

Задачи разрешимости логических формул и приложения Лекция 11. Символическое исполнение

Роман Холин

Московский государственный университет

Москва, 2021

Мотивация

• Хочется автоматизировать генерацию тестовых примеров

Мотивация

- Хочется автоматизировать генерацию тестовых примеров
- Хочется, чтобы тесты посещали все строчки кода (LOC метрика)

Мотивация

- Хочется автоматизировать генерацию тестовых примеров
- Хочется, чтобы тесты посещали все строчки кода (LOC метрика)
- Хочется, чтобы тесты посещали все пути обхода программы

Что можно делать

- Dynamic analysis
- Program correctness
- Test generations
- Taint analysis

```
void foo(int x, int y) {
       int t = 0;
       if (x > y) {
          t = x:
5
       } else {
6
           t = y;
8
       if (t < x) {
           assert false;
10
```

X	Y	T
1	1	<u></u>
4	4	

```
void foo(int x, int y) {
       int t = 0;
       // if (x > y) {
       // t = x;
5
       //} else {
           t = y;
8
       if (t < x) {
          assert false;
10
```

X	Y	T
1	4	4
7	+	🕶

```
void foo(int x, int y) {
       int t = 0;
       if (x > y) {
          t = x:
5
       } else {
6
           t = y;
8
       if (t < x) {
           assert false;
10
```

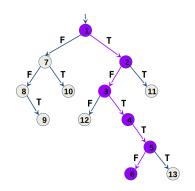
X	Y	T
2	1	0

```
void foo(int x, int y) {
       int t = 0;
       // if (x > y) {
          t = x:
5
       //} else {
6
       // t = y;
8
       if (t < x) {
          assert false;
10
```

X	Y	T	
2	1	2	

Пути исполнения программы

- Программа может быть представленна в виде бинарного дерева - т.н. Вычислительного дерева
- Каждая вершина выполнение условного оператора
- Каждое ребро выполнение последователнисти команд, которые не являются условным оператором
- Кадый путь от корня делит множество входных данных на классы эквивалентности



Пример дерева

```
void test(int x, int y) {
       if (2*y == x) {
3
          if (x \le y+10) {
             printf("OK");
5
          } else {
6
             printf("not OK");
             assert false;
8
9
      } else {
          print("OK");
10
11
12
```

Существующие подходы

```
void test(int x) {
   if (x == 94389) {
      assert false;
}
```

- Рандомизированное тестирование
- Проблема: вероятность ошибка очень мала

```
void foo(int x, int y) {
       int t = 0;
       if (x > y) {
          t = x:
5
       } else {
           t = y;
       if (t < x) {
8
           assert false;
10
```

X	Y	Т
Х	У	0

```
void foo(int x, int y) {
      int t = 0:
      if (x > y) {
        t = x:
5
      } else {
        t = y;
7
8
     assert false;
10
```

X	Y	T
X	У	t ₀

$$t_0 = \begin{cases} x & x > y \\ y & x \le y \end{cases}$$

```
void foo(int x, int y) {
         int t = 0:
         if (x > y) {
           t = x:
5
         } else {
 6
            t = y;
7
8
        form 0 = 0  } if form (t < x)  {
             assert false;
10
```

$$t_0 = \begin{cases} x & x > y \\ y & x \le y \end{cases}$$
$$t_0 < x?$$

```
void foo(int x, int y) {
              int t = 0:
              if (x > y) {
                  t = x:
 5
              } else {
                                                                 t_0 = \begin{cases} x & x > y \\ y & x < y \end{cases}
                    t = y;
             }
if (t < x) {</pre>
8
                      assert false; \begin{cases} x > y \implies t_0 = x \implies t_0 \ge x \\ x < v \implies t_0 = y \implies t_0 \ge x \end{cases}
10
```

```
void foo(int x, int y) {
       int t = 0;
       if (x > y) {
           t = x - 1:
5
       } else {
           t = y;
       if (t < x) {
8
           assert false;
10
```

X	Y	T
Х	У	t_0

```
void foo(int x, int y) {
      int t = 0:
      if (x > y) {
         t = x - 1:
5
      } else {
        t = y;
7
8
     assert false;
10
```

X	Y	T
X	у	t ₀

$$t_0 = \begin{cases} x - 1 & x > y \\ y & x \le y \end{cases}$$

```
void foo(int x, int y) {
             int t = 0:
            //if (x > y) {
                  t = x - 1:
 5
            //} else {
                                                        t_0 = \begin{cases} x - 1 & x > y \\ y & x < y \end{cases}
            // t = y;
8
            // if (t < x) {
                                               \begin{cases} x > y \implies t_0 = x - 1 \implies t_0 < x \\ x \le y \implies t_0 = y \implies t_0 \ge x \end{cases}
                   assert false;
10
            //}
                                                           x > v - solution
```

```
1 void testme(int x) {
2    if (pow(2,x) % c == 17) {
3        printf("not OK");
4        assert false;
5    } else
6        printf("OK");
7 }
```

Concolic execution (или dynamic symbolic execution):

- Начнем с рандомных входных данных
- Поддерживаем конкретный и символьные переменные

```
void foo(int x, int y) {
       int t = 0;
       if (x > y) {
         t = x:
5
      } else {
6
          t = y;
7
8
      assert false;
10
11
```

$$t_0 = \begin{cases} x & x > y \\ y & x \le y \end{cases}$$

```
void foo(int x, int y) {
       int t = 0;
        if (x > y) {
           t = x;
5
       } else {
6
            t = y;
        if (t < x) {
8
           assert false;
10
11
```

Χ	Y	T
(0, x)	(0,y)	(0,0)

```
void foo(int x, int y) {
        int t = 0;
3
        if (x > y) {
            t = x;
5
        } else {
6
            t = y;
        if (t < x) {
8
            assert false;
10
11
```

Χ	Y	T
(0,x)	(0,y)	(0,0)

```
void foo(int x, int y) {
        int t = 0;
3
        if (x > y) {
            t = x;
5
        } else {
6
            t = y;
        if (t < x) {
8
            assert false;
10
11
```

X	Y	T
(0,x)	(0, y)	(0,0)
{ F1 =	= not(x)	> y)

```
void foo(int x, int y) {
        int t = 0;
3
        if (x > y) {
            t = x;
5
        } else {
6
            t = y;
        if (t < x) {
8
            assert false;
10
11
```

X	Y	T
(0,x)	(0,y)	(0,0)
SMT	_Solve	r(not
F1) $ ightarrow$	(x = 1,	y=0)
$\begin{cases} F1 = not(x > y) \\ SMT_Solver(not \\ F1) \rightarrow (x = 1, y = 0) \end{cases}$		

```
void foo(int x, int y) {
        int t = 0;
3
        if (x > y) {
            t = x;
5
        } else {
6
            t = y;
        if (t < x) {
8
            assert false;
10
11
```

X	Y	T		
(0,x)	(0,y)	(0,0)		
SMT_Solver(not				
$F1) \rightarrow (x = 1, y = 0)$				
$queue = \{(x = 1, y = 0)\}$				

```
void foo(int x, int y) {
        int t = 0;
3
        if (x > y) {
            t = x:
5
        } else {
6
             t = y;
        if (t < x) {
8
9
            assert false;
10
11
```

```
void foo(int x, int y) {
        int t = 0;
3
        if (x > y) {
             t = x:
5
        } else {
6
             t = y;
        if (t < x) {
8
9
             assert false;
10
11
```

```
 \begin{array}{|c|c|c|}\hline X & Y & T \\\hline (0,x) & (0,y) & (0,y) \\\hline \{ F1 = not(x>y) \\ queue = \{(x=1,y=0)\} \end{array}
```

```
void foo(int x, int y) {
        int t = 0;
3
        if (x > y) {
             t = x:
5
        } else {
6
             t = y;
        if (t < x) {
8
9
             assert false;
10
11
```

```
 \begin{array}{|c|c|c|}\hline X & Y & T \\\hline (0,x) & (0,y) & (0,y) \\\hline \{ F1 = not(x>y) \\queue = \{(x=1,y=0)\} \end{array}
```

```
void foo(int x, int y) {
        int t = 0;
3
        if (x > y) {
             t = x:
 5
        } else {
 6
             t = y;
        if (t < x) {
8
9
              assert false;
10
11
```

```
 \begin{array}{|c|c|c|}\hline X & Y & T \\\hline (0,x) & (0,y) & (0,y) \\\hline \{ F1 = not(x>y) \\queue = \{(x=1,y=0)\} \end{array}
```

```
void foo(int x, int y) {
        int t = 0;
3
        if (x > y) {
             t = x;
5
        } else {
6
             t = y;
8
        if (t < x) {
             assert false:
10
11
```

X	Y	T		
(0,x)	(0,y)	(0,y)		
$\int F1 = not(x > y)$				
$\begin{cases} F2 = not(y < x) \end{cases}$				
$queue=\{(x=1,y=0)\}$				

```
void foo(int x, int y) {
        int t=0:
3
        if (x > y) {
             t = x:
5
        } else {
6
             t = y;
        if (t < x) {
8
             assert false;
10
11
```

```
 \begin{array}{|c|c|c|}\hline X & Y & T \\\hline (0,x) & (0,y) & (0,y) \\\hline & F1 = not(x>y) \\ & F2 = not(y<x) \\\hline SMT\_Solver(F1 \text{ and not} \\ & F2) \rightarrow UNSAT \\ queue = \{(x=1,y=0)\} \end{array}
```

```
void foo(int x, int y) {
        int t = 0;
3
        if (x > y) {
             t = x;
5
        } else {
6
             t = y;
8
        if (t < x) {
             assert false:
10
11
```

X	Y	T		
(0,x)	(0,y)	(0,y)		
$\int F1 = not(x > y)$				
F2 = not(y < x)				
queue = $\{(x = 1, y = 0)\}$				

```
void foo(int x, int y) {
        int t = 0;
        if (x > y) {
           t = x;
5
       } else {
6
           t = y;
8
        if (t < x) {
           assert false;
10
11
```

X	Y	T		
(1,x)	(0,y)	(0,0)		
$queue = \{\}$				

Пример

Какие ограничения могут повстречатся при consolic execution?

C1

C1 ∧ C2

___ C2

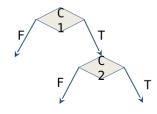
C1 Λ ¬C2

¬C1

__ ¬C1 ∧ C2

____ ¬C2

☐ ¬C1 ∧



Пример

```
int test(int x) {
       int[] A = \{ 5, 7, 9 \};
3
       int i = 0;
       while (i < 3) {
           if (A[i] == x) {
5
                               Какие ограничения появлялись
6
               break:
                               и были разрешены солвером?
8
9
10
       return i:
11
```

Пример

Можно символические переменные заменить на конкретные

Преимущества и недостатки Consolic Execution

- Может никогда не остановиться
- Метод полный если мы достигаем ошибки, то программа достигает её на некоторых данных
- Не надежный если анализ останавливается и не нашёл ошибок, то это не значит, что их нет

$$1 \quad a = b + c$$

```
class concolic int(int):
   def new (cls, val, sym):
3
       self =
        super(concolic int, cls). new (cls, val)
5
       self. val = val
6
       self. sym = sym
       return self
8
   def add (self, other):
9
       if isinstance(other, concolic int):
           value = self. val + other. val
10
           symbolic = self. sym + "+" + other. sym
11
12
       else:
13
           value = self. val + other
           symbolic = self. sym + "+" + str(other)
14
       return concolic int(value, symbolic)
15
```

 $\mathsf{Kak}\ \mathsf{int}\ \mathsf{заменить}\ \mathsf{нa}\ \mathsf{concolic}\ \mathsf{int}?$

$$1 \quad a = b + c$$

$$1 \quad a = plus(b, c)$$

```
function plus(x, y) {
        if (x isinstanceof Concolic) {
3
             if (y isinstanceof Concolic) {
4
                  return new Concolic(
5
                      x. val + y. val,
                      x. sym + "+" + y. sym
6
8
            } else {
9
                  return new Concolic(
10
                      x. val + y
                      x. \text{ sym} + "+" + y. \text{toString}()
11
12
                  );
13
14
        } else {
15
16
17
```

Как кодировать пути?

Examples

- KLEE: LLVM (C family of languages)
- PEX: .NET Framework
- CUTE: C
- jCUTE: Java
- Jalangi: Javascript
- Jalangi2 + ExpoSE: Javascript
- SAGE and S2E: binaries (x86, ARM, ...)

Links

- https://www.youtube.com/watch?v=yRVZPvHYHzw MIT lecture
- Symbolic Execution and Program Testing. James C. King
- SAGE: Whitebox Fuzzing for Security Testing. Patrice Godefroid, Michael Y. Levin, and David A. Molnar
- Jalangi: A Selective Record-Replay and Dynamic Analysis Framework for JavaScript. Koushik Sen, Swaroop Kalasapur, Tasneem Brutch, Simon Gibbs
- Sound Regular Expression Semantics for Dynamic Symbolic Execution of JavaScript. Blake Loring, Duncan Mitchell, Johannes Kinder



