# Esame di Laurea in Informatica

Dipartimento di Matematica "Tullio Levi Civita"

Implementazione di modelli di programmazione matematica per problemi di bin packing

Candidato Daniel Rossi Relatore prof. Luigi De Giovanni

18 Dicembre 2018



### Introduzione



### SOFTWARE SUPPORTO DECISIONALE

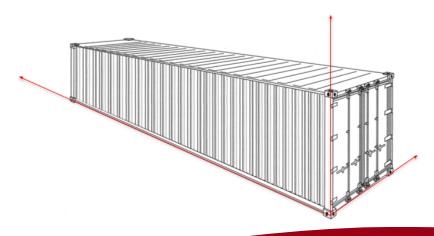


- agevolazione degli operatori;
- operatori meno esperti;
- aumento della produttività;
- informazioni sullo stato dei trasporti;
- stima di costi e profitti.

## Introduzione



L'azienda ha sviluppato un'euristica per l'ottimizzazione dello spazio occupato dalle merci nel container del camion.



# Proposta di stage



### Scopo

Lo scopo dello stage è quello di realizzare dei modelli di programmazione lineare per la risoluzione dello **Strip Packing Problem** da usare per valutare l'euristica aziendale

- 2D: versione 2D;
- 2DR: versione 2D con rotazione;
- 2DRS: versione 2D con rotazione e sequenza di scarico;
- **3D**: versione 3D con rotazione e sovrapposizione.

# Packing Problem



Insieme  $I = \{1, ..., n\}$  di oggetti aventi dimensioni  $w_i$ ,  $d_i$  e  $h_i$ . Insieme  $J = \{1, ..., m\}$  di contenitori di dimensione W, D e H. Per ipotesi  $w_i \leq W$ ,  $d_i \leq D$  e  $h_i \leq H$ .

### Obiettivo Bin Packing

Minimizzare il numero di contenitori *J* che riescano a contenere tutti gli oggetti dell'insieme *I*.

## Obiettivo Strip Packing

Minimizzare i metri lineari occupati dagli oggetti dell'insieme *I* rispetto la profondità del contenitore.

## Modello matematico



Tratto dall'articolo: Solving the 2D bin packing problem by means of a hybrid evolutionary algorithm

#### min D

s.t.

$$l_{ij} + l_{ji} + b_{ij} + b_{ji} \ge 1$$
  $i < j$   $i, j \in I$   
 $y_i - y_j + M_d b_{ij} \le M_d - d_i$   $i, j \in I$   
 $x_i - x_j + M_w l_{ij} \le M_w - w_i$   $i, j \in I$   
 $x_i + w_i \le W$   $i \in I$   
 $y_i + d_i \le D$   $i \in I$   
 $y_i, l_{ij} \in \{0, 1\}$   $i \ne j$   $i, j \in I$   
 $x_i, y_i, w_i, d_i \in \mathbb{R}^+$   $i \in I$ 

# Tecnologie



Durante lo stage sono state usate le seguenti tecnologie:

















Google

Optimization

Tools

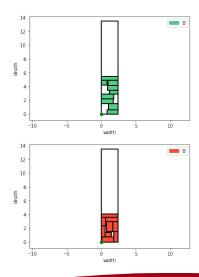
## Modello 2D e 2DR



#### Modello 2D:

Limiti delle soluzioni

Modello 2DR: Ottimalità della soluzione



## Modello 2DRS

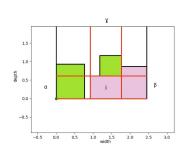


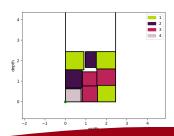
#### Vie di scarico:

Deve essere presente almeno una via di scarico per ciascun pacco

### Stabilità generale:

Le soluzione del modello non implementano la stabilità generale





## Modello 3D

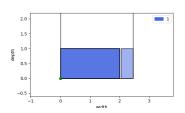


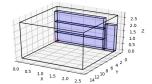
### Stabilità degli oggetti:

Garantita sovrapponendo solo un oggetto

### Oggetti stackable:

In generale nei test non tutti gli oggetti erano sovrapponibili





# Test computazionale



#### Istanza:

insieme formato dai pacchi da disporre nel contenitore.

### Gruppo di istanze:

insieme di istanze accomunate tra loro dal numero di pacchi o dalle loro dimensioni.

Time Limit: 300 secondi

#### Soluzioni:

- ottime
- best bound

#	Wa	$ w_b $	da	$d_b$
0	0.5	2.45	0.5	2.45
1	0.5	1.50	0.5	4.00
2	1.5	2.45	0.5	4.00
3	0.5	1.50	3.0	4.00
4	1.5	2.45	3.0	4.00
5	0.1	1.00	0.1	1.00
6	0.1	1.00	3.0	4.00
7	2.0	2.45	3.0	4.00
8	2.0	2.45	2.0	2.45
9	0.1	1.00	0.1	4.00

## Risultati 2DR



		Ottim	ie			Bes	t bound	
	#ist	$\epsilon_r$	$\epsilon_{a}$	Time		#ist	$\epsilon_r$	$\epsilon_a$
0	64.0	3.89	0.23	40.95	0	36.0	7.35	0.59
1	73.0	11.90	0.81	31.51	1	27.0	15.98	1.48
2	76.0	0.94	0.10	19.76	2	24.0	0.91	0.17
3	84.0	12.29	1.26	19.79	3	16.0	17.26	2.62
4	75.0	0.00	0.00	27.69	4	25.0	0.00	0.00
5	73.0	14.17	0.11	12.58	5	27.0	16.16	0.21
6	78.0	6.60	0.47	20.95	6	22.0	19.40	1.70
7	76.0	0.00	0.00	36.62	7	24.0	0.00	0.00
8	81.0	0.00	0.00	23.70	8	19.0	0.00	0.00
9	81.0	10.34	0.45	10.60	9	19.0	20.58	1.10

$$\bullet$$
  $\epsilon_a = Obj_h - Obj_m$ 

$$lacksquare$$
  $\epsilon_r = rac{\epsilon_a}{Obj_m} \cdot 100$ 

# Raggiungimento degli obiettivi (1)



#### 4 Modelli ⇒ 4 Macro-Obiettivi

Ogni obiettivo composto da diversi sotto-obiettivi

- Introduzione di un nuovo obiettivo:
  - Realizzazione modello 2DRS;
- Due variazioni nel corso dello stage:
  - Confronto con l'euristica eseguito alla fine;
  - Integrazione funzionalità euristica svolto in parallelo con lo sviluppo dei modelli.

Realizzazione modello grazie ad una minor durata:

- formazione;
- realizzazione modelli.

# Consuntivo finale



	#ist	$\epsilon_r$	$\epsilon_a$	Time
0	64.0	3.89	0.23	40.95
1	73.0	11.90	0.81	31.51
2	76.0	0.94	0.10	19.76
3	84.0	12.29	1.26	19.79
4	75.0	0.00	0.00	27.69
5	73.0	14.17	0.11	12.58
6	78.0	6.60	0.47	20.95
7	76.0	0.00	0.00	36.62
8	81.0	0.00	0.00	23.70
9	81.0	10.34	0.45	10.60