част	факултетен номер	група	курс	специалност
2				СИ
Име:				

1. (1 т.) Намерете безконтекстна граматика с език:

$$(L(\mathcal{A}) \cup L(\Gamma) \circ L(\Gamma))^*$$
,

където \mathcal{A} е недетерминираният краен автомат:

Δ	a	b
$\rightarrow^* S$	$\{a,b\}$	Ø
*a	$\{a\}$	$\{S\}$
b	Ø	$\{a,b\}$

$$\Gamma = (\{a, b\}, \{S\}, S, \{S \to aSS|aS|b|\varepsilon\}).$$

2. Проверете кои от следните езици са безконтекстни:

$$\begin{split} (1.5 \text{ т}) \text{ L}_1 &= \{xw_1w_2x^{\mathrm{rev}} \mid x, w_1, w_2 \in \{0,1\}^* \ \& \ w_1 = w_2w_2\}; \\ (1.5 \text{ т}) \text{ L}_2 &= \{xw_1w_2x^{\mathrm{rev}} \mid x, w_1, w_2 \in \{0,1\}^* \ \& \ |w_1| = 2|w_2|\}. \\ \mathbf{o}\mathbf{q}\mathbf{e}\mathbf{h}\mathbf{k}\mathbf{a} &= \mathbf{2} + \mathbf{t}\mathbf{o}\mathbf{h}\mathbf{k}\mathbf{a} \end{split}$$

част	факултетен номер	група	курс	специалност
2				СИ
Име:				

1. (1 т.) Намерете безконтекстна граматика с език:

$$(L(\mathcal{A}) \cup L(\Gamma) \circ L(\Gamma))^*$$
,

където \mathcal{A} е недетерминираният краен автомат:

Δ	a	b
$\rightarrow^* S$	$\{a,b\}$	Ø
*a	$\{a\}$	$\{S\}$
b	Ø	$\{a,b\}$

$$\Gamma = (\{a, b\}, \{S\}, S, \{S \rightarrow aSS|aS|b|\varepsilon\}).$$

2. Проверете кои от следните езици са безконтекстни:

$$\begin{split} (1.5 \text{ т}) \text{ L}_1 &= \{xw_1w_2x^{\text{rev}} \mid x,w_1,w_2 \in \{0,1\}^* \ \& \ w_1 = w_2w_2\}; \\ (1.5 \text{ т}) \text{ L}_2 &= \{xw_1w_2x^{\text{rev}} \mid x,w_1,w_2 \in \{0,1\}^* \ \& \ |w_1| = 2|w_2|\}. \\ \\ \textbf{оценка} &= \textbf{2} + \textbf{точки} \end{split}$$

част	факултетен номер	група	курс	специалност
2				СИ
Име:				

1. (1 т.) Намерете безконтекстна граматика с език:

$$(L(\mathcal{A}) \cup L(\Gamma) \circ L(\Gamma))^*$$
,

където \mathcal{A} е недетерминираният краен автомат:

Δ	a	b
$\rightarrow^* S$	$\{a,b\}$	Ø
*a	$\{a\}$	$\{S\}$
b	Ø	$\{a,b\}$

$$\Gamma = (\{a, b\}, \{S\}, S, \{S \rightarrow aSS|aS|b|\varepsilon\}).$$

 ${f 2.}\ \ \ \Pi$ роверете кои от следните езици са безконтекстни:

$$\begin{array}{l} (1.5 \ {\rm T}) \ {\rm L}_1 = \{xw_1w_2x^{\rm rev} \ | \ x,w_1,w_2 \in \{0,1\}^* \ \& \ w_1 = w_2w_2\}; \\ \\ (1.5 \ {\rm T}) \ {\rm L}_2 = \{xw_1w_2x^{\rm rev} \ | \ x,w_1,w_2 \in \{0,1\}^* \ \& \ |w_1| = 2|w_2|\}. \\ \\ \mathbf{o}\mathbf{u}\mathbf{e}\mathbf{h}\mathbf{k}\mathbf{a} = \mathbf{2} + \mathbf{t}\mathbf{o}\mathbf{u}\mathbf{k}\mathbf{u} \end{array}$$

част	факултетен номер	група	курс	специалност
1				СИ
Име:				

1. (1 т.) Намерете минимален тотален детерминиран автомат еквивалентен на:

δ	a	b
$\rightarrow A$	B	D
*B	F	C
C	B	D
*D	F	F
E	E	G
F	F	F
*G	G	A

2. (1.5 т.+1.5 т.) Нека $L,R \subseteq \{0,1\}^*$. Определяме:

$$L/R = \{x \in \{0, 1\}^* \mid (\exists y \in R)[xy \in L]\}.$$

Докажете, че ако L и R са регулярни, то L/R е регулярен; Проверете дали ако L е регулярен, то винаги L/R е регулярен, независимо от регулярността на R.

оценка
$$= 2 +$$
точки

част	факулт	етен номер	група	курс	специалност
1					СИ
Име					

1. (1 т.) Намерете минимален тотален детерминиран автомат еквивалентен на:

δ	a	b
$\rightarrow A$	B	D
*B	F	C
C	B	D
*D	F	F
E	E	G
F	F	F
*G	G	A

2. (1,5 т.+1,5 т.) Нека $L,R \subseteq \{0,1\}^*$. Определяме:

$$L/R = \{x \in \{0, 1\}^* \mid (\exists y \in R)[xy \in L]\}.$$

Докажете, че ако L и R са регулярни, то L/R е регулярен; Проверете дали ако L е регулярен, то винаги L/R е регулярен, независимо от регулярността на R.

оценка
$$= 2 +$$
точки

част	факултетен номер	група	курс	специалност
1				СИ
Име:				

1. (1 т.) Намерете минимален тотален детерминиран автомат еквивалентен на:

δ	a	b
$\rightarrow A$	B	D
*B	F	C
C	B	D
*D	F	F
E	E	G
F	F	F
*G	G	A

2. (1,5 т.+1,5 т.) Нека $L,R \subseteq \{0,1\}^*$. Определяме:

$$L/R = \{x \in \{0, 1\}^* \mid (\exists y \in R)[xy \in L]\}.$$

Докажете, че ако L и R са регулярни, то L/R е регулярен; Проверете дали ако L е регулярен, то винаги L/R е регулярен, независимо от регулярността на R.

оценка
$$= 2 +$$
точки