

# **ALGORITMOS E PROGRAMAÇÃO DE COMPUTADORES II**

**Algoritmos clássicos de  
ordenação I**

# Ordenação

**Ordenação é largamente utilizada**

- **Listas telefônicas e dicionários**
- **Grandes sistemas de BD e processamento de dados**
- **Etc.**

**Algoritmos de ordenação são ilustrativos**

- **Como resolver problemas computacionais**
- **Como lidar com estruturas de dados**
- **Como desenvolver algoritmos elegantes e como analisar e comparar seus desempenhos**

# Ordenação

**Definição:** organizar uma sequência de elementos de modo que os mesmos estabeleçam alguma relação de ordem.

**Diz-se** que os elementos  $k_1, \dots, k_n$  estarão dispostos de modo que  $k_1 \leq k_2 \leq \dots \leq k_n$ .

# Ordenação

**Ocasionalmente, dá menos trabalho buscar um elemento em um conjunto desordenado do que ordenar primeiro e depois buscar.**

**Por outro lado, se a busca for uma operação frequente, vale a pena ordenar (pode ser feita apenas uma vez).**

**Depende das circunstâncias!**

# Terminologia

**Ordenação de registros, em que cada registro é ordenado por sua chave.**

**Ordenação interna vs. externa:**

- Interna: se todos os registros cabem na memória principal.**
- Externa: se os dados não cabem na memória principal, precisando ser armazenados em disco.**

**Ordenação estável: ordem original de registros com chaves iguais é preservada após a ordenação.**

# Bubble sort

**Um dos métodos mais conhecidos e intuitivos.**

**Ideia básica:**

- Percorrer o conjunto várias vezes.**
- A cada iteração, comparar cada elemento com seu sucessor ( $v[i]$  com  $v[i+1]$ ) e trocá-los de lugar caso estejam na ordem incorreta.**

# Bubble sort: passo 1

- Vetor inicial
  - $X = (25, 57, 48, 37, 12, 92, 86, 33)$
- $X[0]$  com  $X[1]$  (25 com 57) não ocorre permutação
  - $X = (25, 57, 48, 37, 12, 92, 86, 33)$
- $X[1]$  com  $X[2]$  (57 com 48) ocorre permutação
  - $X = (25, 48, 57, 37, 12, 92, 86, 33)$
- $X[2]$  com  $X[3]$  (57 com 37) ocorre permutação
  - $X = (25, 48, 37, 57, 12, 92, 86, 33)$
- $X[3]$  com  $X[4]$  (57 com 12) ocorre permutação
  - $X = (25, 48, 37, 12, 57, 92, 86, 33)$
- $X[4]$  com  $X[5]$  (57 com 92) não ocorre permutação
  - $X = (25, 48, 37, 12, 57, 92, 86, 33)$
- $X[5]$  com  $X[6]$  (92 com 86) ocorre permutação
  - $X = (25, 48, 37, 12, 57, 86, 92, 33)$
- $X[6]$  com  $X[7]$  (92 com 33) ocorre permutação
  - $X = (25, 48, 37, 12, 57, 86, 33, 92)$

# Bubble sort: passo 2

- Vetor após passo 1
  - $X = (25, 48, 37, 12, 57, 86, 33, 92)$
- $X[0]$  com  $X[1]$  (25 com 48) não ocorre permutação
  - $X = (25, 48, 37, 12, 57, 86, 33, 92)$
- $X[1]$  com  $X[2]$  (48 com 37) ocorre permutação
  - $X = (25, 37, 48, 12, 57, 86, 33, 92)$
- $X[2]$  com  $X[3]$  (48 com 12) ocorre permutação
  - $X = (25, 37, 12, 48, 57, 86, 33, 92)$
- $X[3]$  com  $X[4]$  (48 com 57) não ocorre permutação
  - $X = (25, 37, 12, 48, 57, 86, 33, 92)$
- $X[4]$  com  $X[5]$  (57 com 86) não ocorre permutação
  - $X = (25, 37, 12, 48, 57, 86, 33, 92)$
- $X[5]$  com  $X[6]$  (86 com 33) ocorre permutação
  - $X = (25, 37, 12, 48, 57, 33, 86, 92)$
- $X[6]$  com  $X[7]$  (86 com 92) não ocorre permutação
  - $X = (25, 37, 12, 48, 57, 33, 86, 92)$



# Bubble sort

**Depois do primeiro passo**

- Vetor: (24, 48, 37, 12, 57, 86, 33, 92)**
- O maior elemento (92) está na posição correta**

**Para um vetor de  $n$  elementos, são necessárias  $n-1$  iterações.**

**A cada iteração, os elementos vão assumindo suas posições corretas.**

# Bubble sort

## Implementação em Python

```
def bubble_sort(v):  
    for i in range(len(v)-1):  
        for j in range(len(v)-i-1):  
            if(v[j] > v[j+1]):  
                v[j], v[j+1] = v[j+1], v[j]
```

# Insertion sort

**Ideia básica:**

- Ordenar o conjunto inserindo os elementos em um subconjunto já ordenado.
- No  $i$ -ésimo passo, inserir o  $i$ -ésimo elemento na posição correta entre  $x[0]$ , ...,  $x[i-1]$ , que já estão em ordem.
  - Realocar elementos

# Insertion sort

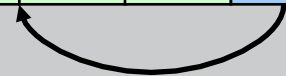
## Exemplo

Vetor original

10	30	31	15	50	60	5	22	35	14
----	----	----	----	----	----	---	----	----	----

Realocando o elemento 15

10	30	31	15	50	60	5	22	35	14
----	----	----	----	----	----	---	----	----	----



30 e 31 são realocados e 15 é inserido

10	15	30	31	50	60	5	22	35	14
----	----	----	----	----	----	---	----	----	----

# Insertion sort: exemplo

- $X = (44, 55, 12, 42, 94, 18, 06, 67)$
- passo 1 (55)    44 55 12 42 94 18 06 67
- passo 2 (12)    12 44 55 42 94 18 06 67
- passo 3 (42)    12 42 44 55 94 18 06 67
- passo 4 (94)    12 42 44 55 94 18 06 67
- passo 5 (18)    12 18 42 44 55 94 06 67
- passo 6 (06)    06 12 18 42 44 55 94 67
- passo 7 (67)    06 12 18 42 44 55 67 94

# Insertion sort

## Implementação em Python

```
def insertion_sort(v):  
    for i in range(1, len(v)):  
        x = v[i]  
        j = i-1  
        while j >= 0 and x < v[j]:  
            v[j+1] = v[j]  
            j -= 1  
        v[j+1] = x
```

# **ALGORITMOS E PROGRAMAÇÃO DE COMPUTADORES II**

**Algoritmos clássicos de  
ordenação I**