
TP Recuit Simulé

Cédric Buche/Vincent Rodin, Décembre 2023

1 Objectif TP/Recuit simulé

L'objectif est de comprendre le fonctionnement et l'utilisation de la technique du recuit simulé. Il s'agit ici de minimiser des fonctions objectives. La mise en œuvre de l'algorithme et l'effet des différents paramètres seront étudiés.

Pour des problèmes NP complets d'optimisation (comme le problème du voyageur de commerce), on ne connaît pas d'algorithme polynomial permettant une résolution de façon optimale. On va donc chercher une solution approchée de cette optimum en utilisant des heuristiques. Le recuit simulé est un algorithme basé sur une heuristique permettant la recherche de solution à un problème donné. Il permet notamment d'éviter les minima locaux mais nécessite un réglage minutieux de ses paramètres.

1.1 Algorithme

L'algorithme du recuit simulé peut être représenté de la manière suivante:

- Fournir une *Solution initiale* X (configuration initiale)
- $X_{opt} = X$
- $F_{opt} = F(X_{opt})$ ($F()$: Fonction objectif)
- Fournir une *Temperature Initiale*
- Tant que ($Temperature > Temperature\ Finale$) faire
 - {
 - tant que ($Repetition > MaxRepetitionConstant$) faire:
 - {
 - choisir Y dans le *Voisinage* de (X)
 - calculer $Df = F(Y) - F(X)$
 - Si $DF < 0$ alors
 - {
 - $X = Y$
 - Si $F(X) < F(X_{opt})$ alors
 - {
 - $X_{opt} = X$
 - $F_{opt} = F(X_{opt})$
 - Si non
 - {
 - Tirer p dans $[0, 1]$
 - Si $p \leq \exp(-\frac{Df}{T})$
 - {
 - $X = Y$
 - $T = g(T)$
- Afficher X_{opt}

1.2 Paramètres

La technique du recuit simulé est soumise à plusieurs paramètres. Nous allons proposer à l'utilisateur de définir:

1. *Temperature Initiale* (TInit)
2. *Temperature Finale* (TFin)
3. *Alpha* permettant de faire décroître la température par le biais de $g()$ (Alpha)
4. *Amplitude* permettant de définir le voisinage (Ampli)
5. Nombre de transformations à température constante (MaxRepetitions)

2 Travail demandé

2.1 Recherche d'optimum d'une fonction

L'implémentation incomplète est disponible.

Le fichier se nomme `recuitFonctions.c` (répertoire Fonctions).

1. Algorithme
Complétez le code du fichier en incorporant l'algorithme du recuit simulé. Ce dernier doit être le plus générique possible.
2. Manipulation
Vous disposez de 2 fonctions polynomiales:

- (a) $f_1 = x^2$
- (b) $f_2 = x^2, x \leq 3$
 $f_2 = \frac{5}{45}(x - 10)^2 + 4, x > 3$

L'objectif est de tester l'algorithme en utilisant les fonctions ci-dessus. Il s'agit notamment d'étudier l'impact de la modification des différents paramètres sur la solution trouvée et sur la convergence de l'algorithme. En choisissant judicieusement les paramètres, montrez comment l'algorithme peut aboutir à un optimum local pour f_2 .

NB : On peut remarquer que f_1 admet un minimum unique global au point $(x = 0, f_1(0) = 0)$.

La fonction f_2 possède un minimum global au point $(x = 0, f_2(0) = 0)$ et un minimum local au point $(x = 10, f_2(10) = 4)$.

L'évolution de la fonction de coût est visualisée pendant exécution. Après exécution, le fichier Cout contient les valeurs des différents coûts au cours du temps.

2.2 Le problème du voyageur de commerce

Un voyageur de commerce doit visiter une seule fois un ensemble de villes et revenir chez lui en minimisant la distance parcourue.

Vous trouverez l'implémentation d'une ville (définie par une position(x,y)) et d'une carte dans les fichiers `geo.h/geo.c`.

L'implémentation incomplète est disponible.

Le fichier se nomme `recuitVoyageur.c` (répertoire Voyageur). Dans ce fichier, vous trouverez notamment des fonctions de gestion de chemins du voyageur (`genereChemin`, `calculCoutChemin`, `dessineChemin` et `transformationChemin` (uniquement `transformationChemin` est à faire!)).

1. Algorithme
Afin de montrer que l'algorithme du recuit simulé est indépendant du problème, modifier la fonction de transformation `transformation` et la fonction de calcul du coût `f` pour les adapter au problème du voyageur de commerce. Vous pourrez vous aider notamment des fonctions de gestion de chemins.

2. Manipulation

Il s'agit d'étudier l'impact de la modification des différents paramètres sur la solution trouvée et sur la convergence de l'algorithme. Il peut être intéressant de tester

- (a) différents schémas de décroissances de la température (linéaire, discret, exponentielle ...)
- (b) différents types de transformations (inversement, déplacement, échange ...)
- (c) ...

L'évolution de la fonction de coût est visualisée pendant exécution. Après exécution, le fichier Cout contient les valeurs des différents coûts au cours du temps.

3 Compte rendu + code à fournir

Vous devrez rendre une archive avec votre compte rendu au format pdf ainsi que vos programmes.

12 decembre 2023	gnuplot.h	Page 1/1
<pre> /* gnuplot.h */ #ifndef GNUPLOT_H #define GNUPLOT_H #include <stdio.h> /***** Affichage avec gnuplot et un tube *****/ typedef struct { float x,y; } PointGnuplot; extern FILE* openGnuplot(char *fileName); extern void closeGnuplot(FILE* flot); extern void setAutoscaleGnuplot(FILE* flot); extern void setRangeGnuplot(FILE* flot, float xmin, float xmax, float ymin, float ymax); extern void beginPointsToGnuplot(FILE* flot, char *style); /* "lines", "linespoint", "points" */ extern void pointsToGnuplot(FILE* flot, PointGnuplot tabPoint[], int nbPoints); extern void endPointsToGnuplot(FILE* flot); extern void vectorGnuplot(FILE* flot, float x1, float y1, float x2, float y2); #endif /* GNUPLOT_H */ </pre>		
12 decembre 2023	random.h	Page 1/1
<pre> /* random.h : generation de nombres aleatoire */ #ifndef RANDOM_H #define RANDOM_H /***** Generation de nombres aleatoires *****/ extern void initRandom(void); /* Initialisation generateur */ extern int myRandomMinMax(int min, int max); /* Generation dans [min,max] */ extern double myRandom01(void); /* Generation dans [0.0,1.0] */ #endif /* RANDOM_H */ </pre>		

Optimisation de fonctions !

12 decembre 2023	recuitFonctions.c	Page 1/3
<pre> #define VISUMEILLEUR 0 /* Si 1, visu de la meilleure solution connue */ /* Si 0, visu en continu de la solution courante */ #include <math.h> #include <stdlib.h> #include <unistd.h> #include "random.h" #include "gnuplot.h" double T; /* Temperature T */ double Ti; /* Temperature initiale */ double Tf; /* Temperature finale */ double amplitude; /* Parametre d'amplitude dans transformation() */ double alpha; /* Facteur de decroissance de la temperature */ int NbEssais; /* Nb total de mouvements essayes */ int MaxRepetitions; /* Nb. max de repetition a temp. constante */ FILE* fdCout; char* fileNameCout="Cout"; FILE* fdResults; char* fileNameResults="Resultats"; FILE* fdGnuplotCout; /* Choix de la Fonction d'Evaluation */ #define F(x) fl_1(x) /* ... et la 1ere fonction exemple (ci-dessous) */ #define FNAME fl_1 /* indiquer aussi son libelle (pour impressions) */ /* Etats du Recuit */ double x0; /* Etat initial */ double x; /* Solution courante */ double y; /* Solution voisine */ double xo; /* Solution optimale */ double fx, fy, fxo; /* Valeurs */ /* Fonctions Exemples (Fonction de coût) */ double fl_1(double t){ return t*t; } double fl_2(double t){ if (t <= 3.) return t*t; /* if (t > 3.) */ return (5.*(t-10.)*(t-10.))/49. + 4.; } /* Voisinage (modification configuration) */ void transformation(void){ y = x; /* y est au voisinage de x suivant l'amplitude */ y = y + ... ; /* Apres y = x, modifier y (pas x!) */ } /* Modification temperature */ double g(void) { if 1 return(...); /* On decroit la temperature en utilisant T * alpha */ else return(...); /* On decroit la temperature en utilisant T - alpha */ endif } /*----- visu du Cout ----- */ void visualiserCout(FILE *fd, char *fileName, int affichageObligatoire) { } void ecrireCout(FILE *fdCout, int abscisse, double cout) { } </pre>		

12 decembre 2023	recuitFonctions.c	Page 2/3
<pre> /*----- Sauvegarde fichier Resultats ----- */ void PrintParameters(FILE *fd) { } void PrintTitleLine(FILE *fd) { } void PrintALine(FILE *fd) { } void Visu(double x, int affichageObligatoire) { } void EcrireCoutEtVisu(double fx, double x,int affichageObligatoire) { } void FermetureFlots(void) { } /*----- Initialisation ----- */ int main(void) { char rep; initRandom(); printf("f(x)=%s\n", FNAME); printf("Etat initial (x0) ?\n"); scanf("%lf", &x0); printf("TInit ?\n"); scanf("%lf", &Ti); printf("TFin ?\n"); scanf("%lf", &Tf); printf("Alpha ?\n"); scanf("%lf", &alpha); printf("Ampli ?\n"); scanf("%lf", &amplitude); printf("MaxRepetitions ?\n"); scanf("%d", &MaxRepetitions); PrintParameters(stdout); do { printf("Sauvegarde des resultats dans un fichier? (o/n)\n"); scanf("%c",&rep); while (rep=='\n') { scanf("%c",&rep); } }while (rep!='o' && rep!='n' && rep!='O' && rep!='N'); if (rep=='n' rep=='N') fdResults=NULL; else { fdResults= fopen(fileNameResults, "w"); if (fdResults==NULL) { fprintf(stderr, "Probleme sur fopen(\"%s\", \"w\")\n", fileNameResults); } } PrintParameters(fdResults); /* Si on veut avoir un en-tete */ PrintTitleLine(fdResults); /* d'identification */ fdCout=fopen(fileNameCout, "w"); /* Ouverture du fichier pour les couts */ if (fdCout==NULL) { fprintf(stderr, "Probleme sur fopen(\"%s\", \"w\")\n", fileNameCout); fprintf(stderr, "=> Arret du programme\n"); fclose(fdResults); exit(EXIT_FAILURE); } fdGnuplotCout=openGnuplot(NULL); /* pipe + fork pour visu */ if (fdGnuplotCout==NULL) { fprintf(stderr, "Probleme sur openGnuplot => Arret du programme\n"); fclose(fdResults); fclose(fdCout); exit(EXIT_FAILURE); } </pre>		

Initialisation
des paramètres
du Recuit Simulé

12 decembre 2023	recuitFonctions.c	Page 3/3
<pre> /*__ Recuit Simule __ */ x = xopt = ... ; /* Configuration initiale */ fx = fxopt = ... ; /* Cout initial */ T = ... ; /* Temperature initiale */ NbEssais = 0; EcrireCoutEtVisu(fx,x,1); PrintALine(fdResults); /* Sauvegarde configuration initiale */ while (...) { /* 1er critere d'arret */ int rep; /* Nb de repetitions a temperature constante */ double p, Df; /* p: pour tirage aleatoire, Df: pour Delta f */ for(rep=0; rep<MaxRepetitions; rep++){ /* 2eme critere d'arret */ ... /* transformation => y, voisin de x */ fy = ... ; Df = ... ; /* Nouveau - Ancien */ if (...) { /* Descente !! */ x = ... ; /* y devient l'etat courant */ fx = ... ; if (...){ /* Mise a jour optimum ? */ xopt = ... ; fxopt = ... ; } } #if VISUMEILLEUR==1 EcrireCoutEtVisu(fxopt,xopt,1); #endif } else { /* Remontee : acceptee ?? */ p = myRandom01(); if (...) { x = ... ; /* y devient l'etat courant */ fx = ... ; } } NbEssais++; #if VISUMEILLEUR!=1 EcrireCoutEtVisu(fx,x,0); #endif PrintALine(fdResults); /* Sauvegarde resulats courants */ } T = ... ; /* modifier la temperature */ usleep(10); } /* end while */ printf("----->\n"); printf("Temperature a la fin de l'algorithme=%f\n", T); printf("Cout optimal (fxopt)=%f\n", fxopt); printf("<-----\n"); Visu(xopt,1); FermetureFlots(); exit(EXIT_SUCCESS); } </pre>		

12 decembre 2023	gnuplot.h	Page 1/1
<pre> /* gnuplot.h */ #ifndef GNUPLOT_H #define GNUPLOT_H #include <stdio.h> /***** Affichage avec gnuplot et un tube *****/ typedef struct { float x,y; } PointGnuplot; extern FILE* openGnuplot(char *fileName); extern void closeGnuplot(FILE* flot); extern void setAutoscaleGnuplot(FILE* flot); extern void setRangeGnuplot(FILE* flot, float xmin, float xmax, float ymin, float ymax); extern void beginPointsToGnuplot(FILE* flot, char *style); /* "lines", "linespoint", "points" */ extern void pointsToGnuplot(FILE* flot, PointGnuplot tabPoint[], int nbPoints); extern void endPointsToGnuplot(FILE* flot); extern void vectorGnuplot(FILE* flot, float x1, float y1, float x2, float y2); #endif /* GNUPLOT_H */ </pre>		
12 decembre 2023	random.h	Page 1/1
<pre> /* random.h : generation de nombres aleatoire */ #ifndef RANDOM_H #define RANDOM_H /***** Generation de nombres aleatoires *****/ extern void initRandom(void); /* Initialisation generateur */ extern int myRandomMinMax(int min, int max); /* Generation dans [min,max] */ extern double myRandom01(void); /* Generation dans [0.0,1.0] */ #endif /* RANDOM_H */ </pre>		

12 decembre 2023	params.h	Page 1/1
<pre> #ifndef PARAM_H #define PARAM_H #define NBVILLES 30 #define COTECARTE 10 /***** Verification contraintes sur les defines *****/ #if NBVILLES>COTECARTE*COTECARTE #error "Attention: NBVILLES>COTECARTE*COTECARTE" #endif #endif /* PARAM_H */ </pre>		
12 decembre 2023	geo.h	Page 1/1
<pre> /* geo.h : la geographie */ #ifndef GEO_H #define GEO_H #include "params.h" /* Pour NBVILLES */ /* On utilise NBVILLES (genereCarte) */ /***** Les Villes *****/ typedef struct { int x; int y; } Ville; extern void genereVille(Ville *ville, int coteCarte); extern void printVille(const Ville *ville); extern void dessineVille(FILE* flot, const Ville *ville); extern void dessineUneSeuleVille(FILE* flot, const Ville *ville); extern double distanceVilles(const Ville *ville1, const Ville *ville2); /***** Une Carte *****/ typedef struct { Ville villes[NBVILLES]; int nbVilles; } Carte; extern void genereCarte(Carte *carte, int coteCarte); extern void printCarte(const Carte *carte); extern void dessineCarte(FILE* flot, const Carte *carte); #endif /* GEO_H */ </pre>		

TSP

Voyageur de commerce !!

```
#define VISUMEILLEUR 1 /* Si 1, visu de la meilleure solution connue */
/* Si 0, visu en continu de la solution courante */

#include <math.h>
#include <stdlib.h>
#include <unistd.h>

#include "random.h"
#include "gnuplot.h"
#include "geo.h"

#include "params.h" /* Pour NBVILLES et COTECARTE */

#if NBVILLES==8
    Carte carte={{5,2},{7,3},{8,5},{7,7},{5,8},{3,7},{2,5},{3,3}}, 8};
#elif NBVILLES==16
    Carte carte={{5,2},{6,2},{7,3},{8,4},
                {8,5},{8,6},{7,7},{6,8},
                {5,8},{4,8},{3,7},{2,6},
                {2,5},{2,4},{3,3},{4,2}}, 16};
#elif NBVILLES==30
    Carte carte={{0,0},{3,3},{4,1},{1,9},{7,6},
                {2,1},{9,8},{3,5},{4,6},{5,9},
                {3,9},{0,4},{8,5},{2,6},{6,1},
                {7,8},{5,2},{3,6},{6,5},{1,8},
                {7,1},{7,0},{7,3},{1,1},{3,1},
                {5,1},{6,0},{8,4},{1,4},{1,6}}, 30};
#else
    Carte carte;
#endif

typedef struct { int parcours[NBVILLES];
                int nbVilles;
                } Chemin;

/*----- Des fonctions de gestion de Chemins -----*/

void genereChemin(Chemin *chemin)
{ }

/*---*/
double calculCoutChemin(Chemin chemin)
{ }
void dessineChemin(FILE* flot, Chemin chemin)
{ }
/*---*/

void transformationChemin(Chemin *cheminY,
                        Chemin cheminX, int amplitude)
{
    *cheminY = cheminX; /* *cheminY est au voisinage de cheminX suivant */
                        /* l'amplitude. Apres *cheminY = cheminX, ne plus */
                        /* modifier cheminX !!! */
    ...
}

/*----- Parametres de controle du recuit -----*/

double T; /* Temperature T */
double Ti; /* Temperature initiale */
double Tf; /* Temperature finale */

int amplitude; /* Parametre d'amplitude dans transformation() */
double alpha; /* Facteur de decroissance de la temperature */

int NbEssais; /* Nb total de mouvements essayes */
int MaxRepetitions; /* Nb. max de repetition a temp. constante */
```

```
FILE* fdCout;
char* fileNameCout="Cout";

FILE *fdResults;
char* fileNameResults="Resultats";

FILE* fdGnuplotCout;
FILE* fdGnuplotChemin;

/* Choix de la Fonction d'Evaluation */
#define F(x) f(x) /* la fonction de cout (ci-dessous) */
#define FNAME "f" /* indiquer aussi son libelle (pour impressions) */

/* Etats du Recuit */

Chemin x0; /* Etat initial */
Chemin x; /* Solution courante */
Chemin y; /* Solution voisine */
Chemin xopty; /* Solution optimale */
double fx, fy, fxopty; /* Valeurs */

/* Fonctions Exemples (Fonction de coût) */
double f(Chemin chemin)
{
    return ... ;
}

/* Voisinage (modification configuration) */
void transformation(void) { /* y est au voisinage de x suivant amplitude */
    transformationChemin(&y,x,amplitude); /* Doonnneeee ! */
}

/* Modification temperature */
double g(void) {
    #if 1
        return( ... ); /* On decroit la temperature en utilisant T * alpha */
    #else
        return( ... ); /* On decroit la temperature en utilisant T - alpha */
    #endif
}

/*----- visu du Cout ----- */
void visualiserCout(FILE *fd, char *fileName, int affichageObligatoire)
{ }

void ecrireCout(FILE *fdCout, int abscisse, double cout)
{ }

/*----- Sauvegarde fichier Resultats ----- */
void PrintParameters(FILE *fd)
{ }

void PrintTitleLine(FILE *fd)
{ }

void PrintALine(FILE *fd)
{ }

void Visu(Chemin x, int affichageObligatoire)
{ }

void EcrireCoutEtVisu(double fx, Chemin x, int affichageObligatoire)
{ }

void FermetureFlots(void)
{ }
```

12 decembre 2023	recuitVoyageur.c	Page 3/4
<pre> /* _____ Initialisation _____ */ int main(void) { char rep; initRandom(); #if NBVILLES!=8 && NBVILLES!=16 && NBVILLES!=30 genereCarte(&carte,COTECARTE); #endif /* printf("f(x)=%s\n",FNAME); printf("Etat initial (x0) ?\n"); scanf("%lf",&x0); */ genereChemin(&x0); /* Configuration initiale */ printf("TInit ?\n"); scanf("%lf",&Ti); printf("TFin ?\n"); scanf("%lf",&Tf); printf("Alpha ?\n"); scanf("%lf",&alpha); printf("Ampli (un int) ?\n"); scanf("%d",&amplitude); printf("MaxRepetitions ?\n"); scanf("%d",&MaxRepetitions); PrintParameters(stdout); do { printf("Sauvegarde des resultats dans un fichier? (o/n)\n"); scanf("%c",&rep); while (rep=='\n') { scanf("%c",&rep); } }while (rep!='o' && rep!='n' && rep!='O' && rep!='N'); if (rep=='n' rep=='N') fdResults=NULL; else { fdResults= fopen(fileNameResults, "w"); if (fdResults==NULL) { fprintf(stderr, "Probleme sur fopen(\"%s\\",\"w\")\n", fileNameResults); } } /* si on veut avoir un en-tete d'identification */ PrintParameters(fdResults); PrintTitleLine(fdResults); fdCout=fopen(fileNameCout,"w"); /* Ouverture du fichier pour les couts */ if (fdCout==NULL) { fprintf(stderr, "Probleme sur fopen(\"%s\\",\"w\")\n", fileNameCout); fprintf(stderr, "=> Arret du programme\n"); fclose(fdResults); fclose(fdCout); exit(EXIT_FAILURE); } fdGnuplotCout=openGnuplot(NULL); /* pipe + fork pour visu */ if (fdGnuplotCout==NULL) { fprintf(stderr, "Probleme sur openGnuplot=> Arret du programme\n"); fclose(fdResults); fclose(fdCout); exit(EXIT_FAILURE); } fdGnuplotChemin=openGnuplot(NULL); /* pipe + fork pour visu */ if (fdGnuplotCout==NULL) { fprintf(stderr, "Probleme sur openGnuplot=> Arret du programme\n"); fclose(fdResults); fclose(fdCout); closeGnuplot(fdGnuplotCout); exit(EXIT_FAILURE); } } </pre>		

Initialisation
des paramètres
du Recuit Simulé

12 decembre 2023	recuitVoyageur.c	Page 4/4
<pre> /* _____ Recuit Simule _____ */ x = xopt = ... ; /* Configuration initiale */ fx = fxopt = ... ; /* Cout initial */ T = ... ; /* Temperature initiale */ NbEssais = 0; EcrireCoutEtVisu(fx,x,1); PrintALine(fdResults); /* Sauvegarde configuration initiale */ while (...) { /* 1er critere d'arret */ int rep; /* Nb de repetitions a temperature constante */ double p, Df; /* p: pour tirage aleatoire, Df: pour Delta f */ for(rep=0; rep<MaxRepetitions; rep++){ /* 2eme critere d'arret */ ... /* transformation => y, voisin de x */ fy = ... ; Df = ... ; /* Nouveau - Ancien */ if (...) { /* Descente !! */ x = ... ; /* y devient l'etat courant */ fx = ... ; if (...){ /* Mise a jour optimum ? */ xopt = ... ; fxopt = ... ; } } NbEssais++; } #if VISUMEILLEUR==1 EcrireCoutEtVisu(fxopt,xopt,1); #endif } else { /* Remontee : acceptee ?? */ p = myRandom01() ; if (...) { x = ... ; /* y devient l'etat courant */ fx = ... ; } } NbEssais++; } #if VISUMEILLEUR!=1 EcrireCoutEtVisu(fx,x,0); #endif PrintALine(fdResults); /* Sauvegarde resultats courants */ } T = ... ; /* modifier la temperature */ usleep(10); } /* end while */ printf("----->\n"); printf("Temperature a la fin de l'algorithme=%f\n", T); printf("Cout optimal (fxopt)=%f\n", fxopt); printf("<-----\n"); Visu(xopt,1); FermetureFlots(); exit(EXIT_SUCCESS); } </pre>		