

# Comptage et énumération de structures de données: Algorithmes efficaces et implantations optimisées

#### Florent Hivert

Mél: Florent.Hivert@lri.fr
Adresse universelle: http://www.lri.fr/~hivert



## Manipulation d'ensembles finis :

... mais souvent très grand ...

- suites de 64 bits : 0xce24762189cdef0d
- permutés d'un tableaux : [5,3,6,4,1,2]
- arbres binaires à 7 noeuds :



■ graphes à 8-sommets :



- document XML à *n* balises
- programmes à *n* caractères en C, chemin d'execution



## Objectifs:

#### Algorithmes et implantations efficaces pour

- Compter, trouver la liste, itérer
- recherche d'un élément
- Tirage aléatoire équitable

#### Plan

- Problèmes d'énumeration, objets combinatoires de base
- Backtracking, algorithmes lexicographiques, code Gray
- Optimisation et parallélisation d'une recherche



## Objectifs:

#### Algorithmes et implantations efficaces pour

- Compter, trouver la liste, itérer
- recherche d'un élément
- Tirage aléatoire équitable

#### Plan:

- Problèmes d'énumeration, objets combinatoires de base
- Backtracking, algorithmes lexicographiques, code Gray
- Optimisation et parallélisation d'une recherche



# **Applications**

- recherche de solution par la force brute
- analyse d'algorithmes, calcul de complexité
- tests de programmes, de systèmes
- recherche de failles, fuzzing
- bio-informatique, chimie, physique statistique



### Références

■ Frank Ruskey, *Combinatorial Generation* doi:10.1.1.93.5967, 2003, non publié



- A. Nijenhuis and H.S. Wilf, Combinatorial algorithms, 2nd ed., Academic Press, 1978 http://www.math.upenn.edu/~wilf/website/ CombinatorialAlgorithms.pdf
- The (Combinatorial) Object Server: http://sue.csc.uvic.ca/~cos/
- The On-Line Encyclopedia of Integer Sequences http://oeis.org