
- 6. Написать метод(методы), проверяющий, являются ли данные три числа взаимно простыми.
- 7. Написать метод(методы) для вычисления суммы факториалов всех нечетных чисел от 1 до 9.
- 8. Задан массив D. Определить следующие суммы: D[1] + D[2] + D[3]; D[3] + D[4] + D[5]; D[4] + D[5] + D[6]. Пояснение. Составить метод(методы) для вычисления суммы трех последовательно расположенных элементов массива с номерами от k до m.
- 9. Даны числа X, Y, Z, T длины сторон четырехугольника. Написать метод(методы) вычисления его площади, если угол между сторонами длиной X и Y— прямой.
- 10. Дано натуральное число N. Написать метод(методы) для формирования массива, элементами которого являются цифры числа N.
- 11. Написать метод(методы), определяющий, в каком из данных двух чисел больше цифр.
- 12. Даны натуральные числа К и N. Написать метод(методы) формирования массива A, элементами которого являются числа, сумма цифр которых равна К и которые не большее N.
- 13. Два простых числа называются «близнецами», если они отличаются друг от друга на 2 (например, 41 и 43). Найти и напечатать все пары «близнецов» из отрезка [n,2n], где n заданное натуральное число больше 2. Для решения задачи использовать декомпозицию.
- 14. Натуральное число, в записи которого n цифр, называется числом Армстронга, если сумма его цифр, возведенная в степень n, равна самому числу. Найти все числа Армстронга от 1 до k. Для решения задачи использовать декомпозицию.
- 15. Найти все натуральные п-значные числа, цифры в которых образуют строго возрастающую последовательность (например, 1234, 5789). Для решения задачи использовать декомпозицию.
- 16. Написать программу, определяющую сумму n значных чисел, содержащих только нечетные цифры. Определить также, сколько четных цифр в найденной сумме. Для решения задачи использовать декомпозицию.
- 17. Из заданного числа вычли сумму его цифр. Из результата вновь вычли сумму его цифр и т.д. Сколько таких действий надо произвести, чтобы получился нуль? Для решения задачи использовать декомпозицию.