



למידה חישובית 1 (096411) חורף תשפ"ב 2021-2022

תרגיל בית 2

תאריך אחרון להגשה: 16/12/2021 בשעה 23:55

Submission guidelines

- Submission is in pairs, only one team member should submit.
- You are to submit two files:
 - o HW2 ID1 ID2 wet.py file containing the code for question 2.
 - HW2_ID1_ID2_dry.pdf solution for all the written exercises, including screenshots of the code and plots for the questions in the wet part.
- All code (inside notebooks and .py files) must be clear and concise (documented, using meaningful variable names, etc.).
- Every plot must contain at least the following: a meaningful title, axis labels, ticks, and a legend.
- We will run your code using:
 - o python 3.8.8
 - o numpy 1.20.2
 - o pandas 1.2.4
- Please use the HW forum for questions since these could be helpful for other classmates.







שאלה 1

בשאלה הזו, נעבוד עם דאטה-סט המגיע מניתוח כימי של יינות שיוצרו באותו המחוז באיטליה ע"י שלושה יקבים שונים. בשאלה הזו, נעבוד עם דאטה-סט המגיע מניתוח כימי של יינות, כל תצפית (x,y) מורכבת מווקטור $x\in\mathbb{R}^{13}$ המתייחס לתכונות של היין ומהלייבל המתאים לו $y\in\{0,1,2\}$ המתייחס ליקב בו יוצר היין.

נתחיל בטעינת הדאטה—סט לאובייקט מסוג DataFrame:

```
from sklearn.datasets import load_wine
# Read the wine dataset
dataset = load_wine()
df = pd.DataFrame(data=dataset['data'], columns=dataset['feature_names'])
df = df.assign(target=pd.Series(dataset['target']).values)
```

בסעיפים הבאים נתמקד רק בשתי תכונות של כל אחד מהיינות – אחוז האלכוהול (alcohol) וכמות המגנזיום (magnesium). בנוסף, בשאלה זו נעסוק בבעיית סיווג בינארית ולכן נתבונן רק על יקבים 1 ו-2.

```
# Filter the irrelevant columns
df = df[['alcohol', 'magnesium', 'target']]
# Filter the irrelevant label
df = df[df.target != 0]
```

בעת, נפריד את הדאטה-סט למדגם אימון ומדגם ולידציה באופן הבא:

```
train_df, val_df = train_test_split(df, test_size=30, random_state=3)
```

1. הציגו את שני המדגמים בגרף מסוג scatter plot (כל מדגם בגרף נפרד). הקפידו לצבוע את היינות המגיעים מיקב 1 בצבע אחד ואת היינות המגיעים מיקב 2 בצבע אחר. אם נפעיל את אלגוריתם ה- hard-SVM על מדגם האימון, מהו הפתרון שיוחזר לנו? הסבירו.

בסעיפים הבאים נשתמש באלגוריתם ה- soft-SVM של ספריית scikit-learn.

```
from sklearn.svm import SVC
```

'C' שמגדיר את פונקציית מיפוי הנתונים, 'kernel' שמגדיר את פונקציית מיפוי הנתונים, 'kernel 'poly' שמגדיר את פונקציית מיפוי הנתונים, 'kernel='poly'). שהוא פרמטר הרגולריזציה שהוצג בתרגול, ו- 'degree' שקובע את מעלת הפולינום בקרנל פולינומי ('poly'='poly'). לדוגמה, עבור מודל עם kernel לינארי ופרמטר רגולריזציה 1 נגדיר:

```
model = SVC(kernel='linear', C=1.0)
```

- .C $\in \{0.01, 0.05, 0.1\}$ עם קרנל לינארי על מדגם האימון עבור soft-SVM הריצו את אלגוריתם ה- soft-SVM עם קרנל לינארי על מדגם האימון והשני את מדגם הציגו שני גרפים לכל אחד משלושת המודלים (סה"כ שישה גרפים): הראשון יכלול את מדגם האימון והשני את מדגם האימון, הוולידציה. בכל אחד מן הגרפים הציגו את מישור ההחלטה שהתקבל ואת שוליו. בנוסף, בגרף המציג את מדגם האימון, בעדים הציגו את מישור הבישו את ה- support vectors באופן דומה לדרך שבה הודגשו במחברת הקוד שצורפה לשקפי תרגול 4.
- .3 בהרצאה ובתרגול ראיתם איך ניתן לכתוב את בעיית ה- hard-SVM בביית אופטימיזציה ריבועית. היעזרו בייצוג זה מהרצאה ובתרגול ראיתם איך ניתן לכתוב את בעיית ה- $\frac{1}{\|w_0\|}$, באשר margin שווה ל- $\frac{1}{\|w_0\|}$, באשר ההחלטה המוגדר ע"י \widehat{w} (\widehat{w}, x_i) שווה ל- $\frac{w_0}{\|w_0\|}$.
- margin -הציגו גרף קווי של ה- soft-SVM . ניתן להראות כי המסקנה מן הסעיף הקודם נכונה גם עבור בעיית ה- soft-SVM . ניתן להראות כי המסקנה מן הסעיף הקודם נכונה גם עבור בעיית ה' ולטרייד- כפונקציית של $\mathcal C$ והסבירו אותו. בהסברכם, התייחסו לתפקידו של כל אחד מן הרכיבים בפונקציית המטרה ולטרייד- אוף ביניהם.





- . הסבירו אותו. C והסביה של (Error = 1.0 Accuracy) הציגו גרף קווי של שגיאת האימון ושגיאת הוולידציה בהסברם התייחסו לתוצאות הסעיף הקודם.
- .(C=1 -ו) degree $\in \{2,...,8\}$ עם קרנל פולינומי על מדגם האימון עבור soft-SVM (ה- C=1 -i). האם ייצוג מדגם אלגוריתם ה- degree בפונקציה של שגיאת האימון ושגיאת הוולידציה (Error = C=1.0 Accuracy) בפונקציה של שגיאת האימון ושגיאת הוולידציה (של הוולידציה? למה לדעתכם זה קורה?
- 4. עבור שני ערכי ה- degree שנותנים את השגיאה הנמוכה ביותר והגבוה ביותר, חזרו על השרטוט מסעיף 2 (סה"ב **7.** גרפים).





שאלה 2

בשאלה זו עליכם לממש אלגוריתם Perceptron הפותר בעיית סיווג **רב-מחלקתית (multiclass)**. קיימת הרחבת multiclass טבעית לפרספטרון הבינארי שראינו בהרצאה וה- Pseudo-code של הרחבה זו מצורף בסוף השאלה. מומלץ להיעזר גם במקור הבא (פרק 2.1), המדבר על הקשר של האלגוריתם הנ"ל לגרסה הבינארית: https://u.cs.biu.ac.il/∼jkeshet/teaching/aml2016/multiclass.pdf

לתרגיל זה מצורף קובץ בשם $HW2_ID1_ID2.py$ בו תמצאו מחלקה בשם PerceptronClassifier. מחלקה זו מכילה 2. מתודות שעליכם לממש: fit ו-

- רב Perceptron מקבלת סט נתונים מתויג $S_{\mathrm{train}} = \{(x_i, y_i)\}_{i=1}^{m_{train}}$ ומשתמשת בו בכדי לאמן מסווג יום fit מחלקתי.
- ערך את ערך המתודה את סט נתונים לא מתויג $S_{ ext{test}} = \{x_i\}_{i=1}^{m_{ ext{test}}}$ את ערך את מקבלת סט נתונים לא מתויג את מתויג את את את של הנקודה.

מובטח כי לאחר שאובייקט מסוג PerceptronClassifier אותחל, קריאה ל predict תתבצע רק לאחר קריאה ל $HW2_ID1_ID2.py$ עבור בתיעזר בתיעוד בתוך להיעזר בתיעוד בתוך שוות קלט/פלט מדויקות.

:הערות

- .(linearly separable) אפשר להניח כי כל סט נתונים שיסופק ל- $extit{fit}$ הינו ניתן להפרדה לינארית
 - $m_{test} \neq m_{train}$ ייתכן כי •
- . (header row) מערך נתונים שייסופק לריצת התכנית שלכם לא יכיל שורת כותרת (header row).
- \bullet מובטח כי העמודה האחרונה של כל סט נתונים לאימון (כזה שיינתן ל (fit) יכיל ערכים נומריים ((fit)) של תוויות (לייבלים).
- שימו לב כי סט הנתונים יכול להכיל יותר מk=2 מחלקות ועל המימוש שלכם לתמוך במספר שרירותי של מחלקות.

באופן הבא: command line -שלכם אמור לרוץ מה שלכם HW2 ID1 ID2.py

python HW2_ID1_ID2.py <path_to_csv>

command line - נתיב לקובץ - < מקומי שמביל סט נתונים. לדוגמה, הרצת הסקריפט מה - < נתיב לקובץ - < נמצא באותה תיקייה כמו הקובץ נמצא באותה תיקייה כמו הקובץ נמצא באותה תיקייה נמו הקובץ נמצא באותה תיקייה כמו הקובץ נמצא באותה תיקייה כמו הקובץ > נמצא באותה תיקייה במו הקובץ ליים במו

python HW2_ID1_ID2.py iris_sep.csv

.iris sep.csv ב מחלקתי על סט הנתונים Perceptron מסווג (fit and predict) קריאה זו תריץ

שאלה 2 – דגשים חשובים:

- $.HW2_ID1_ID2.py$ בהתאם לתיעוד בקובץ $_init_$ במתודה שלכם במתודה מס' הסטודנט שלכם במתודה 1.
 - 2. מותר לכם לייבא את המודולים הבאים בלבד:
 - numpy •
 - pandas •
- ספריות פייתון בסיסיות (os, argparse וכו'. ספריות שמגיעות עם התקנה נקיה של סביבת פייתון. אם אינכם בטוחים אם ספריה היא ספריה בסיסית או לא, אנא שאלו בפורום תרגילי הבית).

בפירוש **אסור** לכם לייבא ספריה כדוגמת sklearn (או כל ספריה היורשת ממנה).





- 3. אתם יכולים להוסיף ולערוך את המתודות בתוך המחלקה PerceptronClassifier. עם זאת, אסור לכם לשנות את החתימה של המתודות __ifit ,__init ו-predict.
- 4. מחלקת ה PerceptronClassifier שתכתבו תיקרא ע"י סקריפט אחר, לכן שינוי של בלוק ה לא ישפיע על ביצועי הקוד שלכם. בדיקת הקוד שלכם תיעשה באופן שדומה לזו שמתרחשת HW2 ID1 ID2.py בבלוק ה- main אבל הוא שם רק לנוחיותכם.
- הקוד שלכם צריך לרוץ בזמן ריצה סביר (פחות מדקה להרצה של fit ו-predict יחדיו עבור סט של 100 דוגמאות).
 - אי עמידה בדרישות 1-5 תגרור ציון של 0 על שאלה זו.
 - יגרור ציון של 0 על command line אורק שגיאה מכל סוג או לא מצליח לרוץ שזורק שזורק שגיאה מכל סוג או לא מצליח לרוץ שוורק שזורק שגיאה מכל סוג או לא

Algorithm 3 MULTICLASS PERCEPTRON

```
Require: Number of classes K, number of rounds T.
Require: Inner product space (V, \langle \cdot, \cdot \rangle).
Initialize w_1^{(1)} = w_2^{(1)} = \dots = w_K^{(1)} = 0
for t = 1, 2, ..., T do
       Observe feature vector x_t \in V
      Predict \widehat{y}_t = \operatorname{argmax}_{i \in \{1, 2, \dots, K\}} \left\langle w_t^{(i)}, x_t \right\rangle
      Observe y_t \in \{1, 2, ..., K\}
      if \widehat{y}_t \neq y_t then
             \operatorname{Set} w_i^{(t+1)} = w_i^{(t)}
         for all i \in \{1, 2, \dots, K\} \setminus \{y_t, \widehat{y}_t\}

Update w_{y_t}^{(t+1)} = w_{y_t}^{(t)} + x_t

Update w_{\widehat{y}_t}^{(t+1)} = w_{\widehat{y}_t}^{(t)} - x_t
       else
             Set w_i^{(t+1)} = w_i^{(t)} for all i \in \{1, 2, \dots, K\}
```

Multiclass perceptron pseudo-code [source]. Please note that your implementation should not use a number of rounds (T) as input, as our data is guaranteed to be separable. That is, your for loop should not be bounded and an output should be returned.

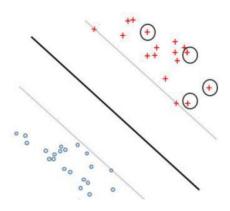




<u>שאלה 3</u>

נרצה לפתור בעיית סיווג בינארי $y\in\{-1,1\}$ עבור מדגם $S=\{(x_i,y_i)\}_{i=1}^m$ עבור מדגם עבור $y\in\{-1,1\}$ בינארי $w\in\mathbb{R}^d$ כאשר sign($\langle w,x\rangle$)

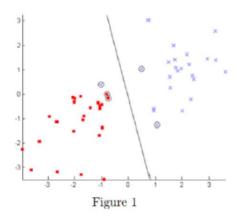
- 1. מתי המסווג יוכל להשיג שגיאת סיווג אפס, ומתי לא? לכל אחד משני המקרים, ציירו דוגמה של מדגם ומישור מפריד .d=2 ועבור d=1 ועבור
- עם תיוגים $y_1=-1,y_2=1$, בהתאמה. כתלות בערכי $x_1=(p,0),x_2=(0,q)$, בהתאמה. בתלות בערכי $x_1=(p,0),x_2=(0,q)$ במצאו את שלו (-hard-SVM) מצאו מתי קיים פתרון ל
- 3. נחזור למדגם S ונניח שהחלטתם לאמן את המודל שלנו באמצעות hard-SVM, אולם חלק מהנקודות ב- S הלכו לאיבוד ולכן לא התאמנתם עליהן. בציור הבא מופיע המישור המפריד שהתקבל, כאשר הנקודות המוקפות הן הנקודות שהלכו לאיבוד (בהן לא השתמשתם בזמן האימון). אם הייתם מאמנים את המודל שוב, הפעם עם כלל מדגם האימון S, האם הייתם מקבלים מפריד שונה? הסבירו.

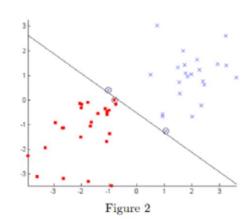


באופן הבא: soft-SVM - מוגדרת באופן באופן פרמטר רגולריזציה $\lambda > 0$ מוגדרת באופן בא:

$$w^* = \operatorname{argmin}_w \left\{ \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m \max \left\{ 0, 1 - y_i \langle w, x_i \rangle \right\} + \lambda \|w\|^2 \right\}$$

בשרטוטים הבאים מופיעים שני מפרידים לינאריים שהתקבלו ע"י שימוש בערכי λ שונים. ידוע כי שרטוט אחד התקבל ע"י שימוש ב- $\lambda=200$ הנקודות המוקפות בכל שרטוט הן ה- גיים שימוש ב- $\lambda=200$ המתאימים של כל מפריד. איזה ערך λ מתאים לכל שרטוט? בתשובתכם התייחסו למשמעות של הפרמטר λ .









שאלה 4

בשאלה זו עליכם לשנות את אלגוריתם הפרספטרון הבינארי כך שיעבוד עם פונקציית kernel.

תהי $Y \to F$ פונקציה הממפה דוגמאות נתונות למרחב פיצ'רים כלשהוא $Y \to F$ הוא תת קבוצה של מרחב $\psi: X \to F$ תהי $\psi: X \to F$ היא פונקציית הפונקציית אזי הפונקציה $X \to F \to K$ היא $X \to K$ היא פונקציית אזי הפונקציה $Y \to K$ היא $Y \to K$ היא פונקציית $Y \to K$ היא $Y \to K$ היא פונקציית $Y \to K$ בהינתן מדגם אימון ב- $Y \to K$ באימון ב- $X \to K$ באימון ב-

- בהדרכה ψ לא ידועה ורק K נתון. בהדרכה אימון ψ . שימו לב ש- ψ לא ידועה ורק K נתון. בהדרכה לסעיף זה, ענו גם על השאלות הבאות:
 - . מהו הפלט של האלגוריתם? (לא ניתן להחזיר מישור מפריד ב- F מביוון ש- ψ אינה ידועה). α
 - .(ψ ללא K) באמצעות $h: X \to \{-1,1\}$, באמצעות את כלל ההחלטה, $h: X \to \{-1,1\}$, באמצעות b
 - .F פריד לינארית שכתבתם מתכנס אם ורק אם S^{ψ} פריד לינארית ב- 2