# 第5章

# 线性表——数组描述

### 本章内容

- 5.1 数据对象和数据结构
- 5.2 线性表数据结构
- 5.3 数组描述
- **5.4** vector的描述
- 5.5 在一个数组中实现的多重表
- 5.6 性能测量

h东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述

#### 5.1 数据对象和数据结构

- 数据对象(Data Object)
  - 一组实例或值的集合
  - 例:
    - boolean = {false, true}
    - digit = {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9}
    - letter = {A, B, C, ..., Z, a, b, c, ..., z}
    - naturalNumber={0,1,2,.....}
    - integer={0,±1,±2,±3,.....}
    - string = {a, b, ..., aa, ab, ac,...}
  - 数据对象: boolean、digit、letter、naturalNumber、integer、string

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述

#### 元素

- 数据对象的每个实例:
  - 是一个**原子**(atomic)——不可再分
  - **复合实例**—实例由其他数据对象的实例复合而成。
- 元素(element)——表示对象实例的单个组成成员。
- \_ *伝*ii

digit = {0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9} naturalNumber={0,1,2,.....}

- naturalNumber的实例可以看作是原子,也可以看作 是复合实例。
  - naturalNumber的实例675——由digit的实例6,7,5 组成

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述

# 操作或函数

- 任何一个数据对象通常都有一组相关的操作或函数, 这些操作或函数可以把对象的某个实例转换成另一个 实例,或者转换成另一个对象的实例
  - 整数的 "+"、"<"、"取整数的最高有效位"……
- 数据对象实例以及构成实例的元素之间的关系由数据对象的相关函数(操作)来规定。

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述

#### 数据结构

- 数据结构 (Data Structure)
  - 是一个数据对象,同时这个对象的实例以及构成 实例的元素之间存在着各种联系(关系)。这些联 系(关系)是由相关的函数(操作)来规定。
- C++的基本类型: 最常用的数据对象及其操作
  - int、bool、char、float.....
- 研究数据结构
  - 数据对象(实际上是实例)的描述
  - 相关函数的具体实现
  - 数据对象的良好描述可以有效地促进函数的高效 实现。

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述

### 5.2 线性表数据结构

- 线性表定义
  - 线性表(linear list),也称有序表,它的每一个实例都是 元素的有序集合,其**实例形式为:**  $(e_0,e_1,...,e_{n-1})$ , 其中 n 是有穷自然数。
  - e<sub>i</sub> 是表中的元素, i是e<sub>i</sub>的索引
  - n是**表的长度**或大小, 当n=0 时, 表为空
  - n>0时, e₀是第0个元素或首元素, e₀₁是最后一个元素
  - e<sub>0</sub>先于e<sub>1</sub>, e<sub>1</sub>先于e<sub>2</sub>,.....如此等等.
- 例:
  - 一个班级学生按姓名字母顺序排列的列表;
  - 按递增次序排列的考试分数表;

#### 线性表操作

- 对于线性表有必要执行的操作:
  - 创建一个线性表。
  - 撤销一个线性表。
  - 确定线性表是否为空。
  - 确定线性表的长度。
  - 按一个给定的索引查找一个元素。
  - 按一个给定的元素查找其索引。
  - 按一个给定的索引删除一个元素。
  - 按一个给定的索引插入一个元素。
  - 从左到右的顺序输出线性表元素。

#### 抽象数据类型ADT

- 抽象数据类型(Abstract Data Type—ADT)
  - ADT 给出了**实例**及相关操作的描述.
  - 抽象数据类型说明独立于任何程序语言的描述。
  - 抽象数据类型的语言描述必须满足抽象数据类 型说明
  - 使用非形式化语言,不依赖程序设计语言

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述

#### 5.2.1线性表的ADT—LinearList

#### 抽象数据类型LinearList

有限个元素的有序集合,实例形式为:  $(e_0,e_1,...,e_{n-1})$ 

empty(): 如果表为空则返回true, 否则返回false

size(): 返回表的大小(即表中元素个数) get(index): 返回表中索引为index的元素 indexOf(x): 返回表中第一次出现的x的索引; 如果x不在 表中,则返回-1

erase(index): 删除表中索引为index的元素,索引大于index 的元素其索引值减1

insert(index, x): 把x插入到表中索引为index的位置上,索引

大于等于index的元素其索引值加1 Output(out): 从左到右输出表中元素

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述

template <class T> 5 class linearList virtual ~linearList() { }; virtual hool empty() const = 0; //如果表为空则返回rrue, 否则返回false virtual int size() const = 0; //返回表的大小(即表中元素个数) 2 抽象类—LinearList virtual T& get(int theIndex) const = 0; //返回表中索引为theIndex的元素 virtual int indexOf(const T& theElement) const = 0; //返回表中theElement 元素第一次出现时的索引;如果theElement不在表中,则返回-1 virtual void erase(int theIndex) = 0; //删除表中索引为theIndex的元素,索引大于theIndex的元素其索 virtual void insert(int theIndex, T& theElement) = 0; //把theElement插入到表中索引为theIndex的位置上,索引大于等于theIndex的元素其索引值加1 virtual void Output(out) const = 0; //从左到右插入表中元素到输出流out

#### 5.3 数组描述

- 数组描述:
  - 又称公式化描述或顺序存储
  - 采用数组来存储线性表对象的每个实例
- 每个数组单元应该足够大,以便能够容纳数 据对象实例中的任意一个元素。

# 线性表的数组描述

■ 线性表实例: L=(e<sub>0</sub>,e<sub>1</sub>,...,e<sub>n-1</sub>)



映射

#### 数组

■ 数组描述中,元素在数组中的**位置**用一个**数学公式**来指明。

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述

### 映射公式1

■ 典型的映射公式:

### location(i) = i

 $\rightarrow$ 第i 个元素(如果存在的话)位于数组中i位置处。

L=(5,2,4,8,1)

element [0] [1] [2] [3] [4] [5] [6] [7] [8] [9]

5 2 4 8 1

a) location(i)=i

h东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线件表——数组描述

#### 映射公式2

■ 映射公式:

#### location(i) = arrayLength-i-1

→第*i* 个元素(如果存在的话)位于数组中 arrayLength-i-1位置处 。 L=(5,2,4,8,1)

element [0] [1] [2] [3] [4] [5] [6] [7] [8] [9]

b) location(i)=9-i

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述

#### 映射公式3

■ 映射公式:

location(i) = (location(0) +i)%arrayLength

L=(5,2,4,8,1)

element [0] [1] [2] [3] [4] [5] [6] [7] [8] [9]

c) location(i) = (i+7)%10

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述

#### 线性表的数组描述

• 映射公式: *location(i) = i* 

数组: element

数组长度或容量: arrayLength

表的长度(当前存储的线性表元素个数): listSize

element [0] [1] [2] [3] [4] [5] [6] [7] [8] [9] [5 | 2 | 4 | 8 | 1 |

a) location(i)=i

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述 1

#### LinearList的实现

- 数组元素类型:模板类
- 随着线性表的变化, 数组长度arrayLength会变化
- 数组element: 变长一维数组
  - 数组长度arrayLength由用户预估,数组空间变化时,动态增加

实现函数: 程序5-2 P97

 $void\ change Length 1D (T^*\&\ a,\ int\ old Length,\ int\ new Length)$ 

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述

```
template < class T>
    class arrayList: public linearList<T>
inearList的派生类arrayList
    public:
       //构造函数、复制构造函数、析构函数
       arrayList(int initialCapacity = 10);
       arrayList(const arrayList<T>&);
       ~arrayList() {delete [] element;}
        //ADT方法
       bool empty() const {return listSize = = 0;}
       int size() const {return listSize;}
       T& get(int theIndex) const;
       int indexOf(const T& theElement) const;
       void erase(int theIndex);
       void insert(int theIndex, const T& theElement);
       void Output(ostream& out) const;
```

```
//其他方法
int capacity() const {return arrayLength;}

protected:
void checkIndex(int theIndex) const;
// 若索引theIndex无效,则抛出异常

T *element; //存储线性表元素的一维数组
int arrayLength; //一维数组的容量
int listSize; //线性表的元素个数

};
```

#### 

```
复制构造函数
                         'arrayList'
template<class T>
arrayList<T>::arrayList(const arrayList<T>& theList)
{ //复制构造函数: 复制对象theList给element
 arrayLength = theList.arrayLength;
 listSize = theList. listSize;
 element = new T [arrayLength];
copy(theList.element, theList.element+ listSize, element);
         对于复制构造函数, 只会在以下三种情况发生时被调用:
           1).建立一个新对象,并用另一个同类的对象初始化
         3). 当函数的返回值是类对象
◆时间复杂性: O(n)
                     n:要复制的线性表的大小
  山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述
```

```
arrayList实例化
```

第5章 线性表——数组描述

- //创建两个容量为100的线性表 linearList <int> \*x=(linearList <int> \*) new arrayList <int> (100); arrayList <double> y(100);
- //利用容量的缺省值创建一个线性表 arrayList <char> z;
- //用线性表y复制创建一个线性表 arrayList <double> w(y);

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述

```
方法 'checkIndex'
• void checkIndex(int theIndex) const;
```

■ 若素引theIndex无效,则抛出异常

template < class T > void arrayList < T > :: checkIndex(int theIndex) const { //确定素引theIndex在0和listSize-1之间 if (theIndex<0 || theIndex>=listSize) //索引theIndex无效 { ostringstream s; s < \"index="< theIndex<< "size="< \listSize; throw illegalindex(s.str()); } }

◆时间复杂性: ② (1)

# 

第5章 线性表——数组描述

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法

```
方法 'erase'

template < class T >
void arrayList < T > ::erase(int the Index)
{//删除表中索引为the Index的元素,索引大于the Index的元素其索引值减1
//如果索引为the Index元素不存在,则抛出异常,此时erase的时间复杂性是θ(1)
check Index(the Index):
//索引大于the Index的元素向前(左)移动一个位置
copy(element+the Index+1, element+list Size, element+the Index);//把数组element索引从the Index+1,...,list Size-1的元素拷贝到从索引the Index开始的位置element[--list Size].~T();
}
时间复杂性:
O(list Size-the Index)
```

```
STL中的copy算法

//索引大于theIndex的元素向前(左)移动一个位置
copy(element+theIndex+1, element+listSize, element+theIndex);//把数组element索引从theIndex+1,...,listSize-1的元素拷贝到从索引theIndex开始的位置

template (class inputIterator, class outputIterator) outputIterator copy(inputIterator first!, inputIterator last, outputIterator first2);

参数first1指定了开始拷贝元素的位置: 参数last指定了结束位置。参数first2指定了拷贝元素到哪里。因此,参数first1和last指定了源;参数first2指定了目的。

注意到在范围first1...last-1中的元素被拷贝。

函数模版copy的定义包含在头文件algorithm中,因此,在使用函数copy时,程序必须包含如下语句:
#include <algorithm>
山东大学计算机科学与技术学览 数据结构与算法 第5章 线性表—数组描述 28
```

```
方法 'output'

template < class T > void arrayList < T > ::output(ostream & out) const { //把线性表插入输出流 copy (element, element + list Size, ostream_iterator < T > (cout, " ")); }

◆时间复杂性: ❷ (list Size)
```

# 方法 'output'

```
//重载<<
template <class T>
ostream& operator << (ostream& out,
                       const arrayList<T>& x)
{x.Output(out); return out;}
```

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法

```
5.3.4 C++迭代器
```

```
■ 程序5-9
  int main ()
   int x[3]=\{0,1,2\};
   //用指针y遍历数组x
   for(int* y=x;y!=x+3;y++)
                           for(int i=0;i!=3;i++)
                             cout<<x[i]<<" ";
    cout<<*y<<" ";
   cout<<endl;
                          y访问了范围[x, x+3)内的所有元
   return 0;
 一个迭代器是一个指针, 指向对象的一个元素
```

一个迭代器可以用来逐个访问对象的所有元素

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述

# arrayList的迭代器

- 为arrayList定义一个双向迭代器iterator
- 具备操作符: \*、->、++、--、 ==、! =
  - \*操作符,获得迭代器所指的数据
  - ■->操作符,获得迭代器所指数据的地址
  - 前++、后++: 迭代器移到下(后)一个元素
  - 前--、后--: 迭代器移到上(前)一个元素
  - ==、! =: 判断是否相等

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述

# arrayList的迭代器

```
class iterator
 public:
 //C++的双向迭代器所需要的typedef语句省略(P103)
 //构造函数
 iterator(T* thePosition=0){position=thePosition;}
 //解引用操作符
 T& operator*() const {return *position;}
 T* operator->() const {return &*position;}
 //迭代器的值增加
 iterator & operator++() //前++
  {++position; return *this;}
 iterator operator++(int) //后++
  {iterator old=*this; ++position; return old;}
 山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述
```

#### arrayList的迭代器

```
//迭代器的值减少
iterator& operator--() //前--
  {--position; return *this;}
iterator operator--(int) //后--
  {iterator old= *this ;--position; return old;}
//测试是否相等
bool operator!=(const iterator right) const
  {return position!= right.position;}
bool operator == (const iterator right) const
  {return position== right.position;}
Protected:
  T* position;//指向表元素的指针
  山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法
```

#### arrayList的迭代器

- 为类arrayList增加两个公有方法:
  - begin():返回指向线性表首元素element[0]的指针
  - end(): 返回指向线性表尾元素的下一个位置 element[listSize]的指针

class iterator;

iterator begin(){return iterator (element);} iterator end(){return iterator (element+listSize);}

- 创建迭代器实例及初始化
  - arrayList<int>:: iterator x=y.begin();

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述

#### 5.4 vector的描述

- vector:
  - STL提供的基于数组的类
  - 具有类arrayList的功能,功能的使用有所不同
- 我们定义一个类vectorList:
  - 使用vector来描述基于数组的线性表

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述

```
template <class T>
class vectorList: public linearList<T>
public:
    //构造函数、复制构造函数、析构函数
    //ADT方法
    bool empty() const {return element->empty();}
    int size() const {return (int) element->size();}
    T& get(int theIndex) const;
    int indexOf(const T& theElement) const;
    void erase(int theIndex);
    void output(ostream& out) const;
    //增加的方法
    int capacity() const {return element->capacity();}
    protected:
    void checkIndex(int theIndex) const;
    vector<T> *element; //存储线性表元素的向量
};
```

#### 数组描述优点

- 各种方法可以用非常简单的C++函数来实现。
- 执行搜索、删除和插入的函数都有一个最坏与表的 大小呈线性关系的时间复杂性。
- 不需要为表示结点间的逻辑关系而增加额外的存储 空间(存储密度高)
- 可以方便的随机存取表中的任一结点。

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述

### 数组描述缺点

- 插入、删除元素需要移动表内数据。
- 空间需要事先申请,专用,空闲空间不能共享。
- 空间的低效利用。
  - 例:需要维持三个表,在任何时候这三个表所拥有的元素 总数都不会超过5000个。然而,很有可能在某个时刻一个 表就需要5000个元素,而在另一时刻另一个表也需要5000 个元素。
    - 1、采用类arrayList,这三个表中的每一个表都需要有5000个元素的容量。因此,即使我们在任何时刻都不会使用5000以上的元素,也必须为此保留总共15000个元素的空间。不过数组空间不需要在运行时段改变容量,执行速度很快。
    - 2、采用变长数组,三个表的初始长度小,当一个表的 长度由4999增加到5000时,表长倍增,复制元素过程 中,源空间长度4999,申请新空间9998,至少需要

14997. 山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述

## 在一个数组中实现的多重表

 在一个数组中实现的多重表比每个表用一个数组来 描述空间的利用率更高,但在最坏的情况下,插入 操作将耗费更多的时间。

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述

- 作业
- P105 11 12 14 16

山东大学计算机科学与技术学院 数据结构与算法 第5章 线性表——数组描述