

Условия при которых $f = 1$: $3 \leq |x_4 x_5 - x_1 x_2 x_3| < 6$

Условия при которых $f = d$: $|x_4 x_5 - x_1 x_2 x_3| = 0$

| N | $X_1 X_2 X_3 X_4 X_5$ | $X_4 X_5$ | $(X_4 X_5)_{10}$ | $X_1 X_2 X_3$ | $(X_1 X_2 X_3)_{10}$ | $ - $ | f |
|----|-----------------------|-----------|------------------|---------------|----------------------|-------|---|
| 0 | 00000 | 010 | 2 | 000 | 0 | 2 | 0 |
| 1 | 00001 | 011 | 3 | 000 | 0 | 3 | 1 |
| 2 | 00010 | 110 | 6 | 000 | 0 | 6 | 0 |
| 3 | 00011 | 111 | 7 | 000 | 0 | 7 | 0 |
| 4 | 00100 | 010 | 2 | 001 | 1 | 1 | 0 |
| 5 | 00101 | 011 | 3 | 001 | 1 | 2 | 0 |
| 6 | 00110 | 110 | 6 | 001 | 1 | 5 | 1 |
| 7 | 00111 | 111 | 7 | 001 | 1 | 6 | 0 |
| 8 | 01000 | 010 | 2 | 010 | 2 | 0 | D |
| 9 | 01001 | 011 | 3 | 010 | 2 | 1 | 0 |
| 10 | 01010 | 110 | 6 | 010 | 2 | 4 | 1 |
| 11 | 01011 | 111 | 7 | 010 | 2 | 5 | 1 |
| 12 | 01100 | 010 | 2 | 011 | 3 | 1 | 0 |
| 13 | 01101 | 011 | 3 | 011 | 3 | 0 | D |
| 14 | 01110 | 110 | 6 | 011 | 3 | 3 | 1 |
| 15 | 01111 | 111 | 7 | 011 | 3 | 4 | 1 |
| 16 | 10000 | 010 | 2 | 100 | 4 | 2 | 0 |
| 17 | 10001 | 011 | 3 | 100 | 4 | 1 | 0 |
| 18 | 10010 | 110 | 6 | 100 | 4 | 2 | 0 |
| 19 | 10011 | 111 | 7 | 100 | 4 | 3 | 1 |
| 20 | 10100 | 010 | 2 | 101 | 5 | 3 | 1 |
| 21 | 10101 | 011 | 3 | 101 | 5 | 2 | 0 |
| 22 | 10110 | 110 | 6 | 101 | 5 | 1 | 0 |
| 23 | 10111 | 111 | 7 | 101 | 5 | 2 | 0 |
| 24 | 11000 | 010 | 2 | 110 | 6 | 4 | 1 |
| 25 | 11001 | 011 | 3 | 110 | 6 | 3 | 1 |
| 26 | 11010 | 110 | 6 | 110 | 6 | 0 | D |
| 27 | 11011 | 111 | 7 | 110 | 6 | 1 | 0 |
| 28 | 11100 | 010 | 2 | 111 | 7 | 5 | 1 |
| 29 | 11101 | 011 | 3 | 111 | 7 | 4 | 1 |
| 30 | 11110 | 110 | 6 | 111 | 7 | 1 | 0 |
| 31 | 11111 | 111 | 7 | 111 | 7 | 0 | D |

Канонический вид КДНФ : $(\neg x_1 \wedge \neg x_2 \wedge \neg x_3 \wedge \neg x_4 \wedge x_5) \vee (\neg x_1 \wedge \neg x_2 \wedge x_3 \wedge x_4 \wedge \neg x_5) \vee$
 $(\neg x_1 \wedge x_2 \wedge \neg x_3 \wedge x_4 \wedge \neg x_5) \vee (\neg x_1 \wedge x_2 \wedge \neg x_3 \wedge x_4 \wedge x_5) \vee (\neg x_1 \wedge x_2 \wedge x_3 \wedge x_4 \wedge \neg x_5) \vee$
 $(\neg x_1 \wedge x_2 \wedge x_3 \wedge x_4 \wedge x_5) \vee (x_1 \wedge \neg x_2 \wedge \neg x_3 \wedge x_4 \wedge x_5) \vee (x_1 \wedge \neg x_2 \wedge x_3 \wedge \neg x_4 \wedge \neg x_5) \vee$
 $(x_1 \wedge x_2 \wedge \neg x_3 \wedge \neg x_4 \wedge \neg x_5) \vee (x_1 \wedge x_2 \wedge \neg x_3 \wedge \neg x_4 \wedge x_5) \vee (x_1 \wedge x_2 \wedge x_3 \wedge \neg x_4 \wedge \neg x_5) \vee$
 $(x_1 \wedge x_2 \wedge x_3 \wedge \neg x_4 \wedge x_5)$

ККНФ: $(x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4 \vee x_5) \wedge (x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee \neg x_4 \vee x_5) \wedge (x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee \neg x_4 \vee \neg x_5) \wedge$
 $(x_1 \vee x_2 \vee \neg x_3 \vee x_4 \vee x_5) \wedge (x_1 \vee x_2 \vee \neg x_3 \vee x_4 \vee \neg x_5) \wedge (x_1 \vee x_2 \vee \neg x_3 \vee \neg x_4 \vee \neg x_5) \wedge$
 $(x_1 \vee \neg x_2 \vee x_3 \vee x_4 \vee \neg x_5) \wedge (x_1 \vee \neg x_2 \vee \neg x_3 \vee x_4 \vee x_5) \wedge (\neg x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4 \vee x_5) \wedge$

$$(\neg x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee x_4 \vee \neg x_5) \wedge (\neg x_1 \vee x_2 \vee x_3 \vee \neg x_4 \vee x_5) \wedge (\neg x_1 \vee x_2 \vee \neg x_3 \vee x_4 \vee \neg x_5) \wedge$$

$$(\neg x_1 \vee x_2 \vee \neg x_3 \vee \neg x_4 \vee x_5) \wedge (\neg x_1 \vee x_2 \vee \neg x_3 \vee \neg x_4 \vee \neg x_5) \wedge (\neg x_1 \vee \neg x_2 \vee x_3 \vee \neg x_4 \vee \neg x_5) \wedge$$

$$(\neg x_1 \vee \neg x_2 \vee \neg x_3 \vee \neg x_4 \vee x_5)$$

| № | K ⁰ | | № | K ¹ | | | № | K ² | | № | Z(f) |
|----|----------------|---|----|----------------|-------|---|---|----------------|-------|---|-------|
| 1 | 00001 | ✓ | 1 | 0x110 | 2-7 | | 1 | x10x0 | 2-14 | 1 | 00001 |
| 2 | 00110 | ✓ | 2 | 010x0 | 3-4 | ✓ | 2 | 01x1x | 4-10 | 2 | 10011 |
| 3 | 01000 | ✓ | 3 | x1000 | 3-11 | ✓ | 3 | x11x1 | 8-18 | 3 | 0x110 |
| 4 | 01010 | ✓ | 4 | 0101x | 4-5 | ✓ | 4 | 11x0x | 13-17 | 4 | 1x100 |
| 5 | 01011 | ✓ | 5 | 01x10 | 4-7 | ✓ | | | | 5 | x10x0 |
| 6 | 01101 | ✓ | 6 | x1010 | 4-13 | ✓ | | | | 6 | 01x1x |
| 7 | 01110 | ✓ | 7 | 01x11 | 5-8 | ✓ | | | | 7 | x11x1 |
| 8 | 1111 | ✓ | 8 | 011x1 | 6-8 | ✓ | | | | 8 | 11x0x |
| 9 | 10011 | | 9 | x1101 | 6-15 | ✓ | | | | | |
| 10 | 10100 | ✓ | 10 | 0111x | 7-8 | ✓ | | | | | |
| 11 | 11000 | ✓ | 11 | x1111 | 8-16 | ✓ | | | | | |
| 12 | 11001 | ✓ | 12 | 1x100 | 10-14 | | | | | | |
| 13 | 11010 | ✓ | 13 | 1100x | 11-12 | ✓ | | | | | |
| 14 | 11100 | ✓ | 14 | 110x0 | 11-13 | ✓ | | | | | |
| 15 | 11101 | ✓ | 15 | 11x00 | 11-14 | ✓ | | | | | |
| 16 | 11111 | ✓ | 16 | 11x01 | 12-15 | ✓ | | | | | |
| | | | 17 | 1110x | 14-15 | ✓ | | | | | |
| | | | 18 | 111x1 | 15-16 | ✓ | | | | | |

Составление импликантной таблицы.

| Простые импликанты (максимальные кубы) | 0-кубы | | | | | | | | | | | |
|---|--------|-----|---|-----|---|---|-----|-----|---|-----|---|---|
| | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 |
| 00001 | (*) | | | | | | | | | | | |
| 10011 | | | | | | | (*) | | | | | |
| 0x100 | | (*) | | | * | | | | | | | |
| 1x100 | | | | | | | | (*) | | | * | |
| x10x0 | | | * | | | | | | * | | | |
| 01x1x | | | * | (*) | * | * | | | | | | |
| x11x1 | | | | | | * | | | | | | * |
| 11x0x | | | | | | | | | * | (*) | * | * |

Определение существенных импликант

Все Импликанты – существенные, так как каждая покрывают вершины от 1..12, не покрытые другими импликантами.

Ядро покрытия:

$$T = \begin{pmatrix} 00001 \\ 0X110 \\ 1X100 \\ 01X1X \\ 11X0X \\ 10011 \end{pmatrix} \quad C_{min}(f) = \begin{pmatrix} 00001 \\ 0X110 \\ 1X100 \\ 01X1X \\ 11X0X \\ 10011 \end{pmatrix} \quad S_a = 24, \quad S_b = 30$$

$$f = (x_1x_2\bar{x}_4) \vee (\bar{x}_1x_2x_4) \vee (x_1x_3\bar{x}_4\bar{x}_5) \vee (\bar{x}_1x_3x_4\bar{x}_5) \vee (x_1\bar{x}_2\bar{x}_3x_4x_5) \vee (\bar{x}_1\bar{x}_2\bar{x}_3\bar{x}_4x_5)$$

2.4. Минимизация булевой функции на картах Карно

2.4.1. Определение МДНФ

| $x_1x_2/x_3x_4x_5$ | 000 | 001 | 011 | 010 | 110 | 111 | 101 | 100 |
|--------------------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 00 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 |
| 01 | D | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | D | 0 |
| 11 | 1 | 1 | 0 | D | 0 | D | 1 | 1 |
| 10 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 1 |

Минимизированная ДНФ:

$$f = (x_1x_2\bar{x}_4) \vee (\bar{x}_1x_2x_4) \vee (x_1x_3\bar{x}_4\bar{x}_5) \vee (\bar{x}_1x_3x_4\bar{x}_5) \vee (x_1\bar{x}_2\bar{x}_3x_4x_5) \vee (\bar{x}_1\bar{x}_2\bar{x}_3\bar{x}_4x_5)$$

$$C_{min}(f) = \begin{pmatrix} 00001 \\ 0X110 \\ 1X100 \\ 01X1X \\ 11X0X \\ 10011 \end{pmatrix} \quad S_a = 24, \quad S_b = 30$$

Отметим, что цены минимальных покрытий, полученных методом Квайна – Мак-Класки и с помощью карт Карно, совпадают, так как цена минимального покрытия булевой функции не зависит от метода его нахождения

2.4.2. Определение МКНФ

$$f = (\neg x_2 \vee \neg x_3 \vee \neg x_5) \wedge (\neg x_1 \vee \neg x_2 \vee x_4 \vee x_5) \wedge (x_1 \vee \neg x_2 \vee \neg x_4 \vee x_5) \wedge (x_1 \vee x_2 \vee x_4) \wedge (\neg x_1 \vee x_2 \vee \neg x_4) \wedge (\neg x_1 \vee x_3 \vee \neg x_4) \wedge (x_1 \vee x_3 \vee x_4)$$

$$S_a = 23, \quad S_b = 30$$

2.5. Преобразование минимальных форм булевой функции

Факторное преобразование для МДНФ:

$$(x_1 x_2 \neg x_4) \vee (\neg x_1 x_2 x_4) \vee (x_1 x_3 \neg x_4 \neg x_5) \vee (\neg x_1 x_3 x_4 \neg x_5) \vee (x_1 \neg x_2 \neg x_3 x_4 x_5) \vee (\neg x_1 \neg x_2 \neg x_3 \neg x_4 x_5) = (S_Q = 30)$$

$$= (x_2 (x_1 \neg x_4 \vee \neg x_1 x_4)) \vee (x_3 \neg x_5 (x_1 \neg x_4 \vee \neg x_1 x_4)) \vee (\neg x_2 \neg x_3 x_5 (x_1 x_4 \vee \neg x_1 \neg x_4)) = (S_Q = 30)$$

$$\varphi = x_1 \neg x_4 \vee \neg x_1 x_4$$

$$= (x_2 \varphi) \vee (x_3 \neg x_5 \varphi) \vee (\neg x_2 \neg x_3 x_5 \neg \varphi) =$$

$$S_Q^F = 13, \quad S_Q^\varphi = 7$$

Факторное преобразование для МКНФ:

$$(\neg x_2 \vee \neg x_3 \vee \neg x_5) \wedge (\neg x_1 \vee \neg x_2 \vee x_4 \vee x_5) \wedge (x_1 \vee \neg x_2 \vee \neg x_4 \vee x_5) \wedge (x_1 \vee x_2 \vee x_4) \wedge (\neg x_1 \vee x_2 \vee \neg x_4) \wedge (\neg x_1 \vee x_3 \vee \neg x_4) \wedge (x_1 \vee x_3 \vee x_4) = (S_Q = 30)$$

$$= (\neg x_2 \vee \neg x_3 \vee \neg x_5) \wedge (\neg x_2 \vee x_5 \vee ((\neg x_1 \vee x_4) \wedge (x_1 \vee \neg x_4))) \wedge (x_2 \vee ((x_1 \vee x_4) \wedge (\neg x_1 \vee \neg x_4))) \wedge (x_3 \vee ((\neg x_1 \vee \neg x_4) \wedge (x_1 \vee x_4))) = (S_Q = 32)$$

$$\varphi = (x_1 \vee x_4) \wedge (\neg x_1 \vee \neg x_4)$$

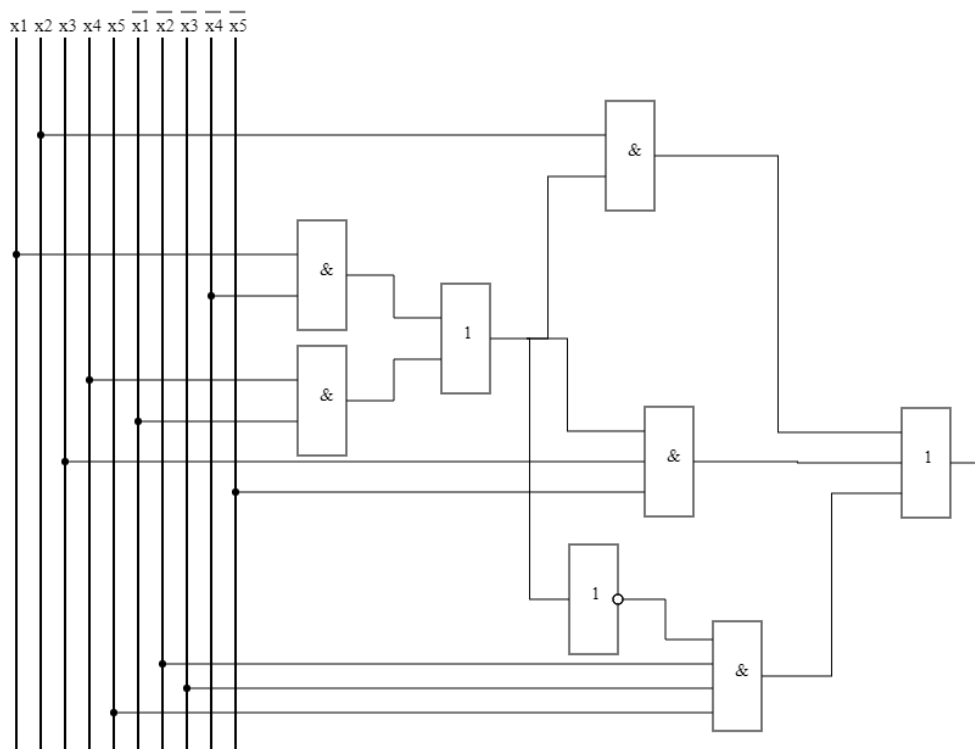
$$= (\neg x_2 \vee \neg x_3 \vee \neg x_5) \wedge (\neg x_2 \vee x_5 \vee \neg \varphi) \wedge (x_2 \vee \varphi) \wedge (x_3 \vee \varphi) =$$

$$S_Q^F = 15, \quad S_Q^\varphi = 7$$

2.6. Синтез комбинационных схем в булевом базисе

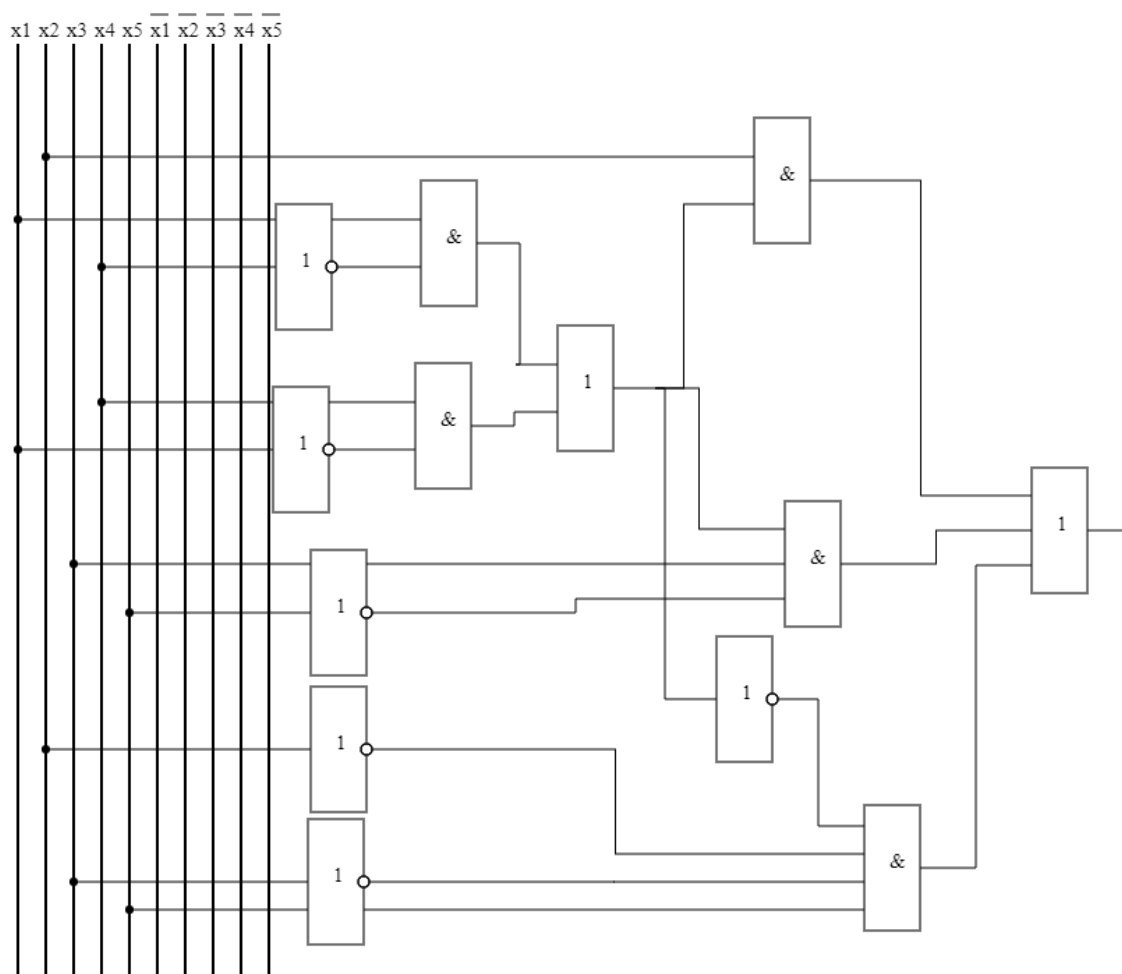
С парафазными входами

$$S_Q = 20, \quad \tau = 5t$$



С однофазными входами

$S_Q = 25,$ $\tau=6t$



2.7. Синтез комбинационных схем в универсальных базисах

Базис (И-НЕ)

$$\varphi = x_1 \neg x_4 \vee \neg x_1 x_4 = \neg \neg (x_1 \neg x_4 \vee \neg x_1 x_4) = \neg (\neg (x_1 \wedge \neg x_4) \wedge \neg (\neg x_1 \wedge x_4)) =$$

$$= (x_1 | \neg x_4) | (\neg x_1 | x_4)$$

$$f = (x_2 \varphi) \vee (x_3 \neg x_5 \varphi) \vee (\neg x_2 \neg x_3 x_5 (x_1 x_4 \vee \neg x_1 \neg x_4)) =$$

$$= (x_2 | \varphi) | (x_3 | \neg x_5 | \varphi) | (\neg x_2 | \neg x_3 | x_5 | ((x_1 | x_4) | (\neg x_1 | \neg x_4)))$$

$$S_Q^F = 18, \quad S_Q^\varphi = 7$$

$$S_Q = 25, \quad \tau = 4t$$

Проверка на наборах:

00000 – 0

00001 – 1

