#### • از چه زمانی تصمیم گرفتید به طور جدی به ریاضی بپردازید؟

از زمان المپیاد ریاضی، زمان المپیاد ریاضی هم وقتی وارد جریانش شدم و وارد تیم شدم من هنوز نمی خواستم ریاضی بخوانم، فکر می کردم که می خواهم مهندسی بخوانم، ولی بعد یک سری کلاسهایی در دانشگاه شریف بود و همچنین با یک سری بچههایی که سالهای بالاتر بودند برخورد داشتیم و با آنها حرف می زدیم، بعد نه تنها من بلکه بقیه بچههایی که هم دوره بودیم هم تصمیم گرفتیم ریاضی بخوانیم.

#### از کی فهمیدید استعداد بالایی در ریاضی دارید؟

سر المپیاد ریاضی. من در مصاحبههای دیگر هم این حرف را زدهام. من به طور کلی علوم دیگر را هم دوست داشتم، مثلاً با دختر دایی، پسردایی و بچههای فامیل، خیار میگذاشتیم کپک بزند و آزمایشهای اینچنینی همیشه برایم جالب بود ولی ریاضی به طور خاص خیلی چیز نبود، ولی بیشتر سر برنامه همین المپیاد ریاضی و کامپیوتر شد. یک مقداری هم واقعاً در زمان جوانی و نوجوانی، ذهن انسان طور دیگری فکر میکند. الآن مثلاً شما جوانتر هستید، انسان وقتی به ۲۰ سال پیش نگاه میکند و میبیند که چه فاکتورهایی برایش مهم بودهاند، خودش هم تعجب میکند و می بیند که چه فاکتورهایی برایش مهم بودهاند، خودش هم تعجب میکند و میگوید مگر من اینطوری فکر میکردم. به نوعی سطحی است. چیزهای هیجانانگیز برای جوانها مهم است. مثلاً برایشان رقابت مهم است، این که هیچ دختری در تیم المپیاد نبوده مهم است، یعنی انگیزهبخش است.

### • یعنی کار جدیدی است که تا حالا انجام نشده و من میخواهم انجام دهم و ...

بله، کاری است که تا حالا انجام نشده و دیگران فکر میکنند من نمی توانم انجام بدهم و من میخواهم انجام بدهم. طرز فکری است که شاید لازم است افراد جوان تر و نوجوانها داشته باشند. هر چه سن بیشتر می شود انسان منطقی تر فکر می کند و مثلاً می گوید اصلاً مهم نیست، چه فرقی می کند. در مجموع شاید بیشتر به خاطر دلایلی بوده که خیلی عمیق هم نبوده. یعنی اگر کار دیگری هم پیش می آمد که من را هیجان زده می کرد شاید آن کار را می کردم.

ببینید یک گروه آدمهایی هستند که ریاضی را شاید از خیلی بچگی نشان میدهند که استعداد دارند یا خیلی علاقه دارند، ولی در مورد من قطعاً ای گونه نبوده. یعنی نسبت به آن هیجان زده شدم و هر چه انسان بیشتر وقت بگذاره، بیشتر علاقه مند میشه.

• خیلی ممنون. آیا می توانید یکی از کارهای ریاضی خود را، مثلاً همین کاری که به خاطر آن فیلدز گرفتید را به زبان ساده توضیح دهید؟

نه. خیلی کار سختی است. کی مصاحبهای من با مجله کوانتا کردهام که میلی ریاضی بلد نیست. بر روی سایتش منتشر کرده. اون چیز خیلی خوبیه، برای کسی که خیلی ریاضی بلد نیست. خودتون هم حتماً میدونید که بیان مطالب پیشرفته به زبان ساده چهقدر سخت است. ولی این مقالهای که میگویم، کسی که با من مصاحبه کرده، خودش دکترای ریاضی دارد و کار دکترای خوبی هم انجام داده و رشتهاش هم نسبتاً به من نزدیک است و کارش هم الآن نوشتن مطالب علمی به زبان ساده و ساده کردن مطالب برای عموم است، و این کاری است که آدم متخصص خودش را میخواهد و واقعاً سخت است، ولی این چیزی که نوشته شاید بهترین منبع باشه. در واقع میشود نظریه رویههای ریمانی، اگر من یادم بیاید فارسیاش را، نظریه ارگودیک و سیستمهای دینامیکی.

 ریاضیدانها فعالیتهای مختلفی انجام میدهند، مطالعه، فکر، ارتباط علمی، شرکت در سمینارها. سهم هر کدام از اینها برای شما چهقدر است؟

در زمانهای مختلف فرق می کند. در چند سال گذشته، خیلی نتوانستم در نفرانسها شرکت کنم.

- به دلیل اینکه روی مسأله خودتان متمرکز شدید؟ نه، به دلیل اینکه بچه سه ساله دارم.
- درسته. اتفاقاً این هم یکی دیگر از سؤالهای ما بود، که شاید بهتر باشه همین الآن بپرسیم. سؤالمان هم این بود که به عنوان یک مادر، چه طور بین کار سنگین ریاضی و مادر بودن توازن برقرار می کنید؟

خیلی سخته. برای پدر هم سخته، بستگی داره که پدر و مادر چه قدر تقسیم کار بکنند، چهقدر برای بچهشان وقت بگذارند. واقعاً سخت است ولی شدنی است و ارزش انجام دادنش را هم اگر کسی دوست داشته باشد دارد. ولی به هر حال میزان کار را کم میکند. یعنی اگر کسی فکر کند که هم می توانم یک خانواده خیلی خوب و با ارتباط قوی داشته باشم، هم کارم به همان سرعت قبل پیش برود این طور نیست، باید به هر حال هزینه بکند. به هر حال میشه.

• اسم دخترخانمتان چیست؟

آناهىتا.

- آناهیتا خانم را با خود به دانشگاه میبرید؟ نه زیاد، برای او یک پرستار داریم.
  - دوست دارید ریاضیدان شود؟

نه، برایم فرقی نمی کند. ولی امیدوارم که او و کلاً همه ی بچه ها، ریاضی را جدی بگیرند، چون به درست فکر کردن کمک می کنه. قطعاً دوست ندارم این طوری باشه که مثل بعضی افراد که با آنها صحبت می کنید، البته در ایران خیلی این طور نیست ولی این جا در آمریکا زیاد پیش می آید، که افراد تا صحبت از ریاضیات می شود می گویند من از ریاضی هیچ چیز نمی دانم، یعنی اصلاً به خود امکان نمی دهند که به آن فکر کنند. حتی یک پزشک یا کسی که کار دیگری هم می کند، اگر ریاضی اش قوی باشد می تواند جلو باشد، ولی لزومی ندارد ریاضی دان شوند.

- کسانی که شما از آنها یاد کردید آیا در دبیرستان آموزش ریاضی سنگینی میبینند؟
- نه، اتفاقاً در اینجا ریاضی دبیرستان به اصطلاح خیلی هم آبکی است. بیشتر یک جو است، در واقع خیلی جذاب نیست که یک نفر بگوید من ریاضی یا سایر علوم را دوست دارم. می گویند من اصلاً هیچ چیز نمی فهمم. در واقع فرهنگ عموم مردم در اینجا خیلی با فرهنگ افراد دانشگاهی فرق دارد.
- آیا هنوز هم پیش میآید که به یک موضوع جدید ریاضی برخورد کنید؟ و اگر هست چه طور آن را یاد میگیرید؟

قطعاً بله. باید مقالههای آن موضوع را نگاه کرد.

• اینکه با افراد متخصص در آن رشته صحبت کنید چه طور؟

حرف زدن با اشخاص هم خیلی کمک می کند. مهم این است که شما آن اراده را داشته باشید برای یاد گرفتن موضوع. ریاضیدانهای مختلف روشهای مختلفی دارند که واقعاً نمی توان گفت کدام بهتر است. ولی در مورد من این گونه است که شروع می کنم به فکر کردن به یک موضوعی که به مسألهای که فکر می کنم مربوط باشه و آن می شود انگیزه فکر کردن به مثلاً یک مقاله جدید. و این خیلی پیش می آید. خیلی چیزها هست که خیلی کم بلدم. مثلاً بعضی موضوعاتی که به هندسه جبری مربوط می شود را خیلی عمیق بلد نیستم، خیلی پیش می آید که باید بیش تر راجع به آن یاد بگیرم. به خصوص موضوع Moduli Space of Curves موضوعی است که می شود جورهای مختلفی به آن نگاه کرد. هم می شود هندسه جبری نگاه کرد، هم می شود هندسه جبری نگاه کرد، هم می شود هندسه جبری نگاه کرد، هم می شود هندسه دیفرانسیلی نگاه کرد، هم می شود هندسه جبری نگاه کرد، هم می شود هندسه دیفرانسیلی نگاه کرد، هم می شود هندسه دیفرانسیلی نگاه کرد، هم می شود هندسه دیفرانسیلی نگاه کرد، هم می شود هندسه دیفرانسیل است که خیلی از چیزهایی که دوست دارم امتحان کنم در کارم هندسه دیفرانسیل است که خیلی از چیزهایش را بلد نیستم.

• در طول روز چه قدر کار میکنید؟

خیلی بستگی دارد به این که چه روزی، چه سالی،...

#### • زمان اوج کارتان را بگویید.

خیلی متغیر است. دیگر اینکه کسی که بچه کوچک دارد، از نه صبح وقت دارد تا پنج بعد از ظهر. بعدش دیگر وقت ندارد. البته می توانی مثلاً بروی در پارک و به طور کلی فکر بکنی، ولی اینکه بنشینی و کار جدی بکنی نمی شود.

#### • قبل از اینکه بچه داشته باشید چه طور؟

قبلش شاید بیشتر بود. ولی اصولاً کار ریاضی به صورت خطی جلو نمی رود. گاهی مثلاً قرار است یک مقاله را تمام کنید، یا مثلاً باید آخرین نسخهاش را آماده کنید، خوب باید بیشتر کار کنید، ولی در سایر مواقع این طور نیست که اگر من بیشتر کار کنم بهتره. مهمتر این است که انگیزه تان را حفظ کنید و به آن مسأله فکر کنید، در یک مدت طولانی به آن فکر کنید، ولی میزان کار کردنش ممکن است بعضی روزها زیاد باشد، بعضی روزها کم باشد.

علاوه بر آن کارهایی از قبیل جلسات دانشگاه و صحبت با دانشجویان دکترا نیز هست که به هر حال وقت می گیرد. البته صحبت با شاگرد هم کار ریاضی است ولی گاهی اوقات ...

هرچهقدر انسان جوانتر باشد ذهنش بازتر است برای فکر کردن، دلیلش این است که مشغله خارجی کمتری دارد، با گذشت زمان مشغلهها و نگرانیهای انسان بیشتر میشود، به همین دلیل از این زمانی که جوان هستید و ذهنتان باز است استفاده کنید.

• تصوری که من دارم این است که ما در ایران یک سری شرایط و مشکلات روزمره خاصی داریم که شاید شرایطی مثل دانشگاه پرینستون و هاروارد موجود نباشد، و اینها مشکل ماست.

بله، متوجهم، اینها سخت است واقعاً. نه فقط تهران، مثلاً در نیویورک هم یک نفر زندگی کند خیلی این مشکلات را دارد. مثلاً ترافیک مشکل همه شهرهای بزرگ است.

• خانم میرزاخانی، به نظر شما به عنوان یک ریاضیدان در سطح بالا، آیا نظام آکادمیک موجود ایده آل است؟

در کجا؟

# • در آمریکا. در دانشگاههایی که تحصیل کردهاید.

نه، ایدهآل نیست. ولی من دقیقاً نمیدانم چه طور باید بهترش کرد. مثلاً یکی از مشکلاتش این است که یک مقطع سنی بیش از حد مهم است، بین گرفتن دکترا و قبل از اینکه شخص Tenure بگیرد. این سن خیلی مهم است. اگر کسی در این سن کارهای خوبی که باید انجام بدهد را انجام ندهد، کارش خیلی سخت میشود. و این وضعیت فکر نمی کنم خیلی خوب باشد.

یعنی اگر این زمان را از دست بدهد، در آینده بازیابی این مقطع خیلی سخت است.

یکی دیگر از مشکلات این است که خیلی فشار روی افراد جوان هست برای اینکه Publication داشته باشند، و این باعث میشود که فرصت کافی برای فکر کردن نداشته باشند. خصوصاً برای افرادی که بچه دارند خیلی سخت تر است.

منتها من نمی دانم چه طور می شود این سیستم را اصلاح کرد؟

 یعنی مشکل مقاله دادن آنجا هم پررنگ است؟ چون ما در ایران هم همین مشکل را داریم.

فکر کنم کمتر از ایران است ولی این مشکل هست. مثلاً شما یک کار ۳ ساله دارید، بعد باید دوباره برای کار اقدام کنید. یعنی دوسال وقت دارید برای انجام کار. بعدش هم یک مقداریش واقعاً به شانس وابسته است، یعنی ممکن است آن شخص خیلی قوی باشد ولی مسأله حل نشود.

• یعنی دچار مشکل میشود؟ به او می گویند مسألهات حل نشد خداحافظ؟

بله خوب، کار خوب نمی تواند بگیرد. باید مدارکش را بفرستد و برای کار اقدام کند، کار خوب نمی تواند بگیرد. به هر حال این سیستمی است که در مدتی طولانی به تدریج اینگونه شده است. البته در رشتههای مختلف با هم متفاوت است، ولی به هر حال مقاله نوشتن اهمیتش زیاد است. اینجا هم کمتر از ایران ولی باز هم فشارش هست.

- یعنی به سوی تکامل نرفته؟ من تصور می کنم که مسیر علمی طبیعی مثلاً در دانشگاه هاروراد است. ولی چیزی که شما می گویید این است که سیستم آنها هم نقص دارد. بله، حتماً نقصهایی دارد. این سیستم کل آمریکا است. البته در اروپا و مثلاً در فرانسه، کمی فرق می کند. افراد کار دائم می گیرند و بعضاً کارهای عمیق تری هم انجام می دهند. مثلاً به جای این که در کار دکترایشان چهار تا مقاله بدهند، یک کتاب می نویسند. خیلی وقت و فرصت بیشتری دارند که کار عمیق تر انجام دهند. البته در آمریکا هم گرایشهای مختلف ریاضی با هم فرق می کنند.
- در ریاضی، ایدهها نقش اساسی دارند. به نظر شما، فرآیند شکلگیری ایدهها در ذهن چگونه است؟ چه میشود که در حین کار، ایدهای که مسأله را حل میکند به ذهن شما میرسد؟

نمی دانم، فکر می کنم این مسأله را باید از یک کسی که نوروساینس می داند بپرسید...

• اگر آن را مقایسه کنید با تجربیاتی که در المپیاد ریاضی داشتید، آیا این ابتکار مثل همان است؟ دکتر شهشهانی یک بار می گفتند یژوهش ریاضی مانند المپیاد نیست.

درسته، نیست. پژوهش مثل المپیاد نیست. اون ایدههای المپیادی مانند هم گاهی می آیند، ولی پژهش ریاضی مقدار خیلی زیادی صبر میخواهد. البته آدمهای مختلف هم با هم فرق می کنند. مدت زیادی باید روی یک مسأله فکر کنی. زمانی که اول دوره دکترا بودم، وقتی با مسأله روبرو می شدم، می گفتم چه تکنیکی و الاتنداک پیدا کنم که سریع مسأله را حل کند، ولی بعد به این نتیجه رسیدم که شاید این طوری نیست، شاید بیشتر این طوریه که، یک بار که با استادم صحبت می کردم این را گفت، که مثل این است که دارید از یک قلهای سعی می کنید بروید بالا تا بعد دیدی پیدا کنید که خوب ببینید، در واقع مدت زیادی زمان می برد تا فقط بفهمید مسأله راجع به چیست؟ یعنی معمولاً نمی توان با ماتنادهایی مسأله را سریع حل کرد. مگر اینکه کسی خیلی شانس بیاورد. ولی معمولاً نمی شود. در مجموع متفاوت است. مقدار زیادی صبر می خواهد و فکر کردن با آرامش و تمرکز به مدت واقعاً طولانی. مسألههایی هست که من ۱۰ سال روی آنها فکر کردهام.

#### • روی این مسألهای که حل کردهاید چه مدت کار کردید؟

کاری که من با همکارم <u>Alex Eskin</u> انجام دادم، خودِ Alex از من ۱۰-۱۲ سال بزرگتر است، خودش روی این مسأله برای مدت بسیار طولانی فکر کرده بوده، ولی من هم شاید ۱۰ سال گذشته را، نه اینکه همهاش را روی این مسأله فکر کرده باشم، ولی فکر کردهام روی این مسأله.

من خودم دوست دارم روی یک مسأله برای مدت طولانی فکر کنم، ولی بعضی وقتها هم (حل) نمی شود دیگر، وقت زیادی هم ممکن است تلف شود،...

#### • ناراحت نمی شوید؟

چرا، گاهی آدم ایدهای دارد که فکر میکند این ایده کار میکند، بعد یک سال، دو سال روی آن کار میکند، و به آن ایده وابسته میشود و برایش سخت است که آن ایده را رها کند، ولی یک زمانی لازم است که بالاخره آن ایده را رها کند.

در مجموع خیلی سخت است، سخت است به این معنی که باید خیلی صبر داشت، فکر کرد و اعتماد به نفس داشت به این که بالاخره کار می کنه.

اصلش این است که انسان بتواند علاقه مند بماند و برای یک مدت طولانی انگیزهاش را از دست ندهد. اینکه مثلاً برای مدت کوتاهی خیلی کار کند، لزوماً خیلی هم خوب نیست، البته اگر مثلاً آخر کار است و می خواهی کار را تمام کنی خوب است، ولی فشار زیاد آوردن از جایی به بعد باعث می شود انسان ببرد. یعنی باید فکر کنی که آیا این کار، کاری هست که من بتوانم آن را تا ۱۰ سال دیگر انجام دهم یا نه؟ و با انگیزه انجام دهی، یعنی از آن لذت ببری.

• خانم میرزاخانی، شما دوره کارشناسی را در دانشکده ریاضی دانشگاه شریف گذراندهاید. بعدش دانشگاههای دیگری را در آمریکا تجربه کردهاید که خیلی دانشگاههای خوبی بودهاند. ویژگیهای مثبت و منفی دانشکده ریاضی را چه میدانید؟

فکر می کنم دانشکده ریاضی هم خیلی از آن زمان فرق کرده. آن زمانی که ما بودیم، شاید درسهایی که ارائه می شد هم فرق می کرد. فکر کنم ما سال آخر بودیم که علی رجایی و آرش رستگار برگشتند و مثلاً اولین درس هندسه جبری را ما با دکتر رستگار داشتیم. یا مثلاً ما توپولوژی جبری را از کتاب ؟؟؟؟ می خوندیم که اون موقع مثلاً آخر درس توپولوژی جبری تازه رسیدیم به تعریف همولوژی. ولی باز هم خیلی تجربه خوبی بود.

### آن زمان در دانشگاههای دنیا هم همین روش بود؟

نه، فکر کنم من سال اول graduate که بودم، توپولوژی جبری از کتاب Hatcher گفته میشد و سبکش خیلی فرق می کرد.

به هر حال خیلی تجربه خوبی بود. اصولاً مهم است که انسان چیزهای زیادی بلد باشه، ولی اگر انگیزهاش را داشته باشد، می تواند هر موقع لازم شد آن چه نیاز است را خیلی سریع یاد بگیرد، اگر انگیزه بماند.

و آن زمانی که ما (در دانشکده) بودیم، ما ۷-۸ نفر بچههایی بودیم که همه علاقه داشتند و محیط خیلی خوب و دوستانهای بود، ما با هم مسأله می گذاشتیم و روی مسألهها فکر می کردیم، یا مسألههای کتابهایی مانند Counter-examples in Topology ،Counter-examples in Analysis را می کردیم. یک چیزهایی بود که بعداً هیچجا استفاده نمی شد، مثلاً مثالی از فضایی بیابید که نرمال نباشه، و چی نباشه و ... یا مثلاً مسائلی در ترکیبیات جبری، چیزهایی بود که من بعداً ازشون استفاده نکردم ولی به طور غیر مستقیم مفید بوده واقعاً، من خیلی تجربه خوبی داشتم در شریف، و بیشترش این بوده که محیط خیلی خوب بود، استادها هر چیزی نیاز بود برای ما فراهم می کردند، و گروه خوبی بودیم که همه با هم مسأله حل می کردیم و همه با انگیزه بودند.

# • توصیه تان به دانشجویان کارشناسی چیست؟ بیشتر چهطوری کار کنند؟

ببینید، آدمهای مختلف روشهای مختلف برایشان کار میکند. من واقعاً فکر نمیکنم یک روش باشه که من بگویم مثلاً مسأله حل کنید زیاد، یک گروهی هستند که مسأله حل کن هستند، برای اینها شاید بهتر باشد مسأله حل کنند، یک گروهی هستند که چیزهای تئوری و ساختن تئوری را بیشتر دوست دارند و دوست دارند چیزهای مجرد بسازند. هیچ کدامش بهتر یا بدتر نیست. آدمها با هم فرق میکنند.

### • آیا این خوب است که فرد با چیزهای مجرد کار کند و مثال نزند؟

بله، بعضیها اینجوریاند. میتونه آدمی که اینطور هم هست موفق باشه. یعنی من فکر می کنم مغز آدمها نحوه کارشان با هم فرق می کند. یک گروه افرادی هستند که خیلی چیزهای مجرد را دوست دارند و شاید اگر این کار را بکنند بعداً هم موفق تر بشوند. یک گروه مسأله حل کردن را بیشتر دوست دارند،....

ولی فکر می کنم مهمترین چیز علاقهمند موندن است. بقیهاش بستگی به شخص دارد. حتی شما در ریاضیدانهای دیگر هم و حتی ریاضیدانهای با تجربه، میبینید که گروهی مسأله حل کنتر هستند، گروهی تئوری ساز هستند. به هر حال آدمها شخصیتشان با هم فرق می کند. مثلاً من شنیده ام که گروتندیک که خیلی کارهای مجرد انجام داده، لزوماً چند تا مثال ساده را نمی توانسته بزنه، یا مثلاً خیلی در محاسبه قوی نبوده، البته این چیزی است که شنیده ام و خیلی مطمئن نیستم، ولی یک دید بازی داشته و از همه افراد هم نسل خودش جلوتر بوده. ولی یک سری هم افرادی هستند که خیلی چیزهای ملموس تر را دوست دارند، مثلاً آدمی مثل گروموف، ایدههایی که بعضاً دارد آنقدر ساده است که آدم فکر می کند که این چه طور می تواند خیلی مهم باشد؟ در واقع ایدههای مقدماتی ای هستند ولی خیلی مهم و کلیدی هستند.

بنابراین به نظر من برای افراد مختلف فرق می کند.

- شما به غیر از فعالیت ریاضی و بودن با خانواده، چه علائق و فعالیتهای دیگری دارید؟ در حال حاضر، همین دو تا را اگر بتوانم انجام دهم خیلی خوشحالم.
  - سابق چه؟

قبلاً خواندن رومان و کتاب را خیلی دوست داشتم.

#### • چه رومانهایی؟

هر چی، هر چی دستم میومده میخوندم. یک سری، کتابهای گابریل گارسیا مارکز بود، یکی کتاب ریشهها از ؟؟؟؟؟؟، یا بیوگرافی ونگوگ. یک زمانی خیلی کتابهای این جوری میخوندم. یکی از کارهایی که دوست داشتم بیشتر می کردم، کارهای ورزشی بود. شاید امکاناتم خیلی کم بود ولی فکر می کنم چیزی است که خیلی مهم است.

• چه افرادی در زندگی شما تأثیرگذار بودهاند؟ منظور فقط تأثیرگذاری از نظر ریاضی نیست.

لیستش خیلی طولانی است. پدر و مادر و معلمها و استادها و ....

آنقدر لیستش طولانی است اگر بخواهم اسم ببرم ممکن است کسی را از قلم بیندازم. مدیر دبیرستان، پدر، مادر، ... یا اساتید دانشکده خیلیهایشان تأثیرگذار بودهاند. خیلی لیست طولانی است. ولی به هر حال این شانس بزرگی است که افرادی که دور آدم هستند اینقدر مثبت باشند.

شما دو سال عضو تیم المپیاد ریاضی بودهاید، میخواهم بدانم چهقدر از موفقیت خود در
 ریاضی را تحت تأثیر فعالیت دوران المپیاد ریاضی میدانید؟

خيلياش را. چون اگر المپياد نبود اصلاً رياضي نميخواندم.

#### از نظر علمی منظورم بود.

از نظر ریاضی هم، خیلی از افرادی که بعداً در زندگیام تأثیر گذاشتند و خیلی از بهترین دوستانم کسانی هستند که در دوره المپیاد ریاضی با هم آشنا شدیم، در خیلی از چیزهای مختلف ریاضی به من کمک کردند.

# • آیا هنوز هم به شهودها و ایدههای آن زمان باز می گردید؟

نه، الآن دیگر اگر شما آن شش سؤال را به من بدهید، فکر نمی کنم بتوانم یکیش را هم انجام دهم. اصلاً یک چیز متفاوتی است. در آن زمان نسبت به آن هیجانزده بودیم و در آن خط بودیم، ولی الآن انجام آنها خیلی سخت است. حتی الآن، بعضی اوقات اون کتاب نظریه اعداد که با رؤیا بهشتی داشتیم، مثلاً سؤالهایش را از من بپرسند، من لزوماً نمی توانم انجام دهم، یعنی خیلی وقت بیش تر می گیرد، چون اصلاً مدل فکری آدم عوض می شود. تفاوتش مثل تفاوت کسی است که در طول زندگی اش ورزش می کند ولی یک زمانی هم تمرین می کند برای اینکه مسابقه بدهد. در اون دوره ای که تمرین می کند، خوب خیلی آمادگی اش برای مسابقه بهتر است، ولی ریاضی دان بودن مثل این است که بخواهید در طول عمرتان ورزش کنید. اینکه در ۱۸ سالگی ورزش کنید خیلی فرق می کند با اینکه همیشه ورزش کنید.

• این کتابی که اشاره کردید، کتاب نظریه اعداد که با خانم رؤیا بهشتی تألیف کردهاید، این هنوز منبع مورد استفاده خیلی از دانش آموزان ایرانی است. درباره نحوه تألیف این کتاب توضیح بدهید.

خیلی خوشحالم از این که این کتاب هنوز استفاده میشه. این کتاب از منابع مختلفی تألیف شده، ولی ما یک ویراستار خیلی خوب هم داشتیم که من اسمشون رو یادم رفته، در انتشارات فاطمی، که خیلی کمک کردند. ولی من نمی دونم ما چرا اینقدر وقت گذاشتیم که یک کتاب بنویسیم در دوره کارشناسی، ولی خوبه که حداقل هنوز استفاده میشه. بیشترش ترجمه قسمتهای مختلف کتابهای مختلف است. البته گفتم، من خودم الآن بعضی مسألههایش را نمی توانم حل کنم.

- به نظر شما چه مسأله ریاضی ارزشمند است. منظورم این است که معیار شما برای یک مسأله خوب چیست؟
  - این هم خیلی سؤال سختی است. نمی توان خیلی ...
- مثلاً بعضیها ممکن است بگویند زیبایی مسأله مهم است، یا مثلاً قابل حل بودن مهم است یا مثلاً ارتباط با سایر شاخههای ریاضی مهم است. به نظر شما چه مساله ی ریاضی ارزشمنده. به عبارت دیگه معیار تون چیه که یک مساله انتخاب کنید و روش فکر کنید؟ فکر کنم همه اینها یک مقداری مهمه یک مقداری هم شهودی هست که کم کم آدم پیدا میکنه. مثلا ممکنه سال اول دکتری خیای فرق کنه با ده سال یا پانزده سال بعدش. کم کم با سخنرانی های دیگه رفتن با آدم های دیگه حرف زدن مقاله های دیگه رو خوندن کم کم یک شهودی پیدا میشه. من خودم دوست دارم یک چیزی باشه که صورت مساله خیلی پیچیده نباشه و نسبتا ملموس باشه و به چیزهای دیگر ربط داشته باشه. ممکنه به ولی خب نمیشه مطمئن بود به چیزهای دیگه ربط داشته باشه یا ممکنه نداشته باشه. یک جورهایی شانسیه. خوبه اگر ابزارهایی برای امتحان کردن وجود داشته باشه. ریاضی دانهایی که خیلی با تجربه هستند کسایی اند که می توانند ببینند چه مساله های دیگر ربط داشته باشند رو دارند. مثلا استاد راهنمای خوب کسی هست که میتونه ببینه چه چیزهایی ممکنه ربط داشته به مساله در حالی که خودش ممکنه در حلش سهیم نباشه. البته یک حدس هایی هم اون وسط میزنه ولی نمیدونه دقیقا درسته. یعنی بعد از سمینار رفتن و با آدم های دیگه حرف زدن و تجربه یک شهودی پیدا میکنه.
- آیا شاخه به شاخه پریدن در ریاضی کار مفیدیه؟ مثلا کولوموگروف معروف هست که ۸۰ سال عمرش رو میشه به ۸ تا دوره ۱۰ ساله تقسیم کرد که هر دوره یک کاری در ریاضی کرده. در کنارش بعضی ها روی یک کار تمرکز میکنن

نمیدونم واقعا کدوم بهتره. ممکنه یکی واقعا تمرکز کنه و خوب باشه ولی دید وسیع داشتن برای نگه داشتن علاقه هم خوبه. البته خوبه یک جایی هم آدم سعی کنه روی یک مساله خاص فکر کنه و ببینه میتونه چیزهایی که بلده رو پیاده کنه. اگر واقعا چیزی پیدا کردین که ایدتون روش کار میکنه همون رو انجام بدین. بعضی مواقع هست که آدم روی یک چیز تمرکز میکنه و در جا میزنه. این برای همه اتفاق میفته برای من هم میفته. من هم تا حالا شاخه به شاخه کردم. این کار یک چیز خوب داره اونم اینکه دیدتون وسیع تر میشه . البته یک جایی در نهایت باید تمرکز بکنید.

- ببخشید شما کی فهمیدید جایزه فیلدز رو میبرید؟
  آخر فوریه
- خب وقتى متوجه شديد چه احساسى داشتين؟ و اصلا چقدر قبلش احتمال ميدادين؟

یک دوره ای که من اصلا به این موضوع فکر نمیکردم. خوشحال شدم که شنیدم ولی خیلی اهمیت دادن به یک جایزه فکر نمیکنم کار خوبی باشه. به نظرم بزرگ کردن آدم ها خیلی کار خوبی نیست. یعنی ارزش داره ولی اونقدر هم چیز مهمی نیست. ۱۵ یا ۲۰ نفر آدم هستن که از بینشون ۴ تا انتخاب میکنن که یک مقداریش هم شانسیه. یک سری ها کارهایی کردهاند که بعد از ۴۰ سالگی بوده در کنارش بستگی داره چه کسی از تون حمایت بکنه و چه کسی نکنه. یکسری افرادی بودهاند که خیلی خوب بودن ولی فیلدز نگرفتن مثل گروموف.

راجع به من یک مقاله بود در روزنامه popular science. من هنوز بعد از هفت سال از مخاطبای این مجله ایمیل میگیرم. در ایران هم همینطور است و به نظر من اصلا چیز مثبتی نیست و این خیلی متاسفانه تاثیر میگذاره روی روابط من با آدمهای ایران. چون من نمیخواهم در گیر چیزهای جانبی بشم و تو این ورطه بیافتم.

#### • اگر شما روابطتون رو قطع کنید که اونها حرفتون رو نمیشوند.

آخه به این سادگی نیست. آخه چهار نفر خبرنگار میان از شما یک چیزی میپرسن. یک جایش رو بزرگ میکنند یک جایش رو از قلم میندازند و بعدش از شما نمیپرسند که چی گفتید. و اوضاع از دستتون خارج میشه. و برای همین احساس میکنم اینجور چیزها نه تنها تأثیر مثبت نداره که حتی ممکنه تأثیر منفی هم داشته باشه.

# من درست فهمیدم که شما ترجیح میدهید مثلا از این به بعد دائماً از شما به عنوان برنده جایزه فیلدز یاد نشه؟

آره و خب باعث بزرگ کردن و ... نشه. فکر میکنم این چیز در آمریکا خیلی سالم تره. چون یکی میاد درباره کارتون که یک مساله علمی است صحبت میکنه و اگر هم بگی نه میگه خداحافظ شما. آخه من کارم ریاضی بوده و چندتا مقاله ریاضی نوشتم و نمیخواستم که با اونها مشهور بشم. تشویق زنان ایران خوبه تشویق ایرانیها خوبه، انگیزه دادن خوبه ولی از طرفی هم برای اون شخص خوب نیست. بالاخره من هم انسانی هستم که هزاران کاری کردم که دوست نداشتم انجام بدم، و نمیخواهم مدل خاصی بشم.

### • شما اگر این موضوع رو بگید همه جا بهتر نیست؟

آخه ببینید خود همین چقدر وقت و انرژی میبره. من هم وقت و انرژی محدودی دارم. زندگی هر ریاضی دانی مثل هر آدمی کلی مشکلات توش داره. زندگی آدمها پیچیده است. در کنار سنگینی کار ریاضی، کار خانوادهات هم هست، کار شخصی هم هست و همه اینها هستن.

این یک آدمی میخواهد که همه انرژیاش را بگذارد فقط برای اینکه با یک سری آدم حرف بزند و بگوید این چیزها مهم نیست. من اصلاً اون انرژی را ندارم. به هر حال آدم باید ببیند در زندگیاش چه چیزهایی اولویت ندارد برایش. در این شرایط فکر می کنم این اولویت ندارد برای من.

# ار تباطتان با ۱PM چه طور است؟

خوب است، من در تماس هستم با آدمها.

ولی کلاً این فرهنگ بزرگ کردن آدمها من را اذیت میکند و باعث میشود که ترجیح دهم ارتباط برقرار نکنم. ترجیح میدهم صبر کنم تا یک زمانی برسد که این حساسیتها بیاید پایین و مثلاً یک سری دانشجو داشته باشم، یا با یک سری افراد ریاضیدان ارتباط داشته باشم که میخواهند مثلاً یک دورهای بیایند کار بکنند و بروند و یک سری سؤال واقعی و جدی دارند. این خوبه.

ولی اگر یک سری آدم بخواهند بیایند اینجا و مثلاً عکس بگیرند با من و کارهایی بیهوده از این دست، این را دوست ندارم.

البته آدمهای مختلف از این نظر فرق دارند. یک سری آدمها هستند که اصلاً از این بدشان نمیآید. مثل Cedric Villani، که اگر شما در اینترنت نگاه کنید میبینید کلی رفته جاهای مختلف، حرف زده، عکسش همه جا هست، برنامههای تلویزیونی،... اشکالی هم نداره، ولی من واقعاً نمی توانم این کار را انجام دهم.

• این روزها زیاد از شما به عنوان ریاضی دان زن موفق یا اولین زنی که جایزه فیلدز رو برده یاد میشود. چه در ایران و چه در اینجا. در این مورد چه احساسی دارید؟

احساس خاصی ندارم. فکر می کنم این چیزی است که عوض می شود، خیلی معمول تر می شود. فکر نمی کنم حالا پنجاه درصد بشود در زمان نزدیکی، ولی به نظر من در آینده بیشتر می شود. البته گذاشتن محدودیت چهل سال خیلی کار را سخت تر می کند و اگر کسی بچه داشته باشد، چند سال زندگی اش صرف آن می شود، اشکالی هم ندارد، ولی به هر حال، به کارش نمی تواند برسد. مثالهای دیگری هم هست. مثلاً تا قبل از سال ۱۹۹۴–۱۹۹۵ هیچ دختری در تیمهای المپیاد ایران نبود، ولی سالی که ما بودیم، هم فیزیک، هم کامپیوتر، هم ریاضی دختر داشتند و اونطور که شنیده ام الآن هم هستند. حالا لزومی ندارد نصف به نصف باشند، ولی دیگر حضور دخترها امری معمولی است، بعضی سالها کمتر و بعضی سالها بیشتر.

یا مثلا جایزه تورینگ، که در علوم کامپیوتر جایزه مهمی است، در چهل سال اولش هیچ خانمی نبود ولی الآن در هشت سال گذشته سه نفر بودهاند، یعنی از چیزهایی است که عوض می شود.

• ولى در آينده هميشه شما به عنوان اولين زن برنده فيلدز شناخته خواهيد شد.

بله، هیچ فراری از این نیست. ولی خوبه، اگر باعث بشه افراد علاقهمند انگیزه پیدا کنند خوب است. شاید مثلا برای نوجوانهایی که این چیزها برایشان جالب است مفید باشد، مثلاً اگر خود من بودم شاید از این ماجرا انگیزه می گرفتم و برایم جالب می بود.

مثلاً زمانی که نوجوان بودم فکر می کردم Allen اسم خانم است، نمی دانم چرا این فکر را می کردم، و می گفتم چهقدر خوب، چهقدر ریاضی دان زن هست...

• تجربه شما در مورد زندگی خارج از کشور چیست؟ خصوصاً سالهای اولی که بعد از کارشناسی برای ادامه تحصیل به خارج از کشور آمدید.

مشکلات خودش را دارد بالاخره. ولی یک گروه دوستانی داشتیم که از زمان ایران نزدیک هم بودیم، خیلی همدیگر را حمایت می کردیم و حضور آنها خیلی کمک بود. ولی خوب سختیهای خودش را دارد، بعضی چیزهایش راحت تر است، بعضی چیزهایش سخت تر است.

- به نظر خودتان مهم ترین ویژگی شخصیتی تان چیست؟ نمیدونم. جوابی ندارم.
- ریاضی خیلی گسترده و شاخه شاخه شده است. این خوب است یا بد است؟ من خودم خیلی حس خوبی به آن ندارم. چون مثلاً من در همان زمینهای که کار میکنم هم از همه کارهای دیگر اطلاع و آگاهی ندارم.

نمیدانم خوب است یا بد است، ولی واقعیت است. ولی خیلی هم منفی نیست احساس من نسبت به آن. شاید کمی در دوره دکترا سخت تر باشد، ولی کم کم میفهمد که به چه موضوعی علاقه مند است و از آن لذت می برد، کلاً کمی زمان می برد تا تصور و شهودی از جایگاه شاخههای مختلف پیدا می کند، با گذشت زمان این وضعیت بهتر می شود. هر چه با آدمهای دیگر ارتباط برقرار می کنید یا مقالات مختلف می خوانید، وضعیت بهتر می شود. تجربه من حداقل این بوده. و نباید هم از آن ترسید. خوبه که ببینید ایدههای خوب کجا هستند، حتی این یک فرصت است، چون آدمهایی که در شاخههای مختلف کار می کنند ایدههای را به کار می برند که در جاهای دیگر به کار نمی رود و خیلی خوب است که انسان بتواند از گرایشهای مختلف چیزهایی یاد بگیرد و بتواند ایدههای آنها را استفاده کند.

- فکر میکنید در آینده چه مسیری را طی کنید؟ مثلاً ۵ سال دیگر، ۱۰ سال دیگر. فکر کنم، همین کار را ادامه میدهم، ریاضی را ادامه میدهم. مسألههای زیادی هست که نیمه کاره مانده. ایدههای زیادی هست که دوست دارم امتحان کنم. البته ممکنه خیلیهایش کار نکند.
- فکر میکنید در همین رشتههایی که تا الآن کار کردهاید میمانید، یا اینکه به سراغ موضوعات دیگری میروید. چیزی که برای من جالب بود، این بود که شما در اکثر کارهایتان پلهایی بین شاخههای مختلف زدهاید، و احساس کردم که شما علاقهمند هستید به برقراری ارتباط بین شاخههای مختلف.

بله همینطور است. کاملاً میفهمم چه میگویید. این روش خوب است، ولی در نظر داشته باشید که در اول کار، یعنی در دوره دکترا باید اندکی روی یک کار تمرکز کرد ولی بعداً خوب است که انسان چیزهای مختلفی یاد بگیرد. به هر حال یک مقدارش شخصی است و برای افراد مختلف فرق می کند و باید یک تعادلی برقرار کنید بین یاد گرفتن چیزهای مختلف و تمرکز روی یک مسأله.

• پیدا کردن یک مسأله اصیل، روشش چیست؟ آیا باید به سراغ منابع رفت یا اینکه باید ایدههای خودمان را پیگیری کنیم یا با آدمهای دیگر صحبت کنیم؟ کلاً ساز وکارش چیست؟

آدمهای مختلف، روشهای مختلف دارند. حتی استادهای راهنمایی که خیلی هم استادهای خوبی هستند، و شاگردهای خیلی زیاد و موفقی داشتهاند، اونها هم بینشان روشهای مختلفی هست. یک سری شان شاگردانشان را می فرستند که مستقل کار کنند. یک سری ولی مسأله می دهند به شاگردانشان که بروند کار کنند، ولی مثلاً در مورد من که McMullen استادم بود، اینطوری بود که هفتهای یک بار می رفتم درباره کارم با او حرف می زدم، بعد در حین همین صحبتها، سؤالهایی پیش می آمد. یعنی سؤالها در واقع سؤالهای خودم بود ولی اون هم کمک می کرد تا از بین آنها چیزهایی که بی ربط بود و مفید نبود حذف کنیم. برای همین، استاد راهنمای خوب داشتن خیلی مهم است ولی با آدمهای دیگر در ارتباط بودن هم خیلی مهم است. خصوصاً برای شما که ایران هستید، ارتباط برقرار کردن با افراد جاهای دیگر خیلی مهم است.

مثلاً رفتن به فرصتهای مطالعاتی دوماهه، سه ماهه و شرکت در سمینارها خیلی مفید است برای اینکه بفهمید چه خبر است و در رشتههایتان سؤالهای مهم چیستند و چه خبر است. فکر کنم این خیلی کمک میکنه. انجام دادن کار در ایران واقعاً سخته، ولی فکر میکنم اگر تنها باشید و آدمی در رشته شما نباشد که با او حرف بزنید خیلی سخت تر است. به نظر من اگر فرصتهای کوتاهمدتی هم پیدا کنید که بروید و با آدمهای خوب در رشته تان صحبت کنید خیلی خوب است.

با توجه به مشکلاتی که در کشور وجود دارد، اینکه ما روی یک مسأله تحقیقاتی روز دنیا کار کنیم آیا کار درستی است؟ منظورم این است که مثلاً من در زمینه آنالیز هندسی کار می کنم، اگر مثلاً دو سال روی یک مسأله کار کنم و آن را حل کنم، بعد می بینم که دنیا از من ۲۰ سال جلوتر است در این زمینه. شاید بهتر باشد بروم در یک زمینهای که هم کاربردی باشد و به درد کشورم بخورد و هم عمق ریاضی داشته باشد. آیا شما این را مناسبتر نمی بینید در شرایط ما؟

منظورتان ریاضیات کاربردی است. خوب، اگر کسی ریاضیات کاربردی را دوست داشته باشد، خیلی خوب است. ما خیلی آدم با استعداد در ایران داریم، اگر کسی دوست داشته باشد کارهای مجرد انجام دهند خوب است، ولی باید انجام دهند خوب است، ولی باید یک کاری بکند که واقعاً دوست دارد. یعنی چیزی که بیشترین علاقه را به آن دارید دنبال کنید. ممکن است کار محض باشد، یا کاربردی. و اگر هم کار محض بکنید، این طور نیست که در ایران

عقب باشید، کافی است ارتباط خودتان را حفظ کنید با افراد رشته تان. مثلاً اگر بتوانید ۲ ماه تابستان بروید جایی مثل Trieste، و با آدمها حرف بزنید، بعدش می توانید برگردید و شش هفت ماه با تمرکز روی مسأله کار کنید و فکر کنید، چون دیگر نویز هم ندارید. به هر حال در این مرحله ارتباط برقرار کردن برای کسانی که می خواهند ایران بمانند خیلی لازم است. و این را می توان در فرصتهای کوتاه مدت جبران کرد. کافی است بتوانید افراد خوبی که در رشته تان هستند را پیدا کنید از طریق استاد راهنمایتان و ببینید آیا می توانید بروید با آنها حرف بزنید. یعنی فرصت برای کسانی که علاقه مند هستند وجود دارد، ولی به هر حال این هم درست است که اگر شما همان کار بخواهید در ایران انجام دهید باید کار بیشتری انجام دهید.

### • اگر به مسأله خیلی سختی برخورد کردیم چهقدر مقاومت کنیم در مقابلش؟

این سؤال را من خودم هم نمی دانم جوابش را. چون یک مقداری شانسی است. و این مسأله برای همه هست، فقط برای دانشجوی دکترا، یا پست دکترا و ... نیست. این مسأله همه است. و فکر نمی کنم کسی بتواند جواب خوبی به آن بدهد. مثلاً من خودم دوست دارم روی یک مسأله در مدت طولانی کار کنم، ولی لزوما راحت ترین کار نیست و لزوماً به همه هم توصیه نمی کنم این کار را بکنند. در یک زمانهایی واقعاً سخت می شود، چون شما برای یک مدت طولانی خصوصاً چیزی نمی نویسید و افراد دیگر دائماً فشار می آورند که دیگران همه دارند مقاله می نویسند و شما نمی نویسید.

### • به عنوان سؤال پایانی، بفرمایید ریاضیات چیست؟

نه، این اصلاً سؤال پایانی نبود (خنده). راحتترین راه این است که بروید در Wikipedia و ببینید تعریف ریاضیات چیست.

• واقعاً تشكر مي كنيم از اينكه دعوت ما را پذيرفتيد و وقتتان را در اختيار ما قرار دهيد.