Napr. pre prvky a,b,c: (a*b)*c=b*c=da*(b*c)=a*d=a Teda* nie je asociatívna, (A,*) nie je pologrupa. Existuje jediný trojprvkový podgrupoid s nosnou množinou $\{b,c,d\}$. Toto je vidieť z tabuľky, z týchto troch prvkov dostanete znova len niektorý z nich, teda množina je uzavretá voči *, pre žiadnu inú trojicu to neplatí:

editovat

```
\{a,b,c\}:\ b*c=d, množina nie je uzavretá voči *\{a,b,d\}:\ b*b=c, množina nie je uzavretá voči *
\{a,c,d\}: c*a=b, množina nie je uzavretá voči *
```

Řešení

Na množine neexistuje netriviálna kongruencia - žiadna z prípustných ekvivalencií (je ich 13) nemá vlastnosti kongruencie. Toto je možné demonštrovať napr. nasledovne: Označujme ~ hľadanú kongruenciu. Zvolíme dvojicu rôznych prvkov, ktorá bude v tejto relácii (v netriviálnej kongruencii takáto dvojica musí existovať), a budeme ekvivalenciu ~ rozširovať tak, aby sme splnili požiadavky na kongruenciu. Ak sa dostaneme k univerzálnej relácii (AxA), zvolená dvojica nemôže byť v netriviálnej kongruencii.

Ak a~b, potom aj a*b ~ b*b, teda a~b~c. Potom tiež a*c ~ b*c, teda a~b~c~d. Čiže v netriviálnej kongruencii nemôže platiť a~b. Analogicky pre ďalšie možné dvojice: Ak a~c, potom aj a*a ~ c*a, teda a~b~c, teda a~b~c~d (viz prvý riadok - a~b nemôže platiť v netriviálnej kongruencii).

Ak a~d, potom aj a*d ~ d*d, teda a~b~d, teda a~b~c~d (viz prvý riadok - a~b nemôže platiť v netriviálnej kongruencii).

Ak b~c, potom aj b*a ~ c*a, teda a~b~c, teda a~b~c~d (viz prvý riadok - a~b nemôže platiť v netriviálnej kongruencii).

Ak b~d, potom aj a*b ~ a*d, teda a~b~d, teda a~b~c~d (viz prvý riadok - a~b nemôže platiť v netriviálnej kongruencii). Ak c~d, potom aj c*a ~ d*a, teda a~b, teda a~b~c~d (viz prvý riadok - a~b nemôže platiť v netriviálnej kongruencii).

Teda žiadna dvojica prvkov nemôže byť v netriviálnej kongruencii, teda netriviálna kongruencia neexistuje.