图象工程(下)

象理

(第4版)

章毓晋 清华大学电子工程系 100084 北京



第1单元 采集表达



- 第2章 摄象机成象 第3章 压缩感知与成象 第4章 深度信息采集
- 》 第5章 3-D景物表达
- ✓ 从图象出发,认识和理解世界 需要获得能反映场景内容和本质的图象 需要用尽少的采样精确地重构原信号

需要采集含有全面立体信息的图象 需要有对3-D空间景物的3-D表达方法



曲线和曲面的局部特征 5 1



3-D表面表达 5 2

第5章 3-D景物表达

等值面的构造和表达

从并行轮廓插值3-D表面



5.3

5.4



5.1 曲线和曲面的局部特征



曲线和曲面是构成3-D实体的重要组件

5.1.1 曲线局部特征

5.1.2 曲面局部特征

微分几何是研究曲线和曲面局部特征的





1. 曲线点分类

一条曲线 C通过空间一个点P

通过点P且与曲线C相切的直线T称为曲线C

在点P的切线(切线是割线的极限)

切线T与曲线C在点P的接触 比任何其它直线与曲线C在点P的

接触都要密切 与点P的切线T相垂直且通过 点P的直线N是曲线C在点P的法线



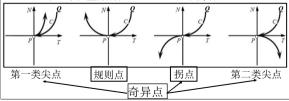




1. 曲线点分类

一个在第一象限中的点Q沿曲线C向P点移动,当它到达 P点后继续运动,那它的下一个位置会有四种情况

下一个位置分别在一,二,三,四象限







第7页

2. 高斯图

- 让点P遍历曲线C并且依次将曲线C上的各个点P与单位圆周上的各个点Q对应起来
- 点P与单位圆周上的各个点Q对应起来 • 使通过各个点P的单位法线矢量与从单位圆心



章毓晋 (TH-EE-IE) ZHANG YU JIN





高斯图

- 点P'和点P处的法线间的夹角 单位圆周上连接0′和0的弧长
- 点遍历曲线方向 vs. 沿高斯图单位圆遍历方向

曲线点分类表 表 5.1.1 分类 点沿曲线遍历方向不变 点沿曲线遍历方向反转变化 高斯图上点沿单位圆运动方向不变 规则点 第1类尖点 高斯图上点沿单位圆运动方向反转变化 拐点 第2类尖点

第8页





3. 空间曲线

曲线*C*在*P*点 的曲率中心为*O*

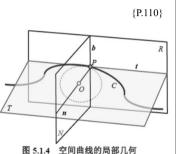
N: 法平面

T: 密切平面 *R*: 校正平面

n: 主法线矢量

t: 切线矢量

b: 副法线矢量 图 5.1.4







1. 表面法截线

反映了表面S上一点P附近的性质

- 平面*U*是过表面*S* 上一点*P*的切平面
- 通过点*P*且与表面*S* 垂直的直线*N*称为
- 垂直的直线N标为 表面S在点P处的法线
- 在表面上的每一点,



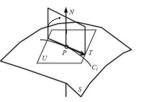






1. 表面法截线

通过表面S在点P 处的法线只有一条, 但包含该法线的平面 (同时也包含一条切 线)可以有无数个



这些平面与表面S的交线构成一个单参数平面曲线族,可称为法截线族。法截线 C_t 在点P处的曲率称为表面S在点P处相应切线方向上的法曲率

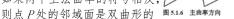




2. 表面主法曲率

》 法截线在表面上点P处的法曲率在绕法线的某个方向上会取得最大值 K_1 ,而在某个方向上会取得最小值 K_2 。一般将这两个方向称为表面S在点P处的主方向,可以证明它们是互相正交的

如果两个主法曲率的符号相同,则点 P处的邻域面是椭圆形的
 如果两个主法曲率的符号相反,







3. 平均曲率和高斯曲率

平均曲率: $H = (K_1 + K_2)/2 = \text{Tr}(K)/2$ 确定表面是否局部凸(负)或凹(正)

高斯曲率: $G = K_1 K_2 = \det(K)$

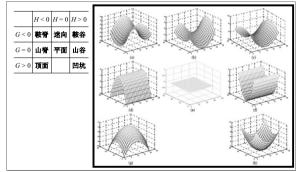
确定表面是否局部双曲(负)或椭圆(正)

表 5.1.2 由高斯曲率 6 和均值曲率 H确定的 8 种表面类型

	H < 0	H = 0	H > 0
G < 0	鞍脊	最小/迷向	鞍谷
G = 0	山脊/脊面	平面	山谷/谷面
G > 0	峰/顶面		凹坑









5.2 3-D表面表达



当人们观察3-D场景时,首先看到的是由一组 曲面构成的物体的外表面

为表达3-D物体的外表面和描述它们的形状, 可利用物体的外轮廊线或外轮廊面

5.2.1 参数表达

5.2.2 表面朝向表达



5.2.1 参数表达



1. 曲线的参数表达

$$P(t) = [x(t) \quad y(t) \quad z(t)]^{\mathrm{T}} \quad 0 \leq t \leq 1$$

为了表示通用的曲线,使参数样条的一阶和 二阶导数连续,**P(t)**的阶数至少为3

$$P(t) = at^3 + bt^2 + ct + d$$

$$\mathbf{a} = [a_x \quad a_y \quad a_z]^T$$
 $\mathbf{b} = [b_x \quad b_y \quad b_z]^T$

$$\boldsymbol{c} = [c_x \quad c_y \quad c_z]^T$$
 $\boldsymbol{d} = [d_x \quad d_y \quad d_z]^T$



5.2.1 参数表达



2. 曲面的参数表达

$$P(u,v) = \begin{bmatrix} x(u,v) & y(u,v) & z(u,v) \end{bmatrix}^{\mathrm{T}} \quad 0 \leq u,v \leq 1$$

一个3-D表面的显式表达形式为

$$z = f(x, y)$$

双线性 (bi-linear)
$$z = a_0 + a_1 x + a_2 y$$

双二次(bi-quadratic) $\overline{z = a_0 + a_1 x + a_2 y + a_3 xy + a_4 x^2 + a_5 y^2}$

双三次(bi-cubic)

$$z = a_0 + a_1x + a_2y + a_3xy + a_4x^2 + a_5y^2 + a_6x^3 + a_7x^2y + a_8xy^2 + a_9y^3$$



5.2.2 表面朝向表达



扩展高斯图

扩展高斯图给出目标表面法线的分布

高斯球: 将3-D目标表面的一点对应到球面上具有 相同表面法线的点得到。在高斯球上各点都放置 与对应表面面积数值上相等的质量就得到扩展高

斯图



5.2.2 表面朝向表达



扩展高斯图

高斯曲率:

- 推广到光滑的曲面

- - 高斯球上区域
 - 目标上区域
- $GdO = \iint dS = S$
- 可用高斯曲率的倒数定义扩展高斯图

 $\frac{1}{G} dS = \iint dO = O$ 目标非凸体 {P.116} G(u,v)

章毓晋 (TH-EE-IE) ZHANG YU JIN

第19页

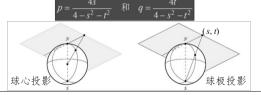


5.2.2 表面朝向表达



2. 球心投影和球极投影

- 物体的表面朝向有两个自由度
- 为指定面元的朝向, 还可使用梯度(p,q)
- 将高斯球投影到一个平面上以得到梯度空间





5.3 等值面的构造和表达



3-D图象的基本单元是体素。如果一个目标的 轮廓体素具有某个确定的灰度值,那么这些体素点 将构成一个等值表面,它是该目标与其他目标或背 景的交界面

5.3.1 行进立方体算法

5.3.2 覆盖算法





基本单元:

由8个体素 构成顶点 的立方体





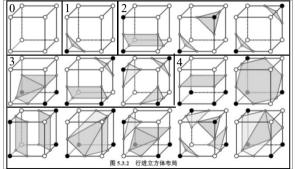
边界立方体:

该立方体的8个体素中有的属于前景有的属于 背景。等值面应在边界立方体中

算法逐次检查每个体素,从一个立方体行进 到另一个相邻的立方体

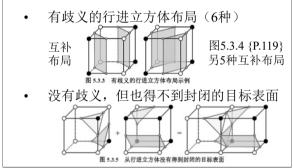










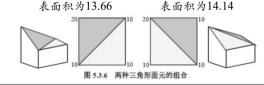






● 三角形面元的不同组合

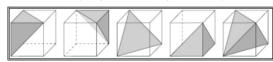
用两个三角形来连接4个顶点并构成目标的表面部分可有两种方法,所得到的表面积和表面朝向都不相同







将每个立方体分解成5个四面体,其中4 个四面体有相同长度的边缘,而第5个四面 体具有相同尺寸的表面(最右边那个)

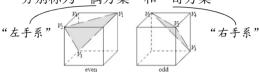


属于四面体的体素看作在目标的内部, 而不属于四面体的体素看作在目标的外部





• 对立方体的四面体分解有两种方案 分别称为"偶方案"和"奇方案"



对体素网格的分解是按奇偶相间来进行的,这样可以保证在相邻立方体中的四面体可以互相匹配以最后得到协调一致的表面





确定是否目标表面与四面体相交

- 每个四面体都包含4个体素
- 估计在与目标表面相交的四面体中,目标表面与四面体各面(多边形)相交的边界
- 对每对边界两端的顶点可进行插值以逼近获 得在连接每对顶点的边上的交点
- 考虑对角边缘,设四个顶点的灰度值分别为 a, b, c, d, 得到的插值结果为:

 $I(u) = (a+b-c+d)^{2}u^{2} + (-2a+b+c)u + a$





确定目标表面与四面体的相交位置

- 估计在与目标表面相交的四面体中,目标表面与四面体各面(多边形)相交的边界
 - 计算每对边界两端顶点之间边上的交点
 - 用交点确定表面拼接后的顶点

拼接表面 的朝向逆 时针(从

外观察)







章毓晋 (TH-EE-IE) ZHANG YU JIN





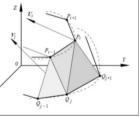
1. 轮廓插值

- 根据一系列并行轮廓线重建3-D目标表面
- 三角形面元内插
- (1) 从相邻的两个 多边形上确定一

个初始顶点对

(2) 已知一个顶点 对的基础上选取 下一个相邻顶点

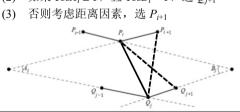
章毓晋 (TH-EE-IE) ZHANG YU JIN







- 顶点选取(边最短最垂直)
 - (1) 如果 $\cos A_i > T$, 选 P_{i+1} (2) 如果 $\cos A_i \leq T$,且 $\cos B_i > T$,选 Q_{i+1}



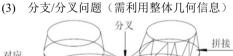




可能遇到的问题

- 对应问题 (两个层次:轮廓间,点间) (1)
 - (2) 拼接问题(产生一组优化的三角面片)

对应







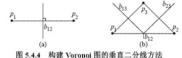
3. Delaunay三角剖分和邻域Voronoi图

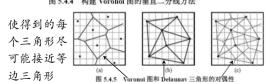
- Voronoi图和Delaunay三角形互为对偶
- 对任意一对点p和q,在它们之间画一条对分线。这条对分线将图象分成两部分,其中一部分包含与p比较近的点而另一部分包含与q比较近的点
- 如果对所有的q都如上进行,就可得到包含p 的多边形,也称Voronoi多边形。对所有点的 Voronoi多边形构成Voronoi图





Delaunay三角剖分和邻域Voronoi图







5.5 3-D实体表达



对真实世界中的绝大部分物体来说,尽管通常 只能看到它们的表面,它们实际上都是3-D实体

- 5.5.1 基本表达方案
 - 5.5.2 广义圆柱体表达



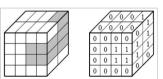


1. 空间占有数组

对图象 f(x, y, z)中任一点(x, y, z), 如果它在给定实体内, 取 f(x, y, z)为1, 否则为0

所有f(x, y, z)为1的点组成的集合就代表了所

要表达的物体

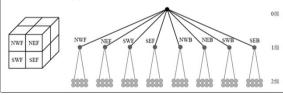






2. 单元分解

- 基本思路是将物体逐步分解,直至分解到可以统一表达的基本单元
- 以统一表达的基本单元 ➤ 八叉树(oct-tree)法是一种常用的单元分解法



章罐晋 (TH-EE-IE) ZHANG YU JIN

第37页





单元分解

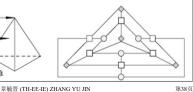
顶角

边缘

· 八叉树节点总数N最多为

> 表面分解









3. 几何模型法

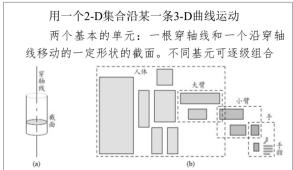
- 边界表达系统: 用各个边界面的并集表示物体
 - **结构刚体几何表达系统**: 刚体通过一组集合操作被表示成另外一些简单刚体的组合





5.5.2 广义圆柱体表达

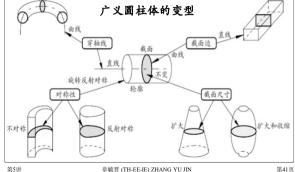






5.5.2 广义圆柱体表达







联 系 信 息



- ☞ 通信地址:北京清华大学电子工程系
- ☞ 邮政编码: 100084
- ☞ 办公地址:清华大学,罗姆楼,6层305室
- ☞ 办公电话: (010) 62798540
- ☞ 传真号码: (010)62770317
- ☞ 电子邮件: zhang-yj@tsinghua.edu.cn
- ☞ 个人主页: oa.ee.tsinghua.edu.cn/~zhangyujin/